

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

#### Usage guidelines

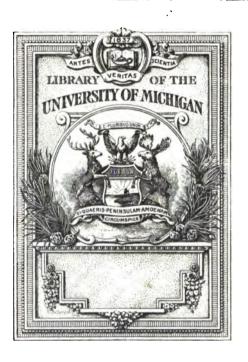
Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

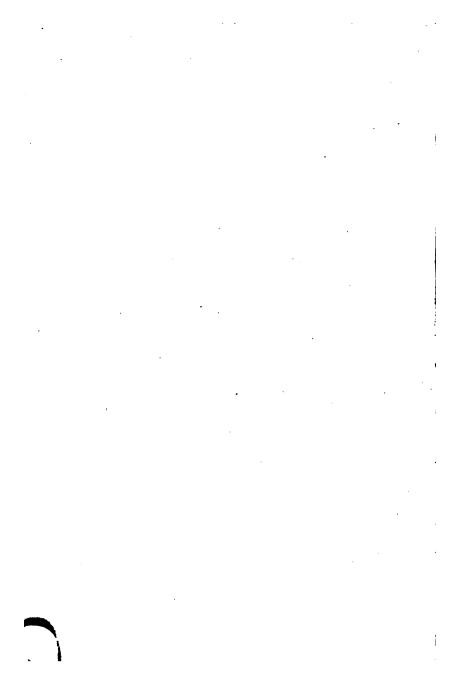
- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

#### **About Google Book Search**

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



AQ 18 189. 1881



# DIOPHANTI ALEXANDRINI

## OPERA OMNIA

### CUM GRAECIS COMMENTARIIS

EDIDIT

5-41392

#### PAULUS TANNERY.

#### VOLUMEN II

CONTINENS PSEUDEPIGRAPHA, TESTIMONIA VETERUM,
PACHYMERAE PARAPHRASIN, PLANUDIS COMMENTARIUM,
SCHOLIA VETERA,
OMNIA FERE ADHUC INEDITA,
CUM PROLEGOMENIS ET INDICIBUS.



LIPSIAE
IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.
MDCCCXCV.

LIPSIAE: TYPIS B. G. TEUBNERI.

#### PROLEGOMENA.

#### T.

Viris mathematicis quibus Diophantea problemata artificiaque etiamnunc haud negligenda videbuntur, primum huius editionis volumen destinavi; in hoc altero nihil tale invenient, nihil inquam (ultimo quaestionum excepto conspectu, pp. 287 sqq.) quod studiis ipsorum inservire queat. Variis e silvis huc congestam materiam plerumque ineditam philologis et praesertim paucioribus iis dedico, qui mathematicae historiae nova documenta graeca scrutari cupient. Non erat igitur latinam cur interpretationem, sicut in priore volumine, vellem condere; sed eo longiora forsitan nunc mihi praefanda sunt.

Primum de collectis pseudepigraphis separatim dicam.

1. Fragmentum I, in catalogo Parisini supplementi graeci indicatum, codex exhibet S. 387, circa annum 1303 scriptus et quo illustrissimus Hultschius usus est (sub nota C) in edendis Heronis Alexandrini geometricorum et stereometricorum reliquiis. Praecedentia folia implet opusculum inscriptum: 'Αρχή τῆς μεγάλης καὶ 'Ινδικῆς ψηφιφορίας (sic), anno 1252 elaboratum et post dimidium fere saeculum a Maximo

Planude compilatum<sup>1</sup>). Neque obiter hoc tacendum: opusculo in illo cifrarum figurae eae sunt quibus tum temporis Itali utebantur; Planudes contra, ut omnes sciunt, persicas notas numerorum exhibuit.

Quae in fine Calculi illius Indici de extractione radicis quadraticae dicuntur, complere credo voluit libri scriptor, nempe monachus quidam varia mathematica ad libitum suum colligens. Forsan scholium mancum in Diophanteo quodam codice excerpsit et inde falsum lemma adscripsit; nam error manifestus est, sed fraudis suspicioni nullus locus.

2. In compluribus Ptolemaei Compositionis mathematicae codicibus manuscriptis illa Προλεγόμενα reperiuntur anonyma, quorum initium et partem geometricam praeclarae suae Pappi editioni (praef. vol. III, pp. XVII—XXI; pp. 1138—1165) Hultschius adiunxit. Pappo quidem tributa fuerunt ab auctore catalogi Vaticano graeco 184 praemissi, Diophanti nomen contra iisdem in Marciano 303 saec. XIV praefixum est, ut recentiorem saec. XVII Canonicianum Bodleianum 32 omittam. Utrinque falso; nam etsi Pappum certe cum Theone aliisque (non Diophantum autem) Prolegomenôn²) auctor compilaverit, post Syrianum cuius mentionem fecit, ergo non ante finem quinti vel ini-

<sup>1)</sup> In notissimo opere quod graece edidit Gerhardt: Das Rechenbuch des Maximus Planudes, Halle, Schmidt, 1865.

<sup>2)</sup> Prolegomenon auctorem fuisse Heliodorum Alexandrinum Hermiae filium Ammoniique fratrem cur coniici possit, alias exposui (Bulletin des Sciences Mathématiques, janv. 1894 et Zeitschrift für Mathematik und Physik, sub titulo: Un fragment des Métriques de Héron).

tium sexti saeculi eum vixisse haud dubitandum est; nec infra verisimiliter statuendus est qui Đεΐου Ptolemaeum vocat.

Prolegomena illa tota vel saltem ineditam partem, etsi lucem mereatur, Diophanteis operibus adiungere haud mihi animus fuit. Ceterum optimus codex Parisinus 2390, quo uti poteram, recentiore manu depravatus est et Vaticanos manuscriptos denuo invisere ob eam causam non vacabat. Attamen fragmentum desiderari poterat illud quod C. Henry iam vulgavit sub titulo: Opusculum de multiplicatione et divisione sexagesimalibus Diophanto vel Pappo attribuendum (Halis Saxoniae, H. W. Schmidt, 1879). Quum praesertim huius editoris stupendae lectiones acutissimum Hultschium, ne me ipsum dicam, haud semel frustra torserint1), operae pretium fore duxi si eundem codicem fideliter describerem, nempe Parisinum 453 in quo Ioannes a Sancta-Maura, circa annum 1600, fragmentum illud ex Vaticano quodam manuscripto satis curiose depromptum bis inseruit; Hultschii aliquas coniecturas adnotavi, sed cur praecedentem editionem omnino neglexerim, qui illam viderit statim intelliget.

3. Tertium fragmentum (pp. 15—31) in catalogis haud recensitum doctissimus Heiberg amicissime mihi indicavit quum eo praesente Parisiis fruerer. Nemini lemma Διοφάντου fucum faciet; Heroniana hîc habes in codice saec. XIV nec meliora nec peiora quam plurima Hultschianae collectionis. Tum temporis Diophanti nomen Byzantinis diu paene incognitum, ut

<sup>1)</sup> Zeitschrift für Math. u. Phys. XXIV, hist.-lit. Abthlg. p. 199 sqq.

infra ostendetur, apud doctos celebritatem nactum erat; illud mathematicis anonymis scriptis praefigere fraus facilis fuit. Sic Prolegomenis ad syntaxin in Marciano codice, sic Heronianis fragmentis (ut aliis Euclidis nomen) in Parisino nostro adscriptum fuit.

Quid praecipue notandum de hoc pseudepigrapho nunc dicam. Geometriae quae fertur Heronis librarius saec. XIII, ut videtur, varia adiunxit quae invenerat έν ἄλλφ βιβλίφ τοῦ Ἡρωνος (ed. Hultsch, pp. 131, 14; 134, 8. 15). Alteram ipsius Heronis editionem nunc deperditam sic designari credidit clarissimus Mauritius Cantor, multaque ingeniosissime suo more secundum hanc coniecturam disputavit1). Sed qui attente Heronianis iampridem editis novum fragmentum nostrum conferet, forsan aliter sentiet; illud enim ἄλλο βιβλίον nihil esse nisi quandam problematum geometricorum byzantinam collectionem, vel Heronis nomine insignitam, ut alias illas ab Hultschio in corpus conflatas, vel forte anonymam, sed Heronianis simillimam, mihi saltem probabilius videtur. Ceterum ex illa collectione (aut illo alio Heronis libro) Diophanteum pseudepigraphum depromptum fuisse, amplius demonstrare supersedeo; locos conferendos in meis adnotationibus lector inveniet qui ea de re sententiam pronuntiare cupiet.

#### II.

Quum omnia (perpauca sane) quae ad meam notitiam pervenerunt de Diophanto testimonia veterum collegi,

<sup>1)</sup> Vorlesungen über Geschichte der Mathematik, Lipsiae, apud Teubnerum, 1880, pp. 330 sqq.

hoc praecipue fuit in votis ut ostenderem huius auctoris praeter nomen vix quidquam notum fuisse post quintum saeculum et ante tempora Georgii Pachymerae Maximique Planudis. Nicomachum Byzantini amplexi sunt, Diophantum paene ignorare diu videntur. Post commentarium a Planude scriptum res aliter se habet; ex. gr., in utraque epistola Nicolai Artavasdi, cognomento Rhabda¹), initium ex procemio Arithmeticorum tacite compilatur; ipse Diophantus audit δ μέγιστος εν ἀριθυητικοίς. Sed talia recentiora consulto omisi.

1, 2, 3. Theonis Alexandrini Ioannisque Hierosolymitani (pp. 35 et 36) loci iampridem noti novis animadversionibus haud egent; de Suidae autem testimonio (p. 36) aliquatenus disputandum est quum gravibus erroribus sese implicuerit Nesselmann²), vir alias de mathematica historia optime meritus, sed qui forsan arabicam linguam magis quam graecam calleret³). Codicum enim auctoritate reiecta, Kusterianaque lectione admissa (ὑπόμνημα εἰς Διοφάντου τὸν ἀστρονομικὸν κανόνα: cf. infra p. 36, 24), commentarium ab Hypatia non in Diophanti Arithmetica sed in aliud quoddam astronomicum opus scriptum fuisse adfirmavit, frustra negans ὑπόμνημα εἰς Διόφαντον graeca verba esse et haud animadvertens talia multo magis Suidae condonanda esse quam quae Kusterus proposuit, quum

<sup>1)</sup> Videsis meam editionem: Les deux lettres arithmétiques de Nicolas Rhabdas, Paris, Klincksieck, 1886 (Extr. des Notices etc. XXXII) pp. 23, 26, 58.

<sup>2)</sup> Die Algebra der Griechen, pp. 248 sqq.

<sup>3)</sup> Ut adparet quando sedulus inquirit utrum Διοφάντης an Διόφαντος dicendum sit.

illo sensu εἰς τὸν Διοφάντον ἀστρ. καν. omnino scribendum fuisset. Ceterum nullam astronomicam tabulam (κανόνα) post Ptolemaeum apud veteres conditam fuisse extra dubium est; idcirco ante τὸν addidi εἰς (quod facile intercidere potuit) et quum commentarii εἰς τὸν Πτολεμαίου πρόχειρον κανόνα (Suidas v. Θέων) duae recensiones adhuc exstent, alteram Theoni patri cuius sub nomine feruntur, alteram Hypatiae filiae deberi libenter credam. Sed de his alias.

Nullum autem Diophanti opus praeter Arithmetica et libellum de polygonis numeris unquam iure commemoratum est. Si de Harmonicis quibusdam Gesnerus et Ramus locuti sunt, manifesti erroris origo in promptu est; in codice enim Vaticano 191¹) post Diophantea opera et sine auctoris nomine reperitur illa Εἰσαγωγὴ ἀφμονική quae vel Euclidi vel Cleonidae adscribitur. Lemmatis omissio, nunc in recenti catalogo codici praefixo correcta, Gesnero fucum fecit.

Omnino igitur optimorum Suidae codicum lectio εἰς Διόφαντον servanda est Hypatiaeque commentarium in Arithmetica Diophanti scriptum fuisse intelligendum.

4. In catalogo graecorum Scorialensium codicum excerpta Diophantea Millerus recensuit (MS. T — III — 12, saec. XIV, fo.  $73^{\circ}$ ). Sub falso titulo satis longa latebat *Michaelis Pselli epistola* (infra pp. 37—42), quam raptim descripsi in Hispanico meo itinere. Sed eam

<sup>1)</sup> In Matritensi 48, ex quo Vaticanus 191 descriptus est, Zosimi nomen recentiore manu additum legitur; Harmonica autem illa non idem scripsit librarius qui Diophanto operam dedit.

haud levis esse momenti iudicans, alia subsidia mihi ad editionem paranda duxi et in Bandinii catalogo eiusdem epistolae mentione reperta ut Florentiae adservatae<sup>1</sup>), apographum poposci, quod mihi humanissime misit ab amico meo H. Omont v. cl. rogatus doctissimus peritissimusque Vitelli, cui maximas gratias et ago et habeo.

Quid ad mathematicam historiam epistola illa conferat, satis perspicuum erit, sed pauca forsan nihilominus monenda sunt. Qui Psellum noverit vel exempli gratia eum viderit (infra pp. 39, 16—41, 20) Heronianas Mensuras tacite compilavisse gravissimisque mendis, quibus etiam Parisini codices scatent<sup>2</sup>), haudquaquam offensum fuisse, nullus dubitabit omnia quae de Diophanto Anatolio Aegyptiacaque arte analytica initio epistolae traduntur, e Diophanteo codice deprompta fuisse in quo satis amplus et antiquus sane commentarius reperiebatur. Hunc eundem fuisse quem Hypatia composuerat, credere fas mihi sit.

Ceterum, ut alia omittam, gravissimo testimonio detegitur origo pravae lectionis ἄλογος pro ἀδριστον in textu Diophanti (vol. I, 6, 4; cf. II, 37, 12 et 38, 2 cet.) Vox ἄλογος, ex nomenclatura potentiarum secundum Anatolium in margine scripta, ad vocem δυναμόπυβος (I, 4, 23) referebatur; illam voci ἀδριστον substituendam esse credidit librarius ille qui recentiorum codicum archetypum descripsit; quae confusio

<sup>1)</sup> Etiam saec. XIV codex Laurentianus LVIII, 29 adsignatur.

<sup>2)</sup> Ut agnoscere licet collato Hultschii critico apparatu.

vix fieri potuit, nisi margines antiqui exemplaris notis coopertae fuissent.

5. Epigrammata arithmetica graeca, quae Bachetus commentario suo ad quaestionem Diophanti V, 33 adiunxit1), in hac nova editione quaerenda fore credidi, imo meae operae haud parcendum esse duxi ut antiqua Palatini codicis scholia iuris publici facerem, quum satis bonae notae mihi viderentur et Diophanti haud semel mentionem iniicerent. Compendia igitur resolvi, quorum difficultas Iacobsium aliosque Anthologiae editores deterruerat, et facile intelligendum credo textum exhibui; de quo non glorior, de prisco fractiones scribendi more gravissimo reperto testimonio contentus. Etenim denominatores supra lineam, non in loco exponentis quem vocant hodie, in codice saec. X constanter inveni; quem usum (v. praef. vol. I, p. VIII) suspicatus fueram, sed cuius in Diophanteis manuscriptis indubitatum exemplum afferre haud poteram.

In epigrammatîs ipsis denuo praelo tradendis quam rationem secutus sum in nota ad pag. 43 dixi et amplius defendere haud conabor; Spartam meam pro viribus ornare mihi satis est, Mycenas illas celebres

<sup>1)</sup> Ultimum (45 Bacheti), quod in Palatino codice haud reperitur et a Salmasio ex Anthologia Planudea depromptum fuerat, consulto omisi, sed hîc ad verbum repetam:

Ήμίονος καὶ ὄνος φορέουσαι οἶνον ἔβαινον·
αὐτὰρ ὄνος στενάχιζεν ἐπ' ἄχθει φόρτον ἑοῖο,
τὴν δὲ βαρυστενάχουσαν ἰδοῦσ' ἐρέεινεν ἐκείνη·
Μῆτερ, τί κλαίουσ' ολοφύρεαι ἤυτε κούρη;
εἰ μέτρον ἔμοι δοίης, διπλάσιον σέθεν ἦρα·
εἰ δὲ εν ἀντιλάβοις, πάντως ἰσότητα φυλάξεις.
Είπὲ τὸ μέτρον, ἄριστε γεωμετρίης ἐπίιστορ.

aliis libenter relinquo. Attamen de aetate collectionis scholiorumque quaedam haud omittenda videntur.

Num ante Constantinum Cephalam, qui decimo labente saeculo epigrammatum corpus Palatinum quod fertur condidit, arithmetica problemata in priores Anthologias admissa fuerint, disputare licet; saltem ex iis quae ad pp. 43-72 adnotavi, illud demonstrari potest, duas collectiones Cephalae praesto fuisse: alteram quae satis antiqui poetae nomen prae se ferebat, Socratis scilicet cuius Diogenes Laertius mentionem fecit; alteram recentiori Metrodoro adtributam. Nulla scholia (nisi forsan quosdam solutionum numeros in margine scriptos) in prima collectione reperiebantur, si tantummodo septem illa excipias quae ad ep. XIV, 7 scripta sunt post Iulianum imperatorem a variis credo temporeque longe disparibus, certe autem parum arithmeticae nisi practicae peritis hominibus. Nimis raras huiusmodi relliquias invenimus; quid ad vulgaris calculi historiam conferre possint, exemplo unico alibi demonstrare conatus sum<sup>1</sup>).

Ad unumquodque vero Metrodoreae collectionis epigramma Constantinus Cephalas iam scripta scholia invenit, quae in textum suum recepit<sup>2</sup>); sed quum problemata quaedam in Socratea collectione reperta iamiam prius descripserat (nempe ep. XIV, 2, 3, 6, 7), illa non repetivit, sed Metrodoreos numeros Socrateis adiunxit scholiaque in margine posuit. Verum ordinem

<sup>1)</sup> Revue des études grecques, VII, pp. 204 sqq.: Le calcul des parties proportionnelles chez les Byzantins.

<sup>2)</sup> Errores animadvertas velim in compendiis solutis, pp. 44, 18; 53, 16; 70, 7, 14; item lacunam, 55, 20.

Metrodoreae collectionis usque ad trigesimum saltem epigramma (nam quae numerata erant 31, 34, 35, 37 deperdita videntur) restituere nunc perfacile est; adparet autem a Metrodoro antiqua epigrammata cum recentioribus collecta fuisse, nec ullius problematis eum auctorem indubitato iure declarari posse.

Ceterum Metrodoreae collectionis scholia diu ante Cephalam scripta fuisse libenter credam. Pro tempore haud impurus sermo¹); auctori Euclides familiaris, imo Diophanti saltem primus liber notus est. Cur Metrodoro ipsi scholia illa haud tribui possint, non video; praesertim si problemata haud invenisse sed potius compilavisse iudicandus est, ea scholiis munire sine dubio potuit, ut suam collectionem utiliorem acceptioremque redderet.

Sed quum Byzantinus ille grammaticus sub Constantino Magno vixisse aliaque multa de astronomia et geometria scripsisse a Iacobsio (comment. in Anthol. Gr. t. XIII, p. 917) perhibeatur, miram confusionem haud tacere possum. Alius enim est Metrodorus philosophus e Persis oriundus, cuius mendacia Constantinum et Saporem in bellum implicuerunt (de quo Valesium ad Amm. Marcell. consulas); alius Metrodorus mathematicus, a Servio Plinio Ptolemaeoque (in libello de Apparitionibus) memoratus; alius grammaticus noster, quem Fabricius, haud spernendo argumento nixus, Anastasio et Iustino imperatoribus supparem fuisse statuit<sup>2</sup>). Ergo ad aetatem Diophanti definiendam

In scholiis alterius collectionis contra invenies λογάριν
 49, 3) aliaque deterioris notae.

<sup>2)</sup> Bibl. Gr. ed. Harles, IV, p. 482; cf. 468 et 478.

nullius est momenti notissimum illud de vita arithmetici viri epigramma (infra p. 60), cui fidem tanquam historico testimonio alii libenter tribuunt, alii prorsus abrogant.

- 6. De paucis illis scholiis in Iamblichum (infra, p. 72) quae a recenti Pistelliana editione mutuatus sum, hoc tantum monebo: scholiastes eundem, quo Psellus usus est, codicem cognovisse videtur et antiquum commentarium (Hypatiae?) a textu haud perspicue distinctum ut operam Diophanti bis indicavisse.
- 7. Ultimum fragmentum (pp. 73—77) e Nicomacheo codice Parisino 2372 (saec. XV) deprompsi, ut contra ostenderem quo modo Byzantinus quidam satis eruditus, Pselloque forsitan aetate suppar, de Diophanto inaniter locutus sit; nomen audivit, de tredecim libris illius auctoris mentionem iniicit, sed quae problemata in illis libris tractata fuerint, prorsus ignorat (p. 73, 25). Nec alias propter causas breve illud prolegomenon ineditum negligendum forsan videbitur.

#### III.

1. Nunc ad scholia transeo quae publici iuris feci. In Vaticano gr. 116 (saec. XVI) post Σχόλια τῆς ἀριθμητικῆς Διοφάντου τοῦ Πλανούδη κυροῦ Μαξίμου alia inveni sub rubrica ἐξ ἐτέρου quae Planudeis praeposui. Haud diu me latuit auctor; nam decimo abhinc anno, operis Georgii Pachymerae, cui titulus Σύνταγμα τῶν τεσσάρων μαθημάτων vel Τετράβιβλου, partes ineditas¹) iam descripseram, facileque capitula

<sup>1)</sup> Musicam partemque procemii mutilam edidit Carolus Vincent, qui Parisinorum codicum notitiam dedit (Notices et

quaedam arithmetica agnovi in quibus Pachymeres, ut Nicomachum in praecedentibus, Euclidem in sequentibus, Diophantum excerpsit vel potius primi libri paraphrasin suo tempori accommodatam exhibere conatus est, codicem nactus nostrorum credo archetypum, iisdem saltem mendis depravatum, in quo ex. gr. verba ἄλογος ἀριθμός (p. 80, 8; cf. I, 6, 4) iam legebantur.

Vaticanus gr. 116 ex deperdito quodam codice descriptus videtur, cuius Parisini quoque apographi sunt; initio ille iam mutilus erat, itaque auctoris nomen deerat. Integer textus tantum exstat in Naniano 255 (nunc Marciano Cl. VI cod. VI) saec. XV, sed optimae notae, ex monasterio S. Catharinae Sinaitico olim allato et quem mihi v. cl. Castellani, Marcianae bibliothecae praefectus, humanissime Parisios transmisit. Huius recensionem infra exhibui (pp. 78—122), nulla variante lectione in Parisinis codicibus reperta quae mentione digna videretur.

2. Haud multo post Georgii Pachymerae tentamen iustum commentarium in duos priores libros Diophanti Maximus Planudes scripsit. Anonymum opus exstat in plurimis codicibus vel nomen tantum praefixum fuit post editam a Xylandro, qui auctorem suspicatus erat, latinam interpretationem. Sed nullus dubio locus est: etsi enim Vaticani gr. 116, cuius modo titulum dedi, deperditus est archetypus, huius adhuc decem folia saeculi XIV exstant in Ambrosiano Et 157 sup., et ubi incipiunt problemata, haud ambigue prima manu

Extraits, T. XVII, 1858, pp. 362—533): ex libro quarto quaedam fragmenta Th. H. Martin Theonis Smyrnaei Astronomiae adiunxit.

legitur (fol. 14): Διοφάντου άλεξανδρέως τῶν εἰς τη τὸ πρῶτον et Σχόλια τοῦ Πλανούδη κυροῦ Μαξίμου.

Vetustissimum qui nunc adservatur Marcianum 308 (saec. XV) in Planudeis scholiis, nunc primum graece editis, secutus sum, varietate lectionum sine nota peculiari addita; ubi autem correctiones ex codicibus Parisinis hausi (qui omnes ex Marciano vel ex huius apographis descripti fuerunt), Marcianum posui = B, Parisinum 2485 = K, Arsenaciensem 8406 = X, huiusque ultimi secundam manum  $= X_2$ . Nihil mihi praebuit mentione dignum Parisinus 2379 quem etiam contuli.

3. Ultimum locum (pp. 256-260) scholiis veteribus adsignavi quae in Diophanteis codicibus alterius familiae reperiuntur. Multa alia ex Matritensi 43=A describere potuissem, sed haud maioris momenti fereque omnia mutila; nam margines huius codicis iampridem exesae fuerunt, iisque sedulo inspectis, perpauca colligenda credidi, nulla edenda, nisi quod ultimum admisi (p. 260, 24-26) in gratiam doctissimi Heiberg qui mihi maledictum illud iamiam indicaverat.

Ceterum, si vetera scholia illa dixi, quae Pachymerae paraphrasin vel Planudeum commentarium aetate superare mihi non videntur, ea tantum secernere volui a multo recentioribus iis (saeculi XVI vel XVII), quae post Xylandri editionem viri docti interdum adnotaverunt. Variis manibus haud facile distinguendis scholia Matritensia scripta fuerunt, nullam agnovi quam librarii (saec. XIII) fuisse credam.

Quum saeculo XV fere medio ex Matritensi Vaticanus gr. 191 — V descriptus est, illa tantum scholia ad primum librum admissa sunt, quae nunc etiam

facile legi possunt; duo (p. 260, 10 et 21) manca librarius reliquit (quae sequebantur.in Matritensi frustra divinare tentavi); post quaestionem I, 28, inani labore defessus, ulteriora neglexit, sed quaedam antea suo Marte (scholia 4, 5, 6) addiderat. Vaticani gr. 304 (apographi ex V) scriptor (XVI saec.) scholia 16, 17, 18 item adiunxit. Inde omnia defluxerunt in Parisinum 2378, in Neapolitanum III C 17, quos contuli, et in alios codices eiusdem familiae.

4. In Pachymereis Planudeis et ultimis scholiis edendis, imo in toto hoc volumine, illa tantum menda tollenda esse duxi quae non auctori ipsi tribui posse credidi; quam rationem, in priore volumine iam initam, multo magis in hoc altero servare debebam, quum de scriptoribus sequioris aevi agebatur. Peculiares cuiusque mores, sicut in codicibus adparebant, ad eandem normam adigere imprimis nolui, et ex. gr. loog scripsi in Pachymerea paraphrasi, loog alibi.

De diagrammatîs quae in Planudeo commentario reperiuntur, pauca addam; illa quam fidelissime descripsi, sed numeros mendosos interdum tacite correxi, nulla varietate lectionum indicata. Compendia sic legenda sunt:

	' <i>E</i> <sup>λ</sup> .	έλάσσων	<i>M<sup>ţ</sup>.</i>	μείζων
	$v\pi^{\chi'}$ .	Serena mil	διαίο.	διαίφεσις
vel	ύπεροχ.∫	<b>ύπε</b> ροχή	πολλ.	πολλαπλασιασμός
	<b>દે</b> મ્રે .	દેમઈદઇાડ	ἀφ.	ἀφαίφεσις
	ποο. )	πρόσθεσις	μεο.	μερισμός
vel	$\pi \varrho$ . $\forall$ vel	προσθήκη	σύνθ.	σύνθεσις
	ύπ.	<b>ὑποστάσεις</b>	τετο.	τετραγωνισμός
	്ഗയ.	<b>ἔσωσι</b> ς	$\pi\lambda$ .	πλευφά
	$\lambda^{\pi}$ .	λεί <b>πε</b> ται	$\pi^{arrho}$ .క	παρὰ ἀριθμόν.

Ad problema II, 29, p. 246—247, animadvertere omisi diagramma male compositum fuisse a Planude, qui prava lectione deceptus (vide adn. crit. I, p. 128, 9) suo in commentario ex errore isto vix sese explicuit. Sic Planudi ipsi deberi diagrammata compertum est; quod haud monerem, nisi antiquiora illa esse vir doctus mihique amicus L. Rodet frustra censuisset¹).

#### IV.

# De genuina Diophanti Arithmeticorum compositione.

De hoc secundo volumine praedicta in praesens sufficiant; ad prius revertar, de fatis Diophanteorum codicum, ut promissum absolvam, disputationem nunc aggressurus.

Quo tempore Diophantus ipse vixerit Arithmeticaque scripserit, diu incertum fuit; hodie, etsi ex epistola Michaelis Pselli (infra p. 38, 24) eum iuniorem Anatolio (Laodicensi episcopo) non fuisse haud extra omne dubium concludi possit, hoc tamen probabilius videtur; nec multo antea eius aetas statuenda est; tertio igitur saeculo post Ch. n. medio fere Diophanti ἀκμήν adsignare fas mihi sit.

Ab Hypatia, circa finem quarti saeculi, libris saltem sex prioribus Arithmeticorum commentarium adiunctum fuisse evincere iam conatus sum; septem ultimos intactos remansisse et ideo deperditos fuisse libenter

<sup>1)</sup> Sur les notations numériques et algébriques antérieurement au XVI<sup>o</sup> siècle, Paris, Leroux, 1881.

credam. Sic Eutocius nobis quatuor Conicorum priores libros servavit, sed posteriores, a quibus manum abstinuit, desideramus, et sicut Apolloniano manco operi ad iustum complendum volumen Sereni liber adiunctus est, Arithmeticorum relliquiis adnexum invenimus libellum De polygonis numeris qui maioris operis pars haud censendus est.

Post Aegyptum deperditam diu apud Byzantinos Diophantei libri paene ignoti remanserunt; forsitan unicum exstabat exemplar, quod tamen adhuc vidit Michael Psellus (et ante eum credo scholiastes Iamblichi), sed cuius post Constantinopolim a Latinis anno 1204 vi captam nullum vestigium reperitur.

Ex illo antiquo exemplari (a) descriptus est saeculo VIII vel IX codex alius (a) hodie quoque deperditus, sed qui vere proprieque nostrorum archetypus nominandus est. Huius codicis aetas definiri potest, quum in fidelissimo apographo Matritensi 48 saec. XIII iota adscriptum constanter observetur, imo contra omnes leges literae finali  $\omega$  plerumque additum (in vocibus ut  $\lambda \acute{e} \gamma \omega$  etc.) reperiatur. Nec magis arithmetices peritus, sed forsan astrologiae deditus erat barbarus ille scriptor cui compendium  $\Delta^{\kappa}$  (nempe  $\tau \epsilon \tau \rho \acute{e} \kappa \iota s j$  absurde in  $\delta \iota \alpha - \kappa \epsilon \kappa \rho \iota \mu \acute{e} \nu \circ \nu$  (I, 464, 4 etc.) moris fuit solvere.

Similia vel etiam multo graviora alia librario isti in praef. prioris voluminis iam imputavi. Sed utinam talia tantum ab eo Diophanti contextus perpessus esset vulneraque insanabilia haud accepisset! Commentarios enim scholiaque omnia omittere quum librarius instituisset, sed male, ut iam diximus, distinctio fieret, plura recepit quae relinquenda, plura reliquit quae

recipienda erant. Nam Hypatia et post illam forsitan scholiastae alii alteras solutiones interdum novaque problemata plurima Diophanteis addiderant; quorum partem variis in locis tanquam genuinam librarius admisit (ut probl. II, 1—7, 17, 18 etc.); quapropter alia multa, etiamsi verisimilius a Diophanto ipso scripta, suspicionem movere possunt nec certo auctori vindicari queunt.

Contra saltem, ne lacunam I, 365, 5 memorem, Porismata illa omissa fuerunt, quae Diophantus problematîs suis adnexerat et quorum ter mentionem diserte iniecit: "Εχομεν ἐν τοῖς πορίσμασιν (I, 316, 6; 320, 5; 358, 5). Nam peculiare opus, eodem quo Euclideum titulo insignitum, Porismata Diophantea fuisse nullus credo; imo persuasum habeo aequationum secundi gradus sub tribus terminis solutionem, quam promisit Diophantus (I, 14, 23) et tanquam notam alibi sumpsit (ex. gr. I, 305, 5), in porismatîs ad probl. I, 27 et 30 datam fuisse. Sic multa alia porismata facile divinatione restitui vel e Bachetianis recipi possent; sed nihilominus de horrenda mutilatione operis graviter dolendum est.

Attamen quum hodie inter historicos mathematicos Nesselmanni sententia plurimum vigeat, Porismatum nempe deperditorum recuperationem, si speranda esset, maioris momenti fore quam septem ultimorum librorum inventionem, cur album calculum meum adiicere nequeam, hîc obiter mihi dicendum est.

In septem libros illos quaenam et cuiusmodi problemata congesta erant, omnino incertum est; nihilominus materiam Diophanto defuisse gravissimi auctores pronuntiarunt<sup>1</sup>), ut difficiliores quam in quinto libro quaestiones proposuisset; ita haud magni iactura facienda foret et pars deperdita non post sextum sed potius post primum librum desideranda. Quae si vera essent, vix starent quae disputavi.

Sed quaeso, si quintus, si sextus liber Arithmeticorum deperditus esset, quis recentiorum unquam talia problemata a Graecis tentata fuisse credidisset? Maximus error est si neges quod ab antiquis omnibus ignoratum fuisse non manifeste demonstratum est, hoc ab aliquo mathematico graeco cognosci potuisse. Quousque theoriam de numeris promoverit Archimedes, ut de aliis taceam, si nescimus, ignorantiam nostram fateamur. Sed inter celebre illud problema bovinum et difficillima Diophantea nonne satis amplum intervallum est ut septem libros complendum admittat? Et ne quod recentiores mathematici invenerunt, antiquis adrogem, nonne plura Indis Arabibusque tributa ex graecis fontibus hausta esse potuerunt? Quid si Leonardus Pisanus problema solvit Diophanteis simillimum, in Arithmeticis hodie frustra quaerendum? Ut liberius loquar, quum illustrissimus Chaslesius Porismata Euclidis satis probabiliter restituit, etsi Pappi lemmatîs adiutus, difficiliorem suscepit operam quam si numericis quaestionibus a Graecis haud iure abiudicandis septem Diophanteos libros complere tentavisset. Sed Chaslesiana geometrica utpote vere nova avide a studiosis accepta sunt; analysin indeterminatam

<sup>1)</sup> Vide M. Cantor, Vorlesungen über Geschichte der Mathematik, I (1880) p. 387.

quam vocant promovere sub antiquo habitu vestituque quis hodie sperare potest?

Ceterum de Diophanto imprimis erratum est, quum problematum suorum unicus auctor creditus est: arithmeticas tantum quaestiones redegit in corpus, sicut eodem fere tempore varia geometrica Pappus collegit; antiquiorum autem nomina si Diophantus silentio praetermisit uniformique methodo diversitatem originum primo obtutui celavit, attentius consideranti dissimilia vestigia nihilominus adparent; quaedam solutiones ex ungue leonem indicant, aliae multae debilioribus ingeniis debentur. Quapropter operae pretium duxi fore, si diligenter in indice graecitatis varietates sermonis enotarem quarum haud paucae forsan omittendae videbuntur; priscarum collectionum quas Diophantus compilavit distinctioni sic quodammodo praeludere in animo fuit. Sed nunc vereor ne frustra laborem meum impenderim, quum genuina Diophantea vix ipsa discerni queant; attamen tentaminis haud paenitet, quod multum mihi ad emendationes contulit1).

<sup>1)</sup> Quum indicem illum secundum Bachetianam editionem iampridem confectum recensioni meae aptarem, aliquas dubitationes novas de quibusdam locis adnotare debui; alii plura poterunt animadvertere; quod si faciunt, haud aliter operae meae utilitatem comprobatam iri cupio.

Indicis autem in usum hoc omnino monendum est, vocem unamquamque in unaquaque Diophantea quaestione nonnisi semel et primo loco notatam fuisse, quando saltem alia peculiaris mentio eiusdem vocis haud utilis mihi videbatur; sic consilio meo quod aperui brevitatique simul in mathematico opere satis consulere visum est.

#### V.

### De Diophanteis codicibus.

Quum in praefatione prioris voluminis quorundam codicum notitiam iam dederim, ea quae dixi non repetam, sed stemma filiationis universum proponam (pag. XXIII) comprobareque conabor; asterisco codices notavi quos non ipse excussi; literis peculiaribus illos tantum designavi quorum varietatem lectionum collegi et penes me habeo.

Prioris classis tres characteres indicare satis erit: voces δογανῶσαι τὴν μέθοδον (I, 2, 5) absunt, nisi aliunde in marginem receptae; post συμβήσεται (I, 8, 24) omittuntur ea quae adnotavi ex B, a Maximo Planude, ut videtur, addita; denique peculiaria tantum illa reperiuntur scholia quae infra (p. 256—258) post Planudea dedi.

1. De Matritensi A nihil antedictis adderem, nisi haud satis scrupulose in praef. primi voluminis (p. III) scripsissem Vaticanum V ex A nondum corrupto ortum esse: haud enim intelligendum est nullam mutationem ante descriptionem illam in codice A allatam fuisse, sed tantum tunc temporis nondum scripturam ad exemplar alicuius Planudei codicis exactam esse. Si varias correctorum manus in tam male tractato codice haud certo agnoscere potui, hoc tamen constat, interdum V scripturam exhibere (ex. gr. I, 120, 9) quam in A ex correctione quadam ortam esse inveni. Quod monendum erat, ne quis in apparatu critico scripturam A desideret, si aliquando eam

S. XVI exeunte.

#### PROLEGOMENA.

- (a) Deperditum antiquum exemplar Hypatianae recensionis.
- (a) Deperditum apographum S. VIII vel IX.

#### PRIOR CLASSIS. PLANUDEA CLASSIS. 9. Codex deperditus S. XIV cuius exstant de-1. Matritensis 48 == A cem folia in Ambrosiano Et 157 sup. S. XIII. 10. Marcianus 308 = B. 2. Vaticanus gr. 191 = VS. XV post medium. S. XV incunte. 3. Vaticanus gr. 304 11. Guelferbytanus\* 14. Ambrosianus A 91 sup. S XVI incunte Gudianus 1 S. XV. (1545).4. Parisinus 2379 = C15. Vaticanus gr. 200 12. Palatinus gr. 391 (post duos priores (1545).S. XVI exeunte. libros) 13. Reginensis 128 16. Scorialensis S XVI medio S. XVI exeunte. T-I-11 5. Parisinus 2378 = PS. XVI medio. (1545)4. Parisinus 2379 = C6. Neapolitanus III C17 17. Parisinus 2485 = K(duo priores libri et S. XVI medio. S. XVI medio. Planudea). 7. Urbinas gr. 74 18. Scorialensis S. XVI exeunte. R-III-18 20. Taurinensis C III 16. 8. Oxon. Baroccianus S. XVI medio. 21. Parisinus Ars. 8406 166\* (pars tantum 19. Ambrosianus = Xlibri I). Q 121 sup. 22. Scorialensis Q-I-15 (pars libri I) S. XVI medio. S. XVI medio. 23. Scorialensis R-II-3 S. XVI exeunte. 24. Oxon. Savilianus \*

RECENSIO AURIAE ex collatis codicibus 2, 3, 15 et Xylandri interpretatione conflata:

25. Parisinus 2380 = D.

26. Ambrosianus E 5 sup.

#### Codices deperditi:

- 27. Patavinus Broscio a Synclitico concessus.
- 28. Cardinalis Du Perron.

haud exhibuerim, quum tamen prior scriptura A erui non potuisset.

- 2. Vaticanum V ex Matritensi ipso descriptum fuisse post integram utriusque codicis collationem nullus dubito et satis demonstrat addita Introductio harmonica Ps.-Euclidea (videsis supra, p. VIII). Sed etiam Matritensem Romae tunc satis longo tempore praesto fuisse coniici potest; bibliothecarius enim ille, qui priscam tabulam codici V praefixam 1) confecit, manu sua non tantum titulos deficientes Arithmeticorum libris I. II et III atramento addidit. sed etiam in margine vocem ἀρξάμενος (I, 2, 5/6), quae omissa fuerat, ex fonte ipso reposuit. Antea tituli quarti libri et sequentium minio hodie evanido a rubricatore quodam additi fuerant, sicut in iisdem libris problematum literae initiales et numeri; quum autem exemplar A non sequeretur iste, plures errores commisit, quorum haud uniformis correctio in codicibus eiusdem classis discrepantiam attulit. Laborem a fine inceptum rubricator imperfectum reliquit; nam in tribus prioribus libris initiales literae atramento postea additae sunt et problematum numeri, qui in codice A deerant, omnino absunt.
- 3. Vaticanum graecum 304 ex V, non ex A, descriptum fuisse scholiorum collatio imprimis mihi demonstravit: notandum est insuper vocem ἀρξάμενος (de qua paulo supra) in textum receptam fuisse erasis sequentibus literis quae prius hoc loco scriptae

<sup>1)</sup> Variis e codicibus antea separatis V conflatus est. Prisca tabula notat: Διοφάντον ἀφιθηητική άφμονικὰ διάφορα.

fuerant. Ceterum nitidius exaratus codex ille 304 ad describendum deinceps electus fuit, nec antiquiorem fontem manuscripti quinque sequentes reddere videntur, quod peculiari demonstratione non eget quum de recentioribus agatur.

- 4. De Parisino 2379 = C (olim Regio), inter codices Planudeae classis etiam, quoad duos priores libros, recensendo vide praef. primi vol. (p. IV) et quae dicam infra (15) de Vaticano graeco 200. Hunc enim codicem 200 describendum elegisse Romae debuit Ioannes Hydruntinus, ut Planudis commentarium Diophanto adjungeret; item post Diophantum ex eodem Vaticano fragmentum addidit anonymum quod in plurimis Planudeae classis codicibus reperitur, scilicet partem illam Calculi secundum Indos in quam edendam Guelferbytano Gudiano (infra 11) C. I. Gerhardt (pp. 33-46) usus est<sup>1</sup>). Sic primo obtutu priori classi Parisinum C abnegares, idemque statueres de codicibus aliis (infra 20, 21, 22, 23) qui ex illo descripti Sed integra collatio demonstrat Hydruntinum post duos priores libros Vaticanum 200 reliquisse et n. 304 ut melioris notae secutum fuisse; tertiam igitur classem, cuius C princeps sit, qui volet constituere poterit.
  - 5, 6. Parisinus 2378 = P (olim Colbertinus) et Neapolitanus III C 17 ab Angelo Vergetio, cuius manum haud incelebrem facile agnosces, post medium

<sup>1)</sup> Nomen Planudis fragmento illi in tribus tantum codicibus praefigitur, Guelferbytano, Reginensi (infra 13) et manu posteriore Ambrosiano A 91 sup. (infra 14).

saeculum XVI fideliter descripti sunt. In marginibus Neapolitani variae correctiones reperiuntur, quas saec. XVII ineunte mathematicus quidam attulit, sed quarum nulla ratio habenda est, quum Graecis incognitas notationes praebeant, v. g.  $\frac{\alpha}{\beta}$  pro  $\frac{1}{2}$ .

De eodem codice in catalogo suo (II, p. 362) Salvator Cyrillus sic mentionem composuit, ut libellum de polygonis numeris tanquam septimum Arithmeticorum librum indicatum fuisse posses credere: hoc tantum verum est, in summis paginis (tituli instar currentis quem vocant) literas A, B,  $\Gamma$ ,  $\Delta$ , E, Z, H secundum librorum ordinem minio depictas a Vergetio fuisse.

- 7. Urbinas gr. 74 varia arithmetica ab uno eodemque librario saec. XVI exeunte descripta exhibet, nempe: f° 1 sub titulo Ψηφοφορία κατ' Ἰνδοὺς ἡ λεγομένη μεγάλη opusculum illud ante Planudem scriptum de quo supra dixi (p. III); ex Ottoboniano codice (Montfaucon I, 187 C) depromptum videtur. f° 9 Diophantum integrum, sed sine scholiis ullis, ex Vaticano gr. 304. f° 82 ex Vaticano gr. 116: Σχόλια τῆς ἀριθμητικῆς Διοφάντου τοῦ Πλανούδη κυροῦ Μαξίμου; post lemma ἐξ ἐτέρου excerptum illud ex Arithmetica Georgii Pachymerae, quod iuris publici in hoc volumine feci; aliud excerptum ex Geometria eiusdem, de irrationalibus Euclideis; denique fragmentum Planudeum Calculi Indici Diophanteis ut dixi saepius adnexum.
- 8. Oxonianum Baroccianum 166 ex catalogo tantum novi, nec ampliora quam partem libri primi

Arithmeticorum exhibet (usque ad κοινή προσκείσθω I, 30, 15); ultima quae addit verba ex scholio vetere 15 (II, 259, 28—260, 2) originem satis indicant.

9. Ad alteram classem, scilicet Planudeam, nunc transeo. De codice deperdito saec. XIV, cuius decem confuso ordine exstant folia in Ambrosiano Et 157 sup., iam (p. XIV) mentionem inieci. Diophanti quinque insunt fragmenta, nempe: foliis 13, 14, 8 καλ τῶν πολλαπλασιασμών (Ι, 14, 1) . . . έσται ἀριθμοῦ ένὸς  $μονάδων \bar{\varrho}$  (26, 2). —  $f^{\circ}$  18 παρὰ τῶν λοιπῶν δύο (56, 15) . . . ἀριθμοὶ ἄρα πε (60, 20). — fo 20 ἀπὸ της (66, 4) ... δεδομένον (76, 15). — foliis 15, 9, 16, 17 Εύρετν (88, 2) . . . τὸ πρόβλημα (114, 9). f° 19 αι πλευραί συνάγουσι (124, 12) . . . δ ἀπὸ τοῦ έλάσσονος (136, 26); in marginibus Planudeus reperitur commentarius. Alia tredecim folia eadem manu scripta sed itidem perturbata mutilas partes aliorum operum exhibent, nempe: 1, 2, 3 Θεολογούμενα άφιθμητικής; 6 είς την τοῦ Πλάτωνος ψυχογονίαν 1); 6, 10, 12 bis, 11 bis, 12, 11, 4 ψηφοφορία κατ' Ίνδοὺς ή λεγομένη μεγάλη, Planudea scilicet (non autem secundum vulgatam recensionem); folio 4 ex abrupto incipit fragmentum illud praedicti Calculi Indici, quod Diophanteis Planudeae classis plurimis codicibus adnexum esse iam vidimus. Manifestum est in archetypo classis istius perturbato ordine partes Calculi Indici ante et post Diophantum exstitisse, ultimam-

<sup>1)</sup> Editum sub nomine Michaelis Pselli a Vincent (Notices et Extraits, XVI 2, pp. 316—337) anno 1847; sub nomine Soterichi philosophi a R. Hoche (Elberfeld) anno 1871.

que a librariis ut anonymam descriptam fuisse; similem imo maiorem confusionem in Ambrosiano invenimus, qui ergo nisi archetypum ipsum, certe archetypo propiorem codicem nobis repraesentat quam alii de quibus infra dicturus sum.

Quum itineris Italici mei die ultimo spicilegium hoc insperatum mihi oblatum esset, novas lectiones avide quaesivi, sed a Marciano  $B_1$  nullam inveni discrepantiam, in iis saltem quae exacte contuli, nam operae omnino absolvendae tempus defuit; haud tamen alium ab utili forsan labore deterrere velim, imo ingenue dicam: si quis Diophantum amplius adornare cupit, Ambrosianum in primis adeat, Guelferbytanum deinde inspiciat.

- 10. De Marciano  $308 = B_1$  vide praef. primi voluminis (p. I). Hîc tantum de peculiari textus dispositione, quam plures infra recensendi codices imitantur, mentionem faciam: Diophantea in duas columnas. distribuuntur, Planudea, post unumquodque problema (aut prooemii sectionem) intercalata, totum paginam implent.
  - 11. Guelferbytanum Gudianum 1 saec. XV exeunte scriptum ex catalogo tantum nossem, nisi dubia quaedam summa cum benevolentia per epistolam sustulisset v. cl. Heinemann, bibliothecae praepositus. Diophantum continet codex iste cum commentario Planudeo (sine nomine auctoris) et fragmento Calculi Indici (sub lemmate: τοῦ Μαξίμου τοῦ Πλανούδου). Hoc lemma Xylander invenerat in codice quo usus est ab Andrea Dudithio Sbardellato commodato, nec, ut diximus, in alio tale lemma reperitur, nisi in Re-

ginensi, recentiore Guelferbytani apographo, et in Ambrosiano A 91 sup., ubi problema V, 28 (31 Bacheti et Xylandri) omissum est. Nisi ergo statuas Dudithii codicem deperditum esse, certum est illum eundem esse ac Guelferbytanum; nec alium vidit Tomasinus (Bibliothecae Patavinae manuscriptae publicae et privatae, 1639, p. 115) inter Nicolai Trevisani libros. quorum antea Matheus Macignus Venetianus possessor fuerat: nam Guelferbytano septem folia Adnotationum in librum I Diophantis XVII. saeculo ineunte ab eodem Macigno addita sunt. Num ex Marciano  $B_1$  (nota Dudithium ex matre 1) etiam Venetianum fuisse) an ex Ambrosiano Et 157 sup. nondum mutilo Guelferbytanus iste descriptus fuerit, incertum relinquere debeo. Constat autem Xylandri vel interpretationem vel commentarios nihil continere quod antiquiorem Marciano fontem indicet.

- 12. Palatinus gr. 391 saec. XVI exeunte scriptus Diophantum exhibet cum commentario sed sine fragmento Calculi Indici. Marginales notae teutonico sermone adscriptae eum demonstrant paratum fuisse ut typographis traderetur; descriptum igitur fuisse vel a Xylandro ipso vel Xylandri cura concludas necesse est.
- 13. Reginensis 128 saec. XVI exeunte scriptus eadem quae Guelferbytanus (cum lemmate τοῦ Μαξίμου τοῦ Πλανούδου) praebet; nec alia origo quaerenda est.

<sup>1)</sup> Cuius familiam cognomen Sbardellatus indicat; quod ignoravit Nesselmann (Alg. d. Gr. p. 279, not. 1).

- 14, 15. Primum genus Planudeae classis absolvimus, secundum aggredior. Gemelli sunt Ambrosianus A 91 sup. et Vaticanus gr. 200; ambo membranacei, ambo eadem manu satis eleganti descripti, ambo Marciani B, dispositionem referentes, ne de fonte dubites. Uterque Diophantum; commentarium et fragmentum Calculi Indici exhibet, sed in utroque omissum est problema V, 28; ergo alter ex altero descriptus fuit, nempe Vaticanus ex Ambrosiano; saltem rubricator ex Marciano in Ambrosiano miniatas literas et numeros addidit, Vaticanum prope intactum reliquit, duodus titulis tantum scriptis: Διοφάντου 'Αλεξανδρέως ἀριθμητικών πρώτον ante secundum librum, Διοφάντου 'Αλεξανδρέως ἀριθμητικών νον ante tertium. In Vaticano etiam hodie literae pleraeque initiales desunt, sed atramento tituli librorum additi sunt nullo exemplari adhibito. Sic ante primum librum legitur Διοφάντου 'Αλεξανδρέως ἀριθμητικής (sic)  $\alpha'$ ; ante quartum, Διοφάντου  $\delta^{ov}$ ; ante problema V, 20 Bacheti, Διοφάντου ε<sup>ον</sup>; ante quintum librum, Διοφάντου 50ν; ante sextum, Διοφάντου ζον; ante libellum polygonorum, Διοφάντου η<sup>ον</sup>; quam falsam divisionem a Vaticano tres sequentes codices mutuati sunt.
- 16. Inde demonstrare possumus quo anno duo praedicti codices descripti sunt. Scorialensis enim T-I-11 eandem divisionem quam Vaticanus 200, sed non Marciani  $B_1$  dispositionem praebens, Vaticani ergo apographus, hanc subscriptionem profert:

Τέλος τοῦ τοῦ Διοφάντου ηου τῶν ἀριθμητικῶν Ὁ οὐαλεριᾶνος φορολιβιεὺς ὁ ἀλβίνου καλούμενος

κανονικός καί τε καὶ ἀδελφὸς ἔγραψεν εἰς φώμη ἔτει αφμε.

Quum Mendozae olim fuerit codex iste et in libro manuscripto ubi Marciani commodati codices inscripti erant haec mentio reperiatur:

1545. A di ultimo feurer. Al magnifico orator Caesareo (nempe Mendozae) sono imprestati gli tre infrascritti libri: 1º Cleomedes et Diophantes signato nº 204¹). . . . 1546. A di 24 marzo. El contrascritto libro fu restituito et posto nella libreria al loco suo,

Carolus Graux (Essais sur les origines du fonds grec de l'Escurial, Paris 1880, p. 249) Scorialensem ex Marciano  $B_1$  descriptum fuisse statuit; conclusionem istam haud stare posse videmus: imo Mendoza plures libros describendos anno 1545 curavit, primos ab uno eodemque librario Ambrosianum et Vaticanum, deinde Romae a Valeriano Albini Foroiuliensi ex Vaticano Scorialensem, quem ut proprium tantum servavit.

17, 18. Item Parisinus 2485 = K et Scorialensis alter R-III-18 Vaticano 200 simillimi et Marciani  $B_1$  dispositionem servantes Vaticani apographi videntur esse; prior, olim de Mesmes, postea Colbertinus, ab eodem librario qui Ambrosianum et Vaticanum descripsit procuratus, etiam Mendozae sumptibus deberi potest; Scorialensem subscripsit "Αγγελος δ Λάσκαρις δ 'Ρυνδακηνός, nempe Iani Lascaris filius.

<sup>1)</sup> Cleomedem enim cum Diophanto continet Marcianus  $B_1$  hodie notatus 308; vetus numerus 204 ex antiquis catalogis etiam notus erat.

- 19. Eidem generi attribuendum videtur (ex titulo: Διοφάντου Άλεξανδρέως ἀριθμητική α, qui Vaticanum 200 ut fontem indicat) initium operis usque ad verba ἐπὶ δὲ δ. (I, 8, 3) cum commentario ab Angelo Vergetio in Ambrosiano Q 121 sup. (f° 44—59) descriptum.
- 20. Tertium genus Planudeae classis codices tres vel forsan quinque complectitur ex principe Parisino C (supra 4) ortos. Sicut integri codices secundi generis cum Diophanto commentarium Planudeum Calculique Indici fragmentum omnes exhibent; sed, ut iam dixi, post Arithmeticorum duos priores libros classem A sequi videntur.

Taurinensum C III 16 (73 Pasini), olim Collegii Patavini Societatis Iesu, subscripsit Constantinus Palaeocappa (Κωνστάν. γραφεύς Έλλην κοπιακὸς τὸν βίβλον τόνδ' ἐπέραινε), qui ex C Hipparchum in Aratum Diophanto addidit. In marginibus notulae insunt XVII. saeculi cum arabicis quae vocant cifris.

- 21. Parisinum Arsenacensem 8406 = X Christophorus Auerus descripsit, quum adhuc Romae credo codex C (tunc cardinalis Ridolfi) praesto erat.
- 22, 23. Scorialenses Q-I-15, Philippo II. regi a Iacobo Diassorino dedicatus, sed non scriptus, et R-II-3, olim Covarrubiae, peculiarem divisionem proferunt. Diophanti liber primus in duos partitus est, quorum alter incipit: Καὶ τῶν πολλαπλασιασμῶν (14, 1); sic Arithmeticorum libri septem constituti sunt; ut octavus de numeris polygonis libellus numeratus est. Haud dubium est recentiorem Covarrubiae

codicem (saec. XVI exeunte descriptum) alterius apographum esse, quum Diassorinus anno 1562 vita defunctus sit. Diassorini vero codicem e Parisino C, non e Marciano  $B_1$ , descriptum fuisse haud equidem demonstrare valeo, quum integrum eum non contulerim. Sed ex lepidissima pictura in fronte codicis posita illum Parisiis adornatum fuisse credo, in officina Angeli Vergetii et circa annum 1555, quum iam Petrus Strozzi in Galliam Parisinum C attulerat.

- 24. Oxoniensem Savilianum 6 saec. XVI exeunte scriptum ex catalogo Caswelli tantum novi: mentio Diophanti Alexandrini Arithmeticorum libri sex et de numeris multangulis cum scholiis Maximi Planudis classem indicat, non autem fontem proximum.
- 25, 26. De codicibus Auriae, nempe Ambrosiano E 5 sup. et Parisino 2380 = D (olim de Montchal), vide praefationem primi voluminis (p. IV). Hoc tantum addam, haud ab Auria ipso sed a librario Ioanne a Sancta Maura (circa annum 1600) codices illos descriptos fuisse.
- 27, 28. Ex variis antiquorum codicum notitiis quas colligere potui, duos forsitan deperditos fuisse credendum est. Scripsit enim Tomasinus (p. 121): "In Bibliotheca Alexandri Synclitici Viri Clarissimi et Primi Iuris Civilis Professoris instructissima videbatur non ita dudum graece scriptus elegantissime Diophantes fol. ch. vet. longe copiosior et emendatior illo qui Parisiis prodiit. Eum vir optimus concessit Viro Cl. Ioanni Broscio Mathematico Cracoviensi, ut ipsius cura et studio in lucem ederetur, quem nunc eruditi omnes avide exspectant." Item Bachetus in

Epistola ad Lectorem: "Ioannes tamen Regiomontanus tredecim libros se alicubi vidisse asseverat et Illustrissimus Cardinalis Perronius . . . mihi saepe testatus est, se codicem manuscriptum habuisse, qui tredecim Diophanti libros integros contineret, quem cum Guilielmo Gosselino concivi suo, qui in Diophantum commentaria meditabatur, perhumaniter more suo exhibuisset, paulo post accidit, ut Gosselinus peste correptus interiret, et Diophanti codex eodem fato nobis eriperetur." Sed quae de Regiomontano ibi dicta sunt, omnino falsa esse facile demonstratur¹); nec maiorem fidem merentur Perronii vel Synclitici testimonia de integro vel copiosiore (Planudeo?) codice; nimis saepe talia fucum fecerunt; at vanos rumores explosisse sat erit.

#### VI.

## De compendiis Diophanteis.

Hactenus de Diophanteis codicibus: superest ut apertius quam in priore volumine de dubiis quibus-dam quaestionibus ad rem criticam pertinentibus sententiam meam declarem atque explicem.

1. In primis de compendiorum technicorum usu mihi agendum est; num in archetypo (a) casuum notae additae fuerint, num pluralis numerus duplicato compendio (in voce  $\dot{\alpha}\varrho\iota\partial\mu\delta\varsigma$ ) significatus fuerit, quas scribendi rationes contra codicum auctoritatem immutare ausus sum, praecipue disquirendum.

<sup>1)</sup> Vide M. Cantor: Vorlesungen über Geschichte der Mathematik, II, pag. 241.

Quum autem clarissimus mihique honoratissimus Fridericus Hultschius in relatione sua de priore huius editionis volumine  $^1$ ) a me postulaverit ut variantes lectiones codicum  $AB_1$  quoad compendia nunc adderem, post longam dubitationem tanto viro satisfacere haud mihi animus fuit, laboremque inceptum invitus reliqui ut prorsus inutilem, imo delusorium.

Innumera quidem testimonia, ut animadvertit Hultschius, ex mathematicis codicibus manuscriptis afferri possunt, casuum finales syllabas per compendia notatas postea a librariis male solutas esse; nec igitur ex mendis istiusmodi evinci potest in archetypo casuum nullas notas fuisse. Sed qui exemplaria graeca versare consuetus est, nemo negabit notas illas finalium in recentioribus codicibus vulgo inveniri, in vetustioribus persaepe omitti<sup>2</sup>). Compendiorum duplicatio in plurali numero certe casuum notatione antiquior est et a Byzantinis librariis parum utiliter servata postquam finalium additio mos inveteratus fuit.

Proponam igitur ex critico prioris voluminis apparatu haud pauca quae manifesto testantur compendia nullis finalium notis munita a librariis vel male soluta vel servata esse.

Pluries pro nal scilicet s vel s' invenitur  $d\rho \iota \vartheta - \mu \circ \tilde{v}$ , 168, 6;  $d\rho \iota \vartheta + \vartheta \circ v$ , 192, 11; 198, 15; 212, 20; 216, 23; etiam  $d\rho \iota \vartheta + \vartheta \circ v$ , 98, 11. Item ex  $s \kappa \circ \xi$ , 390, 3, 4, ortum est  $d\rho \iota \vartheta + \vartheta \circ v$ .

Compendium A quod defectum significat et ple-

<sup>1)</sup> Berliner philol. Wochenschr., 28. Juni 1894.

<sup>2)</sup> Quod in codice A observare licet.

rumque in  $\lambda \varepsilon \iota \psi \varepsilon \iota$  solutum est 1), post quam vocem genitivus casus ponendus est, haud raro in codice A exstat pro formis verbi  $\lambda \varepsilon \iota \pi \varepsilon \iota \nu$  ( $\lambda \iota \pi \dot{\omega} \nu$  vel  $\lambda \varepsilon \iota \psi \alpha \varepsilon$ , etiam semel  $\lambda \iota \iota \pi \omega \varepsilon \iota$ ), 104, 21, 22; 106, 1; 130, 3; 132, 24; 140, 22; 176, 17; 182, 10, 13; 186, 16; 364, 16; unde concludas in locis ubi  $AB_1$  scripserunt  $\lambda \varepsilon \iota \psi \varepsilon \iota$  eum accusativo, 156, 3, 5, 8, 10; 140, 14; 176, 12; 182, 8, 11; 186, 12, compendium  $\Lambda$  sine finali syllaba in archetypo exstitisse sed male solutum esse.

Compendium  $\perp$  pro  $\delta \rho \vartheta \eta$  plerumque sine ulla casus nota servatum est (certe non intellectum): 392, 5; 394, 12; 396, 3; 402, 10, 18; 404, 17; 406, 7, 8; 408, 2; 410, 2, 3; 412, 4, 12, 14, 23; 414, 2, 26; 418, 1; 426, 8; 444, 15. Cf. 366, 14, ubi pro eo A scripsit  $\Delta^r$ , B δυνάμεων.

Pro πλευρά scriptum est πλάσις 92, 12; sed alibi compendium simpliciter  $\bar{\pi}$  videtur fuisse, 202, 14; 450, 17; unde mendum πλευρά pro πῶς 450, 18; compendium idem pro voce πληθος apparet 356, 7.

Hae qui perpenderit nullus dubitabit compendia nisi semper saltem saepe in archetypo notis finalium destituta fuisse. Archetypum autem (a) non nobis repraesentant codices  $AB_1$ , sed scripturam librarii  $(\alpha)$  qui Marte proprio compendia resolvit. Archetypi igitur genuinam formam restituere nulla spes remanet.

<sup>1)</sup> Attamen A prima manu scripsit λεῖψις 20, 21, 28; 28, 15; 34, 13, 14, 16; 38, 14; 40, 1, 2; 44, 8, 24; et λεῖψις cum dativo 32, 12, 16; 34, 10; etc. λείψεων 44, 20.

Quod sic ostendam: primum compendium technicum 16, 11 posui pro  $\mu o \nu \acute{a} \delta \epsilon_{S}$  codicum; sed post  $\check{e} \sigma \tau \omega$  usus formam  $\mu o \nu \acute{a} \delta \omega \nu$  poscere videtur, ut 16, 13  $\check{a}_{Q} \iota \partial \mu o \tilde{v}$   $\check{\epsilon} \nu \acute{o}_{S}$ , 16, 14  $\check{a}_{Q} \iota \partial \mu o \tilde{v}$   $\check{\epsilon} \nu \acute{o}_{S}$   $\mu o \nu \acute{a} \delta \omega \nu$   $\overline{\mu}$ ; 16, 21 et 22  $\mu o \nu \acute{a} \delta \omega \nu$ . Item 16, 14 codices dant  $\gamma \acute{\iota} \nu o \nu \tau \alpha \iota$   $\check{a}_{Q} \iota \partial \mu o \iota$   $\delta \acute{v} o$   $\mu o \nu \acute{a} \delta \epsilon_{S}$   $\overline{\mu}$ ; sed post  $\gamma \acute{\iota} \nu \varepsilon \tau \alpha \iota$  etiam genitivus casus desiderari potest, ut 16, 21  $\check{a}_{Q} \iota \partial \mu \acute{o}_{S}$   $\mu o \nu \acute{a} \delta \omega \nu$ .

Nominativus casus item ad valorem praedicandum invenitur adhuc 18, 4, 12 (ἀριθμοὶ τρεῖς καὶ μονάδες τέσσαρες, sed ἀριθμοῦ ένός), 15; 20, 5; 26, 22 (ἀριθμὸς εἶς); 28, 18; 30, 13; 36, 6, 7 (ἀριθμοὶ ιβ, sed ἀριθμοῦ ένὸς μονάδων ιβ); 40, 15, 17; 44, 2, 8; 46, 16, 17, 19 (ἔσονται μονάδες  $\overline{o}$ ε), 22 (ἀριθμοὶ  $\overline{\epsilon}$  ... μονάδες  $\overline{\rho}$ ); 48, 16; 50, 8 (ἀριθμοὶ τρεῖς), 15. Haec usque ad paginam 52, 9 reperio, ubi primo compendium technicum  $\mathfrak S$  apparet in codice A sine ulla finalis nota. Ubique alias usque ad eundem terminum genitivus casus ponitur.

Unam eandemque in talibus scribendi rationem Diophanti fuisse quis pronuntiet? Sed quam fidem codices mereantur, ex aliis videre est; 18, 11, 13 μονάσι τέσσαρσιν ὑπερέχη (ει) scriptum est 1), quod cum usu Diophanteo bene congruit. At accusativus prodativo ponitur 20, 4; 22, 12; 40, 14, 16 et paginis 42, 44, 46: nullum aliud exemplum (compendia soluta si excipias) reperiri potest.

Sed quid dicam de genitivo post vocem ίσος? A prima manu scripsit μονάδων ξ 18, 3; similia re-

<sup>1)</sup> At μονάδων τεσσάρων A prima manu.

perio 20, 5; 26, 5, 6, 28; 28, 18; 30, 14; 34, 16; 38, 14; 42, 11; 46, 17. Talia  $B_1$  facile correxit; sed qui Diophanteum, non Planudeum usum inquirit, vix inde aliquid credo eruere potest. Quoties igitur compendium technicum solutum est, vel quoties compendio nota finalis addita fuit (quod in A prima manu rarum est), hoc nihil ad criticam valere et aliunde testimonia quaerenda esse persuasum habeo.

2. Nihilominus optimo iure clarissimus Hultschius de alio compendiorum genere quaestionem movit: etsi enim inter formas διπλασίων, τοιπλασίων etc. frequentiores et formas διπλάσιος, τοιπλάσιος rariores usus codicum fluctuet, num Diophantus ipse scribendi rationem variaverit inquiri potest. Attamen sub iudice litem malo relinquere; nam si Diophantus priscos arithmeticos compilavit, illas quas inveniebat formas servare potuit; quoties autem compendia scripserit quae librarii solverint, diiudicare haud in promptu est. Quae compendia vero in archetypo reperiebantur, sic fere disces:

Mendum ἐπὶ pro πενταπλασ΄ 416, 8 compendium  $ε^π$  vel simile quid indicat; item ἐκκαιδεκάκις pro ἐκκαιδεκαπλασ΄ 126, 10 brevem tantum notam numeralibus literis appositam fuisse demonstrat.

Peculiariter pro  $\delta in \lambda \alpha \sigma' A$  scripsit  $\Delta^{\gamma} t$  386, 25 ( $\delta vvd\mu sis B$ ). Contra  $\delta in \lambda \alpha \sigma l\omega v$  scriptum est 320, 7 pro  $\delta ls$ , quae vox interdum tota ponebatur (226, 18  $\bar{\delta}$   $lsoi = \delta ls$ ), interdum compendio quodam figurata erat: 302, 23 enim  $\delta ls$  scriptum est pro  $\bar{\beta}$ , nisi pro  $\delta v d \delta \alpha$ ; contra 316, 14  $\delta v o$  pro  $\delta ls$  nempe ex  $\beta'$  (cf. 284, 16  $\gamma'$  pro  $\tau \varrho ls$ ). Ex quo compendium meum

 $(β^{πλ} = διπλασίων)$  defendere possim; sed illud perspicuitatis causa elegi, nec genuinam formam repraesentare tentavi, quam potius  $Δ_{t}^{π}$  fuisse credo.

Pro τετραπλασ' scriptum est δίς 330, 17, at etiam τετάρτου, 326, 24 (ex δ'), et τετραπλεύρου, 246, 1, nempe ex  $\delta^{nl'}$ .

Pro τετράκις compendium  $\Delta^K$  (226, 21) certum est; persaepe in διακεκριμένος absurde solutum est, quae vox astrologis solita librarii (α) indolem denotat.

Ex quibus omnino constantem compendiorum illorum rationem fuisse vix credam; attamen ea in archetypo saepissime usitata esse, unamque literam vel duas ad plurimum numeris adscriptas fuisse procerto teneo.

3. Ad duplicationem compendii s in plurali numero nunc redeo; hunc Byzantinum morem in hoc altero volumine retinendum censui, eumque finalium additione antiquiorem esse iam dixi, quod ex codice A evinci potest. Sed ne credas hanc scribendi normam temporibus Diophanti iam invaluisse, multa obstant (praeter locos supra allatos 98, 11 et 390, 3, 4) et praesertim veterum compendiorum ratio; nunquam μ° (vel μονάς vel μοτρα) duplicata fuit; μ° duplicatum non myriades plures sed myriadem duplam (myriadem myriadis) significat. Sic Diophantus Δ°Δ scripsit pro δυναμοδύναμις, Κ°Κ pro κυβόκυβος, quem usum, etsi satis monitus, parum cavit librarius (α) quum compendium Δ° in plurali numero duplicavit 194, 20, item compendium Κ° 210, 19.

Imo nec mihi genuinus videtur Heronianorum codicum usus de duplicando fractionum denomina-

tore: ubi v. g. pag. 56, 21 Hultschianae editionis legitur λεπτὰ ιγ" ιγ" ὀπτώ, antiquius scriptum fuisse λεπτὰ τρισμαιδέματα ὀπτώ libenter credam, nisi hoc totum interpolatum fuerit.

Quapropter hunc modum in priore volumine omnino reieci, scribendo etiam v. g.  $\Box^{oi}$  pro  $\tau \varepsilon \tau o \alpha \gamma \omega \nu o \iota$ , non  $\Box\Box'$ , etc.

4. De figura compendiorum technicorum pauca addam. Initiales literae, ut  $\Delta^{\gamma}$ ,  $K^{\gamma}$  etc., praetereundae sunt; sed de symbolis s et  $\Lambda$  quum iam multa disputata sint et nihilominus eorum origo incerta maneat, sententiam meam vix celare possum.

Diophanto fere peculiares illae notae sunt; etsi enim vox ἀριθμός in mathematicis codicibus persaepe compendio scripta sit, multo frequentius figuram 3' vel similem invenies, quae antiquo coppa proxima est. Contra Diophanteum compendium digamma inversum est, et nota defectus Λ priscam figuram literae sampi in memoriam revocat. Sic longe forsan ante Diophantum veteres logistici Graeci obsoletas formas literarum in usum suum convertisse videntur, parvis mutationibus adhibitis, ne erroribus locum praeberent.

In archetypo (a) formam 3 vel similem in usu fuisse satis demonstrant confusiones cum voce  $\kappa\alpha i$ , quas supra notavi. Illam Planudes in sua recensione parum mutatam reposuit; nam in fonte (a) propius accedebat ad eam quam A servavit, nempe  $\mu$ ; etenim 206, 13 pro  $\alpha \rho \iota \partial \mu \delta s$  A scripsit  $\beta'$  (ex forma  $\iota$ ),  $B_1$  devireos; contra pro  $\eta$  198, 11 scriptum fuit  $\alpha \rho \iota \partial \mu \delta \nu$ . Hanc formam  $\mu$  nunquam extra Diophan-

C

teos codices nactus sum; eam librarius  $(\alpha)$  ex coppa depravato ob faciliorem calami ductum detorsisse videtur.

De genuina figura compendii Λ dubitari licet; sic enim in uncialibus quas vocant literis descriptionem Diophanti repraesentandam credidi ψ' ἐλλιπὲς κάτω νεῦον; at codices curvum ductum exhibent T', symbolumque dextrorsum saepe inclinant, ita ut ad lambda prope accedat. In commentario suo Planudes manifesto ἐ scripsit quasi literam initialem vocis λείψει; sed in A litera Λ etsi aliter (in λείπεται) interdum soluta, vocem λοιπός significare videtur (102, 2, 3; 274, 15).

Aliam antiqui compendii depravationem in signo aequalitatis deprehendere licet; literas  $\iota^{\sigma}$  in archetypo scriptas fuisse vix dubium est<sup>1</sup>); sed haud semel, ex. gr. 226, 14, confusio vocum  $\iota \sigma o_S$  et  $\alpha \varrho \iota \vartheta \mu o_S$  in codicibus invenitur. Symbolum ergo qui vix ab  $\mu$  distinctum erat, a librariis introductum fuit.

Quae autem supra dixi de compendio  $\Lambda$  variis modis soluto hoc demonstrant, sensum huius symboli nunquam incertum, enuntiationem haud semel, nisi semper, ambiguam fuisse; quod mihi non parvi momenti videtur.

Item fere de signo aequalitatis statuendum; nam pro adiectivo ίσος verborum ἰσάζειν vel ἰσοῦν variae formae pluribus locis supponi possunt.

Sed ne longius haec disputem quae me ad alia similia exempla extra Diophanteos imo extra mathe-

<sup>1)</sup> Cf. adn. crit. I, 96, 13, 14; 111, 21; 116, 25.

maticos codices prono tramite devolvant, argumentum de compendiis relinquam ad finem properans.

#### VII.

### De fractionum notationibus.

Primum genus, ut omnes sciunt, Graeci notabant denominatore tantum scripto, quem a numeris integris distinguebant signo peculiari addito versus partem dextram superiorem. In recentioribus codicibus, nisi syllaba finalis repraesentetur, pro signo duplex accentus  $\left(\gamma''\right)$  pro  $\frac{1}{3}$  frequentissimus est; in manuscriptis vetustioribus saepe vel simplex accentus vel calami ductus varii reperiuntur.

Normam illam ubique sequitur Diophantus vel in positionibus vel in analysi; sed in codice A haud omnino constans est peculiare signum fractionis. Inveniuntur enim: vel simplex accentus satis longus (5'), vel ductus calami ex corpore literae oriens ( $\theta$ '), vel idem aut simplicior ductus cum accentu vel supra vel infra: sic  $\tau \varrho i \tau v v$  vel  $\sqrt{\phantom{a}}$  vel  $\sqrt{\phantom{a}}$  (I, p. 50, 12; 60, 4).

Signum quod finxi (I, p. 6, 21) et ut genuinum adhibui, etiam reperiri potest ad pag. 52 et alibi,

sed secunda manu (vetere tamen) cuius proprium videtur; illud elegi ut suspectam vocem *\( \xi\_{\chi o} \)* tanquam ex compendio male soluto ortam (cf. 74, 6) e textu eiicerem; sed nemini fucum facere velim et figuram forte recentiorem ut vere antiquam venditare.

Item signum  $\angle'$  pro  $\frac{1}{2}$  melius Diophanti saeculo convenire credidi; in codice A forma fere hace est:

..., sed punctum saepe abest.

Vix credas compendium  $\tau o \tilde{v}$   $\delta \iota \mu o \ell o v$   $\left(\frac{2}{3}\right)$  quater tantum apud Diophantum inveniri; vulgatam figuram  $\omega'$  adhibui, sed aliam credo antiquiorem archetypus exhibebat, nempe  $\mathfrak{S}$ , quam didici ex mathematico papyro Akhmîmensi, a Iulio Baillet recens edito. Sic intelligi potest compendium quod ex A exprimendum curavi 272, 4 (certe haud intellectum) confusum fuisse cum signo  $\mathfrak{S}$  272, 5, cum  $\mathfrak{S}$ 00 274, 13, cum  $\mathfrak{A}$  274, 14. Sed 320, 18 quod dedi ex A, haud dubie legendum est  $\bar{\beta}$   $\gamma'$  (ut B) scilicet  $\mathfrak{S}$ 00  $\mathfrak{V}$ 0 $\mathfrak{L}$ 1 $\mathfrak{A}$ 2, nam in A litera  $\mathfrak{B}$  sub figuris B et  $\mathfrak{U}$  depicta est.

Quod autem in praefatione prioris voluminis negandum credideram, post analysin et in solutionibus vulgarem usum non amplius sequi videtur Diophantus, sed unitatem  $\alpha$  tanquam numeratorem ponere, supra eam 1) scripto denominatore; quod exemplum scholiastes Anthologiae (Metrodorus?) imitatus est, ut infra videre est p. 62, 13.

Etenim si perpendas in A et  $B_1$  pro fractione simpliciter  $\bar{\alpha}$  scriptum fuisse I, 140, 17; 142, 22; 194,

<sup>1)</sup> Quod idem valet ac si post numeratorem denominator scriptus esset. Cf. ergo infra 67, 5  $\bar{a}$   $\iota \alpha'$ .

13, 14, 15; 206, 23; 208, 18; 210, 21; 212, 16, vix aliter concludi potest; si autem certam scripturam desideres, celebris Palatini codicis auctoritatem nunc invocare licet.

Quoad fractionem secundum genus denominatorem prima manu supra numeratorem habet A 102, 6, 18  $\left(\sec\frac{\iota \varepsilon}{\varrho \pi \alpha} \text{ et } \frac{\Delta}{E}\right)$ ; 110, 3, 4; 112, 11, 12; 114, 20, 21; 116, 12, 13; 118, 2, 3; 136, 7 (A). Post numeratorem scriptus est 60, 4; 100, 18; 120, 8; locos dubios addas 56, 6 (ubi pro  $n \gamma^{\omega \nu} A$  habet  $\mu o \nu \alpha \delta \omega \nu$  erasum et supra lineam  $\epsilon \ell n o \sigma \iota \tau \varrho \ell \tau \omega \nu$  2 m.); 58, 10 (ubi numerator omissus est); 120, 9 (ubi locus prioris scripturae fere quinque vel sex literas continebat, quum posterior sicut 120, 8 in marginem extendatur, quod adnotare omisi in apparatu critico). Denique semel 78, 26 invenitur  $\overline{\iota \varepsilon}^{\delta}$  scilicet denominator in loco quem vocant exponentis, ubi eum constanter ponit recensio Planudea  $(B_1)$ . Alibi ubique omissus est in A 1 manu.

Num prima scribendi ratio perpetuo in archetypo observata fuerit, equidem affirmare non audeo. Librariis enim, nisi mathematicis, nullius momenti erat literas addere vel supra vel post praecedentes. Attamen ex plurimis omissionibus vix dubitari potest scripturam supra numeratorem multo frequentiorem fuisse legitimamque normam repraesentare. Ultimus modus (scriptura denominatoris in loco exponentis dicto) non ante viguit quam mos finales eodem loco addendi invaluerit; modi huius quoad fractiones exemplum ante saeculum XIII non exstat.

De transversa linea inter numeratorem et denominatorem vix quicquam diiudicari potest. Ad libitum librarii tum addita tum neglecta videtur, sicut supra numeros integros. Si autem mos illam ducendi in normam transisset, antiqua scribendi ratio haud facile immutata foret.

Haec sunt quae animadvertisse operae pretium duxi: ut autem paucis verbis concludam, Byzantinas mathematicas notationes ex codicibus novimus, de antiquis saepe vix coniecturas afferre possumus; nec credendum has notationes tam longo temporis decursu fideliter servatas fuisse; graves mutationes demonstrare, graviores forsan coniicere licet.

#### VIII.

Prolegomenis hisce coronidem ut imponam, aliquas notas criticas recensebo, quas in chartis a Nesselmanno relictis inventas doctissimus Max. Curtze mihi sponte sua humanissime transmisit. Bachetiana editione usus codicumque manuscriptorum ope destitutus, genuinas lectiones haud semel (viginti quinque locis) proprio Marte Nesselmannus restituit nonnullaque typographica menda (quae tacite sedecim locis correxi) sustulit; quae omnia sigillatim adnotare parum utile mihi videtur; sed insuper varias correctiones proposuit, quae haud omnino negligendae sunt.

Vol. I, p. 30, 23 et 32, 21 de dictione  $\delta$   $\epsilon \tilde{l}_S$  dubitationem movet. — 42, 6  $\tau o \tilde{v}$   $\tau \epsilon$   $\bar{\kappa}$   $\kappa a l$   $\langle \tau o \tilde{v} \rangle$   $\bar{\lambda}$ , item 92, 18  $\tilde{\epsilon}\kappa$   $\tau \epsilon$   $\tau o \tilde{v}$   $\bar{\delta}$   $\kappa a l$   $\langle \tau o \tilde{v} \rangle$   $\bar{\vartheta}$  restituit. — 42, 16 of  $\tau \varrho \epsilon \tilde{l}_S$   $\delta v \tau \varrho \epsilon \tilde{l}_S$  corr. — 48, 13  $\epsilon l \delta \sigma \varrho \omega v$   $\epsilon l \delta v$ 

χιστος corr.; item 78, 16 et 112, 18. — 70, 21 αὐταί] αὖται corr.; item 120, 15 οὖτος pro αὐτός. — 124, 26  $\mathring{M}^{\alpha} = \mu o \nu άδα] \mu o \nu άδα \mu ίαν. — 128, 14 λίπη] λείψη pro λείπη <math>B_1$ . — 131, 2 δμοίως post  $\gamma^{o \gamma}$  reiicit. — 144, 15 τουτέστι] ἔστω convenienter. — 150, 8 ἀριθμούς delet (ut volebam).

Quae omnia contra codicum auctoritatem haud dubie defendi possunt, etsi purum ubique et exactum sermonem Diophanto imponere extra veras criticas leges mihi videatur.

A Nesselmanno autem correctiones alias quasdam haud iure allatas fuisse credo; p. 20, 13 et similibus in locis dioristicis δέ pro δή legit. — 30, 2 τόν pro δν. — 36, 1/2 δμωνύμου τῷ διδομένῳ λόγῳ, quod lectio B indicabat. — 74, 10 καί delet; item 144, 8 et 156, 5. — 104, 15 λοιπῶν pro λοιπόν Ba. — 162, 11 ἐκζητήσεις ἄν pro ἐὰν ζητήσεις ἄν Ba; in quibus partim a Bacheto Nesselmannus in errorem inductus est, partim genuinum Diophanteum usum haud agnovisse videtur.

Menda quaedam typographica benevolus lector corrigat, quaeso. Legendum est Vol. I, p. 8, 13  $\epsilon\sigma\tau\dot{\omega}$ - $\sigma\eta_S$  — 74, 3 (adn. crit.) posterius] prius — 77 numerus 42 in margine collocandus est lin. 10; pro 42 in margine penultima linea ponendus 43 — 101, 7 (a fine): ut] est — 107, 3 (a fine): 2x + 3] 2x - 3 — 208, 16  $\eta\nu$   $\delta\dot{\epsilon}$  s  $\bar{\epsilon}$  — 263, 4 radius] radices — 273, 5  $\frac{65}{9} - \frac{2}{3}x$ ]  $\frac{65}{9} - 2\frac{2}{3}x - 259$ , 8 (a fine): duos] tres — 362, 17 post  $\xi\eta\tau\sigma\dot{\nu}\mu\epsilon\nu\nu\nu$  deleatur signum].

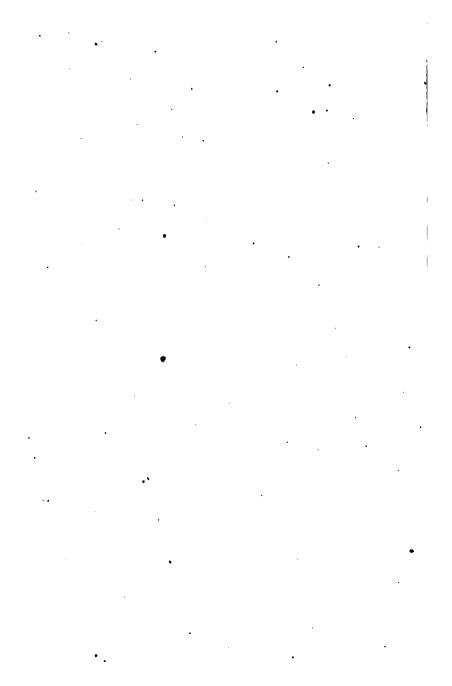
Vol. II, p. 151, 14  $E^1$ .  $S\bar{\alpha}$ ]  $E^2$ .  $S\bar{\alpha}$  — 160, 24  $\bar{\alpha}$ ]  $\bar{\alpha}\bar{\alpha}$  — 160, 25  $\bar{\alpha}\bar{\alpha}$ ]  $\bar{\alpha}$  — 203, 7  $\bar{\tau}\bar{\eta}$ ]  $\bar{\tau}\bar{\alpha}$  — 252, 21  $SS\bar{\alpha}$ ]  $S\bar{\alpha}$ . — In Indice Graecitatis: v.  $\beta\iota\beta\lambda\iota\sigma\nu$ : 16, 2] 16, 7 — v.  $\delta\iota\delta\sigma\nu\alpha\iota$ : 103, 5] 108, 5 — 36, 20] 36, 19 — v.  $\varepsilon\iota S$ : 262, 24] 282, 24 — v.  $\varepsilon\iota S$ : 56, 10] 56, 18 — v.  $\varepsilon\iota S$ : 282, 1] 282, 2 — v.  $\delta\iota\varepsilon\lambda\varepsilon\iota\nu$ : 232, 7] 232, 6.

Denique novam animadversionem ad locum II 38,25 dubitanter proponam: pro ετέρω codicum εταίρω vel (τῷ) εταίρω coniici possunt; νοχ συνοπτικώτατα varians lectio videtur pro συνεπτικώτατα (38, 24), ergo delenda.

Scribebam Parisiis mense Iunio MDCCCXCV.

• . -

# DIOPHANTUS PSEUDEPIGRAPHUS.



Ex codice Parisino Suppl. gr. 387, fo. 181<sup>r</sup>.

'Εκ τῆς ἀριθμητικῆς Διοφάντου.

'Απὸ δύο μεθόδων εὐρίσκεται παντὸς τετραγώνου ἀριθμοῦ πλευρὰ ἤτοι δυνάμεως. καὶ ἡ μὲν μία ἔχει 5 οὕτως ἀπόγραψαι τοιοῦτον ἀριθμὸν κατὰ τὴν τάξιν τῆς 'Ινδικῆς μεθόδου εἶτα ἄρξαι ἀπὸ δεξιῶν ἐπὶ ἀριστερά, καθ' ἕκαστον δὲ στοιχεῖον λέγε γίνεται οὐ γίνεται εως ἄν τελειωθῶσι τὰ στοιχεία, καὶ εἰ μὲν τύχη τὸ τελευταῖον ὑπὸ τὸ γίνε- 10 ται, ἄρξαι τοῦ μερισμοῦ ἐκεῖθεν εἰ δὲ ὑπὸ τὸ οὐ γίνεται, καταλιπὼν τὸ τελευταΐον στοιχείον ἄρξαι τοῦ μίνεται, ἐν ῷ δηλονότι φθάνει τὸ γίνεται.

II.

15

Ex codice Parisino 453.

 $(A = fo. 72^{v} - 76^{v}, B = 82^{v} - 86^{r}).$ 

Μέθοδοι εὔχοηστοι πρὸς τοὺς ἀπὸ μορίων πολλαπλασιασμοὺς κατὰ τὸν τῆς ἀστρονομίας κανόνα πλέον τῶν ἄλλων μεθόδων σώζουσαι τὴν ἀκριβείαν πᾶσαν. 20

<sup>3</sup> Διοφάντους codex. 18 Μέθοδος εξχοηστος Β.

Έπειδη τὰς ἐφόδους ὡς ἔνι μάλιστα τοῦ ἀκριβοῦς ἔνεκεν δεῖ εἶναι, εὐρίσκομεν δὲ πλέον τῶν ἄλλων τοὺς ἀστρονόμους περιεργότερον καταγινομένους πρὸς τοῦτο, ἀγαπητὸν ἡγούμενοι καὶ πρὸς τὰ χωρὶς ἀστρονομίας ταντα, ὅσα τε πολλαπλασιασμοῖς καὶ μερισμοῖς ἔπεται, εὐθετοῦν, ἀπεγραψάμεθα τοῦτο τὸ μεθόδιον.

Τοῦ ζωδιακοῦ γὰρ κύκλου είς τξ διαιρουμένου, ξκαστον των τμημάτων μοζοαν ωνόμασαν οί παλαιοί. έξην δέ την μοζοαν ημας παραδέχεσθαι ή ώς μοναδικόν \* 10 γωρίον ή ποδιαΐον πρός τὰς ἀπαντώσας γρείας. διὰ ούν τὰ ποστημόρια, ταύτη, τουτέστι τῷ τξφ μέρει τοῦ . κύκλου, ποτε μεν ώς ποδί, ποτε δε ώς μονάδι δυναμένη παραλαμβάνεσθαι, πρώτην διαίρεσιν έπινοήσαντες, την είς τὰ ξξα, διὰ τὸ πλειόνων μερών γίνεσθαι 15 ἀπαρτιζόντων τὸν ξ ταύτην, ἐκάλεσαν ξιαστον τῶν τμημάτων οί μεν πρώτον λεπτόν, οί δε έξηκοστόν πο ωτον είτα διὰ τὸ χρήζειν λεπτομερεστέρας ακριβείας πρός το ευρίσκειν, έφ' δσον ην δυνατόν μετ' άπριβείας, τὰ κέντρα τῶν ἀστέρων ποίας ἐποχὰς ἐπ-20 έγουσιν έν τοῖς κατ' οὐρανὸν διαστήμασι, διεῖλον καθ' έαυτούς έκαστον των πρώτων λεπτων είς έτερα ξξά τινα καὶ ἐκάλεσαν ταῦτα δεύτερα έξηκοστὰ ἤτοι λεπτά. ἡν οὖν αὐτοῖς οὕτως ἡ μοῖρα διὰ μὲν τῶν πρώτων  $\xi \xi^{\omega \nu}$  διαιρουμένη είς λεπτά μέν πρώτα  $\overline{\xi}$ . 25 δεύτερα δε κατ' έπιδιαίρεσιν γχ' είτα μείζονος άκριβείας δεηθέντες διὰ τὸ έν τοίς κατ' οὐρανὸν παράλλαξιν δποιανούν βραχυτάτην ήμιτν έπινοουμένην οὐ μικοάν έργάζεσθαι διαφοράν, εκαστον των δευτέρων

<sup>2</sup> εἶναι] εἰδέναι coni. Hultsch. 5 τε] γε coni. Hultsch. 7 διαιρούμεν  $\mathbf{A}$ . 9 ἐξῆν] ἐξὸν mel. cod. Par. 2390. 11 προστημόρια  $\mathbf{A}$ . 14 ξον = ἐξηκοστόν. ξξ $^{\alpha}$  = ἐξηκοστά.

λεπτών διελόντες είς έτερα ξξα, εκάλεσαν τὰ γενόμενα λεπτὰ τρίτα ὄντα κατὰ τὴν τρίτην διαίρεσιν. οὕτως διαιφούνται την μοζοαν ήτοι μονάδα ήτοι πόδα είς (μυριάδας) πα (5), ώστε τὸ τρίτον λεπτὸν εν γίνεσθαι είκοστόμονον μυριάδων έξακισχιλιοστόν πης μονάδος. 5 έτι φιλαλήθεις όντες, εκαστον των τρίτων λεπτων τούτων διείλον είς ξ και τὰ γενόμενα ἐκάλουν λεπτὰ ήτοι έξηκοστὰ τέταρτα, καὶ είχον ἔτι πολλῷ ἐλάσσονα μόρια λαμβανόμενα της μονάδος ταῦτα τὰ έξηκοστά διήρουν γὰρ οὕτως τὴν μονάδα εἰς μυριάδας 10 ασ 15. ἐπιστῆσαι οὖν ἐστιν ἐκ τούτων ὁ πᾶς κύκλος είς πόσα διήρητο διὰ τούτων ούτω δὴ οὖν κατὰ τὸ έξης προηλθον μέχρι εμτων έξημοστων, ποιήσαντες την ύποδιαίρεσιν ανάλογον έγουσαν. έστι γαρ ώς μονας πρὸς έξηκοστὰ πρῶτα, ούτω πρῶτα έξηκοστὰ πρὸς 15 δεύτερα και δεύτερα πρός τρίτα και τρίτα πρός τέταρτα καλ έξης: ἔστι γάρ ώς εν πρός εν, ούτω πάντα πρός πάντα ως γὰο μονὰς πρὸς ξον α πρῶτον, οὕτως λεπτὸν α πρώτον πρός δεύτερον και δεύτερον πρός τρίτον και έξης. δμοίως δε και τὰ ισάριθμα. Ε γάρ μοζραι 20 πρὸς ε λεπτὰ πρῶτα (τὸν) αὐτὸν λόγον ἔχουσιν δυ ε πρώτα πρός (ε) δεύτερα καὶ ε δεύτερα πρός ε τρίτα καλ έξης δμοίως. τῷ μὲν οὖν Πτολεμαίῳ μέχρις εκτων έξημοστών έν τη Συντάξει πρόεισιν ή διαίρεσις γενναίως καὶ ἀκριβῶς ποιουμένω τὰς παραδόσεις. ἡμῖν 25 δε άρχείτω παραδείγματος άστείου και είσαγωγης ένεκεν έως δευτέρων λεπτών τουτέστιν έως γη διαιρείσθαι

<sup>1</sup> εlς om. A. 4 μνοιάδας et ,5 in scholio marginali B. 5 εlποστομον Α, εlποστομόριον Β. 11 σστβ Β. 14 ως Β, ή Α. 17 οῦτως Β. 18 πρός ξ Β, ξ ξ Α. 21 τὸν addidi. ξχονσι? Α. 22 ε addidi. 25 τὰς om. Β.

την μονάδα ήτοι τὸν πόδα τοῦτο γὰο καὶ ποὸς τὰς τοῦ Προχείρου Κανόνος Ψηφοφορίας έξαρκεῖν δοκεῖ τοῖς παλαιοῖς.

Περὶ πολλαπλασιασμοῦ. Πολλαπλασιασμοῦ δρισμός.

Πολλαπλασιασμός έστι σύνθεσις ἀριθμοῦ τινος δοθέντος καθ' ετερον ἀριθμον δοθέντα οίονεὶ ὅταν ὁ ετερος τοσαυτάκις συντιθέμενος ἦ ὁπόσος έστὶν ὁ ετερος ἐν τῷ πλήθει τῶν μονάδων καὶ ποιῆ τινα κατὰ τὸ πλῆθος τῆς συνθέσεως, ὁ γενόμενος λέγεται πολλαπλασιασμὸς τοῦ ετέρου κατὰ τὸν ετερον.

Λέγεται μέν καὶ ἄλλη σύνθεσις, άλλ' οὐ πολλαπλασιασμός και γάο δ έκ τῶν δοθέντων είτε ίσων είτε ανίσων αριθμών και είτε δύο ή τριών ή και 15 πλειόνων συντεθείς, άπλῶς λέγεται συγκεῖσθαι, οὐ μέντοι πολλαπλασίων. πολλαπλασιάζομεν δε ή μοζοαν έπλ μοῖραν ἢ μοίρας έπλ μοίρας, καλ πάλιν ἢ λεπτὸν έπλ λεπτον ή λεπτά έπλ λεπτά, καλ ανάμιξ μοζοαν έπλ λεπτον και λεπτά άλλ' ή μεν μοτρα έφ' δ αν είδος 20 πολλαπλασιασθή, τὸ αὐτὸ εἶδος ποιεῖ ἐπὶ γὰρ πρῶτα λεπτὰ πολυπλασιαζομένη ή μοΐοα ἢ μοΐοαι ποῶτα λεπτὰ ποιούσιν και ανάπαλιν λεπτά πρώτα έπι μοίραν ή μοίρας ποιεί πρώτα λεπτά, καὶ έξης δμοίως μοίρα έπὶ δεύτερα, δεύτερα ποιεί και έπι τρίτα, τρίτα και έξης. 25 πρώτα δὲ ἐπὶ πρώτα ποιεῖ δεύτερα, ἄπερ ἐστὶν ἐλάσσονα των πρώτων (των μέν γάρ πρώτων τὸ ξυ λεπτὸν  $\xi^{ov}$  έστι της μοίρας των δε δευτέρων,  $\gamma \chi^{ov}$ ). Θπερ

<sup>7</sup> κατὰ Α. ἄριθμὸν compendio B, καὶ Α. 8 ἢ AB. 12 ἄλλη AB. 16 πολλαπλασίων] πολλαπλασ $\times$  Α, πολλαπλάσιον B. 19 μοῖρα] Μ Α, μονὰς B, μοῖρα in margine. 21 ἡ om. B. 22 ποιοῦσι B. ἐπὶ om. A. 27 ξξ id est έξηκοστῶν AB.

έναντίον έστι τῷ πολλαπλασιασμῷ τῷν λοιπῷν ἀριθμῶν. έπαυξήσει γαο πολλαπλασιάζονται ως έαν πεντάκις τον  $\bar{\mathbf{z}}$  πλάττοντες συνθώμεν καλ ποιήσωμεν τὸν  $\bar{\mathbf{\lambda}}$ · ποῶτα δὲ  $\langle \bar{\epsilon} \rangle$  λεπτὰ ἐπὶ πρῶτα  $\bar{\epsilon}$  πολλαπλασιάζοντες,  $\bar{\lambda}$  δεύτερα ποιούμεν, δπερ ημισύ έστιν ένδο πρώτου λεπτού. 5 τοῦτο δὲ γίνεται διὰ τὴν τῶν μορίων πρὸς τὴν μονάδα άντιπεπόνθησιν. ἀεὶ γὰρ τὰ μόρια πολλαπλασιαζόμενα έναντίως ταζε μοίραις έπ' έλαττον χωρεί· έφ' έαυτό γάο τὸ ήμισυ πολλαπλασιαζόμενον τέταοτον γίνεται  $\bar{\beta}$  δε μονάδες έπι  $\bar{\beta}$ ,  $\bar{\delta}$  ποιοῦσιν. δμοίως και τρίτον 10 έπὶ τρίτον, ἔννατον γίνεται  $\overline{\nu}$  δὲ έπὶ  $\overline{\nu}$ ,  $\overline{\theta}$ , ὅπερ δοκεῖ λήρον, τοῦτο δὲ συμβαίνει τοῖς μορίοις ὅτι οὐ συντίθενται κατά μονάδα, άλλά τοὐναντίον μερίζονται κατά τὰ δμώνυμα μέρη ταῖς μονάσιν τὸ γὰρ ήμισυ . έπλ τὸ ημισυ νῦν οὐ συνετέθη καθ' ὅλον έαυτό, 15.  $\ddot{\omega}$ σπερ τὰ  $\ddot{\beta}$  ἐπὶ τὰ  $\ddot{\beta}$ , ἀλλὰ κατὰ τὸ  $\dot{\alpha}$ 

ώσπες τὰ  $\bar{\beta}$  ἐπὶ τὰ  $\beta$ , ἀλλὰ κατὰ τὸ  $\ddot{\eta}$ μισυ ἑαυτοῦ, ὡς ἔστιν ἰδεῖν καὶ ἐπὶ διαγράμματος οὕτως.

"Εστω γὰο μοναδιαΐον χωρίον τὸ ΑΒ ἐκ πλευρᾶς τῆς ΑΖ τετράγωνον δίχα διηρημένης κατὰ τὸ Γ, καὶ ἀπὸ

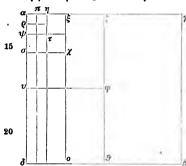
τῆς  $A\Gamma$  ἀναγεγράφθω χωρίον τετράγωνον τὸ  $A\Delta E\Gamma$ ·
τοῦτο δὴ τέταρτον μέρος ἐστὶ τοῦ AB μοναδιαίου χωρίου, καὶ ἔστιν ἥμισυ ἐπὶ ἥμισυ ἡ  $A\Gamma$  γὰρ ἐπὶ τὴν  $A\Delta$  γέγονεν. ὁμοίως οὖν δείξεις ὅτι καὶ γ΄ ἐπὶ γ΄, 25 Φ΄ γίνεται, καὶ δ΄ ἐπὶ δ΄, ις΄ · οὕτως οὖν δεὶ νοεῖν καὶ ἐπὶ τῶν λεπτῶν μορίων ὄντων.

Όμοίως δε και πρώτα έπι δεύτερα, τρίτα ποιεί, και

<sup>4</sup>  $\bar{\epsilon}$  addidi.  $\bar{5}$ ]  $\bar{\beta}$  A. 5 πρώτου om. A. 14 μονάσι  $\bar{B}$ . 21—22 δίχα . . . . τετράγωνον om A. 24 έπὶ ημισυ om. A. 26 καὶ δ΄ . . . . νοείν om. A.

πρῶτα ἐπὶ τρίτα, τέταρτα καὶ ἔξῆς καὶ ἀνάπαλιν δὲ δεύτερα ἐπὶ πρῶτα, τρίτα, καὶ τρίτα ἐπὶ πρῶτα, τέταρτα καὶ ἔξῆς. πάλιν ὁμοίως δεύτερα μὲν ἐπὶ δεύτερα, τέταρτα ἐπὶ δὲ τρίτα, πέμπτα καὶ τέταρτα ἐπὶ δεύτερα, είταρτα ἔπὶ δὲ τρίτα, πέμπτα καὶ τέταρτα ἐπὶ δεύτερα, ἕκτα καὶ ἔξῆς καὶ τὸ ἀνάπαλιν. καθόλου δὲ εἰπεῖν, δύο τῶν πολλαπλασιαζομένων συντιθέντων [ἤτοι συντιθεμένων], εἶνὰὶ συμβαίνει τὸν πολλαπλασιασμὸν παρώνυμον ἀπὸ τῶν συντιθεμένων.

Όριστέον οὖν τὸν τῶν λεπτῶν πολλαπλασιασμὸν 10 οὕτως πολλαπλασιασμός ἐστιν ὁ παρώνυμος ἀριθμὸς ἐκ τῶν μελλόντων πολλαπλασιάζεσθαι τῆς συνθέσεως λαμβανόμενος οἶον βον ἐπὶ γον, εον γίνεται, καὶ ἔστι



κατὰ σύνθεσιν τὴν τῶν  $\bar{\beta}$  καὶ  $\bar{\gamma}$ ,  $\delta$   $\bar{\epsilon}$  [ὁμοίως  $\beta'$  ἐπὶ  $\beta'$ ,  $\delta'$ ]  $\delta$  παρώνυμος τῶν εἰρημένων ἐκ τῆς συνθέσεως τούτ $\bar{\omega}$  οὖν τῷ κανόνι δεῖ προσέχειν ἀεὶ ἐπὶ τῶν πολλαπλασιασμῶν.

Σαφηνείας δ' οὖν β ἕνεκα μείζονος, δεικτέον

καὶ ἐπὶ πλατυτέρας καταγραφῆς ἀληθῆ τὰ λεγόμενα. ἔστω γὰρ χωρίον τετράγωνον τὸ AB ἀπὸ πλευρᾶς τῆς 25 ΑΓ διηρημένης εἰς ξξα ὑποκείσθω δὴ τοῦτο ἤτοι ποδιαῖον ἢ μοναδιαῖον ἢ μοιριαῖον, καὶ διὰ τὰν τομῶν παραλλήλων ἀχθεισῶν τῶν ΕΟ, ΖΘ, ἔσται ἡ πρώτη διαίρεσις τῶν ξξων τῶν πρώτων. ἐὰν οὖν πολλα-

<sup>6-7</sup> ἤτοι συντιθεμένων delevi. 11 legendum ἐκ τῆς τῶν μ. π. συνθέσεως. 12 καὶ ἔστι οm. Β. 14-15 ὁμοίως...δ΄ delevi. 15 δ΄] β΄ ΑΒ. 26 μοριαῖον ΑΒ.

πλασιάζωμεν [είς] τὴν  $A\Delta$  οὖσαν μοῖραν  $\bar{\alpha}$ , ἐπὶ τὸ εν ξ<sup>ον</sup>, λέγω δὴ τὴν  $A\Xi$ , ἔσται τὸ πρῶτον χωρίον τὸ AO ξ<sup>ου</sup> ἐνός· εἰ δὲ ἐπὶ τὰ  $\bar{\beta}$  λεπτὰ τὰ  $A\Xi$ ,  $\Xi Z$ , ἔσται λεπτὰ ἤτοι ξξ<sup>α</sup>  $\bar{\beta}$  καὶ τὰ έξῆς· ὁμοίως οὖν καὶ μοῖρα ἐπὶ εν πρῶτον λεπτὸν ἢ δύο, ποιοῦσι πρῶτα, τῆς  $A\Delta$  5 ὑποτεθείσης μοίρας, ⟨εν ἢ⟩ δύο καὶ έξῆς.

Φανερον ὅτι μοίρα ἤτοι μοίραι ἐπὶ λεπτὸν ἢ καὶ λεπτὰ πρῶτα, πρῶτα λεπτὰ ποιεῖ· ἀλλὰ δὴ πάλιν τὸ πρῶτον ξον, τὸ ΑΞ, διηρήσθω εἰς ξ καὶ ὁμοίως αἱ παράλληλοι ἐπινοείσθωσαν διὰ τῶν Π, Η· ἔσται ἄρα 10 τὸ ὑπὸ τῶν ΔΑΠ ὑπό τε μοίρας καὶ λεπτοῦ δευτέρου ἐνός, καὶ γίνεται διὰ τὰ αὐτὰ μοίρα ἐπὶ δεύτερον λεπτὸν ἔν· καὶ ὁμοίως ἐπὶ δύο δεύτερα, δεύτερα δύο. διαιρεθέντος δὲ τοῦ πρώτου ξου τῶν δευτέρων ξξων τοῦ ΑΠ εἰς ξ, τὰ αὐτὰ φήσομεν 15 καὶ τοῦτο ἀεί· ὥστε μοίρα ἢ καὶ μοίραι ἐφ' ὃ ὰν εἶδος πολλαπλασιασθῶσι ποιήσουσι τὸ αὐτὸ ἐξ ἀνάγκης εἶδος.

Πάλιν δὴ ἔστω ἡ ΑΔ διηρημένη εἰς ξ, ὧν δύο ἔστω τὰ ΑΣ, ΣΥ ξξα πρῶτα ἐὰν δὴ πολλαπλασιάσω τὸ πρῶτον ξον τὸ ΑΞ ἐπὶ τὸ πρῶτον τὸ ΑΣ, ἔσται τὸ 20 γενόμενον τὸ ΑΧ δεύτερον γενόμενον γίνεται γὰρ τοῦ ΑΒ γχον μέρος. ὁμοίως κὰν δύο πρῶτα λεπτὰ τὰ ΥΑ ἐπὶ δύο ὁμοίως πρῶτα τὰ ΑΖ πολλαπλασιάζοις, ἔξεις χωρίον γινόμενον τὸ ΑΦ, τοιούτων γὰρ ὂν τεσσάρων οἴων τὸ ΑΒ γχ, ῶστε τὰ γινόμενα ἔσται δεύ- 25 τερα καὶ τοῦτο έξῆς ῶστε πρῶτα ἐπὶ πρῶτα ποιεῖ δεύτερα.

<sup>1</sup> εἰς delevi. 2 δὴ] δὲ AB. 2—3 τὸ AO] τῆς  $\overline{\alpha o}$  A. 6 εν ἢ addidi. 19  $A\Sigma$ ,  $\Sigma T$ ]  $\overline{\alpha o v}$  AB. 23 πολλαπλάσιας A, πολλαπλασίας B, cum marginali coniectura πολλαπλασιάζοις. 24 τοιούτον AB. 26 πρώτον ἐπὶ πρώτον AB.

Πάλιν δὴ ἔστω τοῦ ΑΣ διαιρεθέντος πρώτου ξου εἰς δεύτερα ξξα, ὧν δύο τὰ ΑΡ, ΡΨ, ἐὰν μὲν πρῶτα ἐπὶ δεύτερα, οἶον τὸ ΞΑ ἐπὶ τὴν ΨΑ τουτέστι πρῶτον λεπτὸν εν ἐπὶ δεύτερα δύο, γίνονται τρίτα λεπτὰ δύο τὰ δὲ τρίτα λεπτὰ δύο γίνεται δευτέρου ἔξηκοστὰ δύο, ὅπερ δὴ καὶ ὁρᾶται ἔστι γὰρ τοῦ ΑΧ ὅντος δευτέρου ξου [γχου] δύο έξηκοστά. ἀλλὰ δὴ κὰν δύο πρῶτα ἐπὶ δύο δεύτερα πολλαπλασιάζοις ἔξῆς, γίνεται τρίτα διὰ τὰ εἰρημένα εἰ δὲ δεύτερα ἐπὶ δεύτερα, τέταρτα ἐὰν γὰρ τὰ ΑΡ, ΡΨ δεύτερα δύο ἐπὶ τὰ ΑΠ, ΠΗ δμοίως δύο δεύτερα ποιῶν πολλαπλασιάσης, ἔξεις τὸ ΑΤ χωρίον γινόμενον λεπτῶν δ̄ τετάρτων γίνεται γὰρ δμοίως τοιούτων τὸ ΑΤ τεσσάρων οῖων τὸ ΑΧ γχ.

Σαφηνισθέντων δή των πολλαπλασιασμών, δεικτέου 15 έξης πώς τε δεῖ πολλαπλασιάζειν καὶ ἔτι πώς μερίζειν, πρώτον όρισαμένους τί ἐστι μερισμός μερισμός γάρ ἐστιν ἀριθμοῦ τινος κατὰ ἔτερον ἀριθμὸν διαίρεσις εἰς ἴσα τε καὶ ἰσοπλήθη ταῖς τοῦ ἀριθμοῦ μονάσι διαιρουμένου, εἴτε μονάδας ἐπὶ μονάδας μερίζειν δέοι, 20 εἴτε λεπτὰ ἐπὶ λεπτά, εἴτε λεπτὰ καὶ μονάδας ἐπὶ λεπτὰ καὶ μονάδας.

Αέγεται δὲ καὶ ἄλλως μερίζεσθαι ἀριθμός, ὁπόταν διαιρῆται εἰς ἄνισα ὁποσαοῦν, ἀπλῶς γὰρ παρὰ τὸ διαμερίζεσθαι τὴν τοῦ ἀριθμοῦ σύνθεσιν ἀλλ' ἐπι25 στῆσαί ἐστιν ὅτι ἄλλο τι ποιεῖ ὁ μερισμὸς οὖτος ὁιὸ καὶ οἱ πολλοὶ μᾶλλον τὸ τοιοῦτο διαίρεσιν ἀριθμοῦ καλοῦσιν, οὐκέτι δὲ μερισμόν ὁ γὰρ κυρίως μερισμὸς τεταγμένος ἐστί κατὰ γὰρ τὴν αὐτὴν τάξιν τῷ πολλα-

<sup>7</sup>  $\gamma \chi^{ov}$  glossam delevi. 9 δεύτερα alt.]  $\beta' \beta' B$ ,  $\beta' \beta'$  δύο A. 11  $AT' ] \overline{\alpha r} \ AB$ . 13 τοιούτων τὸ] τοῖς AB. οΐων] ὁμοίων AB. 23 διαιρεῖται AB. 25 δτι] ὅταν B.

πλασιασμῷ τέτακται, κὰν δοκῆ ἐναντίως αὐτῷ ἔχειν, ὅτι ὁ μὲν σύνθεσις, οὖτος δὲ διαίρεσίς ἐστι· τάξιν δὲ ὁμοίαν ἔχουσιν ὅτι, ὥσπερ ἐκεῖνος ἰσάκις συνετέθη, οὕτως καὶ οὖτος ἰσάκις μερίζεται. ὁ γὰρ μερίζων κατὰ ἔτερον ἀριθμὸν μερίζει δοθέντα· τοῦτο γὰρ τέλος τοῦ 5 μερισμοῦ, τὸ εὑρεῖν ἀριθμόν τινα ὅς πολλαπλασιαζόμενος ἤτοι συντιθέμενος ἐπὶ τὸν παρ' ὅν γίνεται ὁ μερισμός, ποιήσει τὸ τοῦ μεριζομένου πλῆθος.

Καλείται δε παρά τοῖς γεωμέτραις παραβολή γωρίου. τὸ νὰρ δοθὲν γωρίον παραβάλλεται, οἶον, εἰ τύγοι, τὸ 10 τῶν ρ μο παρά τινα, ὑπόθου τὸν ε ἀριθμόν, καὶ ποίει τον π άριθμον πλάτος γινόμενον του χωρίου. ήν δε΄ δ π δ επιζητούμενος δς και ευρηται ήδη δια γαρ τούτου δ μερισμός παντελώς ανεφάνθη τοῦτο δὲ ἡν τὸ λεγόμενον ὅτι οὐδὲν ἔτερόν ἐστι τὸ μερίσαι ἢ τὸ 15 εύρεζν τινα αριθμόν δς συντεθείς έπι τον παρ' δν γίνεται δ μερισμός, οίον δ π δς εύρηται, έπλ τον ε ποιῆσαι ὀφείλει τὸ τοῦ μεριζομένου πλῆθος δ καὶ ἔστιν'  $\delta$  γὰρ εἰρημένος  $\bar{x}$  παρὰ τὸν  $\bar{\epsilon}$  ποιεῖ τὸν  $\bar{\rho}$ . ώστε δεί επιστήσαι δτι δ μέλλων μερίζειν τι, πρότερον 20 άποβλέπει είς τὸ βάθος τῆς γενέσεως τοῦ μέλλοντος μερίζεσθαι. ήν' γὰρ δ πολλαπλασιάσας τὸν μέλλοντα μερίζεσθαι ή γένεσις αὐτοῦ: ίδοὺ γὰρ ὅτι καὶ ὁ μεοισμός γέγονεν ήμεν (έκ) της θεωρίας του πολλαπλασιάζοντος τὸν μερίζοντα.

Σαφως τούτων είρημένων, είπωμεν τί τε παρά τι μεριζόμενον ποιεί τί, δήλου όντος τοῦ δτι μοῖραι παρὰ

<sup>1</sup> έναντίους Β. 4 οὕτω Α. 7 τὸν πας δν] τὸ πας δν ΑΒ. 10 πας αβάλλοι Α, πας αβάλλει? Β. εί οπ. Α. 16 τὸν Α, τὸ Β. 17 μες ισμός Β, ἀς ιθμός Α. 22 πολλαπλασιασασμός Α. 24 έκ addidi. 24—25 πλασιάζοντος ΑΒ. 26 εἴπομεν ΑΒ.

μοίρας μεριζόμεναι μοίρας ποιούσιν, ζητουμένου δὲ τοῦ περὶ τῶν ξξ<sup>ων</sup> λόγου, περὶ τούτου ξητέον ἰστέον τοίνυν, ὁποιονοῦν εἶδος λεπτῶν ἐπὶ τὸ πρὸ ἐαυτοῦ προσεχὲς μεριζόμενον, εν ὁποιονοῦν τῶν πρὸ αὐτοῦ τυχὸν λεπτὰ πρῶτα παρὰ  $\overline{\beta}$  μοίρας μεριζόμενα, πρῶτα λεπτὰ ποιεῖ  $\overline{\epsilon}$ · καὶ φανερὸν ὅτι τὰ πρῶτα λεπτὰ παρὰ τὸ πρὸ αὐτῶν εἶδος μερισθέντα, τουτέστι παρὰ μοίρας, τὸ ἐξ ἀρχῆς ἴδιον εἶδος πεποίηκε, πρῶτα γὰρ 10 μεμένηκεν.

Έπλ δὲ τῶν μετὰ ταῦτα οὐχ οὕτως ἔχει λοιπῶν είδων δεύτερα γάρ παρά τὰ προσεγή αὐτοῖς πρώτα μεριζόμενα, πρώτα ποιεί, καὶ οὐκέτι τὰ αὐτὰ δεύτερα. τοῦτο δὲ ρᾶον ἐπιστῆσαι ἐκ τῶν ἐπάνω εἰρημένων. 15 έλέγετο δὲ ὅτι δεῖ ζητῆσαι ἀριθμὸν ὑς συντιθέμενος έπλ τὸν παρ' δν γίνεται δ μερισμός, καλ τὰ έξῆς. κάνταῦθα οὖν τὸ αὐτό έστι δεῖ γὰο ζητῆσαι ἀριθμὸν δς συντιθέμενος έπλ τον μερίζοντα πάντως ποιήσαι όφείλει τὸ μεριζόμενον είδος. [έστι δε δ εύρισκόμενος δτι μοίρα ήτοι μοίραι, έφ' δ αν είδος πολλαπλασιασθώσιν, τὸ αὐτὸ εἶδος φυλάξουσιν. εἰ δὲ ταῦτα ούτως, καὶ ἀνάπαλιν πᾶν εἶδος παρὰ μοῖραν ἡ μοίρας μεριζόμενον, ήτοι παραβαλλόμενον, τὸ αὐτὸ εἶδος 25 φυλάξει. πρώτα δε λεπτά παρά πρώτα μεριζόμενα μοίρας ποιεί, ώσπες καὶ μοίραι ἐπὶ λεπτά πρώτα πολλαπλασιαζόμεναι εποίουν λεπτά πρώτα δμοίως καὶ δεύτερα παρά δεύτερα μοίρας, καλ τρίτα παρά τρίτα μεριζόμενα μοίρας ποιήσει, έπελ καλ μοζραι έπλ τρίτα

<sup>1</sup> ποιοῦσι A.  $\cdot$  4 τῶν] an legendum τὸ? 15 ἀριθμὸν] καὶ AB. 16 τὸ παρὸν AB. 19—20 ἔστι  $\dots$   $\dot{\delta}$   $\bar{\epsilon}$  delevi.

λεπτά πολλαπλασιαζόμεναι τρίτα λεπτά ποιούσιν· καλ άπλως παν είδος παρ' έαυτο μεριζόμενον μοϊραν ποιεϊ.

Οὐ δεῖ οὖν ἀπατᾶσθαι, εἴ που καθ' ὑπόθεσιν τρίτα εξηχοστὰ  $\bar{\xi}$  μεριζόμενα παρ' εκυτά, εἰ τύχοι, παρὰ  $\bar{\beta}$ λεπτὰ τρίτα, ποιήσει μοίρας  $\bar{\lambda}$ , ενθυμούμενος δτι τὰ  $\bar{\xi}$  5 τρίτα περιζόμενα δφείλει ποιείν έλάσσονα έαυτων άριθμον καὶ οὐχὶ μοίρας  $\overline{\lambda}$ , αΐτινες πολλαπλάσιαι τυγχάνουσι των ξ λεπτων ούδεν γαρ άτοπον απαντα, κὰν γεγόνασιν α $\overline{\lambda}$  μοζοαι έκ τοῦ μερισμοῦ τῶν τρίτων Χεπτων παρ' έαυτά, παραβολής γινομένης των ξ τρίτων 10 λεπτών παρά μικρότερον τινα, οἶον τὰ  $\overline{\beta}$  τρίτα λεπτά, διότι έξ ανάγκης μακροτέραν πλευράν έκ του μερισμού των λεπτων έδει γενέσθαι έναντίως ταζς μονάσι μόρια γάρ είσι τὰ λεπτά. Επὶ δὲ τῶν μορίων ἀεὶ τοῦτο ούτως ευρίσκεται μεριζομένων παρά μόρια, ώσπερ το 15 ιβ΄ καθ' ὑπόθεσιν παρὰ τὸ δ΄ μεριζόμενον έξ ἀνάγκης ποιεί το γ'. φανερον δε έσται πάλιν το λεγόμενον δι' άναγραφής χωρίου τῷ βουλομένω σεσημειώσθω δὲ τὸ είρημένον ώς άναγκαῖον καὶ τοῖς πολλοῖς οὐκ εὕδηλον.

Δεύτερα μέντοι λεπτὰ παρὰ πρῶτα ποιεῖ πρῶτα, 20 ἐπειδὴ καὶ πρῶτα ἐπὶ πρῶτα πολλαπλασιαζόμενα ἐποίει δεύτερα, καὶ εἴρηται ὅτι ὁ μερισμὸς οὐδέν ἐστιν ἔτερον ἢ κατὰ βάθος πολλαπλασιασμοῦ τινος θεωρία τοῦ γεννήσαντος τὸν μεριζόμενον, καὶ ὅτι μερίζειν ἐστὶ τὸ εὐρίσκειν ἀριθμόν τινα ὅς πολλαπλασιαζόμενος ἐπὶ τὸν 25 παρ' ὅν γίνεται ὁ μερισμός, ποιήσει τὸ τῶν μεριζομένων εἶδός τε καὶ πλῆθος τῶν μορίων. διὰ δὴ τὰ αὐτὰ καὶ τρίτα παρὰ δεύτερα μεριζόμενα πρῶτα ποιεῖ, ἐπεὶ καὶ δεύτερα ἐπὶ πρῶτα πολλαπλασιαζόμενα τρίτα

<sup>1</sup> ποιούσι A. 25 τον A, το B. 27 μορίων] μ. AB.

ποιεί και τρίτα παρά πρώτα μεριζόμενα ποιεί δεύτερα, και πέμπτα παρά δεύτερα, τρίτα και έξης. κοινωνία ούν τις και έναντιότης, ως εξοηται, θεωρείται έν τοίς πολλαπλασιασμοίς καλ μερισμοίς πρώτα γάρ έπλ πρώτα 5 πολλαπλασιαζόμενα δεύτερα ποιεί, δεύτερα δε παρά πρώτα μεριζόμενα πρώτα ποιεί και πάλιν πρώτα έπι δεύτερα, τρίτα ποιεί, καὶ μεριζόμενα ταῦτα παρὰ πρῶτα ποιεί δεύτερα. πάλιν πρώτα έπλ τρίτα, τέταρτα ποιεί, καλ μεριζόμενα (ταῦτα) παρά τρίτα ποιεί πρῶτα, καλ 10 έξης δμοίως, και δεύτερα έπι δεύτερα ποιεί τέταρξα καλ μεριζόμενα παρά τὰ δεύτερα τὰ ελοημένα τέταρτα ποιεί δεύτερα. δήλον οὖν ὅτι ὁ μὲν πολλαπλασιασμὸς παρωνύμως γίνεται έχ τοῦ χατά σύνθεσιν, ώς εξρηται δεύτερα γάρ, εί τύχοι, έπὶ τρίτα, πέμπτα ποιεῖ, έπεὶ 15 καὶ  $\bar{\beta}$  καὶ  $\bar{\gamma}$  συντιθέμενα γίνεται  $\bar{\epsilon}$ .  $\delta$  δὲ μερισμὸς κατά το εναντίον τούτω, έκ τοῦ κατά διαίρεσιν γάρ. πέμπτα γάο παρά τρίτα μεριζόμενα γίνεται δεύτερα, καλ ἀπὸ τῶν  $\bar{\epsilon}$  ἀφαιρουμένων  $\bar{\gamma}$  καταλείπονται  $\bar{\beta}$ · κα $\hat{b}$ φανερον δτι έχ τοῦ κατά διαίρεσιν παρωνύμου γίνεται 20 δ μερισμός.

Οὕτως οὖν τὰ προσεχῆ γίνεται καὶ τοῦτο χρη εἰδέναι ὅτι πᾶν εἰδος παρὰ τὸν ξ ἀπλῶς μεριζόμενον ποιεῖ τὸ πρὸ ἑαυτοῦ εἶδος, ἐπινοουμένων τῶν ξ πρώτων λεπτῶν ξ· εἰ γὰρ καθ' ὑπόθεσιν τὰ  $\overline{σμ}$  πρῶτα λεπτὰ  $\overline{ξ}$ , εἔξω μοίρας  $\overline{δ}$ , ἐπεὶ καὶ  $\overline{δ}$  μοῖραι ἐπὶ πρῶτα λεπτὰ  $\overline{ξ}$ , εἕξω μοίρας  $\overline{δ}$ , ἐπεὶ καὶ  $\overline{δ}$  μοῖραι ἐπὶ πρῶτα έξηκοστὰ  $\overline{ξ}$  ποιοῦσι πρῶτα λεπτὰ  $\overline{σμ}$ · μοῖρα γὰρ καὶ μοῖραι ἐφ' δ ἀν εἶδος πολλαπλασιασθῶσι, τὸ αὐτὸ εἶδος ποιοῦσιν εἰδιν οὖν τὰ  $\overline{ξ}$  λεπτὰ πρῶτα, παρ' ὰ γίνεται  $\overline{δ}$  με-

<sup>3</sup> ώς om, A. 9 ταῦτα addidi. 19 παρώνυμος B ex corr.

20

φισμός, μοΐοας  $\bar{\alpha}$ , παρ' ήν έὰν μερίσωμεν τὰ  $\bar{\sigma}$ μ πρώτα λεπτά, τὸ αὐτὸ ἔσται·  $\bar{\sigma}$ μ γὰρ λεπτὰ πρώτα μοῖραν είσι  $\bar{\delta}$ , αἴτινες μεριζόμεναι παρὰ τὴν μίαν μοῖραν γίνονται  $\bar{\delta}$ . τετράκις γὰρ μία,  $\bar{\delta}$ · ἐπειδὴ καὶ μοῖραι ἐπὶ μοῖραν μοίραν μοίραν ποιεῖ.

Καὶ δεύτερα δὲ λεπτὰ εἰ τύχοι τ παρὰ τὸν ξ̄ με- . 
ριζόμενα ποιεῖ πρῶτα ε̄, δηλονότι ἐπινοουμένων, ὡς 
εἰρηται, τῶν ξ̄ πρώτων ξ̄, διὸ καὶ πρῶτα ἐπὶ πρῶτα 
πολλαπλασιαζόμενα δεύτερα ποιεῖ· τὰ γὰρ ξ̄ πρῶτα 
ἐπὶ τὰ ε̄ πρῶτα, τ̄ δεύτερα ποιεῖ. εἰ δὲ τρίτα ὑποθώ- 10 
μεθα τὰ τ̄ ταῦτα καὶ μερίσωμεν αὐτὰ παρὰ τὸν ξ̄, 
ἔσονται τὰ πρὸ αὐτῶν τουτέστι ε̄ δεύτερα, ἐπεὶ καὶ 
πρῶτα ἐπὶ δεύτερα, τρίτα ποιεῖ· ὡς οὖν εἰρηται, τὰ 
ἀπλῶς λαμβανόμενα ξ̄ παρ' ὰ δεὶ γίνεσθαι τοὺς με- 
ρισμούς, πάντη δεὶ ἐπινοεῖσθαι πρῶτα λεπτὰ ὄντα· 15 
οὕτω δὲ καὶ πέμπτα λεπτὰ παρὰ τὸν ξ̄ τέταρτα ποιεῖ, 
καὶ ἕκτα, πέμπτα.

#### III.

# Ex codice Parisino Gr. 2448 = A.

Διοφάντου έπιπεδομετοικά.

." Eχει δ κύκλος διαμέτο $\varphi$  πόδας  $\bar{\xi}$  εύρεῖν τὴν περίμετ $\varphi$ ον καὶ τὸ ἐμβαδόν.

a. Ποίει την διάμετρον τρισσάκις καl αὐτῆ τῆ δια-

<sup>1</sup>  $\bar{\alpha}$ ]  $\bar{\beta}$  AB. 3 είσιν A. 10  $\bar{\tau}$ ] τὰ AB. 11 μερίσωμεν]  $\varphi$  ήσωμεν B.

<sup>18</sup> sqq. Cf. Heronis Alexandrini geometricorum et stereometricorum reliquiae ed. Hultsch, Berolini 1864 (Geometria — Geom., Stereometrica — Ster., Mensura — Mens., Liber Geeponicus — Geep.).

<sup>1</sup>a. Cf. Geom. 87, 8, Geep. 61.

μέτο $\varphi$  ποόσβαλε μέρος  $\zeta^{ov}$  των  $\overline{\zeta}$ . γίνονται  $\overline{\kappa\beta}$ . τοσοῦτον ή περίμετρος.

Τὸ δὲ ἐμβαδὸν οὕτως τοὺς ζ̄ ἐφ' ἑαυτούς, γίνονται  $\overline{\mu}$ θ· τούτους διαπαντὸς ἐπὶ τὰ  $\overline{\mu}$ α, γίνονται  $\overline{\mu}$ θ· τούτων  $\overline{\mu}$ δ·  $\overline{\lambda}$ η  $\underline{L}$ ' · ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοσοῦτον.

Κύκλος οὖ ή μὲν διάμετρος ιδ, ή δὲ περίμετρος  $\mu$ δ· 2 α εύρεῖν τὸ ἐμβαδὸν ἀπὸ τῆς περιμέτρου καὶ διαμέτρου. ποίει οὕτως λάβε τῆς περιμέτρου τὸ L', γίνονται  $\overline{\mathbf{x}}$ β· καὶ τῆς διαμέτρου τὸ L', γίνονται  $\overline{\mathbf{x}}$ ς πολυπλασίασον 10 τὰ  $\overline{\mathbf{x}}$ ξ ἐπὶ τὰ  $\overline{\mathbf{x}}$ β, γίνονται  $\overline{\mathbf{q}}$ νδ· τοσοῦτον ἔσται τὸ ἐμβαδόν.

Καὶ ἄλλως. πολυπλασίασον τὰ  $\overline{\mu \delta}$  ἐπὶ τὰ  $\overline{\iota \delta}$ , γί-  $\mathfrak{b}$  νονται  $\overline{\chi \iota \varsigma}$ . τοσοῦτον τὸ ἐμβαδόν.

 $^{*}$ Ετι κύκλου περίμετρος  $\overline{\mu \delta}$  εύρειν αὐτοῦ τὴν διά-  $^{*}$  μετρον. ποίησον καθολικῶς τοὺς  $\overline{\mu \delta}$  έπτάκις, γίνονται  $\overline{\tau \eta}$  τούτων τὸ κβ΄,  $\overline{\iota \delta}$  τοσοῦτον ἡ διάμετρος.

Τοιῶν κύκλων ἀπτομένων ἀλλήλων, εύρεῖν τοῦ 4 μέσου σχήματος τὸ ἐμβαδόν ἔστωσαν δὲ αὐτῶν αί 20 διάμετροι ἀνὰ ξ. ποίει οὕτως τὴν διάμετρον ἐφ' ἑαυτήν, γίνονται μθ ταῦτα δίς, γίνονται  $\frac{1}{2}$ η τούτων τὸ ιδ', γίνονται  $\frac{1}{5}$  εσται τὸ ἐμβαδὸν τοσοῦτον.

Τεσσάρων κύκλων άπτομένων άλλήλων, εύρετν τοῦ  $\mathbf{6}$  μέσου σχήματος τὸ ἐμβαδόν ἔστωσαν δὲ αὐτῶν αί  $\mathbf{6}$  διάμετροι ἀνὰ  $\mathbf{6}$ . ποίει οὕτως τὴν διάμετρον ἐφ'

<sup>1</sup>b. Cf. Geom. 87, 4, Geep. 63. — 2a. Cf. Geom. 88, 10. — 2b. Cf. Geom. 101, 3 et 9. — 3. Cf. Geom. 88, 3; 101, 2. — 4. Falsa prorsus solutio: inveniendus enim erat numerus 2 quam proxime. — 5. Simile quid Geom. 101, 9.

<sup>20</sup> ἀνὰ] ἀπὸ A. 21 δίς] δὲ A in rasura.

έαυτήν, γίνονται  $\overline{\mu\vartheta}$  ταῦτα τρισσάχις, γίνονται  $\overline{\varrho\mu\zeta}$ .

Έστω ήμικύκλιον οὖ ή βάσις  $i\overline{\delta}$ , ή δὲ κάθετος  $\overline{\zeta}$  εὐρεῖν τὴν περίμετρον καὶ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως σύνθες τὴν βάσιν ..... ἐπὶ τὴν κάθετον, τουτέστι 5 τοὺς  $i\overline{\delta}$  ἐπὶ τοὺς  $\overline{\zeta}$ , γίνονται  $\overline{\phantom{a}}$ η ταῦτα καθολικῶς ἑνδεκάκις, γίνονται  $\overline{\phantom{a}}$  πούτων τὸ ἐμβαδόν.

Τὸ δὲ πλινθίον συνέστηκεν ἐπὶ τῶνδε τῶν ἀριθμῶν  $\overline{\xi}$ ,  $\overline{\eta}$ ,  $\overline{\vartheta}$ ,  $\overline{\iota}\overline{\rho}$  ὁ μὲν οὖν  $\overline{\eta}$  πρὸς τὸν  $\overline{\xi}$  ἐν ἐπιτρίτω λόγω, 15 καθ' ἢν ἡ διὰ τεσσάρων ἐστὶν ἁρμονία· ὁ δὲ  $\overline{\iota}\overline{\rho}$  πρὸς τὸν  $\overline{\xi}$  ἐν διπλασίω, καθ' ἢν ἡ διὰ πασῶν . . . . ἔξεων ἔλεγχοι καὶ τῆς ἀναλογίας ἀριθμητικῆς μὲν ἐκ τῶν  $\overline{\xi}$  καὶ  $\overline{\vartheta}$  καὶ  $\overline{\iota}\overline{\rho}$  · οἶς γὰρ ἂν ὑπερέχη ὁ μέσος τοῦ πρώτου, τοσούτοις ὑπερέχεται τοῦ τελευταίου. γεωμετρικὴ δὲ 20 ἡ τῶν τεσσάρων· δν γὰρ λόγον ἔχει τὰ  $\overline{\eta}$  πρὸς τὰ  $\overline{\xi}$ , τοσοῦτον τὰ  $\overline{\iota}\overline{\rho}$  πρὸς τὰ  $\overline{\vartheta}$ · ὁ δὲ λόγος ἐπίτριτος . . . . .

<sup>6.</sup> Cf. Geom. 93, 2 et 8. -7 = Ster. I, 5. -8 = Ster. I, 30.

<sup>5</sup> τὸ κάθετον A. Lacunam statui (item infra l. 17 et 22). DIOPHANTUS, ed. Tannery. II.

τὸ  $\mathbf{x}\eta'$ , γίνονται  $\overline{\mathbf{x}\eta}$  δ΄  $\mathbf{x}\eta'$ · τοσοῦτον τὸ έμβαδὸν τοῦ λώρου.

h

 $\langle \text{ἄλλως} \rangle$ . σύνθες τὴν διάμετρον καὶ τὸ εν πάχος, γίνονται  $\overline{\theta}$  ταῦτα ἐπὶ τὰ  $\overline{\iota \alpha}$ , γίνονται  $\overline{\iota \theta}$  τούτων τὸ ζ΄, γίνονται  $\overline{\iota \theta}$  ζ΄ τοσοῦτον ἡ περίμετρος ἐν τῷ μέσῷ ταῦτα ἐπὶ τὸ πάχος, ἐπὶ τὰ  $\overline{\beta}$ , γίνονται  $\overline{\iota \eta}$  δ΄ κη΄.

## Μέθοδος τῶν πολυγώνων.

Πεντάγωνον μετρήσομεν οὕτως οὖ έκάστη πλευρὰ  $\bar{\iota}$ : 10 a εὑρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποιῶ οὕτως: τὰ  $\bar{\iota}$  ἐφ' ἑαυτά, 10 γίνονται  $\bar{\varphi}$ : ἄν  $\gamma'$   $\bar{\varrho}$ ξς ω' ἔσται τὸ ἐμβαδὸν  $\bar{\varrho}$ ξς ω.

Έξάγωνον δὲ μετρήσομεν οὕτως. ἐὰν ἔχη τὴν διά- 11 a μετρον ξ, ἡ δὲ πλευρὰ λ, ποιῶ οῦτως τὰ λ ἐφ' ἑαυτά, γίνονται  $\overline{\mathfrak{g}}$ . ταῦτα ποιῷ ἑξάκις, γίνονται  $\overline{\mathfrak{g}}$ υ τρίτον καὶ δέκατον, γίνονται  $\overline{\mathfrak{g}}$ τον τοσοῦτον ἔσται τὸ ἑξάγωνον.

<sup>3</sup> Δλλως δε πάλιν την πλευράν έφ' έαυτην, γίνονται πολυπλασίαζε έπὶ τὰ τὰ τὰ, γίνονται α. αψ' ἄρτι μερίζω' ἀν ε΄, γίνονται βτμ' τοσοῦτον ἔσται τὸ ἐμβαδόν.

"Εστω έπτάγωνον ισόπλευρόν τε και ισογώνιον, οδ 12

<sup>10</sup>a = Geep. 75, 1 (cf. Geom. 102, 2). — 10b = Geep. 75, 2. — 11a = Geep. 76 (cf. Geom. 102, 4). — 11b = Geep. 77 (cf. Geom. 102, 3). — 12. Geom. 102, 5.

<sup>1</sup>  $\overline{n\eta}$ ]  $\overline{n}$  A. 3  $\tilde{\alpha}\lambda\lambda\omega_{S}$  addidi. 11  $\overline{\varrho\xi s}$  prius]  $\overline{\varrho\xi}$  A. 18  $\overline{\mathfrak{D}}$ ] L A. 21  $\ddot{\alpha}$ ]  $\delta\ddot{v}$  A.

έκάστη πλευρὰ  $\bar{\iota}$  · εύρειν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποιῶ οὕτως · τὰ  $\bar{\iota}$  ἐφ' ἑαυτά, γίνονται  $\bar{\varrho}$  · και τὰ  $\bar{\varrho}$  ἐπὶ  $\bar{\mu}\gamma$ , γίνονται έκάσται τὸ ἐμβαδόν.

- 18 α "Εστω δατάγωνον Ισόπλευρόν τε καὶ Ισογώνιον, οὖ έκάστη πλευρὰ  $\bar{\iota}$  εὑρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποιῶ οὕτως τὰ  $\bar{\iota}$  ἐφ' ἐαυτά, γίνονται  $\bar{\varrho}$  ταῦτα ἐπὶ τὰ  $\bar{\kappa}$ , γίνονται  $\bar{\nu}$  τούτων ποιῶ πάντοτε τὸ 5', γίνονται  $\bar{\nu}$   $\bar{\nu}$  γ' τοσοῦτον ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὀκταγώνου.
  - b Εύρετν δὲ καὶ τοῦ περιγραφομένου κύκλου τὴν διάμετρον ἔσται πόδες  $\overline{x}$ ς .... ποιῶ δὲ οὕτως τὰ  $\overline{x}$ ς 10 πεντάκις, γίνονται  $\overline{\rho}$ λ ὧν τὸ ιγ΄,  $\overline{\iota}$  τοσοῦτον ἡ πλευρὰ έκάστη τοῦ ὀκταγώνου.
  - c 'Eàν δε είς τετράγωνον θέλης έγγράψαι δατάγωνον, έὰν ἔχη ἡ πλευρὰ τοῦ τετραγώνου  $\overline{\kappa}$ δ, τούτους πεντάκις, γίνονται  $\overline{\iota}$  · τοσοῦτον ἡ πλευρὰ 15 τοῦ ὀκταγώνου.
- 14 a "Εστω έννάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, οὖ έκάστη πλευρὰ  $\bar{\iota}$ : εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ έμβαδόν. ποιῶ οὕτως τὰ  $\bar{\iota}$  έφ' έαυτά, γίνονται  $\bar{\varrho}$ : ταῦτα ἐπὶ τὰ  $\bar{\nu}\alpha$ , γίνονται  $\bar{\iota}$ : τοσοῦτον 20 ἔσται τὸ ἐμβαδόν.
  - b Εύρεῖν δὲ καὶ τοῦ περιγραφομένου κύκλου τὴν διάμετρον. ἔσται πόδες  $\bar{\lambda}$ · ποιῶ οὕτως· ἑκάστη πλευρὰ ἔχει  $\bar{\iota}$ · ἡ δὲ διάμετρος τριπλάσιον, γίνονται πόδες  $\bar{\lambda}$ .
- 15 a Έστω δεκάγωνον Ισόπλευρον καὶ Ισογώνιον, οὖ 25  $\dot{\epsilon}$ κάστη πλευρὰ πόδες  $\bar{\iota}$  εύρετν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν.

<sup>13</sup>a. Geom. 102, 6. — 14a. Geom. 102, 7. — 15a. Geom. 102, 8.

<sup>8</sup> όπταγώνου] διακονίου Α. 10 Lacunam statui. 12 όπταγώνου] τριγώνου Α. 13 θέλεις Α. 14 έχει Α.

ποιῶ οὕτως τὰ  $\bar{\iota}$  έφ' έαυτά, γίνεται  $\bar{\varrho}$  ταῦτα έπὶ τὰ  $\bar{\iota}\bar{\epsilon}$ , γίνεται  $\bar{\alpha}\bar{\varphi}$  ὧν τὸ  $\bar{\iota}'$ , γίνεται  $\bar{\psi}\nu$  τοσοῦτον ἔσται τὸ έμβαδὸν τοῦ δεκαγώνου, πόδες  $\bar{\psi}\nu$ .

b

"Αλλως δὲ πάλιν τὰ  $\bar{\iota}$  ἐφ' ἑαυτά, γίνεται  $\bar{\varrho}$ · ταῦτα  $\bar{\iota}$  ἐπὶ τὰ  $\bar{\iota}$ η, γίνονται  $\bar{\iota}$ νω· τούτων ἀεὶ τὸ ε΄, γίνεται  $\bar{\iota}$ ψξ· αὕτη ἡ μέθοδος ἀκριβῶς ἔχει, ἡ δὲ διάμετρος τοῦ κύκλου τοῦ περιεχομένου τῷ δεκαγώνῳ ἐστὶ πόδες  $\bar{\iota}$ ε†.

"Εστω ένδεκάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον, οὖ 16 έκάστη πλευρὰ τὰ εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποιῷ οὕτως το τὰ τὰ ἐφ' ἐαυτά, γίνονται οζ ταῦτα ἐπὶ τὰ ξε, γίνονται καὶ τὰ ξες τουτοῦτον.

"Εστω δωδεκάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον, οὖ 17 εκάστη πλευρὰ τ̄ εύρετν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποιῶ οὕτως τὰ τ̄ ἐφ' ε΄αυτά, γίνονται ο̄ ταῦτα ἐπὶ τὰ μ̄ε, 15 γίνονται οδΦ. ὧν τὸ δ΄, γίνονται οᾶκε τοσοῦτον ἔσται τὸ ἐμβαδόν.

Έὰν θέλης ἀπὸ διαμέτρου κύκλου εύρεῖν πλευρὰν 182 ὀκταγωνικήν, ποίει οὕτως· τὴν διάμετρον πεντάκις οὖσαν ἶβ, γίνονται ξ΄ ἄρτι μερίζω· ὧν τὸ ἰβ΄, γίνονται 20 ε΄ τοσοῦτόν ἐστιν ἡ πλευρὰ τοῦ ὀκταγώνου, ἡ δὲ διάμετρος ἶβ.

Πάλιν δὲ προστιθῶ μίαν πλευρὰν τῆ διαμέτρῷ τοῦ ὀκταγώνου, ὁμοῦ γίνονται ιζ, ὅπερ ἐστὶ διαγώνιος τοῦ ἔξωθεν τετραγώνου.

25 Όμοίως δε και έαν θέλης έκ της πλευρας εύρειν

<sup>15</sup> b. Ex his corrigas Geom. 105, 13 et Geep. 177. — 16. Geom. 102, 9. Numerus 943 pro fracto proximo est. — 17. Geom. 102, 10. — 18. Hîc διάμετρος πύπλου vel l. 20—21 τοῦ ὀπταγώνου est diametrus circuli inscripti sive latus quadrati τοῦ ἔξωθεν.

<sup>7</sup>  $\pi\varepsilon$  A; oportebat  $\overline{\lambda}$   $\gamma'$   $\iota\varepsilon'$ . 15  $\delta\varphi$   $\overline{\varsigma}\varphi$  A.

την διάμετρον τοῦ ὀπταγώνου, ποίει οὕτως ἐὰν ἡ πλευρὰ  $\bar{\epsilon}$ , πάντοτε ποίει την πλευρὰν δωδεκάκις ἄρτι μερίζω. ὧν πέμπτον, γίνονται  $\bar{\iota}\bar{\beta}$ . τοσοῦτόν ἐστιν ἡ διάμετρος τοῦ ὀπταγώνου.

- "Αλλως δὲ πάλιν ἡ διαγώνιος ἐπὶ τετραγώνου ἐὰν 5 ἔχη ἡ διάμετρος  $\overline{\imath}$ β, λάμβανε πλευρὰν ὀκταγωνικήν, δ ἐστιν  $\overline{\epsilon}$ , λοιπὸν μένουσιν  $\overline{\xi}$ · τούτων τὸ  $\underline{\iota}$  ζ· ταῦτα ὑφαιρῶ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τῶν  $\overline{\imath}$ β, λοιπὸν μένουσιν  $\overline{\eta}$   $\underline{\iota}$  ' ταῦτα δίς, γίνονται  $\overline{\iota}$   $\overline{\xi}$  · τοσοῦτόν ἐστιν ἡ διαγώνιος τοῦ ἔξωθεν τετραγώνου.
- Εἰ δέ ἐστιν ἡ μία πλευρὰ τοῦ τετραγώνου μείζων,
   † κοινοῦται καὶ λαμβάνω· ὧν Δ΄· ἐκ τούτου δὲ καὶ εἰ
   ἔστι συγγών΄. †, εὐρίσκεται τῆ μεθόδω ταύτη.
- Όπως δε πάλιν εύρίσκεται τὸ εμβαδὸν τοῦ ὀκταγώνου. ποιῶ οὕτως εἀν εχη τὴν διάμετρον  $\overline{i\beta}$ , ταῦτα έφ' 15 εαυτά, γίνονται  $\overline{\rho}$ μδ΄ τούτων ὑφαιρῶ εκτον μέρος, γίνονται  $\overline{k}$ λοιπὸν μένουσιν  $\overline{k}$ ν τοσοῦτον έσται τὸ εμβαδόν.
- g "Aλλως δὲ πάλιν μετρήσομεν ἐὰν [ἔστιν] ἡ διάμετρος  $\overline{i\beta}$  ή, πλευρὰ ἡ μία ἔχει  $\overline{\epsilon}$ . νῦν ποιῶ τὴν πλευρὰν  $\overline{i\beta}$ , γίνονται  $\overline{\xi}$ . ταῦτα δίς, γίνονται  $\overline{\alpha}$ . τοσοῦτόν ἐστι τὸ ἐμβαδόν.
- h "Όπως μετρεϊται όκτάγωνος, μᾶλλον δὲ καὶ θεμελιοῦται. ποίησον οἶκον τετράγωνον, οὖ τὸ μῆκος καὶ τὸ πλάτος τβ, καὶ λαβὼν τῆς διαγωνίου ζ΄, ἀπότιθε ἀπὸ 25

<sup>18</sup>h. Cf. Mens. 52 et Geep. 199.

<sup>1</sup> διάμετρον] διάλεπτον A. 3  $\overline{\iota \beta}$ ]  $\overline{\iota \epsilon}$  A. 5 έὰν] ἂν A. 12 Vix sanandus locus: pro ποινοῦται suspicor ποίει οῦτως et postea lacunam. 13 συγγών'.] forsan legendum σύνεγγυς  $\langle \tau \epsilon - \tau \varrho \alpha \gamma \rangle$ . 19 έστιν delevi. 20  $\overline{\eta}$ ] ὄγδοον A; forsan  $\overline{\eta}$  πλευρὰ  $\overline{\eta}$  μία.

15

γωνίας είς γωνίαν, καὶ δυνήση στῆσαι τὸ ὀκτάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον.

"Εχουσι τὰ τα τετράγωνα ιδ κύκλους.

19

Εχουσι τὰ  $\overline{i\gamma}$  τετράγωνα  $\overline{\lambda}$  τρίγωνα ἰσόπλευρα. Εστι  $\overline{\delta}$  τὰ  $\overline{i\gamma}$  τῶν  $\overline{\lambda}$  μέρος τρίτον  $\langle$ καὶ $\rangle$  δέκατον.

ἔχουσι τὰ  $\bar{\epsilon}$  τετράγωνα  $\bar{\gamma}$  πεντάγωνα.

έχουσι τὰ τζ τετράγωνα ε έξάγωνα.

έχουσι τὰ μγ τετράγωνα ιβ έπτάγωνα.

ἔχουσι τὰ πθ τετράγωνα ξ δατάγωνα.

έχουσι τὰ  $\overline{
ulpha}$  τετράγωνα  $ar{\eta}$  έννάγωνα.

ἔχουσι τὰ  $\overline{\iota \varepsilon}$  τετράγωνα  $\overline{\beta}$  δεκάγωνα.

ἄλλως δὲ πάλιν ἔχουσι τὰ  $\overline{\lambda\eta}$  τετράγωνα  $\overline{\epsilon}$  δεκάγωνα. αΰτη καὶ ἀκριβεστάτη.

ἔχουσι τὰ  $\overline{\xi}$ ς τετράγωνα  $\overline{\xi}$  ένδεκάγωνα.

έχουσι τὰ με τετράγωνα δ δωδεκάγωνα.

'Απέδειξεν 'Αρχιμήδης ὅτι τὰ λ τρίγωνα ἰσόπλευρα 20 a ἰσα ἐστὶν τη τετραγώνοις, ὰ τῶν λ ἐστὶ μέρος τρίτον ⟨καὶ⟩ δέκατον ποίει οὖν τὴν πλευρὰν ἐφ' ἑαυτήν, καὶ τῶν γινομένων τὸ τρίτον ⟨καὶ⟩ δέκατον ἔσται τὸ ἐμ20 βαδόν τουτέστι λ τῆς μιᾶς πλευρᾶς ἐφ' ἑαυτά, γίνονται ΄΄ δον τρίτον καὶ δέκατον, γίνονται τ΄ τοσοῦτον τὸ ἐμβαδόν.

"Αλλως τὸ αὐτὸ κάλλιον. τὰ  $\bar{\lambda}$  ἐφ' ἑαυτά, γίνονται  $\bar{\lambda}$  ταῦτα έπὶ τὰ  $\bar{\lambda}$  τετράγωνα, γίνονται ä. αψ' ταῦτα 25 μέριζε παρὰ τὰ  $\bar{\lambda}$  τρίγωνα, γίνονται  $\bar{\tau}$ .

"Αλλως. εύφεῖν πρώτον τὴν κάθετον. τὰ  $\bar{\lambda}$  έφ' έαυτά, γίνονται  $\bar{\overline{M}}$  τούτων άφον τὸ δ', γίνονται  $\bar{\overline{G}}$ πε·

<sup>20</sup> a, b, c, d. Geom. 17, 1, 3, 4, 5.

<sup>5</sup> καl addidi (item infra lin. 18 et 19). 10  $\bar{\eta}$ ]  $\bar{\xi}$  A. 17 τρίτον] τρίγωνον A.

λοιπὸν  $\overline{\chi o \varepsilon}$ . ὧν πλευρὰ τετραγωνική  $\overline{\kappa s}$ . τοσοῦτον ή κάθετος.

- d "Aλλως. τὰ  $\overline{\lambda}$  τῆς μιᾶς πλευρᾶς ἐφ' ἑαυτά, γίνονται  $\overline{\mathfrak{D}}$ . καὶ τὸ ῆμισυ τῆς βάσεως, τουτέστι τὰ  $\overline{\iota}$ ε, ἐφ' ἑαυτά, γίνονται  $\overline{\mathfrak{d}}$ κε ταῦτα ἀπὸ τῶν  $\overline{\mathfrak{D}}$ , λοιπὸν  $\overline{\mathfrak{d}}$ εε το πλευρὰ τετραγωνική  $\overline{\mathfrak{k}}$ ε τοσοῦτον ἡ κάθετος ταῦτα ἐπὶ τὸ  $\overline{\iota}$ ' τῆς μιᾶς πλευρᾶς, τουτέστι τῆς βάσεως, ἐπὶ τὰ  $\overline{\iota}$ ε, γίνονται  $\overline{\iota}$ ε τοσοῦτον τὸ ἐμβαδόν.
- 21a Τμημα ήττον ήμισφαιρίου μετρησαι, οὖ ή διάμετρος 
  ιβ καὶ ή κάθετος δ· εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ στερεόν. της 10 
  βάσεως L' ἐφ' ἑαυτό, γίνονται λς· ταῦτα τρισσάκις, 
  γίνονται ρη· καὶ τὴν κάθετον ἐφ' ἑαυτήν, γίνονται ις· 
  σύνθες ὁμοῦ, γίνονται ρκδ· ταῦτα πάλιν ἐπὶ τὴν 
  κάθετον, γίνονται υ¹ις· ταῦτα ἐνδεκάκις, γίνονται ευυς· 
  τούτων τὸ κα', γίνονται σνθ ω ζ'· τοσοῦτον τὸ στερεόν. 15
  - Εύρειν δὲ ἀπὸ τῆς διαμέτρου καὶ τῆς καθέτου τὴν διάμετρον ὅλης τῆς σφαίρας. τῆς βάσεως τὸ L' ἐφ' έαυτό, γίνονται  $\overline{\lambda s}$ · ταύτην μέριζε παρὰ τὴν κάθετον, παρὰ τὰ  $\overline{\delta}$ , γίνονται  $\overline{\theta}$ · μίξον δμοῦ μετὰ τὰ  $\overline{\delta}$ , γίνονται  $\overline{V}$ · τοσοῦτον ἔσται ἡ διάμετρος τῆς σφαίρας.
- 22 "Εστω κῶνος ἀτέλεστος, οὖ ἡ περίμετρος τῆς βάσεως ξ̄,

  a ἡ δὲ τῆς κορυφῆς ς̄, τὰ δὲ κλίματα ἀνὰ τ̄ε· εὐρεῖν
  αὐτοῦ τὸ στερεόν. λαμβάνω τὸ γ΄ τῆς βάσεως τῶν ξ̄,
  γίνονται π̄, ῆτις ἐστὶν ἡ διάμετρος· καὶ τῶν ς̄ τῆς
  κορυφῆς τὸ γ΄, γίνονται β̄· καὶ ποιῶ ὡς τραπέζιον 25
  ἰσοσκελές, καὶ ἀφαιρῶ τὰ β̄ ἀπὸ τῶν π̄, λοιπὸν τη·
  τούτων τὸ ζ΄, δ̄· ἐπὶ ταῦτα πεσεῖται ἡ κάθετος· ταῦτα

<sup>22</sup>a. Diametri et inde altitudo crassius computantur.

<sup>11</sup> τρισάκις Α.

έφ' έαυτά, γίνονται  $\overline{\alpha}$ α' καὶ τὰ  $\overline{\iota}$ ε τοῦ κλίματος έφ  $\overline{\epsilon}$ αυτά, γίνονται  $\overline{\sigma}$ κε' ἀπὸ τούτων ἀφαιρῶ τὰ  $\overline{\alpha}$ α, λοιπὸν  $\overline{\rho}$ μοῦ τούτων πλευρὰ τετραγωνικὴ  $\overline{\iota}$ β. ἔσται ἡ κάθετος τοῦ κώνου, τουτέστι τὸ ὕψος,  $\overline{\iota}$ β.

Ъ

Εύρειν αὐτοῦ ⟨τὸ στερεόν. σύνθες⟩ τὰ ξ τῆς κορυφῆς καὶ τὰ ξ τῆς βάσεως, γίνονται ξς τούτων τὸ ημισυ, λγ ἀναγεγράφθω κύκλος οὖ ἡ περίμετρος λγ γίνεται αὐτοῦ τὸ ἐμβαδὸν πς ζ ή΄. καὶ ὁμοίως ἀφαιρῶ τὰ ξ τῆς κορυφῆς ἀπὸ τῶν ξ τῆς βάσεως, λοιπὸν νδ ἡ περίμετρος κς γίνεται αὐτοῦ τὸ ἐμβαδὸν νη τούτων τὸ ήμισυ, κς. ἀναγεγράφθω ετερος κύκλος, οὖ ἡ περίμετρος κς γίνεται αὐτοῦ τὸ ἐμβαδὸν νη τούτων τὸ γ΄, ιθ γ΄ ταῦτα προστιθῶ τοις πς ζ ή΄ γίνονται ὁμοῦ οξ ζ γ΄ η΄ ταῦτα έπὶ τὴν κάθετον, ἐπὶ τὰ ιβ, γίνονται κόσου τὸ ἐσται τὸ στερεὸν τοῦ κώνου.

15 Μέθοδος καθολική ἐπὶ τῶν πολυγώνων. οὕτως: 23

"Εστω πεντάγωνον οὖ ή διάμετοος  $\bar{\kappa}$  εύρειν αὐτοῦ τὴν πλευράν οὕτως πάντοτε τὴν διάμετρον καθολικῶς τριπλασιάζεις τρισσάκις, γίνονται  $\bar{\xi}$  καὶ μερίζω παρὰ τὸν  $\bar{\epsilon}$ , γίνονται  $\bar{i}\bar{\beta}$  τοσοῦτόν ἐστιν ἡ πλευρὰ τοῦ πενταγώνου.

'Εὰν δὲ θέλης τὴν διάμετοον εύρεῖν τοῦ αὐτοῦ 24 πενταγώνου ἀπὸ τῆς πλευρᾶς, ποίει τὸ ἀνάπαλιν οὕτως · πάντοτε τὸ πεντάκις, γίνονται ξ̄· ἄρτι μερίζω καθολικῶς · ὧν γ΄, γίνονται π. τοσοῦτον ἔσται ἡ διάμετρος 25 τοῦ πενταγώνου.

<sup>22</sup> b. Elegans methodus: 58 quam proxime ponitur pro  $58 - \frac{1}{88} \cdot -23 = \text{Geep. 146.} -24 = \text{Geep. 147.}$ 

<sup>5</sup> τὸ στερεόν. σύνθες addidi. 6  $\bar{\xi}$ ]  $\bar{s}$  A. 11  $\bar{\nu}\bar{\eta}$ ]  $\bar{\eta}$  A. 12 το $\bar{i}s$ ] το $\bar{v}$  A. 18 τρισάκις A.

20

- 25 "Εστω έξάγωνον καὶ έχέτω τὴν διάμετρον κ̄ εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν πλευράν. ποίει οὕτως πάντοτε, καθὼς προεῖπον, τὴν διάμετρον καθολικῶς τριπλασίαζε, γίνονται ξ̄ καὶ μέριζε ὧν ς΄, ἐπειδὴ έξάγωνόν ἐστι, γίνεται ἡ πλευρὰ το του. 5
- 27 Έστω έπτάγωνον καὶ έχέτω τὴν διάμετοον κ̄ εὐοεῖν αὐτοῦ τὴν πλευράν. ποίει οὕτως πάντοτε τὴν διάμετρον καθολικῶς τριπλασίαζε, γίνονται ξ̄ ἄρτι μέριζε παρὰ τὴν †πολύγωνον, τουτέστι παρὰ τὸν ζ̄, γίνονται η̄ L΄ ιδ΄. τοσοῦτον ἔσται ἡ πλευρὰ τοῦ ἐπταγώνου.

<sup>25 =</sup> Geep. 148. — 26 = Geep. 149. — 27 = Geep. 150. — 28 = Geep. 151. — 29 = Geep. 152. De diametro circuli inscripti hîc agitur. — 30 = Geep. 153.

<sup>14</sup> πολύγωνον] πολυγώνου ὀνομασίαν coni. Hultsch. 18  $\bar{\xi}$ ]  $\bar{\mu}\bar{\vartheta}$  A. 19  $\bar{\kappa}$ ] 15 A (ac si latus datum foret 7).

ποίει τὸ ἀνάπαλιν· πάντοτε τὴν πλευρὰν δωδεκάκις, γίνονται  $\bar{\rho}$ · καὶ μερίζω καθολικῶς, ὡς προεῖπον· ὧν ε΄, γίνονται  $\bar{\kappa}$ . τοσοῦτον ἡ διάμετρος τοῦ ὀκταγώνου.

"Έστω εννάγωνον και εχέτω την διάμετρον  $\bar{\mathbf{x}}$  εύρεῖν 31 5 αὐτοῦ την πλευράν. ποίει οὕτως πάντοτε την διάμετρον τριπλασίαζε, γίνονται  $\bar{\mathbf{\xi}}$  . ἄρτι μερίζω . ὧν  $\mathbf{\vartheta}'$ , γίνονται  $\bar{\mathbf{x}}$  ω. τοσοῦτον ή πλευρά.

'Εὰν δὲ θέλης τὴν διάμετρον εύρειν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ, 32 ποίει τὸ ἀνάπαλιν· τὴν πλευρὰν ἐννάκις, γίνονται ξ΄ 10 ἄρτι μερίζω καθολικῶς· ὧν τρίτον, κ. τοσοῦτον ἔστω ἡ διάμετρος.

"Εστω δεκάγωνον καὶ ἐχέτω τὴν διάμετρον κ̄ εὐρετν 33 αὐτοῦ τὴν πλευράν. πάντοτε τὴν διάμετρον τριπλασίαζε, γίνονται ξ̄ ἄρτι μερίζω ὧν δέκατον, γίνονται ̄ς. 15 τοσοῦτον ἔσται ἡ πλευρά.

'Εὰν δὲ θέλης τὴν διάμετρον εύρεϊν ἀπό τῆς πλευρᾶς  $^{34}$  τοῦ αὐτοῦ, ποίει οὕτως τὸ ἀνάπαλιν' τὴν πλευρὰν δεκάκις, γίνονται  $\bar{\xi}$ . ἄρτι μερίζω καθολικῶς τρισσάκις, γίνονται  $\bar{n}$ . τοσοῦτον ἡ διάμετρος.

ο Εστω ενδεκάγωνον καὶ εχέτω τὴν διάμετρον καρ. 35 εύρειν αὐτοῦ τὴν πλευράν. ποιῶ οὕτως καθολικῶς τὴν διάμετρον τριπλασίαζω, γίνονται ξε. ἄρτι μερίζω. δυ ενδέκατον, ξ. τοσοῦτον ἡ πλευρά.

'Εὰν δὲ θέλης τὴν διάμετρον εύρεῖν ἀπὸ τῆς πλευρᾶς, <sup>36</sup> 25 ποίει τὸ ἀνάπαλιν οὕτως· τὴν πλευρὰν ένδεκάκις, γίνονται ξς· καὶ μέριζε καθολικῶς· ὧν τρίτον, κβ. ἔστω ἡ διάμετρος τοσοῦτον.

<sup>31 =</sup> Geep. 154. — 32 = Geep. 155. — 38 = Geep. 156. — 34 = Geep. 157. — 35 = Geep. 158. — 36 = Geep. 159.

<sup>6</sup> τριπλασίαζε] ultima litera in rasura. 18 τρισσάκις] oportebat ων γ΄.

Εστω δωδεκάγωνον καὶ ἐχέτω τὴν διάμετρον π̄.
 εὑρεῖν αὐτοῦ τὴν πλευράν. ποιῶ οὕτως πάντοτε τὴν διάμετρον τρισσάκις, γίνονται ξ̄. ἄρτι καθολικῶς με-- ρίζω ὧν δωδέκατον, ε̄. τοσοῦτον ἡ πλευρά.

38

89

41

42

Όμοίως καὶ ἐπὶ οιουδήποτε πολυγώνου, ἐὰν δοθῆ σοι ἡ διάμετρος, πάντοτε καθολικῶς τριπλασίαζε τὴν 10 διάμετρον, καὶ τὰ συναχθέντα μέριζε παρὰ τὴν ὀνομασίαν τῶν πολυγώνων, καὶ ἔξεις τὴν πλευρὰν τοσοῦτον ἀποφήνασθαι.

Όμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων τῆ αὐτῆ μεθόδφ χρῶ. 20

#### Περί πυλίνδρου.

Απέδειξε καὶ ἐνταῦθα ᾿Αρχιμήδης ὅτι ὅνπερ ἔχει
λόγον ὁ κύκλος πρὸς τὸ τετράγωνον τὸ περὶ αὐτὸν
περιγραφόμενον, τὸν αὐτὸν λόγον ἔχει καὶ ὁ κύλινδρος
πρὸς τὸν κύβον τὸν περιέχοντα αὐτὸν καὶ ἴσας πλευ- 25

<sup>37 =</sup> Geep. 160. — 38 = Geep. 161. — 39 = Geep. 162. — 40 = Geep. 163. — 41. Cf. Geep. 163.

<sup>17</sup> τρισκαιδεκάγωνον, ποίει supplevi ex Geep. 17—18 τὴν πλευρὰν . . . ὧν γ' om. Geep.

οὰς ἔχοντα τῆ διαμέτοφ τοῦ κυλίνδοου καὶ τὸ ὕψος ἴσον, καὶ ὡς ἐπὶ τῶν κύκλων εἰπεῖν ὅτι τὰ ἔνδεκα τετράγωνα, τὰ ἐκτὸς περιγραφόμενα τοῦ κύκλου, ἴσα ἐστὶ δεκατέτρασι κύκλοις τοῖς τὴν αὐτὴν διάμετρον τ ἔχουσιν, οῦτως καὶ οἱ ἕνδεκα κύβοι ἴσοι εἰσὶ δεκατέτρασι κυλίνδροις, ὧν αὶ πλευραὶ ἴσαι εἰσὶ τῆ διαμέτρφ καὶ τῷ ὕψει, καὶ ὥσπερ ἐπὶ τῶν κύκλων λαμβάνομεν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τετραγώνου καὶ ποιοῦμεν ἐνδεκάκις καὶ μερίζομεν παρὰ ιδ, καὶ ἔσται τὸ στερεὸν τοῦ κυ-10 λίνδρου.

"Εστω κύλινδρος οὖ ή διάμετρος  $\overline{\xi}$  καὶ τὸ τῷψος  $\overline{\xi}$  εὑρεῖν αὐτοῦ τὸ στερεόν. τὰ  $\overline{\xi}$  κύβισον, γίνονται  $\overline{\tau}$  ταῦτα πολυπλασίασον ἐπὶ τὰ  $\overline{\iota \alpha}$ , γίνονται  $\overline{\gamma}$ ψογ ταῦτα μέρι $\xi$ ε παρὰ τὰ  $\overline{\iota \delta}$ , γίνονται  $\overline{\sigma \xi \vartheta}$   $\angle$ '.

5 Τινές δὲ πρῶτον τὸ έμβαδὸν λαμβάνουσιν ὡς έπὶ τοῦ κύκλου, καὶ τότε ποιοῦσιν έπὶ τὸ ὕψος.

Περί δε τῆς σφαίρας καὶ κυλίνδρου ὁ αὐτὸς ᾿Αρχι- 43 μήδης ἀπέδειξεν ὅτι ἡ σφαῖρα δίμοιρον μέρος ἐστὶ τοῦ περιλαμβάνοντος αὐτὴν κυλίνδρου, καὶ πᾶς κῶνος τρίτον μέρος ἐστὶ κυλίνδρου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον.

'Εὰν οὖν ἀπὸ τοῦ κυλίνδρου θέλης εὐρεῖν τὸ στερεὸν τῆς σφαίρας, ὅσον ἂν εὑρέθη ὁ κύλινδρος, λαμβάνεις αὐτοῦ τὸ ω. καὶ ἔσται τὸ στερεόν καὶ ὡς 25 ἐπὶ τῶν  $\bar{\xi}$ , ὅτι ἐστὶ σ $\bar{\xi}$ θ  $\bar{\xi}$ ', τὸ  $\gamma'$ , γίνονται  $\bar{\pi}$ θ  $\bar{\xi}$ '  $\gamma'$ .

Κάλλιον ἀπὸ τοῦ κύβου, ὡς ἐπὶ τοῦ κυλίνδρου,

<sup>43</sup> c. Cf. Ster. I, 4.

<sup>6</sup> πυλίνδροι Α. 9 παρὰ ιδ] quaedam excidisse videntur. 25 Coni, non sphaerae, solidum computatur. Lacunam suspicor.

τὰ πολυπλασιασθέντα μερίζειν παρὰ τὸ  $\overline{\iota \delta}$  [ὧν γ'] · ἔστι  $\underline{\delta \dot{\epsilon}}$  ή σφαζρα δίμοιρον μέρος τοῦ κυλίνδρου· τὰ οὖν  $\overline{\iota \delta}$  τίνος ἐστὶ δίμοιρον; τῶν  $\overline{\kappa \alpha}$  · μέρισον τὰ γινόμενα παρὰ τὰ  $\overline{\kappa \alpha}$  · οὕτως ἐδόθη σφαζρα [ω τῶν  $\overline{\kappa \alpha}$ ] . . . ταῦτα κύβισον, γίνονται  $\overline{\iota \mu \gamma}$  · ταῦτα πολυπλασία- 5 σον ένδεκάκις, γίνονται  $\overline{\iota \mu \gamma}$  · ταῦτα πολυπλασία- 5 τὰ  $\overline{\iota \alpha}$ , γίνονται  $\overline{\iota \alpha}$  ω . οὕτω μέτρει πᾶσαν σφαζραν.

d Καὶ ἐπὶ τοῦ κώνου, ἐπειδὴ τρίτον μέρος ἐστὶ τοῦ κυλίνδρου, μέριζε παρὰ τὰ  $\overline{\iota \delta}$  τὰ  $\overline{\iota \delta}$  κύβισον, γίνον- 10 ται  $\overline{\iota \mu \gamma}$  ταῦτα ἐπὶ τὰ  $\overline{\iota \alpha}$ , γίνονται  $\overline{\gamma \psi o \gamma}$  μέριζε παρὰ τὰ  $\overline{\mu \beta}$ , γίνονται  $\overline{n \vartheta}$  L'  $\gamma'$ .

Ε Τινές δὲ μετοήσαντες τὸν κύλινδοον, λαμβάνουσι τὸ γ΄, καὶ ἔσται τὸ στερεὸν τοῦ κώνου.

44 Σφαίρας ή διάμετρος τη εύρετν αὐτης τὸ στερεόν. 15 ποιῶ οὕτως· τη κύβισον, γίνονται βρίτς· ταῦτα ένδε-κάκις, β. δρξζ γίνονται τούτων τὸ κα΄, αρν ζ΄ δ΄ κα΄ πδ΄. τοσοῦτον τὸ στερεόν.

45 Εύφεῖν δὲ αὐτῆς καὶ τὴν ἐπιφάνειαν. ποίει οὕτως τα τη ἐφ' ἐαυτά, γίνονται οξθ ταῦτα καθολικῶς τετρά-20 κις, γίνονται χος ταῦτα ἐνδεκάκις, γίνονται ζυλς τούτων τὸ ιδ', φλα ζ'. τοσοῦτον ἔσται ἡ ἐπιφάνεια.

47 Εύρεῖν αὐτοῦ καὶ τὴν ἐπιφάνειαν τὰ τη ἐφ' ἑαυτά...

<sup>1</sup> δν γ' delevi, sed nondum locus sanatus est. 4 ω τῶν  $\overline{\kappa}$  delevi et lacunam statui. 5 ταῦτα] nempe τὰ  $\overline{\xi}$  diametri. 17  $\alpha \varrho \nu \ \underline{l}' \delta'] \overline{\alpha \varrho \lambda}$  A. 26  $\overline{\varphi}$  ο  $\overline{\delta}'$  η'] Neglecta videntur  $\pi \delta'$  τλς'. 27 Lacunam indicavi.

< Mετζον τμῆμα ἡμισφαιρίου οὖ ἡ βάσις  $\iota \overline{\beta}$ , ἡ δὲ  $^48$  κάθετος  $\overline{\vartheta}$ · εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ στερεόν. λαμβάνω τὸ ἡμισυ τῆς βάσεως· ἐφ' ἐαυτά>, γίνονται  $\overline{\lambda \varsigma}$ · ταῦτα τρισσάκις, γίνονται  $\overline{\varrho \eta}$ · καὶ τὴν κάθετον ἐφ' ἑαυτήν,  $^5$  γίνονται  $\overline{\pi \alpha}$ · σύνθες ὁμοῦ, γίνονται  $\overline{\varrho \pi \vartheta}$ · ταῦτα ἐπὶ κάθετον, ἐπὶ τὰ  $\overline{\vartheta}$ , γίνονται  $\overline{\alpha \psi \alpha}$ · ταῦτα ένδεκάκις, γίνονται  $\overline{\alpha}$ .  $\overline{\eta}$   $\overline{\psi \alpha}$ · τούτον τὸ κα΄, γίνονται  $\overline{\omega^{\dagger} \alpha}$ . τοσοῦτον ἔσται τὸ στερεόν.

Εύρεῖν αὐτοῦ καὶ τὴν ἐπιφάνειαν· τῆς βάσεως τὸ 49
10 ἥμισυ ἐφ' ἑαυτό, γίνονται λ̄ς· καὶ τὴν κάθετον, ἐφ'
ἑαυτά, γίνονται πα· ὁμοῦ γίνονται οιξ· ταῦτα τετράκις, γίνονται υξη· ταῦτα ἐνδεκάκις, γίνονται ερμη·
τούτων τὸ ιδ΄, τξξ L΄. τοσοῦτον ἡ ἐπιφάνεια τοῦ μείζονος τμήματος τοῦ ἡμισφαιρίου.

15 Σφαίρας ἔσται ἡ διάμετρος δ· εύρεῖν αὐτῆς τὸ 50 στερεὸν ⟨ἀπὸ⟩ τοῦ κυλίνδρου. ποιῶ οὕτως· ἐν τῆ βάσει μέτρει κύκλον ἀπὸ τῆς διαμέτρου, τὸ ἐμβαδὸν εύρήσομεν οὕτως· ποιοῦμεν τὴν διάμετρον, τὰ δ̄, ἐφ' ἑαυτά, γίνονται ῑς· ταῦτα ἐνδεκάκις, γίνονται φος· δου. ταῦτα ποίει ἐπὶ τὴν διάμετρον, ἐπὶ τὰ δ· τὰ γὰρ δόν. ταῦτα ποίει ἐπὶ τὴν διάμετρον, ἐπὶ τὰ δ· τὰ γὰρ σφαῖραν, δύο ὅντων διαμέτρων τῆς σφαίρας ⟨καὶ⟩ τοῦ κυλίνδρου ἐποίησα οὖν τὰ δ̄ ἐπὶ τὸ ἐμβαδόν, ἐπὶ τὰ ἐποίνος κυλίνδρου τὴν καὶ δύο ἔβδομα. τοσοῦτον δ

<sup>48</sup> Cf. Mens. 47 unde initium supplevi. - 50. Cf. Ster. I, 9.

<sup>4</sup>  $\overline{\varrho\eta}$  om. A. 7  $\overline{\omega^{\frac{1}{4}}}$  A. 18  $\overline{\iota\xi\xi}$  / Addendum erat  $\xi'$   $\kappa\eta'$ . 16 ànd addidi. 17  $\mu\dot{\epsilon}\tau\varrho\epsilon\iota$  scripsi,  $\mu\dot{\epsilon}\ell\varrho\nu\alpha$  A.  $\tau\eta\varsigma$  diamétrov scripsi,  $\tau\sigma\bar{\nu}$   $\dot{\epsilon}\mu\beta\alpha\delta\sigma\bar{\nu}$  A. 21  $\tau\dot{\alpha}$   $\bar{\delta}$ ]  $\tau\dot{\alpha}$   $\iota\bar{\delta}$  A. 23  $\kappa\alpha$ l addidi. 25  $\xi\beta\delta\sigma\mu\sigma\nu$  A.

κύλινδοος, ὅσον ἡ ἐπιφάνεια τῆς σφαίρας. δέδειχε δὲ ᾿Αρχιμήδης ὅτι κύλινδοος ὁ περιλαμβάνων τὴν σφαῖραν ἡμιόλιός ἐστι τῆς σφαίρας· εἰ οὖν  $\angle$ ΄ πρόσθεμα,  $\gamma$ ΄ ἀφαίρεμα. ἀφαιρῶ οὖν τοῦ κυλίνδρου, ὅ ἐστιν ἐπιφάνεια τῆς σφαίρας, τῶν  $\bar{\nu}$  καὶ  $\bar{\beta}$  ἑβδόμων τὸ  $\gamma$ ΄, κατα- 5 λείπεται  $\bar{\lambda}\gamma$   $\gamma$ ΄ ξ΄ κα΄. τοσοῦτον τὸ στερεὸν τῆς σφαίρας. ἐὰν δὲ τὸ  $\bar{\omega}$  λάβωμεν τῶν  $\bar{\nu}$  καὶ δύο ἑβδόμων, γίνονται ὁμοίως  $\bar{\lambda}\gamma$   $\gamma$ ΄ ξ΄ κα΄· ἔσται ἄρα ἡ μὲν ἐπιφάνεια τῆς σφαίρας  $\bar{\nu}$  καὶ δύο ἑβδόμων, τὸ δὲ στερεὸν  $\bar{\lambda}\gamma$   $\langle\gamma$ ΄ ξ΄ κα΄).

51 Καὶ ἔστω σφαίρας ἡ περίμετρος  $\overline{\iota\eta}$ , εύρεῖν αὐτοῦ τὸ στερεόν. ποιῶ οὕτως ὡς ἐπὶ τῶν κύκλων, τὰ  $\overline{\iota\eta}$  ἐπὶ τὰ  $\overline{\xi}$ , γίνονται  $\overline{\varrho\kappa\varsigma}$  καὶ τούτων τὸ κβ΄,  $\overline{\varepsilon}$  καὶ ένδέκατα  $\overline{\eta}$  ταῦτα ένδεκάκις, γίνονται  $\overline{\xi\gamma}$  ταῦτα κύβοσον, γίνονται  $\overline{\kappa\dot{\varepsilon}}$  καὶ  $\overline{\mu\dot{\xi}}$  ταῦτα μέριζε παρὰ τὰ 15  $\overline{\beta}$ φμα, γίνονται  $\overline{\dot{\tau}}$   $\overline{\dot{\eta}}$   $\bar{\dot{\eta}}$   $\bar{\dot{\eta}$   $\bar{\dot{\eta}}$ 

52 "Ετεμον σφαζοαν είς μέρη τέσσαρα καὶ εύρέθη τὸ εν τμήμα έξ ἀμφοτέρων τῶν μερῶν ἀνὰ ξ̄· εύρεῖν τὸ στερεόν. ποιῶ οὕτως· κυβίζω τὰ ξ̄, γίνονται τμη· ταῦτα δίς, γίνονται χπς· ταῦτα ένδεκάκις, γίνονται εο στερεὸν τοῦ τμήματος.

<sup>5</sup>  $\tau \tilde{\omega} \nu$ ]  $\tau \delta \nu$  A. 6  $\tau \delta$  bis repetit. A. 8  $\overline{\lambda} \mid \xi \overline{\kappa} \alpha$  A. 10 Fractiones addidi. 18  $\overline{\varrho \kappa \varsigma}$ ]  $\overline{\varrho \kappa}$  A. 15  $\dot{\kappa} \dot{\varepsilon} \kappa \alpha \lambda \overline{\mu \xi}$ ]  $\overline{\kappa} \dot{\varepsilon} \varsigma'' \mu \xi'$  A. 16  $\overline{\beta} \varphi \mu \alpha$ ]  $\overline{\alpha} \varphi \mu \delta$  A.  $\tau \dot{\xi} \gamma'$ ]  $\lambda \dot{\xi} \gamma'$  A.

# DE DIOPHANTO TESTIMONIA VETERUM.

Theo Alexandrinus in primum librum Ptolemaei Mathematicae Compositionis 1) (ad cap. IX): 'Η μέν οὖν μοζοα, εν τη κατ' είδος δηλώσει, καθάπερ μονάδος τάξιν ἐπέχουσα, ἀμετάθετός ἐστιν ἐν τοῖς πολλαπλασιασμοίς. ὅνπερ γὰρ τρόπον ή μονὰς ἐπὶ τὸν  $\bar{\gamma}$  ἀριθ- 5 μον πολλαπλασιασθείσα αὐτον τον ν ἀριθμον φυλάττει, καὶ ἐπὶ τὸν  $\bar{\delta}$  τετράγωνον, αὐτὸν τὸν  $\bar{\delta}$  τετράγωνον, καὶ ἐπὶ τὸν  $\bar{\eta}$  κύβον αὐτὸν τὸν  $\bar{\eta}$  κύβον καθ' ὰ καὶ Διόφαντός φησι τῆς γὰο μονάδος ἀμεταθέτου ούσης καὶ έστώσης πάντοτε, τὸ πολλαπλασιαζόμενον 10 είδος έπ' αὐτὴν αὐτὸ τὸ είδος ἔσται τὸν αὐτὸν τρόπον και ή μοζοα, έφ' δ δ' αν είδος πολλαπλασιασθή. αὐτὸ τὸ είδος συλάττει ώστε μοίρα μεν έπι μοίρας πολλαπλασιασθείσα μοίρας ποιήσει έπλ δε πρώτα έξηχοστά, έξηχοστά πρώτα έπλ δε δεύτερα, δεύτερα 15 έπὶ δὲ τρίτα, τρίτα καὶ έξῆς ἀκολούθως. έπὶ δὲ τῶν μερών της μοίρας οὐκέτι τὸ τοιοῦτον εὐρίσκομεν, ὡς έξης αποδείξομεν. δυπερ γαρ πάλιν τρόπον κατά Διόφαντον έν τοζς πολλαπλασιασμοζς των μερών τῆς μονάδος έτεροιοῦται τὰ εἴδη, ἀριθμοστόν γὰρ τὸ 20 νον έφ' έαυτὸ πολλαπλασιαζόμενον δυναμοστόν τὸ θον ποιεί και τὸ είδος άλλοιοί τὸν αὐτὸν τρόπον και

<sup>1)</sup> Parisinos codices 2392 et 2396 descripsi: deterioris notae no. 2398 vulgatum (Basil., Halma) neglexi.

ένταῦθα τὰ μέρη τῆς μοίρας έτεροιοῖ τὰ εἰδη ὡς καὶ ἐντεῦθεν δῆλον γίνεσθαι ὅτι ἡ μοῖρα τὴν οἰκειότητα τὴν πρὸς τὴν μονάδα καὶ κατὰ μέρη συντηρεῖ...

Ioannes Hierosolymitanus patriarcha in Vita Ioannis 5 Damasceni<sup>1</sup>): XI.

Καί ὡς ἀετὸς δὲ βλέπων ὀξύ, οὕτως ἦσαν ἐκεῖνοι [Ἰωάννης καὶ Κοσμᾶς] πρὸς τοὺς τῶν φύσεων λόγους ἀσκαρδαμυκτὶ ἀτενίζοντες. ἀναλογίας δὲ ἀριθμητικὰς οὕτως ἔξησκήκασιν εὐφυῶς ὡς Πυθαγόραι ἢ Διό-10 φανται²). γεωμετρίας δὲ τὴν ἀπόδειξιν οὕτως ἔξεπαιδεύθησαν, ὡς Εὐκλείδας τινὰς τούτους δοκεῖν καὶ εἴ τινες ἄλλοι παρόμοιοι. περὶ δὲ τὴν ἀρμονικὴν τοιοῦτοι γεγόνασιν ὁποῖοι ἄρα έξ ὧν ἐμουσούργησαν θείων μελισμάτων τοῖς συνετοῖς καταφαίνονται. περὶ δὲ ἀστρονομίαν ὅσον ἐν διαστήμασι καὶ σχηματισμοῖς καὶ ἀναλογίαις τῶν ἀποστάσεων, κὰν μικρὰ διέξελθε περὶ αὐτῶν εἰς βραχεῖαν τῶν ἰδιωτῶν εἴδησιν, οἷος δ Ἰωάννης ἔξ ὧν γέγραφε καταφαίνεται, τοιοῦτος δὴ πάντως καὶ ὁ Κοσμᾶς.

20 Suidas: 8) Τπατία· ή Θέωνος τοῦ γεωμέτρου θυγάτηο τοῦ ᾿Αλεξανδρέως φιλοσόφου, καὶ αὐτὴ φιλόσοφος καὶ πολλοῖς γνώριμος· [γυνὴ Ἰσιδώρου τοῦ φιλοσόφου] 4). ἤκμασεν ἐπὶ τῆς βασιλείας ᾿Αρκαδίου· ἔγραψεν ὑπόμνημα εἰς Διόφαντον, ⟨εἰς⟩ 5) τὸν ἀστρονομικὸν κανόνα, 25 εἰς τὰ κωνικὰ ᾿Απολλωνίου ὑπόμνημα.

Oportebat: Διόφαντοι.
 Editionem Bekkeri et Parisinum codicem 2622, s. XIII, descripsi.

<sup>1)</sup> Lectionem codicis Parisini 1559 exhibeo.

<sup>4)</sup> Mentionem ex errore ortam seclusi.

ɛlɛ addidi; de astronomica Ptolemaei quadam tabula agitur.

Michaelis Pselli epistola inedita.

(L = Laurentianus LVIII, 29; S = Scorialensis T - III - 12).

Γλαφυρωτάτην παρέγεται χρείαν τη κατά τούς άριθμούς οίκονομία καὶ ἡ κατ' Αίνυπτίους τῶν ἀριθμῶν μέθοδος, δι' ής οίχονομείται τὰ κατὰ την άναλυτικήν 5 ποοβλήματα. δεῖ δέ σε ποῶτον κατανοῆσαι τὰ τῶν παρ' αὐτοῖς ἀριθμῶν ὀνόματα καὶ τίνα δύναμιν ἕκαστον κέκτηται. ἔστι γὰρ παρ' αὐτοῖς, ὡς δὲ καὶ παρ' ημίν, μονάς καθ' ην ξκαστον των δυτων ξυ λέγεται. άριθμός δὲ παρ' αὐτοῖς ίδιαίτερον λέγεται δ μηδὲν 10 μεν ιδίωμα κτησάμενος, έγων δε εν εαυτώ πληθος μονάδων άφριστον καλείται δε αύτοις ούτος δ άριθμός καλ πλευρά. δύναμις δέ έστιν δταν αριθμός έφ' έαυτὸν πολλαπλασιασθή: τοῦτο δὲ καλεῖται καὶ τετράνωνος ἀριθμός, εί οὖν ὑποθοίμεθα τὸν ἀριθμὸν 15 μονάδων  $\overline{\beta}$ ,  $\eta$  δύναμις ἔσται μονάδων  $\overline{\delta}$ . κύβος δέέστιν όταν άριθμός έπλ την δύναμιν πολλαπλασιασθή. οίον εί ὑποθοίμεθα τὸν ἀριθμὸν μονάδων  $\bar{\beta}$ , ή δύνα- $\mu$ ις αὐτοῦ τὰ  $\bar{\delta}$ · έὰν έπὶ τὴν πλευρὰν τὰ  $\bar{\beta}$  πολλαπλασιασθη, γενήσεται δ η άριθμὸς δς δη κύβος έστί. 20 δυναμοδύναμις δέ έστιν δταν ή δύναμις έφ' έαυτήν πολλαπλασιασθή· οἶον δ $\overline{\delta}$ έ $\phi$ ' έαυτὸν καὶ γίνεται δ $\overline{\iota s}$ . δυναμόχυβος δέ έστιν δταν ή δύναμις έπλ χύβον

<sup>1</sup> Titulum Ποολαμβανόμενα τῆς κατ' ἀριθμητικὴν αἰγυπτιακῆς μεθόδον τοῦ Ψελλοῦ prof. L. 'Απὸ τῆς Διοφάντον ἀριθμητικῆς S. 4 κατ' Αίγυπτίονς L, αἰγυπτιακὴ S. 5 ἀναλυτικὴν S, ἀνάλυτικ L. 6 πρῶτον L, πρώτως S. 8 καὶ L, ἐστι S. 9 ἕκαστον Eucl. S, ἕκαστα L. ἕν om. L. 11 μèν om L. 12 αὐτοῖς οὐτος ὁ ἀριθμὸς L, αὐτὸς ὁ ἀριθμὸς οὐτος S. 15 ὑποθέμεθα S. 16 ἐστι L. 17 ὁπότ' ἀν L. 18 εἰ om. L. ὑποθώμεθα S. 20 ἀριθμὸς om. S. 22 ὁ  $\overline{\delta}$  ἐφ' ἑαντὸν S,  $\overline{\delta}$   $\overline{\delta}$  έαντὴν L.  $\delta$  (alt.) om. L. 23 ἐστιν om. S.

πολλαπλασιασθή, ώσπερ  $\delta$   $\overline{\delta}$  έπὶ τὸν  $\overline{\eta}$  καὶ γίνεται  $\overline{\lambda}\overline{\beta}$ . δς καλείται άλογος πρώτος (ούτε γάρ τετράγωνός έστιν ούτε κύβος) καὶ ἀριθμὸς πέμπτος πρώτος γὰρ άπλῶς ἀριθμός, δεύτερος δύναμις, τρίτος κύβος, τέταρ-5 τος δυναμοδύναμις, καλ πέμπτος οδτος δ δυναμόκυβος. κυβόκυβος δέ έστιν δταν κύβος έφ' έαυτον πολλαπλασιασθείς άριθμον ποιήση. άλογος δε δεύτερος άριθμός έστιν δταν δύναμις έπλ άλογον πρώτον πολλαπλασιασθή της νὰο δυνάμεως οὔσης μονάδων  $\bar{\delta}$ , ώς 10 εξοηται, τοῦ δὲ πρώτου ἀλόγου μονάδων λβ, τὸ ὑπ' αὐτῶν ἔσται μονάδων σχη, ὅπερ καλεῖται ἄλογος δεύτερος καλείται δε δ αὐτὸς καὶ ἀριθμὸς εβδομος. τετραπλη δε δύναμίς έστιν δταν δύναμις έπλ κυβόκυβον πολλαπλασιασθή κύβος δε έξελικτός έστιν 15 όταν δύναμις έπὶ άλογον δεύτερον πολλαπλασιασθῆ. τῶν δὲ τοιούτων ἀριθμῶν καὶ τὰ δμώνυμα μόρια διιοίως τούτοις κληθήσεται του μέν αριθμού, αριθμοστόν τῆς δὲ δυνάμεως, δυναμοστόν τοῦ δὲ κύβου, κυβοστόν της δε δυναμοδυνάμεως, δυναμο-20 δυναμοστόν τοῦ δὲ δυναμοχύβου, δυναμοχυβοστόν τοῦ δὲ χυβοχύβου, χυβοχυβοστόν.

Περί δε τῆς αίγυπτιακῆς μεθόδου ταύτης Διόφαντος μεν διέλαβεν ἀκριβέστερον, δ δε λογιώτατος 'Ανατόλιος τὰ συνεκτικώτατα μέρη τῆς κατ' ἐκεῖνον 25 ἐπιστήμης ἀπολεξάμενος ἐτέρως Διοφάντω συνοπτικώ-

<sup>1</sup> δς S, καὶ L. 2 ἄλογος] in mg. ἀναίτιος L. 3 πρῶτον L. 4 δεύτερον . τρίτον . τέταρτον L. 5 καὶ οm. L. πέμπτον L. 7 ποιήσει S. 12 δ οm. S. 13 δὶ οm. S. 16 τὸν δὲ τοιοῦτον ἀριθμὸν L, τῶν δὲ κατὰ τῶν ἀριθμῶν S. 18—19 τοῦ δὲ κύβον . . δυναμοδυναμοστόν οm. S. 22 δὲ οm. S. ταύτης μεθόδον L. 23 περιέλαβεν L. 24 ἐκείνου S. 25 ἑτέρως scripsi, ἑτέρω LS. συνεκτικότατα S.

τατα προσεφώνησε. καὶ εἴ τις τὰς ἐντεῦθεν μεθόδους εἰδείη, τὰ προβαλλόμενα ἐνίοις ἐν τοῖς ἐμμέτροις ἐπιγράμμασιν ἀριθμητικὰ προβλήματα σαφέστατα διαλύσειε. τὰ μὲν γὰρ τούτων διαλύεται διὰ τοῦδε τοῦ θεωρήματος τῆς αἰγυπτιακῆς ἀναλύσεως, τὰ δὲ δι' 5 ἔτέρου δεῖ γὰρ τὸν προβεβλημένον ἀριθμὸν διελεῖν ἢ ἐν ἐπιτρίτω λόγω ἢ ἐν ἐπιτετάρτω ἢ ἐν ἐπέρω τοιούτω καὶ ἀπὸ τῆς τοιαύτης διαιρέσεως εὐσύνοπτον τὸ προβεβλημένον γενήσεται. καὶ ταῦτα μὲν ἐπὶ τοσοῦτόν σοι.

Ἐπεὶ δὲ θαυμάζειν εἰωθας τοὺς καταμετροῦντας λίθον τετράγωνον ἢ στρογγύλον ἢ ξύλον τοιοῦτον ἢ μείουρον ἢ ἰσόπλευρον ἢ σχεδίαν ἢ κίονα ἢ ἄλλο τι τῶν τοιούτων, βούλομαί σοι καὶ τῆς τούτων καταμετρήσεως εὐκρινεῖς μεθόδους παρασχεῖν ὡς ἂν μηκέτι 15 αὐτὸς θαυμάζης ἐτέρους, ἀλλά σε θαυμάζωσιν ἕτεροι.

"Εστι δε των στερεων") είδη τρία εὐθυμετρικόν, έπίπεδον, καὶ στερεόν. εὐθυμετρικόν μέν έστι πῶν τὸ κατὰ μῆκος μετρούμενον, ἐπίπεδον δε τὸ ἐν μήκει καὶ πλάτει, στερεὸν δε αὐτὸ τὸ συνάγον τὴν τῶν ποδῶν 20 συναγωγήν.

καὶ εἰ βούλει πρότερον ἐπὶ βόθυνον ἄσβεστον ἔχοντα τὴν ἐμμέθοδον ποιησόμεθα καταμέτρησιν προβεβλήσθω γοῦν ἡμῖν εὑρεῖν ὁπόσων ποδῶν ὁ βόθυνος

<sup>1)</sup> Cf. Heronis Alexandrini geometricorum et stereometricorum reliquias (ed. Hultsch, Berolini 1864), p. 188, nempe Heronis mensuras, 1.

<sup>2</sup> εἰδέναι S. 6 διελεῖν om. S. 10 σοι om. S. 11 εἴωθας S, μοι ἔοιπας L. 13 μύουςον S. 16 θανμάζοις L. 20 ποδῶν L, πασῶν S. 22 — 23 βοθύνον . . ἔχοντος L. 24 γοῦν S, οὖν L.

είη.1) έστω δε τούτου το μεν μήκος ποδών ι, το δε πλάτος ποδών  $\bar{\eta}$ , τὸ δὲ βάθος ποδών  $\bar{\gamma}$  πολλαπλασίασον οὖν τὸ βάθος ἐπὶ τὸ πλάτος ἤτοι τὰ  $\overline{\nu}$  ἐπὶ τὰ π. καὶ γίνεται κδ. ταῦτα έπὶ τὸ μῆκος τουτέστι 5 τὰ τ, καὶ γίνεται σμ. τοσούτων οὖν ποδῶν τοῦ βοθύνου τὸ στερεόν.

 $\Pi$ άλιν ὑποκείσθω λίθος τετράνωνος 2), οὖ τὸ μῆκος ποδών ε, τὸ δὲ πλάτος ποδών γ, τὸ δὲ πάχος ποδών  $ar{eta}$ . πολλαπλασίασον οὖν τοὺς  $ar{eta}$  τοῦ πάχους πόδας ἐπλ 10 τοὺς  $\overline{\gamma}$  τοῦ πλάτους, καὶ γίνεται  $\overline{\varsigma}$  καὶ τοὺς  $\overline{\varsigma}$  έπὶ τοὺς  $\bar{\epsilon}$  τοῦ μήκους, καὶ κίνεται πόδες  $\bar{\lambda}$ . τοσούτων γοῦν ἐστιν ὁ ὑποκείμενος λίθος τετράγωνος.

Εί δὲ στρογγύλος<sup>8</sup>) δ λίθος είη καὶ ὑπάρχη τὸ μεν μηκος αὐτοῦ ποδῶν  $\overline{\iota}$ ε, η δε περίμετρος ποδῶν  $\overline{\delta}$ , 15 ούτω σοι μετρητέον αὐτόν πολλαπλασιάσον τὴν περίμετρον έ $\varphi$ ' έαυτην ήτοι τὰ  $\bar{\delta}$  έπι τὰ  $\bar{\delta}$ , και γίνονται ις. είτα ύφελε τούτων τὸ δ΄ καὶ πολλαπλασίασον αὐτὸ έπλ τὸ μῆκος ἥτοι τοὺς ιε πόδας, καλ γίνονται πόδες ξ. τοσούτων γοῦν ποδῶν ἐστιν ἡ μέτρησις τοῦ στρογ-20 γύλου λίθου.

Εί δε μείουρόν 4) έστι το υποκείμενον, είτε ξύλον, εἴτε λίθος, ἔστι δὲ αὐτοῦ τὸ μὲν μῆχος ποδῶν  $\overline{\beta}$ , τὸ δε πλάτος δακτύλων τα, το δε μέσον δακτύλων δ, το δὲ πάχος δακτύλων  $\bar{\eta}$ , ποίει οὕτως τὸ  $\bar{\eta}$ μισυ τῶν  $\bar{\eta}$ 

<sup>1)</sup> Heronis mensurae, 2. 3) Heronis mensurae, 5. 4) Heronis mensurae, 8.

<sup>2)</sup> Heronis mensurae, 4.

<sup>8</sup> δè bis om. L. 9 πολυπλασίασον L. 11 πόδες om. L. 12 γοῦν ἐστιν S, οὖν ἐστι ποδῶν L. 13 ὑπάρχει L. 14 περίμετρος] sic Her.; legendum διάμετρος. 16 γίνεται S. 17 τούτου L. 18 ἐπὶ τοὺς  $\overline{\iota}\overline{\iota}$  πόδας ἤτοι τὸ μῆκος L. γίνεται S. 19 οὖν ἐστι ποδῶν L. 21 μύουρον S (et L ex corr.). 28 δαπτύλων  $\overline{\iota}\overline{\alpha}$  τὸ δὲ μέσον om. L. 28—24 τό τε πάχος S.

Ϋγουν τοῦ πάχους τετραγώνισον ἐπὶ τὰ  $\overline{\partial}$ , καὶ γίνονται  $\overline{\lambda \varepsilon}$ . ταῦτα ἐπὶ τὸ μῆκος τὰ  $\overline{\iota \beta}$ , καὶ γίνονται δάκτυλοι  $\overline{\nu \lambda \beta}$ . οὖτοι δέ εἰσι πόδες  $\overline{\lambda}$ . τοσούτων οὖν ποδῶν ἐστιν ἡ μέτρησις τοῦ μειούρου σώματος.

Φρέατος 1) δὲ μέτρον οὕτως εὐρήσεις εἴστω τὸ βά- 5 θος αὐτοῦ ποδῶν  $\bar{\eta}$ , τὸ δὲ διάμετρον τοῦ κενώματος ποδῶν  $\bar{\delta}$ , τὸ δὲ πάχος ποδὸς ένός διπλασίασον δὴ τὸ πάχος, καὶ γίνονται πόδες  $\bar{\delta}$  πολλαπλασίασον τοῦς  $\bar{\delta}$  τοῦ κενώματος, καὶ γίνονται  $\bar{\delta}$ 5 εξ ὧν ὕφελε τὸ 10 τέταρτον, καὶ λοιπὸν μένουσιν  $\bar{\kappa}$ 5 πολλαπλασίασον τοῦ κενώματος τοὺς  $\bar{\delta}$  έφ' έαυτούς, καὶ γίνονται πόδες  $\bar{\iota}$ 5 εξ αὐτῶν ὕφελε  $\bar{\delta}$ 6, καὶ μένουσι  $\bar{\iota}$ 6 ταῦτα πολλαπλασίασον τοῦ κενώματος τοὺς  $\bar{\delta}$ 6 έφ' έαυτούς, καὶ γίνονται πόδες  $\bar{\iota}$ 5 εξ αὐτῶν ὕφελε  $\bar{\delta}$ 6, καὶ μένουσι  $\bar{\iota}$ 6 ταῦτα πολλαπλασίασον  $\bar{\iota}$ 7 τοῦς  $\bar{\delta}$ 7 τοῦς  $\bar{\delta}$ 8 τοῦς τοντέστιν έπὶ τοὺς  $\bar{\eta}$ 7, καὶ γίνονται πόδες  $\bar{\iota}$ 7 τοσούτων οὖν ποδῶν εὐρήσεις τὸ φρέαρ.

'Ευτεύθεν οὖν καὶ πλοῖα εὐρήσεις, καὶ κολυμβήθρας, καὶ οὐγγιασμοὺς ὕδατος, καὶ ἰππηλάσια, καὶ τμήματα κύκλων, καὶ κύκλον, καὶ σφαῖραν, καὶ πυραμίδα καὶ ὑγιῆ καὶ τεθραυσμένην καὶ ἡμιτελῆ, καὶ κῶνον ἰσοσκελῆ καὶ κῶνον κόλουρον, καὶ πολύγωνα, καὶ ὁπόσα κοβούλει σχήματά τε καὶ σώματα.

Όπόσα δὲ τῷ Πετοσίφει πρὸς Νεχεψὰ πεφλυάρηται περὶ ζωῆς καὶ θανάτου, οὕ μοι ἔδοξε ταῖς ἐμαῖς
ἐγκαταμῖξαι ἐπιστολαῖς, οὐδὲ εἰς ὑγιαίνουσαν ἐμβαλεῖν

<sup>1)</sup> Cf. Heronis mensuras, 3.

<sup>1</sup> Hyove S, Hou L. yivetal S. 2  $\tau \alpha \overline{\nu} \tau \alpha$ ] de add. L.  $\mu \eta \kappa \sigma s$ ] Hous add. L. yivetal S. 3  $\pi \delta \delta s s$   $\overline{\lambda}$ ] Falsus numerus, qui legitur item in Herone. 4  $\mu \nu \sigma \phi \sigma v$  S (et L ex corr.).

<sup>7</sup> δίπλασον L. 13  $\bar{\delta}$ ] leg. τὸ τέταςτον (Her.). 17 ούγγνιασμούς L. 20 πόλλουςον L. 22 Νεψεχὰ L.

ἀκοήν λῆρος γὰρ νὴ τὴν ἱεράν σου ψυχὴν τὸ ἐκείνου περὶ ὧν προείλετο συγγραμμάτιον καὶ τὸ Πυθαγορικὸν δὲ πλινθίδιον) περί τε συμβιώσεων καὶ ἀπολωλότων καὶ ἠρρωστηκότων καὶ ἀποδημούντων οὐ κενόστουδον μόνον, ἀλλὰ καὶ ἐψευσμένον παντάπασιν, κὰν οἱ πολλοὶ περιέπωσι ταῦτα καὶ δοκῶσι τιμὴν ἐντεῦθεν κομίζεσθαι τῷ πολλῷ τῶν ἀκροατῶν συρφετῷ. ἐμοὶ οὖν καὶ τὰ κατὰ τέχνην ἐμμέθοδον διαλυόμενα ἀσπούδαστα ἡγοῦνται καὶ παίγνια, μόνοις δὲ προσέχω τὸν νοῦν τοῖς ἀναβιβάζουσί με πρὸς θεωρίαν τῶν ὅντων, καὶ ἵνα σοι τὸ ἐμὸν πάθος ἀνακαλύψω, καὶ αὐτὴν τὴν ἡητορικὴν τέχνην καὶ τὴν νομικὴν ἐπιστήμην ἄνωθεν προήρημαι θεωρεῖν, ἀλλ' οὐ θιγγάνειν αὐτῶν.

<sup>1)</sup> Vide quae edidi sub titulo "Fragments d'onomatomancie arithmétique" in collectione: Notices et extraits des Manuscrits, XXXI 2, 1885.

<sup>4</sup> ἀποδημάτων S. 5 παντάπασι L.

# Ad epigrammata arithmetica Scholia Palatini codicis Anthologiae. 1)

Γυμνασίας χάριν καὶ ταῦτα τοῖς φιλοπόνοις προτίθημι, ἵνα γνῷς τί μὲν παλαιῶν παῖδες, τί δὲ νέων.

## Σωκοάτους.

α.

"Ολβιε Πυθαγόρη, Μουσέων Έλικώνιον ἔρνος, εἰπέ μοι εἰρομένω ὁπόσοι σοφίης κατ' ἀγῶνα σοῖσι δόμοισιν ἔασιν ἀεθλεύοντες ἄριστα. Τοιγὰρ ἐγὼν εἴποιμι, Πολύκρατες ἡμίσεες μὲν L'  $\overline{\iota \delta}$  10 ἀμφὶ καλὰ σπεύδουσι μαθήματα τέτρατοι  $[\delta']$  αὖτε  $\delta'$   $\overline{\xi}$  ἀθανάτου φυσέως πεπονήαται έρδομάτοις  $\delta$ ὲ  $\xi'$   $\overline{\delta}$  σιγή πᾶσα μέμηλε καὶ ἄφθιτοι ἔνδοθι μῦθοι τρεῖς  $\delta$ ὲ γυναἴκες ἔασι, Θεανὼ  $\delta'$  ἔξοχος ἄλλων λοι $\overline{\iota}$ ν τόσσους Πιερίδων ὑποφήτορας αὐτὸς ἀγινῶ.  $\cdot$ /-/.  $\overline{\kappa\eta}$  15

<sup>1)</sup> Celeberrimi codicis (nunc Parisini suppl. gr. 384 — P) scripturam vel mendosam in versibus servandam duxi, nisi quando certissima medela allata mihi videbatur; emendationes illas tantum adnotavi quas recepit Fred. Duebner in vulgata editione (vol. II apud Didot, Parisiis 1872 — ed.), cuius librum XIV criticumque apparatum videsis

<sup>11</sup> δ' del. ed.

## β. είς ἄγαλμα Παλλάδος.

Παλλὰς ἐγὼ χουσῆ σφυρήλατος, αὐτὰρ ὁ χουσὸς  $\angle'$  π αἰζηῶν πέλεται δῶρον ἀοιδοπόλων  $\eta'$   $\overline{\varepsilon}$  ῆμισυ μὲν χουσοῖο Χαρίσιος, ὀγδοάτην δὲ  $\iota'$   $\overline{\delta}$  Θέσπις καὶ δεκάτην μοῖραν ἔδωκε Σόλων  $\langle x' \overline{\beta} \rangle$  αὐτὰρ ἐεικοστὴν Θεμίσων, τὰ δὲ λοιπὰ τάλαντα λοι  $\overline{\vartheta}$  ἐννέα καὶ τέχνη δῶρον 'Αριστοδίκου. //.  $\overline{\mu}$ 

Σχόλιον¹). — Παλλὰς ἐγὼ · εύρεῖν ἀριθμὸν δς λείψας L΄ η΄ ι΄ κ΄ έξει λοιπὰς μονάδας δι. τοῦτο δὲ 10 γίνεται ἐὰν εὕρωμεν ἀριθμὸν δς ἐλάχιστος ὢν έξει τὰ προκείμενα μέρη, τουτέστι κατὰ τὸ λθον τοῦ ἑβδόμου βιβλίου τῶν Στοιχείων Εὐκλείδου. εὑρίσκεται οὖν κατὰ τὰς τοῦ Εὐκλείδου μεθόδους ἐλάχιστος ἀριθμὸς ὁ μ ἔχων L΄ η΄ ι΄ κ΄, ὧν ἀφαιρεθέντων ἀπὸ τοῦ μ, 15 λοιπὰ δι καλ λύεται τὸ πρόβλημα. εἰ δὲ ἐδόθησαν ἀπ' ἀρχῆς ἀντὶ τῶν διμονάδων τυχὸν ς, τὸν λόγον δν ἔχει ὁ ς πρὸς τὰς διμονάδας λαβόντες καλ εὑρόντες ἀριθμόν τινα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῷ πρὸς τὸν μ ὄντα, οἶον τὸν κς ω, εὕρομεν ἀν τοὺς ζητουμένους ἀριθμοὺς καὶ τὸ πρόβλημα ἐλύετο. τὸ δ' αὐτὸ ἐπὶ παντὸς ἀριθμοῦ δεῖ ποιεῖν.

γ.

 $^{\prime}A$  Κύποις τὸν  $^{\prime\prime}E$ ρωτα κατηφιοῶντα προσηύδα·  $\delta^{\prime}$   $\overline{\omega\mu}$  Τίπτε τοι,  $\delta$  τέκος, ἄλγος ἐπέχραεν;  $\delta$ ς  $\delta$  ἀπάμειπτο· ε $^{\prime}$   $\overline{\chi}$ ορ

<sup>1)</sup> Scholium in margine scriptum: ergo (sicut sequentia de quibus idem notatum erit) depromptum ex vetusta collectione Metrodorea (videsis infra pag. 53, not. 1), in qua hoc problema locum primum obtinebat.

<sup>18</sup> ἀριθμόν] καί P. 19 εύρωμεν P.

Πιερίδες μοι μήλα διήρπασαν ἄλλυδις ἄλλη ζ΄ υπ αἰνύμεναι κόλποιο, τὰ δὴ φέρον ἐξ Ἑλικῶνος. η΄ υκ Κλειὰ μὲν μήλων πέμπτον λάβε, δωδέκατον δὲ ιβ΄ σπ Εὐτέρπη· ἀτὰρ ὀγδοάτην λάχε δῖα Θάλεια· κ΄ οξη Μελπομένη δ' εἰκοστὸν ἀπαίνυτο, Τερψιχόρη δὲ τέτρατον· εβδομάτην δ' Ἐρατὰ μετεκίαθε μοίρην· ἡ δὲ τριηκόντων με Πολύμνια νόσφισε μήλων, Οὐρανίη δ' εκατόν τε καὶ εἰκοσι· Καλλιόπη δὲ βριθομένη μήλοισι τριηκοσίοισι βέβηκε· σοὶ δ' ἄρα κουφοτέρησιν ἐγὰ σὰν χερσὶν ἰκάνω, 10 5° μονάδων φ. πεντήκοντα φέρων τάδε λείψανα μῆλα θεάων. 
δ πᾶς οὖν γτξ.

Σχόλιον 1). — 'Α Κύπρις' εύρεῖν ἀριθμὸν δς λείψας μέρος έαυτοῦ ε΄ ιβ΄ η΄ κ΄ δ΄ ζ΄ έξει λοιπὰς μονάδας 15  $\overline{\phi}$ . και τοῦτο δὲ δμοιόν ἐστι τοῖς πρὸ αὐτοῦ καὶ διὰ τῆς αὐτῆς ἐφόδου περαίνεται. και γὰρ εὐρίσκομεν ἀριθμὸν δς ἐλάχιστος ὢν έξει τὰ προκείμενα μέρη καὶ ἔστιν ὁ  $\overline{\omega}\mu$ . καὶ ἐὰν λείψη οὖτος μέρος ἑαυτοῦ ε΄ ιβ΄ η΄ κ΄ δ΄ ζ΄, λοιπὰ μένουσιν  $\overline{\rho}$ κε. καὶ ἐπειδὴ ὁ  $\overline{\phi}$  τοῦ 20  $\overline{\rho}$ κε ἐστὶ τετραπλάσιος, ἐὰν τετραπλασιασθῆ ὁ  $\overline{\omega}\mu$ , ποιήσει τὸν  $\overline{\rho}$ τξ καὶ λύεται τὸ πρόβλημα. ἕνεκα δὲ τούτου γίνεται ὡς ἄρτι ὁ  $\overline{\phi}$  πρὸς τὸν  $\overline{\rho}$ κε, οὕτως ὁ  $\overline{\rho}$ τξ πρὸς τὸν  $\overline{\omega}\mu$ , διότι τὰ μέρη τοῖς ὡσαύτως πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον ληφθέντα κατάλληλα, 25 κατὰ τὸ ιεον τοῦ εου τῶν Εὐκλείδου Στοιγείων.

<sup>1)</sup> Scholium in margine scriptum; hoc problema quintum erat Metrodoreae collectionis.

<sup>3</sup> λάβεν Ρ. 4 αὐτὰς Ρ. 10 πουφοτέςοισιν Ρ.

10

# δ. είς την Αύγείαν κόπρον.

Αὐγείην ἐφέεινε μέγα σθένος 'Αλκείδαο πληθὺν βουκολίων διζήμενος δς δ' ἀπάμειπτο 'Αμφλ μὲν 'Αλφειοῖο ξοάς, φίλος, ἥμισυ τῶνδε μοίρη δ' ὀγδοάτη ὅχθον Κρόνου ἀμφινέμονται, δωδεκάτη δ' ἀπάνευθε Ταραξίπποιο παρ' ἰρόν ἀμφλ δ' ἄρ' "Ηλιδα δἴαν ἐεικοστὴ νεμέθονται αὐτὰρ ἐν 'Αρκαδίη τριηκοστὴν προλέλοιπα λοιπὰς δ' αὖ λεύσσεις ἀγέλας τόδε πεντήκοντα.

# ς (κη).1) ἄλλο.

Ώρονόμων ὄχ' ἄριστε, πόσον παρελήλυθεν ἠοῦς; Όσσον ἀποιχομένοιο δύο τρίτα, δὶς τόσα λείπει.

 $\Omega$  ο ν ό μων καὶ τοῦτο ἐφόδευεται, ὅσπερ τὸ κξον²), 15 διὰ τοῦ  $\beta^{00}$  τοῦ  $\alpha^{00}$  βιβλίου τῶν Διοφάντου. δεῖ γὰρ τὸν  $\overline{\iota}\beta$  διελεῖν ἐν λόγφ ἐπιτρίτφ, καὶ γίνεται ὁ  $\mathfrak{S}$   $\iota\beta^{0}$  ἔσται οὖν τὸ μὲν παρελθὸν τῆς ἡμέρας λξ, τὸ δὲ ὑπολειπόμενον μή.

# $\zeta(\iota\vartheta),^3)$

20 Χάλκεός είμι λέων, κοουνοί δέ μοι όμματα δοιά, καὶ στόμα καὶ θέναο δεξιτεροίο ποδός

<sup>1)</sup> Secundus numerus  $\overline{\imath\eta}$ , quem codex exhibet, ordinem in collectione Metrodorea indicat. Scholium in margine scriptum est.

Nempe collectionis Metrodoreae (videsis infra p. 69).
 Problema XIX collectionis Metrodoreae. Scholia priora in textu scripta sunt, ultimum tantum in margine.

<sup>8</sup> Άρπαδίη γε ed. 12 πόσος P. 13 δύω scribendum videtur. τόσσα P. 21 καὶ δὲ θένας ed.

πλήθει δὲ κρητῆρα δυ' ἤμασι δεξιὸν ὅμμα, καὶ λαιὸν τρισσοῖς, καὶ πισύροισι θέναρ· ἄρκιον εξ ὥραις πλῆσαι στόμα· εν δ' ἄμα πάντα, καὶ στόμα καὶ γλῆναι καὶ θέναρ, εἰπε πόσον.

Σχόλιον. — Κρουνῶν τεσσάρων φεόντων εἰς μίαν 5 δεξαμενήν, καὶ τοῦ μὲν πρώτου πληροῦντος αὐτὴν εἰς ῶρας  $\overline{5}$ , τοῦ δὲ δευτέρου εἰς ἡμέρας  $\overline{\beta}$ , ἤγουν εἰς ῶρας  $\overline{k\delta}$ ), τοῦ δὲ τρίτου εἰς ἡμέρας  $\overline{k\delta}$ , ἤγουν εἰς ῶρας  $\overline{k\delta}$ , τοῦ δὲ τετάρτου εἰς ἡμέρας  $\overline{\delta}$ , ἤγουν ⟨εἰς⟩  $\overline{k\delta}$  ωρας  $\overline{k\delta}$ , ἀφεθέντων ᾶμα τῶν τεσσάρων κρουνῶν, εἰς  $\overline{k\delta}$  πόσον διάστημα χρόνου πληροῦσι τὴν δεξαμενήν;

Λύσις. Ἰστέον ὅτι ὁ μὲν  $α^{os}$  κρουνός, ὁ ἐν  $\bar{\varsigma}$  ἅραις πληρῶν τὴν δεξαμενήν, τετραπλάσιον μὲν τοῦ  $β^{ov}$  κρουνοῦ ἀφίησιν ὕδωρ, έξαπλάσιον δὲ τοῦ  $\langle \gamma^{ov}$ , ὀκταπλάσιον δὲ τοῦ $\rangle$  δου.

'Η μέθοδος. Δέον εύρειν τὸν ἀριθμὸν τὸν ἐλάχιστον ἔχοντα δ΄ καὶ  $\overline{\varsigma}$ ΄ καὶ  $\overline{\eta}$ ', ἔστι δὲ  $\overline{\delta}$  κδ, ποιοῦμεν οὖν οὕτως. ἄπαξ κδ καὶ τὸ δ΄ τῶν κδ,  $\overline{\varsigma}$ . καὶ τὸ  $\overline{\varsigma}$ ' τῶν  $\overline{\lambda}$ ζ,  $\overline{\delta}$ . (καὶ) τὸ  $\overline{\eta}$ ' τῶν  $\overline{\lambda}$ ζ,  $\overline{\delta}$  (δμοῦ συνήξαμεν τῶν  $\overline{\lambda}$ ζ γίνεται  $\overline{\iota}\overline{\eta}$   $\underline{L}$ '. καὶ τὸ  $\overline{\eta}$ ' τῶν  $\overline{\lambda}$ ζ γίνεται  $\overline{\delta}$   $\underline{L}$ '  $\underline{\eta}$ '. καὶ τὸ  $\overline{\delta}$ ' τῶν  $\overline{\lambda}$ ζ γίνεται  $\overline{\delta}$   $\underline{L}$ '  $\underline{\eta}$ '. καὶ τὸ  $\overline{\delta}$ ' τῶν  $\overline{\lambda}$ ζ γίνεται  $\overline{\delta}$   $\underline{L}$ '  $\underline{\eta}$ '. ατινα συνήξαμεν τῶν  $\overline{\lambda}$ ζ τὸ  $\underline{L}$ ' καὶ τὸ  $\overline{\eta}$ ' καὶ τὸ  $\overline{\delta}$ ' καὶ τὸ  $\overline{\delta}$ ' τὰν  $\overline{\delta}$  συνήξαμεν τῶν  $\overline{\delta}$ ζ τὸ  $\underline{L}$ ' καὶ τὸ  $\overline{\delta}$ ' καὶ τὸ  $\overline{\delta}$ ' καὶ τὸ  $\overline{\delta}$ ' καὶ τὸ  $\overline{\delta}$ ' τὰν  $\overline{\delta}$ ' τὸν  $\overline{\delta}$  φρῶν εεςς τὸ  $\overline{\eta}$ ' τῶν  $\overline{\delta}$  φρῶν  $\overline{\delta}$ 

<sup>1)</sup> Notandum est diem ut 12 horas, non 24, computari.

<sup>1</sup> δε δή coniicio. 3 εν σύν ed. 16-17 ελάχιστον εγοντα scripsi, άναλύοντα P.

καὶ εἰς τὸ οδ΄ τῶν  $\overline{s}$  ὡρῶν> καὶ εἰς τὸ ρμη΄ τῶν  $\overline{s}$  ὡρῶν καὶ εἰς τὸ σ $\overline{t}$ 5 τῶν  $\overline{s}$  ὡρῶν.

β. Έτέρα λύσις σαφεστέρα καὶ συντομωτέρα. Έπειδη δ αος προυνός είς 5 ώρας επλήρου την δεξα-5 μενήν, πρόδηλον δτι καθ' έκάστην ώραν το 5° μέρος της δεξαμενης επλήρου δ δε βος, επειδή εν δυσίν ημέραις ήγουν εν ώραις πδ επλήρου την δεξαμενήν, δηλον δτι καλ αὐτὸς καθ' έκάστην ώραν τὸ κδον μέρος της δεξαμενης επλήφου, όπες γίνεται δ΄ τοῦ αου κοου-10 νοῦ. ἐπειδή δὲ καὶ δ γος ἐν τρισὶν ἡμέραις ἤγουν ἐν ώραις λς ἐπλήρου τὴν δεξαμενήν, δῆλον ὅτι καὶ αὐτὸς καθ' έκάστην ώραν τὸ λ50 τῆς δεξαμενῆς ἐπλήρου, οπεο γίνεται 5° μέρος του αου κρουνού. ἀλλ' ἐπειδή xαὶ  $\delta$   $\delta$  $^{os}$  εν τεσσαρσιν ημέραις ήγουν εν ώραις  $\overline{\mu n}$ 15 έπλήρου την δεξαμενήν, πρόδηλον ότι και αύτος καθ' έκάστην ώραν τὸ μηον μέρος τῆς δεξαμενῆς ἐπλήρου, δπερ γίνεται μέρος η τοῦ α τοῦ κρουνοῦ. τούτων οῦτω τεθέντων, εὔδηλον ὅτι εἰς  $\overline{\delta}$  ώρας  $\delta$  μὲν  $\alpha^{oc}$  κρουνὸς έπλήρωσεν τὸ δίμοιρον τῆς δεξαμενῆς αί γὰρ  $\bar{\delta}$  ὧραι 20 δίμοιρόν είσι των 5 ώρων δ δε βος τὸ 5' μέρος αὐτῆς, οπερ έστι δ΄ τοῦ  $α^{ov}$  δ δὲ  $γ^{os}$  τὸ ϑ΄ αὐτῆς, σπερ έστι  $\mathbf{S}'$  τοῦ  $\mathbf{\alpha}^{ov}$ .  $\mathbf{\delta}$   $\mathbf{\delta}$ è  $\mathbf{\delta}^{oc}$  τὸ  $\mathbf{\iota}\mathbf{\beta}'$   $\mathbf{\alpha}$  ἀτης, ὅπερ ἐστὶ  $\mathbf{\eta}'$  τοῦ  $\alpha^{ov}$  . So te to  $\overline{\delta}$  xo ove ou a coed even exchoso an the  $\delta \varepsilon \xi \alpha \mu \varepsilon \nu \dot{\eta} \nu \varepsilon \dot{\zeta} \varepsilon \omega \alpha \zeta \delta^{-1}$ 

 $p_{S}$  γ.  $m{\Lambda}$ ύσις έτέρα τοῦ $\{ m{\chi}$ αὐτοῦ ζητήματος διὰ λογαριχοῦ ψήφου. "Έστωσαν τῆς δεξαμενῆς  $m{N}^{
m o}$   $m{ar{lpha}}^{
m z} m{
ho}$ 

<sup>1)</sup> Haec solutio longius iusto tempus exhibet, neglecto  $\frac{1}{36}$  receptaculi.

<sup>2) 1</sup> No ( $\nu \delta \mu \iota \sigma \mu \alpha$ , solidus aureus) = 288  $\varphi^o$  ( $\varphi \delta \lambda \lambda \varepsilon \iota \varepsilon$ , folles).

<sup>21</sup> δ'] 5' P.

15

τὸ ὀφεῖλον πληρωθῆναι καὶ ἔστωσαν ἀντὶ τῶν  $\bar{\delta}$  κρουνῶν ἄνδρες  $\bar{\delta}$ , καὶ ὁ μὲν α°ς έξ αὐτῶν καταβαλέσθω εἰς ἀναπλήρωσιν τοῦ  $N^{\circ}$  λογάριν τοῦ  $N^{\circ}$  τὸ L' μέρος φ°  $\bar{\rho}\mu\bar{\delta}$ , καὶ τὸ η' μέρος τοῦ  $N^{\circ}$  φ°  $\bar{\lambda}\bar{\delta}$ , καὶ τὸ οδ' μέρος τοῦ  $N^{\circ}$  φ°  $\bar{\delta}$ , καὶ τὸ ομη' μέρος τοῦ  $N^{\circ}$  φ°  $\bar{\beta}$ , καὶ τὸ  $\bar{\delta}$  σ εἰς' μέρος τοῦ  $N^{\circ}$  φ°  $\bar{\alpha}$  εἰσὶ τὰ τοῦ α°υ ἀνδρὸς φ°  $\bar{\rho}\bar{\eta}\bar{\zeta}$ . κατατιθέσθω δὲ καὶ δ  $\bar{\beta}^{\circ\varsigma}$  τὸ  $\bar{\delta}'$  μέρος τοῦ α°υ φ°  $\bar{\mu}\bar{\zeta}$ , καὶ δ  $\bar{\gamma}^{\circ\varsigma}$  τὸ  $\bar{\varsigma}'$  τοῦ α°υ φ°  $\bar{\lambda}\bar{\alpha}$ , καὶ δ  $\bar{\delta}^{\circ\varsigma}$  τὸ  $\bar{\eta}'$  τοῦ α°υ φ°  $\bar{\kappa}\bar{\chi}\bar{\zeta}$ . ἔτινα συνάγονται διὰ τῶν  $\bar{\delta}$  ἀνδρῶν φ°  $\bar{\delta}\bar{\kappa}\bar{\eta}\bar{\zeta}$  ήγουν  $N^{\circ}$   $\bar{\alpha}$  ἀντὶ τῆς δεξαμενῆς.

- δ. Λύσις έτέρα λογαρική σύντομος. 1) Ο μέν  $α^{o\varsigma}$  ἀνήρ κατέθετο τὸ δίμοιρον τοῦ  $N^o$ , δ δὲ  $β^{o\varsigma}$  τὸ  $\varsigma'$  ἤγουν μ'  $\frac{\bar{\beta}}{\bar{\beta}}$ , ὅπερ γίνεται  $\bar{\varsigma}'$  τοῦ διμοίρου δ δὲ  $γ^{o\varsigma}$  τὸ  $\bar{\varsigma}'$   $φ^o$   $\bar{\lambda}\bar{\beta}$ , ὅπερ γίνεται  $\bar{\varsigma}'$  τοῦ διμοίρου δ δὲ δος τὸ  $\bar{\varsigma}'$  τοῦ  $N^o$ , ὅπερ γίνεται  $\bar{\gamma}'$  τοῦ διμοίρου.
- ε. Λύσις έτέρα λογαρική. Ἐπειδὴ ὁ  $\overline{\lambda \zeta}$  καὶ ὁ  $\overline{\lambda \delta}$  λύουσι τὸ ζήτημα, διαιροῦμεν τὸ  $\overline{\alpha}$  Νο εἰς  $\overline{\lambda \zeta}$  μοίρας ἤγουν τριακοστοέβδομα, καὶ διδοῦμεν τῷ μὲν αῷ προσώπῷ μοίρας κδ, τῷ δὲ βῷ  $\overline{\varsigma}$ , τῷ δὲ γῷ δ, τῷ δὲ δῷ  $\overline{\gamma}$ , ὁμοῦ  $\overline{\lambda \zeta}$ . ἔχει δὲ ἕκαστον λζ΄ ἤγουν έκάστη μοίρα 20  $\varphi$ ο  $\overline{\zeta}$  καὶ  $\overline{\gamma}$  δα.
- 5. Αύσις έτέρα τοῦ αὐτοῦ ζητήματος διὰ τῆς μονάδος τῶν 5 λεπτῶν.²) Διαιροῦμεν τὴν

<sup>1)</sup> Hîc 1  $N^o=12~\mu^\iota$  (μιλιαρήσια, miliarensia) et 1  $\mu^\iota$  (miliarense) = 24  $\varphi^o$  (folles). Vide Hultsch, Griechische und roemische Metrologie (Berlin 1882) p. 345.

<sup>2) 1</sup> No = 6000 λεπτά (denaria). Crassior hic est follium calculus, nempe partium solidi quas Byzantini adhibuisse videntur, sicut Romani librae scripula.

<sup>21</sup> δα] η P.

μονάδα είς  $\overline{\lambda \zeta}$  μοίρας. Εχει δὲ ξκάστη μοίρα ψῆφον  $\overline{\varrho \xi \beta}$  5΄,  $\varphi^o$  δὲ  $\overline{\eta}$ . ἄπερ συναγόμενα, οι μὲν ψῆφοι τῶν  $\overline{\lambda \zeta}$  μοιρῶν γίνονται  $\overline{\varsigma}$ , αι δὲ φόλλεις τῶν αὐτῶν  $\overline{\lambda \zeta}$  μοιρῶν  $\overline{\chi}$  κού τῷ αΨ μοίρας  $\overline{\chi}$  έχούσας ψῆφον μὲν  $\overline{\chi}$  ον  $\overline{\chi}$  τῷ δὲ  $\overline{\chi}$  μοιρῶν μὲν  $\overline{\chi}$  ον  $\overline{\chi}$  επερ γίνεται  $\overline{\zeta}$  τοῦ ας ψῆφον μὲν  $\overline{\chi}$  ον  $\overline{\zeta}$  εξούσας ψῆφον μὲν  $\overline{\chi}$  μοίρας  $\overline{\zeta}$  έχούσας ψῆφον μὲν  $\overline{\chi}$  μοίρας  $\overline{\zeta}$  έχούσας ψῆφον  $\overline{\zeta}$  τοῦ  $\overline{\zeta}$  τοῦ  $\overline{\zeta}$  τοῦ  $\overline{\zeta}$  τοῦ  $\overline{\zeta}$  τοῦ  $\overline{\zeta}$  μοίρας  $\overline{\zeta}$  έχούσας ψῆφον  $\overline{\zeta}$   $\overline{\zeta}$  τοῦ  $\overline{\zeta}$  εἰς μοίρας  $\overline{\zeta}$  έχούσας ψῆφον  $\overline{\zeta}$   $\overline{\zeta}$ ,  $\overline{\zeta}$  τοῦ  $\overline{\zeta}$   $\overline{\zeta}$  τοῦ  $\overline{\zeta}$  εἰς μονάδος  $\overline{\zeta}$  τοῦ τέλειον.

ζ. Λύσις έτέρα συντομωτέρα πάντων. Ἐπειδή 15 δ ἀπαρτισμός τοῦ κο ἀριθμοῦ πρὸς τὸν λζ συνίστησι τὸ ζητούμενον, ἰστέον ὅτι ὁ κο τοῦ λξ γίνεται μέρος δίμοιρον οὐδὲν δὲ διαφέρει πρὸς ἀριθμητικὰς καὶ λογαρικὰς ψηφοφορίας ὁ λζ τοῦ λξ, διότι οὐ τέμνουσιν οἱ ἀριθμητικοὶ τὰς μονάδας, οὕτε οἱ λογαρικοὶ τὰς φόλλεις. ἐπεὶ οὖν ὁ κο δίμοιρον ἐστι τοῦ λζ, ἀσαύτως δὲ καὶ αἱ δ ὡραι δίμοιρον εἰσι τῶν ξ ὡρῶν, πρόδηλον ὅτι οἱ δ κρουνοὶ εἰς δ ώρας ἤγουν εἰς τὸ δίμοιρον τῶν ξ ὡρῶν ἄμα ρέοντες ἐπλήρωσαν τὴν δεξαμενήν. οὐκ ἔστιν ἐτέρα λύσις οὕτε παρὰ τῆς ρύσεως, οὕτε παρὰ τῆς τέχνης.

 $\Sigma$ χόλιον.\(^1) — Χάλκεος καὶ τοῦτο ὅμοιον τοῖς προσέχουσι πρὸ αὐτοῦ\(^2) καὶ ὁμοίως λύεται. εὐρίσκονται γὰρ οἱ  $\overline{\delta}$  κρουνοὶ μεγέθει πρὸς ἀλλήλους ἔχοντες λόγον

<sup>1)</sup> Scholium Metrodoreum in margine scriptum.

<sup>2)</sup> Vide infra Metrodorea epigrammata XVII et XVIII, p. 63.

δυ τὰ  $\overline{\iota \beta}$ .  $\overline{\iota}$ )  $\overline{\varsigma}$ .  $\overline{\rho}$ ,  $\overline{\delta}$ , όμοῦ  $\overline{\kappa \gamma}$  · ἐὰν οὖν ποιήσωμεν ὡς τὰ  $\overline{\iota \beta}$  πρὸς τὰν  $\overline{\kappa \gamma}$ , οὕτως ἕτερόν τινα χρόνον πρὸς ώρας  $\overline{\varsigma}$ , εὐρήσομεν τῶν  $\overline{\varsigma}$  ὡρῶν ἐλάσσονα χρόνον ἐν λόγῳ ὑποενδεκαδωδεκάτῳ · [ἐὰν οὖν πάντα κγ<sup>κις</sup> γένηται, ὡς  $\overline{\varsigma}$  ὑποενδεκαδωδεκάτῳ πληρωθήσεται ὁ κρατήρ.

ια.

Τοὺς χιλίους στατήφας οὓς ἐκτησάμην λαβεῖν κελεύω τοὺς ἐμοὺς παΐδας δύο πλὴν γνησίου τὸ πέμπτον ηὐξήσθω δέκα μέτρου τετάρτου τῶν λαχόντων τῷ νόθφ.

ιβ.

Έξ μνῶν εξ φιάλας Κοοισος βασιλεύς ἀνέθηκεν δραχμη την ετέρην μείζονα της ετέρης.

15

10

ιγ. είς ἀνδοιάντας τοείς, Ζήθου καὶ 'Αμφίονος καὶ τῆς μητοὸς αὐτῶν. 
"Αμφω μὲν ἡμείς είκοσι μνᾶς ἕλκομεν 
Ζῆθός τε γώ ξύναιμος: ἢν δέ μου λάβης

<sup>1)</sup> Errore numerus 12 pro 24 positus est, ac si horae sex diem totam complerent. Solutionis sensus: tempus quaesitum est  $\frac{6}{1+\frac{11}{12}}$  horae. Pro ὑποενδεκαδωδεκάτφ (l. 4 et 6) oporteret ὑποεπιενδεκαδωδεκάτφ.

<sup>4-5</sup> ἐὰν οὖν . . . πρὸς ορ seclusi; oporteret ἐὰν οὖν πάντα  $\mathbf{z}^{\mathbf{z}_{i}\mathbf{c}}$  γένηται, ὡς ορ πρὸς  $\mathbf{\overline{q}}\lambda\eta$  sed haec nihil ad rem. 5 ἐν] ἐὰν P. 15 ἑτέρης] ἑτέρας (sic) P.

10

15

20

τρίτον, τὸ τέτρατόν τε τοῦδ' 'Αμφίονος, εξ [αν τα] πάντ' ἀνευρών, μητρὸς εὐρήσεις σταθμόν.

#### $\langle \mu \eta \rangle$ .

Αί Χάριτες μήλων καλάθους φέρον, έν δε έκάστη ἶσον ἔην πλῆθος. Μοῦσαι σφίσιν ἀντεβόλησαν ἐννέα καὶ μήλων σφέας ἤτεον αὶ δ' ἄρ' ἔδωκαν ἶσον έκάστη πλῆθος, ἔχον δ' ἴσα ἐννέα καὶ τρεῖς. εἰπε πόσον <μεν> δῶκαν, ὅπως δ' ἴσα πᾶσαι ἔχεσκον.

# $\langle \mu \vartheta \rangle$ .

Τεῦξόν μοι στέφανον, χουσόν χαλκόν τε κεράσσας κασσίτερον θ' ἄμα τοῖσι πολύκμητόν τε σίδηρον, μνῶν έξήκοντα χουσός δ' έχέτω μετὰ χαλκοῦ δοιὰ μέρη τρισσῶν χουσός δ' ἄμα κασσίτερος τε τρισσὰ μέρη τετόρων χουσός δ' ἄμα κασσίτερος τόσσα μέρη τῶν πέντε πόσον δ' ἄρα δεῖ σε κερᾶσαι λέξον τοῦ χουσοῦ, χαλκοῦ πόσον, ἀλλ' ἔτι λέξον κασσιτέροιο πόσον, λοιποῦ πόσον εἰπὲ σιδήρου ῶστε σε τὸν στέφανον τεῦξαι μνῶν έξήκοντα.

#### ν. ἄλλο.

Τὸ τρίτον, ἀργυροποιέ, προσέμβαλε καὶ τὸ τέταρτον τῆς φιάλης εἰς εν καὶ τὸ δυωδέκατον εἰς δὲ κάμινον ελαυνε βαλὼν καὶ πάντα κυκήσας εξελέ μοι βῶλον, μνᾶν δέ μοι ελκυσάτω.

<sup>1</sup> τέταρτον P. 2 ἂν τὰ del. ed. 8 ἔσχον P. 9 μὲν suppl. ed. 12 τ' ᾶμα P. 15 δ' ᾶμ'] δ' αὖτ' ed. 16 κεράσσαι ed.

10

#### να. ἄλλο.

"Εχω τὸν έξῆς καὶ τὸ τοῦ τρίτου τρίτον. εἰσὶ  $\overline{\mu}$ ε Kἀγὰ τὸν έξῆς καὶ τὸ τοῦ πρώτου τρίτον.  $\overline{\lambda}$ ζ L΄ Kἀγὰ δέκα μνᾶς καὶ τὸ τοῦ μέσου τρίτον.  $\overline{\mu}$ β L΄

Μητοοδώ ουν έπιγο άμματα ἀριθμητικά.

 $\langle \beta \rangle$ . 1)

Τίπτε με τῶν καρύων ἔνεκεν πληγῆσι πιέζεις, 
ἄ μῆτερ; τάδε πάντα καλαὶ διεμοιρήσαντο 
παρθένοι ἡ γὰρ ἐμεῖο Μελίσσιον ἔβδομα δοιά, 
ἡ δὲ δυωδέκατον Τιτάνη λάβεν ἕκτον ἔχουσιν 
καὶ τρίτον ᾿Αστυόχη φιλοπαίγμονες ἡδὲ Φίλιννα 
εἴκοσι δ᾽ ἀρπάξασα Θέτις λάβε, δώδεκα Θίσβη 
ἡν ὅρα καὶ δ᾽ ἐγέλα Γλαύκη παλάμησιν ἔχουσα 
ἕνδεκα τοῦτο δέ μοι καρύων περιλείπεται οἶον.

Σχόλιον. Εύρειν άριθμὸν ὅς λείψας ζ΄ ζ΄ ιβ΄ ς΄ γ΄ εξει λοιπὰς μονάδας μδ· τάδε τοιαῦτα προβλήματα καλεῖ ἐν τοῖς Δεδομένοις ὁ Εὐκλείδης δοθέντι ἀριθμῷ ἢ ἐν λόγῳ· ἔστιν δὲ ὅμοιον τοῦτο τὸ πρόβλημα τῷ πρὸ αὐτοῦ καὶ ὁμοίως λύεται διὰ τῶν αὐτῶν ἐφόδων. 20 εὐρίσκεται οὖν ἐλάχιστος ἀριθμὸς ἔχων τὰ προκείμενα μέρη ὁ πδ, ἐξ οὖ ἀφαιρεθέντων ζ΄ ζ΄ ιβ΄ ς΄ γ΄, λοιπὰ ἰα·

<sup>1)</sup> Ep. XIV, 116. Primum problema Metrodoreum (XIV, 2: vide supra p. 44, not. 1) in alia collectione inventum haud repetivit Constantinus Cephalas.

<sup>2</sup> εἰσὶ] λζ P (errore ex compendio orto?). 11 ἔχουσαν P. 14 ἡ δ', ὅρα, ἡδὸ γελῷ ed. 15 πάρνον ed. frustra. 16 ἀριθμὸν] παὶ P.

καὶ ἐπειδὴ τετραπλάσιός ἐστιν ὁ ἐξ ἀρχῆς δοθεὶς ἀριθμὸς ὁ  $\mu \bar{\delta}$  τοῦ  $\bar{\iota} \bar{\alpha}$ , ποιῶ τετραπλάσιον τοῦ  $\bar{\kappa} \bar{\delta}$  τὸν τλς καὶ λύω τὸ πρόβλημα.

#### γ. ἄλλο.

Ποῦ σοι μῆλα βέβηκεν, ἐμὸν τέκος; "Εκτα μὲν Ἰνὰ δοιὰ καὶ ὀγδοάτην μοῦραν ἔχει Σεμέλη'
 Αὐτονόη δὲ τέταρτον ἀφήρπασεν, αὐτὰρ ᾿Αγαυὴ πέμπτον ἐμῶν κόλπων οἴχετ' ἀπαινυμένη.
 σοὶ δ' αὐτῆ δέκα μῆλα φυλάσσεται, αὐτὰρ ἔγωγε,
 ναὶ μὰ φίλην Κύπριν, ἕν τόδε μοῦνον ἔχω.

Σχόλιον. Εύρειν ⟨ἀριθμὸν⟩ δς λείψας γ' η' δ' ε' ξξει λοιπὰς μ°  $\overline{\iota}\alpha$ . καὶ τοῦτο ὅμοιον τοῖς πρὸ αὐτοῦ καὶ ὁμοίως ἐφοδευόμενον· εὐρίσκεται γὰρ ἐλάχιστος ἀριθμὸς ἔχων τὰ προκείμενα μέρη ὁ  $\overline{\rho}$ κ' ἐὰν δὲ ἀφέ-15 λης ἐξ αὐτοῦ γ' η' δ' ε', λοιπὸν μένουσιν  $\overline{\iota}\alpha$ .

#### δ. ἄλλο.

Δρεψαμένη ποτε μήλα φίλαις διεδάσσατο Μυρτώ Χρυσίδι μεν μήλων πέμπτον πόρε, τέτρατον Ήροι, έννεακαιδέκατον Ψαμάθη, δέκατον Κλεοπάτρη αὐτὰρ ἐεικοστὸν δωρήσατο Παρθενοπείη, δώδεκα δ' Εὐάδνη μοῦνον πόρεν αὐτὰρ ἐς αὐτὴν ἤλυθον ἐκ πάντων έκατὸν καὶ εἴκοσι μῆλα.

Σχόλιον. Εύρετν ἀριθμὸν δς λείψας ε΄ δ΄ ιθ΄ ι' κ΄ εξει λοιπὰς μο ρλβ. και τοῦτο δμοιον τοῖς πρὸ αὐτοῦ 25 και δμοίως λυόμενον ευρίσκομεν γὰρ ελάχιστον ἀριθμὸν δς εξει τὰ προκείμενα μέρη τὸν τπ, και ἐὰν ἀφαιρεθῆ ἐξ αὐτοῦ μέρη ε΄ δ΄ ιθ΄ ι' κ', λοιπὸν μένουσιν ρλβ.

<sup>3</sup> πρόβλημα] πρᾶγμα P. 4 Ep. XIV, 117. 16 Ep. 118.

#### 5. ἄλλο.¹)

'Αντομέναις ποτε μήλα φίλαις διεμοιρήσαντο 'Ινω καί Σεμέλη δώδεκα παρθενικαϊς.

καὶ ταῖς μὲν Σεμέλη πόρεν ἄρτια, ταῖς δὲ περισσὰ δῶκε κασιγνήτη, μῆλα δ' ἔχεν πλέονα.

ή μὲν γὰρ τρισσῆσι τρί' ἔβδομα δῶκεν ἐταίραις, ταῖς δὲ δύω πάντων πέμπτον ἔδωκε λάχος: ἔνδεκα δ' ᾿Αστυνόμη μιν ἀφείλατο καί οἱ ἔλειπεν

μοῦνα κασιγνήταις μῆλα δύω φερέμεν.

ή δ' έτέρη πισύρεσσι πόρεν δύο τέτρατα μήλων, 10 πέμπτη δ' έκταίην μοζοαν έδωκεν έχειν τέσσαρα δ' Εὐρυκόρη δῶρον πόρε τέτρασι δ' ἄλλοις μήλοισιν Σεμέλη μίμνεν ἀγαλλομένη.

 $\Sigma \chi \delta \lambda i \text{ ov.}^2$ ) Τοῦτο τὸ πρόβλημα ὅμοιον μέν ἐστι τοῖς πρὸ αὐτοῦ καὶ ὡσαύτως ἐφοδεύεται, πλὴν διαφέ- 15 ρει τοσοῦτον μόνον ὅτι διπλοῦν ἐστι καὶ δύο ἀριθμοί εἰσιν οἱ ξητούμενοι καὶ μεριζόμενοι, ὅ τε τᾶς Ἰνοῦς περιττὸς καὶ περιττάκις εἰς περιττὰ διαιρούμενος κατὰ τὴν τοῦ περιττοῦ ἀριθμοῦ φύσιν, καὶ ὁ τῆς  $\Sigma$ εμέλης ἄρτιος καὶ ἀρτιάκις . . .  $^3$ ) καὶ οὖτος λείψας ζ΄ ζ΄ ζ΄ ε΄, 20 τουτέστι κβ, λοιπὰ  $\overline{\imath \gamma}$ , καὶ λύεται τὸ πρόβλημα. ἐπὶ δὲ τῆς  $\Sigma$ εμέλης ἀριθμὸν ἔστω εὐρεῖν δς ἐλάχιστος ὢν ἔξει μέρη L' 5΄, καὶ ἔστιν ὁ  $\overline{\varsigma}$ . ἐὰν οὖν λείψη L' 5΄, λοιπὰ μένουσι  $\overline{β}$ , καὶ ἔστιν  $\overline{\delta}$   $\overline{\eta}$  τούτου τετραπλάσιος· οὐκοῦν τετράκις δ  $\overline{\varsigma}$  γίνεται  $\overline{\kappa \delta}$ , καὶ περαίνεται ἡ λύσις. 25

<sup>1)</sup> Quintum problema Metrodoreum habes supra p. 45, not. 1.

<sup>2)</sup> Scholium mutilum in margine scriptum.

<sup>8)</sup> Lacunam statui. Inous numerus, cuius calculus excidit, est 35.

<sup>1</sup> Ep. XIV, 119. 8 'Αστυνόμη P.

**⟨ξ⟩**.

'Η καρύη πολλοίσιν έβεβρίθει καρύοισιν'
νῦν δέ τις έξαπίνης μιν ἀπέθρισεν, ἀλλὰ τί φησιν;
'Εκ μὲν ἐμεῦ καρύων πέμπτον λάβε Παρθενόπεια'

δ ὀγδόατον δὲ Φίλιννα φέρει λάχος, ἡ δ' 'Αγανίππη τέτρατον, έβδομάτφ δ' ἐπιτέρπεται 'Ωρείθυια'
εκτην δ' Εὐρυνόμη καρύων ἐδρέψατο μοίρην, τρισσαὶ δ' ξξ έκατὸν Χάριτες διεμοιρήσαντο, ἐννάκι δ' ἐννέα Μοῦσαι ἐμεῦ λάβον' ἐπτὰ δὲ λοιπὰ

δήεις ἀκρεμόνεσσιν ἐφήμενα τηλοτέροισιν.

Σχόλιον. Εύρεῖν ἀριθμὸν δς λείψας μέρος έαυτοῦ ε΄ η΄ δ΄ ζ΄ ξ΄ ξέξει λοιπὰς μ° τπη. καὶ τοῦτο ὅμοιον τοῖς πρὸ αὐτοῦ καὶ ὡσαύτως ἐφοδεύεται. καὶ γὰρ εὐρίσκομεν ἀριθμὸν δς ἐλάχιστος ὢν ξέξει τὰ προκείμενα ε΄ μέρη, καὶ ἔστιν ὁ ωμ΄ καὶ ἐὰν λείψη οὖτος ἑαυτοῦ ε΄ η΄ δ΄ ζ΄ ξ΄, λοιπὰ ἔσονται τὰ μένοντα τίς. καὶ ἐπεὶ ὁ τπη τετραπλάσιος αὐτοῦ ἐστιν, δεὶ καὶ τὸν ωμ τετραπλασιάσαι, καὶ γίνεται γτξ καὶ ποιεῖ τὸ πρόβλημα.

# η. ἄλλο.

20 Έπτάλοφον ποτὶ ἄστυ Γαδειρόθεν ἔκτον δδοῖο τὴν Ῥώμην λέγει Βαίτιος εὐμύκους ἄχρις ἐν ἠιόνας Βαῖτις ποταμός κεῖθεν δ' αὖ πέμπτον Πυλάδου μετὰ Φώκιον οὖδας Ταύρη χθὼν βοέης οὔνομ' ἀπ' εὐεπίης.

25 Πυρήνην δέ τοι ἔνθεν ἐπ' ὀρθόκραιρον ἰόντι ὄγδοον ἠδὲ μιῆς δωδέκατον δεκάδος

<sup>1</sup> Ep. XIV, 120. 6 ἀΩρίθνια P. 7 Εύρννομείη P. 19 Ep. XIV, 121. 24 εύετίης ed. 26 δεκάτης ed.

Πυρήνης δὲ μεσηγὸ καὶ "Αλπιος ὑψικαρήνου τέτρατον. Αὐσονίης αἶψα δυωδέκατον ἀρχομένους ἤλεκτρα φαείνεται Ἡριδανοῖο.

ỗ μάκαρ, δς δισσάς ἤνυσα χιλιάδας πρὸς δ' ἔτι πέντ' ἐπὶ ταῖς έκατοντάδας ἔνθεν ἐλαύνων · 5 ἡ γὰρ Ταρπαίη μέμβλετ' ἀνακτορίη.

	Γάδειρα
,β<φ>	<b>ຮ</b> ້
	Βαΐτις ποταμός
X	ε′
	Ταῦρος
β	η' οκ'
	Πυρήνη ὄφος
χψυ	δ΄
	"Αλπις ὄφος
,ασν	ιβ΄
	'Ηοιδανὸς ποταμός
βφ	'Ρώμη.

Σγόλιον. Εύρεῖν ἀριθμὸν δς λείψας μέρος έαυτοῦ 5' ε' η' οχ' δ' ιβ' έξει λοιπάς μο βφ. καί τοῦτο δὲ ὅμοιόν ἐστι τοῖς 10 πρὸ αὐτοῦ καὶ ὡσαύτως έφοδευόμενον καλ λυόμενον. εύρίσκεται γάρ άριθμός έλάχιστος έγων τὰ προκείμενα μέρη δ οπ. έὰν λείψη οὖτος μέρος έαυτοῦ 15 5' ε' η' οκ' δ' ιβ', λοιπὰ μένουσιν μο π. και έπει δ βφ τοῦ π έστιν έχατονειχοσιπενταπλάσιος, δεῖ καὶ τὸν οκ πολλαπλάσιάσαι παρά τὸν σχε, καὶ γί- 20 νονται χιλιάδες τε δ 3 καλ ποιεῖ τὸ πρόβλημα.

₽.

Εὐβλεφάροιο Δίκης ίερὰ κρηδεμνὰ μιήνας ὅφρα σε, πανδαμάτωρ χουσέ, βλέποιμι τόσον, 25 οὐδὲν ἔχω· πίσυρας γὰρ ἐπ' οὐκ ἀγαθοῖσι ταλάντων οἰωνοῖσι μάτην δῶκα φίλοις δεκάδας·

<sup>3</sup> άρχομένης ed. 6 Ταρπείη ed. 7 άριθμον] καί P. 23 Εp. ΧΙV, 122. 27 δεκάδος P.

ημισυ δ' αὖ τρίτατόν τε καὶ δγδοον, ὧ πολύμορφοι ἀνθρώπων Κηρες, ἐχθρὸν ἔχοντα βλέπω.

Σχόλιον. Ύπόκειταί τις κλέψας χουσόν, καὶ τὸ μὲν αὐτοῦ διανείμας τοῖς φίλοις, τὸ δὲ πάλιν ἀφαι5 φεθεὶς ὑπὸ ἐχθοοῦ, καὶ μηδὲν ἐαυτῷ ὑπολειπόμενος καὶ διὰ τοῦτο σχετλιάζων. ἔστιν οὖν καὶ τοῦτο ὅμοιον καὶ ὁμοίως τοἰς πρὸ αὐτοῦ ἐφοδευόμενον. δεῖ γὰρ εὑρεῖν ἀριθμὸν ὡς ἐλάχιστος ὢν ἔξει μέρη Δ΄ γ΄ η΄, καὶ ἔστιν ὁ κδ· ἐὰν οὖν λείψη οὖτος τὸ Δ΄ γ΄ η΄, καταλείπει 10 μ° ὰ τουτέστιν τὸ κδ' μέρος. ἀλλ' ἔξ ἀρχῆς ὑπέκειτο ἵνα λείψη μ° μ· οὐκοῦν τὸν κδ πολλαπλασιάσας ἐπὶ τὸν μ ποιήσει τὸν ἀριθμὸν ∑ξ, ὅστις ποιήσει τὸ πρόβλημα.

#### ι. ἄλλο.

Πέμπτον μοι κλήρου, παϊ, λάμβανε δωδέκατον δε 15 δέξο, δάμαρ πίσυρες δ' υίέος οίγομένου παϊδες, άδελφειοί τε δύω καλ άγάστονε μῆτερ, ένδεκάτην κλήρου μοζοαν ξκαστος έχε. αὐτάρ, ἀνεψιοί, δύο καὶ δέκα δέχθε τάλαντα, Εύβουλος δ' έγέτω πέντε τάλαντα φίλος. 20 πιστοτάτοις διιώεσσιν έλευθερίην καὶ ἄποινα μισθον ύπηρεσίης τοϊσδε δίδωμι τάδε. δόε λαμβανέτωσαν 'Ονήσιμος είκοσίπεντε μνᾶς έχέτω. Δοὸς δ' εἴκοσι μνᾶς έχέτω. πεντήκοντα Σύρος, Συνετή δέκα, Τίμιος δκτώ: 25 έπτα δε μνας Συνετώ παιδί δίδωμι Σύρου. έκ δε τριηκόντων κοσμήσατε σήμα ταλάντων, δέζετε δ' Οὐδαίω Ζανὶ θυηπολίην.

<sup>5</sup> ὑπολιπόμενος P. 14 Ep. XIV, 123. 18 ἔπαστος ] ἔπτος P. 19 ἀνεψιαδοί ed. 20 Εὔβολος P. 23 ὧδε δὲ ed. 24 ⊿άος ed. 25 Τίβιος ed.

δισσών ές δὲ πυρήν καὶ ἄλφιτα καὶ τελαμώνας εἰκαίην δοιών σώμα χάριν λαβέτω.

[Καὶ γέγονεν φανερὸν ἐκ τούτου ὅτι τὴν μνᾶν ὑποτίθεται τεταρτημόριον τοῦ ταλάντου τὰς γὰρ  $\overline{\rho}$ μός  $\overline{h}$   $\overline{h}$  τάλαντα ἐκτίθεται.]

#### ια. ἄλλο.

'Η έλιος μήνη τε καὶ ἀμφιθέοντος ἀλῆται

Σωοφόρου τοίην τοι ἐπεκλώσαντο γενέθλην'

εκτην μὲν βιότοιο φίλη παρὰ μητέρι μεῖναι
ὀρφανόν, ὀγδοάτην δὲ μετ' ἀντιβίοισιν ἀνάγκη
θητεύειν νόστον δὲ γυναϊκά τε παϊδα τ' ἐπ' αὐτῆ
τηλύγετον δώσουσι θεοὶ τριτάτη ἐπὶ μοίρη·
20
δὴ τότε σοι Σκυθικοῖσιν ὑπ' ἔγχεσι παῖς τε δάμαρ τε
ὅλλυνται σοὶ δὲ τοῖσιν ἐπάλλιστα † δάκρυα χεύσας,
ἐπτὰ καὶ εἴκοσ' ἔτεσσι βίου ποτὶ τέρμα περήσεις.

Σχόλιον. Εύρεῖν ἀριθμὸν δς λείψας μέρος έαυτοῦ  $\mathbf{5}' \mathbf{\eta}' \mathbf{\gamma}'$  έξει λοιπὰς μ $^{0}$  πξ. καὶ τοῦτο δὲ ὅμοιόν 25 ἐστι τοῖς πρὸ αὐτοῦ καὶ ὁμοίως ἐφοδεύεται. εύρίσκο-

<sup>1</sup> ἔς τε ed. 5 τοῖς] τοῦ P. 11—13 καὶ ... ἐκτίθεται delevi: etenim minarum summa est 120 et pro 2 talentis computatur. 14 Ep. XIV, 124. 16 ζωόφορον P 18 ὀγδοάτ ήδὲ P. ἀνάγκη P. 21 ἔγχεῖ P. 22 ἐπάλλιστα] ἐπ' ἄλγεσι ed.

ημισυ δ' αὖ τρίτατόν τε καὶ ὄγδοον, ὧ πολύμορφοι ἀνθρώπων Κῆρες, ἐχθρὸν ἔχοντα βλέπω.

Σχόλιον. Ύπόκειταί τις κλέψας χουσόν, καὶ τὸ μὲν αὐτοῦ διανείμας τοῖς φίλοις, τὸ δὲ πάλιν ἀφαι5 φεθεὶς ὑπὸ ἐχθοοῦ, καὶ μηδὲν ἐαυτῷ ὑπολειπόμενος καὶ διὰ τοῦτο σχετλιάζων. ἔστιν οὖν καὶ τοῦτο ὅμοιον καὶ ὁμοίως τοῖς πρὸ αὐτοῦ ἐφοδευόμενον. δεῖ γὰρ εὑρεῖν ἀριθμὸν ὅς ἐλάχιστος ὢν ἕξει μέρη ∠'γ'η', καὶ ἔστιν ὁ κδ· ἐὰν οὖν λείψη οὖτος τὸ ∠' γ' η', καταλείπει 10 μ° ὰ τουτέστιν τὸ κδ' μέρος. ἀλλ' ἐξ ἀρχῆς ὑπέκειτο ἵνα λείψη μ° μ· οὐκοῦν τὸν κδ πολλαπλασιάσας ἐπὶ τὸν μ ποιήσει τὸν ἀριθμὸν ⑤ξ, ὅστις ποιήσει τὸ πρόβλημα.

#### ι. ἄλλο.

Πέμπτον μοι κλήρου, παζ, λάμβανε δωδέκατον δε 15 δέξο, δάμαρ πίσυρες δ' υίέος οίγομένου παϊδες, άδελφειοί τε δύω καὶ άγάστονε μῆτερ, ένδεκάτην κλήρου μοζοαν ξκαστος έγε. αὐτάρ, ἀνεψιοί, δύο καὶ δέκα δέχθε τάλαντα, Εύβουλος δ' έχέτω πέντε τάλαντα φίλος. 20 πιστοτάτοις δμώεσσιν έλευθερίην και άποινα μισθον υπηρεσίης τοϊσδε δίδωμι τάδε. ώδε λαμβανέτωσαν 'Ονήσιμος είκοσίπεντε μνᾶς έγέτω. Δοὸς δ' είκοσι μνᾶς έγέτω. πεντήκοντα Σύρος, Συνετή δέκα, Τίμιος δκτώ: 25 έπτα δε μνας Συνετφ παιδί δίδωμι Σύρου. έχ δε τριηκόντων χοσμήσατε σημα ταλάντων, φέζετε δ' Οὐδαίω Ζανί θυηπολίην.

<sup>5</sup> ὁπολιπόμενος P. 14 Ep. XIV, 123. 18 ἔπαστος] ἔπτος P. 19 ἀνεψιαδοΐ ed. 20 Εὔβολος P. 23 ὧδε δὲ ed. 24 Δάος ed. 25 Τίβιος ed.

δισσών ές δε πυρήν και άλφιτα και τελαμώνας· είκαίην δοιών σώμα χάριν λαβέτω.

[Καλ γέγονεν φανερον έκ τούτου ὅτι τὴν μνᾶν ὑποτίθεται τεταρτημόριον τοῦ ταλάντου τὰς γὰρ ρμδ μνᾶς ὡς  $\frac{1}{\lambda 5}$  τάλαντα έκτίθεται.]

#### ια. ἄλλο.

'Ηέλιος μήνη τε καὶ ἀμφιθέοντος ἀλῆται

τε ξωοφόρου τοίην τοι ἐπεκλώσαντο γενέθλην ·

εκτην μὲν βιότοιο φίλη παρὰ μητέρι μεῖναι

δρανόν, ὀγδοάτην δὲ μετ' ἀντιβίοισιν ἀνάγκη

θητεύειν · νόστον δὲ γυναῖκά τε παῖδα τ' ἐπ' αὐτῆ

τηλύγετον δώσουσι θεοὶ τριτάτη ἐπὶ μοίρη ·

δὴ τότε σοι Σκυθικοῖσιν ὑπ' ἔγχεσι παῖς τε δάμαρ τε

ὅλλυνται · σοὶ δὲ τοῖσιν ἐπάλλιστα † δάκρυα χεύσας,

έπτὰ καὶ εἴκοσ' ἔτεσσι βίου ποτὶ τέρμα περήσεις.

 $\Sigma_{\chi}$ όλιον. Εύρεῖν ἀριθμὸν  $\delta_{S}$  λείψας μέρος έαυτοῦ  $S'\eta'\gamma'$  έξει λοιπὰς μ $^{o}$   $\overline{\chi}_{S}^{c}$ . καλ τοῦτο δὲ ὅμοιόν 25 ἐστι τοῖς πρὸ αὐτοῦ καλ ὁμοίως ἐφοδεύεται. εὑρίσκο-

<sup>1</sup> ἔς τε ed. 5 τοῖς] τοῦ P. 11—13 καὶ . . . ἐκτίθεται delevi: etenim minarum summa est 120 et pro 2 talentis computatur. 14 Ep. XIV, 124. 16 ζωόφορον P 18 ὀγδοάτ ήδὲ P. ἀνάγκη P. 21 ἔγχεῖ P. 22 ἐπάλλιστα] ἐπ' ἄλγεσι ed.

μεν γὰρ ἀριθμὸν δς ἐλάχιστος ὢν ἔξει τὰ δοθέντα μέρη 5' η' γ', ἔστι δὲ δ  $\overline{\mathbf{x}}$ δ' ἐὰν οὖν ἀφέλης ἐξ αὐτοῦ μέρη 5' η' γ' τουτέστιν  $\mu^{\circ}$   $\overline{\imath}$ ε, λοιπὰ μένουσιν  $\overline{\mathfrak{b}}$  ἀλλ' ώφειλον εἶναι  $\overline{\mathbf{x}}$ ε οὐκοῦν τρὶς τὰ  $\overline{\mathbf{x}}$ δ γίνονται  $\overline{\mathfrak{o}}$ ρ,  $\overline{\mathfrak{a}}$ φ' ὧν τὸ 5' η' γ', λοιπὰ  $\overline{\mathbf{x}}$ ξ.

# ιβ. ἄλλο.

Τύμβος έγώ, κεύθω δὲ πολύστονα τέκνα Φιλίννης, τοῖον μαψιτόκων καρπὸν ἔχων λαγόνων. πέμπτον ἐν ἠιθέοις, τρίτατον δ' ἐνὶ παρθενικῆσιν, τρεῖς δέ μοι ἀρτιγάμους δῶκε Φιλίννα κόρας. λοιποὶ δ' ἠελίοιο πανάμμοροι ἠδὲ καὶ αὐδῆς τέσσαρες ἐκ λαγόνων εἰς ᾿Αχέροντα πέσον.

Σχόλιον. Εύρεῖν ἀριθμὸν δς λείψας μέρος έαυτοῦ ε΄ γ΄ ἔξει λοιπὰς μο  $\bar{\zeta}$ . καὶ τοῦτο ὅμοιόν ἐστι τοῖς πρὸ αὐτοῦ πᾶσιν. εύρίσκομεν γὰρ ἀριθμὸν [δς] ἐλάχιστον ἔχοντα τὰ είρημένα μέρη, τὸν  $\bar{\iota}$ ε ἀναφελόντες μέρος ε΄ γ΄, λοιπὰ  $\bar{\zeta}$ .

# ιγ. ἄλλο.

Οὖτός τοι Διόφαντον ἔχει τάφος δα μέγα θαῦμα,

20 καὶ τάφος ἐκ τέχνης μέτρα βίοιο λέγει.

Εκτην κουρίζειν βιότου θεὸς ἄπασε μοίρην,

δωδεκάτην δ' ἐκιθεὶς μῆλα πόρεν χλοάειν

τῆ δ' ἄρ' ἐφ' ἐβδομάτη τὸ γαμήλιον ῆψατο φέγγος,

ἐκ δὲ γάμων πέμπτω παῖδ' ἐπένευσεν ἔτει.

25 αἶ αἴ τηλύγετον δειλὸν τέκος, ῆμισυ πατρὸς

τοῦδε καὶ ἦ κρυερὸς μέτρον ἐλὼν βιότου.

<sup>6</sup> Ep. XIV, 125. 10 τρίς P. 18 Ep. XIV, 126. 21 έπτη P. 22 δωδεκάτη P χνοάειν ed. 26 σοῦ γ' ἐκάης δυερού ed.

πένθος δ' αὖ πισύρεσσι παρηγορέων ένιαυτοῖς, τῆδε πόσου σοφίη τέρμ' ἐπέρησε βίου.

Σχόλιον. Εύρεῖν ἀριθμὸν  $\frac{6}{9}$ ς λείψας μέρος έαυτοῦ  $\mathbf{5}'$  ιβ'  $\mathbf{5}'$   $\mathbf{L}'$  έξει λοιπὰς  $\mathbf{\mu}^o$   $\mathbf{\bar{\theta}}$ . έστι δὲ καὶ τοῦτο δμοιον τοῖς προκειμένοις ἄπασι καὶ δμοίως λύεται.  $\mathbf{5}$  εὐρίσκεται γὰρ ἀριθμὸς ἐλάχιστος ἔχων τὰ εἰρημένα μέρη  $\mathbf{\delta}$   $\mathbf{\bar{m}}$  $\mathbf{\bar{d}}$ . ὧν ἄφελε τὸ  $\mathbf{5}'$  ιβ'  $\mathbf{5}'$   $\mathbf{L}'$ , τουτέστι  $\mathbf{\mu}^o$   $\mathbf{\bar{o}}$ ε, λοιπὰ  $\mathbf{\bar{d}}$  καὶ γίνεται τὸ πρόβλημα.

#### ιδ. ἄλλο.

Παυτὸς δσου βεβίωκε χρόνου, παζς μὲν τὸ τέταρτον 10 Δημοχάρης βεβίωκε, νεηνίσκος δὲ τὸ πέμπτον, τὸ τρίτον εἰς ἄνδρας· πολιὸν δ' ὅτ' ἀφίκετο γῆρας, ἔζησεν λοιπὰ τρισκαίδεκα γήραος οὐδῷ.

Σχόλιον. Εύρειν ἀριθμὸν δς λείψας δ΄ ε΄ γ΄ έξει λοιπὰς μ°  $\overline{\nu}$ , καὶ τοῦτο δὲ ὅμοιον τοῖς πρὸ αὐτοῦ 15 ἄπασι καὶ ὡσαύτως λύεται. ἐὰν γὰρ εὕρης ἀριθμὸν δς ἐλάχιστος ὢν έξει τὰ δοθέντα μέρη δ΄ ε΄ γ΄, λύεις τὸ πρόβλημα ἔστι δὲ  $\delta$   $\overline{\xi}$ , ἔξ οὖ ἀφελὼν τὰ προκείμενα μέρη, τουτέστι μ°  $\overline{\mu}$ ξ, λοιπὰ μένουσι μ°  $\overline{\nu}$ γ καὶ εὖρες τὴν λύσιν.

#### ιε. ἄλλο.

Οἶον ἀδελφειός με βιήσατο, πέντε τάλαντα οὐχ ὁσίη μοίρη πατρικὰ δασσάμενος επτὰ κασιγνήτοιο τόδ' ένδεκάτων πολύδακους πέμπτον ἔχω μοίρης Ζεῦ, βαθὺν ὕπνον ἔχεις.

 $\Sigma \chi$ όλιον. Τπόκειταί τις σχετλιάζων ώς άδικηθείς ύπὸ τοῦ άδελφοῦ έπὶ τῷ τοῦ πατρικοῦ κλήρου μερισμῷ:

<sup>2</sup> an ποσού? ἐπέρησα P. 9 Ep. XIV, 127. 18 ὁ repet. P. 21 Ep. XIV, 128. 22 μ' ἐβιήσατο ed.

ἤσαν γὰρ ἀδελφοὶ δύο οἱ πάντες, ὧν ὁ εἶς ἰσχυρότερος ἦν δὲ ἡ πᾶσα οὐσία ἡ πατρικὴ τάλαντα  $\overline{\epsilon}$ . διαλύεται τὸ πρόβλημα κατὰ τὸ δεύτερον τῶν Διοφάντου βιβλίου  $\overline{\alpha}$ , τὸν ἐπιταχθέντα ἀριθμόν, ὡς τὰν τοῦ ἐτέρου πέμπτον μέρος εἶναι τὸν ἔτερον. ἔστα οὖν ὁ ἐλάχιστος  $35 \, \overline{\xi}$  τὰ ἄρα  $\overline{\xi}$  ια τοῦ ἑτέρου ἔσται  $35 \, \overline{\epsilon}$  τὸ ἄρα  $\overline{\alpha}$  τοῦ ἐτέρου ἔσται  $35 \, \overline{\epsilon}$  τὸ ἄρα  $\overline{\alpha}$  ια τοῦ ἐτέρου ἔσται  $35 \, \overline{\epsilon}$  τὸ ἄρα  $\overline{\alpha}$  ια τοῦ ἐτέρου ἔσται  $35 \, \overline{\epsilon}$  τὸ ἄρα  $\overline{\alpha}$  ια τοῦ ἐτέρου ἔσται  $35 \, \overline{\epsilon}$  τὸ ἄρα  $\overline{\alpha}$  ια δὶν ἐλάχιστος  $35 \, \overline{\xi}$  συναμφότο τεροι ἄρα ἔσονται  $35 \, \overline{\xi}$ β, ἀλλὰ καὶ τάλαντα  $\overline{\epsilon}$ . καὶ γίνεται τὸ τάλαντον  $35 \, \overline{\xi}$ β, ἀλλὰ καὶ τάλαντα  $\overline{\epsilon}$  καὶ γίνεται τὸ τάλαντον  $35 \, \overline{\xi}$ β ἴσοι ταλάντ $\overline{\alpha}$  παὶ γίνεται δ  $3 \, \overline{\alpha}$  ἔσται δ ἐλάχιστος λές, δ δὲ μείζων σοξε. τούτου δὲ τοῦ μείζονος τὰ  $\overline{\xi}$  ια εἰσι  $\frac{\xi}{\xi}$ β τοῦς, καὶ λύεται τὸ πρόβλημα.

#### ις. ἄλλο.

Εἶπε κυβερνητῆρι πλατὺν πόρον ᾿Αδριακοῖο τέμνων νηί· ἀλὸς πόσα λείπεται εἴσετι μέτρα; τόνδ' ἀπαμείβετο· ναῦτα, μέσον Κριοῖο μετώπου Κρηταίου Σικελῆς τε Πελωρίδος έξάκι μέτρα χίλια· δοιῶν δ' αὖτε παροιχομένοιο δρόμοιο πέμπτων διπλάσιον Σικελὴν ἐπὶ πορθμίδα λείπει.

Σχόλιον. Καὶ τοῦτο ὅμοιόν ἐστι τῷ ιε<sup>ω</sup> καὶ διὰ τοῦ δευτέρου προβλήματος τοῦ πρώτου τῶν Διο25 φάντου Στοιχείων λύεται τὰ ζ΄ διελεῖν εἰς δύο ἀριθμοὺς ἵνα τὸ ε̈ν μέρος ἦ ἐπιτέταρτον τοῦ ἐτέρου γίνεται

<sup>4</sup> ἀριθμόν] καὶ P. 16 Ep. XIV, 129. 25 τὰ] τῶν P.

 $\frac{\delta}{\gamma \tau \lambda \gamma} \frac{\delta}{\gamma} \frac{\delta}{\gamma} \frac{\mu^o}{\chi \xi \pi} \frac{\pi}{\omega}$ ,  $\frac{\kappa}{\kappa} \frac{\lambda}{\kappa} \frac{\gamma (\nu \varepsilon \tau \alpha i)}{\kappa} \frac{\delta}{\kappa} \frac{\mu \varepsilon (\xi \omega v)}{\kappa \chi \xi \pi} \frac{\delta}{\omega}$ .

# $\langle \iota \xi \rangle$ .

Τῶν πισύρων κρουνῶν ὁ μὲν ἤματι πλῆσεν ἄπασαν δεξαμενήν, δύο δ' οὖτος, ὁ δ' ἐν τρίσιν ἤμασιν οὖτος, ὁ τέτρατος ἐν τετόρεσσι· πόσφ πλήσουσιν ἄπαντες;

Σχόλιον. Τοῦτο τὸ πρόβλημα λύεται κατὰ τὸ  $ιϑ^{or}$  ϑεώρημα τοῦ  $ξ^{ou}$  τῶν Στοιχείων Εὐκλείδου· τὸ γὰρ ὑπὸ τοῦ χρόνου καὶ μεγέθους ἐκάστου τῷ ὑπὸ ἴσον ποιοῦντες ἐπὶ τῶν τεσσάρων, εὐρήσομεν τὸ 10 μέγεθος τοῦ μὲν πρώτου ιβ 33, τοῦ δὲ δευτέρου  $\overline{5}$  33, τοῦ δὲ τρίτου  $\overline{δ}$  33, τοῦ δὲ τετάρτου  $\overline{\gamma}$  33, όμοῦ 33  $\overline{\kappa e}$ · ἀλλ' ὁ τῶν  $ι\overline{β}$  33 ἐν μιῷ ἡμέρας ἐπλήρου· οὐκοῦν κατὰ τὸ  $ιϑ^{or}$  τοῦ  $ξ^{ou}$  τῶν Στοιχείων Εὐκλείδου ὁ τῶν  $\overline{\kappa e}$  πληρώσει ἐν μορίφ τῆς ἡμέρας ὑποδιπλασιοδωδεκάτφ· 15 ἀπῆκται ἄρα εἰς τὸ διελεῖν τὰς  $\overline{\iota β}$  ῷρας τῆς ἡμέρας εἰς δύο μόρια ἵνα τὸ ἕν τοῦ ἑνὸς ἡ ἐπιδωδέκατον, καὶ λύεται τὸ πρόβλημα. 1)

#### ιη. ἄλλο.

Οίγε με, και πισύρεσσιν ενιπλήσω παρεοῦσαν δεξαμενὴν ώραις κρουνὸς άλις προρέων δεξιτερὸς δ' ἄρ' εμείο τόσαις ἀπολείπεται ώραις όφρα μιν εμπλήσει, δις δε τόσαις ὁ τρίτος .

1 Quum quaesitum tempus sit  $\frac{12}{25}$  unius diei (sive 12 horarum), idem est problema ac si postuletur partiri diem in duas partes quae sint inter se ut numeri 12 et 13, vel aliter 1 et  $1 + \frac{1}{10}$ .

<sup>2</sup> δὲ δ] δ δὲ P. 3 Ep. XIV, 130. 5 δύο] δυσί ed. 19 Ep. XIV, 131.

εί δ' ἄμφω σὺν ἐμοὶ προχέειν δόου έσμὸν ἀνώγοις, είν ὀλίγη μοίρη πλήσομεν ἡματίη.

Σχόλιον. Καὶ τοῦτο δμοίως ἐφοδεύεται τῷ ιζῷ διὰ τοῦ ιδου τῶν Στοιχείων τοῦ ζου βιβλίου Εὐκλείδου. 5 ἔστι γὰρ δμοῦ τῶν τριῶν ἡ ἄφεσις 55 τα καὶ πληρώσουν ἐν ῶρας μέρεσιν κδ. βασιλεύει γὰρ δ μὲν αος καὶ μέγιστος καὶ πληρώσει τὰ τῆς δεξαμενῆς κδ, δ δὲ βος ιβ, δ δὲ γος η, δμοῦ μδ. οι γὰρ τρεὶς δμοῦ πρὸς τὸν μέγιστον λόγον ἔχουσιν δυ τὰ τὰ ποὸς τὰ ξ, 10 τουτέστι τὰ μδ πρὸς τὰ πὸ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν τριῶν καὶ κδ ἴσον τῷ ὑπὸ τοῦ μεγίστου καὶ μδ.

# **κ**. ἄλλο.¹)

Κύκλωψ έγω †Πολύφημος δ χάλκεος οἶα δ' ἐπ' αὐτῷ τεῦξέ τις ὀφθαλμὸν καὶ στόμα καὶ παλάμην

15 κρουνοῖς συζεύξας, στάζοντι δὲ πάμπαν ἔοικεν ἠδ' ἔτι καὶ βλύζων φαίνετ' ἀπὸ στόματος κρουνῶν δ' οὔ τις ἄτακτος δ μὲν παλάμης τρισὶ μούνοις ἤμασιν ἐμπλήσει δεξαμενὴν προρέων, ημάτιος γλήνης, στόμα δ' ἤματος ἐν δύο πέμπτοις τίς κ' ἐνέποι τρισσοῖς ἶσα θέοντα χρόνον;

 $\Sigma_{\chi}$ όλιον. Καὶ τοῦτο δμοιον τῷ ιδ?. εὐρίσκονται γὰρ τρεῖς ἀριθμοὶ ἐν λόγᾳ ἀριθμῶν ἐλαχίστων τε.  $\overline{s}$ .  $\overline{b}$ , όμοῦ  $\overline{xy}$ . καὶ γίνεται όμοῦ τῶν τριῶν τὰ μεγέθη 55  $\overline{xy}$ . ἐὰν οὖν ποιήσωμεν ὡς τὸν  $\overline{xy}$  πρὸς τὸν  $\overline{s}$ , οὕτως ὥρας

<sup>1)</sup> Ep. XIV, 132. Vide supra p. 46 problema 19 Metrodoreum = Ep. XIV, 7.

<sup>1</sup> φόον P. 6 βασιλεῖ P, dubitanter correxi.

 $\overline{\iota\beta}$  πρὸς ὧρας οβ, εὐρήσομεν ὅτι ἄμα οἱ τρεῖς κρουνοὶ ἀφεθέντες πληρώσουσι τὴν δεξαμενὴν ἐν ὧρας οβ. εἰ γὰρ ὑποθώμεθα λόγου χάριν τὴν δεξαμενὴν χωροῦσαν μέτρα  $\overline{\chi^{ij}}$ , τὸ μὲν στόμα τοῦ Κύκλωπος πληρώσει μέτρα  $\overline{vv}$ , ὁ δὲ ὀφθαλμὸς  $\overline{\rho\pi}$ , ἡ δὲ χεἰρ  $\overline{\xi}$ , καὶ ἔσται  $\overline{s}$  κατὰ τὰς ἐξ ἀρχῆς θέσεις ὁ μὲν ὀφθαλμὸς τῆς χειρὸς τριπλάσιος, τὸ δὲ στόμα τοῦ ὀφθαλμοῦ μεγέθει διπλάσιον ἥμισυ.

#### κα. ἄλλο.

'Ως άγαθὸν κοητῆρι θεοί κερόωσι ξέεθρον 10 οἴδε δύω ποταμοί καὶ Βρομίοιο χάρις' ἔσος δ' οὐ πάντεσσι ξόου δρόμος, ἀλλά μιν οἶος Νείλος μὲν προρέων ἠμάτιος κορέσει, τόσσον ὕδωρ μαζῶν ἀπερεύγεται' ἐκ δ' ἄρα Βάκχου θυρσὸς ἐνὶ τρισσοῖς ἤμασιν οἶνον ἱείς' 15 σὸν δὲ κέρας, 'Αχελῷε, δύ' ἤμασιν' ἢν δ' ἄμα πάντες ξεῖτε καὶ εἰν ῷραις πλήσετε μὴν δλίγαις.

Σχόλιον. Οἱ τρεῖς δροι εἰσὶν πρὸς ἀλλήλους μεγέθει λόγον ἔχοντες  $\overline{\varsigma}$ .  $\overline{\rho}$ ,  $\overline{\rho}$ , ὁμοῦ  $\overline{\iota\alpha}$  εἰ οὖν γένηται ὡς ὁ  $\overline{\iota\alpha}$  (πρὸς) τὸν  $\overline{\varsigma}$ , οὕτως ἡ μία ἡμέρα πρὸς μιᾶς 20 ἡμέρας ἐνδέκατα  $\overline{\varsigma}$ , εὕρηται ὁ χρόνος. χρὴ οὖν διελεῖν τὴν ἡμέραν εἰς  $\overline{\iota\alpha}^{\alpha}$ , καὶ τούτων τὰ  $\overline{\varsigma}$  ἀποφαίνεσθαι εἶναι τὸν ζητούμενον χρόνον. εἰ οὖν ὑποθοίμεθα τὸν κρατῆρα μέτρων λόγου χάριν  $\overline{\iota\lambda}$ , ἐπιμετρήσει ὁ μὲν Νεῖλος μέτρα  $\overline{\rho\alpha}$ , ὁ δὲ Διόνυσος  $\overline{\xi}$ , ὁ δὲ ᾿Αχελῷος  $\overline{\iota\alpha}$ , 25 καὶ κατὰ τὰς ὑποθέσεις προβαίνει.

<sup>9</sup> Ep. XIV, 133. 14 ἀπερεύεται P. 16 ἤμασι· νῦν δ' ἄμα ed. 17 μιν ed.

DIOPHANTUS, ed. Tannery. II.

25

### **μβ**. ἄλλο.

Σε γύναι, ὡς πενίης ἐπελήσαο, ἥδ' ἐπίκειται
αίὲν ἀναγκαίη κέντρα φέρουσα πόνων.
μνᾶν ἐρίων νήθεσκες ἐν ἤματι, πρεσβυτέρη δὲ
θυγατέρων καὶ μνᾶν καὶ τρίτον εἶλκε κρόκης.
δπλοτέρη δὲ μιῆς φέρεν ἤμισυ. νῦν δ' ἄμα πάσαις
δόρπον ἐφοπλίζεις μνᾶν ἐρύσασα μόνον.

Σχόλιον. Κατὰ τὰς θέσεις ἐπεὶ ἡ α καὶ α γ' καὶ L' λόγον ἔχουσιν δν ς. η. γ, δμοῦ γίνεται ὁ ις τοσοῦ-10 τον αί τρεἰς εἰργάζοντο. εἰ οὖν ἐν ὑποθέσει διέλωμεν τὸ νυχθήμερον εἰς σπθ μόρια, ἐπιβαλεῖ δηλονότι τῆ μιὰ μνὰ ρβ μόρια τῆς ἡμέρας. εἰ οὖν τούτων λάβωμεν τὸ ιζω, γίνεται ς τὰ αὐτὰ εἰς τὸν ἐξ ἀρχῆς τῶν τριῶν δρων πολλαπλάσια ς. η. γ, γίνεται λς. μη. ιη, δμοῦ ρβ. 15 εἰργασται οὖν ἐν χρόνω τῆς ἡμέρας ρβ, ἡ μὲν μήτηρ ρβ λς μνᾶς, ἡ δὲ μείζων θυγάτηρ μη, ἡ δὲ ἐλάσσων ιη, καὶ προβαίνει.

# $\langle x \gamma \rangle$ .

Οΐδε λοετροχόοι τρεῖς ἔσταμεν ἐνθάδ' Έρωτες καλλιρόου πέμποντες ἐπ' εὐρίποιο λοετρά. δεξιτερὸς μὲν ἔγωγε τανυπτερύγων ἀπὸ ταρσῶν ἤματος ἐκταίη μοίρη ἔνι τόνδε κορέσσω. λαιὸς δ' αὖ πισύρεσσιν ἀπ' ἀμφιφορῆος ἐν ῶραις, ἐκ δ' ὁ μέσος τόξοιο κατ' ἤματος αὐτὸ τὸ μέσσον. φράζεο δ' ὡς ὀλίγη κεν ἐνιπλήσαιμεν ἐν ῶρη ἐκ πτερύγων τόξου τε καὶ ἀμφιφορῆος ἱέντες.

<sup>1</sup> Ep. XIV, 134. 3 ἀναγκαίη ed. 18 Ep. XIV, 135.

Σχόλιον. Οἱ τρεῖς ὅροι τῷ μεγέθει πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς  $\bar{\mathbf{g}}$ . γ.  $\bar{\mathbf{g}}$ , ὁμοῦ γίνεται  $\bar{\mathbf{u}}$ α. εἰ οὖν ὁ μεγέθει  $\bar{\mathbf{g}}$  ἐν ὅραις  $\bar{\mathbf{g}}$  πληροῖ, ὁ  $\bar{\mathbf{u}}$ α μεγέθει, ἐὰν ἀνάλογον γένηται, πληρώσει τὸν κρατῆρα ἐν ὅρα  $\bar{\mathbf{u}}$  ια΄. ὁ γὰρ ὑπὸ  $\bar{\mathbf{g}}$  καὶ  $\bar{\mathbf{g}}$  ἱσος ἐστὶ τῷ ὑπὸ  $\bar{\mathbf{u}}$ α ⟨καὶ⟩  $\bar{\mathbf{u}}$  ια΄, ώστε καὶ δ ἀνάλογον. εἰ οὖν διαιρεθῆ ἡ δεξαμενὴ εἰς μέρη λόγου χάριν  $\bar{\mathbf{q}}$ ι, πληρώσει ὁ μὲν δεξιὸς μέρη  $\bar{\mathbf{\xi}}$ , ὁ δὲ εὐώνυμος  $\bar{\lambda}$ , δ δὲ μέσος  $\bar{\mathbf{u}}$ .

# $\langle n\delta \rangle$ .

Πλινθουργοί, μάλα τοῦτον ἐπείγομαι οἶκον ἐγεῖραι, 10 ἡμαρ δ' ἀννέφελον τόδε σήμερον· οὐδ' ἔτι πολλῶν χρηίζω, πᾶσαν δὲ τριηκοσίησι δέουσαν πλίνθον ἔχω· σὰ δὲ μοῦνος ἐν ἡματι τόσσον ἔτευχες, παῖς δέ τοι ἐκ καμάτοιο διηκοσίαις ἀπέληγεν, γαμβρὸς δ' αὖ τόσσησι καὶ εἰσέτι πεντήκοντα.

15 τρισσαῖς συζυγίαις πόσσαις τόδε τεύχεται ὥραις;

Σχόλιον. Έπει οι τρείς δροι έν έλαχίστοις ἀριθμοίς ευρίσκονται πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχοντες ὡς  $\overline{s}$ .  $\overline{\epsilon}$ .  $\overline{\delta}$ , δμοῦ γίνεται  $\overline{\iota \epsilon}$ , ώστε τῶν τριῶν ἄμα τὸ ἔργον ἐστὶν  $\overline{\iota \epsilon}$ , καὶ δηλονότι τριπλάσιόν ἐστι τοῦ δευτέρου ὅρου. 20

["Αλλο.  $β^{ov}$ .] ...  $\overline{ov}$  είργάζετο διὰ τῶν  $\overline{\iota}\overline{β}$  ὡρῶν †ἄρα ἐκ τῶν τριῶν ἄμα ἐπὶ τὸ αὐτὸ ἐργάζεται ταῖς  $\overline{\iota}\overline{β}$  ὥραις πλίνθους ψν ἐὰν οὖν ποιήσωμεν ὡς τὸν ψν πρὸς τὸν  $\overline{\tau}$ , οὕτως ὥρας  $\overline{\iota}\overline{β}$  πρὸς ὥρας  $\overline{\delta}$  L' ε' ι', λύεται τὸ πρόβλημα. ἐργάσεται γὰρ ὁ μὲν πατὴρ  $\overline{\wp}$ κατὰ τὸ 25 ἀνάλογον δηλονότι· ὁ δὲ υίὸς  $\overline{\pi}$ , ὑφημιόλιος ὢν τοῦ κατρός· ὁ δὲ γαμβρὸς  $\overline{\wp}$ , ἐπιτέταρτος ὢν τοῦ υίοῦ καὶ ὑπεπίπεμπτος τοῦ πατρός.

<sup>7</sup> μέρη] μέτρα P. 9 Ep. XIV, 136. 11 ἀντέφελλον P. 16 πόσαις P. 21 ¾λλο. βον lacunam falso implere videtur. 28 ἐπίπευπτος P.

#### κε. άλλο.

Δάχου παραστάξαντες άμείβετε. Οΐδε γάο ήμεῖς, οθς τόδε δωμα πεσον ώλεσεν Αντιόχου δαιτυμόνας, οίσιν θεὸς δαιτός τε τάφου τε τόνδ' έπορεν γώρον, τέσσαρες έκ Τεγέης κείμεθα, Μεσσήνης δε δυώδεκα, έκ δέ τε πέντε "Αργεος, έκ Σπάρτης δ' ήμισυ δαιτυμόνων: αὐτός τ' 'Αντίοχος, πέμπτου δέ τε πέμπτον όλοντο Κεκροπίδαι σύ δ' Τλαν κλαΐε, Κόρινθε, μόνον.

 $\Sigma$ γόλιον. Τοῦτο δμοιόν ἐστι τῷ  $\alpha^{\varphi}$  καὶ τῷ  $\beta^{\varphi}$ καλ τοζς παραπλησίοις καλ ώσαύτως έκείνοις έφοδεύεται. δεί γαρ εύρειν αριθμόν ος έλαχιστος ων έξει μέρη L' xe', xal ëstiv  $\delta$   $\bar{\nu}$  xal lietai tò  $\pi$ 00 $\beta$ l $\eta$  $\mu$ a.

#### 25. žllo.

Νικαρέτη παίζουσα σύν ήλικιώτισι πέντε, 15 ών είχεν καρύων Κλείτ' έπορεν τὸ τρίτον, καί Σαπφοί τὸ τέταρτον, 'Αριστοδίκη δὲ τὸ πέμπτον, είκοστον Θεανοί και πάλι δωδέκατον, είκοστον τέτρατον δε Φιλιννίδι, καλ περιην δε πεντήκοντ' αὐτῆ Νικαρέτη κάρυα.

Σχόλιον. Καὶ τοῦτο ὅμοιόν ἐστι τῷ κεφ καὶ ὁμοίως έκείνω λύεται. εύρίσκομεν γαρ αριθμον δς έλαχιστος αν εξει μέρη <math>ν' δ' ε' κ' ιβ' κδ' εστι δε δ  $\overline{ρ}κ$ , αφ' οδ τὰ μέρη ἀρθέντα, λείπει ε. και ἐπειδὴ ν τῆ Νικαρέτη 25 κάρυα ύπελείπετο καί είσι ταῦτα δεκαπλάσια τοῦ  $\overline{\epsilon}$ . πέντε δεκάκις  $\langle \overline{
u} 
angle$  καλ γίνεται δ ζητούμενος ἀριθμὸς

<sup>1</sup> Ep. XIV, 137. 2 παρὰ στάξαντες ed. 3 πεσών Ρ. 4 οἴσίν γε ed. 5 ἔποφε P. 14 Ep. XIV, 138. 16 Κλείδ' ed. 26 v addidi.

ασ και λύει τὸ πρόβλημα, καθώς ἐν τῷ πρώτῷ καὶ δευτέρῷ ἐδιδάξαμεν.

#### (x g.)

Γνωμονικών Διόδωρε μέγα κλέος, είπε μοι ώρην. Ήνικ' ἀπ' ἀντολίης πόλον ήλατο χρύσεα κύκλα ἠελίου, τοῦδ' ῆτοι ὅσον τρία πέμπτα δρόμοιο τετράκι τόσσον ἔπειτα μεθ' ἐσπερίην ἅλα λείπει.

Σχόλιον. Τοῦτο ἐφοδεύεται κατὰ τὸ  $β^{ov}$  τοῦ πρώτου βιβλίου τῶν στοιχείων Διοφάντου. δεῖ γὰρ τὸν  $\overline{\iota β}$  ἀριθμὸν διελεῖν εἰς δύο ἀριθμοὺς ἐν λόγφ ὃν ἔχει 10 τὰ  $\overline{\epsilon}$  πρὸς τὰ  $\overline{\iota β}$ . καὶ γίνεται  $\delta$  5  $\overline{\iota β}$ . ἔσται ἄρα τὰ μὲν παρελθόντα τῆς ἡμέρας μόρια  $\xi$ , τὰ δὲ ὑπολειπόμενα ρμδ, καὶ λύεται τὸ πρόβλημα.

# $\langle \chi \vartheta. \rangle^{1}$

Ζεῦ μάκαρ, ἡ ρά τοι ἡ ρα τάδ' εὕαδεν, οἶα γυναϊκες 15 Θεσσαλικαὶ παίζουσι; μαραίνεται ὅμμα σελήνης  $^2$ ) έκ μερόπων, ίδον αὐτός ἔην δ' ἔτι νυκτὸς ἐπ' ἡῶ δὶς τόσον ὅσσα δύ' ἕκτα καὶ ἕβδομον οἰχομένοιο.

Σχόλιον. Καὶ τοῦτο ὅμοιόν ἐστι τῷ κηῷ καὶ ⟨τῷ⟩ κζῷ. δεῖ γὰρ τὸν  $\overline{\imath β}$  διελεῖν ἐν λόγω ἐπιεικοστῷ, τουτ- 20 έστιν ὃν ἔχει ὁ  $\overline{\varkappa α}$  πρὸς τὸν  $\overline{\varkappa}$ , καὶ γίνεται ὁ  $\mathfrak S$   $\mathfrak i \beta$ . ἔσται οὖν τὸ μὲν παρελθὸν τῆς νυκτὸς σν $\mathfrak b$ , τὸ δὲ μέλλον  $\overset{\mu \alpha}{\sigma \mu}$ .

<sup>1)</sup> Problema Metrodoreum 28 = Ep. XIV, 6 vide supra p. 46.

<sup>2)</sup> In margine: 'Αντί: ἐκλείπει ἡ σελήνη.

<sup>3</sup> Ep. XIV, 189. 5 πόλιν P. 6 του δήτα ed. 14 Ep. XIV, 140. 15 τοι ή  $\hat{\rho}\alpha$ ] τοι έργα ed.

#### λ. ἄλλο.

'Απλανέων ἄστρων παρόδους τ' ἐπλ τοῖσιν ἀλητῶν εἰπέ μοι, ἡνίκ' ἐμὴ χθιζὸν ἔτικτε δάμαρ ' ἡμαρ ἔην ὅσσον τε δὶς ἔβδομον ἀντολίηθεν έξάκι τόσσον ἔην ἑσπερίην ἐς ᾶλα.

Σχόλιον. Καὶ τοῦτο ὅμοιον τῷ κθ $^{\mathfrak{p}}$ . δεῖ γὰρ τὸν  $\overline{\mathfrak{i}}$  ἀριθμὸν διελεῖν εἰς δύο ἀριθμοὺς ἐν λόγ $\mathfrak{p}$  ἐπιπενταεβδόμ $\mathfrak{p}$ , καὶ γίνεται ὁ  $\mathfrak{S}$   $\mathfrak{i}$  $\mathfrak{b}$ . ἔσται οὖν τὸ μὲν παρελθὸν τῆς ἡμέρας πδ, τὸ δὲ μέλλον ρμδ.

# λβ. ἄλλο.

"Εγρεσθ', ήριγένεια παρέδραμε πέμπτον, ξριθοι, λειπομένης τρισσων οίχεται δγδοάτων.

Σχόλιον. Καὶ τοῦτο ὅμοιόν ἐστι τῷ πρὸ αὐτοῦ. δεῖ γὰρ τὸν  $\overline{\imath}$  ἀριθμὸν διελεῖν εἰς δύο ἀριθμοὺς ἵνα τὸ  $\overline{\imath}$  ὀγδόων τοῦ ἑνὸς  $\varepsilon^{ov}$  μέρος  $\overline{\imath}$  ὁ ἔτερος, τουτέστιν ἵνα λόγον ἔχωσι πρὸς ἀλλήλους τρισκαιδεκαπλασιεπίτριτον. γίνεται οὖν δ  $\mathfrak S$   $\mathfrak i$   $\mathfrak i$  γίνεται οὖν τὸ μὲν παρελθὸν τῆς ἡμέρας  $\mathfrak i$   $\mathfrak i$   $\mathfrak i$  δὲ ὑπολειπόμενον ὑπ.

# λγ. ἄλλο.

Σύρτιος ἐν τενάγεσσι πατὴρ θάνεν, ἐκ δ' ἄρ' ἐκείνης πέντε τάλαντα φέρων ἤλυθε ναυτιλίης οὖτος ἀδελφειῶν προφερέστατος. ἦ γὰρ ἔμοιγε δῶκεν ἔῆς μοίρης διπλάσιον τριτάτων δοιῶν, ἡμετέρης δὲ δύ' ὄγδοα μητέρι μοίρης ὅπασεν, οὐδὲ δίκης ἤμβροτεν ἀθανάτων.

<sup>1</sup> Ep. XIV, 141. 7 ἀριθμόν] καὶ P. 10 Ep. XIV, 142. 14 ἀριθμόν] καὶ P. 19 Ep. XIV, 143.

### λ5. ἄλλο.<sup>2</sup>)

10

'Α βάσις ὰν πατέω σὺν ἐμοὶ βάφος ἁλίκον Ελκει. — Χ'ὰ κοηπὶς σὺν ἐμοὶ τόσσα τάλαντα φέφει. — 'Αλλ' ἐγὰ οἶος ἄπαξ τὰν σὰν βάσιν ἐς δὶς ἀνέλκω. — Κἠγὰο μοῦνος ἐὰν σὰν βάσιν ἐς τρὶς ἄγω.

## $\lambda \eta$ . $\ddot{\alpha} \lambda \lambda o$ . $^{3}$ )

15

Δός μοι δέκα μνᾶς, καὶ τριπλοῦς σοι γίνομαι. — Κάγὰ λαβών σου τὰς ίσας, σοῦ πενταπλοῦς.

#### λθ. ἄλλο.⁴)

Δός μοι δύο μνᾶς, καὶ διπλοῦς σοι γίνομαι. Κάγὰ λαβών σου τὰς ἴσας, σοῦ τετραπλοῦς.

20

"Ομηφος Ήσιόδω έφωτήσαντι πόσων τὸ τῶν Ἑλλήνων πλῆθος τὸ κατὰ τῆς Ἰλίου στρατεῦσαν.")

1) In margine inveniuntur numeri  $i = \varphi i = \Delta i = i = 0$ , for san legendi

3) Ep. XIV, 145. 4) Ep. XIV, 146. 5) Ep. XIV, 147.

<sup>2)</sup> Ep. XIV, 144. Problemata 34 et 35 Metrodorea desiderantur, etiam problema 37, sive omissa fuerint sive alibi collocata a Constantino Cephala.

Επτά έσαν μαλερού πυρός έσγάραι έν δε εκάστη πεντήκοντ' όβελοί, περί δε κρέα πεντήκοντα: τρίς δε τριηχόσιοι περί εν χρέας ήσαν 'Αγαιοί.

Μυριάδες αφοε.1) ήγουν γιλιάδες μύριαι πεντα-5 κισγίλιαι έπτακόσιαι πεντήκοντα.

## Ex scholiis codicis Florentini in quartum Iamblichi librum.

(Iamblichi in Nicomachi Arithmeticam Introductionem liber. Edidit Pistelli. Lipsiae, Teubner, 1894.)

Ρ. 11, 9-11: ούτως δ Διόφαντος έν τοῖς Μοριαστικοῖς.2) μόρια γὰρ τὴν εἰς ἔλαττον τῶν μονάδων πρόοδον είς τὸ ἄπειρον.

P. 98, 3: τοῦτο δυναμοδύναμιν δ Διόφαντος καλεῖ.8)

P. 98. 4: τοῦτον κυβόκυβον καλεῖ δ Διόφαντος. 4)

Ρ. 110, 7: τὰ ίδια τῆς ἁρμονικῆς μεσότητος τελεώτερον μαθησόμεθα έν τῷ τελευταίῳ θεωρήματι τοῦ πρώτου βιβλίου της Διοφάντου άριθμητικής στοιχειώσεως, καὶ ἐκεῖθεν δεῖ τὸν φιλόπονον ἀναλέγεσθαι 20 ταῦτα. 5)

<sup>1)</sup> Scholium in margine scriptum satisque ineptum.

<sup>2)</sup> Hoc nomine antiqua scholia indicari videntur, quae, nunc deperdita, ad Diophanti Def. III, etc., scripta fuerunt.
3) Def. I (I p. 4, 1 sq.).

<sup>4)</sup> Def. I (I p. 4, 6 sq.).

<sup>5)</sup> In scholiis antiquis deperditis ad Probl. I, xxxx satis amplus de medietatibus commentarius exstitisse videtur.

<sup>1 &#</sup>x27;Επτ' έσαν Ρ.

# Anonymi prolegomena in Introductionem arithmeticam Nicomachi

(ex Parisino codice 2372, fo. 54-56).

# Περί ἀριθμητικῆς.

'Αριθμητική έστιν έπιστήμη θεωρητική τῶν περὶ δ ἀριθμοὺς συμβαινόντων κατά τε τὰ πλήθη καὶ τὰ εἰδη καὶ τοὺς λόγους αὐτῶν, ἔτι δὲ διαιρέσεις καὶ συνθέσεις.

"Τλη δὲ ἀριθμητικής, τὸ διωρισμένον ποσόν περλ αὐτῷ γὰρ καταγίνεται, σύγκειται δὲ ἐξ ἀμερῶν καὶ 10 ἐλαχίστων τὴν τομὴν ὡρισμένην ἐχόντων λαμβάνει δὲ ταύτην, οὐχ ὡς ὑποκειμένην τινὰ καὶ πάντως ὑπάρχουσάν που, ἀλλ' ὡς πρὸς ὑπόνοιάν τε οὖσαν καὶ τὴν νόησιν μὴ ὑποφεύγουσαν.

Διαιρείται δὲ ἡ ἀριθμητικὴ πρῶτον μὲν εἰς τὴν 15 τῶν ἐπιπέδων καὶ στερεῶν θεωρίαν εἰσὶ δὲ ἐπίπεδοι μὲν οἱ ὑπὸ δύο ἀριθμῶν πολλαπλασιαζόμενοι, στερεοὶ δὲ οἱ κατὰ τοὺς πολλαπλασιασμοὺς τὰς τρεῖς αὐξήσεις ἔχοντες εἰτα ποιησαμένη πλείους διαφορὰς ἐπιτερπῶς περὶ ταύτας ποικίλλεται 'διττοῦ δὲ ὄντος τοῦ ἀριθμοῦ, 20 τοῦ μὲν τοῦ μετροῦντος, τοῦ δὲ τοῦ μετρουμένου, (οἶον ὁ ῖ, εἰ μὲν δέκα μονάδες ἡν, μετρεῖ, εἰ δὲ δέκα, εἰ τύχοι, ξύλα ἢ δέκα πυρά, μετρεῖται), σκοπὸς δέ ἐστι τῆ προκειμένη πραγματεία περὶ τοῦ μετροῦντος διαλαβεῖν ἀριθμοῦ τὸν γὰρ μετρούμενον ἀριθμὸν Διό-25 φαντος ἐν τοῖς δέκα καὶ τρισίν αὐτοῦ. βιβλίοις τῆς ἀριθμητικῆς παραδίδωσιν ὁ μὲν οὖν σκοπὸς τῷ Νιμαριάμος τὸν μετροῦντα ἀριθμὸν παραδοῦναι, καὶ δὴ ἐν προοιμίοις εὐθὺς τοῦ βιβλίου τὸν σκοπὸν πρότερον

καὶ τὸ χρήσιμον προανακρουσάμενος, ζητεῖ τὰ πέντε ταῦτα περὶ ἀριθμῶν.

Καὶ πρῶτον τὴν διαίρεσιν αὐτῶν ἀνιχνεύει· ὅτι πᾶς ἀριθμὸς ἢ περιττὸς ἢ ἄρτιος· εἶτα τὸν ἄρτιον ε ἐπιδιαιρεῖ εἰς ἀρτιάκις ἄρτιον, εἰς ἀρτιοπέριττον, καὶ εἰς περισσάρτιον· εἶτα τούτων Εκαστον ὁρίζεται καὶ περὶ τῶν ἑκάστφ τούτων παρακολουθούντων διδάσκει.

εἶτα ἐπιδιαιρεῖ πάλιν τὸν ἄρτιον εἰς τέλειόν τε καὶ ὑπερτελῆ καὶ ἐλλιπῆ ἀριθμόν, τὸν ὁρισμὸν καὶ το τὴν γένεσιν τούτων παραδιδούς καὶ τὸν περιττὸν πρὸ αὐτῶν εἰς σύνθετόν τε καὶ ἀσύνθετον διαιρεῖ καὶ τούτους ὁρίζεται.

είτα μετὰ τούτων ζητεί έκάστου ἀριθμοῦ τὸ σχήμα καί φησι τὴν μὲν μονάδα σημείω ἀναλογείν καὶ οἶον 15 κέντοω, τὴν δὲ δυάδα γραμμῆ, τὴν δὲ τριάδα ἐπιφανεία, τὴν δὲ τετράδα στερεώ.

τέταρτον τοὺς λόγους καὶ τὰς πρὸς ἀλλήλους σχέσεις τῶν ἀριθμῶν ζητεῖ εἰσὶ δὲ οἱ λόγοι ενδεκα οἵδε ιἔσος, ἐπιμόριος, ἐπιμερής, πολλαπλάσιος, πολλαπλασιεπιμερής, ὑποεπιμόριος, ὑποεπιμόριος, ὑποεπιμόριος, ὑποπολλαπλάσιος, ὑποπολλαπλασιεπιμόριος, ὑποπολλαπλασιεπιμέρής.

μετὰ δὲ ταῦτα τὰς ἀναλογίας λέγει τῶν ἀριθμῶν έν τῷ  $β^{\phi}$  βιβλίφ. περὶ γὰρ τῶν ἡηθέντων πάντων ἐν  $^{25}$  τῷ α $^{\phi}$  διδάσκει.

περὶ τούτων μεν οὖν σκοπὸς τῷ Νικομάχῷ ὡς ἐν εἰσαγωγῆ παραδοῦναι.

Χρησιμεύει δε ήμεν είς τε την Πυθαγορικήν φιλοσοφίαν, ὅτι ὁ Πυθαγόρας ἐκ τῶν ἀριθμῶν ἐκάλει τὰ το πράγματα καὶ γοῦν τὸν ξ ἀριθμὸν χρόνον ἐκάλει, διότι καὶ ἐν ἐβδομάσι καὶ μησὶ καὶ ἡμέραις καὶ χρό-

νοις τὸ τέλειον ἔχει ἐν μὲν ἡμέραις ὅτι τὴν ἑβδόμην οἱ ἰατροί φασι κρίσιμον ἐν δὲ μησὶν ὅτι τὰ ἑπταμηνιαῖα τῶν ἐμβρύων γόνιμά εἰσι, τῶν ὀκταμήνων ὄντων ἀγόνων ἐν δ' ἐνιαυτοῖς ὅτι ἡ πρώτη ἑβδομὰς τῶν ἐνιαυτῶν ὀδόντας ἀμείβει ἐν δὲ ἑβδομάσιν ὅτι ἀνα- 5 κυκλοῦσιν εἰς τὴν ἑβδόμην τὸν δὲ αὐτὸν τοῦτον ἀριθμὸν τὸν  $\bar{\xi}$  Παρθένον καὶ 'Αθηνᾶν λέγουσιν, ὅτι οὕτε τίκτεται ὑπ' ἄλλου ἀριθμοῦ ἐντὸς τῶν δέκα, οὕτε τίκτεται ὑπ' ἄλλου ἀριθμοῦ ἐντὸς τῶν δέκα, οὕτε τίκτει ἄλλον τῶν τῆς δεκάδος ἔνδον ὁ μὲν γὰρ  $\bar{g}$  ὑπὸ τῶν  $\bar{g}$  τίκτεται, (τρὶς γὰρ  $\bar{g}$ ,  $\bar{g}$ ), καὶ  $\bar{\eta}$  ὑπὸ τοῦ 10  $\bar{\delta}$ , (δὶς γὰρ  $\bar{\delta}$ ,  $\bar{\eta}$ ) τὸν δέ γε  $\bar{\xi}$  οὐδεὶς γενν $\bar{\alpha}$  πολλαπλασιαζόμενος ἀλλ' οὐδ' αὐτὸς ἄλλον, ὡς ἔφαμεν, γεννῶν, καθάπερ ὁ  $\bar{\epsilon}$  τὸν  $\bar{\iota}$ , καὶ τὰ  $\bar{\beta}$  τὸν  $\bar{\varsigma}$ , καὶ τὸν  $\bar{\eta}$  τὰ  $\bar{\delta}$ .

Καὶ δ μὲν  $\bar{\xi}$  διὰ ταῦτα 'Αθηνᾶ καὶ Παρθένος κα- 15 λεῖται· δ δὲ  $\bar{\epsilon}$  Γάμος· σύγκειται γὰρ ἐκ  $\bar{\gamma}$  καὶ  $\bar{\beta}$ , δ ἐστιν ἐξ ἀρτίου καὶ περιττοῦ, καὶ ἀναλογεῖ τὸ μὲν περιττὸν ἄρρενι, τὸ δὲ ἄρτιον θήλει διὰ τὸ γεννᾶν.

Διὰ ταῦτα μὲν οὖν τῆ Πυθαγορικῆ φιλοσοφία χρήσιμον τὸ βιβλίον, ὅτι ἐκεῖνοι τοῖς πράγμασι τοὺς 20 ἀριθμοὺς ἐπιβιβάζουσιν ἀλλὰ δὴ καὶ τῆ Πλατωνικῆ, ὅτι τὸν δημιουργὸν ὁ Πλάτων εν ἔλεγε ναὶ μὴν καὶ φυσιολογία συμβάλλεται πολλὰ γὰρ ἀμβλώσκεται, πολλὰ δὲ τέρατα τίκτεται παρὰ τὸν διάφορον τοῦ χρόνου ἀριθμόν τὰ γὰρ ὀκτάμηνα ἔμβρυα ἄγονά εἰσι, 25 διὰ ἄρτιον τοῦ ἀριθμοῦ.

Χρη δε πασῶν τῶν ἐπιστημῶν τῶν μαθηματικῶν προαναλέγεσθαι τοὺς ἀριθμούς, ὅτι πάντων οἱ ἀριθμοὶ ἀρχαιότεροι ὡς καὶ αὐτὸς ὁ Νικόμαχος προιὼν ἀπο-δείξει· καὶ ὅτι ὁ μεν ἀριθμὸς ἀσώματος, τὸ δε μέγε- 50 θος περὶ ὁ τὰ ἄλλα μαθηματικὰ καταγίνονται, σῶμα·

δεί δὲ πανταχοῦ προηγείσθαι τοῦ σώματος τὸ ἀσώματον· ὅτι δὲ ἀσώματος ὁ ἀριθμὸς δῆλον· ἐπειδὴ ἔν μέγεθος ὅ ἐστι σῶμα, τὸ αὐτὸ τετράγωνον καὶ κύκλος εἶναι οὐ δύναται· ὁ δὲ ἀριθμός, ὅτι ἀσώματος ὧν ὅ δύναται· καὶ γὰρ ὁ πε ἀριθμὸς καὶ τετράγωνός ἐστιν, ὅτι ἀπὸ τοῦ ε̄ πολλαπλασιασθέντος ἐφ' ἑαυτὸν ἀπετελέσθη, κύκλος δέ, ὅτι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ τοῦ ε̄ ἤρξατο καὶ εἰς τὸ αὐτὸ ἔληξεν· ὥστε ἀσώματος ὁ ἀριθμός, εἶ γε ὁ αὐτὸς καὶ κύκλος γίνεται καὶ τετράγωνος.

Την μέν οὖν ἀριθμητικήν προτέραν δεῖ διὰ ταῦτα τετάχθαι, τὴν δὲ μουσικήν προηγεῖσθαι δεῖ τῆς ἀστρονομίας ὅτι δειχθήσεται τῷ Μεγάλῳ ᾿Αστρονόμῳ τὰ ἄστρα ἀποκαθιστάμενα περιόδοις τισὶ χρόνων τεταγμέναις μετὰ ξυθμοῦ τινος καὶ ἁρμονίας.

5 "Αλλως τε εί δ ἄσχετος ἀφιθμός, δ έστιν ἡ ἀφιθμητική, πφοηγείται τοῦ ἀσχέτου μεγέθους, οἶον τῆς γεωμετρίας, δῆλον ὅτι καὶ δ ἐν σχέσει ἀφιθμός, δ ἐστιν ἡ μουσική, πφοηγεῖτ' ἀν τοῦ ἐν σχέσει μεγέθους, δ ἐστι τῆς ἀστρονομίας αὕτη ἡ τάξις.

εο Δεῖ δὲ τὸ βιβλίον τοῦτο προαναγνῶναι ᾶτε εἰσαγωγικὸν ὄν, πεποίηται γὰρ τῷ Νικομάχῷ ἐτέρα ἀριθμητική, ἢν Μεγάλην ᾿Αριθμητικὴν ἤτοι Θεολογούμενα ἐπιγράφει, ἐν ἦ μέμνηται τούτου τοῦ βιβλίου ὅθεν καὶ τὸ γνήσιον τῆ τάξει συναποδέδεικται.

21 Διήρηται δὲ τὸ παρὸν σύγγραμμα εἰς β βιβλία καὶ ἐν μὲν τῷ αড় τὴν διαίρεσιν τῶν ἀριθμῶν καὶ τὴν οὐσίαν αὐτῶν καὶ τὰς σχέσεις, ἐν δὲ τῷ βড় τὰ σχήματα καὶ τὰς ἀναλογίας παραδίδωσιν εὐθὺς δὲ τῆς πραγματείας ἀρχόμενος ὁ Νικόμαχος δείκνυσιν ὡς οὐδὲ εὐδαιμονεῖν, καὶ συλλογιζόμενος οἶον, φησί τὸ

κόα διά των μαθημάτων. τὸ εὐδαιμονεῖν ἄρα οὐκ ἄνευ μαθημάτων τὸ εὐδαιμονεῖν ἄρα οὐκ ἄνευ μαθηματα καταγίνεται τὸ φιλοσοφία  $^{60}$  λέγει συλλογισμοῦ· ἡ φιλοσοφία  $^{60}$  λέγει συλλογισμοῦ· ἡ φιλοσοφία  $^{60}$  λάγει μαθημάτων. τὰ ὅντα ἡ συνεχῆ ἡ διωρισμένα  $^{60}$  καταγίνεται τὸ φιλοσοφία  $^{60}$  καταγίνεται  $^{60}$  καταγίνεται  $^{60}$  καταγίνεται  $^{60}$  καταγίνεται  $^{60}$  φιλοσοφία  $^{60}$  καταγίνεται  $^{60}$  καταγίνεται  $^{60}$  φιλοσοφία  $^{60}$  καταγίνεται  $^{60}$   $^{60}$  καταγίνεται  $^{60}$   $^{60}$   $^{60}$  καταγίνεται  $^{60}$   $^{60$ 

Γέρων έρασθείς, έσχάτη κακή τύχη· Βίος βίου δεόμενος οὐκ ἔστι βίος.

# GEORGII PACHYMERAE ARITHMETICES CAPITULA VIGINTI.

(Ex Veneto codice Naniano 255.)

... κε. Πάλιν ἄνωθεν ἀρχόμενοι λέγομεν· πᾶς 5 ἀριθμὸς σύγκειται ἐκ μονάδων πλήθους τινός, σωρεία γὰρ μονάδων ὁ ἀριθμός ἐστιν, ἔχει δὲ καὶ εἰς ἄπειρον τὴν ὕπαρξιν.

'Εν γοῦν τοῖς τοιούτοις ἀριθμοῖς οἱ μέν εἰσι τετράγωνοι, οῖ εἰσιν ἐκ ἀριθμοῦ τινος ἐφ' ἑαυτὸν πολλα10 πλασιασθέντος· οἶον δὶς  $\overline{\beta}$ ,  $\overline{\delta}$ · τρὶς  $\overline{\gamma}$ ,  $\overline{\vartheta}$ · ἑξάκις  $\overline{\varsigma}$ ,  $\overline{\lambda}\overline{\varsigma}$ ·
 έπτάκις  $\overline{\zeta}$ ,  $\overline{\mu}\overline{\vartheta}$ · ὀκτάκις  $\overline{\eta}$ ,  $\overline{\xi}\overline{\delta}$ · ἐννάκις  $\overline{\vartheta}$ ,  $\overline{\pi}\alpha$ · δεκάκις  $\overline{\iota}$ ,  $\overline{\varrho}$ · εἰκοσάκις  $\overline{\kappa}$ ,  $\overline{\upsilon}$ · καὶ ἑκατοντάκις  $\overline{\varrho}$  καὶ ἕως ἀπείρου· οἶς συμβέβηκε καὶ ἕνα παρ' ἕνα εἶναι περιττὸν ἢ ἄρτιον, καὶ ἡ διαφορὰ πρὸς ἀλλήλους κατὰ τοὺς ἀπὸ
15 μονάδος περιττούς·  $\overline{\alpha}$  γὰρ τετράγωνος,  $\overline{\alpha}$ παξ γὰρ  $\overline{\alpha}$ ,  $\overline{\alpha}$ ·
καὶ μετὰ  $\overline{\gamma}$  δ  $\overline{\delta}$ · καὶ μετὰ  $\overline{\varepsilon}$  ἀπ' αὐτοῦ δ  $\overline{\partial}$ · καὶ μετὰ  $\overline{\zeta}$  ἀπ' αὐτοῦ δ  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$ · καὶ έκετὸνος ἀριθμός,  $\overline{\delta}$  ἐφ' ἑαυτὸν
τότητα. δ γοῦν ǫητὸς ἐκεῖνος ἀριθμός,  $\overline{\delta}$  ἐφ' ἑαυτὸν
20 πολλαπλασιαζόμενος καὶ ἀποτελῶν τὸν τετράγωνον,
καλεῖται πλευρὰ τετραγώνου.

Of de eigh núbol, of eight en tetraywhow ent tàs eautwn nheurds nollanlaghauddeutwn. ofor tals  $\bar{\gamma}$ ,  $\bar{\vartheta}$ .

<sup>4</sup> sq. Cf. Diophantum, vol. I p. 2, 1, 14—16. 8 sq. Cf. I, 2, 18—20. 22 sq. Cf. I, 2, 21—22.

δ σ τετράγωνος πάντως, οὖ πλευρὰ τὰ γ̄ πολλαπλασιανθέντος οὖν τοῦ θ τετραγώνου ἐπὶ τὴν πλευρὰν
αὐτοῦ τὸν γ̄, γίνεται δ κ̄ς κύβος ἢν γὰρ εἰζε πλευρὰν
δ ἐπίπεδος τετράγωνος κατά τε μῆκος καὶ πλάτος,
ταύτην καὶ κατὰ τὴν τρίτην διάστασιν, ἢν λέγομεν 5
πάχος ἢ βάθος ἢ ΰψος, προσλαμβάνει καὶ ποιεῖ τὸν
κύβον, δν καὶ κυρίως ἀρμονίαν ἐλέγομεν καὶ ἰσάκις
ἶσον ἰσάκις.

Οι δὲ δυνάμεις, οι είσιν ἐκ τετραγώνων ἐφ' ἑαυτούς πολλαπλασιασθέντων οἶον τετράκις ὁ δ,  $\overline{\iota}$ ς οὖτος 10 τετράγωνος ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ δ, ἀλλὰ καὶ δύναμις, γίνεται γὰρ ἀπὸ τετραγώνου τοῦ δ πολλαπλασιασθέντος ἐφ' ἑαυτόν τετράκις γὰρ ὁ  $\overline{\delta}$ ,  $\overline{\iota}$ ς ἀλλὰ καὶ τὸν  $\overline{\iota}$ ς, τετράγωνον δντα ἐκ πλευρᾶς τοῦ  $\overline{\delta}$ , εί τις πολλαπλασιάσει ἐφ' ἑαυτὸν ὡς γενέσθαι  $\overline{\delta}$ οῦτος δ ἀριθ-15 μὸς δύναμις λέγεται.

Οἱ δὲ δυναμόκυβοι, οῖ εἰσιν ἐκ τετραγώνων ἐπὶ τοὺς ἀπὸ τῆς αὐτῆς αὐτοῖς πλευρᾶς κύβους πολλαπλασιασθέντων οὐ γὰρ πολλαπλασιάζονται ἐπὶ τούτοις ἐφ' ἑαυτοὺς οἱ τετράγωνοι, ἵνα δύναμις γένηται, ἀλλ' 20 ἐπὶ τοὺς κύβους τοὺς ἀπὸ τῶν αὐτῶν γεγονότας πλευρῶν οἱον δὶς  $\bar{\beta}$ ,  $\bar{\delta}$  οὖτος ὁ  $\bar{\delta}$  τετράγωνος τοῦτον πολλαπλασιάζω ἐπὶ τὸν  $\bar{\eta}$  δς ἐστι κύβος ἐκ τῆς τοῦ  $\bar{\delta}$  πλευρᾶς δυάδος συνεστώς, καὶ διὰ τοῦτο δυναμόκυβος λέγεται  $\bar{\delta}$   $\bar{\lambda}\bar{\beta}$ .

Οί δέ είσι κυβόκυβοι, οῖ είσιν ἐκ κύβων ἐφ' ἑαυτοὺς πολλαπλασιασθέντων οἶον ὁ  $\bar{\eta}$  κύβος ἐστὶν ἐκ πλευρᾶς τοῦ  $\bar{\beta}$ · τοῦτον πολλαπλασιάζω ἐπ' αὐτὸν τὸν  $\bar{\eta}$ , καὶ γίνεταί μοι ὁ  $\bar{\xi}\bar{\delta}$  κυβόκυβος.

<sup>9</sup> sq. Cf. I, 4, 1-2. 17 sq. Cf. I, 4, 3-5. 26 sq. Cf. I, 4, 6-7.

Έτεροι δὲ τὸν μὲν τετράγωνον δύναμίν φασιν, ἵνα ἔχοι καὶ οὖτος ἴδιον ὄνομα, τὸν δὲ ἐπὶ τὸν τετράγωνον πολλαπλασιασμὸν οὐ δύναμιν ὡς ἐλέγομεν, ἀλλὰ δυναμοδύναμιν λέγουσιν, ὥστε ὁ μὲν δύναμις, ὁ δὲ 5 δυναμοδύναμις, ὁ δὲ κύβος, ὁ δὲ δυναμόκυβος, ὁ δὲ κυβόκυβος.

Ο δὲ μηδὲν τούτων τῶν ἰδιωμάτων κτησάμενος, ἔχων δὲ ἐν ἑαυτῷ πλῆθος μονάδων, ἄλογος ἀριθμὸς καλεῖται.

10 ဪαπερ δὲ δμωνύμως καὶ παρωνύμως ἐκ τοῦ γ τρίτον λέγεται καὶ ἐκ τοῦ δ τέταρτον, οὕτω καὶ ἐπὶ τούτων αὶ παρώνυμοι ὀνομασίαι ἔχουσι, τοῦ μὲν ἀπλῶς ἀριθμοῦ τὸ ἀριθμοστόν, τῆς δὲ δυνάμεως τὸ δυναμοστόν, τοῦ δὲ κύβου τὸ κυβοστόν, τῆς δὲ δυναμοδυνά-15 μεως τὸ δυναμοδυναμοστόν, τοῦ δὲ κυβοκύβου τὸ κυβοκυβοστόν.

②στε ἀριθμὸς ἐπὶ μὲν ἀριθμὸν πολλαπλασιασθεὶς ποιεῖ δύναμιν, κὰν αὐτὸς ἐφ' ἑαυτόν, κὰν ἐφ' ἔτερον· τρὶς γὰρ γ̄, θ̄, καὶ τρὶς δ̄, ιρ̄· ἀριθμὸς γὰρ ἀπλῶς ὁ γ̄ τον δ. πάλιν ἀριθμὸν πολλαπλασιάζεται ἢ τὸν γ̄ ἢ τὸν δ. πάλιν ἀριθμὸς ἐπὶ δύναμιν πολλαπλασιασθεὶς ποιεῖ κύρον· δ δ̄ γὰρ ἐπὶ τὸν ις τὸν τετράγωνον πολλαπλασιασθεὶς ὡς πλευρὰ τοῦ τετραγώνου ις̄, τὸν ξ̄δ ποιεῖ κύρον. πάλιν ἀριθμὸς ἐπὶ κύρον πολλαπλασια-25 σθεὶς δυναμοδύναμιν ἀπεργάζεται· ἐλέγομεν γὰρ τὸν τοῦ τετραγώνου ἐφ' ἑαυτὸν πολλαπλασιασμοῦ τοῦ δ ἐφ' ἑαυτὸν τετραγώνου. τοῦτον τὸν ις̄ καὶ ἀριθμὸς ἐπὶ

<sup>7</sup> sq. Cf. I, 6, 2—4. 10 sq. Cf. I, 6, 9—19. 17 sq. Cf. I, 8, 1—10.

 $\tau$ òν χύβον τὸν  $\bar{\eta}$ ,  $\delta$   $\bar{\beta}$  δηλονότι,  $\delta g$  έστιν αὐτοῦ πλευρά, ποιήσει ως γάρ ή πλευρά έπι τον τετράγωνον πολλαπλασιασθείσα τὸν κύβον ἐποίει καὶ ἦν ὁ πολλαπλασιασμός αριθμού έπι δύναμιν τον τετράγωνον, ούτως καλ πλευρά τοῦ κύβου ώς ἀριθμὸς ἐπλ κύβου πολλα- 5 πλασιασθείσα ποιεί δυναμοδύναμιν τὸν ις· δίς γὰρ  $\vec{\eta}$ ,  $\vec{\iota}\vec{s}$ . Gete  $\vec{\delta}$   $\vec{\iota}\vec{s}$ ,  $\vec{\delta}\vec{s}$   $\vec{\mu}\vec{\epsilon}\nu$   $\vec{\delta}$   $\vec{\delta}$   $\vec{\delta}$ τετραγώνου έφ' έαυτόν, ούτω δὲ καὶ ἀπὸ τοῦ δὶς  $\bar{n}$ άριθμοῦ ἐπὶ κύβον. πάλιν ἀριθμὸς ἐπὶ δυναμοδύναμιν πολλαπλασιασθείς δυναμόχυβον ποιεί ελέγομεν 10 γάο δυναμόκυβον τον έκ πολλαπλασιασμού τετραγώνου έπλ τὸν ἀπὸ τῆς αὐτῆς αὐτῷ πλευρᾶς κύβον γινόμενον οξον τετράκις  $\delta$   $\bar{\eta}$  κύβος,  $\bar{\lambda}\bar{\beta}$  τοῦτον ποιεζ καλ ἀριθμός έπλ δυναμοδύναμιν πολλαπλασιασθείς δ γάρ τς. ώς γεγονώς από πολλαπλασιασμοῦ έφ' έαυτον τοῦ 15 τετραγώνου  $\bar{\delta}$ , δυναμοδύναμίς έστι $\cdot$  τοῦτον δ $\bar{\beta}$  άρι $\vartheta$ μὸς δς ην πλευρά τοῦ  $\bar{\delta}$ , πολλαπλασιάζει και γενν $\bar{\alpha}$ τὸν δυναμόκυβον. ἀριθμὸς δ' αὖθις πολλαπλασιασθείς έπλ δυναμόκυβον, κυβόκυβον άπεργάζεται κυβόκυβον γάρ ελέγομεν τὸν ἐκ κύβου ἐφ' ξαυτὸν πολλαπλασια- 20 σθέντα,  $\ddot{ω}σπερ$  τον  $\bar{\eta}$  κύβον έπλ τον  $\bar{\eta}$  καλ τον  $\bar{\xi}\bar{\delta}$ ποιούντα τούτον τον ξδ κυβόκυβον καλ δ πολλαπλασιασμός τοῦ ἀριθμοῦ ἐπὶ τὸν δυναμόκυβον ἀπεργάζεται· δυναμόκυβος γὰρ ἡν  $\delta$   $\overline{\lambda\beta}$ · τοῦτον καὶ  $\delta$   $\overline{\beta}$  πολλαπλασιάζων  $\langle \tau \dot{o} \nu \ \overline{\xi} \overline{o} \rangle$  ἀπεργάζεται·  $\dot{o}$  δὲ  $\bar{\beta}$  πλευρά  $\bar{\eta} \nu$  25 τοῦ ἐξ ἀρχῆς τετραγώνου  $\bar{\delta}$ , ἐξ ῆς  $\delta$   $\bar{\eta}$  κύβος ἐγεννᾶτο, ώσαύτως δὲ καὶ ή τοῦ  $\bar{\eta}$  κύβου πλευρά. δύναμις δὲ έπι δύναμιν πολλαπλασιασθείσα δυναμοδύναμιν ποιεί, καν έαυτον πολλαπλασιάζη δ τετράγωνος, ώς τα τετρά $x_{ij}$   $\overline{\delta}$ ,  $x_{ij}$  αλλον τετράγωνον δύναμιν ζυτα καὶ αὐτόν, so ώς τὰ τετράκις ις. δύναμις δὲ ἐπὶ κύβον πολλαπλασιασθεΐσα δυναμόκυβον ποιεῖ ἔστω γὰς κύβος ὁ η καὶ τετράγωνος ὁ  $\overline{\delta}$  ὅ ἐστι δύναμις, έξ ὧν γίνεται ὁ  $\overline{\lambda}\overline{\beta}$  δυναμόκυβος. δύναμις δὲ ἐπὶ δυναμοδύναμιν πολλαπλασιασθεῖσα κυβόκυβον ἀπεργάζεται ὁ γὰς ἐφ'  $\overline{\xi}\overline{\delta}$  ἐκ τοῦ ὀκτάκις  $\overline{\eta}$  τοῦτον τὸν  $\overline{\xi}\overline{\delta}$  ποιεῖ καὶ δύναμις  $\overline{\delta}$   $\overline{\delta}$  ἐπὶ δυναμοδύναμιν τὸν  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$  πολλαπλασιασθεῖσα. κύβος δὲ ἐπὶ κύβον, κὰν ἐφ' ἕαυτόν, κὰν ἐφ' ἕτερον κύβον, πολλαπλασιασθεὶς κυβόκυβον ποιεῖ.

10 Πᾶς δὲ ἀριθμὸς ἐπὶ τὸ ὁμώνυμον αὐτοῦ μόριον πολλαπλασιασθείς μονάδα ποιεῖ· οἶον ἐπὶ τοῦ ῖ τυχόν· δεκάκις γὰρ τὸ δέκατον, ἕν.

Τῆς οὖν μονάδος ἀμεταθέτου οὔσης καὶ ἑστώσης ἀεί, τὸ πολλαπλασιαζόμενον ἐπ' αὐτὴν αὐτὸ τὸ εἶδος τὸ ἔσται δεκάκις γὰο τὸ  $\bar{\alpha}$ ,  $\bar{\iota}$ , καὶ ἄπαξ τὰ  $\bar{\iota}$ ,  $\bar{\iota}$ .

Τὰ δὲ ὁμώνυμα μόρια ἐφ' ἐαυτὰ πολλαπλασιαζόμενα ποιήσει ὁμώνυμα μόρια τοῖς ἀριθμοῖς· οἶον τὸ ἀριθμοστὸν ἐπὶ τὸ ἀριθμοστὸν πολλαπλασιαζόμενον δυναμοστὸν ποιήσει, ἐπείτοιγε καὶ ἀριθμὸς ἐφ' ἑαυτὸν το πολλαπλασιαζόμενος δύναμιν ποιεῖ· οἶον β ἐπὶ β τὸν δ τετράγωνον, ὅς ἐστι δύναμις· τὰ δὲ β ἀριθμός, καὶ τὰ β δυοστὸν μόριον τοῦ δ, οἶον ῆμισυ. τὸ δ' αῦ ἀριθμοστὸν ποιλλαπλασιαζόμενον ἐπὶ τὸ δυναμοστόν, κυβοστὸν ποιεῖ, ἐπείτοιγε καὶ ἀριθμὸς ἐπὶ δύναμιν το πολλαπλασιαζόμενος κὰβον ποιεῖ ... ἐπὶ δὲ δυναμοκυβοστόν, κυβοκυβοστόν, ἐπείτοιγε ἀριθμὸς ἐπὶ δυναμιν μόκυβον πολλαπλασιασθεὶς κυβόκυβον ποιεῖ.

Δυναμοστόν δε έπι αριθμοστόν, κυβοστόν ποιήσει,

<sup>10</sup> sq. Cf. I, 8, 11—12. 12 εν scripsi; τ καὶ ἄπαξ τὰ τ, τ codices. 13 sq. Cf. I, 8, 13—15. 16 sq. Cf. I, 8, 16—24. 25 Lacunam significavi.

έπείτοιγε καλ άριθμός έπλ δύναμιν πολλαπλασιαζόμενος κύβον αποτελεί, και τὸ αναπαλιν δύναμις ἐπὶ ἀριθμὸν τὸν αὐτὸν κύβον ποιήσει· ἶσον γὰρ εἰπεῖν δὶς  $\bar{\delta}$  καὶ τετράκις τὰ  $\bar{\beta}$  είς τὸ ἀπαρτισθῆναι τὸν κύβον. δυναμοστον δε έπι δυναμοστον πολλαπλασιαζόμενον δυνα- 5 μοδυναμοστόν ποιήσει, έπείτοινε και δύναμις έπι δύναμιν πολλαπλασιασθείσα, ἢ ἐφ' ἐαὐτὴν ἢ ἐφ' ἐτέραν δύναμιν ήγουν δ τετράγωνος ή έφ' έαυτὸν ή έφ' έτερον, δυναμοδύναμιν ποιήσει, τοῦτο δὲ τὸ δυναμοστὸν εί πολλαπλασιασθείη έπὶ χυβοστόν, δυναμοχυβοστόν 10 ποιήσει, έπείτοιγε και δύναμις έπι κύβον πολλαπλασιασθείσα δυναμόχυβον έποίει. καλ αὖθις τὸ δυναμοστὸν τοῦτο εί πολλαπλασιασθείη ἐπὶ δυναμοδυναμοστόν, κυβοκυβοστόν ποιήσει, ἐπείτοιγε καὶ δύναμις εί πολλαπλασιασθείη έπὶ δυναμοδύναμιν, κυβόκυβον 15 ποιήσει ως έλέγομεν τον δ, δύναμιν ως τετράγωνον, πολλαπλασιαζόμενον έπὶ τὴν δυναμοδύναμιν τς τὸν  $\dot{\alpha}$ πο τοῦ πολλαπλασιασμοῦ τοῦ τετραγώνου  $\bar{\delta}$ , ποιεῖν τὸν ξδ κυβόκυβον, δς καὶ ἀπὸ πολλαπλασιασμοῦ τοῦ η κύβου γίνεται.

Το δε κυβοστον έπι μεν άριθμοστον ποιεί δυναμοδυναμοστόν, ότι και άριθμος έπι κύβον πολλαπλασιαζόμενος δυναμοδύναμιν έποίει έπι δε δυναμοστόν, ποιεί δυναμοκυβοστόν, ότι και δύναμις έπι κύβον δυναμόκυβον έποίει έπι δε κυβοστόν, κυβοκυβοστόν, 25 ότι και κύβος έπι κύβον κυβόκυβον έποίει.

Το δὲ δυναμοδυναμοστον ἐπὶ μὲν ἀριθμοστον δυναμοκυβοστον ποιεῖ, ὅτι καὶ ἀριθμὸς ἐπὶ δυναμοδύναμιν πολλαπλασιαζόμενος δυναμόκυβον ἐποίει ἐπὶ

<sup>17</sup> την scripsi, τον cod.

δε δυναμοστόν, κυβοκυβοστόν, δτι καλ δύναμις έπλ δυναμοδύναμιν κυβόκυβον έποίει.

Το δε δυναμοκυβοστον έπλ άριθμοστόν, κυβοκυβοστόν, δτι καλ άριθμος έπλ δυναμόκυβον κυβόκυβον έποίει.

Πάλιν τὸ μὲν ἀριθμοστὸν ἐπὶ μὲν δύναμιν, ἀριθμον ποιεῖ ἐπὶ δὲ κύβον, δύναμιν ἐπὶ δὲ δυναμοδύναμιν ἐπὶ δὲ κυβόκυβον, δυναμοδύναμιν ἐπὶ δὲ κυβόκυβον, δυναμόκυβον.

Δυναμοστόν δε έπι μεν άριθμόν, άριθμοστόν έπι 10 κύβον, άριθμόν έπι δε δυναμοδύναμιν, δύναμιν έπι δε δυναμόκυβον, κύβον έπι δε κυβόκυβον, δυναμοδυναμοστόν.

Κυβοστόν δὲ ἐπὶ μὲν ἀριθμόν, δυναμοστόν ἐπὶ δὲ δύναμιν, ἀριθμοστόν ἐπὶ δὲ δυναμοδύναμιν, ἀριθ15 μόν ἐπὶ δὲ κυβόκυβον, κύβον.

<Δυναμο>δυναμοστόν δὲ ἐπὶ μὲν ἀριθμόν, κυβοστόν. ἐπὶ δὲ δύναμιν, δυναμοστόν ἐπὶ δὲ κύβον, ἀριθμοστόν ἐπὶ δὲ δυναμόκυβον, ἀριθμόν ἐπὶ δὲ κυβόκυβον, δύναμιν.

Δυναμοκυβοστόν δὲ ἐπὶ μὲν ἀριθμόν, δυναμοδυνα20 μοστόν ἐπὶ δὲ δύναμιν, κυβοστόν ἐπὶ δὲ κύβον, δυναμοστόν ἐπὶ δὲ δυναμοδύναμιν, ἀριθμοστόν ἐπὶ δὲ
κυβόκυβον, ἀριθμόν.

Τὸ δὲ κυβοκυβοστὸν ἐπὶ μὲν ἀριθμόν, δυναμοκυβοστόν ἐπὶ δὲ δύναμιν, δυναμοδύναμοστόν ἐπὶ δὲ 25 κύβον, κυβοστόν ἐπὶ δὲ δυναμοδύναμιν, δυναμοστόν ἐπὶ δὲ δυναμόκυβον, ἀριθμοστόν. καὶ οὕτω μὲν τὰ τῶν πολλαπλασιασμῶν ἔχουσι.

<sup>2</sup> δυναμοδύναμιν κυβόκυβον scripsi; κύβον δυναμόκυβον cod. 5 sq. Cf. I, 10, 1—6. 5—6 ἀριθμόν scripsi; ἀριθμοστὸν cod. 9 sq. Cf. I, 10, 7—12. 13 sq. Cf. I, 10, 13—18. 16 sq. Cf. I, 12, 1—6. 19 sq. Cf. I, 12, 7—12. 23 sq. Cf. I, 12, 13—18.

κ5. Ἐπεὶ δὲ πλειστα συμβαίνει γίνεσθαι ποοβλήματα ἀριθμητικά, ἢ ἔξ ὑπεροχῆς τῆς πρὸς ἀλλήλους
τοὺς ἀριθμούς, ἢ ἐκ πολλαπλασιασμοῦ ἢ ἔτέρου λόγου
τοῦ πρὸς ἀλλήλους, ἢ καὶ ἐκάστου ἰδία ἢ καὶ μίγδην
ἀμφοτέρων, δηλονότι ἔξ ὑπεροχῆς καὶ λόγου, ἢ λόγου 5
καὶ λείψεως, ἢ ὑπεροχῆς καὶ πολλαπλασιασμοῦ, φέρε
καὶ περὶ τούτων ὡς ἐν τύπφ διαλάβωμεν καὶ πρῶτον
περὶ τῶν ἔξ ὑπεροχῆς οἶον τὸν ἐπιταχθέντα ἀριθμὸν
διελεῖν ἐν ὑπεροχῆ τῆδε, ἵνα δηλονότι τῶν μερῶν
θάτερον θατέρου ὑπερέχοι τῷδε τῷ ἀριθμῷ.

Ότε γοῦν τις ἀριθμὸς δοθῆ καὶ ἐπιταχθῶμεν διελεῖν αὐτὸν εἰς δύο ἀριθμοὺς ἐν ὑπεροχῆ τῆ δοθείση, οἶον φέρε τὸν  $\bar{\rho}$  ἐν ὑπεροχῆ τῷ  $\bar{x}$ , ὀφείλομεν ὑπεξαιρεῖν ἐκ τῶν  $\bar{\rho}$  τὴν δοθεῖσαν ὑπεροχήν, δηλονότι τὸν  $\bar{x}$ , καὶ τὸν καταλειφθέντα ἀριθμὸν διαιρεῖν δίχα, ὡς ιδ ἐνταῦθα τὸν  $\bar{\pi}$  εἰς  $\bar{\mu}$  καὶ  $\bar{\mu}$ , καὶ ἔπειτα ένὶ μέρει προστιθέναι τὴν ὑπεροχήν, ὡς ἐνταῦθα τῷ  $\bar{\mu}$  τὸν  $\bar{x}$ , ὁμοῦ  $\bar{\xi}$ . διηρέθη τοίνυν  $\bar{\delta}$   $\bar{\rho}$  εἰς  $\bar{\xi}$  καὶ  $\bar{\mu}$  καὶ ἔστιν ἡ ὑπεροχὴ τοῦ  $\bar{\xi}$  πρὸς τὸν  $\bar{\mu}$ ,  $\bar{x}$ , καὶ τὸ ἐπιταχθὲν ἐγένετο.

Τοῦτο ἐπὶ πάντων καὶ ἐπ' αὐτῶν δὴ τούτων μὴ 20 δεχομένων τομήν, εἴπερ μόνον μονὰς διαιρεθῆ· οἶον ἐπιταττόμεθα τὸν κβ διελεῖν ἐν ὑπεροχῆ θατέρου πρὸς θάτερον τῷ  $\overline{\gamma}$ · ἀφαιρῶ τὴν ὑπεροχὴν τὸν  $\overline{\gamma}$ , ἐναπελείφθησαν  $\overline{\imath\vartheta}$ · ταῦτα διαιρῶ εἰς  $\overline{\vartheta}$   $\overline{\iota}$ ′ καὶ  $\overline{\vartheta}$   $\overline{\iota}$ ′ τὸν  $\overline{\gamma}$ , δμοῦ  $\overline{\imath\beta}$   $\overline{\iota}$ ′ ἐτμήθη τοίνυν δ 25 κβ εἰς  $\overline{\imathβ}$   $\overline{\iota}$ ′ καὶ  $\overline{\vartheta}$   $\overline{\iota}$ ′, ὑπερέχει δὲ δ  $\overline{\imathβ}$   $\overline{\iota}$ ′ τοῦ  $\overline{\vartheta}$   $\overline{\iota}$ ′, τρισί· καὶ ἀεὶ ἐπὶ πάντων οὕτω γενήσεται ἀπαραβάτως.

κζ. Τὰ δὲ ἐπὶ πολλαπλασιασμοῖς ἀφιθμητικὰ πφοβλήματα ἔχουσιν οὕτως, εἰ ἐπιταττοίμεθα τὸν δοθέντα

<sup>1</sup> sq. Cf. I, 4, 7—10. 11 sq. Dioph. probl. I, 1. 28 sq. Dioph. probl. I, 2.

άριθμὸν διαιρεῖν ἐν λόγῷ ἢ διπλασίῷ ἢ τριπλασίῷ ἢ δποσαπλασίῷ, ἵνα ἔχοι τὸ μέρος τοῦ μέρους τὸν τοιοῦτον λόγον. δεῖ οὖν, εἰ ἐν διπλασίῷ λόγῷ ἐπιταττοίμεθα διαιρεῖν, λαμβάνειν τὸν τοῦ ὅλου ὑποτριπλάσιον 5 καὶ τὸν τοιοῦτον τιθέναι ἐλάσσῶ ὅρον, οὖ τὸν διπλάσιον λαμβάνομεν, τὸν λοιπὸν δηλονότι μείζῶ ὅρον, καὶ τὸ πρόβλημα γίνεται. οἶον εἰ ἐπιταχθῶμεν διελεῖν ἐν διπλασίονι λόγῷ τὸν πδ ἀριθμόν, ζητοῦμεν τὸν ὑποτριπλάσιον αὐτοῦ καὶ ἔστιν ὁ ἢ τούτου ὁ διπλάσιος, δηλονότι ὁ λοιπὸς ὁ ιξ, μείζῶν ὅρος γίνεται, καὶ ἀναπληροῦται τὸ πρόβλημα ὁ γὰρ ιξ τοῦ ἢ διπλάσιος, καὶ τς καὶ ἢ, κδ.

Εἰ δὲ ἐν τριπλασίονι λόγῳ ἐπιταττοίμεθα διελεῖν τὸν δοθέντα ἀριθμόν, δεῖ λαβεῖν τὸν τοῦ ὅλου ὑπο- 15 τετραπλάσιον καὶ ποιῆσαι τοῦτον ἐλάσσω ὅρον καὶ τὸν λοιπὸν μείζω, καὶ γίνεται τὸ προβληθέν. οἶον ἔστω  $\delta$  ξ ὃν δεῖ διελεῖν, λαμβάνω τούτου τὸν ὑποτετραπλασίονα καὶ ἔστιν  $\delta$   $\overline{\iota}$ ε τοῦτον τιθῶ ὅρον ἐλάττω, τὸν  $\delta$ ὲ λοιπὸν  $\overline{\mu}$ ε μείζω, καὶ γίνεταί μοι τὸ πρόβλημα  $\delta$ 0  $\overline{\mu}$ ε γὰρ καὶ  $\overline{\iota}$ ε,  $\overline{\xi}$ , καὶ ἔστιν  $\delta$ 0  $\overline{\mu}$ ε τοῦ  $\overline{\iota}$ ε τριπλάσιος.

Εἰ δὲ ἐν τετραπλασίονι λόγω ἐπιταττοίμεθα διαιρεῖν τὸν δοθέντα ἀριθμόν, δεῖ λαβεῖν τὸν τοῦ ὅλου 
ὑποπενταπλασίονα καὶ τοῦτον τιθέναι ὅρον ἐλάσσω, 
τὸν δὲ λοιπὸν μείζω, τὸν λεγόμενον καὶ ἀποτομήν, 
25 καὶ γίνεταί μοι τὸ προβληθέν. οἶον ἔστω ὁ δοθεὶς 
ἀριθμὸς λ̄ ὅν δεῖ διελεῖν κατὰ λόγον τετραπλασίονα · 
τούτου λαμβάνω τὸν ὑποπενταπλασίονα τὸν  $\bar{\mathbf{x}}$  καὶ 
τίθημι τρῦτον ἐλάσσω ὅρον, τὸν δὲ λοιπὸν τὸν  $\bar{\mathbf{x}}$  
μείζω, καὶ γίνεταί μοι τὸ πρόβλημα ·  $\bar{\mathbf{x}}$   $\bar{\mathbf{x}}$  νὰ δὲ τοῦ  $\bar{\mathbf{x}}$  τετραπλάσιος.

Καὶ ἐπὶ πάντων ὁ αὐτὸς λόγος, λαμβανόντων ἡμῶν

τὸν τοῦ ὅλου ⟨ὑπο⟩πολλαπλάσιον τὸν συνεχῆ τοῦ ἐπιταχθέντος ἐκ τῆς διαιφέσεως τοῦ ἀφιθμοῦ γίνεσθαι.

κη. Εί δὲ ὑποταττοίμεθα διελεῖν ἀριθμὸν ἐν λόγφ ἐπιμορίφ, καὶ πρῶτος τῶν ἐπιμορίων ὁ ἡμιόλιος, εἰ γοῦν ἐπιταττοίμεθα τὸν δοθέντα ἀριθμὸν διελεῖν ἐν 5 λόγφ ἡμιολίφ, δεῖ λαβεῖν τὸν τοῦ ὅλου ὑποδιπλασιεφήμισυν καὶ τούτον αὐθις τὸν ἡμιόλιον καὶ τοῦτον τιθέναι μείζω ὅρον, τὸν δὲ λοιπὸν τὴν ἀποτομὴν ἐλάσσω, καὶ γίνεται τὸ πρόβλημα. οἶον ἔστω ὁ δοθεὶς ἀριθμὸς  $\bar{\mathbf{x}}$ . τούτον ζητῶ τὸν ὑποδιπλασιεφήμισυν καὶ 10 ἔστιν ὁ  $\bar{\mathbf{\eta}}$ , τούτον ἡμιόλως ὁ  $\bar{\mathbf{i}}\bar{\mathbf{\beta}}$ . τοῦτον τίθημι μείζω δρον, τὴν δὲ ἀποτομὴν τὸν  $\bar{\mathbf{\eta}}$  ἐλάσσω, καὶ γίνεταί μοι τὸ προβληθέν.  $\bar{\mathbf{i}}\bar{\mathbf{\beta}}$  γὰρ καὶ  $\bar{\mathbf{\eta}}$ ,  $\bar{\mathbf{x}}$ , καὶ ὁ  $\bar{\mathbf{i}}\bar{\mathbf{\beta}}$  τοῦ  $\bar{\mathbf{x}}$  ἡμιόλιος. πάλιν δεδόσθω ὁ  $\bar{\lambda}$ . τούτον ὁ ὑποδιπλασιεφήμισυς ὁ  $\bar{\mathbf{i}}\bar{\mathbf{\beta}}$ , τούτον ὁ ἡμιόλιος  $\bar{\mathbf{i}}\bar{\mathbf{\eta}}$ . τοῦτον τίθημι μείζω 15 δρον, τὸν δὲ λοιπὸν τὸν  $\bar{\mathbf{i}}\bar{\mathbf{\beta}}$  ἐλάσσω, καὶ γίνεταί μοι τὸ προβληθέν. καὶ ἐπὶ πάντων ὁ αὐτὸς λόγος.

Εί δὲ ἐπιταττοίμεθα διαιρεῖν ἐν ἐπιτρίτφ λόγφ, δεῖ λαμβάνειν τὸν τοῦ ὅλου ὑποδιπλασιεπίτριτον καὶ τούτου αὖθις τὸν ἐπίτριτον, καὶ τοῦτον μείζω ὅρον τιθέναι καὶ τὴν ἀποτομὴν ἐλάττω, καὶ γίνεται τὸ πρόβλημα. οἶον ἔστω ὁ πη' τοῦτον ἐπιταττόμεθα διαιρεῖν εἰς δύο ἀριθμοὺς ἐν ἐπιτρίτφ λόγφ. λαμβάνω τούτου τὸν ὑποδιπλασιεπίτριτον καὶ ἔστιν ὁ  $\overline{i\beta}$ , καὶ τούτου αὖθις τὸν ἐπίτριτον καὶ ἔστιν ὁ  $\overline{i\beta}$ , καὶ τούτου καὶ ἔστιν ὁ  $\overline{i\beta}$ , έλάττω καὶ γίνεταί μοι τὸ προβληθέν.

Εἰ δὲ ὑποταττοίμεθα διαιρεῖν ἐν ἐπιτετάρτω λόγω, δεῖ λαμβάνειν τὸν τοῦ ὅλου ὑποδιπλασιεπιτέταρτον καὶ τούτου αὖθις τὸν ἐπιτέταρτον, καὶ τοῦτον τιθέναι εο ὅρον μείζονα, τὸν δὲ λοιπὸν ἐλάττω, καὶ γίνεται τὸ

δεί δὲ πανταχοῦ προηγείσθαι τοῦ σώματος τὸ ἀσώματον· ὅτι δὲ ἀσώματος ὁ ἀριθμὸς ὅῆλον· ἐπειδὴ ἕν
μέγεθος ὅ ἐστι σῶμα, τὸ αὐτὸ τετράγωνον καὶ κύκλος
εἶναι οὐ δύναται· ὁ δὲ ἀριθμὸς, ὅτι ἀσώματος ὢν
δύναται· καὶ γὰρ ὁ κε ἀριθμὸς καὶ τετράγωνός ἐστιν,
ὅτι ἀπὸ τοῦ ε πολλαπλασιασθέντος ἐφ' ἑαυτὸν ἀπετελέσθη, κύκλος δέ, ὅτι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ τοῦ ε ἤρξατο
καὶ εἰς τὸ αὐτὸ ἔληξεν· ὥστε ἀσώματος ὁ ἀριθμός, εἴ
γε ὁ αὐτὸς καὶ κύκλος γίνεται καὶ τετράγωνος.

Τὴν μὲν οὖν ἀριθμητικὴν προτέραν δεῖ διὰ ταῦτα τετάχθαι, τὴν δὲ μουσικὴν προηγεῖσθαι δεῖ τῆς ἀστρονομίας ὅτι δειχθήσεται τῷ Μεγάλῷ ᾿Αστρονόμῷ τὰ ἄστρα ἀποκαθιστάμενα περιόδοις τισὶ χρόνων τεταγμέναις μετὰ ξυθμοῦ τινος καὶ ἀρμονίας.

3 "Αλλως τε εί δ ἄσχετος ἀριθμός, δ έστιν ή ἀριθμητική, προηγεῖται τοῦ ἀσχέτου μεγέθους, οἶον τῆς γεωμετρίας, δῆλον ὅτι καὶ δ ἐν σχέσει ἀριθμός, ὅ ἐστιν ἡ μουσική, προηγεῖτ' ἄν τοῦ ἐν σχέσει μεγέθους, ὅ ἐστι τῆς ἀστρονομίας αὕτη ἡ τάξις.

ο Δετ δε το βιβλίον τοῦτο προαναγνῶναι ἄτε εἰσαγνῶνικον ὅν, πεποίηται γὰρ τῷ Νικομάχῷ ετέρα ἀριθμητική, ἢν Μεγάλην ᾿Αριθμητικὴν ἤτοι Θεολογούμενα ἐπιγράφει, ἐν ἡ μέμνηται τούτου τοῦ βιβλίου ὅθεν καὶ τὸ γνήσιον τῆ τάξει συναποδέδεικται.

25 Διήρηται δὲ τὸ παρὸν σύγγραμμα εἰς β βιβλία καὶ ἐν μὲν τῷ αφ τὴν διαίρεσιν τῶν ἀριθμῶν καὶ τὴν οὐσίαν αὐτῶν καὶ τὰς σχέσεις, ἐν δὲ τῷ βφ τὰ σχήματα καὶ τὰς ἀναλογίας παραδίδωσιν εὐθὺς δὲ τῆς πραγματείας ἀρχόμενος ὁ Νικόμαχος δείκνυσιν ὡς ἄνευ τῆς μαθηματικῆς ἐπιστήμης οὐκ ἔστι φιλοσοφεῖν, οὐδὲ εὐδαιμονεῖν, καὶ συλλογιζόμενος οἶον, φησί τὸ

εὐδαιμονεῖν οὐκ ἄνευ φιλοσοφίας, ἡ φιλοσοφία οὐκ ἄνευ μαθημάτων, τὸ εὐδαιμονεῖν ἄρα οὐκ ἄνευ μαθηματα καταγίνεται, τὸ φιλοσοφία γνῶσις τῶν ὅντων, τὰ ὅντα ἢ συνεχῆ ἢ διωρισμένα.  $\pi$ ερὶ ταῦτα τὰ μαθήματα καταγίνεται, τὸ φιλοσοφία  $\pi$ ερὶ ταῦτα τὰ μαθήματα καταγίνεται, τὸ φιλοσοφία  $\pi$ ερὶ ταῦτα τὰ μαθήματων.

Γέρων έρασθείς, έσχάτη κακή τύχη· Βίος βίου δεόμενος οὐκ ἔστι βίος.

# GEORGII PACHYMERAE ARITHMETICES CAPITULA VIGINTI.

(Ex Veneto codice Naniano 255.)

... κε. Πάλιν ἄνωθεν ἀρχόμενοι λέγομεν πᾶς 5 ἀριθμὸς σύγκειται ἐκ μονάδων πλήθους τινός, σωρεία γὰρ μονάδων ὁ ἀριθμός ἐστιν, ἔχει δὲ καὶ εἰς ἄπειρον τὴν ὕπαρξιν.

Έν γοῦν τοῖς τοιούτοις ἀριθμοῖς οἱ μέν εἰσι τετράγωνοι, οῖ εἰσιν ἐκ ἀριθμοῦ τινος ἐφ' ἑαυτὸν πολλα10 πλασιασθέντος οἶον δὶς  $\bar{\beta}$ ,  $\bar{\delta}$ · τρὶς  $\bar{\gamma}$ ,  $\bar{\theta}$ · ἑξάκις  $\bar{\varsigma}$ ,  $\bar{\lambda}\bar{\varsigma}$ · ἑπτάκις  $\bar{\zeta}$ ,  $\bar{\mu}\bar{\vartheta}$ · ὀκτάκις  $\bar{\eta}$ ,  $\bar{\xi}\bar{\delta}$ · ἐννάκις  $\bar{\vartheta}$ ,  $\bar{\pi}\alpha$ · δεκάκις  $\bar{\iota}$ ,  $\bar{\varrho}$ · εἰκοσάκις  $\bar{\kappa}$ ,  $\bar{\upsilon}$ · καὶ ἑκατοντάκις  $\bar{\varrho}$  καὶ ἕως ἀπείρου· οἶς συμβέβηκε καὶ ἕνα παφ' ἕνα εἶναι περιττὸν ἢ ἄρτιον, καὶ ἡ διαφορὰ πρὸς ἀλλήλους κατὰ τοὺς ἀπὸ 15 μονάδος περιττούς·  $\bar{\alpha}$  γὰρ τετράγωνος,  $\bar{\alpha}$ παξ γὰρ  $\bar{\alpha}$ ,  $\bar{\alpha}$ · καὶ μετὰ  $\bar{\bar{\zeta}}$  ἀπ' αὐτοῦ δ  $\bar{\bar{\iota}}\bar{\varsigma}$ · καὶ μετὰ  $\bar{\bar{\zeta}}$  ἀπ' αὐτοῦ δ  $\bar{\bar{\iota}}\bar{\varsigma}$ · καὶ μετὰ  $\bar{\bar{\zeta}}$  ἀπ' αὐτοῦ δ  $\bar{\bar{\iota}}\bar{\varsigma}$ · καὶ έκ τούτου τὴν ἑαυτῶν ταυτότητα. δ γοῦν ἡητὸς ἐκεῖνος ἀριθμός, δ ἐφ' ἑαυτὸν 20 πολλαπλασιαζόμενος καὶ ἀποτελῶν τὸν τετράγωνον, καλεῖται πλευρὰ τετραγώνου.

Of de eigh núbol, of eight ex tetraywhou ext tàs eautwn nheuràs nollanlaghautadeutwn. ofor tals  $\bar{\gamma}, \bar{\vartheta}$ .

<sup>4</sup> sq. Cf. Diophantum, vol. I p. 2, 1, 14—16. 8 sq. Cf. I, 2, 18—20. 22 sq. Cf. I, 2, 21—22.

δ  $\overline{\vartheta}$  τετράγωνος πάντως, οὖ πλευρὰ τὰ  $\overline{\gamma}$ . πολλαπλασιανθέντος οὖν τοῦ  $\overline{\vartheta}$  τετραγώνου ἐπὶ τὴν πλευρὰν αὐτοῦ τὸν  $\overline{\gamma}$ , γίνεται ὁ  $\overline{\kappa}$ ς κύβος. ἢν γὰρ εἶχε πλευρὰν δ ἐπίπεδος τετράγωνος κατά τε μῆκος καὶ πλάτος, ταύτην καὶ κατὰ τὴν τρίτην διάστασιν, ἢν λέγομεν 5 πάχος ἢ βάθος ἢ ΰψος, προσλαμβάνει καὶ ποιεῖ τὸν κύβον, δν καὶ κυρίως ἄρμονίαν ἐλέγομεν καὶ ἰσάκις ἶσον ἰσάκις.

Οί δὲ δυνάμεις, οῖ είσιν ἐκ τετραγώνων ἐφ' ἑαυτούς πολλαπλασιασθέντων· οἶον τετράκις ὁ δ,  $\overline{\iota}$ ς· οὖτος 10 τετράγωνος ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ  $\overline{\delta}$ , ἀλλὰ καὶ δύναμις, γίνεται γὰρ ἀπὸ τετραγώνου τοῦ  $\overline{\delta}$  πολλαπλασιασθέντος ἐφ' ἑαυτόν· τετράκις γὰρ ὁ  $\overline{\delta}$ ,  $\overline{\iota}$ ς· ἀλλὰ καὶ τὸν  $\overline{\iota}$ ς, τετράγωνον ὄντα ἐκ πλευρᾶς τοῦ  $\overline{\delta}$ , εἴ τις πολλαπλασιάσει ἐφ' ἑαυτὸν ὡς γενέσθαι  $\overline{\delta}$ σνς, καὶ οὖτος ὁ ἀριθ- 15 μὸς δύναμις λέγεται.

Οί δὲ δυναμόκυβοι, οῖ εἰσιν ἐκ τετραγώνων ἐπὶ τοὺς ἀπὸ τῆς αὐτῆς αὐτοῖς πλευρᾶς κύβους πολλαπλασιασθέντων οὐ γὰρ πολλαπλασιάζονται ἐπὶ τούτοις ἐφ' ἑαυτοὺς οἱ τετράγωνοι, ἵνα δύναμις γένηται, ἀλλ' 20 ἔπὶ τοὺς κύβους τοὺς ἀπὸ τῶν αὐτῶν γεγονότας πλευρῶν οἰον δὶς  $\bar{\beta}$ ,  $\bar{\delta}$  οὖτος ὁ  $\bar{\delta}$  τετράγωνος τοῦτον πολλαπλασιάζω ἐπὶ τὸν  $\bar{\eta}$  ὅς ἐστι κύβος ἐκ τῆς τοῦ  $\bar{\delta}$  λευρᾶς δυάδος συνεστώς, καὶ διὰ τοῦτο δυναμόκυβος λέγεται  $\bar{\delta}$   $\bar{\lambda}\bar{\beta}$ .

Οί δέ εἰσι κυβόκυβοι, οῖ εἰσιν ἐκ κύβων ἐφ' ἑαυτοὺς πολλαπλασιασθέντων οἶον ὁ  $\bar{\eta}$  κύβος ἐστὶν ἐκ πλευρᾶς τοῦ  $\bar{\beta}$ · τοῦτον πολλαπλασιάζω ἐπ' αὐτὸν τὸν  $\bar{\eta}$ , καὶ γίνεταί μοι ὁ  $\bar{\xi}\bar{\delta}$  κυβόκυβος.

<sup>9</sup> sq. Cf. I, 4, 1-2. 17 sq. Cf. I, 4, 3-5. 26 sq. Cf. I, 4, 6-7.

Έτεροι δὲ τὸν μὲν τετράγωνον δύναμίν φασιν, ῖνα ἔχοι καὶ οὖτος ἴδιον ὄνομα, τὸν δὲ ἐπὶ τὸν τετράγωνον πολλαπλασιασμὸν οὐ δύναμιν ὡς ἐλέγομεν, ἀλλὰ δυναμοδύναμιν λέγουσιν, ῶστε ὁ μὲν δύναμις, ὁ δὲ δ δυναμοδύναμις, ὁ δὲ κύβος, ὁ δὲ δυναμόκυβος, ὁ δὲ κυβόκυβος.

Ο δε μηδεν τούτων των ίδιωμάτων κτησάμενος, ἔχων δε εν έαυτῷ πλῆθος μονάδων, ἄλογος ἀριθμὸς καλεῖται.

10 ဩσπερ δὲ δμωνύμως καὶ παρωνύμως ἐκ τοῦ γ τρίτον λέγεται καὶ ἐκ τοῦ δ τέταρτον, οὕτω καὶ ἐπὶ τούτων αὶ παρώνυμοι ὀνομασίαι ἔχουσι, τοῦ μὲν ἀπλῶς ἀριθμοῦ τὸ ἀριθμοστόν, τῆς δὲ δυνάμεως τὸ δυναμοστόν, τοῦ δὲ κύβου τὸ κυβοστόν, τῆς δὲ δυναμοδυνά-15 μεως τὸ δυναμοδυναμοστόν, τοῦ δὲ κυβοκύβου τὸ κυβοκυβοστόν.

Όστε ἀριθμὸς ἐπὶ μὲν ἀριθμὸν πολλαπλασιασθεὶς ποιεῖ δύναμιν, κἂν αὐτὸς ἐφ' ἑαυτόν, κἂν ἐφ' ἔτερον· τρὶς γὰρ γ̄, δ̄, καὶ τρὶς δ̄, ικ̄ · ἀριθμὸς γὰρ ἀπλῶς ὁ γ̄ καὶ ἐπ' ἀριθμὸν πολλαπλασιάζεται ἢ τὸν γ̄ ἢ τὸν δ̄. πάλιν ἀριθμὸς ἐπὶ δύναμιν πολλαπλασιασθεὶς ποιεῖ κύβον· ὁ δ̄ γὰρ ἐπὶ τὸν ις τὸν τετράγωνον πολλαπλασιασθεὶς ὡς πλευρὰ τοῦ τετραγώνου τ̄ς, τὸν ξ̄δ ποιεῖ κύβον. πάλιν ἀριθμὸς ἐπὶ κύβον πολλαπλασιασθεὶς ὅς πλευρὰ τοῦ τετραγώνου τὸν τοῦ τετραγώνου ἐφ' ἑαυτὸν πολλαπλασιασμον δυναμοσύναμιν, ὡς τὸν τοῦ τοῦ πολλαπλασιασμοῦ τοῦ δ̄ ἐφ' ἑαυτὸν τετραγώνου· τοῦτον τὸν ις καὶ ἀριθμὸς ἐπὶ

<sup>7</sup> sq. Cf. I, 6, 2—4. 10 sq. Cf. I, 6, 9—19. 17 sq. Cf. I, 8, 1—10.

τὸν κύβον τὸν  $\bar{\eta}$ ,  $\delta$   $\bar{\beta}$  δηλονότι,  $\delta g$  ἐστιν αὐτοῦ πλευρά, ποιήσει ως γάρ ή πλευρά έπὶ τὸν τετράγωνον πολλαπλασιασθείσα τὸν κύβον ἐποίει καὶ ἦν ὁ πολλαπλασιασμός αριθμοῦ ἐπὶ δύναμιν τὸν τετράγωνον, οὕτως καλ πλευρά τοῦ κύβου ώς ἀριθμὸς ἐπὶ κύβου πολλα- 5 πλασιασθείσα ποιεί δυναμοδύναμιν τὸν ις δὶς γὰρ  $\vec{\eta}$ ,  $\vec{\iota}\vec{s}$ . Gote  $\vec{\delta}$   $\vec{\iota}\vec{s}$ ,  $\vec{\omega}\vec{s}$   $\vec{\mu}\vec{\epsilon}$  $\vec{\nu}$   $\vec{\delta}$   $\vec{\delta}$ τετραγώνου έφ' έαυτόν, ούτω δὲ καὶ ἀπὸ τοῦ δὶς  $\bar{\eta}$ άριθμοῦ ἐπὶ κύβον. πάλιν άριθμὸς ἐπὶ δυναμοδύναμιν πολλαπλασιασθείς δυναμόκυβον ποιεί. έλένομεν 10 νὰρ δυναμόκυβον τὸν ἐκ πολλαπλασιασμοῦ τετρανώνου έπλ τὸν ἀπὸ τῆς αὐτῆς αὐτῷ πλευρᾶς κύβον γινόμενον: οίον τετράκις  $\delta$   $\bar{\eta}$  κύβος,  $\bar{\lambda}\bar{\beta}$  τοῦτον ποιεῖ καὶ ἀριθμὸς ἐπὶ δυναμοδύναμιν πολλαπλασιασθείς δ γὰρ τς. ώς γεγονώς απὸ πολλαπλασιασμοῦ ἐφ' έαυτὸν τοῦ 15 τετραγώνου  $\bar{\delta}$ , δυναμοδύναμίς έστι τοῦτον δ  $\bar{\beta}$  άριθμὸς  $\delta$ ς  $\tilde{\eta}$ ν πλευρά το $\tilde{v}$   $\bar{\delta}$ , πολλαπλασιάζει και γενν $\tilde{a}$ τὸν δυναμόχυβον. ἀριθμὸς δ' αὖθις πολλαπλασιασθείς έπλ δυναμόχυβον, χυβόχυβον ἀπεργάζεται χυβόχυβον γὰρ ἐλέγομεν τὸν ἐκ κύβου ἐφ' ἑαυτὸν πολλαπλασια- 20 σθέντα,  $\ddot{\omega}$ σπερ τον  $\bar{\eta}$  κύβον έπλ τον  $\bar{\eta}$  καλ τον  $\bar{\xi}\bar{\delta}$ ποιούντα τούτον τον ξδ κυβόκυβον και δ πολλαπλασιασμός τοῦ ἀριθμοῦ ἐπὶ τὸν δυναμόκυβον ἀπεργάζεται· δυναμόκυβος γὰρ ἦν δ  $\overline{\lambda\beta}$ · τοῦτον καὶ δ  $\overline{\beta}$  πολλαπλασιάζων  $\langle \tau \dot{ο} \nu \ \overline{\xi} \overline{\delta} \rangle$  άπεργάζεται  $\dot{\delta}$  δ $\dot{\epsilon}$   $\bar{\beta}$  πλευρά  $\bar{\eta} \nu$  25 τοῦ ἐξ ἀρχῆς τετραγώνου  $\overline{\delta}$ , ἐξ ἦς  $\delta$   $\overline{\eta}$  κύβος ἐγεννᾶτο, ώσαύτως δὲ καὶ ή τοῦ η κύβου πλευρά. δύναμις δὲ έπλ δύναμιν πολλαπλασιασθεῖσα δυναμοδύναμιν ποιεῖ, καν εαυτον πολλαπλασιάζη δ τετράγωνος, ώς τα τετρά- $\mathbf{x}$ ις  $\mathbf{\delta}$ ,  $\mathbf{x}$   $\mathbf{d}$ ν  $\mathbf{d}$ λλον τετράγωνον δύναμιν όντα  $\mathbf{x}$   $\mathbf{a}$   $\mathbf{d}$   $\mathbf{d}$   $\mathbf{v}$   $\mathbf{t}$   $\mathbf{o}$ ώς τὰ τετράκις ιξ. δύναμις δὲ ἐπὶ κύβον πολλαπλακαὶ τετράγωνος ὁ δ ὅ ἐστι δύναμις, ἐξ ὧν γίνεται ὁ λρ δυναμόκυβος. δύναμις δὲ ἐπὶ δυναμοδύναμιν πολλαπλασιασθεῖσα κυβόκυβον ἀπεργάζεται· ὁ γὰρ ἐφ' ξαυτὸν πολλαπλασιασμὸς τοῦ κύβου κυβόκυβος, ὡς ὁ ξδ ἐκ τοῦ ὀκτάκις η̄ τοῦτον τὸν ξο ποιεῖ καὶ δύναμις ὁ ο̄ ἐπὶ δυναμοδύναμιν τὸν ῑς πολλαπλασιασθεῖσα. κύβος δὲ ἐπὶ κύβον, κὰν ἐφ' ἔαυτόν, κὰν ἐφ' ἔτερον κύβον, πολλαπλασιασθεὶς κυβόκυβον ποιεῖ.

10 Πᾶς δὲ ἀριθμὸς ἐπὶ τὸ ὁμώνυμον αὐτοῦ μόριον πολλαπλασιασθεὶς μονάδα ποιεῖ οἶον ἐπὶ τοῦ ῖ τυχόν · δεκάκις γὰρ τὸ δέκατον, ἕν.

Τῆς οὖν μονάδος ἀμεταθέτου οὔσης καὶ ἑστώσης ἀεί, τὸ πολλαπλασιαζόμενον ἐπ' αὐτὴν αὐτὸ τὸ εἶδος 15 ἔσται δεκάκις γὰς τὸ  $\bar{\alpha}$ ,  $\bar{\iota}$ , καὶ ἄπαξ τὰ  $\bar{\iota}$ ,  $\bar{\iota}$ .

Τὰ δὲ ὁμώνυμα μόρια ἐφ' ἑαυτὰ πολλαπλασιαζόμενα ποιήσει ὁμώνυμα μόρια τοῖς ἀριθμοῖς· οἶον τὸ ἀριθμοστὸν ἐπὶ τὸ ἀριθμοστὸν πολλαπλασιαζόμενον δυναμοστὸν ποιήσει, ἐπείτοιγε καὶ ἀριθμὸς ἐφ' ἑαυτὸν δο πολλαπλασιαζόμενος δύναμιν ποιεῖ· οἶον β ἐπὶ β τὸν δ τετράγωνον, ὅς ἐστι δύναμις· τὰ δὲ β ἀριθμός, καὶ τὰ β δυοστὸν μόριον τοῦ δ, οἶον ήμισυ. τὸ δ' αδ ἀριθμοστὸν πολλαπλασιαζόμενον ἐπὶ τὸ δυναμοστόν, κυβοστὸν ποιεῖ, ἐπείτοιγε καὶ ἀριθμὸς ἐπὶ δύναμιν το πολλαπλασιαζόμενος κύβον ποιεῖ... ἐπὶ δὲ δυναμοκυβοστόν, κυβοκυβοστόν, ἐπείτοιγε ἀριθμὸς ἐπὶ δυναμοκυβοστόν, κυβοκυβοστόν, ἐπείτοιγε ἀριθμὸς ἐπὶ δυναμοκυβοστόν πολλαπλασιασθεὶς κυβόκυβον ποιεῖ.

Δυναμοστόν δε έπι άριθμοστόν, κυβοστόν ποιήσει,

<sup>10</sup> sq. Cf. I, 8, 11—12. 12  $\vec{\epsilon}\nu$  scripsi;  $\vec{\iota}$  nal  $\vec{\epsilon}\pi\alpha\xi$   $\vec{\epsilon}\lambda$   $\vec{\iota}$ ,  $\vec{\iota}$  codices. 13 sq. Cf. I, 8, 13—15. 16 sq. Cf. I, 8, 16—24. 25 Lacunam significavi.

έπείτοιγε καλ άριθμός έπλ δύναμιν πολλαπλασιαζόμενος κύβον αποτελεί, και τὸ αναπαλιν δύναμις έπι αριθμον τὸν αὐτὸν κύβον ποιήσει. ἶσον γὰρ εἰπεῖν δὶς δ καὶ τετράκις τὰ  $\bar{\beta}$  εἰς τὸ ἀπαρτισθῆναι τὸν κύβον. δυναμοστόν δε έπι δυναμοστόν πολλαπλασιαζόμενον δυνα- 5 μοδυναμοστόν ποιήσει, έπείτοιγε και δύναμις έπι δύναμιν πολλαπλασιασθείσα, η έφ' έαυτην η έφ' έτέραν δύναμιν ήγουν δ τετράχωνος η έφ' έαυτὸν η έφ' ετερον, δυναμοδύναμιν ποιήσει. τοῦτο δὲ τὸ δυναμοστὸν εί πολλαπλασιασθείη έπὶ κυβοστόν, δυναμοκυβοστόν 10 ποιήσει, έπείτοιγε καλ δύναμις έπλ κύβον πολλαπλασιασθείσα δυναμόχυβον έποίει. καλ αὖθις τὸ δυναμοστόν τοῦτο εί πολλαπλασιασθείη έπὶ δυναμοδυναμοστόν, κυβοκυβοστόν ποιήσει, έπείτοινε καλ δύναμις εί πολλαπλασιασθείη έπὶ δυναμοδύναμιν, κυβόκυβον 15 ποιήσει ως έλέγομεν τον δ, δύναμιν ως τετράγωνον, πολλαπλασιαζόμενον έπλ την δυναμοδύναμιν ις τον  $d\pi\dot{o}$  τοῦ πολλαπλασιασμοῦ τοῦ τετραγώνου  $\bar{\delta}$ , ποιεῖν τὸν ξδ κυβόκυβον, δς καὶ ἀπὸ πολλαπλασιασμοῦ τοῦ η πύβου γίνεται.

Το δὲ κυβοστον ἐπὶ μὲν ἀριθμοστον ποιεῖ δυναμοδυναμοστόν, ὅτι καὶ ἀριθμὸς ἐπὶ κύβον πολλαπλασιαζόμενος δυναμοδύναμιν ἐποίει ἐπὶ δὲ δυναμοστόν, ποιεῖ δυναμοκυβοστόν, ὅτι καὶ δύναμις ἐπὶ κύβον δυναμόκυβον ἐποίει ἐπὶ δὲ κυβοστόν, κυβοκυβοστόν, εσ ὅτι καὶ κύβος ἐπὶ κύβον κυβόκυβον ἐποίει.

Τὸ δὲ δυναμοδυναμοστὸν ἐπὶ μὲν ἀριθμοστὸν δυναμοκυβοστὸν ποιεῖ, ὅτι καὶ ἀριθμὸς ἐπὶ δυναμοδύναμιν πολλαπλασιαζόμενος δυναμόκυβον ἐποίει ἐπὶ

<sup>17</sup> την scripsi, τὸν cod.

δε δυναμοστόν, κυβοκυβοστόν, ὅτι καὶ δύναμις ἐπὶ δυναμοδύναμιν κυβόκυβον ἐποίει.

Το δε δυναμοκυβοστον έπλ άριθμοστόν, κυβοκυβοστόν, δτι καλ άριθμος έπλ δυναμόκυβον κυβόκυβον έποίει.

Πάλιν το μεν άριθμοστον επί μεν δύναμιν, άριθμον ποιετ επί δε κύβον, δύναμιν επί δε δυναμοδύναμιν, κύβον επί δε δυναμόκυβον, δυναμοδύναμιν 
έπί δε κυβόκυβον, δυναμόκυβον.

Δυναμοστόν δε έπι μεν ἀριθμόν, ἀριθμοστόν· έπι 10 κύβον, ἀριθμόν· έπι δε δυναμοδύναμιν, δύναμιν· έπι δε δυναμόκυβον, κύβον· έπι δε κυβόκυβον, δυναμοδυναμοστόν.

Κυβοστόν δε έπὶ μεν άριθμόν, δυναμοστόν έπὶ δε δύναμιν, άριθμοστόν έπὶ δε δυναμοδύναμιν, άριθ15 μόν έπὶ δε κυβόκυβον, κύβον.

<Δυναμο>δυναμοστόν δὲ ἐπὶ μὲν ἀριθμόν, κυβοστόν. ἐπὶ δὲ δύναμιν, δυναμοστόν ἐπὶ δὲ κύβον, ἀριθμοστόν ἐπὶ δὲ δυναμόκυβον, ἀριθμόν ἐπὶ δὲ κυβόκυβον, δύναμιν.

Δυναμοκυβοστόν δε έπι μεν άριθμόν, δυναμοδυνα-20 μοστόν έπι δε δύναμιν, κυβοστόν έπι δε κύβον, δυναμοστόν έπι δε δυναμοδύναμιν, άριθμοστόν έπι δε κυβόκυβον, άριθμόν.

Τὸ δὲ κυβοκυβοστὸν ἐπὶ μὲν ἀριθμόν, δυναμοκυβοστόν ἐπὶ δὲ δύναμιν, δυναμοδυναμοστόν ἐπὶ δὲ εκύβον, κυβοστόν ἐπὶ δὲ δυναμοδύναμιν, δυναμοστόν ἐπὶ δὲ δυναμόκυβον, ἀριθμοστόν. καὶ οὕτω μὲν τὰ τῶν πολλαπλασιασμῶν ἔχουσι.

<sup>2</sup> δυναμοδύναμιν κυβόκυβον scripsi; κύβον δυναμόκυβον cod. 5 sq. Cf. I, 10, 1—6. 5—6 ἀριθμόν scripsi; ἀριθμοστὸν cod. 9 sq. Cf. I, 10, 7—12. 13 sq. Cf. I, 10, 13—18. 16 sq. Cf. I, 12, 1—6. 19 sq. Cf. I, 12, 7—12. 23 sq. Cf. I, 12, 13—18.

κς. Έπεὶ δὲ πλείστα συμβαίνει γίνεσθαι προβλήματα ἀριθμητικά, ἢ έξ ὑπεροχῆς τῆς πρὸς ἀλλήλους
τοὺς ἀριθμούς, ἢ ἐκ πολλαπλασιασμοῦ ἢ ἐτέρου λόγου
τοῦ πρὸς ἀλλήλους, ἢ καὶ ἐκάστου ἰδία ἢ καὶ μίγδην
ἀμφοτέρων, δηλονότι ἐξ ὑπεροχῆς καὶ λόγου, ἢ λόγου 5
καὶ λείψεως, ἢ ὑπεροχῆς καὶ πολλαπλασιασμοῦ, φέρε
καὶ περὶ τούτων ὡς ἐν τύπφ διαλάβωμεν καὶ πρῶτον
περὶ τῶν ἐξ ὑπεροχῆς οἶον τὸν ἐπιταχθέντα ἀριθμὸν
διελεῖν ἐν ὑπεροχῆ τῆδε, ἵνα δηλονότι τῶν μερῶν
θάτερον θατέρου ὑπερέχοι τῷδε τῷ ἀριθμῷ.

Ότε γοῦν τις ἀριθμὸς δοθῆ καὶ ἐπιταχθῶμεν διελεῖν αὐτὸν εἰς δύο ἀριθμοὺς ἐν ὑπεροχῆ τῆ δοθείση, οἶον φέρε τὸν  $\overline{\rho}$  ἐν ὑπεροχῆ τῷ  $\overline{\kappa}$ , ὀφείλομεν ὑπεξαιρεῖν ἐκ τῶν  $\overline{\rho}$  τὴν δοθεῖσαν ὑπεροχήν, δηλονότι τὸν  $\overline{\kappa}$ , καὶ τὸν καταλειφθέντα ἀριθμὸν διαιρεῖν δίχα, ὡς ιδ ἐνταῦθα τὸν  $\overline{\kappa}$  εἰς  $\overline{\mu}$  καὶ  $\overline{\mu}$ , καὶ ἔπειτα ἐνὶ μέρει προστιθέναι τὴν ὑπεροχήν, ὡς ἐνταῦθα τῷ  $\overline{\mu}$  τὸν  $\overline{\kappa}$ , ὁμοῦ  $\overline{\xi}$  διηρέθη τοίνυν  $\delta$   $\overline{\rho}$  εἰς  $\overline{\xi}$  καὶ  $\overline{\mu}$  καὶ ἔστιν ἡ ὑπεροχὴ τοῦ  $\overline{\xi}$  πρὸς τὸν  $\overline{\mu}$ ,  $\overline{\kappa}$ , καὶ τὸ ἐπιταχθὲν ἐγένετο.

Τοῦτο ἐπὶ πάντων καὶ ἐπ' αὐτῶν δὴ τούτων μὴ 20 δεχομένων τομήν, εἰπερ μόνον μονὰς διαιρεθῆ· οἶον ἐπιταττόμεθα τὸν κβ διελεῖν ἐν ὑπεροχῆ θατέρου πρὸς θάτερον τῷ  $\overline{\gamma}$ · ἀφαιρῶ τὴν ὑπεροχὴν τὸν  $\overline{\gamma}$ , ἐναπελείφθησαν  $\overline{\imath\vartheta}$ · ταῦτα διαιρῶ εἰς  $\overline{\vartheta}$   $\underline{\iota}$ ′ καὶ  $\overline{\vartheta}$   $\underline{\iota}$ ′ τον  $\overline{\gamma}$ , δμοῦ  $\overline{\imath\beta}$   $\underline{\iota}$ ′ ετμήθη τοίνυν δ 25 κβ εἰς  $\overline{\imath\beta}$   $\underline{\iota}$ ′ καὶ  $\overline{\vartheta}$   $\underline{\iota}$ ′, ὑπερέχει δὲ δ  $\overline{\imath\beta}$   $\underline{\iota}$ ′ τοῦ  $\overline{\vartheta}$   $\underline{\iota}$ ′, τρισί· καὶ ἀεὶ ἐπὶ πάντων οὕτω γενήσεται ἀπαραβάτως.

κζ. Τὰ δὲ ἐπὶ πολλαπλασιασμοῖς ἀριθμητικὰ προβλήματα ἔχουσιν οὕτως, εἰ ἐπιταττοίμεθα τὸν δοθέντα

<sup>1</sup> sq. Cf. I, 4, 7—10. 11 sq. Dioph. probl. I, 1. 28 sq. Dioph. probl. I, 2.

άριθμον διαιρεῖν ἐν λόγῷ ἢ διπλασίῷ ἢ τριπλασίῷ ἢ δποσαπλασίῷ, ἵνα ἔχοι τὸ μέρος τοῦ μέρους τὸν τοιοῦτον λόγον. δεῖ οὖν, εἰ ἐν διπλασίῷ λόγῷ ἐπιταττοίμεθα διαιρεῖν, λαμβάνειν τὸν τοῦ ὅλου ὑποτριπλάσιον 5 καὶ τὸν τοιοῦτον τιθέναι ἐλάσσῶ ὅρον, οὖ τὸν διπλάσιον λαμβάνομεν, τὸν λοιπὸν δηλονότι μείζῶ ὅρον, καὶ τὸ πρόβλημα γίνεται. οἶον εἰ ἐπιταχθῶμεν διελεῖν ἐν διπλασίονι λόγῷ τὸν πδ ἀριθμόν, ζητοῦμεν τὸν ὑποτριπλάσιον αὐτοῦ καὶ ἔστιν ὁ ἢ τούτου ὁ διπλάσιος, δηλονότι ὁ λοιπὸς ὁ ις, μείζῶν ὅρος γίνεται, καὶ ἀναπληροῦται τὸ πρόβλημα ὁ γὰρ ις τοῦ ἢ διπλάσιος, καὶ τς καὶ ἢ, κδ.

Εί δὲ ἐν τριπλασίονι λόγφ ἐπιταττοίμεθα διελεῖν τὸν δοθέντα ἀριθμόν, δεῖ λαβεῖν τὸν τοῦ ὅλου ὑπο15 τετραπλάσιον καὶ ποιῆσαι τοῦτον ἐλάσσω ὅρον καὶ τὸν λοιπὸν μείζω, καὶ γίνεται τὸ προβληθέν. οἶον ἔστω ὁ ξ̄ δν δεῖ διελεῖν, λαμβάνω τούτον τὸν ὑποτετραπλασίονα καὶ ἔστιν ὁ τε· τοῦτον τιθῶ ὅρον ἐλάττω, τὸν δὲ λοιπὸν με μείζω, καὶ γίνεταί μοι τὸ πρόβλημα· 
20 με γὰρ καὶ τε, ξ̄, καὶ ἔστιν ὁ με τοῦ τε τριπλάσιος.

Εί δὲ ἐν τετραπλασίονι λόγφ ἐπιταττοίμεθα διαιρεῖν τὸν δοθέντα ἀριθμόν, δεῖ λαβεῖν τὸν τοῦ ὅλου 
ὑποπενταπλασίονα καὶ τοῦτον τιθέναι ὅρον ἐλάσσω, 
τὸν δὲ λοιπὸν μείζω, τὸν λεγόμενον καὶ ἀποτομήν, 
25 καὶ γίνεταί μοι τὸ προβληθέν. οἶον ἔστω ὁ δοθεἰς 
ἀριθμὸς λ ὂν δεῖ διελεῖν κατὰ λόγον τετραπλασίονα τούτου λαμβάνω τὸν ὑποπενταπλασίονα τὸν πὰ 
τίθημι τοῦτον ἐλάσσω ὅρον, τὸν δὲ λοιπὸν τὸν κὰ 
μείζω, καὶ γίνεταί μοι τὸ πρόβλημα κὸ γὰρ καὶ ṣ, λ · 
20 ὁ κὸ δὲ τοῦ ς τετραπλάσιος.

Καὶ ἐπὶ πάντων ὁ αὐτὸς λόγος, λαμβανόντων ἡμῶν

τὸν τοῦ ὅλου ⟨ὑπο⟩πολλαπλάσιον τὸν συνεχῆ τοῦ ἐπιταχθέντος ἐκ τῆς διαιφέσεως τοῦ ἀφιθμοῦ γίνεσθαι.

κη. Εί δὲ ὑποταττοίμεθα διελεῖν ἀριθμὸν ἐν λόγφ ἐπιμορίφ, καὶ πρῶτος τῶν ἐπιμορίων ὁ ἡμιόλιος, εἰ γοῦν ἐπιταττοίμεθα τὸν δοθέντα ἀριθμὸν διελεῖν ἐν  $^5$  λόγφ ἡμιολίφ, δεῖ λαβεῖν τὸν τοῦ ὅλου ὑποδιπλασιεφήμισυν καὶ τούτου αὖθις τὸν ἡμιόλιον καὶ τοῦτον τιθέναι μείζω ὅρον, τὸν δὲ λοιπὸν τὴν ἀποτομὴν ἐλάσσω, καὶ γίνεται τὸ πρόβλημα. οἶον ἔστω ὁ δοθεὶς ἀριθμὸς  $\bar{\mathbf{x}}$ . τούτου ζητῶ τὸν ὑποδιπλασιεφήμισυν καὶ  $^{10}$  ἔστιν ὁ  $\bar{\mathbf{\eta}}$ , τούτου ἡμιόλως ὁ  $^{10}$  τοῦτον τίθημι μείζω  $^{10}$  δοροληθέν.  $^{10}$  γὰρ καὶ  $^{10}$ ,  $^{10}$ , καὶ  $^{10}$  τοῦ  $^{10}$  ἡμιόλιος. πάλιν δεδόσθω  $^{10}$   $^{10}$  τοῦτον τίθημι μείζω  $^{10}$  δι $^{10}$ , τούτου  $^{10}$  ἡμιόλιος  $^{10}$   $^{10}$  τοῦτον τίθημι μείζω  $^{10}$  δι $^{10}$ , τούτου  $^{10}$  ἡμιόλιος  $^{10}$   $^{10}$  τοῦτον τίθημι μείζω  $^{10}$  δι $^{10}$ , τούτου  $^{10}$  ἡμιόλιος  $^{10}$   $^{10}$  τοῦτον τίθημι μείζω  $^{10}$  δι $^{10}$ , τούτου  $^{10}$  ἡμιόλιος  $^{10}$   $^{10}$  τοῦτον τίθημι μείζω  $^{10}$  διρον, τὸν δὲ λοιπὸν τὸν  $^{10}$  ἐλάσσω, καὶ γίνεταί μοι τὸ προβληθέν. καὶ ἐπὶ πάντων  $^{10}$  αὐτὸς λόγος.

Εἰ δὲ ἐπιταττοίμεθα διαιρεῖν ἐν ἐπιτρίτφ λόγφ, δεῖ λαμβάνειν τὸν τοῦ ὅλου ὑποδιπλασιεπίτριτον καὶ τούτου αὐθις τὸν ἐπίτριτον, καὶ τοῦτον μείζω ὅρον τιθέναι καὶ τὴν ἀποτομὴν ἐλάττω, καὶ γίνεται τὸ πρόβλημα. οἶον ἔστω ὁ πη' τοῦτον ἐπιταττόμεθα διαιρεῖν εἰς δύο ἀριθμοὺς ἐν ἐπιτρίτφ λόγφ. λαμβάνω τούτου τὸν ὑποδιπλασιεπίτριτον καὶ ἔστιν ὁ  $\overline{i\beta}$ , καὶ τούτου αὖθις τὸν ἐπίτριτον καὶ ἔστιν ὁ  $\overline{i\beta}$ , καὶ τούτου καὶ ξότιν ὁ  $\overline{i\beta}$ , καὶ τούτου καὶ γίνεταί μοι τὸ προβληθέν.

Εἰ δὲ ὑποταττοίμεθα διαιρεῖν ἐν ἐπιτετάρτῷ λόγῷ, δεῖ λαμβάνειν τὸν τοῦ ὅλου ὑποδιπλασιεπιτέταρτον καὶ τούτου αὖθις τὸν ἐπιτέταρτον, καὶ τοῦτον τιθέναι εο ὅρον μείζονα, τὸν δὲ λοιπὸν ἐλάττω, καὶ γίνεται τὸ

πρόβλημα. οἶον ἔστω ὁ λ̄ς ὂν διαιρεῖν ἐν ἐπιτετάρτῷ λόγῷ ἐπιταττόμεθα· τούτου ὁ ὑποδιπλασιεπιτέταρτος τ̄ς· τούτου πάλιν ζητῷ τὸν ἐπιτέταρτον καὶ ἔστιν ὁ π̄· τοῦτον τίθημι μείζω ὅρον, τὸν δὲ λοιπὸν τὸν τ̄ς ἐλάσσω· καὶ ἔστιν ὁ π̄ τὸῦ ἐπιτέταρτος, π̄ δὲ καὶ τ̄ς, λ̄ς.

Εί δὲ ἐπιταττοίμεθα διαιφεῖν ἐν ἐπιπέμπτω λόγω, δεῖ λαμβάνειν τὸν τοῦ ὅλου ὑποδιπλασιεπίπεμπτον καὶ τούτου αὖθις τὸν ἐπίπεμπτον, καὶ τοῦτον ποιεῖν μείζω ὅφον, τὸν δὲ λοιπὸν ἐλάσσω, καὶ γίνεται τὴ πφόβλημα. 10 οἶον ἔστω ὅν ἐπιταττόμεθα διαιφεῖν ἐν λόγω ἐπιπέμπτω ὁ κβ· τούτου ὑποδιπλασιεπίπεμπτός ἐστιν ὁ ῖ, τούτου ἐπίπεμπτος ὁ ιβ· τοῦτον τίθημι μείζω ὅφον, τὸν δὲ λοιπὸν ῖ ἐλάσσω, καὶ ποιῶ τὸ ἐπιταχθέν· ιβ γὰρ καὶ ῖ, κβ· ὁ δὲ ιβ τοῦ ῖ ἐπίπεμπτος.

15 Εί δὲ ἐν ἐπιέκτῷ λόγῷ διαιρεῖν ἐπιταττοίμεθα τὸν δοθέντα ἀριθμόν, δεῖ λαβεῖν τὸν τούτου ὑποδιπλασιεπίεκτον καὶ τούτου πάλιν τὸν ἐπίεκτον, καὶ τοῦτον τιθέναι ὅρον μείζω, τὸν δὲ λοιπὸν ἐλάσσω, καὶ ποιοῦμεν τὸ πρόβλημα. οἶον ἔστω ὁ κ̄ς ὃν διαιρεῖν ἐπιτο ταττόμεθα ἐν ἐπιέκτῷ λόγῷ λαμβάνω τούτου τὸν ὑποδιπλασίεκτον, ὅς ἐστιν ὁ κ̄, τούτου πάλιν τὸν ἐπίεκτον, ὅς ἐστιν ὁ κ̄ ; τοῦτον τίθημι μείζω ὅρον, τὸν δὲ λοιπὸν τὸν κροβληθέν.

ε Καὶ ἐφεξῆς ὁμοίως, ὥστε τὸν λόγον τοῦτον σώζεσθαι καὶ ἐὰν ἐπὶ ἀλόγων ἀριθμῶν ἐπιταττοίμεθα εἰς τοιούτους λόγους διαιρεῖν, μόνον εἰ καὶ μονάδα διαιροῖμεν.

κθ. Εἰ δὲ καὶ ἐν ἐπιμερεῖ λόγφ ἐπιταττοίμεθα 30 διαιρεῖν, οὕτω λυθήσονται τὰ προβλήματα.

Έπιτετάχθω διαιρείν τον δοθέντα άριθμον έν λόγω

έπιδιτρίτφ, οἶον τὸν  $\overline{\lambda}\beta$ . δεῖ δὴ λαβεῖν τὸν τούτου ὑποδιπλασιεπιδίτριτον, δς ἐστιν ὁ  $\overline{\iota}\beta$ . τούτου αὖθις ἐπιδίτριτος ὁ  $\overline{\kappa}$ . τοῦτον τίθημι μείζω δρον, τὴν δὲ ἀποτομὴν τὸν  $\overline{\iota}\beta$  ἐλάσσω, καὶ διαιρεῖταί μοι ὁ  $\overline{\lambda}\beta$  εἰς  $\overline{\kappa}$  καὶ  $\overline{\iota}\beta$ , καὶ ἔστιν ὁ  $\overline{\kappa}$  τοῦ  $\overline{\iota}\beta$  ἐπιδίτριτος.

Εἰ δὲ διαιρεῖν ἀριθμὸν ἐν ἐπιτριτετάρτω λόγω ἐπιταττοίμεθα, δεῖ λαβεῖν τὸν τοῦ ὅλου ὑποδιπλασιεπιταττοίμεθα, δεῖ λαβεῖν τὸν τοῦ ὅλου ὑποδιπλασιεπιτριτέταρτον, καὶ τούτου αὖθις ζητῆσαι τὸν ἐπιτριτέταρτον, καὶ τοῦτον τιθέναι μείζω ὅρον, τὴν δὲ ἀποτομὴν ἐλάσσω, καὶ τὸ προβληθὲν λύεται. οἶον ἔστω ὁ πβ ὃν 10 ἐπιταττόμεθα διαιρεῖν ἐν ἐπιτριτετάρτω λόγω τούτου λαμβάνω τὸν ὑποδιπλασιεπιτριτέταρτον τὸν  $\overline{\eta}$  τούτου πάλιν λαμβάνω τὸν ἐπιτριτέταρτον καὶ ἔστιν ὁ  $\overline{\iota d}$  τοῦτον τίθημι μείζω ὅρον, τὸν δὲ λοιπὸν τὸν  $\overline{\eta}$  ἐλάσσω, καὶ γίνεταί μοι τὸ πρόβλημα.

Εἰ δὲ ἐν ἐπιτετραπέμπτω λόγω ἐπιταττοίμεθα τὸν δοθέντα ἀριθμὸν διαιρεῖν, δεῖ τοῦ ὅλου λαμβάνειν τὸν ὑποδιπλασιεπιτετράπεμπτον καὶ τούτου πάλιν τὸν ἐπιτετράπεμπτον, καὶ τοῦτον ὅρον μείζω ποιεῖν καὶ τὸν λειπόμενον ἐλάσσω, καὶ γίνεται τὸ ἐπιταχθέν 20 οἶον ἔστω δ  $\langle \bar{o} \rangle$  ἀριθμὸς ὃν ἐπιταττόμεθα διαιρεῖν ἐν ἐπιτετραπέμπτω λόγω τούτου λαμβάνω τὸν ὑποδιπλασιεπιτετράπεμπτον καὶ ἔστιν  $\delta$   $\overline{\mu\epsilon}$  τούτον ζητῶ τὸν ἐπιτετράπεμπτον καὶ ἔστιν  $\delta$   $\overline{\mu\epsilon}$  τοῦτον τίθημι μείζω ὅρον, καὶ τὸν λειπόμενον τὸν  $\overline{\kappa\epsilon}$  ἐλάσσω, καὶ 25 γίνεταί μοι τὸ πρόβλημα.

Καλ έφεξης, έὰν δη διαιρεῖν ἐπιταττοίμεθα ἐν λόγφ ἐπιπενταέκτφ· ζητήσομεν γὰρ τὸν τοῦ δοθέντος ἀριθμοῦ ὑποδιπλασιεπιπεντάεκτον, οὖ τὸν ⟨ἐπι⟩πεντάεκτον

<sup>27</sup> δη scripsi, δε cod.

εύρόντες, μείζω δουν ποιήσομεν καλ τὸν λειπόμενον ἐλάσσω, καλ τὸ πρόβλημα λύεται. καλ αὖθις ἐὰν ἐπιταττοίμεθα διαιφείν ἐν λόγω ἐπιεξεβδόμω καλ εἰ ἐν ἐπτογδόω καλ εἰ ἐν ὀκτωεννάτω καλ ἀελ οὕτως τὰ γὰρ μέρη ταῦτα κατὰ ἐναλλαγὴν τίθενται, δύο τρίτα καλ τρία τέταρτα καλ τέσσαρα πέμπτα καλ πέντε ἕκτα καλ ἐξῆς οὕτως.

λ. Πάλιν εί έν λόγω πολλαπλασιεπιμορίω έπιταττοίμεθα διαιρεῖν τὸν δοθέντα ἀριθμόν, καὶ πρῶτον ἐν 10 τῶ διπλασιεφημίσει, λάβωμεν τοῦ ὅλου τὸν ὑποτριπλασιεφήμισυν καλ τίθεται δ τοιούτος έλάττων δρος, καλ δ λοιπός μείζων, καλ τὸ ἐπιταγθὲν γίνεται. οίον εί ιδ έστιν δ δοθείς άριθμός, λάβωμεν τούτου τὸν ύποτριπλασιεφήμισυν τὸν  $\bar{\delta}$ , καλ τοῦτον θήσομεν 15 έλάσσω, καὶ δ λοιπὸς δ τ μείζων τιθέσθω, καὶ τὸ πρόβλημα γίνεται δ γὰρ  $\bar{\iota}$  τοῦ  $\bar{\delta}$  διπλασιεφήμισυς. δμοίως καὶ εἰ δοθείη δ πη· ληφθήσεται γὰρ δ τούτου ύποτριπλασιεφήμισυς καὶ τεθήσεται έλάσσων καὶ δ λοιπὸς μείζων, καὶ τὸ πρόβλημα γίνεται. ὡσαύτως καὶ 20  $\varepsilon i$   $\delta$   $\overline{\nu s}$  · τούτου ὑποτριπλασιεφήμισυς  $\delta$   $\overline{\iota s}$  · τοῦτον τιδώ έλάσσω καὶ τὸν μ μείζω, καὶ γίνεται τὸ ἐπιταγθέν. έπειδή γάρ τὸ έπιταττόμενον διπλασιεφήμισυς λόγος ήν, και δ διπλάσιος έξ υποτριπλασίου ώς έλέγομεν έκανονίζετο, δ δε ημιόλιος σώζεται καθ' αύτόν, διά 25 τοῦτο ἡ λύσις τῶν τοιούτων οὕτω γίνεται.

Εὶ δὲ ἐπιταττοίμεθα διαιρεῖν ἐν λόγφ διπλασιεπιτρίτφ, τὸν ὑποτριπλασιεπίτριτον τοῦ ὅλου ζητήσομεν, δς ἐλάττων τεθήσεται, καὶ δ ἀπὸ τῆς διαιρέσεως λοιπὸς μείζων, καὶ γίνεται τὸ προβληθέν. οἶον ἔστω δ

<sup>4</sup> Oportebat ἐπιεπτογδόφ . . . ἐπιοκτωεννάτφ.

λ. λαμβάνω τὸν ὑποτριπλασιεπίτριτον τὸν  $\overline{\theta}$  καὶ τίθημι τοῦτον ἐλάσσω, καὶ τὸν λοιπὸν τὸν  $\overline{\kappa}$ α μείζω, καὶ τὸ ἐπιταχθὲν γίνεται.

'Εὰν δὲ ἐν διπλασιεπιτετάρτφ διαιρεῖν τὸν δοθέντα ἀριθμὸν ἐπιταττώμεθα, τοῦ ὅλου τούτου λάβωμεν τὸν 5 ὑποτριπλασιεπιτέταρτον, καὶ τοῦτον ἐλάσσω ποιήσωμεν καὶ τὸν λοιπὸν μείζω, καὶ τὸ ἐπιταχθὲν γίνεται. οἶον ἔστω ὁ  $\overline{\kappa}$ ς δν ἐπιταττόμεθα διαιρεῖν ἐν διπλασιεπιτετάρτφ λόγφ τούτου λαμβάνω τὸν ὑποτριπλασιεπιτέταρτον  $\overline{\eta}$  καὶ τίθημι ἐλάσσω, καὶ τὸν λοιπὸν τὸν  $\overline{i\eta}$  10 μείζονα ποιῶ, καὶ γίνεται τὸ ἐπιταχθέν. καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ὁμοίως, ἀλλασσομένων τῶν μορίων.

λα. Εί δὲ ἐν τριπλασιεφημίσει λόγφ διαιρεῖν ἐπιταττόμεθα, λαμβάνειν δεῖ τοῦ ὅλου τὸν ὑποτετραπλασιεφήμισυν καὶ ἐλάσσω τιθέναι, καὶ τὸν λοιπὸν  $^{15}$  μείζονα, καὶ γίνεται τὸ ἐπιταχθέν. οἶον ἔστω  $\frac{1}{6}$  τούτου λαμβάνω τὸν ὑποτετραπλασιεφήμισυν τὸν  $\frac{1}{6}$  καὶ τίθημι ἐλάσσω, τὸν δὲ  $\frac{1}{16}$  μείζω, καὶ γίνεταί μοι τὸ πρόβλημα.

Eί δὲ κατὰ τὸν τριπλασιεπίτριτον λόγον ζητοῦμεν 20 διαιρεῖν, λαμβάνομεν τὸν ὑποτετραπλασιεπίτριτον τοῦ ὅλου καὶ τίθεμεν ἐλάσσω, καὶ τὸν λοιπὸν μείζω, καὶ ποιοῦμεν τὸ πρόβλημα. οἶον ἔστω ὁ  $\overline{\lambda} \overline{\vartheta}$ · τούτου τὸν ὑποτετραπλασιεπίτριτον λαμβάνω τὸν  $\overline{\vartheta}$  καὶ τιθῶ ἐλάττονα ὅρον καὶ τὸν  $\overline{\lambda}$  μείζονα, καὶ ἔστιν  $\delta$   $\overline{\lambda}$  πρὸς τὸν  $^{25}$   $\overline{\vartheta}$  ἐν λόγ $\overline{\wp}$  τριπλασιεπιτρίτ $\overline{\wp}$ .

Εί δε διαιρείν επιταττοίμεθα και εν λόγφ τριπλασιεπιτετάρτφ, λαμβάνομεν τούτου τον υποτετραπλασιεπιτεταρτον και τίθεμεν ελάσσφ, και τον λοιπον μείζφ,
και γίνεται το πρόβλημα. οἶον εστφ δ άριθμος ον 30
επιταττόμεθα διαιρείν εν τῷ τοιούτφ λόγφ δ ιξ. τού-

του λαμβάνω τὸν ὑποτετραπλασιεπιτέταρτον τὸν δ̄ καὶ τίθημι ἐλάσσω ὅρον, τὸν δὲ λοιπὸν τὸν τ̄γ μείζω ὅρον ποιῶ, καὶ γίνεται τὸ ἐπιταχθέν· ὁ γὰρ τ̄γ τοῦ δ̄ τριπλασιεπιτέταρτος. καὶ ἀεὶ οὕτως· αἰεὶ γὰρ κατὰ τὸν εξῆς πολλαπλασιασμόν, τοῦ ἐπιμορίου μένοντος ἐν τοῖς τοιούτοις, τὸ πρόβλημα λύεται.

λβ. Εἰ δ' αὖθις κατὰ πολλαπλασιεπιμερῆ λόγον διαιρεῖν τὸν ἀριθμὸν ἐπιταττόμεθα, καὶ πρῶτον κατὰ τὸν διπλασιεπιδίτριτον, λαμβάνομεν τὸν τοῦ ὅλου ὑπο10 τριπλασιεπιδίτριτον, καὶ οὕτω λύεται τὸ πρόβλημα.
ἔστω γὰρ ὁ λγ ὃν διαιρεῖν ἐν τῷ τοιούτω λόγω ἐπιταττόμεθα καὶ λαμβάνομεν τὸν τούτου ὑποτριπλασιεπι⟨δί⟩τριτον τὸν θ καὶ ποιοῦμεν ἐλάσσω, τὸν δὲ
λοιπὸν τὸν πδ μείζω ποιοῦμεν, καὶ λύεται τὸ πρόβλημα:
15 δ γὰρ πδ τοῦ θ διπλασιεπιδίτριτος.

Εί δὲ ἐν λόγφ τριπλασιεπιδιτρίτφ ἐπιταττοίμεθα διαιρεῖν τὸν δοθέντα ἀριθμόν, λαμβάνομεν τούτου τὸν ὑποτετραπλασιεπιδίτριτον καὶ τιθῶμεν ἐλάσσω, τὸν δὲ λοιπὸν μείζω, καὶ ποιοῦμεν τὸ πρόβλημα. οἶον εἔστω ὁ ἀριθμὸς δν ἐπιταττόμεθα διαιρεῖν ἐν λόγφ τριπλασιεπιδιτρίτφ ὁ μβ΄ τούτου λαμβάνομεν τὸν ὑποτετραπλασιεπιδίτριτον τὸν θ καὶ τίθεμεν ἐλάσσονα, τὸν δὲ λοιπὸν λγ μείζω, καὶ γίνεται τὸ ἐπιταχθέν.

Και ούτως έφεξης κατά τὸ συνεχες είδος των κολλαπλασίων, των μερών των αὐτων μενόντων εί δε γε των πολλαπλασιασμών έστώτων ἐπαλλάσσονται τὰ μέρη, δίτριτα και τριτέταρτα και τετράπεμπτα και πεντάεκτα και έξης, ούτως λύονται τὰ προβλήματα. ἐπειδή γὰρ ὁ διπλασιεπιδίτριτος ἐκ τοῦ ὑποτριπλασι-

<sup>18</sup> τιθώμεν sic cod.; similiter interdum τιθώ pro τίθημι.

επιδιτρίτου έλέγετο γίνεσθαι, καλ δ τριπλασιεπιδίτριτος έκ τοῦ ὑποτετραπλασιεπιδιτρίτου, καλ ἐφεξῆς, εἰ ἐπιταττοίμεθα διαιρεῖν ἐν λόγφ διπλασιεπιτριτετάρτφ, λάβωμεν τὸν τοῦ ὅλου ὑποτριπλασιεπιτριτεταρτον, καλ λύεται τὸ πρόβλημα. οἶον ἔστω ὁ τε ὃν διαιρεῖν ἐπιταττόμεθα: τούτου λαμβάνομεν τὸν ὑποτριπλασιεπιζτρι>τέταρτον τὸν δ καλ τιθῶμεν ἐλάττω, καλ τὸν λοιπὸν τὸν τὰ μείζω ποιοῦμεν, καλ λύεται τὸ πρόβλημα.

Εί δὲ ἐν διπλασιεπιτετραπέμπτω λόγω διαιροῦμεν τὸν ἀριθμόν, λάβωμεν τούτου τὸν ὑποτριπλασιεπιτε- 10 τράπεμπτον, καὶ γίνεται τὸ ἐπιταχθέν. οἶον εἰ δοθῆ δ τθ ἵνα διαιρεθῆ ἐν λόγω διπλασιεπιτετραπέμπτω, λαμβάνω τὸν ε̄ ὅς ἐστι τοῦ ὅλου ὑποτριπλασιεπιτετράπεμπτος καὶ τιθῶ ἐλάσσω, καὶ τὸν λοιπὸν τὸν τὸ τίθημι μείζω, καὶ γίνεταί μοι τὸ πρόβλημα.

Εἰ δὲ διαιρεῖν τὸν ἀριθμὸν κελευόμεθα ἐν λόγῷ διπλασιεπιπενταέκτῷ, λαμβάνομεν τὸν τοῦ ὅλου ὑποτριπλασιεπιπένθεκτον καὶ ποιοῦμεν ἐλάσσῶ, τὸν δὲ λοιπὸν μείξῶ, καὶ λύεται τὸ πρόβλημα. οἶον ἔστῶ ὁ ἀριθμὸς ὅν διαιρεῖν κελευόμεθα ἐν διπλασιεπιπενθέκτῷ 20 λόγῷ ὁ πρ' τούτου τὸν ὑποτριπλασιεπιπένθεκτον λαμβάνομεν τὸν ξ καὶ τίθεμεν ἐλάσσῶ ὅρον, τὸν δὲ λοιπὸν τὸν τὰ μείξῶ, καὶ λύομεν τὸ προβληθέν. καὶ οὕτῶς εὐοδοῦνται τὰ προβλήματα κατὰ τὰ πέντε τῆς ἀνισότητος μέρη, ἄ εἰσι πολλαπλάσιον, ἐπιμόριον, ἐπι-25 μερές, πολλαπλασιεπιμόριον καὶ πολλαπλασιεπιμερές, ἄπερ ἦσαν τοῦ πρός τι ποσοῦ ὡς ἐλέγομεν.

λγ. Φέρε συνθώμεν τὰ προβλήματα, καὶ ἔστω ή ἐπίταξις ώστε διαιρεθηναι τὸν δοθέντα ἀριθμὸν εἴς τε

<sup>27</sup> ώς ἐλέγομεν] In commentatione de Nicomacho quam excerpendam esse haud duximus. 28 sq. Cf. Dioph. probl. I, 3.

ύπεροχὴν ὁποιανοῦν καὶ λόγον τὸν ἐπιταχθέντα, καὶ ἐπιτετάχθω τὸν προκείμενον ἀριθμὸν διελεῖν εἰς δύο ἀριθμοὺς ῗνα ὁ μείζων τοῦ ἐλάττονος ἔχοι διπλάσιον καὶ μονάδας ἀριθμοῦ δ. ἀφαιρείσθω οὖν ἐκ τοῦ ὅλου τὰ ὑπεροχὴ καὶ τὸ λειπόμενον τετμήσθω ἐν τριπλασίονι λόγω, καὶ ὁ μὲν ὑπόλογος τοῦ τριπλασίου ἔστω ἐλάσσων δρος, ὁ δὲ λοιπὸς σὺν τῆ ὑπεροχῆ μείζων, καὶ γίνεταί μοι τὸ πρόβλημα. οἶον ἔστω ὁ ἐπιταχθεἰς ἀριθμὸς πη καὶ ἡ ἐπιταχθεῖσα ἐπὶ τούτω ὑπεροχὴ δ. το ἀφαιρῶ τὸν δ, ὁ λειπόμενος κὸ διαιρεῖται ἐν τριπλάσιω λόγω, τούτου ὁ ὑπόλογος ἡ ἐλάσσων τεθήσεται, καὶ ὁ λοιπὸς ῖς παρὰ τὸν ὑπόλογον, προσλαβὼν τὴν ὑπεροχὴν τὸν δ, μείζων γενήσεται. ὁ γὰρ π τοῦ ἡ διπλασίων μεθ' ὑπεροχῆς τοῦ δ ἐστίν.

15 Εί δὲ ἐπιταχθῶ διελεῖν ἐν λόγῳ τριπλασίῳ καὶ ἐν ὑπεροχῆ μονάδων δ, ἔστω ὁ π̄ · ἀφαιρῶ τὴν ὑπεροχὴν τὸν δ̄ , λείπονται ος · τοῦτον διαιρῶ ἐν λόγῳ τετραπλασίονι, καὶ ὁ ὑπόλογος τούτου ιθ · ὁ δὲ παρὰ τὸν ὑπόλογον, ος ἐστιν ὁ νζ, προσλαβὼν τὴν ὑπεροχὴν νον ο̄ , ξα γέγονε · καὶ ἔστιν ὁ ξα τοῦ ιθ τριπλάσιος καὶ ἡ ἐπέκεινα ὑπεροχὴ μονάδες δ̄ · ὁμοίως καὶ ἐὰν ἐπιταχθῶ διελεῖν τὸν μ̄ς ἐν λόγῳ τριπλασίῳ καὶ ὑπεροχῆ ἀριθμοῦ μονάδων ς̄ , ἀφαιρῶ τὴν ὑπεροχὴν τὰς ς̄ μονάδας καὶ τὸν λειπόμενον μ̄ διαιρῶ ἐν λόγῳ ὅρον τάττω, τὸν δὲ παρὰ τὸν ὑπόλογον τούτου τὸν ι ἐλάσσω ὅρον τάττω, τὸν δὲ παρὰ τὸν ὑπόλογον, ος ἐστιν ὁ λ̄ , προσθείς καὶ τὴν ὑπεροχὴν τὸν ς̄ , ποιῶ μείζονα λ̄ς , καὶ λύεταί μοι τὸ πρόβλημα · ὁ γὰρ λ̄ς τοῦ ι τριπλάσιος ἐν ὑπεροχῆ ἐπέκεινα μονάδων ς̄ · λ̄ς δὲ καὶ ι , μ̄ς.

El δε έπιταχθῶ διελεῖν τὸν δοθέντα ἀφιθμὸν έν λόγφ τετραπλασίφ καὶ ὑπεροχῆ μονάδων  $\overline{\eta}$ , ἀφαιρῶ τὴν ὑπεροχὴν τὸν  $\bar{\eta}$  καὶ τὸν λειπόμενον διαιρ $\bar{\omega}$  έν πενταπλασί $\bar{\omega}$  λόγ $\bar{\omega}$ , καὶ τὸν ὑπόλογον τούτ $\bar{\omega}$ ν τίθημι ἐλάσσ $\bar{\omega}$  δρον, τὸν δὲ παρὰ τὸν ὑπόλογον ἐκ τοῦ παντὸς ἀριθμόν, προσθεὶς τούτ $\bar{\omega}$  καὶ τὴν ὑπεροχήν, τίθημι μείζονα, καὶ ποι $\bar{\omega}$  τὸ ἐπιταχθέν. οἶον ἔστ $\bar{\omega}$  ὁ δοθεὶς  $\bar{\omega}$  ἀριθμός δν διελεῖν κελευόμεθα ἐν λόγ $\bar{\omega}$  τετραπλασί $\bar{\omega}$  καὶ ἐν ὑπεροχ $\bar{\eta}$  τῶν  $\bar{\eta}$  μονάδ $\bar{\omega}$ ν ὁ  $\bar{\nu}\bar{\eta}$  ἐκβεβλήσθ $\bar{\omega}$  ἡ ὑπεροχ $\bar{\eta}$  ὁ  $\bar{\eta}$ , τὸν δὲ λειπόμενον  $\bar{\nu}$  ἐν πενταπλασί $\bar{\omega}$  διαιρ $\bar{\omega}$  λόγ $\bar{\omega}$ , καὶ τὸν ὑπόλογον τὸν  $\bar{\iota}$  ποι $\bar{\omega}$  ἐλάσσονα, τὸν δὲ παρὰ τοῦτον λοιπόν, δς ἐστιν ὁ  $\bar{\mu}$ , προστιθεὶς 10 καὶ τὴν ὑπεροχήν, ποι $\bar{\omega}$  μείζονα, καὶ λύεταί μοι τὸ πρόβλημα  $\bar{\mu}\bar{\eta}$  γὰρ καὶ  $\bar{\iota}$ ,  $\bar{\nu}\bar{\eta}$ , καὶ ἔστιν ὁ  $\bar{\mu}\bar{\eta}$  τοῦ  $\bar{\iota}$  τετραπλάσιος σὸν ὑπεροχ $\bar{\eta}$  τῶν  $\bar{\eta}$  μονάδ $\bar{\omega}$ ν.

Όμοίως ἐὰν ἐπιταχθῶ διελεῖν τὸν δοθέντα ἀριθμόν ἐν λόγφ πενταπλασίονι καὶ ἐν ὑπεροχῆ ταῖς  $\bar{\varsigma}$  15 μονάσιν, ἔστω δ  $\bar{\xi}\bar{\varsigma}$  · ἀφαιρῶ τὴν ὑπεροχὴν τὸν  $\bar{\varsigma}$ , τὸν λειπόμενον  $\bar{\xi}$  διαιρῶ έξαπλασίως, καὶ ἔστιν αὐτοῦ δ ὑπόλογος  $\bar{\iota}$  · τοῦτον τίθημι ἐλάσσω ὅρον, τὸν δὲ παρὰ τοῦτον δὴ τὸν ὑπόλογον τὸν  $\bar{\iota}$ , ὃς ἐκ τοῦ προλόγον ἀφηρέθη, τὸν  $\bar{\nu}$ , προστιθεὶς καὶ τὴν ὑπεροχὴν τὸν  $\bar{\varsigma}$ , 20 ποιῶ μείζονα, καὶ γίνεται τὸ ἐπιταχθέν ·  $\bar{\nu}\bar{\varsigma}$  γὰρ καὶ  $\bar{\iota}$ ,  $\bar{\xi}\bar{\varsigma}$ , καὶ δ  $\bar{\xi}\bar{\varsigma}$  τοῦ  $\bar{\iota}$  πενταπλάσιος καὶ ἐπέκεινα ἡ ὑπεροχὴ αὐτοῦ μονάδες  $\bar{\varsigma}$ . οῦτω καὶ ἐπὶ πάντων ληψόμεθα τὸν συνεχῆ πολλαπλάσιον, ἀφαιρουμένης τῆς ὑπεροχῆς καὶ προστιθεμένης τῷ προλόγῳ · ἀφαιρου- 25 μένου ἐκ τούτου τοῦ ὑπολόγου, καὶ τὰ προβλήματα λύσομεν. καὶ οὕτω γίνονται τὰ ἐπὶ τοῖς πολλαπλασιασμοῖς μετὰ τῆς ὑπεροχῆς προβλήματα.

λδ. Εί δε επιταχθώμεν εν επιμορίω λόγω διαιρείν τον άριθμον και υπεροχή τή τυχούση, ούτω λυθήσον- 30 ται τὰ προβλήματα. και πρώτον επιτετάχθω διαιρείν

έν λόγ $\varphi$  ήμιολί $\varphi$  καὶ ὑπε $\varphi$ οχ $\tilde{\eta}$   $\varphi$ έ $\varphi$ ε μονάδ $\varphi$ ον  $\bar{\beta}$ , καὶ έστω δ ιζ. δεί γοῦν ἀφαιρείν τοῦ ιζ την ὑπεροχήν τὸν β, τοῦ δὲ λειπομένου τε ζητείν τὸν ὑποδιπλασιεφήμισυν, και έστιν δ 5. τοῦτον τίθημι έλάσσω και 5  $\dot{v}\pi\dot{o}\lambda \dot{o}\gamma \dot{o}\nu$ , και τὸν λοιπὸν μείζω και πρόλογον τὸν  $\overline{\vartheta}$ σύν τη ὑπεροχη τῷ  $\bar{\beta}$ . ὁ γὰρ  $\bar{\iota}$ α τοῦ  $\bar{\varsigma}$  ημιόλιος σύν ύπεροχη μονάδων  $\bar{\beta}$ , ώσαύτως καλ έαν έπιταττώμε $\vartheta$ α τὸν  $\overline{xy}$  διαιρεῖν ἐν τοιούτω λόνω καὶ ὑπερο $\dot{y}$ ῆ  $\bar{y}$  μονάδων άφαιροῦμεν την ὑπεροχην τὸν  $\bar{\gamma}$ , καὶ τοῦ  $\bar{\kappa}$ 10 ζητοῦμεν τὸν ὑποδιπλασιεφήμισυν, καὶ ἔστιν  $\delta$   $\bar{\eta}$ . τούτου δ τε εν ημιολίφ και ύπεροχη γ μονάδων. ώσαύτως και έαν έπιταττώμεθα τον κθ διαιρείν έν τοιούτω λόγω και ύπεροχη μονάδων δ, άφαιρουμεν την ύπεροχήν, και τοῦ κε ζητοῦμεν τὸν ὑποδιπλασι-15 εφήμισυν, και έστιν δ τ. και τίθεμεν τοῦτον ὑπόλογον, και πρόλογον τάττομεν τον τε μετά της υπερογής, καὶ ἔστιν  $\delta$   $\overline{i\vartheta}$  καὶ  $\delta$   $\overline{i\vartheta}$  τοῦ  $\overline{\iota}$  ἐν ὑπεροχη  $\overline{\delta}$  μονάδων ημιόλιός έστιν.

Έὰν δὲ ἐπιταττώμεθα διαιφεῖν ἐν λόγῷ ἐπιτφίτῷ καὶ ὑπεφοχῆ μονάδων τόσων, ἀφαιφοῦμεν τὴν ὑπεφοχὴν καὶ τοῦ λειπομένου τὸν ὑποδιπλασιεπίτφιτον ζητοῦμεν, καὶ τίθεμεν τοῦτον ὑπόλογον τοῦ ἐπιτφίτου, τὸν δὲ λοιπὸν σῦν τῆ ὑπεφοχῆ πφόλογον τοῦ ἐπιτφίτου ποιοῦμεν, καὶ λύεται τὸ πφόβλημα. ἔστω γὰφ ὁ κ̄ς δν μονάδων ε̄, ἀφαιφῶ τὸν ε̄ καὶ τοῦ κα τὸν ὑποδιπλασιεπίτριτον ζητῶ καὶ ἔστιν ὁ δ̄, καὶ τάττω τοῦτον τὸν τοῦ ἐπιτφίτου ὑπόλογον, τὸν δὲ λοιπόν, δηλονότι τὸν ιρ̄ σὸν ἄμα τῆ ὑπεφοχῆ τῷ ε̄, τάττω πφόλογον τοῦ ἐπιτφίτου, καὶ λύεται τὸ πφόβλημα· ὁ γὰφ ιξ ἐπίτριτός ἐστι τοῦ δ̄ μεθ' ὑπεφοχῆς ε̄ μονάδων.

Εἰ δὲ ἐν λόγῷ ἐπιτετάρτῷ ἐπιταττοίμεθα διαιρεῖν ἐν ὑπεροχῆ φέρε δ, ἔστω ὁ κβ ἀφαιρῶ τὸν δ, καὶ τοῦ λειπομένου τη τὸν ὑποδιπλασιεπιτέταρτον λαμβάνω τὸν  $\bar{\eta}$  τοῦτον τίθημι ὑπόλογον, τὸν δὲ πρόλογον τούτου τὸν  $\bar{\iota}\bar{\delta}$  συνιστῶ ἔστι δὲ  $\delta$   $\bar{\iota}\bar{\delta}$  τοῦ  $\bar{\eta}$  ἐν ὑπεροχῆ  $\bar{\delta}$  5 μονάδων καὶ ἐπιτέταρτος.  $\delta$ μοίως καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ἐπιμορίων.

λε. Εἰ δὲ πάλιν ὑποταττοίμεθα διαιρεῖν ἐν λόγφ ἐπιμερεῖ καὶ ὑπεροχῆ τόσων μονάδων, οὕτω λύσομεν τὰ προβλήματα. ἔστω γοῦν πρῶτος δ ἐπιδίτριτος καὶ 10 κείσθω δ τη ὃν διαιρεῖν ἐπιταττόμεθα ἐν λόγφ ἐπιτατίμεθα καὶ ὑπεροχῆ μονάδων  $\overline{\beta}$ · ἀφαιρῶ τὴν ὑπεροχὴν καὶ τοῦ λειπομένου  $\overline{\iota \varsigma}$  ζητῶ τὸν ὑποδιπλασιεπιδίτριτον καὶ ἔστιν δ  $\overline{\varsigma}$ · τοῦτον τίθημι ἐλάσσω, καὶ τὸν λοιπὸν σὰν τῆ ὑπεροχῆ μείζω τὸν  $\overline{\iota \varsigma}$ , καὶ γίνεται τὸ πρόβλημα· 15 δ γὰρ  $\overline{\iota \varsigma}$  πρὸς τὸν  $\overline{\varsigma}$  ὑπεροχὴν ἔχει τὰς  $\overline{\rho}$  μονάδας καὶ δ λοιπὸς ἐπιδίτριτός ἐστιν.

Όμοίως καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ἐπὶ πάντων γὰρ ἀφαιρεῖν δεῖ τὴν δοθεῖσαν ὑπεροχὴν καὶ τοῦ λειπομένου ζητεῖν τὸν ὑποδιπλασιεπιμερῆ καθ' δν τὸν τέως 20 ἐπιμερῆ ζητοῦμεν, καὶ εὐοδοῦται τὸ πρόβλημα, ὥσπερ ἐν τοῖς ἐπιμορίοις τὸν ὑποδιπλασιεπιμόριον ἀφαιρουμένης τῆς ὑπεροχῆς ἐζητοῦμεν.

Οὕτω δὴ ποιήσομεν καὶ ὅτε ἐπιταττόμεθα διαιρεῖν εἰς ὑπεροχὴν μονάδων καὶ λόγον ἢ πολλαπλασιεπιμόριον  $^{25}$  ἢ πολλαπλασιεπιμερῆ. ἔστω γὰρ δ  $\overline{\kappa}$  ὃν διαιρεῖν ἐπιταττόμεθα ἐν ὑπεροχῆ μονάδων  $\overline{\varsigma}$  καὶ λόγ $\varphi$  διπλασιεφημίσει ἀφαιρ $\overline{\omega}$  τὴν ὑπεροχὴν καὶ τοῦ λειπομένου  $\overline{\iota}$  τὸν ὑποτριπλασιεφήμισυν ζητ $\overline{\omega}$  καὶ ἔστιν δ  $\overline{\delta}$ , οὖ δ  $\overline{\iota}$   $\overline{\varsigma}$ , ὑπεροχὴν ἔχων τὸν  $\overline{\varsigma}$ , ἔστι διπλασιεφήμισυς. καὶ  $^{30}$  ἀεὶ οὕτως, τοῦ μὲν μορίου σωζομένου, τῶν δὲ πολλα-

πλασιασμῶν ἀλλασσομένων, ὥσπερ δῆτα καὶ ἐπὶ τῶν ἀπλῶν πολλαπλασιασμῶν ἐγίνετο.

Εί δὲ ἐπιταττοίμεθα διαιρεῖν μεθ' ὑπεροχῆς ἐν λόγω πολλαπλασιεπιμερεί, έστω άριθμός δ πζ ον έπι-5 ταττόμεθα διαιρείν έν λόνω έπιδιτρίτω και ύπερογή ν μονάδων αφαιρώ την ύπεροχην και του κό τον ύποδιπλασιεπιδίτριτον ζητώ καὶ ἔστιν  $\delta \overline{\vartheta}$  τοῦτον τίθημι έλάσσω και τὸν λοιπὸν τὸν τη μείζω, και γίνεται τὸ προβληθέν. καλ άελ ούτως καλ γάρ καλ έπλ τούτοις σώζεται μέν δ 10 πολλαπλασιασμός, τὰ δὲ μέρη άλλασσόμενα τὰ αὐτὰ τοίς άπλως καὶ δίχα τοῦ πολλαπλασιασμοῦ ζητουμένοις σώζονται. οἶον ἔστω ζητεῖν ἡμᾶς διαιρεῖν ἐν ὑπεροχῆ  $φέρε \overline{δ}$  μονάδων καὶ λόγω ἐπιτριτετάρτω, καὶ ἔστω δ τε άριθμός δυ διαιρείν έπιταττόμεθα έν ύπερογή μο-15 νάδων δ καλ λόγω έπιτριτετάρτω : ἀφαιρῶ τὴν ὑπερογὴν καὶ τοῦ λειπομένου τα τὸν ὑποδιπλασιεπιτριτέταρτον ζητῶ,  $\ddot{o}_S$  έστιν  $\dot{o}$   $\ddot{o}$  τοῦτον τίθημι ὑπόλογον καὶ τὸν τα συνιστώ πρόλογον καὶ έστιν δ τα έν υπεροχή μέν μονάδων  $\overline{\delta}$ , εν λόγω δε επιτριτετάρτω πρός τον  $\overline{\delta}$ . δ 20 γὰο ζ τοῦ δ ἐπιτριτέταρτος. τοῦτο καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων λόγων γίνεται.

λ5. Εἰ δὲ εἰς λόγους καὶ λείψεις τὰς διαιφέσεις τῶν ἀριθμῶν ἐπιταττοίμεθα, οὕτω πως τὰ προβλήματα λύονται.

Σητείσθω πρώτον διαίρεσις ἀριθμοῦ εἰς λεϊψιν καὶ λόγον διπλάσιον, καὶ ἔστω ὁ ἀριθμὸς κξ ὃν διαιρεῖν ἐπιταττόμεθα ἐν λείψει γ μονάδων προστιθέσθω ἡ λείψις καὶ τοῦ γινομένου τὸν ὑποτριπλασίονα ζητήσομεν

<sup>5</sup> ἐπιδιτρίτφ. Rationes haud πολλαπλασιεπιμεφεῖς, sed ἐπιμεφεῖς, de quibus iam antea locutus est, oscitanter repetit Pachymere. 22 Quaestio a Diophanto praeterita.

καὶ τοῦτον τάξομεν ἐλάσσω καὶ τὸν λοιπὸν ἄνευ τῆς λείψεως, ὅς ἐστιν ὁ τξ, μείζω, καὶ τὸ πρόβλημα λύεται· ὁ γὰρ τζ τοῦ τ λείπεται γ μονάσι τοῦ εἶναι τοῦ τ διπλάσιος. εἰ δὲ ὁ αὐτὸς ἀριθμὸς κξ ἐν λείψει δ μονάδων, διαιρεῖται ἡ μονὰς καὶ τὸ αὐτὸ γίνεται· 5 προστιθέσθω γὰρ ἡ λεῖψις, γίνονται λα· τούτου ὑποτοιπλάσιος ὁ τ καὶ γον· τοῦτον τάττομεν ὑπόλογον, καὶ τὸν λοιπὸν δίχα τῆς λείψεως, τς καὶ  $\bar{\beta}$  γγα, μείζω, κοὶ γίνεται τὸ πρόβλημα· ὁ γὰρ  $\bar{\iota}$ ς καὶ  $\bar{\beta}$  γγα, μείζω, μονάσιν εἰς τὸ εἶναι διπλάσιος τοῦ  $\bar{\iota}$  γου.

Εἰ δὲ διαιρεῖν εἰς τριπλάσιον ἐπιταττόμεθα καὶ λεῖψις τίθεται δ  $\overline{\delta}$  φέρε, ἔστω δ ἀριθμὸς δ  $\overline{\kappa\eta}$ · προστιθέσθω ή λεῖψις δ  $\overline{\delta}$  καὶ τοῦ γινομένου ζητήσωμεν τὸν ὑποτετραπλάσιον καὶ ἔστιν δ  $\overline{\eta}$ · τούτου δ  $\overline{\kappa}$  λείπεται  $\overline{\delta}$  μονάσι τοῦ εἶναι τριπλάσιος.

Εἰ δὲ διαιρεῖν εἰς τετραπλάσιον ἐπιταττόμεθα ἐν λείψει μονάδων τόσων, τὸν μετὰ τῆς προσθήκης τῆς λείψεως ὑποπενταπλάσιον ληψόμεθα καὶ θήσομεν ὑπόλογον καὶ τὸ πρόβλημα λύεται. οἶον ἔστω ἀριθμὸς δν διαιρεῖν ἐπιταττόμεθα μετὰ λείψεως μονάδων  $\overline{\delta}$  εἰς 20 λόγον τετραπλάσιον ὁ  $\overline{\mu}\overline{\varsigma}$ . τούτω τὴν λεῖψιν προσθήσομεν καὶ τοῦ γινομένου  $\overline{\nu}$  τὸν ὑποπενταπλάσιον εὕρωμεν καὶ ἔστιν  $\delta$   $\overline{\iota}$ . τοῦτον θήσομεν ὑπόλογον καὶ τὸν λοιπὸν τὸν  $\overline{\lambda}\overline{\varsigma}$  πρόλογον, καὶ λυθήσεται τὸ πρόβλημα λείπεται γὰρ  $\delta$   $\overline{\lambda}\overline{\varsigma}$  μονάσι  $\overline{\delta}$  εἰς τὸ εἶναι τετραπλάσιος 25 τοῦ  $\overline{\iota}$ . καὶ ἀεὶ οὕτως, ἕως οὖ βούλει.

λζ. Εἰ δὲ ἐπιταττοίμεθα διαιζεῖν ἐν λείψει εἰς λόγον ἐπιμόζιον καὶ πρῶτον τὸν ἡμιόλιον, ἔστω δ ἀριθμὸς ὁ  $\overline{\eta}$  καὶ ἡ λεῖψις μονάδων  $\overline{\beta}$ . προστίθεται τῷ  $\overline{\eta}$  ἡ λεῖψις καὶ τοῦ γινομένου  $\overline{\kappa}$  τὸν ὑποδιπλα-30 σιεφήμισυν ζητήσομεν καὶ ἔστιν ὁ  $\overline{\eta}$ ; τοῦτον ὑπόλογον

ποιήσομεν καὶ τὸν λοιπὸν δίχα τῆς λείψεως εἰς ἀναπλήρωσιν τοῦ  $\overline{\imath\eta}$  τὸν  $\overline{\imath}$  μείζω, καὶ τὸ πρόβλημα λύσομεν λείπεται γὰρ ὁ  $\overline{\imath}$  τοῦ εἶναι ἡμιόλιος τοῦ  $\overline{\eta}$  μονάσι  $\overline{\beta}$ .

Εἰ δὲ ἐπιταττοίμεθα διαιρεῖν εἰς ἐπίτριτον ἐπὶ 5 λείψει τοσῆδε, ἔστω ὁ ἀριθμὸς πε καὶ ἡ λεῖψις γ̄ μονάδων προστιθέσθω ἡ λεῖψις τῷ πε καὶ τοῦ γινομένου πη τὸν ὑποδιπλασιεπίτριτον ζητήσομεν καὶ ἔστιν ὁ ιβ· τοῦτον τίθεμεν ὑπόλογον καὶ τὸν λοιπὸν δίχα τῆς λείψεως τὸν ιγ πρόλογον, καὶ λύεται τὸ πρόβλημα· ὁ οῦ γὰρ ἐκίπεται γ̄ τοῦ εἶναι ἐπίτριτος τοῦ ιβ. καὶ ἀεὶ οὕτων τῶν μορίων πρὸς τὰς ζητήσεις.

λη. Πάλιν εί μετὰ λείψεως ἐν λόγῷ ἐπιμερεῖ διαιρεῖν ἐπιταττοίμεθα καὶ πρῶτον ἐν ἐπιδιτρίτῷ, ἔστω 15 δ δοθεὶς ἀριθμὸς ὁ κρ καὶ ἡ λείψις μονάδων ρ. προστίθημι τούτῷ τὴν λείψιν καὶ τοῦ γινομένου κδ ζητῶ τὸν ὑποδιπλασιεπιδίτριτον καὶ ἔστιν ὁ Θ. τοῦτον τίθημι ὑπόλογον καὶ τὸν λοιπὸν δίχα τῆς λείψεως τὸν ἰγπρόλογον, καὶ λύεταί μοι τὸ πρόβλημα δ γὰρ τγ λεί-20 πεται β εἰς τὸ εἶναι ἐπιδίτριτος τοῦ Θ.

Εί δὲ διαιφεῖν εἰς ἐπιτφιτέταφτον κελευόμεθα μετὰ λείψεως, ἔστω ὁ ἀφιθμὸς λα, ἡ δὲ λεῖψις μονάδων β΄ προστίθημι τὴν λεῖψιν καὶ τοῦ γινομένου ζητῶ τὸν ὑποδιπλασιεπιτφιτέταφτον καὶ ἔστιν ὁ ιβ΄ τοῦτον ὑπό-25 λογον τίθημι καὶ τὸν λοιπὸν εἰς ἀναπλήφωσιν τοῦ λα τὸν ιθ πρόλογον, καὶ λύεταί μοι τὸ πρόβλημα ὁ γὰρ ιθ δυσὶ λείπεται τοῦ εἶναι πρὸς τὸν ιβ ἐπιτριτέταφτος. καὶ ἀεὶ ἐφεξῆς οὕτως καὶ ἐνταῦθα γὰρ ὁ ὑποδιπλάσιος εὐοδώσει τὰς λύσεις.

ο Τὰ αὐτὰ γενήσονται καὶ εἰ συντίθενται οι λόγοι, οἶον έπὶ τοῖς πολλαπλασιεπιμορίοις καὶ τοῖς πολλα-

πλασιεπιμερέσιν. οἶον ἔστω κελευόμεθα διαιρεῖν ἀριθμον ἐπὶ λείψει μονάδων β τὸν ιβ ἐν λόγω διπλαμιεφημίσει. τούτω προστίθημι τὴν λείψιν καὶ τοῦ γινομένου ιδ τὸν ὑποτριπλασιεφήμισυν ζητῶ καὶ ἔστιν δ δ· τοῦτον ποιῶ ὑπόλογον καὶ τὸν ἢ πρόλογον δίχα 5 τῆς λείψεως, καὶ γίνεταί μοι τὸ ἐπιταχθέν· ὁ γὰρ ἢ δυσὶ λείπεται τοῦ εἶναι πρὸς τὸν δ διπλασιεφήμισυς.

Εἰ δὲ  $\langle εἰ_S \rangle$  τριπλασιεφήμισυν διαιρεῖν κελευόμεθα, ἔστω δ ἀριθμὸς δ  $\overline{κ}ε$ , ἡ δὲ λεῖψις μονάδων  $\overline{β}$ . προστάθημι τῷ  $\overline{κ}ε$  τὴν λεῖψιν καὶ τοῦ γινομένου  $\overline{κ}ε$  τὸν 10 ὑποτετραπλασιεφήμισυν ζητῷ καὶ ἔστιν δ  $\overline{ε}$ . τοῦτον τίθημι ὑπόλογον καὶ τὸν λοιπὸν  $\overline{ιθ}$  πρόλογον, καὶ γίνεται τὸ ἐπιταχθέν. δ γὰρ  $\overline{ιθ}$  δυσὶ λείπεται τοῦ εἶναι τοῦ  $\overline{ε}$  τριπλασιεφήμισυς.

Εἰ δὲ κατὰ λόγον τριπλασιεπίτριτον διαιρεῖν κε-  $^{15}$  λευόμεθα, σωζομένου τοῦ πολλαπλασιασμοῦ καὶ ἀλλασσιρένου τοῦ μορίου, ἔστω ὁ ἀριθμὸς ὁ πα, ἡ δὲ λεῖψις μονάδων  $\overline{\epsilon}$ · προστίθημι τὸν  $\overline{\epsilon}$  τῷ πα καὶ τοῦ γινομένου  $\overline{\kappa s}$  ζητῶ τὸν ὑποτετραπλασιεπίτριτον  $\overline{\delta}$ ς ἐστιν  $\overline{\delta}$ ς τοῦτον ὑπόλογον ποιῶ, τὸν δὲ λοιπὸν τὸν  $\overline{\iota \epsilon}$  πρόλογον,  $^{20}$  καὶ τὸ ἐπιταχθὲν γίνεται· ὁ γὰρ  $\overline{\iota \epsilon}$  πέντε μονάσι λείπεται τοῦ εἶναι τοῦ  $\overline{s}$  τριπλασιεπίτριτος. καὶ ἀεὶ οὕτως.

Εί δὲ ἐπιταττοίμεθα διαιρεῖν ἐπὶ λείψει ἐν λόγφ πολλαπλασιεπιμερεῖ καὶ πρῶτον διπλασιεπιδιτρίτφ, ἔστω δ ἀριθμὸς ὁ πα, ἡ δὲ λεῖψις μονάς προστίθημι τὴν 25 μονάδα τῷ κα καὶ τοῦ γινομένου ζητῷ τὸν ὑποτριπλασιεπιδίτριτον καὶ ἔστιν ὁ ξ΄ τοῦτον τίθημι ὑπόλογον καὶ τὸν λοιπὸν τὸν ῖε πρόλογον, καὶ γίνεται τὸ ἐπιταχθέν μονάδι γὰρ λείπει ὁ ῖε τοῦ εἶναι τοῦ ξ΄ διπλασιεπιδίτριτος. καὶ ἀεὶ ὁ πολλαπλασιασμὸς ἀλλασσόμενος 30 εὐοδώσει τὰς λύσεις, σωζομένων τῷν κὐτῷν μορίων.

λθ. Ἐπειδήπεο των μεν από μονάδος διπλασίων αί τῶν προλόγων πρὸς τοὺς ὑπολόγους αὐτῶν ὑπεροχαὶ κατά τὸ φυσικὸν χῦμα τοῦ ἀριθμοῦ είσιν οἶον ὑπεροχή  $\tau \circ \tilde{v} \ \bar{\beta} \ \pi \rho \circ s \ \tau \circ \nu \ \bar{\alpha}, \ \bar{\alpha}$   $\dot{v} \pi \varepsilon \rho \circ \gamma \dot{\eta} \ \tau \circ \tilde{v} \ \bar{\delta} \ \pi \rho \circ s \ \tau \circ \nu \ \bar{\beta}, \ \bar{\beta}$ 5 ύπεροχή τοῦ  $\overline{5}$  πρὸς τὸν  $\overline{\nu}$ ,  $\overline{\nu}$  καὶ ύπεροχή τοῦ  $\overline{\eta}$  πρὸς  $\tau$ òν  $\overline{\delta}$ ,  $\overline{\delta}$ ,  $\overline{\delta}$ ς είναι τὸν αὐτὸν ἀριθμὸν καὶ ὑπεροχὴν τοῦ προλόγου καὶ ὑπόλογον τῶν δὲ ἀπὸ μονάδος τριπλασίων μέσον των ύπολόγων καλ των προλόγων of agrici model onegonal ofor meson too  $\bar{\alpha}$  nal  $\bar{\gamma}$ ,  $\bar{\beta}$ , 10 xal  $\tau \circ \tilde{v} = \tilde{s}$  xal  $\tau \circ \tilde{v} = \tilde{\beta}$ ,  $\tilde{\delta}$ , xal  $\tau \circ \tilde{v} = \tilde{\delta}$  xal  $\tau \circ \tilde{v} = \tilde{v}$ ,  $\tilde{s}$ , xal  $\tau \circ \widetilde{\iota \beta}$  xal  $\overline{\delta}$ ,  $\overline{\eta}$ , xal  $\tau \circ \widetilde{\upsilon}$   $\overline{\iota \varepsilon}$  xal  $\overline{\varepsilon}$ ,  $\overline{\iota}$   $\dot{\omega}_{S}$   $\varepsilon \overline{\iota}$  val  $\tau \circ \dot{\upsilon}_{S}$   $\tau \varepsilon$ προλόγους και τοὺς ὑπολόγους ἔνα παρ' ἔνα και ἄρτιον  $x\alpha l$  περιττόν, ώς τὸν  $\overline{\gamma}$  πρὸς τὸν  $\overline{\alpha}$ ,  $x\alpha l$  τὸν  $\overline{5}$  πρὸς τον  $\overline{\beta}$ , καὶ αὖθις τον  $\overline{\vartheta}$  προς τον  $\overline{\gamma}$ . των δὲ ἀπο μο-15 νάδος τετραπλασίων αι ύπεροχαι των προλόγων πρός τούς ύπολόγους αὐτῶν οί ἀπὸ τριάδος τριπλάσιοί είσιν: καὶ τῶν πενταπλασίων οι ἀπὸ τετράδος τετραπλάσιοι. των δε εξαπλασίων οι από πεντάδος πενταπλάσιοι καί των επταπλασίων οι από εξάδος εξαπλάσιοι και των 20 όπιαμγαρίων οι φυρ εμιάδος επιαμγαρίοι, και εφεξώς. εί τις έπιτάξειε δύο άριθμούς εύρεῖν έν λόγφ τινί καί ύπεροχή τη δοθείση, ράστα αν έχοιμεν έντεῦθεν λύειν τὸ προβληθέν.

Εί γοῦν τις ἐπιτάξειε εύρεῖν δύο ἀριθμοὺς ἔχοντας 25 πρὸς ἀλλήλους πενταπλάσιον λόγον ἐν ὑπεροχῆ τόσων μονάδων, δεῖ λαβεῖν τὴν ὑπεροχὴν καὶ ὅσων μονάδων ἐστὶν αὕτη, φέρε γὰρ ἐὰν π μονάδων, ζητεῖν κατὰ τὸ ὑποτετραπλάσιον τῆς ὑπεροχῆς τὸν πέμπτον πενταπλάσιον, ὅς ἐστιν ὁ πε̄ πρὸς τὸν ε̄, καὶ εὐθὺς ἡ 30 ὑπεροχὴ τοῦ μείζονος πρὸς τὸν ἐλάσσω ἐμφαίνεται

<sup>24</sup> C. Didnit, probl. I, 4.

κατά τινα φυσικήν ἀκολουθίαν,  $\bar{\kappa}$  γάρ ὑπερέχει γὰρ  $\bar{\kappa}$  τοῦ  $\bar{\epsilon}$ ,  $\bar{\kappa}$ .

Καλ γάο ούτως έχει εί μεν έπλ διπλασίων ή έπιτανή γίνεται, ώς φέρε ϊνα έπιταττώμεθα δύο άριθμούς εύρεῖν ἐν λόγω τῷ πρὸς ἀλλήλους διπλασίω, ἐν 5 ύπεροχη μονάδων, εί μεν μιᾶς, εὐθύς έστιν δ πρώτος διπλάσιος,  $\delta$   $\bar{\beta}$  πρ $\delta$ ς τον  $\bar{\alpha}$  εί δε δυοΐν μονάδων,  $\delta$ εὐθὺς δεύτερος πρὸς αὐτόν,  $\delta$   $\bar{\delta}$  πρὸς τὸν  $\bar{\beta}$  εἰ δὲ τριών, δ εὐθὺς τρίτος μετ' αὐτόν, δ  $\bar{z}$  καὶ δ  $\bar{y}$  καὶ έφεξης. εί δε έπι τριπλασίων και έν ύπεροχη μονάδων, 10 ή μέν μονάς ένταῦθα χώραν οὐκ ἔγει, άλλ' εί μέν δυοίν μονάδων, δεί λαμβάνειν τον πρώτον τριπλάσιον τὸν  $\overline{\gamma}$  πρὸς τὸν  $\overline{\alpha}$ , ὧν ή ὑπεροχή μονάδες  $\overline{\beta}$ · εἰ δὲ τριών, ούκ έστιν ώσπερ ούδε της μιας και άπλώς άπάντων των περιττών είπομεν γάρ ότι έπὶ τρίς τρι- 15 πλασίοις οι άρτιοι μόνοι είσιν αι ύπεροχαί. δθεν εί τεσσάρων μονάδων ύπεροχή ζητεῖται κατά τὸν τριπλασίονα, τὸν δεύτερον λάβωμεν τριπλασίονα, δς έστιν  $\delta \bar{s}$  πρ $\delta s$  τον  $\bar{\beta}$  και ή ύπερογή μονά $\delta s s$   $\bar{\delta}$  εί  $\delta s$   $\bar{s}$ μονάδων ή ύπεροχή ζητεῖται, τὸν τρίτον εἰ δὲ η, τὸν 20 τέταρτον ληψόμεθα τριπλάσιον, ώστε κατά τὸν ύποδιπλάσιον λόγον της ζητουμένης ύπεροχης εύρεθήσεται.

Εί δὲ ἐπὶ τετραπλασίων εύρεῖν ἀριθμοὺς ἐπιταττόμεθα ἐν ὑπεροχῆ μονάδων τοσῶνδε, δεῖ είδέναι προηγουμένως ὅτι ἐνταῦθα αἱ ὑπεροχαὶ ἀναμίξ είσιν ἕνα παρ' 25 ἕνα ἀρτία καὶ περιττή. εἰ γοῦν τις ἐπιτάττοι εὑρεῖν δύο ἀριθμοὺς ἐν λόγῳ τετραπλασίκαὶ ὑπεροχῆ μονάδων φέρε δ, ἀμαθὲς τὸ ἐρώτημα ἐκ γὰρ τοῦ γ ἀρχονται ἐπὶ τούτοις αἱ ὑπεροχαὶ καὶ προκόπτουσι κατὰ λόγον τὸν τριπλάσιον εἰ δὲ ἐν ὑπεροχῆ μονά 30 <math> Φ, τὸν ὑποτριπλάσιον τῶν μονάδων ζητήσομεν

καὶ ἔστιν ὁ τρίτος τετραπλάσιος, ὅς ἐστιν ὁ  $\overline{i\beta}$  πρὸς τὸν  $\overline{\gamma}$ , καὶ εὐθὺς ἡ ὑπεροχὴ τῶν  $\overline{\vartheta}$  μονάδων ἐμφαίνεται.

'Επὶ δὲ πενταπλασίων, ἐπεὶ ἀπὸ τοῦ δ κατὰ λόγον τετραπλάσιον αι ὑπεροχαὶ προκόπτουσιν, ἤν τις ἐπιτάξοι εὑρεῖν δύο ἀριθμοὺς ἐν λόγφ πενταπλασίφ καὶ ἐν ὑπεροχῆ τῷ π̄, κατὰ τὸ ὑποτετραπλάσιον τῶν μονάδων τῆς ὑπεροχῆς ζητηθήσεται ὁ πενταπλάσιος, καὶ εὐθὺς ἐμφαίνεται καὶ ἡ ἐπιταχθεῖσα ὑπεροχὴ τοῦ προλόγου πρὸς τὸν ὑπόλογον.

10 El δὲ ἐπὶ ἑξαπλασίων, αl μὲν ὑπεροχαὶ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\epsilon}$  κατὰ πενταπλάσιον προκόπτουσιν $\cdot$   $\overline{\epsilon}$ ,  $\overline{\iota}$ ,  $\overline{\iota}\overline{\epsilon}$ ,  $\overline{\kappa}$ ,  $\overline{\kappa}\overline{\epsilon}$  $\cdot$  εl γοῦν τις ἐπιτάξοι εὑρεῖν δύο ἀριθμοὺς ἐν λόγῳ έξαπλασίῳ κατὰ ὑπεροχὴν τοῦ  $\overline{\kappa}$ , δεῖ κατὸ τὸ ὑποπενταπλάσιον τῶν μονάδων ζητεῖν τὸν έξαπλάσιον ὅς ἐστιν 15 ὁ δος, ὡς ὁ κδ πρὸς τὸν  $\overline{\delta}$ , καὶ εὐθὺς ἐμφαίνεται καὶ ἡ τῶν  $\overline{\kappa}$  μονάδων ὑπεροχή.

Έπλ δὲ ἐπταπλασίων, ἡ μὲν ὑπεροχὴ τῶν τοιούτων ἀπὸ ἐξάδος κατὰ έξαπλάσιον. Ξ, τῆ, τῆ, κδ· εἰ γοῦν τις ἐπιτάξοι εὑρεῖν δύο ἀριθμοὺς ἐν ἐπταπλασίω λόγω ωαθ' ὑπεροχὴν μονάδων τῆ, κατὰ τὸ ὑποεξαπλάσιον τῶν μονάδων τῆς ὑπεροχῆς ὀφείλομεν ζητεῖν τὸν ἐπταπλάσιον καὶ τὸν τρίτον ληψόμεθα ἐπταπλάσιον, δς ἐστι τοῦ κα πρὸς τὸν ϙ.

Έπὶ δὲ ὀπταπλασίων, ἐπεὶ ἀπὸ τῶν ζ κατὰ ἐπτα25 πλάσιον εἶς παρ' ἔνα ἄρτιος καὶ περιττὸς αὶ ὑπεροχαὶ 
γίνονται, ἤν τις ἐπιτάξοι εὑρεῖν δύο ἀριθμοὺς ἐν λόγφ 
ὀπταπλασίφ καὶ ὑπεροχῆ μονάδων ιδ, κατὰ τὸν ὑποεπταπλάσιον τῶν μονάδων ζητηθήσεται ὁ ὀπταπλάσιος, καὶ 
ἔστιν ὁ δεύτερος ὀπταπλάσιος, τὰ β γὰρ τῶν ιδ ὑποεπτα30 πλάσιος καὶ ἔστιν ὁ ις πρὸς τὸν β καὶ ἡ ὑπεροχὴ ὁ ιδ.
Καὶ ἐφεξῆς οὕτως ἐν οἶς φαίνεταί τι καὶ ἄλλο

γλαφυρόν έχ τινος άρρήτου έπινοήσεως συμβαίνον, ότι των απαιτουμένων μονάδων τῆς ὑπεροχῆς τὸ πλάτος καθ' δ καὶ τὸν πολλαπλάσιον ζητοῦμεν ἢ δεύτερον ἢ τρίτον ή τέταρτον καὶ έφεξης, αὐτὸν είναι συμβαίνει τὸν ὑπόλονον. εί μὲν π είσὶν αί μονάδες τῆς ὑπεροχῆς 5 καλ έν τοξς πενταπλασίοις κατά τὸν ὑποτετραπλάσιον τὸν ε ζητοῦμεν τὸν πέμπτον πενταπλάσιον, καὶ έστιν αὐτὸς ὁ ε ὑπόλογος τοῦ πε. οὖτος γὰρ ἦν πέμπτος πενταπλάσιος πρός τὸν ε. εί δὲ τῆς ὑπεροχῆς αί μονάδες  $\overline{\beta}$  είσιν  $\dot{\omega}$ ς έπι τοῦ δευτέρου διπλασίου τοῦ  $\overline{\delta}$  10  $\pi \rho \delta c = \tau \delta \nu = \overline{\beta}$ , a  $d \tau \delta c = \delta c = \overline{\beta} = \delta \sigma \tau \delta \nu = \delta c = \delta \epsilon \sigma \delta$ ΐνα μὴ καθ' εκαστον λέγωμεν αὐτὸν γὰο εύρήσομεν τὸν ὑπόλογον εὐθὺς ἀπαντῶντα τοῦ πολλαπλασίου κατά τὰς μονάδας τῶν ὑπεροχῶν, κἂν αὐτὴν πᾶσαν 15 την ύπεροχην λαμβάνωμεν, ως έπι του διπλασίου του πρώτου  $\bar{\beta}$  πρὸς  $\bar{\alpha}$  και τοῦ δευτέρου  $\bar{\delta}$  πρὸς  $\bar{\beta}$  και τοῦ τρίτου  $\bar{5}$  πρὸς  $\bar{\gamma}$ .  $\delta$  αὐτὸς γάρ έστι καὶ ὑπερογή καὶ ύπόλογος καν ώς έπὶ τοῦ τριπλασίου, ὅτε ζητοῦμεν τὸν ημισυν τῶν μονάδων τῆς ὑπεροχῆς. ὁ αὐτὸς γάρ 20 έστιν ο το πλάτος έχων τῆς ὑπεροχῆς καὶ ὑπόλογος. οίον  $\delta$   $\bar{s}$  τοῦ  $\bar{\beta}$  δεύτερος τριπλάσιος, καὶ ή ὑπερογή  $\bar{\delta}$ οδ τὸ ημισυ  $\bar{\beta}$ · δεύτερος γοῦν τριπλάσιος οδτος κατὰ τὸ πλάτος τῶν  $\bar{oldsymbol{eta}}$  μονάδων τῆς ὑπεροχῆς κατὰ τὸν κανόνα  $\delta \nu$  έλέγομεν, καὶ  $\delta$   $\delta \pi \delta \lambda$ ογος τούτου  $\bar{eta}$  έστί $^{\cdot}$  25 και ούτω δη έπι πάντων.

μ. Κείσθω κανών καθολικός ἐπὶ πᾶσι τοῖς προβλήμασιν ὁ τοιοῦτος, ὅταν ἐπιταττώμεθα τὸν δοθέντα ἀριθμὸν διαιρεῖν εἰς δύο ἀριθμοὺς ὅπως ἐκατέρων τῶν διηρημένων τὰ δοθέντα μὴ τὰ αὐτὰ μόνον μέρη 30

<sup>27</sup> Dioph. probl. I, 5.

συντεθέντα ποιῆ τὸν δοθέντα ἀριθμόν. ἐπειδὴ γὰρ μέρη ἀριθμῶν εἰσιν ῆμισυ, τρίτον, τέταρτον, πέμπτον, εκτον, εβδομον καὶ ἐξῆς ἐπ' ἄπειρον, καὶ ἐπιταττόμεθα διελειν ἀριθμὸν εἰς ἀριθμοὺς δύο ὧν ἐκατέρων τὰ ὁ ἐπιταχθέντα μέρη μὴ τὰ αὐτὰ ἀλλ' οἶον φέρε ῆμισυ καὶ τρίτον, ἢ τρίτον καὶ τέταρτον, ἢ πέμπτον καὶ εβδομον, ἢ ἔκτον καὶ τέταρτον ἢ ὁπωσοῦν, ῖνα συντεθέντα ἐκεινα ποιῆ τὸν δοθέντα ἀριθμόν καὶ ἔστι διδόμενος καὶ ὁ διαιρηθησόμενος ἀριθμὸς καὶ τὰ μέρη 10 ἐκατέρων τῶν μερῶν, ὅτι τυχὸν τρίτον μὲν τοῦ ἐνὸς μέρους, ἔκτον δὲ θατέρου ἢ ὁπωσοῦν. δίδοται δὲ καὶ ὁ ἀριθμὸς ὅς μέλλει γίνεσθαι ἐκ τῆς συνθέσεως τῶν μὴ τῶν αὐτῶν μερῶν ἐκατέρων τῶν τμημάτων, οἶον π τυχὸν ἢ ἢ ἢ ξ ἢ ι ἢ ιβ ἢ ἄλλος τις.

15 "Ότε γοῦν ταῦτα ἐπιταττοίμεθα, δεῖ δὴ προηγουμένως ἐκεῖνα ἐπιτάττεσθαι ὥστε χωρεῖν ἐν τῷ ἀριθμῷ ἐκείνω καὶ τὰ μέρη τῶν μερῶν καὶ τὰν ἐκ τῆς συνθέσεως τῶν μερῶν ἀμφοτέρων ἀριθμόν ἀλλὰ τοῦτο μὲν μελήσει τοῖς ἐπιτάττουσιν ἵνα μὴ ἀμαθῶς ἐπιτάττοιεν, τέως δὲ καὶ τὸν λύοντα δεῖ ἐμφανίζειν τὸ ἀμαθές, εἰ πολλάκις ἀμαθῶς ἐπιτάττοιτο δεῖ δὲ καὶ τῶν ἐπιταττομένων μερῶν τῶν ἑκατέρων τμημάτων τὸν ἐλάττω, οἰον τὸν δον τοῦ γου ἢ τὸν εον τοῦ γου ἢ ἄλλως πως, τοῦτον γοῦν τὸν ἐλάττονα τὸν πρῶτον ἀπὸ μοτάδος ἐκλαμβάνειν, ὡς εἶναι φέρε τὸ αον τοῦ δου δ καὶ τὸ αον τοῦ εου ε̄, καὶ οὕτως ἀφαιρουμένων τῶν ε̄ μοτ

<sup>22—28</sup> τὸν ἐλάττω] in margine additum est: ταῦτα καὶ ἀντιστρόφως λέγονται ὅταν κατὰ τὸν  $\overline{\gamma}$  καὶ  $\overline{\delta}$  ἀριθμὸν ἐννοῶμεν τὸν γον καὶ τὸν δον· μείζων γὰρ ὁ  $\overline{\delta}$  τοῦ  $\overline{\gamma}$ · ἄλλως δὲ κατὰ τὰ μόρια τὸ δον τοῦ γου ἔλαττον. 25—26 φέρε τὸ  $\overline{\alpha}$  τοῦ  $\overline{\delta}$  δον καὶ τὸ  $\overline{\alpha}$  τοῦ  $\overline{\epsilon}$  εον cod.

νάδων έχ τοῦ ὅλου δοθέντος ἀριθμοῦ, τὸν λοιπὸν ζητεΐν εί τὸ λοιπὸν μέρος ἐπιδέγεται ος καὶ μείζον έτίθεμεν. και κατά τοῦτο εὐθύς λύεται τὸ πρόβλημα: συντιθέμενον γάρ έκεινο τὸ μέρος τῷ εφ μέρει ὅπερ είγομεν έχ τοῦ προτέρου πολλαπλασίου, ἀποτελέσει τὸν 5 έπιταττόμενον αριθμόν. εί δ' ούκ έπιδέχεται έκείνος τὸ τοιοῦτον μέρος, δεῖ προβιβάζειν τὸν δεύτερον πεντα $πλάσιον τὸν <math>\overline{\iota}$  τοῦ  $\overline{\beta}$  καὶ αὖθις ζητεῖν τὸν λοιπὸν εἰ έπιδεικτικός έστι θατέρου μέρους εί δ' οὐκ ἔστι, δεῖ τὸν τρίτον πενταπλάσιον τὸν τε τοῦ γ προβιβάζειν καὶ 10 ούτως ζητείν τὸν λοιπὸν εί ἐπιδέχεται δάτερον μέρος, καλ εί επιδέχεται, συντίθεται έκεῖνο μετά τούτου τοῦ μέρους και γίνεται δ έπιταττόμενος άριθμός και άει ούτως, έως οδ καταντήσομεν είς έκεινον ος έγει τὸ μέρος δ ζητούμεν, επείτοιγε τὸ χωρούν μέρος εν τω 15 άριθμῷ τῷ δοθέντι ἐπιταττόμεθα.

Οἶον τὸν δοθέντα ἀριθμὸν τὸν  $\overline{\nu}$  διαιρετέον εἰς ἀριθμοὺς δύο ὧν έκατέρων τοῦ μὲν μέρος  $\varepsilon^{ov}$ , τοῦ δὲ μέρος  $\xi^{ov}$  ἄμφω συντεθέντα ἀριθμὸν τὸν  $\overline{\eta}$  ποιήσουσιν έπειδὴ γὰρ τοῦ μὲν  $\varepsilon^{ov}$ , τοῦ δὲ  $\xi^{ov}$  ἄπαιτούμεθα καὶ 20 εἰς  $\overline{\eta}$  ή σύνθεσις τούτων κεῖται, τὸ  $\xi^{ov}$  ἔλαττόν ἐστι τοῦ  $\varepsilon^{ou}$ · λαμβάνομεν τὸν πρῶτον έπταπλάσιον τὸν  $\overline{\xi}$  πρὸς τὸν  $\overline{\alpha}$  καὶ ἔστιν ὁ ἀφαιρεθεὶς ἀριθμὸς ἐκ τοῦ ἀρχῆθεν δοθέντος ἀριθμοῦ ὁ  $\overline{\xi}$  καὶ ὁ λοιπὸς  $\overline{\mu\gamma}$ · δεῖ δὴ ζητεῖν καὶ τοῦ λοιποῦ  $\overline{\mu\gamma}$  τὸ  $\varepsilon^{ov}$ , ἀλλ' οὐκ ἔχει  $\varepsilon^{ov}$ · 25 διὰ τοῦτο τὸν δεύτερον έπταπλάσιον τίθημι καὶ ἔστιν δ  $\overline{\alpha}$  πρὸς τὸν  $\overline{\beta}$ · τούτου ἀφαιρεθέντος ἐκ τοῦ  $\overline{\nu}$ , ἐναπελείφθησαν  $\overline{\lambda}$ 5, ἀλλ' οὐδ' οὖτος ἔχει  $\varepsilon^{ov}$  καὶ διὰ τοῦτο αὖθις τὸν τρίτον έπταπλάσιον τὸν  $\overline{\kappa\alpha}$  πρὸς τὸν

<sup>5</sup> πολλαπλασίου] fors. leg. πενταπλασίου. 14 δς] δυ cod.

 $\overline{\gamma}$  τίθημι καὶ ἀφαιρεθέντος αὐτοῦ ἐκ τοῦ  $\overline{\nu}$ , ἐναπελείφθη ὁ  $\overline{\kappa}$ θ ἀλλ' οὐδ' οὖτος ἔχει εον καὶ διὰ τοῦτο προσεπιβιβάζω τὸν τέταρτον έπταπλάσιον τὸν  $\overline{\kappa}$ η πρὸς τὸν  $\overline{\delta}$  καὶ ἐναπελείφθη ἐκ τοῦ δοθέντος ἀριθμοῦ  $\overline{\nu}$ ,  $\overline{\kappa}$ θ. 5 ἀλλ' οὐδ' οὖτος ἔχει εον προσβιβάζω τὸν πέμπτον έπταπλάσιον τὸν  $\overline{\lambda}$ ε πρὸς τὸν  $\overline{\varepsilon}$ : ἐναπελείφθησαν καὶ  $\overline{\iota}$ ε ἐκ τοῦ  $\overline{\nu}$ ' οὖτος ἔχει εον τὸν  $\overline{\gamma}$  καὶ διαιρεῖταί μοι  $\overline{\delta}$   $\overline{\nu}$  εἰς  $\overline{\lambda}$ ε καὶ  $\overline{\iota}$ ε, καὶ τὸ ζον μέρος τοῦ  $\overline{\lambda}$ ε,  $\overline{\delta}$  ἐστιν  $\overline{\delta}$   $\overline{\varepsilon}$ , προστεθὲν τῷ τοῦ  $\overline{\iota}$ ε ε $\overline{\varepsilon}$ 9,  $\overline{\delta}$ 8 ἐστιν  $\overline{\delta}$ 7, τὸν  $\overline{\eta}$  συν10 τεθέντα ἀπετέλεσαν,  $\overline{\delta}$ 9 ἀρχῆθεν ἐπετάχθη παρὰ τοῦ ἐπιτάττοντος.

Καὶ ἐπὶ πᾶσιν ὁ αὐτὸς τρόπος· οὐ μὴν δὲ πολλάκις λύεται καὶ τῷ κανόνι, εἰ καὶ ἀπὸ τοῦ μείζονος ἀρξόμεθα. ὑποκείσθω γὰρ ὁ δοθεὶς ἀριθμὸς ξ̄ καὶ ἐπιτεάχθω διαιρεῖσθαι τοῦτον εἰς δύο ἀριθμοὺς ὧν ἐκατέρων τοῦ μὲν τὸ 5°°, τοῦ δὲ τὸ θο°, συντεθέντα ἄμφω τὸν ξ̄ ἀριθμὸν συμπληρούτωσαν. γενέσθω πρὸς τὴν μονάδα οὐχ ὁ ἐλάττων ἀριθμὸς κατὰ τὸ μόριον, ἀλλ' ὁ μείζων, ὅς ἐστι τὸ 5°°. τῆς μονάδος τοιγαροῦν τὰ ξ̄ ἐξαπλάσιον· ἀφαιρεθέντος τούτου ἐκ τῶν ξ̄, ἐναπολιμπάνονται νδ· ζητοῦμεν καὶ τούτου τὸ θο° καὶ εὐθὺς ἐμφαίνεται ὁ ξ̄· ᾱ δὲ καὶ ξ̄, ζ̄ καὶ γίνεται τὸ ἐπιταχθέν· ῶστε καὶ οὕτως κάκείνως πολλάκις ὁ κανὼν σώζεται, κὰν εὐθὺς εὐρίσκηται τὸ μέρος, κὰν μετὰ πολλά· καὶ ἔστι καθολικὸς ὁ κανὼν ἐπὶ πάντων τῶν τοιούτων προβλημάτων οὖτος ἀμεταποίητος.

Ίνα δὲ καὶ ἐπὶ ἄλλων γυμνάσωμεν τὸν τοιοῦτον λόγον τῶν ἐπιδεχομένων πλείστας τομάς, ἔστω δ ἐπι-

<sup>3</sup> προσεπιβάζω cod. 13 λύεται καλ scripsi; λυμαίνεται cod. 19  $5^{ov}$ ] In mg. additum est: τὸ ἔκτον μείζον τοῦ ἐννάτον κατὰ τὸ μόριον, ἀλλ' ὁ  $\overline{\vartheta}$  τοῦ  $\overline{\varsigma}$  μείζων.

ταγθείς άριθμός ρ. ούτος διαιρείσθω είς δύο άριθμούς ὧν έκατέρων τοῦ μεν μέρος ζον, τοῦ δε μέρος  $\vartheta^{or}$ , ἄμφω συντεθέντα ποιείτωσαν ἀριθμὸν τὸν  $\overline{\beta}$ .  $\lambda \alpha \mu \beta \alpha \nu \omega$  τον πρώτον έπταπλασίονα τον  $\overline{\zeta}$  προς τον  $\overline{\alpha}$ , έναπελείφθησαν έκ τῶν  $\bar{\rho}$ ,  $\bar{h}_{y}$ . ζητῶ τούτου τὸ  $\theta^{ov}$ , 5 άλλ' οὐκ ἔγει προσβιβάζω τὸν δεύτερον έπταπλασίονα  $\tau \partial \nu \ \overline{\iota \delta} \ \pi \rho \partial c \ \tau \partial \nu \ \overline{\beta}$ .  $\dot{\alpha} \varphi \alpha \iota \rho \varepsilon \vartheta \dot{\epsilon} \nu \tau o c \ \overline{\iota \delta} \ \dot{\epsilon} \varkappa \ \tau o c \ \overline{\rho}$ ,  $\dot{\epsilon}$ ναπελείφθη  $\delta$   $\bar{\pi}\bar{s}$ . ζητ $\bar{\omega}$  τούτου τ $\delta$   $\vartheta^{or}$ ,  $\dot{\alpha}$ λλ' οὐδ' οδτος έγει προσβιβάζω τὸν τρίτον έπταπλασίονα τὸν  $\overline{\mathbf{n}}$   $\overline{\mathbf{n}}$ τούτου τὸ θον, ἀλλ' οὐδ' οὖτος ἔχει προσβιβάζω τὸν τέταρτον έπταπλάσιον, του πη προς του δ, και έν-΄ απολιμπάνονται τοῦ πη ἐκβληθέντος ἐκ τῶν ο δ οβ. οὖτος ἔχει  $\vartheta^{or}$  τὸν  $\bar{\eta}$ · τοῦτον τὸν  $\bar{\eta}$  συντίθημι τῷ  $\bar{\delta}$ καὶ ποιῶ τὸν  $\overline{i\beta}$ . καὶ διαιρεῖταί μοι δ  $\overline{\rho}$  ἀριθμὸς είς 15 δύο άριθμούς τὸν πη καὶ τὸν οβ οδ τὸ ζον μέρος τὰ  $ar{\delta}$  καλ  $\circ ar{\delta}$  το  $\vartheta^{\circ m{r}}$  μέρος τὰ  $ar{\eta}$  συντε $\vartheta$ έντα τον έπιταχθέντα ιβ άριθμον πεποιήμασιν.

Πλην έπί τισι τὸ τοιοῦτον διαφωνεῖ, έὰν ἀπὸ τοῦ μείζονος ἀρξωμεθα έπιταττόμεθα γὰρ τεμείν τὸν  $\bar{\rho}$  καὶ 20 τὰ δύο μέρη έκατέρων τῶν διαιρεθέντων τό τε δον καὶ τὸ  $\bar{\sigma}$ ον συντεθέντα ποιῆσαι τὸν καὶ ἀριθμόν. εὶ γοῦν ἀπὸ τοῦ ἐλάττονος ἀρχώμεθα τοῦ  $\bar{\sigma}$ ου, ζητοῦμεν τὸν ⟨πρῶτον⟩ ἀπὸ μονάδος έξαπλάσιον καὶ ἔστιν ὁ  $\bar{\sigma}$ ο οὖ μέρος  $\bar{\sigma}$ ον ή μονάς, καὶ ἐναπελείφθησαν  $\bar{h}$ ον τούτου 25 ζητῶν τὸ δον οὐκ εὐρίσκω, οὐ γὰρ ἔχει, καὶ διὰ τούτου προβιβάζω καὶ αὐθις τὸ  $\bar{\sigma}$ ον εἰς τὸν δεύτερον έξαπλάσιον τὸν  $\bar{h}$ οῦ τὸ  $\bar{\sigma}$ ον  $\bar{h}$ 0, καὶ ἐναπελείφθησαν  $\bar{h}$ 0.

<sup>16</sup> οδ] supra lineam τοῦ  $\overline{\imath\eta}$  cod. 17 οδ] supra lineam τοῦ  $\overline{o\beta}$  cod.

'Εὰν δὲ ἀπὸ τοῦ μείζονος ἀρξώμεθα ἐν τῆ τοιαύτη ἐπιταγῆ τοῦ τε ἀριθμοῦ ο καὶ τῶν μερῶν ἑκατέρων 10 τοῦ τε 5°ν καὶ δον καὶ τῆς συνθέσεως αὐτῶν τοῦ κὸ, ὡς εἶναι καὶ τὴν ὑπεροχὴν αὐτῶν τὸν π καὶ τὸν λόγον τὸν ἑνδεκαπλάσιον, οὐκ εὐοδωθήσεται τὸ πρόβλημα. ἔστω γοῦν πρῶτον ὁ ἀπὸ μονάδος τετραπλάσιος καὶ ἔστιν ὁ δ̄ τοῦ ᾱ· ἐναπελείφθησαν τὰ 15 ἐκ τῶν ο̄ τῶ ζητῶ τούτων τὸ 5°ν καὶ ἔστιν ὁ τ̄ς· συντιθῶ τοῦτον τῷ ᾱ καὶ γίνονται τὰ καὶ οὕτε ἡ ἐπιταχθεῖσα τῶν μερῶν σύνθεσις γίνεται, ἀλλ' οὐδὲ ἡ ὑπεροχή, ἀλλ' οὐδ' ὁ λόγος.

μα. Δίδονται πολλάκις καὶ ἀριθμοὶ δύο παρὰ τῶν ἐπιταττόντων πλὴν οὐχ οἱ τυχόντες, ἀλλ' ἐν ἐπιστήμη τοῦ ἐπιταττοντος τοῦ χωρεῖν τὰ ἐπιταττόμενα ἐν τοῖς ἀριθμοῖς ἐκείνοις ὧν πέρι λέγουσι λαμβάνονται γοῦν ἀριθμον προσθεῖναι καὶ ἀμφοτέροις καὶ συστῆσαι τολλαπλάσιον λόγον δν ἐπιταττόμεθα τοῦ μείζονος σὺν τῆ προσθέσει πρὸς τὸν ἐλάττονα σὺν τῆ αὐτῆ προσθέσει, ἢ διπλάσιον δηλονότι ἢ τριπλάσιον ἢ τετραπλάσιον καὶ ἐφεξῆς περὶ γὰρ τῶν ἄλλων λόγων κατὰ τὸ παρὸν οὐ ἡητέον, ὅπου γε καὶ τούτους πυθ-

<sup>4</sup> Cf. Dioph. probl. I, 6. 23 Dioph. probl. I, 8.

μενικώς ύπὸ κανόνα τινὰ ἄγομεν, εί καὶ διὰ μέσου καὶ ἐξ ἄλλης μεθόδου ἔστιν εύρειν ἄλλους τοιούτους τέως γε μὴν ὅτε τοιούτους τινὰς καὶ ἐν τοιούτοις ἀριθμοῖς μετ' ἐπιστήμης ἐπιταττόμεθα, ἰκανούσθω ἡμίν ὁ κανὰν οὖτος.

Εί γοῦν ἀφιθμοί δύο δοθεῖεν τοιοῦτοι καὶ ὁ διπλάσιος λόγος πρώτον απαιτείται του μείζονος πρός τὸν έλάττονα μετὰ τοῦ προστεθησομένου παρ' ήμῶν ἀριθμοῦ, ὡς ἀν μη ἀτάκτως ζητοίημεν καὶ εδρίσκοιμεν δυσχερώς τὸν ἀριθμόν, ἐπὶ μὲν οὖν τῶν διπλασίων 10 λόγων δεί προσθείναι τὸν αὐτὸν ἀριθμὸν δς ἔσται τοῦ μείζονος μεν υποτριπλάσιος, τῷ δε ελάττονι ίσος, ὡς αν υπό κανόνα τινά θείημεν τα λεγόμενα. ούτω γαρ κατά την πρόβασιν των περιττών προβιβασθήσονται αί λύσεις τῶν ποοβλημάτων. ἔστω τοίνυν ἐπὶ τοῖς 15 τοιούτοις οί δεδομένοι άριθμοί δύο  $\ddot{0}$  τε  $\overline{\kappa d}$  καί  $\ddot{0}$   $\bar{\eta}$ . καλ ζητείται δ διπλάσιος λόγος προστεθείσθω άριθμός δ αὐτδς τοῖς δυσἱν δ  $\bar{\eta}$ , δς τ $\tilde{\varphi}$  μἑν έλάσσονί έστιν δαὐτός, τοῦ δὲ μείζονος πό ἐστὶν ὑποτριπλάσιος, καὶ γίνεται τὸ ἐπιταχθέν· γίνονται γὰο οί ἀριθμοί ὁ μὲν 20 μείζων  $\overline{\lambda\beta}$ , δ δε έλάττων  $\overline{\iota s}$ , έν λόγω διπλασίω.

Οὐκ ἀγνοοῦμεν δὲ ὅτι καὶ ἄλλως τὸ αὐτὸ συνίσταται, ἀλλ' ὅμως ἀκολουθίαν κανόνος συνιστᾶν θέλομεν καὶ οὕτω λέγομεν αὐτίκα γὰρ εἰ δοθεἴεν ὅ τε  $\bar{\mu}$  καὶ ὁ  $\bar{\iota}$ , ἐπεὶ τρίτον οὐκ ἔχει ὁ  $\bar{\mu}$ , τοῦ μὲν ἐλάττονος 25 λαμβάνομεν τὸν διπλάσιον ὅς ἐστιν ὑποδιπλάσιος τοῦ μείζονος καὶ ἔστιν ὁ  $\bar{\kappa}$ · οὖτος προστίθεται καὶ τῷ  $\bar{\mu}$  καὶ γίνεται  $\bar{\xi}$ , καὶ τῷ  $\bar{\iota}$  καὶ γίνεται  $\bar{\lambda}$ · ὁ  $\bar{\xi}$  δὲ τοῦ  $\bar{\lambda}$  διπλάσιος. ὁμοίως ὁ τε  $\bar{\varrho}$  καὶ ὁ  $\bar{\kappa}$ ε καὶ ὁ προσκείμενος  $\bar{\nu}$ , ὡς γίνεσθαι τὸν μὲν μείζονα  $\bar{\varrho}$ ν, τὸν δὲ ἐλάτ- 30 τονα  $\bar{\varrho}$ ε, καὶ εἶναι ἐκεῖνον τούτον διπλάσιον.

Ἐπὶ μέντοι γε τριπλασίων κατὰ τὸν κανόνα καὶ τὸν ἐπὶ περιττοῖς προβιβασμὸν ὡς ἐλέγομεν, δεῖ λαμβάνειν τὸν ὑποπενταπλάσιον, ὡς εἶναι τοῦ μὲν μείζονος ὑποπενταπλάσιον, τῷ δὲ ἐλάττονι τὸν αὐτόν οἶον  $\overline{\kappa}$ ε καὶ  $\overline{\epsilon}$ : προστεθήσεται  $\delta$   $\overline{\epsilon}$  καὶ ἀμφοτέροις, ὡς γίνεσθαι τὸν μείζονα  $\overline{\lambda}$ , τὸν δὲ ἐλάττονα  $\overline{\iota}$ , ἐν λόγ $\varphi$  τριπλασί $\varphi$ .

Έπὶ δὲ τετραπλασίων, δεῖ λαμβάνειν τὸν ὑποεπταπλάσιον, ὡς εἶναι τοῦ μὲν μείζονος ὑποεπταπλάσιον, τοῦ πα ὑποεπταπλάσιος καὶ ἀμφοτέροις προστίθεται ὁ  $\bar{\gamma}$ , ὡς εἶναι τὸν μὲν μείζονα  $\bar{x}\bar{\delta}$ , τὸν δὲ ἐλάττονα  $\bar{s}$ , ἐν τετραπλασίω λόγω.

'Eπὶ δὲ πενταπλασίων, δεῖ λαμβάνειν τὸν ὑποθ15 πλάσιον τοῦ μείζονος, τὸν αὐτὸν δὲ τῷ ἐλάττονι, οἶον οιν τοῦ πα καὶ δ  $\overline{\vartheta}$ , κοινὸς δὲ δ  $\overline{\vartheta}$  ος ἐστιν ὑποθπλάσιος μὲν τοῦ  $\overline{\pi \alpha}$ , δ αὐτὸς δὲ τῷ ἐλάττονι, ὡς γίνεσθαι τὸν μὲν μείζονα  $\overline{\iota_1}$ , τὸν δὲ ἐλάττονα  $\overline{\iota_1}$ , ἐν λόγ $\varphi$  πενταπλασίονι.

- <sup>20</sup> Έπὶ δὲ έξαπλασίων, δεῖ λαμβάνειν τὸν τοῦ μείζονος ὑποιαπλάσιον, τὸν αὐτὸν δὲ τῷ ἐλάττονι, οἶόν ἐστιν ὁ  $\overline{v}$ ε καὶ ὁ  $\overline{\epsilon}$ , δς καὶ ἀμφοτέροις προστεθήσεται, καὶ γενήσεται ὁ μὲν μείζων  $\overline{\xi}$ , ὁ δὲ ἐλάττων  $\overline{\iota}$ , ἐν λόγῳ έξαπλασίῳ.
- <sup>5</sup> Έπὶ δὲ έπταπλασίων, δεῖ λαμβάνειν τὸν τοῦ μείζονος ὑποῖγπλάσιον, τὸν αὐτὸν δὲ τῷ ἐλάττονι, οἶον ὅ τε οη καὶ ὁ Ξ΄ καὶ ὁ Ξ̄ ἐν ἀμφοτέροις προστεθήσεται, ὡς γίνεσθαι τὸν μὲν μείζονα πδ, τὸν δὲ ἐλάττονα  $\overline{i\beta}$ . ὁ δὲ  $\overline{n\delta}$  τοῦ  $\overline{i\beta}$  έπταπλάσιος.
- 30 Έπλ δε δαταπλασίων, δεῖ λαμβάνειν τὸν ὑποιεπλάσιον, ὡς εἶναι τοῦ μεν μείζονος ὑποιεπλάσιον, τῷ δὲ

έλάττονι τὸν αὐτόν, οἶον  $\overline{\rho}$ καὶ  $\overline{\eta}$ καὶ  $\delta$   $\overline{\eta}$  προστεθήσεται άμφοτέροις,  $\delta$ ς έστιν  $\delta$  αὐτὸς μὲν τῷ ἐλάττονι, ὑποιεπλάσιος  $\delta$ ὲ τοῦ μείζονος,  $\delta$ ς γίνεσθαι τὸν μὲν μείζονο  $\overline{\rho}$ χη, τὸν  $\delta$ ὲ ἐλάττονα  $\overline{\iota}$ ς, ἐν λόγῷ ὀπταπλασίῷ.

Ἐπὶ δὲ ἐννεαπλασίων, δεὶ λαμβάνειν τὸν ὑποίζ- 5 πλάσιον, ὡς εἶναι τοῦ μὲν μείζονος ὑποίζπλάσιον, τῷ δὲ ἐλάττονι ἴσον, οἶον ὅ τε πε καὶ ὁ ε καὶ ὁ κοινὸς προστεθήσεται  $\bar{\epsilon}$ , ὡς γίνεσθαι τὸν μὲν μείζονα  $\bar{\epsilon}$ , τὸν δὲ ἐλάσσονα  $\bar{\epsilon}$ , ἐν λόγφ ἐννεαπλασίφ.

Ἐπὶ δὲ δεκαπλασίων, δεῖ λαμβάνειν τὸν ὑποι $\overline{\theta}$ πλά-10 σιον, ὡς εἶναι τοῦ μὲν μείζονος ὑποι $\overline{\theta}$ πλάσιον, τὸν αὐτὸν δὲ τῷ ἐλάττονι, οἶον ὅ τε  $\overline{\tau}$ ε καὶ  $\overline{\epsilon}$ , ὡς γίνεσαι τὸν μὲν μείζονα  $\overline{\varrho}$ , τὸν δὲ ἐλάττονα  $\overline{\iota}$ , ἐν λόγ $\varphi$ ο δεκαπλασί $\varphi$ .

Καὶ ἐφεξῆς κατὰ τὴν πρόβασιν τῶν περιττῶν, οἶον 15 ἐνεικοσαπλάσιον, τρισεικοσαπλάσιον, πενταεικοσαπλάσιον, καὶ ἐφεξῆς ἐπ' ἄπειρον· καί εἰσι πυθμενικῶς τὰ τοιαῦτα ἐμφαινόμενα, ὡς προβαίνειν ἐπὶ τοῖς αὐτῶν πολλαπλασίοις τὸν τοιοῦτον κανόνα, εἰ καὶ ἐν τῷ μεταξὸ ἄλλοι τινὲς εὑρεθήσονται, ὡς ἐδείκνυμεν ἐν 20 τοῖς ὁμοίοις προβλήμασιν ἐν ἄλλοις λυομένοις κανόσι, εἰ καὶ διὰ τὸν ὅχλον ἡμεῖς τὰ τοιαῦτα παρειάκαμεν.

μβ. Δίδονται αὖθις έξ ἀντιστρόφου ἀριθμοὶ δύο καὶ ἐπιταττόμεθα τὸν αὐτὸν ἀριθμὸν ἀφαιρεῖν ἀπ' αὐτῶν καὶ τοὺς λειπομένους ἐκ τῆς ἀφαιρέσεως ἐν λόγφ εστινὶ τῷ δοθέντι καθιστᾶν ἢ ἐν διπλασίφ ἢ ἐν τριπλασίφ ἢ ἐν τετραπλασίφ ἢ ἐν ἄλλφ τινὶ ἐφεξῆς λόγφ. δεῖ τοίνυν ἐν τοῖς τοιούτοις γίνεσθαι καὶ τὰς ἐπιταγὰς ἐντέχνους καὶ χωρητάς.

<sup>23</sup> Dioph. probl. I, 9.
DIOPHANTUS, ed. Tannery. II.

Καὶ ἐὰν διπλάσιον θέλωμεν μετὰ τὴν ἀφαίρεσιν καθιστᾶν, ἐν τοιούτοις τισὶν εὐτάκτοις αἱ ἐπιταγαὶ πεφύκασι γίνεσθαι· εἰ μὲν ἐξ ἀφαιρέσεως μονάδος ἐξ ἀμφοτέρων τῶν ἀριθμῶν, ἄρχονται ἐξ ἀριθμῶν  $\bar{\gamma}$  καὶ οἱ μὲν μείζονες κατὰ τοὺς εὐτάκτους περιττοὺς ἀπὸ τριάδος προκόπτουσιν, οἱ δὲ ἐλάττονες κατὰ τὸ φυσικὸν χῦμα τοῦ ἀριθμοῦ, οἰον·  $\bar{\gamma}$ ,  $\bar{\beta}$ ·  $\bar{\epsilon}$ ,  $\bar{\gamma}$ ·  $\bar{\zeta}$ ,  $\bar{\delta}$ ·  $\bar{\theta}$ ,  $\bar{\epsilon}$   $\bar{\alpha}$ ,  $\bar{\gamma}$ ·  $\bar{\gamma}$ ,  $\bar{\zeta}$ ·  $\bar{\iota}$ ε,  $\bar{\eta}$ ·  $\bar{\iota}$ ε,  $\bar{\gamma}$ 0 τῶς τὰς ἀπαιρουμένης τῆς αὐτῆς μονάδος καὶ ἐξ ἀμφοτέρων ἀπολείπεται ὁ λόγος διπλάσιος.

Εἰ δὲ ἐξ ἀφαιρέσεως τριάδος τῶν δύο ἀριθμῶν πάλιν τὸν αὐτὸν ζητοῦμεν διπλάσιον λόγον, ἄρχονται οἱ ἀριθμοὶ κατὰ συνέχειαν καὶ εὐτάκτως, οἱ μὲν μείζονες ἀπὸ τοῦ  $\bar{\epsilon}$  κατὰ τὸν ε̈να παρ᾽ ε̈να περιττόν, οἱ  $\bar{\delta}$  ἐλάττους κατὰ τοὺς εὐτάκτους ἀρτίους, οἱον  $\bar{\epsilon}$ ,  $\bar{\delta}$  ·  $\bar{\delta}$  ·  $\bar{i}$  ·

<sup>3—4</sup> έξ άμφ.] καὶ άμφ. cod.

Εί δε έξ άφαιρέσεως τετράδος των δύο άριθμων πάλιν τὸν αὐτὸν ζητοῦμεν διπλάσιον λόγον, ἄργονται οί άριθμοί κατά συνέγειαν καί εὐτάκτως, οί μεν μείζονες [καθώς καὶ έπὶ τῶν διπλασίων ένίνετο τετραπλασίων γὰο λόγων ένταῦθα έξέτασις μετὰ τὴν ἀφαί- 5 **οεσιν της τετράδος] ἀπὸ τοῦ 5 μὲν ἄρχονται, κατὰ** τούς συνεχείς δε άρτίους προβαίνουσιν, οί δε ελάττονες ἀπὸ πεντάδος κατά τὸ φυσικὸν χῦμα τοῦ ἀριθμοῦ, olov.  $\overline{s}$ ,  $\overline{\epsilon}$ .  $\overline{\eta}$ ,  $\overline{s}$ .  $\overline{\iota}$ ,  $\overline{\xi}$ .  $\overline{\iota\beta}$ ,  $\overline{\eta}$ .  $\overline{\iota\delta}$ ,  $\overline{\vartheta}$ .  $\overline{\iota s}$ ,  $\overline{\iota}$ .  $\overline{\imath\eta}$ ,  $\overline{\iota\alpha}$ .  $\overline{\kappa}$ ,  $\overline{\iota\beta}$ , καλ έφεξης. έν τούτοις γάρ πᾶσι μετά την ἀφαίρεσιν 10 τῆς τετράδος ἀπ' ἀμφοτέρων τῶν ἀριθμῶν δ διπλάσιος λόγος λείπεται. [έστι δε τὸ ίδιον τοῦτο παρά τοὺς έπλ διπλασίων ρηθέντας, δτι έν έκείνοις οί μεν μείζονες ενα παρ' ενα είγον τον άρτιον, οι δε ελάττους κατά τούς παρ' ένα άριθμούς έκ τοῦ φυσικοῦ τύματος 15 ήσαν ήγουν τοὺς περιττούς έπὶ δὲ τῶν τοιούτων τετραπλασίων, οι μέν μείζονες κατά τούς συνεχεῖς ἀπὸ έξάδος άρτίους, οί δὲ έλάττους άπὸ πεντάδος κατὰ τὸ συνεγές γύμα των άριθμων.]

Εἰ δὲ ἐξ ἀφαιρέσεως πεντάδος τῶν δύο ἀριθμῶν  $^{20}$  οἴτινες ἐδόθησαν πάλιν τὸν αὐτὸν ζητοῦμεν διπλάσιον λόγον, ἄρχονται οἱ ἀριθμοὶ ἀπὸ τοῦ  $\bar{\xi}$  κατὰ τοὺς περιττούς, οἱ δὲ ἐλάττονες ἀπὸ τοῦ  $\bar{\xi}$  κατὰ συνέχειαν τοῦ φυσικοῦ χύματος τοῦ ἀριθμοῦ, οἶον·  $\bar{\xi}$ ,  $\bar{\xi}$ ·  $\bar{\theta}$ ,  $\bar{\xi}$ ·  $\bar{\alpha}$ ,  $\bar{\eta}$ ·  $\bar{i}\gamma$ ,  $\bar{\theta}$ ·  $\bar{\iota}\bar{\epsilon}$ ,  $\bar{\iota}$ ·  $\bar{\iota}\bar{\xi}$ ,  $\bar{\iota}\bar{\alpha}$ , καὶ ἐφεξῆς· ἐν τούτοις γὰρ  $^{25}$  πᾶσι μετὰ τὴν ἀφαίρεσιν τῆς πεντάδος ἀπ' ἀμφοτέρων τῶν δεδομένων ἀριθμῶν ὁ διπλάσιος λόγος λείπεται.

Εί δε έξ άφαιρέσεως έξάδος των δεδομένων άριθ-

<sup>4-6</sup> παθώς . . . τετράδος seclusi, quae vix sana videntur. 12-19 ἔστι . . . . ἀριθμῶν seclusi utpote Pachymerae vix imputanda.

μῶν ὁ αὐτὸς διπλάσιος λόγος ζητεῖται, ἄρχονται οἱ ἀριθμοὶ οἱ μὲν μείζονες ἀπὸ ῆ κατὰ προκοπὴν τῶν ἀριθμοὶ οἱ μὲν μείζονες ἀπὸ ἐπτάδος οἱ συνεχεῖς τῶν ἀριθμῶν, οἶον· ῆ, ζ̄· τ̄, ῆ· τβ, Φ· τδ, τ̄· τ̄ς, τα, καὶ οἱ μὲν μείζους κατὰ τοὺς περιττοὺς ἀπὸ τοῦ Φ, οἱ δὲ ἐλάττους ἀπὸ τοῦ περιττοὺς ἀπὸ τοῦ Φ, οἱ δὲ ἐλάττους ἀπὸ τοῦ πατὰ τὸ χῦμα τοῦ ἀριθμοῦ. εἰ δὲ ἀπὸ ὀγδοάδος, ἐκ τοῦ τ̄ ἄρχονται οἱ ἄρτιοι οἱ μείζονες, οἱ δὲ ἐλάττους ἐκ τοῦ Φ κατὰ τὸ χῦμα τῶν ἀριθιο 10 μῶν· καὶ οὕτως ἐφεξῆς.

ΤΩν καὶ τῶν μειζόνων λόγων καὶ τῶν ἐλαττόνων πολλαπλασιαζομένων, οι γὰρ πυθμένες οὖτοί εἰσι, τὰ αὐτὰ γενήσονται ἀπαραλλάκτως ὡς φέρε εἰπεῖν ἐπὶ ζητήσεως ἑξαπλασίου μετὰ τὴν ἀφαίρεσιν, δεδομένων ὑποπενταπλάσιον τοῦ ἐλάττονος καὶ ἔστιν ὁ δ καὶ ἀφαιροῦμεν τοῦτον ἐξ ἀμφοτέρων καὶ οι λειπόμενοι τ̄ς καὶ τ̄ς · ὁ τ̄ς δὲ πρὸς τὸν τ̄ς ἑξαπλάσιος. ὡς ἀν δὲ μηδὲ ἐν τοῖς ἄλλοις ἀμεθόδως ποιῶμεν, δεῖ ἐξετάσαι τοῦτα καὶ ἐπὶ τῆς τῶν λοιπῶν πολλαπλασιασμῶν ζητήσεως μετὰ τὴν ἀφαίρεσιν τοῦ κοινοῦ αὐτοῖς ἀριθμοῦ.

Δεῖ δὲ ἐν πᾶσι τούτοις τὸν διδόμενον λόγον εἰς ζήτησιν δηλονότι μείζονα εἶναι τοῦ λόγου οὖ ἔχει ὁ μείζων τῶν δοθέντων πρὸς τὸν ἐλάττονα· ἐπὶ γὰρ τοῦ ἔστι, ὁ δὲ διδόμενος εἰς ἀναζήτησιν λόγος ἔξαπλάσιός ἐστιν· ὁ ἔξαπλάσιος δὲ μείζων λέγεται τοῦ πενταπλασίου, οὐ κατὰ τὴν φύσιν τῶν μερῶν, ἀλλὰ κατὰ τοὺς ἀριθμοὺς αὐτοὺς τὸν ξ καὶ ε̄· μείζων γὰρ ὁ ξ τοῦ ε̄.

<sup>11</sup> Lacunam suspicor. 22 Dioph. probl. I, 9 (vol. I p. 26, l. 16-19).

μγ. "Ανωθεν τοίνυν ἀρχόμενοι πάλιν λέγομεν:

Έπὶ διπλασίων, οἶον  $\overline{\gamma}$ ,  $\overline{\beta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις έξ έκατέρων  $\overline{\alpha}$ .  $\overline{\varsigma}$ ,  $\overline{\delta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις έξ έκατέρων  $\overline{\beta}$ .  $\overline{\delta}$ ,  $\overline{\varsigma}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις έξ έκατέρων  $\overline{\beta}$ .  $\overline{\delta}$ ,  $\overline{\varsigma}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις έξ έκατέρων  $\overline{\delta}$ .  $\overline{\iota \varepsilon}$ ,  $\overline{\iota}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις έξ έκατέρων  $\overline{\delta}$ .  $\overline{\iota \varepsilon}$ ,  $\overline{\iota}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις έξ έκατέρων  $\overline{\varsigma}$ . καὶ ἀεὶ οὕτως οἱ μὲν μείζονες προκόπτουσι κατὰ τὴν ἀπὸ τριάδος κατὰ  $\overline{\gamma}$  πρόβασιν, οἱ δὲ ἐλάττονες κατὰ τὴν ἀπὸ δυάδος κατὰ τοὺς ἀρτίους πρόβασιν, ὡς ἐπαναβιβάζεσθαι τὰς ἀφαιούς ἀρτίους πρόβασιν, ὡς ἐπαναβιβάζεσθαι τὰς ἀφαιούς ἀρτίους πρόβασιν, ὡς ἐπαναβιβάζεσθαι τὰς ἀφαιούς ἀριδμοῦ ἐπ' ἄπειρον.

Ἐπλ δὲ τριπλασίων, οἶον  $\bar{\delta}$ ,  $\bar{\beta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις έξ ξκατέρων  $\bar{\alpha}$ .  $\bar{\eta}$ ,  $\bar{\delta}$ , καὶ ἡ ἀφαίρεσις έξ ξκατέρων  $\bar{\beta}$ .  $\bar{\iota}\bar{\beta}$ ,  $\bar{\varsigma}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις έξ ξκατέρων  $\bar{\delta}$ .  $\bar{\iota}\bar{\beta}$ ,  $\bar{\varsigma}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις έξ ξκατέρων  $\bar{\gamma}$ .  $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$ ,  $\bar{\eta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις έξ ξκατέρων  $\bar{\delta}$ .  $\bar{\iota}\bar{\delta}$ ,  $\bar{\varsigma}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις έξ ξκατέρων  $\bar{\delta}$ .  $\bar{\iota}\bar{\delta}$  κατά τὴν ἀπὸ τετράδος κατὰ  $\bar{\delta}$  πρόβασιν, οἱ δὲ ἐλάττονες κατὰ τὴν ἀπὸ δυάδος κατὰ τοὺς ἀρτίους πρόβασιν, ώς ἐπαναβιβάζεσθαι τὰς ἀφαιρέσεις ἀπὸ μονάδος κατὰ τὴν εὕτακτον φύσιν τοῦ ἀριθμοῦ 20 ἐπ' ἄπειρον. πλὴν καὶ ταύτας εὐτάκτους εἶναι, ἐπὶ μὲν τοῖς πρώτοις τὴν δυάδα, καὶ τὴν τριάδα ἐπὶ τοῖς τρίτοις, καὶ ἐφεξῆς.

Έπλ δὲ τετραπλασίων, οἶον  $\bar{\epsilon}$ ,  $\bar{\beta}$  καλ ή ἀφαίρεσις αὐτῶν μονάς  $\bar{\iota}$ ,  $\bar{\delta}$  καλ ή ἀφαίρεσις αὐτῶν τοιάς  $\bar{\iota}$ ,  $\bar{\delta}$  καλ ή ἀφαίρεσις αὐτῶν τοιάς  $\bar{\iota}$ ,  $\bar{\eta}$  καλ ή ἀφαίρεσις αὐτῶν τετράς  $\bar{\kappa}$ ,  $\bar{\iota}$  καλ ή ἀφαίρεσις αὐτῶν πεντάς οι μὲν γὰρ μείζονες προκόπτουσι κατὰ τὴν ἀπὸ πεντάδος κατὰ  $\bar{\epsilon}$  πρόοδον, οι δὲ ἐλάττονες κατὰ τὴν ἀπὸ δυάδος κατὰ τοὺς ἀρτίους.

Έπὶ πενταπλασίων δέ, οἶον  $\bar{s}, \bar{\beta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις

αὐτῶν μονάς  $\overline{\iota \beta}$ ,  $\overline{\delta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν δυάς  $\overline{\iota \eta}$ ,  $\overline{\varsigma}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν τριάς  $\overline{\iota \delta}$ ,  $\overline{\eta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν τριάς  $\overline{\iota \delta}$ ,  $\overline{\eta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν πεντάς καὶ ἐφεξῆς  $\overline{\iota \delta}$  οι μὲν γὰρ μείζους κατὰ τὴν ἀπὸ τοῦ  $\overline{\varsigma}$  κατὰ  $\overline{\varsigma}$  πρόβασιν, οι δὲ ἐλάττους κατὰ τὴν ἀπὸ δυάδος κατὰ τοὺς ἀρτίους πρόβασιν καὶ αι ἀφαιρέσεις εὕτακτοι κατὰ τὸ χῦμα τοῦ ἀριθμοῦ.

Έπλ δὲ έξαπλασίων, οἶον  $\bar{\xi}$ ,  $\bar{\beta}$  καλ ή ἀφαίρεσις αὐτῶν μονάς  $\bar{\iota}$   $\bar{\delta}$ ,  $\bar{\delta}$  καλ ή ἀφαίρεσις αὐτῶν δυάς  $\bar{\kappa}$   $\bar{\kappa}$ ,  $\bar{\epsilon}$  10 καλ ή ἀφαίρεσις αὐτῶν τειράς  $\bar{\lambda}$   $\bar{\epsilon}$ ,  $\bar{\iota}$  καλ ή ἀφαίρεσις αὐτῶν τειράς  $\bar{\lambda}$   $\bar{\epsilon}$ ,  $\bar{\iota}$  καλ ή ἀφαίρεσις αὐτῶν πεντάς καλ ἐφεξῆς οἱ μὲν γὰρ μείζους ἀπὸ  $\bar{\xi}$  κατὰ  $\bar{\xi}$  προβαίνουσιν, οἱ δὲ ἐλάττους κατὰ τοὺς ἀρτίους ἀπὸ δυάδος.

Έπλ δὲ ἐπταπλασίων, οἶον  $\bar{\eta}$ ,  $\bar{\beta}$  καλ  $\hat{\eta}$  ἀφαίρεσις  $\alpha \dot{\partial} \tau \bar{\omega} \nu$  μονάς·  $\bar{\iota}\bar{s}$ ,  $\bar{\delta}$  καλ  $\hat{\eta}$  ἀφαίρεσις αὐτῶν μονάς·  $\bar{\iota}\bar{s}$ ,  $\bar{\delta}$  καλ  $\hat{\eta}$  ἀφαίρεσις αὐτῶν τριάς·  $\bar{\lambda}\bar{\beta}$ ,  $\bar{\eta}$  καλ  $\hat{\eta}$  ἀφαίρεσις αὐτῶν τριάς·  $\bar{\lambda}\bar{\beta}$ ,  $\bar{\eta}$  καλ  $\hat{\eta}$  ἀφαίρεσις αὐτῶν τετράς· καλ ἐφεξῆς· οἱ μὲν γὰρ μείζους ἀπὸ  $\bar{\eta}$  κατὰ ὀκτάδα, οἱ δὲ ἐλάττους ἀπὸ δυάδος κατὰ τοὺς ἀρτίους.

<sup>20</sup> 'Eπὶ δὲ ὀκταπλασίων, οἶον  $\overline{\vartheta}$ ,  $\overline{\beta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν μονάς  $\overline{\imath\eta}$ ,  $\overline{\delta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν τοιάς  $\overline{\lambda 5}$ ,  $\overline{\eta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν τοιάς  $\overline{\lambda 5}$ ,  $\overline{\eta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν τοιάς  $\overline{\lambda 5}$ ,  $\overline{\eta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν τοιάς  $\overline{\lambda 5}$ ,  $\overline{\eta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν τοιάς  $\overline{\lambda 5}$ ,  $\overline{\eta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις  $\overline{\lambda 5}$   $\overline{\eta}$   $\overline{\eta}$ 

Έπὶ ἐννεαπλασίων, οἶον  $\bar{\iota}$  καὶ  $\bar{\beta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν μονάς  $\bar{\lambda}$ ,  $\bar{\delta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν δυάς  $\bar{\lambda}$ ,  $\bar{\epsilon}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις ⟨αὐτῶν⟩ τριάς  $\bar{\mu}$ ,  $\bar{\eta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν  $\bar{\epsilon}$  καὶ ἀεὶ τῶν τετράς  $\bar{\nu}$ ,  $\bar{\iota}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν  $\bar{\epsilon}$  καὶ ἀεὶ τὸ ἐφεξῆς οἱ μὲν γὰρ μείζους ἀπὸ τοῦ  $\bar{\iota}$  ἐπὶ  $\bar{\iota}$ , οἱ δὲ ἐλάττους κατὰ τοὺς ἀρτίους ἀπὸ δυάδος.

Ἐπὶ δὲ δεκαπλασίων, οἶον  $\overline{\iota\alpha}$ ,  $\overline{\beta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν μονάς  $\overline{\kappa\beta}$ ,  $\overline{\delta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν τριάς  $\overline{\mu\delta}$ ,  $\overline{\eta}$  καὶ ἡ ἀφαίρεσις αὐτῶν τετράς καὶ ἀεὶ οὕτως οἱ μὲν γὰρ μείτους ἀπὸ δυάδος.

Καὶ κατὰ ταύτας τὰς συμπλοκὰς εὐθετήσονται τὰ προβλήματα, ὅστε ἀφαιρεῖσθαι ἀπὸ δύο ἀριθμῶν δε-δομένων τὸν αὐτὸν ἀριθμόν, ὡς γίνεσθαι τοὺς λειπομένους κατά τινα λόγον τῶν ἀπηριθμημένων καὶ τῶν 10 ὁμοίων καὶ ἐφεξῆς, εἰ καὶ ἄλλοι τινὲς ἐπὶ τοῖς ὁμοίοις λόγοις μεταξὺ τούτων εὐρίσκονται, ὅστε ἐπὶ πάντων τῶν πολλαπλασίων ἐν τοῖς τοιούτοις τοῦ ἐλάττονος τὸν ἡμισυν κοινὸν ἀφαίρεμα γίνεσθαι καὶ ἐξ ἀμφοτέρων καὶ οὕτω τὴν λύσιν γίνεσθαι.

Ότι δηλαδή οί τῶν τοιούτων ἐλάττονες κατὰ τὴν ἀπὸ δυάδος τῶν ἀρτίων πρόβασιν εὐτάκτως γίνονται  $\bar{\beta}$ ,  $\bar{\delta}$ ,  $\bar{\epsilon}$ ,  $\bar{\eta}$ ,  $\bar{\iota}$  καὶ ἐφεξῆς συμβαίνει γοῦν [εἰς] τοὺς τοιούτους καὶ ἀφαιρέσεις τῶν δύο γίνεσθαι ἀριθμῶν τῶν διδομένων ἐκείνων καὶ τὸν πολλαπλασιασμὸν  $\bar{\nu}$  εὐτάντως λαμβάνεσθαι.

Καὶ ταῦτα μὲν ἐπὶ τῶν ὑπὸ κανόνα πιπτόντων καὶ συνεχῶν ὅντων ἀριθμῶν ἐπὶ δὲ τῶν διεχῶν, ὡς φέρε, διδομένων  $\overline{\iota}\zeta$  καὶ  $\overline{\vartheta}$ , εἰ ζητοῦμεν μετὰ τὴν κοινὴν ἀφαίρεσιν τὸν διπλάσιον, ἢ  $\overline{\kappa}\alpha$  καὶ  $\overline{\vartheta}$ , εἰ ζητοί-25 ημεν μετὰ τὴν ἀφαίρεσιν τὸν τριπλάσιον, ὡς ἐκεῖ οὕσης μονάδος ἀφαιρέσεως κοινῆς καὶ ἐνταῦθα τριάδος, καὶ πάλιν  $\overline{\kappa}\eta$  καὶ  $\overline{\iota}$ , εἰ ζητοίημεν μετὰ τὴν ἀφαίρεσιν τὸν τετραπλάσιον, ἥτις ἐστὶν  $\delta$   $\overline{\delta}$ , καὶ αὖθις  $\overline{\lambda}$ 

<sup>17</sup> προβίβασιν cod. 18 είς sec. manu cod. dubia medela.

"Ων έστι τούτου δή καὶ τοῦ προτέρου προβλήματος ή ἀπόδειξις τοιαύτη κατὰ τὸν 'Αλεξανδρέα Διόφαντον φησὶ γὰρ ἐκεῖνος ἐπὶ μὲν τοῦ προτέρου προβλήματος αὐταῖς λέξεσιν οὕτως.

5 Δυσὶ δοθείσιν ἀριθμοῖς κ. τ. λ. . . . . τετραπλάσια.
καὶ ταῦτα μὲν καὶ οὕτως τὸ πρότερον πρόβλημα ἀπο-δείκνυται, τὸ δὲ δεύτερον οὕτως.

Δύο δοθέντας άριθμούς κ. τ. λ. . . . . τριπλάσια.

<sup>5</sup> et 8 vide vol. I p. 29, 6—26, et p. 30, 2—20. Compendia resolvit Pachymere (pro  $\Lambda$  scripsit  $\lambda \epsilon \tilde{\iota} \psi \iota_{\mathcal{S}}$ ). Variantes lectiones alias hîc habebis.

Probl. I, x. 13.14 ξκατέρφ om. 18 γίνονται. 20. 21 καλ γίνεται μονάδων  $\overline{o_5}$  ὁ ἀριθμός. 26 ὅντα om.

Probl. I, xi. 12 μείζοσιν. γίνονται. 14 έστιν. 17 Ισαι. In margine additum est: "Όρος Διοφάντον λεῖψις ἐπὶ λεῖψιν πολλαπλασιασθεῖσα ποιεῖ ὕπαρξιν λεῖψις δὲ ἐπὶ ὕπαρξιν ποιεῖ λεῖψιν. οἰον  $\overline{\varsigma}^{\overline{\rho}}$   $\overline{\eta}^{\overline{\delta}}$   $\overline{\iota}\overline{\rho}$ . λεῖψις τοῦ  $\overline{\varsigma}$  πρὸς τὸν  $\overline{\eta}$ ,  $\overline{\rho}$  καὶ τοῦ  $\overline{\eta}$  πρὸς τὸν  $\overline{\iota}\overline{\rho}$ ,  $\overline{\delta}$  ὅπερ ἐστιν ὕπαρξις † ὁ  $\overline{\gamma}$  λεῖψις γοῦν ὁ  $\overline{\rho}$  ἐπὶ ὕπαρξιν τὸν  $\overline{\gamma}$  πολλαπλασιαζόμενος ποιεῖ τὴν λεῖψιν ἢν ἔχει ὁ  $\overline{\iota}\overline{\rho}$  πρὸς τὸν  $\overline{\iota}\overline{\eta}$  δηλονότι τὸν  $\overline{\varsigma}$ . τὸν γὰρ ἀριθμὸν λέγει  $\overline{\eta}$  ὅπαρξιν ὅταν ἐκ τοῦ δοκιμάζειν αὐτὸν πρὸς ἄλλον τινά, πρὸς ἐκεῖνον λείπει,  $\overline{\eta}$  ὑπόστασιν ὅταν καθ' αὐτὸν θεωρ $\overline{\eta}$  τὸν ἀριθμόν.

# **SCHOLIA**

IN

# DIOPHANTUM.

			!
	·		

# SCHOLIA IN DIOPHANTUM (LIBR. I) MAXIMI QUAE FERUNTUR PLANUDIS

(cod. Marcian. 308).

#### AD DEFINITIONEM I.

 $\langle A \rangle$ . 'Aqı $\partial \mu \delta g$  έστιν  $\delta \pi \circ \delta \varepsilon i / \chi \mu \alpha \tau \circ g \delta \overline{\gamma}$ .

Τετράγωνός έστιν  $\delta$   $\overline{\theta}$ ,  $\dot{\omega}$ ς έπὶ ὑποδείγματος  $\delta$  γὰρ  $\overline{\gamma}$  ἀριθμός έφ' έαυτὸν πολλαπλασιασθείς ποιεί τὸν  $\overline{\theta}$ , καὶ ἔστιν  $\delta$   $\overline{\gamma}$  πλευρὰ τοῦ  $\overline{\overline{\theta}}$ .

Kύβος έστlν δ  $\overline{\kappa\zeta}$ . δ γὰς  $\overline{\gamma}$  άςlθμὸς έπl τὸν ά $\overline{\kappa}$  αὐτοῦ τετράγωνον τὸν  $\overline{\vartheta}$  πολλαπλασιασθείς ποιεί τὸν  $\overline{\kappa\zeta}$ . 10

Δυναμοδύναμίς έστιν  $\delta$   $\overline{\pi}a$ .  $\delta$  γὰρ  $\overline{\vartheta}$  τετράγωνος έφ' έαυτὸν πολλαπλασιασθείς, ταὐτὸν  $\delta$ ὲ εἰπεῖν,  $\delta$   $\overline{\gamma}$  ἀριθμὸς έπὶ τὸν  $\overline{\chi}$ ς χύβον, ποιεῖ τὸν  $\overline{\pi}a$ .

 $Δυναμόκυβός ἐστιν ὁ <math>\overline{σμγ}$ . ὁ γὰρ  $\overline{\vartheta}$  δύναμις ἐπὶ τὸν  $\overline{κ}$ ζ κύβον πολλαπλασιασθείς, ταὐτὸν δὲ εἰπεῖν, ὁ  $\overline{\gamma}$  15 ἀριθμὸς ἐπὶ τὸν  $\overline{π}$ α δυναμοδύναμιν, ποιεῖ τὸν  $\overline{σμγ}$ .

Κυβόκυβός έστιν ὁ ψκθ· ὁ γὰρ κξ κύβος έφ' έαυτὸν πολλαπλασιασθείς, ταὐτὸν δὲ εἰπεῖν, ὁ θ δύναμις έπὶ τὸν  $\overline{\pi\alpha}$  δυναμοδύναμιν καὶ ἔτι  $\langle \delta \rangle$   $\overline{\gamma}$  ἀριθμὸς έπὶ τὸν  $\overline{\sigma\mu\gamma}$  δυναμόκυβον, ποιεῖ τὸν ψκθ.

<sup>1</sup> Numerum A et sequentes usque ad IA restitui secundum sectiones codicum.

#### AD DEFINITIONEM II.

 $\langle B \rangle$ . Ή δὲ ἔνθεσις αὐτῶν ἐστιν ἥδε·  $\frac{5^{\circ}}{\gamma} \frac{\Delta^{Y}}{\partial y} \frac{K^{Y}}{\pi \zeta} \frac{\Delta^{Y} \Delta}{\pi \alpha} \frac{\Delta K^{Y}}{\sigma \mu \gamma} \frac{K^{Y} K}{\psi \pi \partial}$ 5 καὶ ἡ μὲν δύναμις γίνεται οὕτως·  $\gamma$ ,  $\gamma$ ,  $\frac{\eth}{\pi \zeta}$ ,  $\frac{\eth}{\pi \zeta}$ ,  $\frac{\eth}{\eta}$  δὲ δυναμοδύναμις·  $\gamma$ ,  $\frac{\eth}{\vartheta}$ ,  $\frac{\eth}{\eta}$ ,  $\frac{\eth}{\vartheta}$ ,  $\frac{\eth}$ ,  $\frac{\eth}{\vartheta}$ ,  $\frac{\eth$ 

10 Απλοί μεν οὖν κατὰ τοὔνομα τούτων τῶν ἀριθμών είσιν  $\delta$  τε  $S^{o'}$  καὶ  $\eta$   $\Delta^{Y}$  καὶ  $\delta$   $K^{Y}$ , σύνθετοι  $\delta$ ε άπλων πρός τε έαυτούς και άλλήλους και τούς συνθέτους πολλαπλασιαζομένων γίνονται οί τε άπλοί καλ 15 of σύνθετοι ἀριθμοί · οἶον ἀπλοῦς ὁ  $\bar{\gamma}$   $S^{o'}$  έ $\phi$  ' έαυτὸν μεν ποιεί τον  $\partial \Delta^{Y}$  άπλοῦν επί δε τον  $\partial \Delta^{Y}$  άπλοῦν,  $\tau \dot{o} \nu \ \overline{\kappa} \dot{\zeta} \ K^Y \ \dot{\alpha} \pi \lambda o \tilde{\nu} \nu \cdot \dot{\epsilon} \pi \lambda o \dot{\delta} \dot{\epsilon} \ \tau \dot{o} \nu \ \kappa \dot{\zeta} \ K^Y \ \dot{\alpha} \pi \lambda o \tilde{\nu} \nu \ \tau \dot{o} \nu$  $\overline{\pi\alpha} \Delta^{Y} \Delta$  σύνθετον καὶ έπὶ τῶν ἄλλων ὡσαύτως. καὶ οί μεν άπλοι ούτως οί δε σύνθετοι ούτε πρός έαυ-20 τούς οὖτε πρὸς ἀλλήλους πολλαπλασιαζόμενοι ποιοῦσιν ονομαζομένους τινάς ἀριθμούς εί γὰρ τὸν  $\overline{\pi}\alpha$   $\Delta^{Y}\!\!\Delta$ σύνθετον έφ' έαυτὸν πολλαπλασιάσω, ποιῶ μὲν τὸν 5φξα, δνόματι δε αὐτὸν δνομάσαι οὐκ έγω ετέρω, εί μή δτι καλ αὐτὸν δυναμοδύναμιν λέγω, τηνικαῦτα γὰρ 25 τον μεν  $\overline{\pi}\alpha$  λαμβάνω ώς  $\Delta^{Y}$ , τον δε  $\overline{\vartheta}$  ώς  $S^{l\nu}$  καί οὐκέτι ὡς  $\Delta^{Y}$  καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων ὡσαύτως.

<sup>12</sup>  $\tilde{\eta}$  τε]  $\tilde{o}$  τε. 15 άριθμοί] καὶ.

15

#### AD DEFINITIONEM III.

 $\langle \Gamma \rangle$ . Αριθμοστόν έστιν, ως έπλ τοῦ προτεθέντος ὑποδείγματος, τὸ τῆς μονάδος τρίτον  $\delta$  γὰρ ἀριθμὸς ἦν  $\delta$   $\bar{\gamma}$ , καὶ έπλ τῶν έξῆς πάντων ὁμοίως.

Δυναμοστὸν δὲ τὸ τῆς μονάδος ξυατον ἡ γὰο 5 δύναμις ἦν  $\delta$   $\overline{\vartheta}$ .

Κυβοστὸν δὲ τὸ τῆς μονάδος εἰκοσθέβδομον  $\dot{\delta}$  γὰρ κύβος ἦν  $\dot{\delta}$   $\dot{\kappa}$ ζ.

Δυναμοδυναμοστὸν δὲ τὸ τῆς μονάδος ὀγδοηκοστόμονον ἡ γὰ $\mathbf{Q}$  δυναμοδύναμις ἦν  $\mathbf{\delta}$   $\overline{\mathbf{\pi}\alpha}$ .

Δυναμοκυβοστόν δὲ τὸ τῆς μονάδος διακοσιοστοτεσσαφακοστότριτον ὁ γὰρ δυναμόκυβος ἦν ὁ σμγ.

Κυβοκυβοστὸν δὲ τὸ τῆς μονάδος ξπτακοσιοστοεικοστοένατον δ γὰς κυβόκυβος ἦν δ ψκθ.

#### AD DEFINITIONEM IV.

 $\langle \mathcal{A} \rangle$ . So  $\dot{\epsilon}$   $\pi \dot{\epsilon}$   $g^{ir}$  ποιε $\dot{\epsilon}$   $\mathcal{A}^{r}$ .  $\dot{\delta}$   $\dot{\gamma}$   $\dot{\epsilon}$   $\dot{\varphi}$   $\dot{\epsilon}$   $\alpha$ υτόν, τον  $\dot{\overline{\vartheta}}$ . So  $\dot{\epsilon}$   $\dot{\epsilon}$ 

 $\langle E \rangle$ . Εἰδέναι χρη δτι οὐ τὸν τυχόντα ἀριθμὸν ἐπὶ 25 τὸν τυχόντα ἀριθμόν, ἢ δύναμιν, ἢ κύβον, πολλαπλασιάζειν χρη, ῖν' ἔτερον εἶδος γίνηται, ἀλλ' ὅταν μὲν

<sup>14</sup> πυβόπυβος] πυ.

άριθμον έπι άριθμον, ἢ δύναμιν έπι δύναμιν, προς έαυτά · οἶον τον δ ἀριθμον ἐπ' ἄλλον ἀριθμον ποιήσεις, οἶον τον ε̄, οὐκ ἔσται δύναμις · ἔσται γὰρ ὁ π ος οὐκ ἔστι τετράγωνος, ἀλλ' ἀπλῶς ἀριθμός. ομοίως καὶ εί 5 τον θ δύναμιν ἐπὶ τον ις δύναμιν ποιήσεις, οὐκ ἔσται δυναμοδύναμις, ἀλλ' ἀπλῶς δύναμις · ἔσται γὰρ ὁ ρμδ ἀπὸ τοῦ ιβ ἀριθμοῦ γενόμενος.

Όταν δὲ ἔτερον είδος ἐφ' ἔτερον είδος μέλλης ποιεῖν, ἐπὶ τὸ ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἀριθμοῦ γενόμενον χρὴ 10 ποιεῖν, οίονεὶ ἀριθμὸν ἐπὶ δύναμιν ἢ κύβον, ἢ αὖ πάλιν δύναμιν ἐπὶ κύβον ἢ δυναμοδύναμιν. εἰ γὰρ τὸν γ ἀριθμὸν ἐπὶ τὴν ἀπ' αὐτοῦ δύναμιν, τὸν Θ, ποιήσεις, ἔξεις κύβον τὸν κζ. εἰ δὲ ἐφ' ἔτερον, οὐκέτι. οἰον εἰ πρὸς τὸν δ δύναμιν ποιήσεις, γενήσεται ὁ ιβ 15 δς κύβος οὐκ ἔστιν. ὁμοίως καὶ εἰ τὸν Θ δύναμιν ἐπὶ τὸν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἀριθμοῦ τοῦ γ γεγονότα κύβον ποιήσεις, ἔξεις δυναμόκυβον τὸν σμγ. εἰ δὲ ἐφ' ἔτερον, οὐκέτι. εἰ γὰρ ἐπὶ τὸν ἀπὸ τοῦ β κύβον, τὸν ῆ, ποιήσεις, γενήσεται ὁ οβ δς δυναμόκυβος οὐκ ἔστι.

20 <5>. Πᾶς οὖν ἀριθμὸς ἐπὶ πάντα ἀριθμὸν πολλαπλασιαζόμενος ἀπλῶς ἀριθμὸν ποιεῖ ἐπὶ δὲ ἑαυτὸν καὶ τοὺς ὁμωνύμους τοῖς ἀπὸ μονάδος τετραγώνοις πολλαπλασίοις ἑαυτοῦ, τετράγωνον. ἐπεὶ γὰρ οἱ ἀπὸ μονάδος τετράγωνοι εἰσιν ὁ ᾱ, δ̄, θ̄, ῑς, κ̄ε, λ̄ς, μθ, 25 κὰὶ ἐφεξῆς, ἀναλογεῖ δὲ καὶ ἡ μονὰς τῆ ἰσότητι, διὰ μὲν τὸν πρῶτον τετράγωνον τὴν μονάδα, πᾶς ἀριθμὸς ἐπὶ ἴσον ἑαυτῷ ἀριθμόν, τετράγωνον ποιεῖ οἶον δ̄ ἐπὶ τὸν δ̄, ποιεῖ τὸν δ̄.

διὰ δὲ τὸν δεύτερον τὸν  $\bar{\mathbf{o}}$ , πᾶς ἀριθμὸς ἐπὶ τὸν so τετραπλάσιον ἑαυτοῦ, τετράγωνον ποιεῖ οἶον ὁ  $\bar{\boldsymbol{\beta}}$  ἐπὶ τὸν  $\bar{\eta}$ , ποιεῖ τὸν  $\bar{\iota}\bar{\mathbf{s}}$ .

15

διὰ δὲ τὸν τρίτον τετράγωνον τὸν  $\bar{\vartheta}$ , πᾶς ἀριθμὸς ἐπὶ τὸν ἐννεαπλάσιον ἑαυτοῦ, τετράγωνον ποιεῖ·οἷον  $\langle \delta \rangle$   $\bar{\beta}$  ἐπὶ τὸν  $\bar{\imath}\eta$ , τὸν  $\bar{\lambda}5$ .

καὶ έφεξῆς δμοίως.

 $\langle Z \rangle$ . Πᾶς ἀριθμὸς ἐπ' οὐθένα τετράγωνον ποιήσει  $\delta$  κύβον, εί μὴ ἐπὶ μόνον τὸν ἀπ' αὐτοῦ· οἶον  $\delta$  μὲν  $\bar{\beta}$  ἐπὶ τὸν ἀπ' αὐτοῦ τὸν  $\bar{\delta}$ , ποιεῖ τὸν  $\bar{\eta}$ ·  $\delta$  δὲ  $\bar{\gamma}$  ἐπὶ τὸν ἀπ' αὐτοῦ τὸν  $\bar{\delta}$ , ποιεῖ τὸν  $\bar{\kappa}$ · καὶ ἐφεξῆς ὁμοίως.

καὶ ὁμοίως πᾶς ἀριθμὸς ἐπὶ μόνον τὸν ἀπ' αὐτοῦ κύβον, δυναμοδύναμιν ποιεί τος ὁ  $\bar{\gamma}$  ἐπὶ τὸν κζ, ποιεί 10 τὸν  $\bar{\pi}a$ .

καὶ ἔτι ἐπὶ μόνην τὴν ἀπ' αὐτοῦ δυναμοδύναμιν, δυναμόκυβον ποιεῖ τος δ $\overline{\gamma}$  ἐπὶ τὸν  $\overline{\pi\alpha}$ , τὸν  $\overline{\sigma\mu\gamma}$ .

καὶ ἐπὶ μόνον τὸν ἀπ' αὐτοῦ δυναμόκυβον, κυβόκυβον ποιεῖ τὸς δ  $\overline{\gamma}$  ἐπὶ τὸν  $\overline{\sigma\mu\gamma}$ , τὸν  $\overline{\psi}$ κθ.

καὶ άλλως οὐ γενήσεται.

 $\langle H \rangle$ . Πᾶς τετράγωνος ἐπὶ πάντα, τετράγωνον ποιεῖ ἐπὶ δὲ ἑαυτόν, καὶ δυναμοδύναμιν ὁ γὰρ δ ἐπὶ τὸν δ, ποιεῖ τὸν λ̄ς, καὶ ἐπὶ τὸν τ̄ς, τὸν ξ̄δ, καὶ ἔτι ὁ  $\overline{\vartheta}$  ἐπὶ τὸν  $\overline{\iota}$ ς, τὸν  $\overline{\varrho}$ μδ, τετραγώνους καὶ αὐτοὺς 20 ὄντας ὁ δὲ δ ἐφ' ἑαυτόν, τὸν  $\overline{\iota}$ ς, καὶ ὁ  $\overline{\vartheta}$  ἐφ' ἑαυτόν, τὸν  $\overline{\iota}$ α, δυναμοδυνάμεις ὅντας.

Πᾶς τετράγωνος έπὶ μόνον τὸν ἀπὸ τῆς αὐτῆς πλευρᾶς κύβον, ποιεί δυναμόκυβον ὡς δ  $\overline{\theta}$  έπὶ τὸν  $\overline{\kappa \xi}$ , τὸν  $\overline{\sigma \mu \gamma}$ .

καὶ ἐπὶ μόνην τὴν ἀπ' αὐτοῦ δυναμοδύναμιν, ποιεῖ κυβόκυβον ὡς ὁ  $\frac{1}{2}$  ἐπὶ τὸν  $\frac{1}{2}$ πα, τὸν  $\frac{1}{2}$ ψκδ.

 $\langle \Theta \rangle$ .  $\Pi$   $\tilde{\alpha}_S$   $\tilde{\kappa}$   $\tilde{\nu}$   $\tilde{\nu$ 

ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ  $\bar{\eta}$  έ $\varphi$  έαυτοὺς δὲ ὁ μὲν  $\bar{\eta}$  ποιεῖ πυβόκυβον τὸν  $\bar{\xi}\bar{\delta}$ , ὁ  $\bar{\kappa}\bar{\xi}$  τὸν  $\bar{\psi}\kappa\bar{\vartheta}$ .

καὶ οὖτοι μέν εἰσι καὶ τετράγωνοι πάντες οἱ κυβόκυβοι· οἱ μόνως κύβοι οὐ κυβόκυβοι γινόμενοι οὐκέτι.

5 Καὶ τοῦτο πρὸς τοῖς ἄλλοις χρη εἰδέναι ὅτι τῶν εἰρημένων ἀριθμῶν ἔνιοι ἐν διαφόροις εἰδεσι θεωροῦνται αὐτίκα γὰρ ὁ  $\overline{\iota}$ ς καὶ ἀριθμός ἐστιν, εἰπεραὐτοῦ ἀναγράφεις τετράγωνον, καὶ τετράγωνός ἐστιν ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ δ, καὶ δυναμοδύναμις ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ  $\overline{\rho}$ .

καὶ ἔτι ὁ  $\overline{\xi}\overline{\delta}$ . ἔστι μὲν καὶ αὐτὸς ἀριθμός, εἴπερ ἀπ' αὐτοῦ ὁμοίως ἀναγράφεις τετράγωνον ἔστι δὲ καὶ τετράγωνος ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ  $\overline{\delta}$ , καὶ ἔτι κυβόκυβος ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ  $\overline{\delta}$ .

έκκείσθω δὲ καὶ διάγραμμα τῶν τοιούτων ἀριθμῶν μέχρι δεκάδος σὺν τοῖς ἀπ' αὐτῶν γενομένοις εἰδεσιν, ἄνωθεν ἐπὶ τὰ κάτω ἰοῦσιν εὐτάκτως. ἔξει γὰρ ἔκαστος τῶν ἀριθμῶν ὑπ' αὐτὸν τὰ ἐξ αὐτοῦ γινόμενα εἰδη.

α	β	γ	δ	8	5	ζ	η	ð	
α	δ	Ð	ıs	ns.	15	μθ	ξδ	πα	ę
α	η	иζ	ξδ	бже	σις	τμγ	φιβ	ψnθ	,α
α	15	πα	σνς	χπε	,ασ45	βυα	,845	,5φξα	ä
α	λβ	σμγ	,απδ	убже	,ζψος	α,5ωζ	Ϋ βψξη	ε,θμθ	ï
α	ξδ	ψяθ	,845	α,εχνε	ο, εχνε	ϊὰ,ξχμθ	я́ട воµд	ΰΫ,αυμα	ë

⟨I⟩. Αι δὲ δυνάμεις πᾶσαι δῆλον ὡς εἰσὶ τετρά20 γωνοι τῶν δὲ κύβων, οι μὲν ἀπὸ κύβων ἐφ' ἑαυτοὺς
γενομένων, τετράγωνοι καὶ αὐτοὶ εἶναι δύνανται οι
δ' ἄλλοι οὐδαμῶς.

<sup>4</sup> ού πυβόπυβοι] έκ πυ.

Αί μεν δυναμοδυνάμεις πᾶσαι τετράγωνοι είναι δύνανται ἀπὸ γὰρ δυνάμεων έφ' έαυτὰς πολλαπλα-σιασθεισῶν γίνονται.

Οι δὲ δυναμόκυβοι, ὅσπερ οι κύβοι· ὅσοι μὲν γὰρ αὐτῶν ἀπλῶς δυναμόκυβοί εἰσιν, ὡς δ  $\overline{\lambda}\beta$  καὶ  $\langle \delta \rangle$  5  $\overline{\delta}\mu\gamma$   $\langle \kappa \alpha i \rangle$  δ  $\overline{\zeta}\psi \circ 5$ , οὐ δύνανται εἶναι καὶ τετράγωνοι· ὅσοι δὲ ἀπὸ δυναμοκύβων ἀπλῶς ἐφ' ἑαυτοὺς πολλαπλασιασθέντων γεγόνασι, καὶ τετράγωνοι δύνανται εἶναι, ὡς ἀπὸ τοῦ  $\overline{\lambda}\beta$  ἐφ' ἑαυτὸν γινομένου, δ  $\overline{\alpha}\kappa\delta$ , καὶ τοῦ  $\overline{\delta}\mu\gamma$  ἐφ' ἑαυτὸν δμοίως, δ  $\overline{\epsilon},\overline{\delta}\mu\overline{\theta}$ .

Οί δὲ κυβόκυβοι πάντες καὶ τετράγωνοι δύνανται εἶναι ἀπὸ γὰρ κύβων ἐφ' ἑαυτοὺς πολλαπλασιασθέντων γεγόνασι.

Παρατηρητέον έν τῷ παρόντι διαγράμματι καὶ τοῦτο, ὡς τὰ ὑποβεβηκότα ἐκάστῷ τῶν ἀριθμῶν εἴδη κατὰ 15 τὴν τῶν ἀρτιάκις ἀρτίων προκόπτουσιν ἔφοδον, εἰ καὶ μὴ πάντα ἄρτια εἶεν, ἀλλ' οἶοιπέρ εἰσιν οἱ ἀριθμοί, τοιαῦτα κατὰ τὸ περισσόν τε καὶ ἄρτιον καὶ τὰ ἐξ αὐτῶν εἰδη.

ή μὲν οὖν μονάς, ἐπειδή τῆ ἰσότητι ἀναλογεῖ, καὶ 20 τὰ ὑποβεβηκότα αὐτῆ εἰδη μονάδας ἔχει.

δ δὲ  $\bar{\beta}$  ὑποβεβηκότα ἔχει τὸν  $\bar{\delta}$  διπλάσιον αὐτοῦ, καὶ δ  $\bar{\delta}$  τὸν  $\bar{\eta}$  διπλάσιον αὐτοῦ, καὶ δ  $\bar{\eta}$  τὸν  $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$  διπλάσιον αὐτοῦ, καὶ έξῆς.

δ δὲ  $\overline{\gamma}$  πάλιν τὸν  $\overline{\vartheta}$  τριπλάσιον αὐτοῦ, καὶ  $\delta$   $\overline{\vartheta}$  τὸν  ${}^{25}$  κς τριπλάσιον αὐτοῦ, καὶ  $\delta$  κς τὸν  $\overline{\pi \alpha}$  τριπλάσιον αὐτοῦ, καὶ έξῆς δμοίως.

καλ πάντες οι άλλοι άριθμολ τοσαπλασίους αὐτῶν

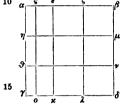
<sup>14</sup> παρατηρητέον  $X_2$ , παρατητέον alii. 21 αυτής. 22 έαυτου.

ἔχουσι τοὺς ὑποβεβηκότας αὐτοῖς ὅσων μονάδων ἐστὶν ἕκαστος ὁ μὲν  $\overline{\delta}$  τετραπλασίους, ὁ δὲ  $\overline{\epsilon}$  πενταπλασίους, καὶ ἐφεξῆς.

### AD DEFINITIONEM V.

5 < (IA). Πᾶς ἀφιθμὸς ἐπὶ τὸ δμώνυμον αὐτοῦ μόφιον πολλαπλασιασθεὶς μονάδα ποιεῖ.

"Εστω ἀριθμὸς ὁ  $\bar{\delta}$  καὶ τὸ δμώνυμον αὐτοῦ μόριον τὸ  $\delta^{ov}$ . ἐὰν οὖν πολλαπλασιάσης τὸ  $\bar{\delta}$  ἐπὶ τὸ  $\delta^{ov}$ , ἔσται μονάς  $\delta^{xis}$  γὰρ τὸ  $\delta^{ov}$ , μονὰς ἤτοι ἕν μονὰς γὰρ εἰς



 $\frac{\delta}{\delta}$  τμηθεῖσα, οὐκ εἰς πλείονα τῶν  $\overline{\delta}$  τμηθήσεται δμοίως εἰς ε $^{a}$ , οὐκ εἰς  $\mu$  πλείονα ἢ ἐλάττονα τῶν  $\overline{\epsilon}$  καὶ ἐφεξῆς.

Ίνα δὲ καὶ ἐπὶ διαγράμματος δῆλον ἦ τὸ λεγόμενον, ἐκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθάς, ἢ τε ΑΒ καὶ ἡ ΑΓ, καὶ ἔστω ἑκατέρα μονάδων τριῶν,

καὶ τετμήσθωσαν εἰς τὰς μονάδας τὰς AE, EZ, ZB, καὶ εἰς τὰς AH,  $H\Theta$ ,  $\Theta\Gamma$ · καὶ ἀναγεγράφθω ἀπ' αὐτῶντετράγωνον τὸ  $AB\Gamma \Delta$ , καὶ ἀπὸ μὲν τῶν E καὶ Z σημείων ήχθωσαν 20 τῆ  $A\Gamma$  παράλληλοι ή τε EK καὶ  $Z\Lambda$ , ἀπὸ δὲ τῶν H καὶ  $\Theta$  τῆ AB παράλληλοι ή τε HM καὶ  $\Theta$  Ν.

Δῆλον οὖν ὅτι τὸ ὅλον τετράγωνον μονάδων γέγονεν ἐννέα, ἕκαστον δὲ τῶν ΑΚ καὶ ΚΖ, ΖΔ χωρίων τριῶν μονάδων ἐστίν. ἀπειλήφθω δὴ τὸ τρίτον τῆς ΑΕ εὐθείας καὶ ἔστω τὸ ΑΞ΄ καὶ ἀπὸ τοῦ Ξ σημείου ἤχθω παράλληλος τῆ ΑΓ ἡ ΞΟ΄ καὶ ἔστι τὸ ΑΟ χωρίον τρίτον τοῦ ΑΚ΄ τρίτον γὰρ τῆς ΑΕ εὐθείας, ἀφ' ἦς τὸ ΑΚ, ἦν ἡ ΑΞ΄ ἦν δὲ ὅλον τὸ ΑΚ μονάδων

<sup>20</sup> ths  $A\Gamma$ . 28 d $\varphi$ '  $\tilde{\eta}_S$ ]  $\dot{\epsilon}\varphi$ '  $\tilde{\eta}_S$   $X_2$ , melius foret  $\delta\varphi$ '  $\tilde{\eta}_S$ .

τριών καλ τὸ τρίτον αὐτοῦ ἄρα τὸ ΑΟ μονάδος έστλ μιᾶς.

Καὶ δέδεικται ὅπως ἡ ΑΓ μονάδων οὖσα τριῶν ἐπὶ τὴν ΑΞ τρίτον οὖσαν μονάδος πολλαπλασιασθεῖσα μονάδα ἐποίησε· καὶ ἔστι τὸ τρίτον ὁμώνυμον ταῖς 5 τρισὶ μονάσι· καὶ καθόλου πᾶν μόριον ὁμωνύμως ἑαυτῷ διαιρεῖ τὸν ἀριθμὸν ἐφ' ὃν πολλαπλασιάζεται, ὡς ἐνταῦθα τὸ τρίτον εἰς τρία διεῖλε τὸν τρία καὶ ἀπέλαβε τὸ τρίτον αὐτοῦ ὅπερ ἦν ἡ μονάς.

Εἰ δὲ ἡ ΑΞ μὴ τρίτον ἦν τῆς ΑΕ, ἀλλ' ἥμισυ 10 τυχόν, εἰς δύο ἔμελλε διαιρεῖν τὸν τρία ὁμωνύμως αὐτῷ· τὸ γὰρ ῆμισυ καὶ δυοστὸν λέγεται· καὶ ἦν ἂν τὸ AO μονάδος μιᾶς καὶ ἡμίσεος· εἰ δὲ ἕκτον ἦν τῆς AE ἡ  $A\Xi$ , εἰς ξξ ἂν διήρει τὸν τρία, ὁμωνύμως αὐτῷ, καὶ ἦν τὸ AO ἡμίσεος μονάδος.

# AD DEFINITIONEM VI.

Έκκείσθω δὲκαὶ διάγραμματούτου.  $\overline{\gamma}$   $\overline{\gamma}$   $\overline{\gamma}$   $\overline{\beta}$   $\overline{\delta}$  έκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις  $\dot{\eta}$  AB καὶ  $\dot{\eta}$   $A\Gamma$ , καὶ ἔστω  $\dot{\eta}$  μὲν AB μονάδων  $\overline{\gamma}$ ,  $\dot{\eta}$  δὲ  $A\Gamma$  μονάδος  $\overline{\alpha}$ ,

καὶ ἀναγεγοάφθω τὸ ὑπ' αὐτῶν παραλληλόγραμμον τὸ  $AB\Gamma \Delta$ . λέγω ὅτι καὶ τὸ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλόγραμμον  $\bar{\gamma}$  μονάδων ἐστί. διηρήσθω γὰρ ἡ AB εἰς τὰς μονάδας αὐτῆς τήν τε AE καὶ EZ καὶ ZB, καὶ ἀπὸ τῶν E 5 καὶ Z σημείων ἤχθωσαν παράλληλοι τῆ  $A\Gamma$  εὐθεῖαι αἱ EH, ZΘ· ἐπεὶ τοίνυν ἡ  $A\Gamma$  μονάδος ἐστὶ  $\bar{\alpha}$ , ἔστι δὲ καὶ ἡ AE τῆς αὐτῆς μονάδος  $\bar{\alpha}$ , καὶ ὅλον ἄρα τὸ AH μονάδος ἔσται  $\bar{\alpha}$ . μονὰς γὰρ ἐπὶ μονάδα, μονάδα ποιεῖ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὰ EΘ καὶ ΘB μονάδος το ἔσται ἑκάτερον. ὅλον ἄρα τὸ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλόγραμμον μονάδων ἔσται  $\bar{\gamma}$ . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

### AD DEFINITIONEM VII.

ΙΓ. Όμώνυμα μόριά είσι τοις ἀριθμοῖς, τοις μὲν  $\bar{\beta}$  τὸ ἥμισυ ἤτοι δυοστόν, τοις δὲ  $\bar{\gamma}$  τὸ τρίτον, τοις δὲ  $\bar{\delta}$  τὸ τρίτον, τοις τοις δὲ  $\bar{\delta}$  τὸ τέταρτον, καὶ ἐφεξῆς· ἀλλ' οὐ λέγω τρίτον τυχὸν τὸ τῶν  $\bar{\gamma}$  τρίτον, ἢ τέταρτον τὸ τῶν  $\bar{\delta}$  τέταρτον, ἐκείνο γὰρ μονάς ἐστιν, ἀλλὰ τὸ τῆς μονάδος τρίτον ἢ τέταρτον· ὅπερ ὁμώνυμον πάντως ἐστιν ἀριθμῷ, οὐχὶ μόριον ἐκείνου ὄν, ἀλλὰ τῆς μονάδος, καὶ ἔστι 20 τὸ μὲν τρίτον αὐτῆς ὁμώνυμον τῷ  $\bar{\gamma}$  ἀριθμῷ, τὸ δὲ τέταρτον τῷ  $\bar{\delta}$ , καὶ ἐφεξῆς.

 $I_{a}$ . Αριθμοστὸν οὖν, φησίν, ἐπὶ ἀριθμοστὸν ποιεῖ δυναμοστόν τουτέστι  $\gamma^{ov}$  ἐπὶ  $\gamma^{ov}$ , ἢτοι τὸ  $\gamma^{ov}$  τοῦ  $\gamma^{ov}$  δόν ἐστι.

Kαλ ἀριθμοστόν ἐπλ δυναμοστόν ποιεῖ πυβοστόν τουτέστι  $\gamma^{or}$  ἐπ' θον ποιεῖ κζον, ἤτοι τὸ  $\gamma^{or}$  τοῦ θου κζόν ἐστι· ὅσπερ γὰρ ἐπλ τῶν ἀριθμῶν τὰ  $\overline{\gamma}$  ἐπλ τὸν  $\overline{\gamma}$ ,  $\overline{\partial}$  ἐποίει, καλ τὰ  $\overline{\gamma}$  ἐπλ τὸν  $\overline{\partial}$ ,  $\overline{\chi}$ ζ, οὕτως ἐπλ τῶν δμωνύμων αὐτοῖς μορίων τῆς μονάδος.

Έσαύτως καὶ δυναμοστὸν ἐπὶ δυναμοστὸν δυναμοστὸν ποιεῖ· τουτέστι τὸ  $\theta^{ov}$  ἐπ'  $\theta^{ov}$ , πα $^{ov}$  ποιεῖ, ἤτοι τοῦ  $\theta^{ov}$  ⟨τὸ  $\theta^{ov}$ ⟩ πα $^{\acute{ov}}$  ἐστι· καὶ γὰρ καὶ  $\overline{\theta}$ , ἐπὶ  $\overline{\overline{\theta}}$ ,  $\overline{\alpha}$ α ἐποίει δυναμοδύναμιν.

Τεστω δὲ καὶ ἐπὶ διαγράμματος δῆλον. ἐκκείσθωσαν  $^{5}$  δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αί  $^{A}$ Β καὶ  $^{A}$ Γ, καὶ ἔστω ἑκατέρα αὐτῶν μονάδος μιᾶς,  $^{\alpha}$   $^{5}$  καὶ ἀναγεγράφθω ἀπ' αὐτῶν τετράγωνον τὸ  $^{A}$ Β Γ $^{A}$ , καὶ ἔσται μονάδος.  $^{7}$  καὶ διηρήσθω ἑκατέρα τῶν  $^{A}$ Β,  $^{A}$ Γ εἰς  $^{7}$  τρίτα· ἡ μὲν  $^{A}$ Β εἰς τὰ  $^{A}$ Ε,  $^{5}$ ΕΖ,  $^{2}$ Ζ Β, ἡ δὲ  $^{A}$ Γ εἰς τὰ  $^{A}$ Η,  $^{A}$ ΘΓ· καὶ ἡχθωσαν ἀπὸ τῶν  $^{A}$ Γ εὐθεῖαι αί  $^{A}$ ΕΚ,  $^{A}$ Σ σημείων παράλληλοι τῆ  $^{A}$ Γ εὐθεῖαι αί  $^{E}$ ΕΚ,  $^{A}$ Σ δμοίως καὶ ἀπὸ τῶν  $^{A}$ Η καὶ  $^{A}$  σημείων παράλληλοι τῆ  $^{15}$ 

Z σημείων παράλληλοι τη  $A\Gamma$  εύθείαι αl EK,  $ZA^*$  όμοίως καὶ ἀπὸ τῶν H καὶ  $\Theta$  σημείων παράλληλοι τη  $^{16}$  AB αl HM,  $\Theta N^*$  καὶ τεμνέσθω η EK την HM κατὰ τὸ  $\Xi$ .

Ἐπεὶ τοίνυν ἡ AB μονὰς εἰς  $\bar{\gamma}$  τρίτα διήρηται, Εκαστον ἄρα τῶν AK, KZ,  $Z\Delta$  τρίτον μονάδος ἔσται: ὅλον γὰρ τὸ  $AB\Gamma\Delta$  τετράγωνον μονάδος μιᾶς ἡν. 20 ἀλλ' ἔκαστον τούτων πάλιν ὑπὸ τῶν HM καὶ  $\Theta N$  εὐθειῶν εἰς  $\bar{\gamma}$  τρίτα διήρηται: ἔσται οὖν καὶ τὸ AK εἰς  $\bar{\gamma}$  τρίτα διηρημένον. ἡν δὲ καὶ ὅλον τὸ AK μονάδος τρίτον· τὸ  $A\Xi$  ἄρα ἔσται τρίτον τρίτου, ὅπερ ἐστὶν ἔνατον· καὶ δέδεικται ὅπως τὸ ἀριθμοστὸν ἐπὶ τὸ 25 ἀριθμοστόν, τουτέστι τὸ AE ἐπὶ τὸ AH, τὸ τρίτον ἐπὶ τὸ τρίτον, δυναμοστὸν ἐποίησε τὸ  $A\Xi$  μονάδος ὂν ἕνατον· τὸ γὰρ  $AB\Gamma\Delta$  ὅλον τετράγωνον, μονάδος μιᾶς ὄν, τοιούτων ἐστὶν ἐννέα οἵων ἐστὶ τὸ  $A\Xi$  ένός.

<sup>2</sup> τὸ ἔννατον add. X<sub>2</sub>.

20

Όμοίως δὲ καὶ ἐὰν τὸ μὲν AH ἀριθμοστὸν μένη, ἤτοι γον μονάδος, τὸ δὲ AE δυναμοστὸν ὑποθώμεθα, τουτέστιν θον μέρος τῆς AB, τὸ AE κυβοστὸν ἔσται, τουτέστιν κζον μέρος τοῦ  $AB\Gamma \Delta$  ὅλου τετραγώνου ταὶ ἐὰν ἑκάτερον τῶν AH καὶ AE δυναμοστὸν ὑποθώμεθα, τουτέστι τὸ μὲν AH θον τῆς  $A\Gamma$ , καὶ τὸ AE ὁμοίως Φον τῆς AB, τὸ AE δυναμοδυναμοστὸν ἔσται, τουτέστιν παον μέρος μιᾶς μονάδος, ἤτοι τοῦ  $AB\Gamma \Delta$  τετραγώνου καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ὁμοίως.

10 Χρη δε τον τούτων πολλαπλασιασμον μη ώς ετυχε ποιείν, τουτέστι το τυχον ἀριθμοστον έπι το τυχον ἀριθμοστον έπι το τυχον ἀριθμοστον έπι το τυχον ἀριθμοστον επι το τυχον ἀριθμοστον επι το τυχον δυναμοστον ενα γένηται κυβοστον άλι ώς έν τοις ἀριθμοις και ταις δυνάμεσι 15 και τοις ἄλλοις είρηται, το ἀριθμοστον έπι το ίσον αὐτῷ ἤγουν έφ' έαυτο χρη ποιείν, τουτέστι το γον έπι το ἀπ' το γον ενηται θον, και το ἀριθμοστον έπι το ἀπ' αὐτοῦ δυναμοστον ποιείν, τουτέστι το γον έπι το δον είνηται κζον και έπι τῶν ἄλλων ὁμοίως.

# AD DEFINITIONEM VIII.

['Αριθμοστον δε έπι άριθμόν, και δυναμοστον έπι δύναμιν, και τὰ λοιπὰ ταὐτόν έστι τῷ· πᾶς ἀριθμὸς έπι τὸ δμώνυμον αὐτοῦ μόριον πολλαπλασιασθείς μονάδα ποιεί.]

ε5 ΙΕ. 'Αριθμοστον έπι δύναμιν, άριθμον ποιεϊ, και έξης. ὥσπερ έλέγομεν ὅτι πᾶς ἀριθμος ἐπι τὸ δμώνυμον αὐτοῦ μόριον πολλαπλασιασθείς μονάδα

<sup>1</sup> μένη corr. ex μένει secunda manu. 21—24 'Αριθμοστόν ... ποιεί in margine tantum exstant.

ποιεί, οὕτω καὶ πᾶν ἀριθμοστὸν ἐπὶ τὴν ἀπὸ τοῦ  $δμωνύμου αὐτῷ ἀριθμοῦ γενομένην δύναμιν, οὐκ ἐπὶ τὴν τυχοῦσαν, πολλαπλασιασθέν, τὸν <math>δμωνυμον αὐτῷ ἀριθμὸν ποιήσει. οἶον ἔστω ἀριθμοστὸν τὸ <math>γ^{ον}$ , ἡ δὲ ἀπὸ τοῦ δμωνύμου αὐτῷ ἀριθμοῦ δύναμις <math>δ Φ· λέγομεν δ οὖν· ἐννεάκις τὸ τρίτον, ἐννέα τρίτα, τρεῖς μονάδες εἰσί. καὶ γέγονεν δ  $\overline{γ}$  ἀριθμὸς δμώνυμος τῷ ἀριθμοστῷ, ἤτοι τῷ  $γ^{op}$  τῆς μονάδος μέρει.

Ομοίως καὶ ἀριθμοστὸν ἐπὶ κύβον, δυνάμιν ποιεῖ. ἔστω γὰρ πάλιν ἀριθμοστὸν μὲν τὸ  $\gamma^{ov}$ , κύβος δὲ ὁ κζ· 10 καὶ λέγομεν· εἰκοσικαιεπτάκις τὸ  $\gamma^{ov}$ , κζ τρίτα, τὰ δὲ τρίτα  $\overline{\vartheta}$  μονάδες εἰσίν· καὶ γέγονεν  $\overline{\vartheta}$  δύναμις. ἐπὶ τῶν ἄλλων ὡσαύτως.

"Εστω δὲ καὶ ἐπὶ διαγράμματος δῆλον. ἐκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αί AB καὶ  $A\Gamma$ , καὶ 15 ἔστω ἡ μὲν AB μονάδων  $\bar{\delta}$ , ἡ  $\alpha$ 

δὲ  $A\Gamma$  μονάδος  $\bar{\alpha}$ . καὶ ἀναγεγράφθω ἀπ' αὐτῶν παραλληλόγραμμον τὸ  $AB\Gamma\Delta$ , καὶ

διηρήσθω ή AB είς τὰς μονάδας, τήν τε AE καὶ 20 EZ καὶ ZH καὶ HB· καὶ ἐπεὶ ή AB,  $\bar{\delta}$  μονάδων οὖσα, δύναμίς ἐστίν, ήτις καὶ γίνεται ἀπὸ τοῦ  $\bar{\beta}$  ἐφ' ἑαυτὸν πολλαπλασιασθέντος, τετμήσθω καὶ ή  $A\Gamma$  δίχα κατὰ τὸ  $\Theta$ , ἵνα δὴ μέρος δμώνυμον ἔχη τῷ ποιοῦντι τὴν δύναμιν ἀριθμῷ ἔσται οὖν ἑκατέρα τῶν  $A\Theta$ ,  $\Theta\Gamma$  25 μονάδος δυοστόν. καὶ ἤχθωσαν ἀπὸ τῶν E καὶ Z (καὶ H) σημείων παράλληλοι τῆ  $A\Gamma$  εὐθεῖαι αἱ EK, ZA, HM· ὁμοίως καὶ ἀπὸ τοῦ  $\Theta$  σημείου παράλληλος τῆ AB ἡ  $\Theta$ N εὐθεῖα.

<sup>27</sup> H add.  $X_2$ . 29  $\alpha\beta$  X,  $\alpha\gamma$  alii.

'Επεὶ τοίνυν ὅλον τὸ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλόγραμμον μονάδων ἐστὶ  $\bar{\delta}$ , ἔστι δὲ καὶ τὸ AN παραλληλόγραμμον ἥμισυ τοῦ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλογράμμου (ἡ γὰρ  $\Theta N$  δίχα αὐτὸ τέμνει), αὐτὸ ἄρα τὸ AN μονάδων ἔσται  $\bar{\beta}$ · καὶ δ δέδεικται ὅπως τὸ ἀριθμοστὸν ἐπὶ τὴν δύναμιν, τουτέστι τὸ  $A\Theta$  ἐπὶ τὴν AB, τὸ δυοστόν, εἴτ' οὖν ἡμισυ, ἐπὶ τὸν  $\bar{\delta}$  ἀριθμόν, τὸν  $\bar{\beta}$  ποιεῖ τὸ AN· τὸ γὰρ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλόγραμμον ὅλον τοιούτων ἐστὶ τεσσάρων οἵων τὸ AN δύο.

Όμοίως δὲ καὶ ἐὰν μὲν τὸ  $\langle A\Theta \rangle$  ἀριθμοστὸν μένη, ἡ δὲ AB  $\bar{\eta}$  μονάδων ὑποτεθη, ήτοι κύβος ἐπεὶ πάλιν ὅλον τὸ  $AB\Gamma \Delta$  μονάδων  $\bar{\eta}$  ἔσται, ἡ δὲ  $\Theta$  N δίχα τεμεῖ αὐτό, τὸ ἄρα AN μονάδων ἔσται  $\bar{\delta}$ , τουτέστι δύναμις, καὶ δμοίως ἐπὶ τῶν λοιπῶν.

ΙΞ. Δυναμοστόν ἐπὶ ἀριθμόν ἀριθμοστόν ποιεϊ. ἔστω δυναμοστόν τὸ  $\delta^{ov}$ , ἀριθμός δὲ ὁ  $\bar{\beta}$ · λέγομεν οὖν δὶς τὸ  $\delta^{ov}$ ,  $\bar{\beta}$  τέταρτα τὰ δὲ  $\bar{\beta}$  τέταρτα ἤμισύ ἐστι, καὶ γέγονεν ἀριθμοστόν τὸ δυοστόν. [τὸ δὲ δυοστόν]

Όμοίως  $\langle \delta$ υναμοστὸν $\rangle$  ἐπὶ χύβον ἀριθμὸν ποιετ. 20 ἔστω γὰρ δυναμοστὸν μὲν τὸ δον, χύβος δὲ τὰ  $\bar{\eta}$ . λέγομεν οὖν· ὀκτάκις τὸ δον,  $\bar{\eta}$  τέταρτα, τὰ δὲ  $\bar{\eta}$  τέταρτα  $\bar{\beta}$  μονάδες εἰσί, καὶ γέγονεν ἀριθμὸς  $\delta$   $\bar{\beta}$ .

"Εστω δὲ καὶ ἐπὶ διαγράμματος δῆλον. ἐκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αἱ AB καὶ  $A\Gamma$ , καὶ 25  $\frac{\alpha}{\beta}$   $\frac{\beta}{\beta}$  ἔστω ἡ μὲν AB μονάδων  $\overline{\beta}$ , ἡ δὲ  $\frac{\beta}{\beta}$   $\frac{\beta}{\beta}$ 

<sup>18</sup> τὸ δὲ δυοστὸν seclusi.

μονάδων οὖσα, ἀριθμός ἐστιν, ὁ δὲ ἀπὸ τοῦ  $\bar{\beta}$  γενόμενος τετράγωνος ὁ  $\bar{\delta}$  ἐστι, διηρήσθω καὶ ἡ  $A\Gamma$  μονὰς εἰς ἴσα  $\bar{\delta}$  τέταρτα, τὰ AZ, ZH,  $H\Theta$ ,  $\Theta\Gamma$ . ἔσται οὖν ἕκαστον τούτων μονάδος τέταρτον, καὶ ἡ AZ ἄρα δυναμοστόν ἐστιν, ἤτοι μονάδος  $\bar{\delta}^{or}$ . καὶ ἤχθω ἀπὸ 5 μὲν τοῦ E σημείου παράλληλος τῆ  $A\Gamma$  εὐθεία ἡ EK, ἀπὸ δὲ τῶν Z καὶ H καὶ  $\Theta$  παράλληλοι τῆ AB αἱ  $Z\Lambda$ , HM,  $\Theta N$ .

Έπεὶ οὖν ὅλον τὸ  $AB\Gamma \Delta$   $\bar{\beta}$  μονάδων ἐστίν,  $\bar{\eta}$  δὲ HM δίχα αὐτὸ τέμνει, τὸ ἄρα AM μονάδος  $\bar{\alpha}$  ἔσται. 10 πάλιν ἐπεὶ τὸ AM μονάδος ἐστὶ  $\bar{\alpha}$ ,  $\bar{\eta}$  δὲ  $Z\Lambda$  δίχα αὐτὸ τέμνει, τὸ ἄρα  $A\Lambda$  ἡμίσεως ἔσται μονάδος καὶ δέδεικται ὅπως τὸ δυναμοστὸν ἐπὶ τὸν ἀριθμόν, τουτέστι τὸ AZ ἐπὶ τὴν AB, τουτέστι τὸ δον ἐπὶ τὰ  $\bar{\beta}$ , ἀριθμοστὸν ἐποίησε τὸ  $A\Lambda$  δυοστὸν ὂν μονάδος.

Όμοίως δὲ καὶ ἐὰν τὸ μὲν AZ δυναμοστὸν μένη,  $\eta$  δὲ AB κύβος ἥτοι  $\bar{\eta}$  μονάδων ὑποτεθ $\bar{\eta}$ , τὸ AA ἀριθμὸς ἔσται ἐπειδ $\eta$  γὰρ τὸ AA τέταρτόν ἐστι τοῦ  $AB\Gamma \Delta$ , ὑπόκειται δὲ νῦν τὸ  $AB\Gamma \Delta$   $\bar{\eta}$  μονάδων, τὸ AA ἄρα  $\bar{\beta}$  μονάδων ἔσται.

# AD DEFINITIONEM IX.

IZ. Λεῖψις ἐπὶ λεῖψιν πολλαπλασιασθεῖσα ποιεῖ ὕπαρξιν, λεῖψις δὲ ἐπὶ ὕπαρξιν ποιεῖ λεῖψιν.

Οὐχ ἀπλῶς λεῖψιν λέγει, μὴ καὶ ὑπάρξεως τινος 25 οὔσης, ἀλλὰ ὅπαρξιν ἔχουσαν λεῖψιν ως ἐὰν ὑποθωμεθα τὸν  $5^{5r}$  εἶναι μ $^{o}$   $\bar{\beta}$ , καὶ φωμεν ὅτι ἔστω ὅδε

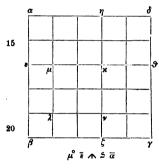
<sup>4</sup> τέταρτον Κ, τετάρτου alii.

ἀριθμὸς  $\mu^{\circ}$   $\bar{\varsigma}$  λείψει  $\mathfrak{S}^{\circ ar{\upsilon}}$   $\bar{\alpha}$ ,  $\mu^{\circ}$   $\bar{\delta}$  λέγομεν $\cdot$  τὰ γὰρ  $\bar{\varsigma}$  παρὰ  $\bar{eta}$ ,  $\bar{\delta}$  έστιν.

Ταπερ δὲ γίνεται ἐπὶ τῆς ὑπάρξεως, οὕτω καὶ ἐπὶ τῆς λείψεως λεῖψις γὰρ  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$  ἐπὶ μὲν λεῖψιν μων ὕπαρξιν  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$  ποιεῖ, ἐπὶ δὲ λεῖψιν  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$  ὕπαρξιν  $\mathbf{S}^{V}$ , ἐπὶ δὲ λεῖψιν  $\mathbf{S}^{V}$  ὁπαρξιν  $\mathbf{S}^{V}$ , ἐπὶ δὲ λεῖψιν  $\mathbf{S}^{V}$  ὁπαρξιν  $\mathbf{K}^{V}$ , καὶ ἐφεξῆς. ὁμοίως καὶ λεῖψις  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$  ἐπὶ μὲν ὕπαρξιν μων  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$ , ἐπὶ δὲ ὕπαρξιν  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$  λεῖψιν  $\mathbf{S}^{V}$ , καὶ ἐξῆς.

 $\Delta$ εδείχθω μέντοι καὶ γοαμμικῶς τὰ τοιαῦτα, καὶ 10 ποῶτον ὅπως ἡ λεῖψις ἐπὶ λεῖψιν ὕπαρξιν ποιεῖ.

Έκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις ἡ AB καὶ ἡ  $B\Gamma$ , καὶ ἔστω έκατέρα αὐτῶν  $\mu^{o}$   $\overline{\epsilon}$  λείψει



 $5^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$ ,  $\kappa \alpha l$   $\dot{\nu}$ nonelodo  $\delta$   $5^{\dot{\nu}}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$ ,  $\kappa \alpha l$   $\ddot{\epsilon}$ oro  $\dot{\eta}$   $\mu \dot{\epsilon} \nu$   $\dot{\epsilon}$ nl AB  $\lambda \dot{\epsilon} \dot{\epsilon} \dot{\nu} \dot{\nu} \dot{\nu}$   $\dot{\eta}$  AE,  $5^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$   $\ddot{\eta}$ roi  $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$ .  $\dot{\eta}$   $\ddot{\delta} \dot{\epsilon}$   $\dot{\epsilon}$ nl  $B\Gamma$   $\lambda \dot{\epsilon} \dot{\ell} \dot{\nu} \dot{\nu} \dot{\nu}$   $\ddot{\epsilon}$   $\ddot{\epsilon}$ oro  $\dot{\eta}$   $Z\Gamma$   $5^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$   $\kappa \alpha l$   $\alpha \dot{\nu} \dot{\tau} \dot{\eta}$ ,  $\ddot{\eta}$ roi  $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$ .  $\dot{\eta}$   $\ddot{\alpha}$ oa BZ  $\delta \mu o loo for <math>\dot{\epsilon}$ orai  $\mu^{\circ}$   $\bar{\gamma}$ .

Καὶ ἐπεὶ δύο εὐθεῖαι εἰσὶν αἱ AB,  $B\Gamma$  ἑκατέρα  $\mu$ °  $\bar{\epsilon}$  λείψει  $5^{o\bar{o}}$   $\bar{\alpha}$ , καὶ δεῖ ταύτας ἐπ' ἀλλήλας

πολλαπλασιασθήναι ώς ἂν καὶ ἡ λείψις ὅπως ἐπὶ τὴν λεῖψιν πολλαπλασιαζομένη ὅπαςξιν ποιεῖ καὶ ἐπὶ τὴν ὅπαςξιν ες λεῖψιν δειχθή, δέον ἐστὶ κατὰ τὴν τοῦ πολλαπλασιασμοῦ μεταχείρισιν (οὐ τὴν κατὰ τὸν Ἰνδικὸν ἀριθμὸν λέγω ἐκείνη γὰρ ἀντιστρόφως ἔχει πρὸς τὴν Ἑλληνικήν) πολλαπλασιασθήναι πρῶτον μὲν καὶ τὴν ὅπαρξιν τῶν μων ἐφ' ἐαυτήν εἶτα τὴν αὐτὴν ὅπαρξιν τῶν μων ἐπὶ

<sup>5</sup> λείψιν (alt.) Κ, λείψις alii. 10 πρώτον Κ, πρώτα alii.

την λεῖψιν τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  καὶ αὖθις την λεῖψιν τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  ἐπὶ την ὅπαρξιν τῶν  $\mathbf{\mathring{\mu}}^{\omega v}$  καὶ τέλος την λεῖψιν τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  ἐφ' ἑαυτήν, ἤτοι ἐπὶ την λεῖψιν, καὶ δεῖξαι τὸ ζητούμενον.

Τούτων ύποκειμένων, έπεὶ έκατέρα των ΑΒ, ΒΓ 5 μο έστι ε, πεπολλαπλασιάσθω ή ΑΒ έπι την ΒΓ, και γίνεται το ΑΒΓΔ τετράγωνον μο πε· και καταγεγρά**οθωσαν** αl μονάδες πᾶσαι τοῦ τετραγώνου· εἶτα πολλαπλασιασθήτω ή ΑΒ, τουτέστι ή των ε μονάδων υπαρξις. έπλ την  $Z\Gamma$ , λεῖψιν τοῦ  $S^{οῦ}$  την έν τῆ  $B\Gamma$ . καλ έπελ 10 μονάδες έπλ άριθμούς άριθμούς ποιούσι, καλ υπαρξις έπὶ λεῖψιν λεῖψιν ποιεῖ, ἀφαιρεθήσεται ἀπὸ τοῦ  $AB\Gamma \Delta$ τετραγώνου τὸ ΖΔ παραλληλόγραμμον, λεῖψις \$5 Φ ε ήτοι μο τ. και λοιπον μένει το ΑΖ παραλληλόγραμμον  $μ^{\circ}$   $\bar{\iota}$ ε.  $α\dot{v}$ δις πολλαπλασιασθήτω ή AE λεῖψις τοῦ  $\bar{\alpha}$   $S^{\circ \tilde{v}}$  15 έπι την ΒΓ υπαρξιν των ε μονάδων, και γενήσεται αὖθις λεῖψις \$5 Φ ε, καὶ δεήσει εἶναι τὴν λεῖψιν τῶν  $\overline{\epsilon}$  SS $^{\tilde{\omega}r}$  tò  $A\Theta$  παραλληλόγραμμον. ἀλλ' ἐπεὶ τὸ  $H\Theta$ τετράγωνον έπὶ τῆς προτέρας λείψεως ἀφηρέθη καὶ οὐ δεῖ δὶς τὸ αὐτὸ ἐφ' έκατέρας τῶν λείψεων ἀφαιρεῖσθαι, 20 άφαιρεθήσεται μέν το ΑΚ παραλληλόγραμμον 55 ν, πρὸς δὲ τούτ $\varphi$  καὶ  $K \Lambda$  τετράγωνον  $SS^{\varpi v}$  ὂν  $\overline{\beta}$ , ὡς αν πάλιν ή λεΐψις  $SS^{\tilde{\omega}^{\nu}}$  γενήσεται  $\bar{\epsilon}$ , ήτις έστὶ τὸ  $A\langle H \rangle KN ΔME$  χωρίον  $\mu^{o} \bar{\iota}$ . καὶ λοιπὸς μένει δ ΒΕΜΛΝΖ γνώμων μο ὢν ε. 25

'Αλλ' έπεὶ ἀφαιρουμένων τῶν AE καὶ  $Z\Gamma$  λείψεων, μένει έκατέρα τῶν EB, BZ  $\mu^{\circ}$   $\overline{\gamma}$ , καὶ δεῖ τὸ ἀπὸ τούτων τετράγωνον  $\mu^{\circ}$  εἶναι  $\overline{\vartheta}$ , κατελείφθησαν δὲ  $\mu^{\circ}$   $\overline{\epsilon}$  τοῦ γνώμονος, δέον ἐστὶ καὶ  $\overline{\delta}$   $\mu^{\circ}$  ταύταις προσθεῖναι,

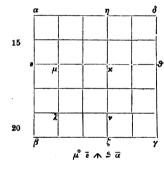
<sup>24</sup> χωρίων Β, χωρίον Κ.

άριθμὸς  $μ^{\circ}$   $\bar{\varsigma}$  λείψει  $\varsigma^{\circ \bar{\upsilon}}$   $\bar{\alpha}$ ,  $μ^{\circ}$   $\bar{\delta}$  λέγομεν τὰ γὰρ  $\bar{\varsigma}$  παρὰ  $\bar{\rho}$ ,  $\bar{\delta}$  έστιν.

 $\mathfrak{D}$ σπες δὲ γίνεται ἐπὶ τῆς ὑπάςξεως, οὕτω καὶ ἐπὶ τῆς λείψεως λεῖψις γὰς  $\mathbf{S}^{0\bar{0}}$  ἐπὶ μὲν λεῖψιν  $\mathbf{\mu}^{\omega r}$  ὕπαςξιν  $\mathbf{S}^{5\bar{\omega}r}$  ποιεῖ, ἐπὶ δὲ λεῖψιν  $\mathbf{S}^{0\bar{0}}$  ὅπαςξιν  $\mathbf{\Delta}^{r}$ , ἐπὶ δὲ λεῖψιν  $\mathbf{\Delta}^{r}$  ⟨ῦπαςξιν⟩  $\mathbf{K}^{r}$ , καὶ ἐφεξῆς. ὁμοίως καὶ λεῖψις  $\mathbf{S}^{0\bar{0}}$  ἐπὶ μὲν ὕπαςξιν  $\mathbf{\mu}^{\omega r}$  ⟨λεῖψιν⟩  $\mathbf{S}^{5\bar{\omega}r}$ , ἐπὶ δὲ ὕπαςξιν  $\mathbf{S}^{5\bar{\omega}r}$  λεῖψιν  $\mathbf{\Delta}^{r}$ , καὶ ἐξῆς.

Δεδείχθω μέντοι καὶ γοαμμικῶς τὰ τοιαῦτα, καὶ 10 ποῶτον ὅπως ἡ λεῖψις ἐπὶ λεῖψιν ὕπαοξιν ποιεῖ.

Έκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις ἡ AB καὶ ἡ  $B\Gamma$ , καὶ ἔστω έκατέρα αὐτῶν  $\mu^{o}$   $\bar{\epsilon}$  λείψει



 $\mathbf{S}^{\circ \tilde{v}}$   $\bar{\alpha}$ ,  $\mathbf{n}$   $\mathbf{a}$   $\mathbf{b}$   $\mathbf{n}$   $\mathbf{n}$ 

Καὶ ἐπεὶ δύο εὐθεῖαι εἰσὶν αἱ AB,  $B\Gamma$  ἑκατέρα  $\mu^{o}$   $\bar{e}$  λείψει  $2^{o\bar{v}}$   $\bar{a}$ , καὶ δεῖ ταύτας ἐπ' ἀλλήλας

πολλαπλασιασθήναι ώς αν καὶ ἡ λείψις ὅπως ἐπὶ τὴν λείψιν πολλαπλασιαζομένη ὑπαρξιν ποιεί καὶ ἐπὶ τὴν ὑπαρξιν ελείψιν δειχθή, δέον ἐστὶ κατὰ τὴν τοῦ πολλαπλασιασμοῦ μεταχείρισιν (οὐ τὴν κατὰ τὸν Ἰνδικὸν ἀριθμὸν λέγω ἐκείνη γὰρ ἀντιστρόφως ἔχει πρὸς τὴν Ἑλληνικήν) πολλαπλασιασθήναι πρῶτον μὲν καὶ τὴν ὕπαρξιν τῶν μων ἐκὶ ἐκὸ' ἐαυτήν εἶτα τὴν αὐτὴν ὑπαρξιν τῶν μων ἐκὶ

<sup>5</sup> λείψιν (alt.) Κ, λείψις alii. 10 πρώτον Κ, πρώτα alii.

τὴν λεῖψιν τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  καὶ αὖθις τὴν λεῖψιν τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  ἐπὶ τὴν ὕπαρξιν τῶν  $\mathring{\boldsymbol{\mu}}^{\omega v}$  καὶ τέλος τὴν λεῖψιν τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  ἐφ' ἑαυτήν, ἤτοι ἐπὶ τὴν λεῖψιν, καὶ δεῖξαι τὸ ζητούμενον.

Τούτων ύποκειμένων, έπεὶ έκατέρα τῶν ΑΒ, ΒΓ 5 μο έστι ε, πεπολλαπλασιάσθω ή ΑΒ έπι την ΒΓ, και γίνεται τὸ ΑΒΓΔ τετράγωνον μο πε· καὶ καταγεγράφθωσαν αl μονάδες πασαι τοῦ τετραγώνου· εἶτα πολλαπλασιασθήτω ή ΑΒ, τουτέστι ή των ε μονάδων υπαρξις, έπλ την  $Z\Gamma$ , λεῖψιν τοῦ  $S^{o ilde v}$  την έν τη  $B\Gamma$ . καλ έπελ 10 μονάδες έπι άριθμούς άριθμούς ποιούσι, και υπαρξις έπὶ λεῖψιν λεῖψιν ποιεῖ, ἀφαιρεθήσεται ἀπὸ τοῦ ΑΒΓΔ τετραγώνου τὸ ΖΔ παραλληλόγραμμου, λεῖψις 55 Εν ήτοι μο τ. καλ λοιπον μένει το ΑΖ παραλληλόγραμμον  $μ^{o}$   $\bar{\iota}\bar{\epsilon}$ .  $α\bar{b}$  $\partial \iota_{S}$  πολλαπλασιασθήτω ή AE λεΐψις τοῦ  $\bar{\alpha}$   $S^{o\bar{v}}$  15 έπι την ΒΓ υπαρξιν των ε μονάδων, και γενήσεται αὖθις λεῖψις  $SS^{\tilde{\omega} \nu} \overline{\epsilon}$ , καὶ δεήσει εἶναι τὴν λεῖψιν τῶν  $\overline{\epsilon}$  SS $^{\tilde{\omega} r}$  tò  $A\Theta$  παραλληλόγραμμον. ἀλλ' έπεὶ τὸ  $H\Theta$ τετράγωνον έπὶ τῆς προτέρας λείψεως ἀφηρέθη καὶ οὐ δεϊ δίς τὸ αὐτὸ ἐφ' έκατέρας τῶν λείψεων ἀφαιρεῖσθαι, 20 άφαιρεθήσεται μέν τὸ ΑΚ παραλληλόγραμμον 55 ν. πρὸς δὲ τούτφ καὶ  $K\Lambda$  τετράγωνον  $SS^{\tilde{\omega}v}$  ὂν  $\bar{\beta}$ , ὡς αν πάλιν ή λεΐψις  $SS^{\tilde{\omega}r}$  γενήσεται  $\bar{\epsilon}$ , ήτις έστὶ τὸ  $A\langle H \rangle KN Λ ME$  χωρίον  $\mu^{\circ} \bar{\iota}$ . καὶ λοιπὸς μένει δ ΒΕΜΑΝΖ γνώμων μο ὢν ε.

' $A\lambda\lambda$ ' έπεὶ ἀφαιρουμένων τῶν AE καὶ  $Z\Gamma$  λείψεων, μένει έκατέρα τῶν EB, BZ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\gamma}$ , καὶ δεῖ τὸ ἀπὸ τούτων τετράγωνον  $\mu^{\circ}$  εἶναι  $\bar{\vartheta}$ , κατελείφθησαν δὲ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\epsilon}$  τοῦ γνώμονος, δέον ἐστὶ καὶ  $\bar{\delta}$   $\mu^{\circ}$  ταύταις προσθεῖναι,

<sup>24</sup> χωρίων Β, χωρίον Κ.

καὶ ἀναγεγοάφθω τὸ ὑπ' αὐτῶν παραλληλόγραμμον τὸ  $AB\Gamma \Delta$ . λέγω ὅτι καὶ τὸ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλόγραμμον  $\bar{\gamma}$  μονάδων ἐστί. διηρήσθω γὰρ ἡ AB εἰς τὰς μονάδας αὐτῆς τήν τε AE καὶ EZ καὶ ZB, καὶ ἀπὸ τῶν E 5 καὶ Z σημείων ἤχθωσαν παράλληλοι τῆ  $A\Gamma$  εὐθεῖαι αἱ EH, ZΘ· ἐπεὶ τοίνυν ἡ  $A\Gamma$  μονάδος ἐστὶ  $\bar{\alpha}$ , ἔστι δὲ καὶ ἡ AE τῆς αὐτῆς μονάδος  $\bar{\alpha}$ , καὶ ὅλον ἄρα τὸ AH μονάδος ἔσται  $\bar{\alpha}$ · μονὰς γὰρ ἐπὶ μονάδα, μονάδα ποιεί. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὰ EΘ καὶ ΘB μονάδος 10 ἔσται ἑκάτερον· ὅλον ἄρα τὸ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλόγραμμον μονάδων ἔσται  $\bar{\gamma}$ · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

#### AD DEFINITIONEM VII.

ΙΓ. Όμωνυμα μόριά είσι τοις ἀριθμοῖς, τοις μὲν  $\bar{\beta}$  τὸ ἡμισυ ἡτοι δυοστόν, τοῖς δὲ  $\bar{\gamma}$  τὸ τρίτον, τοῖς δὲ  $\bar{\delta}$  τὸ τρίτον, τοῖς δὲ  $\bar{\delta}$  τὸ τρίτον, τοῖς τοῦς δὲ  $\bar{\delta}$  τὸ τρίτον, τοῖς τυχὸν τὸ τῶν  $\bar{\gamma}$  τρίτον, ἢ τέταρτον τὸ τῶν  $\bar{\delta}$  τέταρτον, ἐκεῖνο γὰρ μονάς ἐστιν, ἀλλὰ τὸ τῆς μονάδος τρίτον ἢ τέταρτον· ὅπερ ὁμώνυμον πάντως ἐστιν ἀριθμῷ, οὐχὶ μόριον ἐκείνου ὄν, ἀλλὰ τῆς μονάδος, καὶ ἔστι τὸ μὲν τρίτον αὐτῆς ὁμώνυμον τῷ  $\bar{\gamma}$  ἀριθμῷ, τὸ δὲ τέταρτον τῷ  $\bar{\delta}$ , καὶ ἐφεξῆς.

ΙΔ. 'Αριθμοστὸν οὖν, φησίν, ἐπὶ ἀριθμοστὸν ποιεῖ δυναμοστόν τουτέστι  $\gamma^{ov}$  ἐπὶ  $\gamma^{ov}$ , θον, ἤτοι τὸ  $\gamma^{ov}$  τοῦ  $\gamma^{ov}$  θόν ἐστι.

ες Καὶ ἀριθμοστὸν ἐπὶ δυναμοστὸν ποιεῖ κυβοστόν τουτέστι  $\gamma^{ov}$  ἐπὶ  $\partial^{ov}$  ποιεῖ κξ $\sigma^{ov}$ , ἤτοι τὸ  $\gamma^{ov}$  τοῦ  $\partial^{ou}$  κξ $\sigma^{ov}$  έστι· ὅσπερ γὰρ ἐπὶ τῶν ἀριθμῶν τὰ  $\overline{\gamma}$  ἐπὶ τὸν  $\overline{\gamma}$ ,  $\overline{\partial}$  ἐποίει, καὶ τὰ  $\overline{\gamma}$  ἐπὶ τὸν  $\overline{\partial}$ ,  $\overline{\kappa}$ ξ, οὕτως ἐπὶ τῶν δμωνύμων αὐτοῖς μορίων τῆς μονάδος.

Έσαύτως καὶ δυναμοστὸν ἐπὶ δυναμοστὸν δυναμοστὸν ποιεῖ· τουτέστι τὸ  $\theta^{op}$  ἐπ'  $\theta^{op}$ , πα $^{op}$  ποιεῖ, ἤτοι τοῦ  $\theta^{op}$   $\langle \tau \rangle$   $\theta^{op} \rangle$  πα $^{op}$  έστι· καὶ γὰρ καὶ  $\overline{\theta}$ , ἐπὶ  $\overline{\theta}$ ,  $\overline{\alpha}$  ἐποίει δυναμοδύναμιν.

AB at HM,  $\Theta N$  · nal τεμνέσθω ή EK την HM

Ἐπεὶ τοίνυν η AB μονὰς εἰς  $\overline{\gamma}$  τρίτα διήρηται, Εκαστον ἄρα τῶν AK, KZ,  $Z\Delta$  τρίτον μονάδος ἔσται ὅλον γὰρ τὸ  $AB\Gamma\Delta$  τετράγωνον μονάδος μιᾶς  $\overline{\eta}$ ν. 20 ἀλλ' Εκαστον τούτων πάλιν ὑπὸ τῶν HM καὶ  $\Theta N$  εὐθειῶν εἰς  $\overline{\gamma}$  τρίτα διήρηται ἔσται οὖν καὶ τὸ AK εἰς  $\overline{\gamma}$  τρίτα διηρημένον.  $\overline{\eta}$ ν δὲ καὶ ὅλον τὸ AK μονάδος τρίτον τὸ  $A\Xi$  ἄρα ἔσται τρίτον τρίτου, ὅπερ ἐστὶν ἔνατον καὶ δέδεικται ὅπως τὸ ἀριθμοστὸν ἐπὶ τὸ 25 ἀριθμοστόν, τουτέστι τὸ AE ἐπὶ τὸ AH, τὸ τρίτον ἐπὶ τὸ τρίτον, δυναμοστὸν ἐποίησε τὸ  $A\Xi$  μονάδος  $\overline{ο}$ ν ἔνατον τὸ γὰρ  $AB\Gamma\Delta$  ὅλον τετράγωνον, μονάδος μιᾶς ὅν, τοιούτων ἐστὶν ἐννέα οἵων ἐστὶ τὸ  $A\Xi$  ἑνός.

αατά τὸ Ξ.

<sup>2</sup> τὸ ἔννατον add. X2.

20

Όμοίως δὲ καὶ ἐὰν τὸ μὲν AH ἀριθμοστὸν μένη, ἤτοι  $\gamma^{ov}$  μονάδος, τὸ δὲ AE δυναμοστὸν ὑποθώμεθα, τουτέστιν θον μέρος τῆς AB, τὸ AE κυβοστὸν ἔσται, τουτέστιν κξον μέρος τοῦ  $AB\Gamma \Delta$  δλου τετραγώνου ταὶ ἐὰν ἑκάτερον τῶν AH καὶ AE δυναμοστὸν ὑποθώμεθα, τουτέστι τὸ μὲν AH θον τῆς  $A\Gamma$ , καὶ τὸ AE ὁμοίως  $\theta^{ov}$  τῆς AB, τὸ AE δυναμοδυναμοστὸν ἔσται, τουτέστιν παον μέρος μιᾶς μονάδος, ἤτοι τοῦ  $AB\Gamma \Delta$  τετραγώνου καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ὁμοίως.

10 Χρη δε τον τούτων πολλαπλασιασμον μη ως ετυχε ποιείν, τουτέστι το τυχον αριθμοστον έπι το τυχον αριθμοστον έπι το τυχον αριθμοστον έπι το τυχον αριθμοστον τοιείν, ζινα γένηται δυναμοστον, η το αριθμοστον έπι το τυχον δυναμοστον ζινα γένηται κυβοστον άλλ' ως εν τοις αριθμοίς και ταις δυνάμεσι 15 και τοις άλλοις είρηται, το αριθμοστον έπι το ίσον αυτώ ηγουν έφ' εαυτό χρη ποιείν, τουτέστι το γον έπι το αν' το γον ζινα γένηται θον, και το αριθμοστον έπι το απ' αυτοῦ δυναμοστον ποιείν, τουτέστι το γον έπι το θον ζινα γένηται κζον και έπι των άλλων δμοίως.

# AD DEFINITIONEM VIII.

['Αριθμοστον δε έπι άριθμόν, και δυναμοστον έπι δύναμιν, και τὰ λοιπὰ ταὐτόν έστι τῷ πᾶς ἀριθμός έπι τὸ δμώνυμον αὐτοῦ μόριον πολλαπλασιασθείς μονάδα ποιεί.]

5 IE. 'Αριθμοστὸν ἐπὶ δύναμιν, ἀριθμὸν ποιεῖ, καὶ ἑξῆς. ὅσπερ ἐλέγομεν ὅτι πᾶς ἀριθμὸς ἐπὶ τὸ ὁμώνυμον αὐτοῦ μόριον πολλαπλασιασθεὶς μονάδα

<sup>1</sup> μένη corr. ex μένει secunda manu. 21—24 Άριθμοστὸν ... ποιεί in margine tantum exstant.

Όμοίως καὶ ἀριθμοστὸν ἐπὶ κύβον, δυνάμιν ποιετ. ἔστω γὰρ πάλιν ἀριθμοστὸν μὲν τὸ  $\gamma^{ov}$ , κύβος δὲ ὁ κζ· 10 καὶ λέγομεν· εἰκοσικαιεπτάκις τὸ  $\gamma^{ov}$ , κζ τρίτα, τὰ δὲ πζ τρίτα  $\overline{\vartheta}$  μονάδες εἰσίν· καὶ γέγονεν  $\overline{\vartheta}$  δύναμις. ἐπὶ τῶν ἄλλων ὡσαύτως.

Τεστω δὲ καὶ ἐπὶ διαγράμματος δῆλον. ἐκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αἱ ΑΒ καὶ ΑΓ, καὶ 15 ἔστω ἡ μὲν ΑΒ μονάδων δ̄, ἡ α ζ η β δὲ ΑΓ μονάδος ᾱ. καὶ ἀναγράφθω ἀπ' αὐτῶν παραλληλος αὶ ΑΒ, δ μονάδων οἱ λΒΓΔ, καὶ ληλόγραμμον τὸ ΑΒΓΔ, καὶ  $^{7}$  καὶ  $^{7}$  καὶ διηρήσθω ἡ ΑΒ εἰς τὰς μονάδας, τήν τε ΑΕ καὶ 20 ΕΖ καὶ ΖΗ καὶ ΗΒ· καὶ ἐπεὶ ἡ ΑΒ, δ μονάδων οὖσα, δύναμίς ἐστίν, ῆτις καὶ γίνεται ἀπὸ τοῦ  $^{7}$  ἐφ' ἑαυτὸν πολλαπλασιασθέντος, τετμήσθω καὶ ἡ ΑΓ δίχα κατὰ τὸ Θ, ἵνα δὴ μέρος δμώνυμον ἔχη τῷ ποιοῦντι τὴν δύναμιν ἀριθμῷ· ἔσται οὖν ἑκατέρα τῶν ΑΘ, ΘΓ 25 μονάδος δυοστόν. καὶ ἤχθωσαν ἀπὸ τῶν Ε καὶ Ζ (καὶ Η) σημείων παράλληλοι τῆ ΑΓ εὐθεῖαι αἱ ΕΚ, ΖΛ, ΗΜ· ὁμοίως καὶ ἀπὸ τοῦ Θ σημείου παράλληλος

τη̃ AB η̃ ΘΝ εὐθεῖα.

<sup>27</sup> H add. X<sub>2</sub>. 29 αβ X, αγ alii.

'Επεὶ τοίνυν ὅλον τὸ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλόγραμμον μονάδων ἐστὶ  $\bar{\delta}$ , ἔστι δὲ καὶ τὸ AN παραλληλόγραμμον ῆμισυ τοῦ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλογράμμου (ἡ γὰρ  $\Theta N$  δίχα αὐτὸ τέμνει), αὐτὸ ἄρα τὸ AN μονάδων ἔσται  $\bar{\beta}$ · καὶ δ δέδεικται ὅπως τὸ ἀριθμοστὸν ἐπὶ τὴν δύναμιν, τουτέστι τὸ  $A\Theta$  ἐπὶ τὴν AB, τὸ δυοστόν, εἴτ' οὖν ῆμισυ, ἐπὶ τὸν  $\bar{\delta}$  ἀριθμόν, τὸν  $\bar{\beta}$  ποιεῖ τὸ AN· τὸ γὰρ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλόγραμμον ὅλον τοιούτων ἐστὶ τεσσάρων οἵων τὸ AN δύο.

Ομοίως δε και έὰν μεν το  $\langle A\Theta \rangle$  ἀριθμοστον μένη, ή δε AB  $\bar{\eta}$  μονάδων ὑποτεθ $\tilde{\eta}$ , ήτοι κύβος έπει πάλιν δλον το  $AB\Gamma \Delta$  μονάδων  $\bar{\eta}$  έσται, ή δε  $\Theta N$  δίχα τεμεζ αὐτό, το ἄρα AN μονάδων έσται  $\bar{\delta}$ , τουτέστι δύναμις, και δμοίως έπι των λοιπών.

 $\mathbf{I}$   $\mathbf{I}$ 

Όμοίως  $\langle \delta$ υναμοστὸν $\rangle$  έπὶ κύβον ἀριθμὸν ποιεῖ. 20 έστω γὰρ δυναμοστὸν μὲν τὸ  $\delta$ ον, κύβος δὲ τὰ  $\bar{\eta}$ · λέγομεν οὖν· ὀκτάκις τὸ  $\delta$ ον,  $\bar{\eta}$  τέταρτα, τὰ δὲ  $\bar{\eta}$  τέταρτα  $\bar{\beta}$  μονάδες εἰσί, καὶ γέγονεν ἀριθμὸς  $\delta$   $\bar{\beta}$ .

<sup>18</sup> τὸ δὲ δυοστὸν seclusi.

μονάδων οὖσα, ἀριθμός ἐστιν, ὁ δὲ ἀπὸ τοῦ  $\bar{\beta}$  γενόμενος τετράγωνος ὁ  $\bar{\delta}$  ἐστι, διηρήσθω και  $\hat{\eta}$   $A\Gamma$  μονὰς εἰς ἴσα  $\bar{\delta}$  τέταρτα, τὰ AZ, ZH,  $H\Theta$ ,  $\Theta\Gamma$ . ἔσται οὖν ἕκαστον τούτων μονάδος τέταρτον, καὶ  $\hat{\eta}$  AZ ἄρα δυναμοστόν ἐστιν, ἤτοι μονάδος  $\delta^{or}$ . καὶ ἤχθω ἀπὸ  $\delta$  μὲν τοῦ E σημείου παράλληλος τῆ  $A\Gamma$  εὐθεία  $\hat{\eta}$  EK, ἀπὸ  $\delta$ ὲ τῶν Z καὶ H καὶ  $\Theta$  παράλληλοι τ $\hat{\eta}$  AB αἱ ZA, HM,  $\Theta N$ .

Έπεὶ οὖν ὅλον τὸ  $AB\Gamma \Delta \bar{\beta}$  μονάδων ἐστίν, ἡ δὲ HM δίχα αὐτὸ τέμνει, τὸ ἄρα AM μονάδος  $\bar{\alpha}$  ἔσται. 10 πάλιν ἐπεὶ τὸ AM μονάδος ἐστὶ  $\bar{\alpha}$ , ἡ δὲ  $Z\Lambda$  δίχα αὐτὸ τέμνει, τὸ ἄρα  $A\Lambda$  ἡμίσεως ἔσται μονάδος καὶ δέδεικται ὅπως τὸ δυναμοστὸν ἐπὶ τὸν ἀριθμόν, τουτέστι τὸ AZ ἐπὶ τὴν AB, τουτέστι τὸ  $\delta^{or}$  ἐπὶ τὰ  $\bar{\beta}$ , ἀριθμοστὸν ἐποίησε τὸ  $A\Lambda$  δυοστὸν ὂν μονάδος.

Όμοίως δὲ καὶ ἐὰν τὸ μὲν AZ δυναμοστὸν μένη, ἡ δὲ AB κύβος ἤτοι  $\bar{\eta}$  μονάδων ὑποτεθ $\bar{\eta}$ , τὸ AA ἀριθμὸς ἔσται ἐπειδὴ γὰρ τὸ AA τέταρτόν ἐστι τοῦ  $AB\Gamma \Delta$ , ὑπόκειται δὲ νῦν τὸ  $AB\Gamma \Delta$   $\bar{\eta}$  μονάδων, τὸ AA ἄρα  $\bar{\beta}$  μονάδων ἔσται.

# AD DEFINITIONEM IX.

IZ. Λεϊψις ἐπὶ λεῖψιν πολλαπλασιασθεῖσα ποιεῖ ὅπαρξιν, λεῖψις δὲ ἐπὶ ὅπαρξιν ποιεῖ λεῖψιν.

Οὐχ ἀπλῶς λεῖψιν λέγει, μὴ καὶ ὑπάρξεως τινος  $\infty$  οὕσης, ἀλλὰ ὕπαρξιν ἔχουσαν λεῖψιν ως ἐὰν ὑποθώμεθα τὸν  $\mathbf{S}^{\flat v}$  εἶναι μ $^{\circ}$   $\mathbf{\bar{\beta}}$ , καὶ φῶμεν ὅτι ἔστω ὅδε

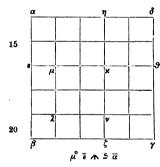
<sup>4</sup> τέταρτον Κ, τετάρτου alii.

ἀριθμὸς  $μ^{\circ}$   $\bar{\varsigma}$  λείψει  $s^{\circ \bar{\iota}}$   $\bar{\alpha}$ ,  $μ^{\circ}$   $\bar{\delta}$  λέγομεν $\cdot$  τὰ γὰρ  $\bar{\varsigma}$  παρὰ  $\bar{\beta}$ ,  $\bar{\delta}$  έστιν.

Όσπες δὲ γίνεται ἐπὶ τῆς ὑπάςξεως, οὕτω καὶ ἐπὶ τῆς λείψεως λείψις γὰς  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  ἐπὶ μὲν λείψιν  $\mathbf{μ}^{\omega r}$  ὕπαςξιν  $\mathbf{S}^{S\bar{\omega}r}$  ποιεῖ, ἐπὶ δὲ λείψιν  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  ὕπαςξιν  $\mathbf{Δ}^{Y}$ , ἐπὶ δὲ λείψιν  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  ὅπαςξιν  $\mathbf{λ}^{X}$ , ἐπὶ δὲ λείψιν  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  ὁμοίως καὶ λείψις  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  ἐπὶ μὲν ὕπαςξιν  $\mathbf{μ}^{\omega r}$   $\langle \lambda$ είψιν  $\rangle$   $\mathbf{S}^{S\bar{\omega}r}$ , ἐπὶ δὲ ὕπαςξιν  $\mathbf{S}^{S\bar{\omega}r}$  λείψιν  $\mathbf{\Delta}^{Y}$ , καὶ έξῆς.

Δεδείχθω μέντοι καὶ γραμμικῶς τὰ τοιαῦτα, καὶ 10 πρῶτον ὅπως ἡ λεῖψις ἐπὶ λεῖψιν ὕπαρξιν ποιεῖ.

Έκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις ἡ AB καὶ ἡ  $B\Gamma$ , καὶ ἔστω έκατέρα αὐτῶν  $\mu^{o}$   $\overline{\epsilon}$  λείψει



 $S^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$ , καὶ ὑποκείσθω  $\delta$   $S^{\circ}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$ , καὶ ἔστω ἡ μὲν ἐπὶ AB λεῖψις ἡ AE,  $S^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$  ἤτοι  $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$ · ἡ ἄρα  $S^{\circ}$  ΕΒ ἔσται  $\mu^{\circ}$   $\bar{\gamma}$ · ἡ δὲ ἐπὶ  $S^{\circ}$  λεῖψις ἔστω ἡ  $S^{\circ}$   $S^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$  καὶ αὐτή, ἤτοι  $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$ · ἡ ἄρα  $S^{\circ}$   $\bar{\delta}$  ψοίως ἔσται  $\mu^{\circ}$   $\bar{\gamma}$ .

Καὶ ἐπεὶ δύο εὐθεῖαι εἰσὶν αἱ AB,  $B\Gamma$  ἐκατέρα  $\mu$ °  $\bar{\epsilon}$  λείψει  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$ , καὶ δεῖ ταύτας ἐπ' ἀλλήλας

πολλαπλασιασθήναι ώς αν καὶ ἡ λείψις ὅπως ἐπὶ τὴν λείψιν πολλαπλασιαζομένη ὑπαρξιν ποιεῖ καὶ ἐπὶ τὴν ὑπαρξιν ες λείψιν δειχθή, δέον ἐστὶ κατὰ τὴν τοῦ πολλαπλασιασμοῦ μεταχείρισιν (οὐ τὴν κατὰ τὸν Ἰνδικὸν ἀριθμὸν λέγω ἐκείνη γὰρ ἀντιστρόφως ἔχει πρὸς τὴν Ἑλληνικήν) πολλαπλασιασθήναι πρῶτον μὲν καὶ τὴν ὕπαρξιν τῶν μων ἐπὶ ἐφ' ἐαυτήν εἶτα τὴν αὐτὴν ὑπαρξιν τῶν μων ἐπὶ

<sup>5</sup> λείψιν (alt.) Κ, λείψις alii. 10 πρώτον Κ, πρώτα alii.

τὴν λεῖψιν τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  καὶ αὖθις τὴν λεῖψιν τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  ἐπὶ τὴν ὕπαρξιν τῶν  $\mathbf{\mathring{\mu}}^{orv}$  καὶ τέλος τὴν λεῖψιν τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  ἐφ' ἑαυτήν, ἤτοι ἐπὶ τὴν λεῖψιν, καὶ δεῖξαι τὸ ζητούμενον.

Τούτων ὑποκειμένων, ἐπεὶ ἐκατέρα τῶν ΑΒ, ΒΓ 5 μο έστι ε, πεπολλαπλασιάσθω ή ΑΒ έπι την ΒΓ, και γίνεται τὸ ΑΒΓΔ τετράγωνον μο πε· καὶ καταγεγράφθωσαν αl μονάδες πασαι τοῦ τετραγώνου· εἶτα πολλαπλασιασθήτω ή ΑΒ, τουτέστι ή τῶν ε μονάδων ὕπαρξις, έπλ την  $Z\Gamma$ , λείψιν τοῦ  $S^{οῦ}$  την έν τῆ  $B\Gamma$ . καλ έπελ 10 μονάδες έπι άριθμούς άριθμούς ποιούσι, και υπαρξις έπλ λείψιν λείψιν ποιεί, άφαιρεθήσεται άπό τοῦ ΑΒΓΔ τετραγώνου τὸ ΖΔ παραλληλόγραμμον, λεΐψις \$5 Φ ε ήτοι μο τ. καλ λοιπον μένει το ΑΖ παραλληλόγραμμον  $\mathbf{u}^o$   $\overline{\iota \epsilon}$ . αὖθις πολλαπλασιασθήτω ή AE λεΐψις τοῦ  $\bar{\mathbf{\alpha}}$   $\mathbf{S}^{o\~{v}}$  15 έπι την ΒΓ υπαρξιν των ε μονάδων, και γενήσεται αὖθις λεΐψις 55<sup>ων</sup> ε, καὶ δεήσει εἶναι τὴν λεΐψιν τῶν  $\overline{\epsilon}$  SS $^{\tilde{\omega}r}$  tò  $A\Theta$  παραλληλόγραμμον. ἀλλ' έπεὶ τὸ  $H\Theta$ τετράγωνον έπὶ τῆς προτέρας λείψεως ἀφηρέθη καὶ οὐ δεί δίς τὸ αὐτὸ ἐφ' έκατέρας τῶν λείψεων ἀφαιρείσθαι, 20 άφαιρεθήσεται μέν τὸ ΑΚ παραλληλόγραμμον 55 ν, αν πάλιν ή λετψις  $SS^{\tilde{\omega}r}$  γενήσεται  $\bar{\epsilon}$ , ήτις έστὶ τὸ  $A\langle H \rangle KN Λ ME$  χωρίον  $\mu^{o} \bar{\iota}$ . καὶ λοιπὸς μένει δ ΒΕΜΛΝΖ γνώμων μο ὢν ε.

'All' έπεὶ ἀφαιρουμένων τῶν AE καὶ  $Z\Gamma$  λείψεων, μένει έκατέρα τῶν EB, BZ  $\mu^{o}$   $\overline{\rho}$ , καὶ δεῖ τὸ ἀπὸ τούτων τετράγωνον  $\mu^{o}$  εἶναι  $\overline{\vartheta}$ , κατελείφθησαν δὲ  $\mu^{o}$   $\overline{\epsilon}$  τοῦ γνώμονος, δέον ἐστὶ καὶ  $\overline{\delta}$   $\mu^{o}$  ταύταις προσθεῖναι,

<sup>24</sup> χωρίων Β, χωρίον Κ.

ώς ἂν τὸ ἀπὸ τῶν  $\bar{\gamma}$  μ° τετράγωνον γένηται. πολλαπλασιασθεῖσα δὴ ἡ AE λεῖψις τοῦ  $\bar{\alpha}$   $5^{οῦ}$  ἐπὶ τὴν  $Z\Gamma$  λεῖψιν τοῦ  $\bar{\alpha}$   $5^{οῦ}$  ποιήσει  $\Delta^Y$   $\bar{\alpha}$  ὕπαρξιν, ἥτις ἔσται μ°  $\bar{\delta}$ · ὁ γῆρ  $5^{ὸ}$  δς ἦν πλευρὰ τῆς  $\Delta^Y$  μ° ἦν  $\bar{\beta}$ · ἔσται 5 οὖν ἡ  $\Delta^Y$  τὸ  $K\Lambda$  τετράγωνον μ°  $\bar{\delta}$ , ὅπερ πρότερον μὲν ἀφαιρεθέν, νῦν δὲ προστεθὲν τῷ  $BEM\Lambda NZ$  γνώμονι, τουτέστι ταῖς  $\bar{\epsilon}$  μ°, ποιήσει τὸ BK τετράγωνον μ°  $\bar{\delta}$ , καὶ γίνεται  $\bar{\delta}$  καὶ τῆς EB μόνως ἐπὶ τὴν BZ πολλαπλασιαζομένης, τῶν  $\bar{\gamma}$  μ° ἐπὶ τὰς  $\bar{\gamma}$  μ°, μηδαιομές λαμβανομένων τῶν λείψεων, ἔμελλε γίνεσθαι. καὶ ἔστι τὸ τετράγωνον τὸ EBZK  $\Delta^Y$   $\bar{\alpha}$  μ°  $\bar{\kappa}$  Λ  $SS^{\bar{\alpha}v}$   $\bar{\iota}$ , τουτέστι μ°  $\bar{\kappa}$   $\bar{\delta}$  Λ μ°  $\bar{\kappa}$ , ὅπερ ἐστὶ μ°  $\bar{\delta}$ .

$[\int^{\mu^o} \bar{\epsilon}$	λείψει	_ <b>5</b> οῦ α	
$\lim_{\mu^{\circ}} \overline{\varepsilon}$	λείψει	soi ā	
<b>ΰπα</b> οξις		λεῖψις	
$\mu^o \overline{\kappa \varepsilon}$		ss°l ε	
$\Delta^{\nu} \bar{\alpha}$		ss°l ε	
μο πε Δυ α	λείψει	<b>ລ</b> ອ∞້ <b>ν</b> $\bar{\iota}$ ]	

["Αλλως. 'Επεί το ΚΛ τετράγωνον δὶς ἀφηρέθη 20 ὑπὸ τῶν λείψεων, ἀλλ' ὑπὸ μὲν τῆς προτέρας λείψεως ἐν ὑπάρξει ὂν ἀφηρέθη, ὑπὸ δὲ τῆς δευτέρας μὴ ὂν ἀφηρέθη, ἔστι δὲ ἀδύνατον ἐκ τοῦ μὴ ὄντος ἀφαιρεθηναί τι, διὰ τοῦτο ἡ λείψις ἐπὶ τὴν λείψιν ἐποίησε τὸ ΚΛ τετράγωνον ὡς ἂν καὶ ἡ δευτέρα λείψις ἐν

15

<sup>4—7</sup> ἔσται οὖν πτἔ.] B habet in mg.: γς. παὶ οὕτως ἔσται οὖν ἡ δύναμις τὸ  $K\Lambda$  τετράγωνον  $μ^{\circ}$   $\overline{\delta}$ , ὅπες ἐπὶ τῆς χώρας τοῦ ἀφαιςεθέντος τετραγώνον τοῦ  $K\Lambda$  ἀντ' αὐτοῦ προστεθὲν τῷ  $BEM\Lambda NZ$  γνώμονι. 13—18 Diagramma solus habet X. 19 Ἦλλως πτἔ. quae seclusi ante scholium inserta sunt.

ύπάρξει ου δύνηται τοῦτο ἀφελεῖν ὡς καὶ ἡ προτέρα, καὶ μένη τὸ ΒΚ τετράγωνον ἀπαθές.]

Δέδεικται μεν οὖν αὐτόθεν, ἡνίκα πῶς ἡ λεῖψις ἐπὶ λεῖψιν ὅπαρξιν ποιεῖ ἐδείκνυτο, καὶ ὅπως ἡ λεῖψις ἐπὶ ὅπαρξιν λεῖψιν ποιεῖ οὐ μὴν ἀλλὰ καὶ αὖθις κατ' τ ἰδίαν δεικνύσθω.

'Εκκείσθωσαν δύο εὐθεἴαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αί AB,  $B\Gamma$ , καὶ ἔστω ἡ μὲν AB μ°  $\bar{p}$ , ἡ δὲ  $B\Gamma$  μ°  $\bar{\delta}$  Λ  $S^{o\bar{b}}$   $\bar{\alpha}$ , καὶ ὑποκείσθω πάλιν ὁ  $S^{\dot{b}}$  μ°  $\bar{\beta}$ , καὶ  $\alpha$   $\delta$  ἔστω ὁ  $S^{\dot{b}}$  ἡ  $E\Gamma$ · ἡ BE ἄρα ἔσται μ°  $\bar{\beta}$ . πολλαπλασιασθήτω δὴ πρῶτον ἡ ὕπαρξις τῶν  $\bar{\gamma}$  μ° ἐπὶ τὴν ὕπαρξιν τῶν  $\bar{\delta}$  μ°, γίνεται τὸ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλόγραμμον μ°  $\bar{\iota}\bar{\beta}$ · καὶ καταγεγρά-  $\bar{\beta}$   $\bar{\alpha}$   $\bar{\alpha}$ 

ληλογράμμου, εἶτα πολλαπλασιασθήτω ή AB ἐπὶ τὴν  $E\Gamma$ , τουτέστιν αί  $\bar{\gamma}$  μ° ἐπὶ τὴν τοῦ  $\bar{\alpha}$  S° λείψιν, καὶ γενήσεται λεῖψις SS  $\bar{\gamma}$ , τουτέστι μ°  $\bar{\varsigma}$ , ὅπερ ἐστὶ τὸ  $E\Delta$  παραλληλόγραμμον μ°  $\bar{\varsigma}$ , ώς ὑπὸ τὴς AB καὶ BE, τουτέστι μ°  $\bar{\gamma}$  ἐπὶ μ°  $\bar{\beta}$  20 πολλαπλασιασθεισῶν, καὶ γίνεται ὅπερ καὶ τῆς λείψεως μὴ λαμβανομένης ἔμελλε γίγνεσθαι. καὶ ἔστι τὸ AE παραλληλόγραμμον μ°  $\bar{i}\bar{\beta}$  Λ SS  $\bar{\gamma}$ , τουτέστι μ°  $\bar{i}\bar{\beta}$  Λ μ°  $\bar{\varsigma}$ , ὅπερ ἐστὶ μ°  $\bar{i}\bar{\beta}$  Λ μ°  $\bar{\varsigma}$ , ὅπερ ἐστὶ μ°  $\bar{i}\bar{\beta}$  Λ μ°  $\bar{\varsigma}$ , ὅπερ ἐστὶ μ°  $\bar{i}\bar{\beta}$  Λ μ°  $\bar{\varsigma}$ ,

## AD EANDEM DEFINITIONEM.

IH. Δειχθέντων δη ὅπως μο Λ 3οῦ ἐπὶ μο Λ 5οῦ πολλαπλασιάζονται, καὶ ἔστιν ὅπως μονάδες προσθέσει

<sup>2</sup> μένη X2, μένει alii. 20 ύπδ] ἀπδ.

άφιθμοῦ ἐπὶ μονάδας λείψει ἀφιθμοῦ πολλαπλασιάζονται, τῆς λείψεως κάνταῦθα ἐπὶ ὕπαφξιν λείψιν ποιούσης.

Έκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αί  $AB, B\Gamma$ , καὶ ἔστω ἡ μὲν AB  $S^{o \bar{o}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^o \bar{\gamma}$ , ἡ δὲ  $B\Gamma \mu^o \bar{\delta}$  Λ  $S^{o \bar{o}}$   $\bar{\alpha}$ ,

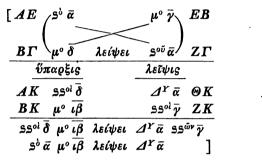
καὶ ὑποκείσθω πάλιν  $S^{b}$   $\mu^{o}$   $\bar{\beta}$ , καὶ ἔστω  $\delta$   $\mu$ ὲν ἐν τῆ AB  $S^{b}$  ἤτοι ἡ ὕπαρξις αὐτοῦ ἡ AE, ἡ δὲ ἐν τῆ  $B\Gamma$  λεῖψις τοῦ  $S^{o\bar{v}}$  ἡ  $Z\Gamma$ · ἔσται ἄρα ἡ  $\mu$ ὲν EB  $\mu^{o}$   $\bar{\gamma}$ , ἡ δὲ BZ  $\mu^{o}$   $\bar{\beta}$ .

Πολλαπλασιασθείσης οὖν τῆς ΑΕπρῶτον ἐπὶτὴν ΒΓ,τουτέστι τῆς ὑπάρξεως τοῦ ὰ Sοῦ ἐπὶτὴν ὑπαρξιν

 $\tau \tilde{\omega} \nu \ \bar{\delta} \ \mu^{o}$ , γίνεται το AK παραλληλόγραμμον  $SS^{\tilde{\omega} \nu} \ \bar{\delta}$ , ήτοι μ° η. πάλιν αὐτης της ΑΕ πολλαπλασιασθείσης 15  $\dot{\epsilon}\pi l$   $\tau \dot{\eta} \nu$   $Z\Gamma$ , τουτέστι τῆς ὑπάρξεως τοῦ  $\bar{\alpha}$   $S^{ο\bar{\nu}}$   $\dot{\epsilon}\pi l$   $\tau \dot{\eta} \nu$ λεῖψιν τοῦ  $\bar{\alpha}$  S<sup>οῦ</sup>, γίνεται  $\langle \lambda$ εῖψις $\rangle \Delta^Y \bar{\alpha}$ , ήτις έστ $\lambda$  τὸ ΘΚ τετράγωνον, μο ον δ, και αφαιρουμένου του τοιούτου τετραγώνου, μένει λοιπόν το ΕΘ παραλληλόγραμμον μο δ. πάλιν πολλαπλασιασθείσης της ΕΒ έπλ την 20  $B\Gamma$ , τουτέστι τῆς ὑπάρξεως τῶν  $\bar{\gamma}$   $\mu^{o}$  ἐπὶ τὴν ὑπαρξιν  $\tau \tilde{\omega} \nu \ \bar{\delta} \ \mu^{o}$ , γίνεται το BK παραλληλόγραμμον  $\langle \mu^{o} \rangle \ \bar{\iota} \bar{\beta}$ . καταγραφεισῶν τῶν μονάδων καὶ ευρίσκεται τὸ ΑΒΓΚΗΘ χωρίον μο τς. αδθις δε της ΕΒ, ητις ή αυτή έστι τη ΚΓ, έπὶ ζτην ΖΓ πολλαπλασιασθείσης, τουτέστι τῆς 25  $\dot{v}\pi\dot{a}\varrho\xi\epsilon\omega\varsigma$   $\tau\tilde{\omega}\nu$   $\bar{\nu}$   $\mu^{o}$   $\dot{\epsilon}\pi\dot{l}$   $\tau\dot{\eta}\nu$   $\tau\tilde{o}\tilde{v}$   $\bar{\alpha}$   $S^{o\tilde{v}}$   $\lambda\epsilon\tilde{t}\psi\iota\nu$ ,  $\gamma\dot{t}\nu\epsilon\tau\alpha\iota$ λείψις SS ν γ, και έστιν ή λείψις το ZK παραλληλό $γραμμον <math>SS^{\tilde{m}v} \bar{\gamma}$  ήτοι  $μ^{o} \bar{\varsigma}$ . καλ ἀφαιρεθέντος τούτου ἀπὸ (τοῦ) ΑΒΓΚΗΘ χωρίου, λοιπὸν μένει τὸ ΑΖ παραλληλόγραμμον μο τ, δπερ και ύπὸ τῶν ΑΒ, ΒΖ

 $<sup>7 \</sup>dot{\eta} AE \delta AE$ . 16 leitus prop. in mg. X.

ἔμελλε γίνεσθαι καὶ τῆς λείψεως μὴ λαμβανομένης. καὶ ἔστι τὸ AZ παραλληλόγραμμον  $55^{\tilde{\omega}^{\gamma}} \bar{\delta} \ \Lambda \ \varDelta^{Y} \bar{\alpha},$  μ°  $\iota \bar{\beta} \ \Lambda \ 55^{\tilde{\omega}^{\gamma}} \bar{\gamma}$ , τουτέστιν, ἀφανιζομένης τῆς ὑπάρξεως τῶν  $\bar{\gamma} \ 55^{\tilde{\omega}^{\gamma}} \dot{\nu}$ πὸ τῆς λείψεως τῶν  $\bar{\gamma} \ 55^{\tilde{\omega}^{\gamma}}, 5^{o\bar{o}} \bar{\alpha} \ \mu^{o} \ \iota \bar{\beta} \ \Lambda \ \varDelta^{Y} \bar{\alpha}$ , τουτέστι  $\mu^{o} \ \iota \bar{\delta} \ \Lambda \ \mu^{o} \ \bar{\delta}$ , ὅπερ ἐστὶ  $\mu^{o} \ \bar{\iota}$ .



Δειχθέντος δὴ τοῦ πολλαπλασιασμοῦ τῆς λείψεως, ἔτι δεικτέον καὶ περὶ τῆς συνθέσεως αὐτῆς καὶ ὑπεροχῆς ΄ ἐὰν ὧσι δύο ἀριθμοί, ὁ μὲν αὐτῶν, ὡς ἐπὶ  $_{15}$  ὑποδείγματος, ἦν μο  $\bar{\iota}$ , ὁ δὲ μο  $\bar{\iota}$  Λ  $_{5}^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$ , καὶ συντεθέντες μο  $\bar{\kappa}$  ἔσονται Λ  $_{5}^{o\bar{v}}$  πάλιν  $\bar{\alpha}$ .

'Εὰν δὲ ἀσι δύο ἀριθμοί, καὶ ὁ μὲν αὐτῶν  $\tilde{\eta}$   $\mu^o$   $\bar{\iota}$   $\Lambda$   $\mathfrak{S}^{o\tilde{v}}$   $\tilde{\alpha}$ ,  $\delta$  δὲ  $\mu^o$   $\bar{\iota}$   $\Lambda$   $\mathfrak{S}^{o\tilde{v}}$   $\bar{\beta}$ , συντεθέντες  $\mu^o$   $\bar{\kappa}$  ἔσονται  $\Lambda$   $\mathfrak{S}^{o\tilde{v}}$   $\bar{\gamma}$ .

 $^{\prime}$ Εὰν δὲ ὧσι δύο ἀριθμοί, καὶ ὁ μὲν αὐτῶν ἢ  $^{\prime}$   $^{\prime}$ 

'Εὰν δὲ ἡ μὲν ὕπαρξις ἦ  $\mathfrak{S}\mathfrak{S}^{\tilde{\omega}\nu}\,\bar{\gamma}$ , ἡ δὲ λείψις  $\mathfrak{S}\mathfrak{S}^{\tilde{\omega}\nu}\,\bar{\varsigma}$ , μο π ἔσονται  $\Lambda$   $\mathfrak{S}\mathfrak{S}^{\tilde{\omega}\nu}\,\bar{\gamma}$ , τῆς μὲν ὑπάρξεως τῶν

<sup>6—12</sup> Diagramma solus habet X. 13 sq. Cf. Dioph. def. X. 19  $\delta$   $\delta$ ?] of  $\delta$ ?.

DIOPHANTUS, ed. Tannery. II.

 $\bar{\gamma}$  35 $\tilde{\omega}^{r}$  depanted eleng this this temperature of the  $\bar{\gamma}$  35 $\tilde{\omega}^{r}$ , the delay temperature of the content of

Έὰν δὲ ἡ μὲν ὕπαρξις ἦ  $SS^{av}$   $\bar{\gamma}$ , ἡ δὲ λετψις  $SS^{av}$   $\bar{\beta}$ , ἔσονται  $S^b$   $\bar{\alpha}$   $\mu^o$   $\bar{\kappa}$ , τῆς μὲν ὑπάρξεως τῶν  $\bar{\beta}$   $SS^{av}$  ὑπὸ  $\bar{\tau}$  Τῆς λείψεως τῶν  $\bar{\beta}$   $SS^{av}$  ἀφανισθείσης, τῆς δὲ ὑπάρξεως τοῦ  $\bar{\alpha}$   $S^{o\bar{o}}$  ἔτι μενούσης.

Καὶ ἡ μὲν σύνθεσις αὕτη, ἡ δὲ ὑπεροχὴ γίνεται οὕτω.

Al  $\bar{\iota}$   $\mu^o$  τῶν  $\bar{\iota}$   $\mu^o$   $\Lambda$   $S^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$  ὑπερέχουσιν  $S^{\bar{\phi}}$   $\bar{\alpha}$ , τουτ- 10 έστιν αὐτῆ τῆ λείψεί.

Al  $\bar{\iota}$   $\mu^{o}$   $\Lambda$   $5^{o\bar{\iota}}$   $\bar{\alpha}$   $\bar{\iota}$   $\bar{\mu}^{o}$   $\Lambda$   $55^{\bar{a}v}$   $\bar{\beta}$   $\hat{\upsilon}$   $\pi\epsilon \rho \dot{\epsilon} \chi o \nu \sigma \iota \nu$   $\hat{\upsilon}$   $\nu$   $\hat{\iota}$   $\hat$ 

 $\langle Al\ \bar{\iota}\ \mu^o \rangle$  350 $^i\ \bar{\gamma}\ \tau$ ãu  $\mu^o\ \bar{\iota}\ \Lambda$  35 $^{\check{a}r}\ \bar{\gamma}\ \check{v}$ περέχουσιν 33 $^{ols}\ \bar{\varsigma}$ , τουτέστι τοῖς  $\bar{\gamma}$  τῆς ὑπάρξεως καὶ τοῖς  $\bar{\gamma}$  τῆς λείψεως.

 $SS^{ol} \stackrel{\sim}{\gamma} \mu^o \stackrel{\sim}{\iota} \tau \tilde{\omega} \nu \mu^o \stackrel{\sim}{\langle \iota \rangle} \Lambda SS^{\tilde{\omega} r} \beta \tilde{\upsilon} \pi \epsilon \varrho \epsilon \chi o \nu \sigma \iota \nu SS^{o\bar{\iota} \varsigma} \stackrel{\sim}{\epsilon} \delta \mu o \iota \omega \varsigma$ .

Υποκείσθω ὁ 5<sup>3</sup> δσων δήποτε μονάδων βούλει, καὶ 20 εύφήσεις έξετάζων τὸ λεγόμενον.

Όπως δὲ προστίθησι τὰς λείψεις κοινάς, καὶ ἀφαιρεῖ ἀπὸ ὁμοίων ὅμοια καὶ ἴσων ἴσα, καὶ μερίζει ταῦτα ὡς ἂν εν εἶδος ενὶ εἴδει ἴσον καταλειφθῆ, τουτέστιν ἢ ἀριθμὸς ἢ δύναμις ἴσος μονάσιν ἤ τι τῶν τοιούτων, 25 ἐπ' αὐτῶν τῶν προβλημάτων σαφέστερον μαθησόμεθα.

<sup>13</sup> Al  $\bar{\iota}$   $\mu^o$  add.  $X_2$ ; forsan legendum  $55^{ol}$   $\bar{\gamma}$   $\mu^o$   $\bar{\iota}$   $\tau \tilde{\omega} \nu$   $\mu^o$   $\bar{\iota}$   $\Lambda$   $55^{\tilde{\omega} \nu}$   $\bar{\gamma}$   $\pi \tau \tilde{\epsilon}$ . 21 sq. Cf. def. XI.

# AD PROBLEMA I.

Έπιτάσσει τον ο διελείν είς δύο άριθμούς, μείζονα καλ ελάττονα, ώστε τὸν μείζω τοῦ ελάττονος ὑπερέγειν δὲ  $M^{\zeta}$ . S<sup>οῦ</sup>  $\bar{\alpha}$   $\mu$ ο  $\bar{\mu}$ , συνάμφω δὲ  $SS^{\tilde{\omega}r}$   $\bar{\beta}$   $\mu$ ο  $\bar{\mu}$ . ἐζητεῖτο δὲ  $\delta$   $\bar{\rho}$  διαι $\bar{\rho}$ εθηναι, καὶ  $\bar{S}^{ol}$ , φησίν, ἄρα  $\bar{\beta}$   $\bar{\mu}^o$   $\bar{\mu}$  ἴσοι είσι μο ο. και έπει δέδοται άπο δμοίων δμοια άφαιρεΐν καὶ τὰς λείψεις κοινὰς προστεθηναι, ὡς ἔμπροσθεν είσόμεθα, δμοια δέ είσιν ένταῦθα αί μονάδες 15 ταῖς μονάσιν, ἀφαιρεῖ καὶ ἀπὸ τῶν  $SS^{\tilde{\omega}\nu}$   $\bar{\beta}$  καὶ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\mu}$ , αὐτὰς τὰς  $μ^{o}$   $\bar{μ}$ , καὶ ἀπὸ τῶν  $\bar{o}$   $μ^{o}$ , τὰς ἴσας ἐκείναις  $\mu^{o} \overline{\mu}$ , καὶ καταλιμπάνεται ἐκ μὲν τῶν  $SS^{\tilde{\omega}v} \overline{\beta}$  καὶ  $\mu^{o} \overline{\mu}$ ,  $SS^{ol} \ \overline{\beta}$  · Ex  $\delta \dot{\epsilon}$  rov  $\overline{\varrho} \ \mu^o, \ \mu^o \ \overline{\xi}$ . Exel  $\delta \dot{\epsilon}$  of  $\overline{\beta}$   $SS^{ol}$  nal μ° μ̄ ἴσα ἦν ταῖς ο μ°, ἀφηρέθη δὲ ἀπὸ δμοίων ὅμοια, 20 και δή και ίσα (και τοῦτο γάο χρή προσκεῖσθαι), καί λοιποὶ ἄρα οἱ  $\bar{\beta}$  SS°ὶ ἴσοι εἰσὶ ταῖς  $\bar{\xi}$   $\mu$ °. δ ἄρα  $\bar{\alpha}$  Sὸ ἴσος ἔσται μο λ. ἕξουσιν ἄρα τὰ μέρη ἀνὰ λ μο. προστιθεμένων δε των μ μο τῷ ενὶ μέρει ως αν μείζον θατέρου γενόμενον και ύπερέχη αὐτοῦ μονάδων μ, 25 γίνεται ο.

Υποστάσεις δε λέγει αὐτοὺς τοὺς ζητουμένους ἀριθμούς, ἤτοι ὑπάρξεις αὐτῶν τὸν δε ἀριθμὸν δ

<sup>28</sup> αὐτῶν evanidum in B, αὐτῆ alii.

Διόφαντος οὐχ ὡρισμένον ἔχει, ἀλλ' ὡς ποσότητα μόνον τινὰ τίθησι καὶ γὰρ ἐν οἶς μὲν τῶν προβλημάτων πλειόνων μονάδων εὐρίσκεται ὁ ἀριθμός, ἐν οἶς δ' ἐλαττόνων. ἔστι δ' οὖ καὶ μονάδος ἐλάττων.

Ίστέον γε μην έν τούτω τω αφ προβλήματι, ώς δ διαιφεθησόμενος άφιθμός, είτε άφτιός έστιν, είτε περιττός, και την ύπεροχην του μείζονος πρός τον έλάττονα άρτίαν δυνατόν είναι ή περιττήν όποτέρως βούλει. Ετι και τοῦτο Ιστέον ώς εάν τε ἀπ' άρτίου 10 περιττόν ἀφέλης, έάν τε ἀπὸ περιττοῦ ἄρτιον, τὸ λοιπον περιττον έσται και καθόλου πᾶς ἄρτιος ἀριθμός η έκ δύο άρτίων η δύο περιττών σύγκειται καί είς αὐτοὺς διαιρείται, ώστε ἀπὸ μὲν ἀρτίου ὁπότερον ἄν είδος άφέλης, το λοιπον δμοιον έσται τῷ άφαιρεθέντι, 15 ἀπὸ δὲ περιττοῦ, τοὐναντίον τοῦ ἀφαιρεθέντος. τοίνυν και έν τῷδε τῷ προβλήματι τὸν τ ἄρτιον διέλωμεν είς δύο άριθμούς ώστε τὸν μείζω τοῦ ἐλάσσονος  $\mu^o \overline{\gamma}$  ύπερέχειν, συσταθήσεται άφαιρεθεισών γὰο τῶν  $\bar{γ}$  μ°, λοιπὰ  $\bar{ξ}$ , ἄπε $\bar{ρ}$  διαι $\bar{ρ}$ εῖται εἰς  $\bar{γ}$   $\bar{L}'$  καὶ 20  $\bar{\gamma}$  L', who dategod at  $\bar{\gamma}$   $\mu^o$  supredets at notover the metζονα  $\bar{s}$  L' καὶ τὸν ἐλάσσονα  $\bar{v}$  L' τὰ δὲ  $\bar{s}$  L' τῶν  $\bar{v}$  L'ύπερέχει γ μ°.

"Εστι δε και γραμμικώς το τοιούτο πρόβλημα εύρειν. έκκείσθω παραλληλόγραμμον το  $AB\Gamma \Delta$ , και έστω 25 ή μεν  $A\Gamma$  τοσούτων μονάδων δσων έστιν όποιον δή-

α	$\overline{\eta}$	e ç	η - 5	_β ποτε μέρος τοῦ μ ἀριθμοῦ,
ē	$\overline{\mu}$	ā	I	πλην ΐνα καὶ ὁ ο ἀριθμὸς δμώνυμον μόριον ἔχη ταῖς
γ		ζ	9	🕏 τοιαύταις μονάσιν. Εστω δή

so  $\mu^o$   $\bar{\epsilon}$ , αΐτινες  $\eta^{or}$   $\mu$ έ $\rho$ ος έστι τοῦ  $\bar{\mu}$  · έπει δε και δ  $\bar{\rho}$  έχει  $\epsilon^{or}$   $\mu$ έ $\rho$ ος τὰ  $\bar{x}$ , έστω και  $\dot{\eta}$  AB  $\mu^o$   $\bar{x}$ , και γίνε-

ται τὸ παραλληλόγραμμον  $μ^{\circ}$   $\bar{\varrho}$  · καὶ ἐπεὶ τὰ  $\bar{\epsilon}$   $\eta^{\circ r}$  μέ-ρος ἐστὶ τῶν  $\bar{\mu}$ , ἀπειλήφθω ἡ AE  $μ^{\circ}$   $\bar{\eta}$ , καὶ ἀπὸ τοῦ E τῆ  $A\Gamma$  παράλληλος ἤχθω ἡ EZ. δῆλον δὴ ὅτι τὸ AZ  $μ^{\circ}$  ἐστὶ  $\bar{\mu}$ , καὶ ἐπεὶ ἡ EB ἐλείφθη  $μ^{\circ}$   $\bar{\iota}\bar{\beta}$ , δῆλον ὅτι τὸ  $E\Delta$   $μ^{\circ}$  ἐστὶ  $\bar{\xi}$  · τετμήσθω ἡ EB δίχα κατὰ τὸ  $\bar{\iota}$   $\bar{\iota}$  Η, καὶ ἀπὸ τούτου τῆ  $A\Gamma$  παράλληλος ἤχθω ἡ  $H\Theta$  · καὶ δῆλον ὡς ἑκάτερον τῶν  $E\Theta$ ,  $\Theta B$   $μ^{\circ}$  ἐστὶ  $\bar{\lambda}$  · ἤ τε γὰρ  $H\Theta$  ἴση τῆ  $A\Gamma$ , καὶ ἑκατέρα τῶν EH, HB  $μ^{\circ}\bar{\varsigma}$ . προστεθέντος δὴ τοῦ AZ τῷ  $E\Theta$ , γίνεται τὸ  $A\Theta$   $μ^{\circ}$   $\bar{\iota}$ , καὶ ἔστι τὸ  $\mu$ èν  $A\Theta$   $\bar{\iota}$ , τὸ δὲ  $\Theta B$   $\bar{\lambda}$ , καὶ τέτμηται ὁ  $\bar{\varrho}$  10 εἰς ἀριθμοὺς δύο, ὧν ὁ  $\mu$ είζων τοῦ ἐλάττονος ὑπερέςει  $\mu^{\circ}$   $\bar{\mu}$  · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

#### AD PROBLEMA II.

$${}^{\prime}E^{\lambda}$$
. S  $\overline{\alpha}$   $M^{\zeta}$ . SS  $\overline{\gamma}$   
SS  $\overline{\delta}$   $i^{\sigma}$ .  $\mu^{o}$   $\overline{\xi}$  15  
S  $\alpha$   $i^{\sigma}$ .  $\mu^{o}$   $i\overline{\epsilon}$   $M^{\zeta}$ .  $\mu^{o}$   $\overline{\mu}\overline{\epsilon}$ .

'Εν μὲν τῷ αφ μόνην ὑπεροχὴν ἐξήτει τοῦ μείζονος πρὸς τὸν ἐλάττονα, ἐν δὲ τῷ παρόντι λόγον μόνον, ἐν δὲ τῷ παρόντι λόγον μόνον, ἐν δὲ τῷ  $γ^{φ}$  λόγον ὁμοῦ καὶ ὑπεροχὴν ζητήσει, προ- 20 βαίνων, ὡς ἐπηγγείλατο, ἀπὸ τῶν ἀπλουστέρων ἐπὶ τὰ σκολιώτερα. ἔστι δὲ τὸ  $β^{ov}$  τοῦτο καὶ ὁῷον οὕτω δείξαι· ἐπεὶ τῶν τοῦ  $\overline{\xi}$  μερῶν τὸ  $M^{\xi}$ . τοῦ 'Ε'. τριπλάσιον ἔσται, αὐτὸς ἄρα δ  $\overline{\xi}$  ἕξει τέταρτον, ὅπερ ἔσται τὸ 'Ε'. μέρος· καὶ ἔστιν δ  $\overline{\iota}$ ε· δ μείζων ἄρα 25 τριπλασίων ὢν τούτου, ἔσται  $\overline{\mu}$ ε.

 $\Delta$ ειπτέον δὲ καὶ διὰ γραμμῶν. ἐκκείσθω τὸ  $AB\Gamma\Delta$  παραλληλόγραμμον. καὶ ἐπεὶ τῶν τοῦ  $\overline{\xi}$  μερῶν τὸ μεῖζον τριπλάσιον ἔσται τοῦ ἐλάσσονος,

'Επεὶ τοίνυν ὅλον τὸ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλόγραμμον μονάδων ἐστὶ  $\bar{\delta}$ , ἔστι δὲ καὶ τὸ AN παραλληλόγραμμον ἥμισυ τοῦ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλογράμμου (ἡ γὰρ  $\Theta N$  δίχα αὐτὸ τέμνει), αὐτὸ ἄρα τὸ AN μονάδων ἔσται  $\bar{\beta}$ · καὶ δέδεικται ὅπως τὸ ἀριθμοστὸν ἐπὶ τὴν δύναμιν, τουτέστι τὸ  $A\Theta$  ἐπὶ τὴν AB, τὸ δυοστόν, εἴτ' οὖν ἥμισυ, ἐπὶ τὸν  $\bar{\delta}$  ἀριθμόν, τὸν  $\bar{\beta}$  ποιεῖ τὸ AN· τὸ γὰρ  $AB\Gamma \Delta$  παραλληλόγραμμον ὅλον τοιούτων ἐστὶ τεσσάρων οἵων τὸ AN δύο.

Όμοίως δὲ καὶ ἐὰν μὲν τὸ  $\langle A\Theta \rangle$  ἀριθμοστὸν μένη, ἡ δὲ AB  $\bar{\eta}$  μονάδων ὑποτεθη, ἤτοι κύβος ἐπεὶ πάλιν ὅλον τὸ  $AB\Gamma \Delta$  μονάδων  $\bar{\eta}$  ἔσται, ἡ δὲ  $\Theta$  N δίχα τεμεῖ αὐτό, τὸ ἄρα A N μονάδων ἔσται  $\bar{\delta}$ , τουτέστι δύναμις, καὶ ὁμοίως ἐπὶ τῶν λοιπῶν.

ΙΞ. Δυναμοστὸν ἐπὶ ἀριθμὸν ἀριθμοστὸν ποιεῖ. ἔστω δυναμοστὸν τὸ  $\delta^{ov}$ , ἀριθμὸς δὲ δ  $\overline{\beta}$ · λέγομεν οὖν δὶς τὸ  $\delta^{ov}$ ,  $\overline{\beta}$  τέταρτα· τὰ δὲ  $\overline{\beta}$  τέταρτα ἤμισύ ἐστι, καὶ γέγονεν ἀριθμοστὸν τὸ δυοστόν. [τὸ δὲ δυοστόν]

Ομοίως  $\langle \delta$ υναμοστὸν $\rangle$  έπὶ πύβον ἀριθμὸν ποιετ. 20 έστω γὰρ δυναμοστὸν μὲν τὸ  $\delta$ 0°, πύβος δὲ τὰ  $\bar{\eta}$ . λέγομεν οὖν· ὀκτάκις τὸ  $\delta$ 0°,  $\bar{\eta}$  τέταρτα, τὰ δὲ  $\bar{\eta}$  τέταρτα  $\bar{\beta}$  μονάδες εἰσί, καὶ γέγονεν ἀριθμὸς  $\delta$   $\bar{\beta}$ .

"Εστω δὲ καὶ ἐπὶ διαγράμματος δῆλον. ἐκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αἱ AB καὶ  $A\Gamma$ , καὶ 25  $\frac{\alpha}{\zeta}$   $\frac{\varepsilon}{\zeta}$   $\frac{\beta}{\zeta}$  ἔστω ἡ μὲν AB μονάδων  $\bar{\beta}$ , ἡ δὲ  $\frac{\zeta}{\zeta}$   $\frac{1}{\zeta}$   $\frac{\lambda}{\zeta}$   $\frac{\lambda}{\zeta}$ 

<sup>18</sup> τὸ δὲ δυοστὸν seclusi.

μονάδων οὖσα, ἀριθμός ἐστιν, ὁ δὲ ἀπὸ τοῦ  $\bar{\beta}$  γενόμενος τετράγωνος ὁ  $\bar{\delta}$  ἐστι, διηρήσθω καὶ ἡ  $A\Gamma$  μονὰς εἰς ἱσα  $\bar{\delta}$  τέταρτα, τὰ AZ, ZH,  $H\Theta$ ,  $\Theta\Gamma$ . ἔσται οὖν ἕκαστον τούτων μονάδος τέταρτον, καὶ ἡ AZ ἄρα δυναμοστόν ἐστιν, ἤτοι μονάδος δον. καὶ ἤχθω ἀπὸ  $\bar{\delta}$  μὲν τοῦ E σημείου παράλληλος τῆ  $A\Gamma$  εὐθεία ἡ EK, ἀπὸ δὲ τῶν Z καὶ H καὶ  $\Theta$  παράλληλοι τῆ AB αἱ ZA, HM,  $\Theta N$ .

Έπεὶ οὖν ὅλον τὸ  $AB\Gamma \Delta$   $\bar{\beta}$  μονάδων ἐστίν,  $\bar{\eta}$  δὲ HM δίχα αὐτὸ τέμνει, τὸ ἄρα AM μονάδος  $\bar{\alpha}$  ἔσται. 10 πάλιν ἐπεὶ τὸ AM μονάδος ἐστὶ  $\bar{\alpha}$ ,  $\bar{\eta}$  δὲ  $Z\Delta$  δίχα αὐτὸ τέμνει, τὸ ἄρα  $A\Lambda$  ἡμίσεως ἔσται μονάδος καὶ δέδεικται ὅπως τὸ δυναμοστὸν ἐπὶ τὸν ἀριθμόν, τουτέστι τὸ AZ ἐπὶ τὴν AB, τουτέστι τὸ δον ἐπὶ τὰ  $\bar{\beta}$ , ἀριθμοστὸν ἐποίησε τὸ  $A\Lambda$  δυοστὸν ὂν μονάδος.

Όμοίως δὲ καὶ ἐὰν τὸ μὲν AZ δυναμοστὸν μένη, ἡ δὲ AB κύβος ἤτοι  $\bar{\eta}$  μονάδων ὑποτεθ $\tilde{\eta}$ , τὸ AA ἀριθμὸς ἔσται ἐπειδὴ γὰρ τὸ AA τέταρτόν ἐστι τοῦ  $AB\Gamma \Delta$ , ὑπόκειται δὲ νῦν τὸ  $AB\Gamma \Delta$   $\bar{\eta}$  μονάδων, τὸ AA ἄρα  $\bar{\beta}$  μονάδων ἔσται.

# AD DEFINITIONEM IX.

IZ. Λεῖψις ἐπὶ λεῖψιν πολλαπλασιασθεῖσα ποιεῖ ὅπαρξιν, λεῖψις δὲ ἐπὶ ὅπαρξιν ποιεῖ λεῖψιν.

Οὐχ ἀπλῶς λεῖψιν λέγει, μὴ καὶ ὑπάρξεως τινος ωοὕσης, ἀλλὰ ὑπαρξιν ἔχουσαν λεῖψιν ως ἐὰν ὑποθωμεθα τὸν ωο εἶναι ωο ωο, καὶ φωμεν ὅτι ἔστω ὅδε

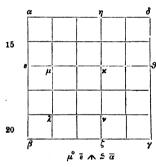
<sup>4</sup> τέταρτον Κ, τετάρτον alii.

ἀριθμὸς  $\mu^{\circ}$   $\bar{\varsigma}$  λείψει  $\varsigma^{\circ \bar{\iota}}$   $\bar{\alpha}$ ,  $\mu^{\circ}$   $\bar{\delta}$  λέγομεν $\cdot$  τὰ γὰρ  $\bar{\varsigma}$  παρὰ  $\bar{eta}$ ,  $\bar{\delta}$  έστιν.

Όσπες δὲ γίνεται ἐπὶ τῆς ὑπάςξεως, οὕτω καὶ ἐπὶ τῆς λείψεως λείψις γὰς  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$  ἐπὶ μὲν λείψιν  $\mathbf{μ}^{\omega \nu}$  ὕπαςξιν  $\mathbf{S}^{5\bar{\omega}\nu}$  ποιεῖ, ἐπὶ δὲ λείψιν  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$  ὕπαςξιν  $\mathbf{J}^{Y}$ , ἐπὶ δὲ λείψιν  $\mathbf{J}^{Y}$   $\langle$  ὕπαςξιν $\rangle$   $\mathbf{K}^{Y}$ , καὶ ἐφεξῆς. δμοίως καὶ λείψις  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$  ἐπὶ μὲν ὕπαςξιν  $\mathbf{μ}^{\omega \nu}$   $\langle$  λείψιν $\rangle$   $\mathbf{S}^{5\bar{\omega}\nu}$ , ἐπὶ δὲ ὕπαςξιν  $\mathbf{S}^{5\bar{\omega}\nu}$  λείψιν  $\mathbf{J}^{Y}$ , καὶ έξῆς.

Δεδείχθω μέντοι καὶ γραμμικῶς τὰ τοιαῦτα, καὶ 10 πρῶτον ὅπως ἡ λεῖψις ἐπὶ λεῖψιν ὕπαρξιν ποιεῖ.

Έκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις ἡ AB καὶ ἡ  $B\Gamma$ , καὶ ἔστω έκατέρα αὐτῶν  $\mu^{o}$   $\bar{\epsilon}$  λείψει



 $S^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$ ,  $\kappa \alpha l$   $\hat{v}\pi o \kappa \epsilon l \sigma \partial \omega$   $\delta$   $S^{o}$   $\mu^{o}$   $\bar{\beta}$ ,  $\kappa \alpha l$   $\hat{\epsilon}\sigma \tau \omega$   $\hat{\eta}$   $\mu \hat{\epsilon}v$   $\hat{\epsilon}\pi l$  AB  $\lambda \epsilon \bar{\iota}\psi_{i}g$   $\hat{\eta}$  AE,  $S^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$   $\hat{\eta}\tau o \iota$   $\mu^{o}$   $\bar{\beta}$ .  $\hat{\eta}$   $\hat{\alpha}\varrho \alpha$  BF  $\delta e \bar{\nu} \psi_{i}g$   $\delta e \sigma \tau \omega$   $\hat{\nu}$   $\hat{\nu}$ 

Καὶ ἐπεὶ δύο εὐθεῖαι είσὶν αὶ AB,  $B\Gamma$  ἐκατέρα  $\mu^o$   $\bar{\epsilon}$  λείψει  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$ , καὶ δεῖ ταύτας ἐπ' ἀλλήλας

πολλαπλασιασθήναι ώς αν καὶ ἡ λείψις ὅπως ἐπὶ τὴν λείψιν πολλαπλασιαζομένη ὑπαρξιν ποιεί καὶ ἐπὶ τὴν ὑπαρξιν 25 λείψιν δειχθή, δέον ἐστὶ κατὰ τὴν τοῦ πολλαπλασιασμοῦ μεταχείρισιν (οὐ τὴν κατὰ τὸν Ἰνδικὸν ἀριθμὸν λέγω : ἐκείνη γὰρ ἀντιστρόφως ἔχει πρὸς τὴν Ἑλληνικήν) πολλαπλασιασθήναι πρῶτον μὲν καὶ τὴν ὕπαρξιν τῶν μων ἐφ' ἐαυτήν : εἶτα τὴν αὐτὴν ὑπαρξιν τῶν μων ἐπὶ

<sup>5</sup> λείψιν (alt.) Κ, λείψις alii. 10 πρώτον Κ, πρώτα alii.

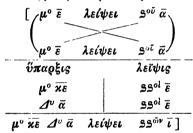
την λεϊψιν τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  καὶ αὖθις την λεϊψιν τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  ἐπὶ την ὕπαρξιν τῶν  $\mathbf{\mathring{\mu}}^{\omega r}$  καὶ τέλος την λεϊψιν τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  ἐφ' ἑαυτήν, ἤτοι ἐπὶ την λεϊψιν, καὶ δεΐξαι τὸ ζητούμενον.

Τούτων ύποκειμένων, έπεὶ έκατέρα τῶν ΑΒ, ΒΓ 5  $\mu^o$  for  $\overline{\epsilon}$ ,  $\pi \epsilon \pi o \lambda \lambda \alpha \pi \lambda \alpha \sigma i lpha \sigma \delta \omega$  of AB fal the  $B\Gamma$ , and γίνεται τὸ ΑΒΓΔ τετράγωνον μο πε∙ καὶ καταγεγράφθωσαν αί μονάδες πασαι του τετραγώνου: εἶτα πολλαπλασιασθήτω ή ΑΒ, τουτέστι ή των ε μονάδων υπαρξις, έπλ την  $Z\Gamma$ , λεΐψιν τοῦ  $S^{οῦ}$  την έν τῆ  $B\Gamma$ . καλ έπελ 10 μονάδες έπὶ ἀριθμούς ἀριθμούς ποιοῦσι, καὶ ὕπαρξις έπὶ λεῖψιν λεῖψιν ποιεῖ, ἀφαιρεθήσεται ἀπὸ τοῦ ΑΒΓΔ τετραγώνου τὸ  $Z \Delta$  παραλληλόγραμμον, λεΐψις  $SS^{\tilde{\omega}}$   $\bar{\varepsilon}$ ήτοι μο τ. καλ λοιπον μένει το ΑΖ παραλληλόγραμμον  $μ^{\circ}$  ιε. αδθις πολλαπλασιασθήτω ή <math>AE λεΐψις τοῦ  $\bar{\alpha}$   $S^{ου}$  15 έπλ την  $B\Gamma$  υπαρξιν των  $\overline{\epsilon}$  μονάδων, καλ γενήσεται αὖθις λεῖψις  $SS^{\tilde{\omega}^{\gamma}}\bar{\epsilon}$ , καὶ δεήσει εἶναι τὴν λεῖψιν τῶν τετράγωνον έπὶ τῆς προτέρας λείψεως ἀφηρέθη καὶ οὐ δεί δίς τὸ αὐτὸ έφ' έκατέρας τῶν λείψεων ἀφαιρείσθαι, 20 άφαιρεθήσεται μέν τὸ ΑΚ παραλληλόγραμμον 55 ν, πρὸς δὲ τούτ $\varphi$  καὶ  $K \Lambda$  τετράγωνον  $SS^{\tilde{\omega}_{\nu}}$  ὂν  $\bar{\beta}$ ,  $\dot{\omega}_{S}$ αν πάλιν ή λείψις  $55^{\tilde{\omega}r}$  γενήσεται  $\bar{\epsilon}$ , ήτις έστὶ τὸ  $A\langle H \rangle KN Λ ME$  χωρίον  $\mu^{\circ} \bar{\iota}$ . καλ λοιπός μένει δ ΒΕΜΛΝΖ γνώμων μο ὢν ε. 25

' Αλλ' έπεὶ ἀφαιρουμένων τῶν AE καὶ  $Z\Gamma$  λείψεων, μένει έκατέρα τῶν EB, BZ  $\mu^{o}$   $\bar{\gamma}$ , καὶ δεῖ τὸ ἀπὸ τούτων τετράγωνον  $\mu^{o}$  εἶναι  $\bar{\vartheta}$ , κατελείφθησαν δὲ  $\mu^{o}$   $\bar{\epsilon}$  τοῦ γνώμονος, δέον ἐστὶ καὶ  $\bar{\delta}$   $\mu^{o}$  ταύταις προσθεῖναι,

<sup>24</sup> χωρίων Β, χωρίον Κ.

ώς ἂν τὸ ἀπὸ τῶν  $\bar{\gamma}$  μ° τετράγωνον γένηται. πολλαπλασιασθείσα δὴ ἡ AE λείψις τοῦ  $\bar{\alpha}$   $5^{ου}$  ἐπὶ τὴν  $Z\Gamma$  λείψιν τοῦ  $\bar{\alpha}$   $5^{ου}$  ποιήσει  $\Delta^Y$   $\bar{\alpha}$  υπαρξιν, ήτις ἔσται μ°  $\bar{\delta}$ · ὁ γῆρ  $5^b$  δς ἡν πλευρὰ τῆς  $\Delta^Y$  μ° ἡν  $\bar{\beta}$ · ἔσται 5 οὐν ἡ  $\Delta^Y$  τὸ  $K\Delta$  τετράγωνον μ°  $\bar{\delta}$ , ὅπερ πρότερον μὲν ἀφαιρεθέν, νῦν δὲ προστεθὲν τῷ  $BEM\Delta NZ$  γνώμονι, τουτέστι ταίς  $\bar{\epsilon}$  μ°, ποιήσει τὸ BK τετράγωνον μ°  $\bar{\delta}$ , καὶ γίνεται  $\bar{\delta}$  καὶ τῆς EB μόνως ἐπὶ τὴν BZ πολλαπλασιαζομένης, τῶν  $\bar{\gamma}$  μ° ἐπὶ τὰς  $\bar{\gamma}$  μ°, μηδαιομῶς λαμβανομένων τῶν λείψεων, ἔμελλε γίνεσθαι. καὶ ἔστι τὸ τετράγωνον τὸ EBZK  $\Delta^Y$   $\bar{\alpha}$  μ°  $\bar{\kappa}$   $\bar{\Lambda}$   $25^{\bar{\alpha}\nu}$   $\bar{\iota}$ , τουτέστι μ°  $\bar{\kappa}$   $\bar{\delta}$   $\bar{\Lambda}$  μ°  $\bar{\kappa}$ , ὅπερ ἐστὶ μ°  $\bar{\delta}$ .



["Αλλως. 'Επεί το ΚΛ τετράγωνον δίς άφηρεθη 20 ύπο των λείψεων, άλλ' ύπο μεν της προτέρας λείψεως εν ύπάρξει ου άφηρεθη, ύπο δε της δευτέρας μη ου άφηρεθη, έστι δε άδύνατον έκ του μη όντος άφαιρεθηναί τι, δια τουτο ή λείψις έπι την λείψιν έποίησε το ΚΛ τετράγωνον ως αν και ή δευτέρα λείψις έν

15

<sup>4—7</sup> ἔσται οὖν πτἔ.] B habet in mg.: γο. παὶ οὕτως ἔσται οὖν ἡ δύναμις τὸ  $K\Lambda$  τετράγωνον  $μ^ο$   $\overline{o}$ , ὅπερ ἐπὶ τῆς χώρας τοῦ ἀφαιρεθέντος τετραγώνον τοῦ  $K\Lambda$  ἀντ' αὐτοῦ προστεθὲν τῷ  $BEM\Lambda NZ$  γνώμονι. 13—18 Diagramma solus habet X. 19 Ἦλλως πτἔ. quae seclusi ante scholium inserta sunt.

ύπάρξει ου δύνηται τοῦτο ἀφελεῖν ὡς καὶ ἡ προτέρα, καὶ μένη τὸ ΒΚ τετράγωνου ἀπαθές.]

Δέδεικται μεν οὖν αὐτόθεν, ἡνίκα πῶς ἡ λεῖψις ἐπὶ λεῖψιν ὕπαρξιν ποιεῖ ἐδείκνυτο, καὶ ὅπως ἡ λεῖψις ἐπὶ ὕπαρξιν λεῖψιν ποιεῖ οὐ μὴν ἀλλὰ καὶ αὖθις κατ΄ τ ἰδίαν δεικνύσθω.

'Εκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αί AB,  $B\Gamma$ , καὶ ἔστω ἡ μὲν AB μ°  $\bar{\gamma}$ , ἡ δὲ  $B\Gamma$  μ°  $\bar{\delta}$  Λ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$ , καὶ ὑποκείσθω πάλιν ὁ  $\mathbf{S}^{b}$  μ°  $\bar{\beta}$ , καὶ  $\mathbf{\alpha}$   $\mathbf{\delta}$  ἔστω ὁ  $\mathbf{S}^{b}$  ἡ  $E\Gamma$ · ἡ BE ἄρα ἔσται μ°  $\bar{\beta}$ . πολλαπλασιασθήτω δὴ πρῶτον ἡ ὕπαρξις τῶν  $\bar{\gamma}$  μ° ἐπὶ τὴν ὕπαρξιν τῶν  $\bar{\delta}$  μ°, γίνεται τὸ  $AB\Gamma\Delta$  παραλληλόγραμμον μ°  $\bar{\iota}\bar{\beta}$ · καὶ καταγεγρά-  $\bar{\beta}$  γ φθωσαν αὶ μονάδες πᾶσαι τοῦ παραλ-

ληλογράμμου, εἶτα πολλαπλασιασθήτω ή AB ἐπὶ τὴν  $E\Gamma$ , τουτέστιν αί  $\bar{\gamma}$  μ° ἐπὶ τὴν τοῦ  $\bar{\alpha}$  S° λείψιν, καὶ γενήσεται λείψις SSΦ  $\bar{\gamma}$ , τουτέστι μ°  $\bar{\varsigma}$ , ὅπερ ἐστὶ τὸ  $E\Delta$  παραλληλόγραμμον μ°  $\bar{\varsigma}$ , ὡς ὑπὸ τὴς AB καὶ BE, τουτέστι μ°  $\bar{\gamma}$  ἐπὶ μ°  $\bar{\beta}$  20 πολλαπλασιασθεισῶν, καὶ γίνεται ὅπερ καὶ τῆς λείψεως μὴ λαμβανομένης ἔμελλε γίγνεσθαι. καὶ ἔστι τὸ AE παραλληλόγραμμον μ°  $\bar{\iota}\bar{\beta}$  Λ SSΦ  $\bar{\gamma}$ , τουτέστι μ°  $\bar{\iota}\bar{\beta}$  Λ μ°  $\bar{\varsigma}$ , ὅπερ ἐστὶ μ°  $\bar{\iota}\bar{\beta}$  Λ μ°  $\bar{\varsigma}$ , ὅπερ ἐστὶ μ°  $\bar{\iota}\bar{\beta}$  Λ μ°  $\bar{\varsigma}$ , ὅπερ ἐστὶ μ°  $\bar{\iota}\bar{\beta}$  Λ μ°  $\bar{\varsigma}$ ,

## AD EANDEM DEFINITIONEM.

IH. Δειχθέντων δη δπως μ° Λ 3° επὶ μ° Λ 3° πολλαπλασιάζονται, καὶ έστιν δπως μονάδες προσθέσει

<sup>2</sup> μένη X2, μένει alii. 20 ὑπὸ] ἀπὸ.

ἀριθμοῦ ἐπὶ μονάδας λείψει ἀριθμοῦ πολλαπλασιάζονται, τῆς λείψεως κάνταῦθα ἐπὶ ὕπαρξιν λείψιν ποιούσης.

Έκκεισθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αf  $AB, B\Gamma$ , καὶ ἔστω ἡ μὲν AB  $S^{o \bar{o}}$   $\bar{\alpha}$  μ°  $\bar{\gamma}$ , ἡ δὲ  $B\Gamma$  μ°  $\bar{\delta}$   $\Lambda$   $S^{o \bar{o}}$   $\bar{\alpha}$ ,

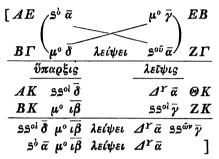
καὶ ὑποκείσθω πάλιν  $\dot{S}^{\circ}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$ , καὶ ἔστω  $\dot{\delta}$   $\mu$ ὲν έν τῆ AB  $\dot{S}^{\circ}$  ἤτοι ἡ ὕπαρξις αὐτοῦ ἡ AE, ἡ δὲ έν τῆ  $B\Gamma$  λεῖψις τοῦ  $\dot{S}^{\circ \tilde{\circ}}$  ἡ  $Z\Gamma$ · ἔσται ἄρα ἡ  $\mu$ ὲν EB  $\mu^{\circ}$   $\bar{\gamma}$ , ἡ δὲ BZ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$ . Πολλαπλασιασθείσης οὖν τῆς

Πολλαπλασιασσεισης συν της ΑΕπρώτον έπιτην ΒΓ,τουτέστι τῆς ὑπάρξεως τοῦ ὰ 2οῦ ἐπὶ τὴν ὕπαρξιν

 $\tau \tilde{\omega} \nu \ \bar{\delta} \ \mu^{o}$ , γίνεται τὸ AK παραλληλόγραμμον  $SS^{\tilde{\omega} \nu} \ \bar{\delta}$ , ήτοι μο η. πάλιν αὐτης της ΑΕ πολλαπλασιασθείσης 15 έπλ την  $Z\Gamma$ , τουτέστι της υπάρξεως τοῦ  $\bar{\alpha}$   $S^{ο\bar{\nu}}$  έπλ την λεῖψιν τοῦ  $\bar{\alpha}$   $\mathfrak{S}^{\circ \tilde{v}}$ , γίνεται  $\langle \lambda$ εῖψις $\rangle$   $\Delta^{Y}$   $\bar{\alpha}$ , ήτις έστl τ $\dot{o}$ ΘΚ τετράνωνον, μο δν δ, και άφαιρουμένου τοῦ τοιούτου τετραγώνου, μένει λοιπον το ΕΘ παραλληλόγραμμον μο δ. πάλιν πολλαπλασιασθείσης τῆς ΕΒ ἐπὶ τὴν 20  $B\Gamma$ , τουτέστι τῆς ὑπάρξεως τῶν  $\bar{\gamma}$   $\mu^o$  ἐπὶ τὴν ὕπαρξιν τῶν  $\bar{\delta}$   $\mu^o$ , γίνεται τὸ BK παραλληλόγραμμον  $\langle \mu^o \rangle$   $\bar{\iota}\beta$ . καταγοαφεισών τών μονάδων καὶ εύρισκεται τὸ ΑΒΓΚΗΘ χωρίον μο τς. αδθις δε της ΕΒ, ητις η αυτή έστι τη ΚΓ, έπλ (την) ΖΓ πολλαπλασιασθείσης, τουτέστι της 25 ὑπάρξεως τῶν  $\bar{\gamma}$   $\mu^o$  ἐπὶ τὴν τοῦ  $\bar{\alpha}$   $S^{o\bar{\nu}}$  λεῖψιν, γίνεται λεΐψις  $SS^{\tilde{\omega}\nu}$   $\bar{\gamma}$ , καὶ ἔστιν ή λεΐψις τὸ ZK παραλληλόγραμμον 55 ν η ήτοι μο 5. και αφαιρεθέντος τούτου άπὸ (τοῦ) ΑΒΓΚΗΘ χωρίου, λοιπὸν μένει τὸ ΑΖ παραλληλόγραμμον μο τ, δπερ και ύπὸ τῶν ΑΒ, ΒΖ

 $<sup>7 \</sup>dot{\eta} AE ] \dot{\delta} AE$ . 16 leitus prop. in mg. X.

ἔμελλε γίνεσθαι καὶ τῆς λείψεως μὴ λαμβανομένης. καὶ ἔστι τὸ AZ παραλληλόγραμμον  $55^{\bar{\omega}\nu}$   $\bar{\delta}$  Λ  $\Delta^{\Upsilon}$   $\bar{\alpha}$ , μ°  $\bar{\iota}\bar{\beta}$  Λ  $55^{\bar{\omega}\nu}$   $\bar{\gamma}$ , τουτέστιν, ἀφανιζομένης τῆς ὑπάρξεως τῶν  $\bar{\gamma}$   $55^{\bar{\omega}\nu}$  ὑπὸ τῆς λείψεως τῶν  $\bar{\gamma}$   $55^{\bar{\omega}\nu}$ ,  $5^{\bar{\omega}\bar{\nu}}$  ὑπὸ τῆς λείψεως τῶν  $\bar{\gamma}$   $55^{\bar{\omega}\nu}$ ,  $5^{\bar{\omega}\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$  μ°  $\bar{\iota}\bar{\beta}$  Λ  $\Delta^{\Upsilon}\bar{\alpha}$ , τουτέστι μ°  $\bar{\iota}\bar{\delta}$  Λ μ°  $\bar{\delta}$ , ὅπερ ἐστὶ μ°  $\bar{\iota}$ .



Δειχθέντος δη τοῦ πολλαπλασιασμοῦ τῆς λείψεως, ἔτι δεικτέον καὶ περὶ τῆς συνθέσεως αὐτῆς καὶ ὑπεροχῆς ΄ ἐὰν ὧσι δύο ἀριθμοί, ὁ μὲν αὐτῶν, ὡς ἐπὶ  $_{15}$ ὑποδείγματος, ἡν μο  $_{\overline{\iota}}$ , ὁ δὲ μο  $_{\overline{\iota}}$  Λ  $_{5}$   $_{\overline{\iota}}$   $_{\overline{\iota}}$  καὶ συντεθέντες μο  $_{\overline{\iota}}$  ἔσονται Λ  $_{5}$   $_{\overline{\iota}}$  πάλιν  $_{\overline{\iota}}$ .

 $^{\prime}$ Εὰν δὲ ἀσι δύο ἀριθμοί, καὶ δ μὲν αὐτῶν  $\mathring{\eta}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\iota}$   $\Lambda$   $\mathfrak{S}^{\circ \bar{\imath}}$   $\ddot{\alpha}$ , δ δὲ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\iota}$   $\Lambda$   $\mathfrak{S}^{\circ \bar{\imath}}$   $\ddot{\beta}$ , συντεθέντες  $\mu^{\circ}$   $\bar{\iota}$  ἔσονται  $\Lambda$   $\mathfrak{S}^{\circ \bar{\imath}}$   $\bar{\gamma}$ .

 $^{\prime}$ Εὰν δὲ ὧσι δύο ἀριθμοί, καὶ ὁ μὲν αὐτῶν η  $^{\prime}$  SS $^{\tilde{m}r}$   $\tilde{\gamma}$  μ $^{\circ}$   $\tilde{\iota}$ , ὁ δὲ μ $^{\circ}$   $\tilde{\iota}$  Λ SS $^{\tilde{m}r}$   $\tilde{\gamma}$ , συντεθέντες μ $^{\circ}$   $\tilde{\kappa}$  ἔσονται μόνων, της ὑπάρξεως τῶν  $\tilde{\gamma}$  SS $^{\tilde{m}r}$  ὑπὸ της λείψεως τῶν  $\tilde{\gamma}$  SS $^{\tilde{m}r}$  ἀφανισθείσης.

 $^{\prime}E$ αν δὲ ἡ μὲν ὕπαρξις ἦ  $\mathfrak{S}\mathfrak{S}^{\tilde{\omega}}$ ν  $\bar{\gamma}$ , ἡ δὲ λείψις  $\mathfrak{S}\mathfrak{S}^{\tilde{\omega}}$ ν  $\bar{\varsigma}$ , μ $^{\circ}$   $\bar{\kappa}$  έσονται  $\Lambda$   $\mathfrak{S}\mathfrak{S}^{\tilde{\omega}}$ ν  $\bar{\gamma}$ , τῆς μὲν ὑπάρξεως τῶν

<sup>6—12</sup> Diagramma solus habet X. 13 sq. Cf. Dioph. def. X. 19  $\delta$   $\delta \hat{\epsilon}$ ] of  $\delta \hat{\epsilon}$ .

'Eàν δὲ ἡ μὲν ὕπαρξις ἡ  $SS^{\overline{\alpha}\gamma}$   $\overline{\gamma}$ , ἡ δὲ λετψις  $SS^{\overline{\alpha}\gamma}$   $\overline{\beta}$ , ἔσονται  $S^{\dot{\alpha}}$   $\overline{\alpha}$  μ°  $\overline{\alpha}$ , τῆς μὲν ὑπάρξεως τῶν  $\overline{\beta}$   $SS^{\overline{\alpha}\gamma}$  ὑπὸ S τῆς λείψεως τῶν  $\overline{\beta}$   $SS^{\overline{\alpha}\gamma}$  ἀφανισθείσης, τῆς δὲ ὑπάρξεως τοῦ  $\overline{\alpha}$   $S^{\circ \overline{\alpha}}$  ἔτι μενούσης.

Καὶ ἡ μὲν σύνθεσις αὕτη, ἡ δὲ ὑπεροχὴ γίνεται οὕτω.

Al  $\bar{\iota}$  μ° τῶν  $\bar{\iota}$  μ°  $\Lambda$   $\mathfrak{S}^{\circ \bar{\upsilon}}$   $\bar{\alpha}$  ὑπερέχουσιν  $\mathfrak{S}^{\bar{\wp}}$   $\bar{\alpha}$ , τουτ- 10 έστιν αὐτῆ τῆ λείψεί.

At  $\bar{\iota}$   $\mu^{o}$   $\Lambda$   $S^{o\bar{\iota}}$   $\bar{\alpha}$   $\bar{\iota}$   $\bar{\mu}^{o}$   $\Lambda$   $SS^{\bar{\alpha}\nu}$   $\bar{\beta}$   $\bar{\nu}$   $\pi\epsilon \rho \dot{\epsilon} \chi o \nu \sigma \iota \nu$   $\bar{\nu}$   $\bar{\nu}$ 

15  $\mathbf{SS}^{0l}$   $\overline{\gamma}$   $\mu^o$   $\overline{\iota}$   $\tau$   $\overline{\omega}\nu$   $\mu^o$   $\overline{\iota}$   $\Lambda$   $\mathbf{SS}^{\overline{\omega}\nu}$   $\overline{\overline{\upsilon}}$   $\tilde{\upsilon}\pi\epsilon\varrho\epsilon\chi\upsilon\upsilon\upsilon\iota$   $\mathbf{SS}^{0l}$   $\overline{\overline{\upsilon}}$ ,  $\tau$   $\tilde{\upsilon}$   $\tau$   $\tilde{\upsilon}$   $\tilde$ 

δμοίως.

Υποκείσθω ὁ S<sup>ò</sup> δσων δήποτε μονάδων βούλει, καλ 20 εὑρήσεις έξετάζων τὸ λεγόμενον.

Όπως δὲ προστίθησι τὰς λείψεις κοινάς, καὶ ἀφαιρεῖ ἀπὸ ὁμοίων ὅμοια καὶ ἴσων ἴσα, καὶ μερίζει ταῦτα ὡς ἄν ἕν εἶδος ἑνὶ εἴδει ἴσον καταλειφθῆ, τουτέστιν ἢ ἀριθμὸς ἢ δύναμις ἴσος μονάσιν ἢ τι τῶν τοιούτων, 25 ἐπ' αὐτῶν τῶν προβλημάτων σαφέστερον μαθησόμεθα.

<sup>13</sup> Al  $\bar{\iota}$   $\mu^o$  add.  $X_2$ ; forsan legendum  $55^{ol}$   $\bar{\gamma}$   $\mu^o$   $\bar{\iota}$   $\tau \tilde{\omega} \nu$   $\mu^o$   $\bar{\iota}$   $\Lambda$   $55^{\tilde{\omega}\nu}$   $\bar{\gamma}$   $\pi \tau \tilde{\iota}$ . 21 sq. Cf. def. XI.

#### AD PROBLEMA I.

Έπιτάσσει τὸν ο διελεῖν εἰς δύο ἀφιθμούς, μείζονα καλ ελάττονα, ώστε τὸν μείζω τοῦ ελάττονος ὑπερέχειν  $μ^{o}$   $\overline{μ}$ ,  $\dot{ω}$ ς  $\delta$   $\overline{o}$  το $\overline{v}$   $\overline{\lambda}$ , καλ τάσσει τὸν μὲν  $E^{\lambda}$ .  $5^{o\overline{v}}$   $\overline{\alpha}$ , τὸν 10  $\delta \hat{\epsilon} M^{\zeta}$ .  $S^{o\tilde{v}} \bar{\alpha} \mu^{o} \bar{\mu}$ , συνάμφω  $\delta \hat{\epsilon} SS^{\tilde{\omega}r} \bar{\beta} \mu^{o} \bar{\mu}$ . έξητεῖτο  $\delta \hat{\epsilon}$  δ  $\bar{\varrho}$  διαι $\varrho \hat{\epsilon} \partial \bar{\eta} \nu \alpha i$ , καὶ  $SS^{ol}$ , φησίν, ἄ $\varrho \alpha \bar{\beta} \mu^o \bar{\mu}$  ἴσοι είσι μο ρ. και έπει δέδοται άπο δμοίων δμοια άφαιρείν και τὰς λείψεις κοινὰς προστεθήναι, ὡς ἔμπροσθεν είσόμεθα, δμοια δέ είσιν ένταῦθα αί μονάδες 15 ταῖς μονάσιν, ἀφαιρεῖ καὶ ἀπὸ τῶν  $SS^{\tilde{\omega}\nu}$   $\bar{\beta}$  καὶ  $\mu^{o}$   $\bar{\mu}$ , αὐτὰς τὰς μο μ. καὶ ἀπὸ τῶν ο μο, τὰς ἴσας ἐκείναις  $\mu^{\circ}$   $\mu$ ,  $\mu$   $\bar{\mu}$ ,  $\bar{\mu}$   $\bar{\mu$  $55^{ol} \ \vec{\beta}$  · Ex dè tov  $\vec{\rho} \ \mu^o$ ,  $\mu^o \ \vec{\xi}$ . Exel dè ol  $\vec{\beta}$   $55^{ol}$  nal μο μ ίσα ην ταζς ο μο, άφηρέθη δε άπο δμοίων δμοια, 20 καί δή καί ἴσα (καί τοῦτο γάο χοή προσκεῖσθαι), καί λοιποὶ ἄρα οἱ  $\bar{\beta}$  SSοὶ ἴσοι εἰσὶ ταῖς  $\bar{\xi}$   $\mu$ ο. δ ἄρα  $\bar{\alpha}$  Sὸ ἴσος ἔσται  $μ^{ο}$   $\overline{\lambda}$ . ἕξουσιν ἄρα τὰ μέρη ἀνὰ  $\overline{\lambda}$   $μ^{ο}$ . προστιθεμένων δε των μ μο τῷ ένὶ μέρει ώς ἀν μεζζον θατέρου γενόμενον και ύπερέχη αὐτοῦ μονάδων μ, 25 νίνεται ο.

Υποστάσεις δε λέγει αὐτοὺς τοὺς ζητουμένους ἀριθμούς, ἤτοι ὑπάρξεις αὐτῶν τὸν δε ἀριθμὸν ὁ

<sup>28</sup> αὐτῶν evanidum in B, αὐτῆ alii.

Διόφαντος οὐχ ὡρισμένον ἔχει, ἀλλ' ὡς ποσότητα μόνον τινὰ τίθησι καὶ γὰρ ἐν οἶς μὲν τῶν προβλημάτων πλειόνων μονάδων εὐρίσκεται ὁ ἀριθμός, ἐν οἶς δ' ἐλαττόνων. ἔστι δ' οὖ καὶ μονάδος ἐλάττων.

Ίστέον γε μην έν τούτφ τῷ αφ προβλήματι, ώς δ διαιρεθησόμενος άριθμός, είτε άρτιός έστιν, είτε περιττός, και την ύπεροχην του μείζονος πρός τον έλάττονα άρτίαν δυνατον είναι ή περιττήν δποτέρως βούλει. Ετι και τοῦτο Ιστέον ώς ἐάν τε ἀπ' ἀρτίου 10 περιττόν ἀφέλης, έάν τε ἀπό περιττοῦ ἄρτιον, τὸ λοιπον περιττον έσται καλ καθόλου πᾶς ἄρτιος ἀριθμός η έκ δύο άρτίων η δύο περιττών σύγκειται και είς αὐτοὺς διαιρείται, ώστε ἀπὸ μὲν ἀρτίου ὁπότερον ἄν είδος ἀφέλης, τὸ λοιπὸν δμοιον ἔσται τῷ ἀφαιρεθέντι, 15 ἀπὸ δὲ περιττοῦ, τοὐναντίον τοῦ ἀφαιρεθέντος. τοίνυν καὶ ἐν τῷδε τῷ προβλήματι τὸν τ̄ ἄρτιον διέλωμεν είς δύο άριθμούς ώστε τὸν μείζω τοῦ έλάσσονος μο γ ύπερέχειν, συσταθήσεται άφαιρεθεισών γάο τῶν  $\overline{γ}$  μ°, λοιπά  $\overline{\xi}$ , απες διαιςεται εἰς  $\overline{γ}$  L' καὶ 20  $\bar{\gamma}$   $\angle'$ , who varepois al  $\bar{\gamma}$   $\mu^{\circ}$  suntedectal molovise the  $\mu$ elζονα  $\bar{s}$  L' καὶ τὸν ἐλάσσονα  $\bar{\gamma}$  L' τὰ δὲ  $\bar{s}$  L' τῶν  $\bar{\gamma}$  L'ύπερέχει γ μ°.

"Εστι δὲ καὶ γραμμικῶς τὸ τοιοῦτο πρόβλημα εύρετν. ἐκκείσθω παραλληλόγραμμον τὸ  $AB\Gamma \Delta$ , καὶ ἔστω 25 ἡ μὲν  $A\Gamma$  τοσούτων μονάδων ὅσων ἐστὶν ὁποῖον δή-  $\frac{\pi}{2}$   $\frac{\pi}{2}$   $\frac{\pi}{2}$   $\frac{\pi}{2}$   $\frac{\pi}{2}$   $\frac{\pi}{2}$  καὶ ἔστω λίγν ἵνα καὶ  $\frac{\pi}{2}$   $\frac{\pi}{2}$ 

80  $\mu^o$   $\overline{\epsilon}$ , attives  $\eta^{or}$   $\mu$ é $\rho$ os éστὶ τοῦ  $\overline{\mu}$  · έπεὶ δὲ καὶ δ  $\overline{\rho}$  έχει  $\epsilon^{or}$   $\mu$ έρος τὰ  $\overline{x}$ , έστω καὶ  $\eta$  AB  $\mu^o$   $\overline{x}$ , καὶ γίνε-

ται τὸ παραλληλόγραμμον  $μ^{\circ}$   $\bar{\varrho}$  · καὶ ἐπεὶ τὰ  $\bar{\epsilon}$   $\eta^{\circ r}$  μέ-  $\varrho_{0S}$  ἐστὶ τῶν  $\bar{\mu}$ , ἀπειλήφθω ἡ AE  $μ^{\circ}$   $\bar{\eta}$ , καὶ ἀπὸ τοῦ E τῆ  $A\Gamma$  παράλληλος ἤχθω ἡ EZ. δῆλον δὴ ὅτι τὸ AZ  $μ^{\circ}$  ἐστὶ  $\bar{\mu}$ , καὶ ἐπεὶ ἡ EB ἐλείφθη  $μ^{\circ}$   $\bar{\iota}\bar{\beta}$ , δῆλον ὅτι τὸ  $E\Delta$   $μ^{\circ}$  ἐστὶ  $\bar{\xi}$  · τετμήσθω ἡ EB δίχα κατὰ τὸ  $\bar{\iota}$  Η, καὶ ἀπὸ τούτου τῆ  $A\Gamma$  παράλληλος ἤχθω ἡ  $H\Theta$  · καὶ δῆλον ὡς ἐκάτερον τῶν  $E\Theta$ ,  $\Theta B$   $μ^{\circ}$  ἐστὶ  $\bar{\lambda}$  · ἤ τε γὰρ  $H\Theta$  ἴση τῆ  $A\Gamma$ , καὶ ἐκατέρα τῶν EH, HB  $μ^{\circ}$   $\bar{\varsigma}$ . προστεθέντος δὴ τοῦ AZ τῷ  $E\Theta$ , γίνεται τὸ  $A\Theta$   $μ^{\circ}$   $\bar{\varsigma}$ , καὶ ἔστι τὸ  $\mu$ ὲν  $A\Theta$   $\bar{\wp}$ , τὸ δὲ  $\Theta B$   $\bar{\lambda}$ , καὶ τέτμηται ὁ  $\bar{\varrho}$  10 εἰς ἀριθμοὺς δύο, ὧν ὁ  $\mu$ είζων τοῦ ἐλάττονος ὑπερέχει  $\mu^{\circ}$   $\bar{\mu}$  · ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

#### AD PROBLEMA II.

$${}^{\prime}E^{\lambda}$$
. S  $\overline{\alpha}$   $M^{\zeta}$ . SS  $\overline{\gamma}$   
SS  $\overline{\delta}$   $\ell^{\sigma}$ .  $\mu^{o} \, \overline{\xi}$  15  
S  $\alpha$   $\ell^{\sigma}$ .  $\mu^{o} \, \overline{\iota \varepsilon}$   
 ${}^{\prime}E^{\lambda}$ .  $\mu^{o} \, \overline{\iota \varepsilon}$   $M^{\zeta}$ .  $\mu^{o} \, \overline{\mu \varepsilon}$ .

Δεικτέον δὲ καὶ διὰ γραμμῶν. ἐκκείσθω τὸ  $AB\Gamma\Delta$  παραλληλόγραμμον. καὶ ἐπεὶ τῶν τοῦ ξ μερῶν τὸ μείζον τριπλάσιον ἔσται τοῦ ἐλάσσονος,

αὐτὸς δὲ ἄρα ὁ ξ̄ ξξει μόριον ὁμώνυμον τῷ μονάδι μείζονι ἀριθμῷ τοῦ τριπλασιασμοῦ, ἤτοι τῷ δ̄, καὶ ξξει τὸ δον τοῦτο δὲ ἔσται μο  $\overline{\iota}$ ε διὰ μὲν οὖν  $\overline{\iota}$ ε τὸ δον, ἔστω ἡ  $A \Gamma \bar{\delta}$  μο, διὰ  $\overline{\iota}$ ε  $\overline{\iota}$ ε δὲ τὰς  $\overline{\iota}$ ε μο, ἔστω ἡ AB τῶν  $\overline{\iota}$ ε μο  $\overline{\iota}$ ε δὲ τὰς  $\overline{\iota}$ ε μο  $\overline{\iota}$ ε δὲ τὰς  $\overline{\iota}$ ε μο  $\overline{\iota}$ ε λαμβάνω τοίνυν τὸ δον τῆς  $A\Gamma$  τὴν AE μονάδος οὖσαν μιᾶς, καὶ ἀπὸ τοῦ E ἄγω παράλληλον τῆ AB τὴν EZ, καὶ ἔστι τὸ AZ  $\overline{\iota}$ ε μο, τὸ δὲ EA  $\overline{\mu}$ ε, καὶ ἔστι τοῦτο ἐκείνου τριπλάσιον.

Και καθόλου δσαπλάσιόν έστιν έπι τῶν τοιούτων τὸ μετζον τοῦ έλάττονος, μονάδι μετζον τοῦ πολλαπλασιαμοῦ ὀφείλει ἔχειν μόριον ὁ διαιρούμενος ἀριθμός:

15 εἰ μὲν τριπλάσιον, τέταρτον: εἰ δὲ τετραπλάσιον, πέμπτον, καὶ ἐφεξῆς: καὶ θατέραν μὲν τῶν πλευρῶν χρὴ ποιετν δμώνυμον τῷ μορίῳ, θατέραν δὲ τοσούτων μονάδων ὅσων ἦν τὸ μόριον.

# AD PROBLEMA III.

$${}^{\prime}E^{\lambda}$$
. S  $\overline{\alpha}$   $M^{\zeta}$ . SS  $\overline{\gamma}$   $\mu^{o}$   $\overline{\delta}$ 

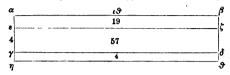
SS  $\overline{\delta}$   $\mu^{o}$   $\overline{\delta}$   $\ell^{\sigma}$ .  $\mu^{o}$   $\overline{\pi}$ 

SS  $\overline{\delta}$   $\ell^{\sigma}$ .  $\mu^{o}$   $\overline{o\overline{\varsigma}}$ 

S  $\overline{\alpha}$   $\ell^{\sigma}$ .  $\mu^{o}$   $\overline{\iota\overline{\vartheta}}$ 
 ${}^{\prime}E^{\lambda}$ .  $\mu^{o}$   $\overline{\iota\overline{\vartheta}}$   $M^{\zeta}$ .  $\mu^{o}$   $\overline{\xi}\alpha$ .

25 Έκκείσθω παραλληλόγραμμον το  $AB\Gamma \Delta$ . καλ έπελ τῶν τοῦ  $\bar{\pi}$  μερῶν το μετζον τοῦ έλάσσονος τριπλάσιόν τέ έστι καλ ὑπερέχει αὐτοῦ καλ μο  $\bar{\delta}$ , ἄφελε ἀπὸ τοῦ  $\bar{\pi}$  τὰς  $\bar{\delta}$  μο λοιπὰ  $\bar{o}\bar{s}$ . καλ έπελ τὸ μέρος αὐτοῦ μέρους τριπλάσιον, δίελε τὸν  $\bar{o}\bar{s}$  εἰς  $\bar{\delta}$  εξει ἄρα  $\bar{\delta}$ ον καλ

ἔστιν αὐτὸ τὸ  $δ^{or}$   $\overline{\iota\vartheta}$   $\mu^o$ . διὰ μὲν τὸ  $δ^{or}$ , ἔστω  $\mathring{\eta}$   $A\Gamma$   $\overline{\delta}$   $\mu^o$ , διὰ δὲ τὰς  $\overline{\iota\vartheta}$   $\mu^o$ ,  $\mathring{\eta}$  AB τῶν  $\overline{\iota\vartheta}$   $\mu^o$ .  $\mathring{\delta}$ λον ἄρα τὸ  $AB\Gamma A$  ἔσται  $\mu^o$   $\overline{os}$ . εἰλήφθω τὸ  $δ^{or}$  τῆς  $A\Gamma$  καὶ



ἔστω τὸ AE καὶ ἀπὸ τοῦ E τῆ AB παράλληλος ἤχθω ἡ EZ καὶ ἐπεὶ ἡ AE μονάδος ἦν, ἔσται τὸ 5 μὲν AZ μ°  $\iota \eth$ , τὸ δὲ  $E \varDelta$  μ°  $\iota \eth$ ς εἶτα παραβεβλήσθω παρὰ τὴν  $\Gamma \varDelta$  χωρίον παραλληλόγραμμον δυνάμενον μ° δ, ἃς ἀφεῖλες τῶν π, καὶ ἔστω τὸ  $\Gamma Θ$  οὖ ἡ μὲν  $\Gamma H$  πλευρὰ ἔσται δ ἐννεακαιδεκάτων, ἡ  $\langle δ \grave{\epsilon} \rangle \Gamma \varDelta$   $\iota \eth$  μ°. ἔσται ἄρα ὅλον τὸ EΘ μ° ξα καὶ ἔσται τριπλάσιον τοῦ 10 AZ καὶ τέσσαρσι μονάσιν ὑπερέχον αὐτοῦ ὅλον δὲ τὸ AΘ ἔσται τῶν  $\bar{\pi}$  μ°.

## AD PROBLEMA IV.

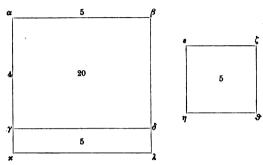
$${}^{\prime}E^{\lambda}$$
.  $S \overline{\alpha}$   $M^{\zeta}$ .  $SS \overline{\epsilon}$ 
 $SS \overline{\delta}$   $\ell^{\sigma}$ .  $\mu^{o} \overline{x}$  15
 $S \overline{\alpha}$   $\ell^{\sigma}$ .  $\mu^{o} \overline{\epsilon}$ 
 ${}^{\prime}E^{\lambda}$ .  $\mu^{o} \overline{\epsilon}$   $M^{\zeta}$ .  $\mu^{o} \overline{\kappa \epsilon}$ .

Θεωρείσθω τὸ δον πρόβλημα ἐφ' ἐτέρου παραδείγματος, γυμνασίας χάριν ἐπιτετάχθω εὐρεῖν τὸν μείζονα τοῦ ἐλάττονος ἡμιόλιον, ὑπερέχοντα αὐτοῦ  $\mu^{\circ}$   $\overline{\epsilon}$ . 20

Figurae arabicas numerorum notas ad modum hodiernum exegi; codices cifras Planudeas quae feruntur exhibent; videsis tabulam in optimo opere M. Cantoris exsculptam Vorlesungen über Geschichte der Mathematik, vol. I. 8  $\Gamma\Theta$ ]  $\gamma \overline{\delta}$ . 10  $\tau \epsilon = \pi \lambda \dot{\alpha} \sigma i \sigma \dot{\alpha}$ .

 $\delta$   $^{\prime}E^{\lambda}$ . S  $\bar{\alpha}$ ,  $\delta$   $M^{\zeta}$ .  $\langle S \rangle$   $\bar{\alpha}$  L'. Θέλω τον  $\bar{\alpha}$  L' υπερέχειν του  $\bar{\alpha}$ ,  $\mu^{o}$   $\bar{\epsilon}$ , άλλ' υπερέχει L'·  $\delta$  ἄρα  $^{\prime}E^{\lambda}$ . Εσται  $\bar{\iota}$  καλ  $\delta$   $M^{\zeta}$ .  $\bar{\iota}\bar{\epsilon}$ .

 $\Delta$ εδείχθω δὲ καὶ διὰ γραμμῶν ἐπεὶ ὁ μείζων τοῦ  $_5$  ἐλάττονος ὑπερέχει μ $^{\circ}$  π̄, ἐκκείσθω παραλληλόγραμμον



τὸ ΑΒΓΔ, π μ° ὅν, οὖ ἡ μὲν ΑΓ πλευρὰ ἔστω μ° δ, ἡ δὲ ΑΒ ε. ἐπεὶ δὲ ὅλος ὁ μείζων τοῦ ἐλάττονος πενταπλάσιος ἡν, ἡ ὑπεροχὴ ἄρα αὐτοῦ τὸ ΑΒΓΔ παραλληλόγραμμον τετραπλάσιον ἔσται τοῦ ἐλάττονος ¹0 δύο ·γὰρ πολλαπλασίων πρὸς ἀλλήλους ἀριθμῶν ἡ ὑπεροχὴ μονάδι ἐλαττονάκις ἡ ὅλος ὁ πολλαπλάσιος πολλαπλασίων τοῦ ἐλάττονος ἔσται ὁ ἄρα ἐλάττων ἔσται μ° ε, καὶ κείσθω αὐτοῦ παραλληλόγραμμον ἔτερον τὸ ΕΖΗΘ. ἐὰν ἄρα παρὰ τὴν ΓΔ παραβάλω ¹δ χωρίον ἴσον τῷ ΕΖΗΘ, πενταπλάσιος ἔσται ὁ μείζων τοῦ ἐλάττονος παραβεβλήσθω τὸ ΓΔΚΛ, καὶ γέγονεν ὅλον τὸ ΑΛ κε ὁ κε ἄρα τοῦ ε πενταπλάσιός τέ ἐστι καὶ π αὐτοῦ μονάσιν ὑπερέγει.

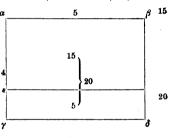
<sup>11</sup> μονάδι] τοῦ μείζονος.

# "Αλλως.

Ἐπεὶ ὁ μείζων τοῦ ἐλάττονος πενταπλάσιός ἐστιν, ἡ δὲ ὑπεροχὴ μο π̄, διὰ μὲν τὸ πενταπλάσιον, ἔστω ἡ  $A\Gamma$  μο ε̄, διὰ δὲ τὰς π̄ μο, ἡ  $\alpha$  20 β AB μο π̄ καὶ καταγεγράφθω το  $\alpha$  25  $\alpha$  25  $\alpha$  36 τὸ  $\alpha$  37 το  $\alpha$  36 τὸ  $\alpha$  37 το  $\alpha$  38 ΓΔ παραλληλόγραμμον. ἔσται ἄρα δλον  $\overline{\rho}$  μο διηρήσθω το δος δ  $\overline{\rho}$  παρὰ τὸν μονάδι ἐλάττονα τῆς  $\alpha$  4Γ, τουτέστι παρὰ τὸν  $\overline{\delta}$  · ἔσται ἄρα τὸ  $\alpha$  50 τῶν  $\overline{\rho}$ ,  $\overline{\kappa}$ , καὶ ἔστω τὸ  $\alpha$  4Ε χωρίον. ζητῶ τοίνυν τίνος πενταπλάσιός ἐστιν 10 δ  $\overline{\kappa}$  καὶ εὐρίσκω ὅτι τοῦ  $\overline{\epsilon}$ , καὶ τούτους εἶναι λέγω τοὺς ἀριθμούς.

Καὶ τοῦτο μέν ἐπὶ τῶν πολλαπλασίων · ἐπὶ δὲ τῶν ἐπιμορίων δ ὕστερον · προκείσθω εύρεῖν δύο ἀριθμοὺς

δν δ μείζων τοῦ ἐλάσσονος ἔσται ἐπίτριτος, ἡ δὲ ὑπεροχὴ μο ε ἐπεὶ πυθμὴν τῶν ἐπιτρίτων ἐστὶν ὁ δ, διὰ μὲν τὸν δ, ἔστω ἡ ΑΓ δ μο, διὰ δὲ τὴν ὑπεροχὴν τῶν ε μο, ἡ ΑΒ τῶν ε μο ε ἔσται οὖν ὅλον τὸ



παραλληλόγραμμον μ°  $\bar{\kappa}$  άλλ' έπεὶ δ  $\bar{\delta}$  τοῦ  $\bar{\gamma}$  έστὶν έπίτριτος, λαμβάνω τὴν μονάδι έλάττονα τῆς  $A\Gamma$ , τὴν AE, τουτέστι τὸν  $\bar{\gamma}$ , καὶ πολυπλασιάζω τοῦτον ἐπὶ 25 τὴν ὑπεροχὴν τὴν  $\bar{\epsilon}$  καὶ γίνεται  $\bar{\iota}\bar{\epsilon}$ , καὶ εὕρηνται οί ἀριθμοὶ δ  $\bar{\kappa}$  καὶ δ  $\bar{\iota}\bar{\epsilon}$ .

"Αμεινον δὲ τῆς πρώτης ἀποδείξεως ἔχεσθαι χωοούσης ἐν πᾶσι τὰ γάο τι τῶν ἐπιμορίων τε καὶ ἐπι-

<sup>8</sup> τῆ ΑΓ.

μερών και των ἄλλων ιδίας ἕκαστα τῆς ἀποδείξεως δεῖται, και εὐχερὲς περὶ πάντων διεξιέναι, πλὴν τῷ βουλομένω, διὰ των προλαβόντων και τὰ λοιπὰ δῆλα.

'Ιστέον δὲ ἐν τῆ πρώτη δείξει, κατὰ μὲν τοὺς 5 πολλαπλασίους ἀριθμούς, ἐλέγομεν τὴν ὑπεροχὴν τοῦ μείζονος ἰπρὸς τὸν ἐλάττονα μονάδι ἐλαττονάκις μετρεῖσθαι ὑπὸ τοῦ ἐλάττονος ἢ ὁ μείζων ἀριθμὸς ἐμετρεῖτο ὑπὸ τοῦ ἐλάττονος περὶ δὲ ἐπιμορίων καὶ τῶν ἄλλων οὐ διελάβομεν. λέγομεν οὖν καὶ περὶ αὐτῶν μόριον τοῦ ἐλάττονος, οὐκέτι μονάδι ἐλαττονάκις, ὡς ἐν ἐκείνοις, ἀλλ' ὁμωνύμως τῷ ἐπιμορίω. οἶον ἡ ὑπεροχὴ τοῦ ἐπιτρίτου τρίτον ἐστὶ τοῦ ὑπεπιτρίτου, καὶ τοῦ ἐπιτετάρτου τέταρτον καὶ ἐπὶ τῶν ἐπιμερῶν 15 τοῦ ἐπιδιτρίτου ἡ ὑπεροχὴ δύο τρίτα ἔσται τοῦ ὑπεπιδιτρίτου καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων πάντων ὡσαύτως ἄμεινον οὖν ἡ πρώτη ἀπόδειξις.

## AD PROBLEMA V.

Δεῖ δὴ τὸν ἐκ τῆς συνθέσεως τῶν δοθέντων δύο μορίων ἀριθμὸν ἐν τῷ μεταξὺ πίπτειν τῶν τοιούτων

<sup>15</sup> ἐπιδιτρίτου] ἐπιτρίτου. 15—16 ὑπεπιδιτρίτου] ὑπεπιτρίτου. 26 sq. Cf. vol. I, 20, 13.

δύο μορίων τοῦ ἐξ ἀρχῆς διαιρουμένου, τουτέστι δεὶ τὸν ἀριθμὸν μεταξὺ πίπτειν τοῦ  $γ^{ov}$  τῶν  $\overline{\rho}$ , ὅπερ ἐστὶ  $\overline{\lambda \gamma}$   $\gamma''$ , καὶ τοῦ  $\varepsilon^{ov}$  τῶν αὐτῶν, ὅπερ ἐστὶ τὰ  $\overline{\kappa}$ , ὅτι καὶ  $\gamma^{ov}$  καὶ  $\varepsilon^{ov}$  λαμβάνεται τῶν μορίων τουτέστι δεῖ τὸν διδόμενον ἀριθμὸν μήτε τὸν  $\overline{\kappa}$  εἶναι, ὅστις  $\varepsilon^{6r}$  5 ἐστι τῶν  $\overline{\rho}$ , ἢ ἄλλον τῶν ὑπ' αὐτόν, μήτε  $\overline{\lambda \gamma}$   $\gamma''$ , ὃς  $\gamma^{6r}$  ἐστι τῶν  $\overline{\rho}$ , ἢ ἄλλον τινὰ τῶν ὑπὲρ αὐτόν ἀλλὰ πάντως τὸν διδόμενον μείζονα μὲν εἶναι ὅσφ δήποτε τοῦ  $\overline{\kappa}$ , ἐλάττονα δὲ τοῦ  $\overline{\lambda \gamma}$   $\gamma''$ , ὡς καὶ ἐνταῦθα ὁ  $\overline{\lambda}$  δέδοται μεταξὺ τοῦ τε  $\overline{\kappa}$  καὶ τοῦ  $\overline{\lambda \gamma}$   $\gamma''$ . δυνατὸν δὲ 10 καὶ πάντας τοὺς μεταξὺ τῶν δύο τούτων ἀριθμῶν δοθῆναι· εἰ δ' εἴτε αὐτὸς ὁ  $\overline{\kappa}$  ἢ τις ἄλλος τῶν ὑπ' αὐτόν, εἴτε ὁ  $\overline{\lambda \gamma}$   $\gamma''$  ἢ τις ἄλλος τῶν ὑπὲρ αὐτόν, οὐ συσταθήσεται τὸ θεώρημα.

Καὶ πρῶτον δεδείχθω ἐπὶ τοῦ  $\bar{\kappa}$ · κείσθω τὸ τοῦ 15 αου γον καὶ τὸ τοῦ  $\beta^{ov}$  εον ποιείν  $\mu^o$   $\bar{\kappa}$ · ἔστω τὸ τοῦ  $\beta^{ov}$  εον,  $5^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$ · αὐτὸς ἄρα ἔσται  $55^{\bar{o}\bar{v}}$   $\bar{\epsilon}$ · τὸ ἄρα τοῦ  $\beta^{ov}$  εον,  $5^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$ · αὐτὸς ἄρα ἔσται  $55^{\bar{o}\bar{v}}$   $\bar{\epsilon}$ · τὸ ἄρα τοῦ αου γον ἔσται  $\mu^o$   $\bar{\kappa}$  Λ  $5^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$ · αὐτὸς ἄρα ἔσται  $\mu^o$   $\bar{\epsilon}$  · ταῦτα ἴσα  $\mu^o$   $\bar{\epsilon}$ · ἀπὸ δμοίων δμοια· λοιποὶ  $55^{ol}$   $\bar{\beta}$  ἴσοι  $\mu^o$   $\bar{\mu}$ · καὶ 20 γίνεται δ  $5^{\bar{o}}$   $\mu^o$   $\bar{\kappa}$ · ἐπεὶ δ  $\beta^{o;}$   $55^{\bar{o}v}$  ἐστι  $\bar{\epsilon}$ , ἔσται  $\mu^o$   $\bar{\epsilon}$ · δ δὲ αος, ἐπεὶ  $\mu^o$   $\bar{\epsilon}$  ἐστι Λ  $55^{\bar{o}v}$   $\bar{\gamma}$ , ἔσται οὐδενός· αἱ γὰρ  $\bar{\epsilon}$   $\mu^o$ ,  $\bar{\gamma}$  εἰσιν  $55^{ol}$ . ἔμεινε τοίνυν δ  $\bar{\epsilon}$  ἀδιαίρετος, ἀλλὰ  $\mu$ ην ἐζητεῖτο διαιρεθηναι, ώστε οὐ συνέστη τὸ πρόβλημα, δι' ην ἔφαμεν αἰτίαν, πολλῷ δὲ πλέον εἶ 25 τις τῶν ὑπὸ τὸν  $\bar{\kappa}$  ὑποτεθείη· τηνικαῦτα γὰρ καὶ πλέον  $\bar{\eta}$   $\bar{\rho}$   $\bar{\rho}$  ό  $\bar{\rho}$ °; συναχθήσεται, ὅπερ ἄτοπον· τὸ γὰρ μέρος ἔσται τοῦ δλου μεῖζον.

<sup>4</sup> μος/ων] forsan legendum μεςῶν. 8 πάντως] πάντα. δσω] δσον.

Πάλιν δεδείχθω έπὶ τοῦ  $\overline{\lambda \gamma} \gamma''$  έπεὶ δ  $\beta^{os}$  έσται  $SS^{\overline{av}} \overline{\epsilon}$ , δ  $\alpha^{os}$  έσται  $\mu^o \overline{\varrho}$  Λ  $SS^{\overline{av}} \overline{\gamma}$ , δμοῦ δὲ  $SS^{ol} \overline{\beta} \mu^o \overline{\varrho}$  ταῦτα ίσα  $\mu^o \overline{\varrho}$ . ἀλλ' ἐὰν ἀφέλωμεν ἀπὸ δμοίων ὅμοια, λοιποὶ ἔσονται  $\overline{\beta}$   $SS^{ol}$  ἴσοι οὐδενί, ὅπε $\varrho$  ἄτοπον· πολλ $\overline{\varphi}$  δὲ πλέον οὐ συσταθήσεται καὶ εἴ τις τῶν ὑπὲ $\varrho$  τὸν  $\overline{\lambda \gamma} \gamma''$  ὑποτεθείη· τηνικαῦτα γὰ $\varrho$  λοιποὶ ἔσονται  $\overline{\beta}$   $SS^{ol}$  καὶ  $\mu^o$  τινὲς ἴσαι οὐδενί· οὐκοῦν μόνους τοὺς μετὰ τὸν  $\overline{\kappa}$  καὶ ὑπὸ τὸν  $\overline{\lambda \gamma} \gamma''$  τιθέναι δεῖ, ἕτε $\varrho$ ον δὲ οὐδένα.

Τὸ τοῦ αου γον, φησίν, ἔσται μο  $\overline{\lambda}$  Λ  $\underline{S}^{o\bar{b}}$   $\overline{\alpha}$  · ἐπεὶ 10 γὰρ τὸ τοῦ βου εον καὶ τὸ γον τοῦ αου μο ποιεῖ  $\overline{\lambda}$ , ἐτέθη  $\langle \delta \hat{k} \rangle$  τὸ εον τοῦ βου,  $\underline{S}^{o\bar{b}}$   $\overline{\alpha}$ , δῆλον ὅτι  $\underline{S}^{b}$   $\overline{\alpha}$  καὶ μο τινὲς ποιοῦσι τὸν  $\overline{\lambda}$  · τοῦ δὲ  $\underline{S}^{o\bar{b}}$  ἀφαιρεθέντος, ἔμεινεν ὅλως μο  $\overline{\lambda}$  Λ  $\underline{S}^{o\bar{b}}$   $\overline{\alpha}$  · ἄδηλον γάρ ἐστιν ἔτι πόσων μο ἐστὶν ὁ  $\underline{S}^{o^{\bar{b}}}$  · ἐπεὶ δὲ εὐρίσκεται ὕστερον μο ἀν  $\overline{\epsilon}$ , ταὐτόν ἐστιν 15 εἰπεὶν ὡς τὸ τοῦ αου γον μο ἐστὶ  $\overline{\lambda}$  Λ μο  $\overline{\epsilon}$ , τουτέστι μο  $\overline{\kappa}$  εὶ δὴ τὸ γον αὐτοῦ ἐστι μο  $\overline{\lambda}$  Λ  $\underline{S}^{o\bar{b}}$   $\overline{\alpha}$ , ἤτοι μο  $\overline{\kappa}$  ε, ὅλως ὁ αος ἔσται τρὶς τὸ γον, τουτέστι μο  $\overline{\lambda}$  Λ  $\underline{S}^{o\bar{b}}$   $\overline{\gamma}$ , ἤτοι μο  $\overline{\epsilon}$  εποιτέστιν ὁ αος μο  $\overline{\epsilon}$   $\overline{\epsilon}$ .

Οἱ δὲ δύο, φησί, συντεθέντες ποιοῦσιν  $25^{obs} \bar{\beta}$  το καὶ  $\mu^o \bar{\beta}$  έπεὶ γὰρ δ μὲν  $\beta^{os} 25^{\bar{m}r}$  ἤν  $\bar{\epsilon}$ , δ δὲ  $\alpha^{os} \mu^o \bar{\beta}$  το καὶ  $\mu^o \bar{\beta}$  έπεὶ γὰρ δ μὲν  $\beta^{os} 25^{\bar{m}r}$  ἤν  $\bar{\epsilon}$ , δ δὲ  $\alpha^{os} \mu^o \bar{\beta}$  το  $\delta^{os} \bar{\gamma}$ , ἄφελε ἀπὸ τῶν  $\bar{\epsilon}$  τοῦ  $\delta^{ou}$  τοὺς  $\bar{\gamma}$   $25^{ois}$  λεϊψις γὰρ ἐπὶ ὅ μὲν  $\delta^{os}$  ἤν  $\mu^o \bar{\kappa}\bar{\epsilon}$ , δ δὲ  $\alpha^{os} \mu^o \bar{\beta}$  παρὰ  $\mu^o \bar{\iota}\bar{\epsilon}$ , ἤτοι  $\mu^o \bar{\epsilon}$ , οἱ δύο συντιθέμενοι ὅ τε  $\bar{\kappa}\bar{\epsilon}$  καὶ δ  $\bar{\delta}\bar{\epsilon}$  ποιε οῦσι  $\bar{\rho}$  τὰ δὲ  $\bar{\rho}$  τοῖς  $\bar{\rho}$  πάντως ἰσα ἀλλ' εἰ οῦτω καὶ δ Διόφαντος ἔλεγεν, ἀφαιροῦντι ἀπὸ ὁμοίων ὅμοια, οὐδὲν ἔμεινε. νῦν δὲ  $25^{ois}$  φησι  $\bar{\beta}$  καὶ  $\mu^o \bar{\beta}$  ἰσα εἶναι  $\mu^o \bar{\rho}$  καὶ ἀφαιροῦντι ἀπὸ μὲν τῶν  $\bar{\beta}$   $25^{\bar{m}r}$  καὶ τῶν  $\bar{\beta}$  μο

<sup>2</sup>  $\alpha^{o_5}$ ]  $\tau_0/\tau_0 g$ . 9 cf. vol. I, 20, 21. 10  $\gamma^{o_7}$ ]  $\tau_0 \bar{\nu}$   $\tau_0/\tau_0 \nu$ . 11 32 add.  $X_3$ . 12  $\delta \lambda_{\infty}$  3  $\bar{\lambda}$ . 19 cf. vol. I, 20, 23. 24 of K X,  $\delta$  B.

τὰς  $\overline{\phantom{a}}$   $\mu^o$ , ἀπὸ δὲ τῶν  $\overline{\varrho}$   $\mu^o$  τὰς ἴσας τὰς  $\overline{\phantom{a}}$ , λοιπαὶ  $\mu^o$   $\overline{\iota}$  ἴσαι  $\mathfrak{S}\mathfrak{S}^{\circ\overline{\iota}}$ ς  $\overline{\mathfrak{g}}$  καὶ δ  $\mathfrak{S}^{\circ}$   $\mu^o$   $\overline{\epsilon}$ .

Τον δε αο' και βο' ἀριθμον οὐ χρη μείζονα νοεῖν και ἐλάττονα· θάτερος γὰρ θατέρου και μείζων και ἐλάσσων γίνεται.

## AD PROBLEMA VI.

Δεῖ δὴ τὴν δοθεῖσαν ὑπεροχὴν τῶν μορίων, τουτέστι τοῦ δου πρὸς τὸ  $5^{or}$ , ἢπερ ἐδόθη  $μ^o$   $\bar{x}$ , εἶναι 15 ἐλάσσονα τοῦ δοθέντος μέρους τοῦ ἐξ ἀρχῆς δοθέντος ἀριθμοῦ τοῦ  $\bar{\varrho}$ , τουτέστιν ἐλάττονα τοῦ δόυ μέρους τοῦ  $\bar{\varrho}$ : ⟨εἴτε γὰρ  $\bar{x}$ ε δοθείη⟩ εἴτε ἄλλος τις ὑπὲρ αὐτόν, οὐ συσταθήσεται καὶ δεδείχθω ἐπὶ τοῦ  $\bar{x}$ ε, τουτέστιν ὑπερεχέτω τὸ δου τοῦ αου τοῦ  $\bar{y}$ ου τοῦ  $\bar{y}$ ου  $\bar{y}$ ου  $\bar{y}$ ου  $\bar{y}$ ου  $\bar{y}$ ου τοῦ  $\bar{y}$ ου  $\bar{y}$ ου τοῦ  $\bar{y}$ ου  $\bar{y}$ ου τοῦ  $\bar{y}$ ου τοῦ  $\bar{y}$ ου  $\bar{$ 

Ἐπεὶ τὸ  $\mathbf{S}^{ov}$  τοῦ  $\mathbf{\beta}^{ov}$  ἐστὶν  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  α καὶ αὐτὸς  $\mathbf{S}\mathbf{S}^{\bar{o}v}$   $\mathbf{\bar{S}}$ , τὸ ἄρα  $\mathbf{\delta}^{ov}$  τοῦ  $\mathbf{\alpha}^{ov}$  ἔσται  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  α  $\mathbf{\mu}^{o}$  κε· ταύτας γὰρ ὀφείλει νῦν ὑπερέχειν αὐτοῦ· αὐτὸς ἄρα ὁ  $\mathbf{\alpha}^{o}$ : ἔσται  $\mathbf{S}\mathbf{S}^{\bar{o}v}$   $\mathbf{\bar{\delta}}$   $\mathbf{\mu}^{o}$   $\mathbf{\bar{\rho}}$ , καὶ ὁμοῦ  $\mathbf{S}\mathbf{S}^{ol}$   $\mathbf{\bar{i}}$   $\mathbf{\mu}^{o}$   $\mathbf{\bar{\rho}}$ . ταῦτα ἴσα δεῖ εἶναι  $\mathbf{\mu}^{o}$   $\mathbf{\bar{\rho}}$ . ἀλλ' ἐὰν ἀφέλω ἀπὸ ἴσων ἴσα, λοιποὶ  $\mathbf{S}\mathbf{S}^{ol}$   $\mathbf{\bar{i}}$  ἴσοι οὐ-  $\mathbf{m}$  δενί, ὅπερ ἄτοπον. πολλῷ δὲ πλέον καὶ ἐὰν  $\mathbf{\bar{m}}\mathbf{\bar{s}}$  ἢ καὶ  $\mathbf{\bar{m}}\mathbf{\bar{s}}$  ἢ τοῦ  $\mathbf{\bar{m}}\mathbf{\bar{s}}$ ,  $\mathbf{\bar{s}}$   $\mathbf{\bar{s}}$  ταὶ  $\mathbf{\bar{u}}^{o}$   $\mathbf{\bar{o}}$  ὅσοῦς ἐπὶ τοῦ  $\mathbf{\bar{m}}\mathbf{\bar{s}}$ ,  $\mathbf{\bar{s}}$   $\mathbf{\bar{s}}$ 

<sup>18</sup> εἴτε γὰο πε δοθείη addidi; εἴτε γὰο πε εἴη coniecit Xylander.

10

'Ιστέον δ' ως έπὶ μὲν τοῦ προλαβόντος θεωρήματος μεταξὺ τῶν δύο μερῶν ἐτίθει τὸν διδόμενον ἀριθμόν, ἐνταῦθα δὲ ἐλάττονα μόνον τοῦ μείζονος μέρους, ὡς δύνασθαι καὶ μέχρι μονάδος κατιέναι.

#### AD PROBLEMA VII.

Έπεὶ  $\delta$   $\mathbf{S}^{\delta}$  εύρέ $\vartheta\eta$   $\overline{\varrho\mu}$   $\mu^{\varrho}$ ,  $\delta$ ταν λέγ $\eta$   $\delta$ τι λοιπ $\delta$ g $S \bar{\alpha} \wedge \mu^{\circ} \bar{\rho}$ , ταὐτὸν λέγει τῷ κἂν μὲν ἀπὸ τῶν  $\bar{\rho}\bar{\mu}$ άφέλω  $\bar{\varrho}$ , λοιπὰ  $\bar{\varrho}\mu$  παρὰ  $\bar{\varrho}$ , τουτέστι  $\bar{\mu}$  μόνον έὰν 15 δὲ ἀπὸ τῶν ομ ἀφέλω κ, λοιπὰ ομ παρὰ κ, τουτέστι οπ μόνα. ἐπεὶ δὲ δεῖ τριπλάσια εἶναι τοῦ 5οῦ α Λ μο ο, τουτέστι των μ, τρίς άρα δ έλάττων, τουτέστιν δ  $\mathbf{S}^b \bar{\alpha} \wedge \mu^o \bar{\rho}$ , τουτέστι τὰ  $\bar{\mu}$ , ἴσος ἐστὶ τῷ  $\mathbf{S}^{\bar{\varphi}} \bar{\alpha} \wedge \bar{\varkappa} \mu^o$ , τουτέστι τῷ οκ τῷ μείζονι τρίς γὰρ μ, οκ. τρίς δὲ 20 δ έλάττων γίνεται  $SS^{ol} \bar{\gamma} \Lambda \mu^o \bar{\tau}$ , τουτέστι  $\bar{\rho} x$ . άλλ' έπει πάντα μονάδας λέγω, οὔπω γὰο εὐρέθη πόσων μονάδων έστιν δ 50, λέγει δε δτι τρίς τὰ έλάττονα γίνεται 55οὶ γ Λ μο τ. ταῦτα δὲ ἴσα 5ῷ α Λ μο π. κοινήν προστίθησι την λεϊψιν, τουτέστιν άναπληροϊ 25 τὰς λειπούσας  $\bar{\tau}$   $\mu^o$  τοῖς  $\bar{\nu}$   $99^{o\bar{\epsilon}\varsigma}$ , καὶ ποιεί αὐτοῦ ἀνελλιπεῖς  $\bar{\nu}$  99° $\bar{\nu}$ ς καὶ ποιεῖ τοῦτο καὶ ἐπὶ τοῦ 9° $\bar{\nu}$   $\bar{\alpha}$  Λ μ°  $\bar{\kappa}$ . τουτέστι προστίθησι και αὐτῷ τὰς τ μ°, ὰς προσέθετο

<sup>12</sup> cf. vol. I, 24, 9. 15  $\overline{\mu}$  prius]  $\overline{\varrho}\overline{\mu}$  B, correxit  $X_2$ . 20  $\overline{\varrho}\overline{\mu}$ ]  $\overline{\varrho}\overline{\mu}$ . 22—23 cf. vol. I, 24, 12.

τοίς  $\overline{\gamma}$  95°ς, είς ἀναπλήρωσιν αὐτοῦ· καὶ γίνεται καὶ αὐτὸς 5°  $\overline{\alpha}$  καὶ  $\mu^o$   $\overline{\sigma}\overline{\pi}$ · ἀπὸ γὰρ τῶν  $\overline{\tau}$  αἱ  $\mu^o$   $\overline{\kappa}$  προσελογίσθησαν τῆ λείψει, τὰ  $\overline{\sigma}\overline{\pi}$  ἔμειναν.

Καὶ ἀφαιροῦνται ἀπὸ ὁμοίων ὅμοια· ἐνταῦθα οὐ μ° ἀφαιρεῖται, ἀλλὰ  $S^{ovs}$ · τὸ μὲν γάρ ἐστι  $\bar{\gamma}$  τελείων  $\bar{\nu}$   $SS^{av}$ , τὸ δὲ  $S^{o\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$  καὶ μ°  $\bar{\sigma}\bar{\pi}$ · ὅμοια γοῦν οἱ  $SS^{ol}$  τοῖς  $SS^{o\bar{\iota}s}$ · καὶ ἀφαιρεῖται ἀφ' ἐκατέρου  $S^{bv}$   $\bar{\alpha}$ · οὐδὲ γὰρ δύναται πλέον· καὶ μένουσιν ἐν μὲν θατέρφ  $SS^{ol}$   $\bar{\beta}$ , ἐν δὲ θατέρφ μ°  $\bar{\sigma}\bar{\pi}$ .

## AD PROBLEMA VIII.

Δεί δὴ τὸν λόγον τὸν διδόμενον, τουτέστιν ὃν Εξουσι πρὸς ἀλλήλους οἱ γενόμενοι ἀριθμοὶ ἐκ τῆς τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  προσθέσεως, ὡς ἐνταῦθά ἐστιν ὁ τριπλάσιος, ἐλάττονα εἶναι τοῦ λόγου οἱ ἔχει ὁ μείζων τῶν ἐξ 20 ἀρχῆς δοθέντων πρὸς τὸν ἐλάττονα, τουτέστιν ὁ ρ πρὸς τὸν  $\mathbf{x}$  οὖτος γὰρ πενταπλάσιος, ἐκεῖνος δὲ τριπλάσιος, ὁ δὲ τριπλάσιος τοῦ πενταπλασίου ἐλάττων, ὡς καὶ τὰ  $\mathbf{\bar{y}}$  τοῦ  $\mathbf{\bar{e}}$ . καὶ γὰρ εἰ μὴ οὕτως ἔχει, οὐ προβαίνει ἡ δεῖξις · ὅτι δέ, τοῦ  $\mathbf{\bar{p}}$  πρὸς τὸν  $\mathbf{\bar{x}}$  πεντα- 25 πλάσιον ἔχοντος λόγον, εἰ καὶ ὁ λόγος τῶν γινομένων  $\mathbf{\bar{d}}$ ριθμῶν πενταπλάσιος εἰη, οὐ συσταθήσεται, δεικτέον οὕτως.

<sup>2</sup>  $\mu^o$   $\bar{\kappa}$ ]  $\mu$ èν  $\bar{\kappa}$  4 cf. vol. I, 24, 14. 19 προθέσεως.

Ἐπεὶ ὁ προστιθέμενος  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$  ἐστιν  $\bar{\alpha}$ , ἐὰν μὲν τῷ  $\bar{\mathbf{Q}}$  προστεθή, ἔσται  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$  μ°  $\bar{\mathbf{Q}}$  · ἐὰν δὲ τῷ  $\bar{\mathbf{x}}$ , ἔσται  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$  μ°  $\bar{\mathbf{Q}}$  · ἐὰν δὲ τῷ  $\bar{\mathbf{x}}$ , ἔσται  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$  μ°  $\bar{\mathbf{Q}}$  · ἐλασσόνων εἶναι πενταπλάσια, οὕτω γὰρ ὑπόκειται · ε<sup>κις</sup> ἄρα τὰ ἐλάττονα ἴσα  $\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$   $\bar{\mathbf{E}}$  μ°  $\bar{\mathbf{Q}}$  · ταῦτα ἴσα  $\mathbf{S}^{\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$  μ°  $\bar{\mathbf{Q}}$  · ἀλλ' ἐὰν ἀφέλωμεν ἀπὸ ὁμοίων ὅμοια, καταλιμπάνονται  $\mathbf{S}\mathbf{S}^{0\bar{\nu}}$   $\bar{\mathbf{O}}$  ἴσοι οὐδενί, ὅπερ ἄτοπον. πολλῷ δὲ πλέον καὶ εἰ έξαπλάσιος καὶ ἐπέκεινα ὁ λόγος ὑποτεθείη · τηνικαῦτα γὰρ πρὸς τοῖς  $\mathbf{S}\mathbf{S}^{0\bar{\nu};}$  καὶ μ° καταλειφθήσονται ἴσαι οὐδενί.

'Ιστέον δὲ ὡς ἐν τῷ παρόντι προβλήματι διπλῆ γίνεται ἡ ἀφαίρεσις κατά τε μ° καὶ  $SS^{ούς}$ · καὶ γὰρ πρότερον ἀφαιροῦμεν ἐκ τῶν  $SS^{ούγ}$ · τῶν  $\overline{p}$  καὶ μ°  $\overline{\xi}$ , μ°  $\overline{\xi}$ , καὶ ἐκ τοῦ  $S^{ού}$  τοῦ  $\overline{\alpha}$  καὶ μ°  $\overline{\varrho}$ , μ°  $\overline{\xi}$ , τουτέστιν εἰτα διὰ τὸ μήπω εὐρεῖν ἡμᾶς τὴν ὑπόστασιν τοῦ  $S^{ού}$ , ἀφαιροῦμεν πάλιν ἐκ τοῦ  $S^{ού}$  τοῦ  $\overline{\alpha}$  καὶ μ°  $\overline{\mu}$ . τὸν  $\overline{\alpha}$   $S^{όγ}$ , καὶ ἀπὸ τῶν  $\overline{\gamma}$   $SS^{ον}$ ,  $S^{ον}$   $\overline{\alpha}$ · καὶ γίνονται  $SS^{οὶ}$   $\overline{\beta}$  ἴσοι μ°  $\overline{\mu}$ .

## AD PROBLEMA IX.

 $\mu^{\circ} \ \overline{\varrho} \ \Lambda \ S \ \overline{\alpha} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \ \Lambda \ S \ \overline{\alpha} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \ \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\varrho} \ \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\varrho} \ \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\varrho} \ \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \ \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \qquad \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \qquad \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \qquad \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \qquad \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \qquad \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \qquad \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \qquad \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \qquad \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \qquad \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \Lambda^{\circ} \ \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \qquad \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \Lambda^{\circ} \ \mu^{\circ} \ \overline{\kappa} \qquad \Lambda \ S \ \overline{s} \qquad \Lambda^{\circ} \ \Gamma \qquad \Lambda^{\circ} \ \overline{\kappa} \qquad \Lambda^{\circ}$ 

<sup>15</sup> ίσοι] ίσον.

Δεί, φησί, τὸν διδόμενον λόγον, ὡς ἐνταῦθα τὸν ἑξαπλάσιον, μείζονα εἶναι τοῦ λόγου οὖ ἔχει ὁ μείζων τῶν δοθέντων πρὸς ἐλάττονα, τουτέστιν ὁ  $\bar{\rho}$  πρὸς τὸν  $\bar{\kappa}$  ἔχει δὲ οὖτος πρὸς αὐτὸν πενταπλάσιον, μείζων δὲ τοῦ πενταπλασίου ὁ έξαπλάσιος.  $\bar{\rho}$  ἐγὰρ ἴσος αὐτῷ δὴ τῷ πενταπλασί $\bar{\rho}$  ὁ διδόμενος λόγος ὑποτεθείη ἢ καὶ ἐλάττων, οὐ συσταθήσεται τὸ πρόβλημα καὶ εὶ μὲν ἴσος ἤτοι πενταπλάσιος ὑποτεθείη, ἵνα μὴ παντότε τὰ αὐτὰ λέγωμεν, ἕψεται  $55^{\rm oùc}$   $\bar{\delta}$  ἴσους εἶναι οὐδενί πολλῷ δὲ δὴ πλέον καὶ εἰ 10 ἐλάττων.

Κοινὴ δέ, φησί, προσκείσθω ἡ λεῖψις ἐπεὶ ἐνταῦθα καὶ ὁ μὲν μο ἐστὶν  $\overline{\rho}$  Λ<30 $\overline{\rho}$   $\overline{\alpha}$ , ὁ δὲ μο  $\overline{\rho}$   $\overline{\Lambda}$  $> 55<math>\overline{\rho}$   $\overline{\rho}$  καί εἰσιν ἐν ἑκατέρ $\overline{\rho}$  λείψεις, ὁποτέραν τούτων προσθήσομεν; καί φαμεν ὅτι οὐκ ἐνταῦθα μόνον, 15 ἀλλὰ καὶ πανταχοῦ ἔνθα τὸ τοιοῦτον συμβαίνει, τὴν μείζονα λεῖψιν δεῖ κοινὴν προστιθέναι εἰ γὰρ προσθείημεν τὴν ἐλάττονα, οὐκέτι ἡ μείζων λεῖψις ἀνήρηται, τῆς δὲ μείζονος προστιθεμένης, ἀναιρεῖται καὶ ἡ ἐλάττων. τῆς οὖν μείζονος προστιθεμένης κἀνταῦθα 20 λείψεως, αὶ μὲν μο  $\overline{\rho}$   $\overline{\Lambda}$   $\overline{S}$ 3 $\overline{\rho}$   $\overline{\rho}$ 7 γίνονται  $\overline{\rho}$ 7 μο ἀνελλιπεῖς, αἱ δὲ  $\overline{\rho}$ 7 μο  $\overline{\Lambda}$ 8  $\overline{\rho}$ 7 γίνονται  $\overline{\rho}$ 8 μο ἀνελλιπεῖς, αἱ δὲ  $\overline{\rho}$ 8 μο  $\overline{\Lambda}$ 9  $\overline{\rho}$ 9

<sup>1</sup> cf. vol. I, 26, 16. 9 λέγωμεν  $X_2$ , λέγομεν alii. 12 I, 26, 27. 18 μὲν] μείζων.  $S^{ου}$  καὶ ὁ ἐλάττων  $μ^o$   $\overline{ρ^{π}}$  Λ supplet  $X_2$ , quae correxi. 14 ἐκατέρας.

## AD PROBLEMA X.

Καὶ ἐνταῦθα τῶν ἐξ ἀρχῆς δοθέντων ἀριθμῶν, 10 τοῦ ϙ λέγω καὶ π, πενταπλάσιον λόγον πρὸς ἀλλήλους ἐχόντων, οὐδὲν διαφέρει τὸν διδόμενον λόγον ὑπό τε τῆς προσθέσεως καὶ τῆς ἀφαιρέσεως, ἄν τε ἴσος ὁ λόγος οὖτος τῷ λόγῳ τῶν ἐξ ἀρχῆς δοθέντων ὑποτεθῆ, ἄν τε μείζων, ἄν τε ἐλάττων, ἐλάττονος δηλονότι λαμ-15 βανομένου τοῦ τῶν μο ϙ Λ 5οῦ α, μείζονος δὲ τοῦ 5οῦ α μο π. εἰ δὲ τοὐναντίον ὑποτεθείη, τουτέστιν ἐλάττων μὲν 5ο α μο π, μείζων δὲ ὁ μο ϙ Λ 5οῦ α, δεῖται τὸ πρόβλημα προσδιορισμοῦ, ὥστε ἀεὶ τὸν διδόμένον λόγον ἐλάττονα εἶναι τοῦ λόγου τῶν ἐξ ἀρχῆς 20 δοθέντων, μήτε μὴν ἴσον, μήτε μείζονα.

Κείσθω δὲ ἐπὶ παραδείγματος ἔστω ὁ ἐλάττων  $\mathbf{S} \bar{\alpha} \, \mu^{o} \, \bar{\mathbf{x}}$ , μείζων δὲ ὁ  $\mu^{o} \, \bar{\mathbf{p}} \, \mathbf{K} \, \mathbf{S}^{o\bar{v}} \, \bar{\alpha}$ . καὶ ὑποκείσθω δεῖν τὸν μείζονα πενταπλάσιον εἶναι τοῦ ἐλάττονος ε<sup>κις</sup> ἄρα ὁ S°  $\bar{\alpha} \, \mu^{o} \, \bar{\mathbf{x}} \,$ ίσος ἔσται τῷ  $\mu^{o} \, \bar{\mathbf{p}} \, \mathbf{K} \, \mathbf{S}^{o\bar{v}} \, \bar{\alpha}$ . γίνε-25 ται  $\mathbf{S}^{o\bar{v}} \, \bar{\mathbf{e}} \, \mu^{o} \, \bar{\mathbf{p}} \,$ , καὶ ἀναπληρωθείσης τῆς λείψεως γίνονται  $\mathbf{S}^{o\bar{v}} \, \bar{\mathbf{e}} \, \mu^{o} \, \bar{\mathbf{p}} \,$  ἔσαι  $\mu^{o} \, \bar{\mathbf{p}} \,$ . ἀφαιρεθέντων ἀπὸ ὁμοίων ὁμοίων, οὐδενὶ ἔσονται ἴσοι  $\mathbf{S}^{o\bar{v}} \, \bar{\mathbf{e}} \,$ , ὅπερ ἄτοπον. πολλῷ δὲ δὴ πλέον καὶ ἐὰν μείζων ἢ πενταπλάσιος ὑποτεθῆ.

<sup>12</sup> post άφαιρέσεως repetita οὐδὲν διαφέρει. 16 ὁποτιθείη.

'Εσκέφθω δὲ τὸ παρὸν πρόβλημα καὶ έτέρως δυσί δοθείσιν άριθμοίς, τοῦ μεν ελάσσονος άφελείν, τῷ δὲ μείζονι προσθείναι τὸν αὐτὸν ἀριθμόν, καὶ ποιείν τὸν γενόμενον πρὸς τὸν λοιπὸν λόγον ἔχειν δεδομένον. — ἐπιτετάχθω τοῦ μὲν x ἀφελείν, τῷ δὲ ο προσθεΐναι 5 τον αὐτον ἀριθμόν, καὶ ποιεῖν τὰ μείζονα τῶν έλαττόνων επταπλάσια. δεί νὰο ἐν τούτω μείζονα είναι άελ τὸν διδόμενον λόγον τοῦ λόγου τῶν έξ ἀρχῆς δοθέντων, ήτοι τοῦ πενταπλασίου, ός έστι τῶν ο πρὸς τον π, και άει τον την λείψιν έχοντα έλάττονα λαμ- 10 βάνειν, οὐδέποτε δὲ τὸν τὴν προσθήκην, ἔσται οὖν  $\delta$  μεν μ $^{\circ}$   $\bar{\kappa}$   $\Lambda$   $S^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$ ,  $\delta$   $\delta$ ε  $S^{\circ}$   $\bar{\alpha}$  μ $^{\circ}$   $\bar{\rho}$ . καλ έστιν οδτος έκείνου έπταπλάσιος· ζ<sup>κις</sup> ἄρα δ μο κ Λ 5οῦ α ἴσος έστλ  $\tau \vec{\omega} \ \vec{\alpha} \ S^{\vec{\varphi}} \ \mu^{o} \ \vec{\rho} \ , \ \zeta^{\kappa \iota \varsigma} \ \delta \vec{e} \ \delta \ \mu^{o} \ \vec{x} \ \Lambda \ S^{o\tilde{v}} \ \vec{\alpha} \ \gamma \ell \nu \epsilon \tau \alpha \iota \ \mu^{o} \ \vec{\rho} \mu \ \Lambda$ 35<sup>ων</sup> ξ· κοινή προσκείσθω ή λείψις· μο ἄρα <u>ομ</u> ἴσαι 15 είσlν  $SS^{or}s$   $\bar{\eta}$   $μ^o$   $\bar{\varrho}$ . ἀπὸ δμοίων δμοια:  $SS^{ol}$  ἄρα  $\bar{\eta}$  ἴσοι είσι  $μ^ο \overline{μ} \cdot δ 5^ο ἄρα, μ^ο \overline{ε}$ . κἂν μεν τοῦ  $\overline{κ}$  ἀφαιρεθη,  $\overline{\iota ε} \cdot$ έὰν δὲ τῷ ο προστεθη, γίνεται οε καὶ ἔστι τὰ οε τῶν τε έπταπλάσια.

Ή λεῖψις κοινὴ προστεθείσα τὰς μὲν  $\bar{v}$  μ° Λ  ${\bf S}^{5v}$   $\bar{\delta}$  20 ἐποίησε μ°  $\bar{v}$  ἀνελλιπεῖς.  $\bar{\delta}$  γὰρ  ${\bf S}^{5l}$  προσετέθησαν οί λείποντες. οὖτοι δὲ καὶ ἐπὶ τῶν  ${\bf S}^{5\bar{o}}$   $\bar{a}$  καὶ μ°  $\bar{x}$  προστεθέντες, (κοινὴ γὰρ ἡ προσθήκη), ἐποίησαν αὐτοῦ  ${\bf S}^{5ob}$   $\bar{\epsilon}$  μ°  $\bar{x}$ .  $\bar{\delta}$  γὰρ καὶ  $\bar{a}$ ,  $\bar{\epsilon}$ . καὶ ἀφηρέθη ἀπὸ δμοίων δμοια. τουτέστιν ἀπὸ μὲν τῶν  $\bar{\epsilon}$   ${\bf S}^{5\bar{o}v}$  μ°  $\bar{x}$ , αί  $\bar{\kappa}$  μ°, 25 ἀπὸ δὲ τῶν  $\bar{v}$  μ°, ὁμοίως  $\bar{x}$  μ°, καὶ ἔμειναν μ°  $\bar{\tau}\bar{\pi}$  ἰσαι  ${\bf S}^{5\bar{o}i}$   $\bar{\epsilon}$ .

<sup>12 0</sup> π. 15 προκείσθω. 20 cf. vol. I, 28, 19.

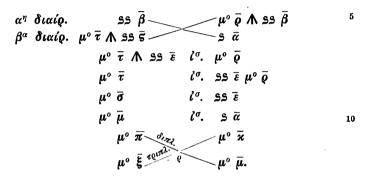
### AD PROBLEMA XI.

Έν μεν τῷ δεκάτῷ ταῖς μονάσι προσετίθη ἢ ἀφή-10 ρει του αὐτου ἀριθμόν, καὶ διὰ τοῦτο ἐνῆν δτὲ μὲν τὸν τὴν ἀφαίρεσιν παθόντα, ότὲ δὲ τὸν τὴν προσθήκην δεξάμενον, μείζονα είναι τοῦ λοιποῦ έν δὲ τῷ ιαφ άελ δ την προσθήκην έχων μείζων ληφθήσεται: άντιστρόφως γάρ έγει έκείνω, ὅτι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ 15 άριθμοῦ προστίθησιν ἢ ἀφαιρεί τὰς μονάδας έκεί μεν γαρ αδήλου όντος του αριθμού πόσων μ° έστίν, άδηλον ήν πότερος ποτέρου μείζων οίον ώς έπὶ παρα $δείγματος ἔστωσαν <math>μ^ο$   $\bar{\iota}$  καὶ  $μ^ο$   $\bar{\beta}$  · ταῖς μὲν  $\bar{\beta}$   $μ^ο$  προσκείσθω ἀριθμός τις, ἀπὸ δὲ τῶν ῖ ἀφηρήσθω ὁ αὐτός: 20 καὶ ἔστω δ μὲν  $S^{o'}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{o'}$  $\bar{\beta}$ , δ δὲ  $\mu^{o'}$  $\bar{\iota}$   $\Lambda$   $S^{o''}$  $\bar{\alpha}$ . ἐὰν δ  $\mathbf{S}^{\delta} \ \overline{\beta} \ \mu^{\circ} \ \overline{\eta}$ ,  $\delta \ \mu \hat{\mathbf{e}} \mathbf{v} \ \tilde{\mathbf{e}} \mathbf{\sigma} \mathbf{r} \alpha \iota \ \mu^{\circ} \ \overline{\delta}$ ,  $\delta \ \delta \hat{\mathbf{e}} \ \overline{\eta}$ ,  $\mathbf{x} \alpha \hat{\mathbf{e}} \hat{\mathbf{e}} \mathbf{\sigma} \mathbf{r} \alpha \iota \ \mu \hat{\mathbf{e}} \mathbf{f} \mathbf{c} \mathbf{o} \mathbf{v}$  $\delta$  την ἀφαίρεσιν ὑποστάς αν  $\delta$ ε  $\tilde{\eta}$   $\mathfrak{S}^{o'}$   $\overline{\epsilon}$ ,  $\delta$  μεν έσται  $\mu^{o}$   $\bar{\zeta}$ , δ δὲ  $\bar{\epsilon}$ , καὶ ἔσται μείζων δ τὴν προσθήκην δεξάμενος. ένταῦθα δὲ έπεὶ τῷ αὐτῷ ἀριθμῷ καὶ προστί-25 θεται δ έλάσσων καὶ ἀφαιρεϊται δ μείζων, πρόδηλον ώς ἀεὶ δ τὴν προσθήκην δεξάμενος μείζων ἔσται. προσδιορισμού μέντοι ούδε τούτο δείται, ούδε έαν

<sup>15</sup> ἀφαιρεῖν.

ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἀφαιρῶμεν μὲν τὸν ἐλάσσονα, προστιθῶμεν δὲ τὸν μείζονα, ὡς γίνεσθαι τὸν μὲν  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$   $\mathbf{\Lambda}$   $\mu^{o}$   $\bar{\mathbf{x}}$ , τὸν δὲ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$   $\mathbf{\mu}^{o}$   $\bar{\mathbf{v}}$ .

#### AD PROBLEMA XII.

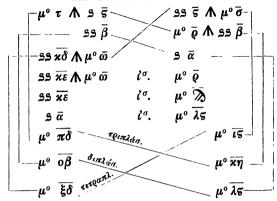


 $\Delta$ ιήρηται ἐνταῦθα δ  $\bar{\rho}$  δὶς εἴς τε τὰ  $\bar{\pi}$  καὶ  $\bar{\kappa}$  καὶ ἔτι εἰς τὰ  $\bar{\xi}$  καὶ  $\bar{\mu}$ , καὶ ἔστι τὰ μὲν  $\bar{\pi}$  τῶν  $\bar{\mu}$  διπλάσια, τὰ δὲ  $\bar{\xi}$  τῶν  $\bar{\kappa}$  τριπλάσια, χιαστῶς.

Οί δὲ δύο τῆς  $β^{\alpha\varsigma}$  διαιρέσεως ὅντες, ὁ μὲν  $μ^{ο}$  τ Λ  $SS^{\tilde{\omega}r}$   $\bar{\varsigma}$ , ὁ δὲ  $S^{\circ\tilde{v}}$   $\bar{\alpha}$ , συντιθέμενοι γίνονται  $μ^{ο}$  τ Λ  $SS^{\tilde{\omega}r}$   $\bar{\epsilon}$ , διὰ τὸ τὸν  $\bar{\alpha}$   $S^{\delta r}$  ἀναπληρώσαι  $\bar{\alpha}$   $S^{\circ\tilde{v}}$  λεῖψιν.

 $μ_0$   $\bar{g}$ , και γίνεται  $μ_0$   $\bar{μ}$   $\bar{μ}$   $\bar{μ}$ 0.  $\bar{g}$   $μ_0$ , και γίνεται  $μ_0$   $\bar{μ}$ 0.  $\bar{μ$ 

### AD PROBLEMA XIII.



Τον ἐπιταχθέντα ἀριθμον διελεῖν εἰς δύο ἀριθμοὺς ἀνίσους, καὶ πάλιν τὸν αὐτὸν ἀριθμὸν διελεῖν εἰς δύο ἀριθμοὺς ἀνίσους, καὶ ἔτι τὸν αὐτὸν ἀριθμὸν διελεῖν εἰς δύο ἀριθμοὺς ἀνίσους, τοῦτό ἐστι τὸ τρὶς διελεῖν εἰς δύο ἀριθμοὺς ἀνίσους, τοῦτό ἐστι τὸ τρὶς διελεῖν τοὶν αὐτὸν ἀριθμόν διήρηται τοίνυν ὁ ρ εἰς πό καὶ τς, καὶ πάλιν ὁ αὐτὸς εἰς οβ καὶ κη, καὶ ἔτι ὁ αὐτὸς εἰς ξό καὶ λς. καὶ ἔστι τὰ μὲν πό τῶν κη τριπλάσια, τὰ δὲ οβ τῶν λς διπλάσια, τὰ δὲ ξό τῶν ις τετραπλάσια.

Τοῦ δὲ μείζονος τῶν ἐκ τῆς αης διαιρέσεως ὅντος 20 μο τ Λ 55 τς, πῶς ὁ ἐλάττων τῆς αὐτῆς διαιρέσεως γίνεται 55 τς Λ μο σ, ὧδε ἂν μάθωμεν ἐπεὶ τοὺς δύο ὁμοῦ ο μο εἰναι δεί, ἔστι δὲ ὁ μείζων μο τ Λ 55 τς χρη τὸν ἐλάττονα εἶναι 55 τς μεν ε, ἵνα ἀφανίση τὴν λεῖψιν τῶν ε 55 τὰ ἐν τῷ μείζονι, μο δὲ λείψει σ, 25 ἵνα ἀπὸ τῶν γενομένων ἀνελλιπῶν μο τ ἐκ τοῦ ἀφανισθηναι τὴν λεῖψιν τῶν ε 55 τοῦν καὶ οἱ δύο ὁμοῦ.

<sup>27</sup>  $\bar{\sigma}$ ]  $\bar{\varkappa}$ .

'Ιστέον ὡς εἰ μέλλοιμεν εὐχερῶς ἐν τῷ ιγ<sup>φ</sup> τοὺς ἀριθμοὺς εὐρίσκειν μηδὲν ὑπὸ τῶν λεπτῶν ἐνοχλούμενοι, ὀφείλομεν ὑποτιθέναι τὸν διαιρούμενον τρίς, ἢ ἴσον ἢ πολλαπλάσιον τοῖς ἀναφαινομένοις  $55^{oi}$ ς ἀπὸ τῆς συνθέσεως τοῦ μείζονος καὶ ἐλάττονος τῆς γ<sup>ης</sup> 20 διαιρέσεως ὡς ἐνταῦθα ὁ μὲν διαιρούμενος ἐστιν ὁ ϙ, οἱ δὲ  $55^{oi}$  πε, τὰ δὲ ϙ τῶν πε τετραπλάσια. εἰ δ' οὐκ εἰσὶ πολλαπλάσιοι, προβήσεται μὲν καὶ οὕτω, πλὴν τῆς μονάδος διαιρουμένης εἰς λεπτά.

Δεϊ δὲ καὶ τοὺς διδομένους λόγους μὴ ὑπεφβατῶς, 25 ἀλλ' ἐφεξῆς τίθεσθαι οἶον διπλάσιον, τριπλάσιον, καὶ ἐφεξῆς εἰ γὰρ μετὰ τὸν διπλάσιον μὴ τὸν τριπλάσιον, ἀλλὰ τὸν τετραπλάσιον ἢ ἄλλον τινά, οὐ συσταθήσεται ἔτι καὶ τοῦτο δεῖ σκοπεῖν ὥστε ἀπὸ τοῦ ἐλάττονος

<sup>2</sup> ίσον. 19 ἀπὸ] ὑπὸ.

ἀεὶ λόγου ἄρχεσθαι, τουτέστιν ἴνα ὁ μείζων τῆς βας διαιρέσεως πρὸς τὸν ἐλάττονα τῆς γης τὸν ἐλάχιστον τῶν διδομένων λόγον ἔχη, ὡς ἐνταῦθα τὸν διπλάσιον, εἶτα ὁ μείζων τῆς αης πρὸς τὸν ἐλάττονα τῆς βας τὸν μέσον, ὡς ἐνταῦθα τὸν τριπλάσιον, εἶτα ὁ μείζων τῆς γης πρὸς τὸν ἐλάττονα τῆς αης τὸν μέγιστον, ἐνταῦθα τὸν τετραπλάσιον εἰ γὰρ ἀντιστρόφως τεθεῖεν οἱ λόγοι, οὐ συσταθήσεται.

#### AD PROBLEMA XIV.

Δεί δὴ τὸ πλῆθος τῶν μονάδων τοῦ ένὸς τῶν ἐξ ἀρχῆς δοθέντων ἀριθμῶν μεῖζον εἶναι τοῦ ὁμωνύμου ἀριθμῶν μεῖζον εἶναι τοῦ ὁμωνύμου ἀριθμοῦ τῷ διδομένω λόγω οἶοι δέδονται ἐξ ἀρχῆς ἀριθμοὶ ὁ δ καὶ ὁ ιβ οὖτοι συντιθέμενοι μὲν γίνον-20 ται τς, πολλαπλασιαζόμενοι δὲ ἐπ' ἀλλήλους γίνονται μη, καί εἰσι τὰ μη τῶν τς τριπλάσια. ὁ λόγος οὖν τῶν ἐξ ἀρχῆς ἀριθμῶν ὁ διδόμενός ἐστιν ὁ τριπλάσιος, ὁ δὲ ὁμώνυμος αὐτοῦ ἀριθμὸς ὁ γ · τὰ δὲ τβ μείζονά ἐστι τοῦ γ. τοῦτο οὖν λέγει, ὅτι αί μονάδες τοῦ ένὸς τῶν ἀριθμῶν ἔστωσαν πλείους, εἰ μὲν τριπλάσιος ὁ λόγος ὑποτίθεται, τῶν γ μ°, εἰ δὲ τετραπλάσιος, τῶν δ̄, καὶ ἐφεξῆς · ἄλλως γὰρ οὐ προβήσεται.

10

15

<sup>18</sup> λόγω Χ,, λόγου alii. δέδοται.

15

20

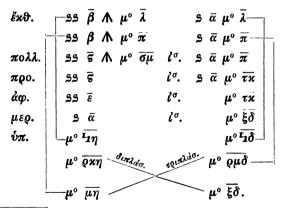
25

Καὶ ἔστι τὸ μὲν ὑπ' αὐτῶν, φησίν,  $55^{οὶ}$   $\overline{l}$   $\overline{b}$  ·  $5^{ο}$  γὰρ ἐφ' ἐαυτὸν μὲν πολλαπλασιασθείς,  $\Delta^{Y}$  ποιεῖ, ὡς δ δ τὸν  $\overline{l}$  · ἐπὶ δὲ μονάδας ἐτέρας,  $55^{οἱ}$ ;, ὡς νῦν δ  $\overline{b}$   $5^{οἱ}$  ἐπὶ τὰς  $\overline{l}$  μο ἐγένετο  $\overline{μ}$ η, τουτέστι lβ<sup>κις</sup> αὐτὸς δ  $\overline{b}$   $5^{οἱ}$ .

"Η καὶ οὕτως ' ἐπεὶ τῆς μονάδος ἀμεταθέτου οὕσης 5 καὶ ἐστώσης, τὸ πολλαπλασιαζόμενον εἶδος ἐπ' αὐτὴν αὐτὸ τὸ εἶδος ἔσται, ἐπολλαπλασιάσθη δὲ  $S^{\circ}$  ᾱ ἐπὶ  $\overline{\iota \beta}$   $\mu^{\circ}$ , δῆλον ὅτι  $\overline{\iota \beta}$   $SS^{\circ i}$  ἔσονται εἰ γὰρ  $S^{\circ i}$  ᾱ ἐπὶ  $\mu^{\circ}$  ᾱ ἐπολλαπλασιάζετο,  $S^{\circ}$  ἔμελλε εἶναι, καὶ εἰ ἐπὶ  $\overline{\beta}$   $\mu^{\circ}$ ,  $SS^{\circ i}$   $\overline{\beta}$ , καὶ ἐπὶ  $\overline{\iota \beta}$  οὖν πάλιν  $SS^{\circ i}$   $\overline{\iota \beta}$ .

Τολς ἄρα τὰ ἐλάττονα, φησί τολς τὰ ἐλάσσονα γίνεται  $SS^{0l}$   $\overline{\gamma}$   $\mu^o$   $\overline{\lambda}\overline{s}$  ἴσαι  $SS^{0l}$   $\overline{\iota}\overline{\beta}$  · ἀπὸ ὁμοίων ὅμοια · ἀπὸ τῶν  $\overline{\gamma}$   $SS^{\overline{\alpha}\nu}$  καὶ τῶν  $\overline{\lambda}\overline{s}$   $\mu^o$ , τοὺς  $\overline{\gamma}$   $SS^{0l}$ , ἀπὸ δὲ τῶν  $\overline{\iota}\overline{\beta}$   $SS^{\overline{\alpha}\nu}$ , ὁμοίως  $\overline{\gamma}$   $SS^{0l}$ , καὶ γίνεται  $SS^{0l}$   $\overline{\vartheta}$  ἴσοι  $\mu^o$   $\overline{\lambda}\overline{s}$  · καὶ δ  $S^o$   $\mu^o$   $\overline{\delta}$ .

# AD PROBLEMA XV.



1 cf. vol. I, 36, 6/7. 11 I, 36, 8.

Ο ἄρα αος έπει δ βος  $\mathbf{S}^{0i}$   $\overline{\alpha}$  έστι και  $\mathbf{\mu}^{0}$   $\overline{\lambda}$ , έαν δὲ ἀφαιρεθῶσιν αι  $\mathbf{\mu}^{0}$  ἀπὸ τοῦ  $\mathbf{\beta}^{0v}$  και τεθῶσι  $\mathbf{\mu}$ ετὰ τοῦ αον, ἔσται διπλασίων αὐτοῦ, δῆλον ὡς δ βος  $\mathbf{\mu}$ ὲν καταλειφθήσεται  $\mathbf{S}^{0i}$   $\overline{\alpha}$   $\mathbf{\mu}$ όνου, δ δὲ αος ὡς διπλάσιος αὐτοῦ,  $\mathbf{\delta}$  ἔσται  $\mathbf{S}^{0iv}$   $\overline{\beta}$ · ἀλλ' ἐπεὶ οὕπω τὰς  $\overline{\lambda}$   $\mathbf{\mu}^{0}$  ἀπὸ τοῦ  $\mathbf{\beta}^{0v}$  ἔλαβεν, ἔστι  $\overline{\beta}$   $\mathbf{\mu}$ ὲν  $\mathbf{S}^{0iv}$ ,  $\mathbf{\Lambda}$  δὲ τῶν  $\overline{\lambda}$   $\mathbf{\mu}^{0}$ , τουτέστιν ἐπεὶ δ  $\mathbf{\beta}^{6g}$ ς ἐστιν (ὡς ὕστερον εὐρίσκεται)  $\mathbf{\mu}^{0}$   $\overline{\mathbf{1}}$  $\overline{\mathbf{\delta}}$ , ἔσται ἄρα δ αος  $\mathbf{\mu}^{0}$  $\overline{\mathbf{1}}$  $\overline{\mathbf{\eta}}$ , ἵνα λαβὼν παρὰ τοῦ  $\mathbf{\beta}^{0v}$  τὰς  $\overline{\lambda}$   $\mathbf{\mu}^{0}$ , κάκεινος  $\mathbf{\mu}$ ὲν γενόμενος  $\overline{\mathbf{\rho}}$  $\overline{\mathbf{\eta}}$  $\overline{\mathbf{\eta}}$ , τούτου δὲ γενομένου  $\overline{\xi}$  $\overline{\mathbf{\delta}}$ , διπλάσιος  $\overline{\eta}$  τούτου.

Πάλιν δ  $\alpha^{\circ\varsigma}$ , φησί, δοὺς  $\bar{\nu}$   $\mu^{\circ}$  τῷ  $\beta^{\circ\varsigma}$ , γίνεται  $55^{\circ l}$   $\bar{\beta}$   $\Lambda$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\pi}$ .  $\bar{\eta}$ ν  $\mu$ èν γὰς πςότεςον  $55^{\bar{\circ}\nu}$   $\bar{\beta}$   $\Lambda$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\lambda}$ , δοὺς δὲ καὶ τὰς  $\bar{\nu}$ , γέγονεν  $\Lambda$   $\bar{\pi}$ . δ δὲ  $\beta^{\circ\varsigma}$   $\bar{\alpha}$ ν  $5^{\circ\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\lambda}$  καὶ λαβῶν καὶ τὰς  $\bar{\nu}$ , γέγονεν  $5^{\circ\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\pi}$ .

το Τολς δε τὰ ελάσσονα δῆλον εκ τοῦ διαγοάμματος.

O μὲν  $\overline{10}$  δοὺς τῷ  $\overline{1\eta}$  λ μ°, ἐκεῖνον μὲν ἐποίησεν  $\overline{\varrho \kappa \eta}$ , ἑαυτὸν δὲ  $\overline{\xi}$ δ · ἐκεῖνα δὲ τούτων διπλάσια. ὁ δὲ  $\overline{\overline{\iota}\eta}$  δοὺς τῷ  $\overline{10}$  μ°  $\overline{\nu}$ , ἐκεῖνον μὲν ἐποίησεν  $\overline{\varrho \mu \delta}$ , ἑαυ- 20 τὸν δὲ  $\overline{\mu \eta}$  · ἐκεῖνα δὲ τούτων τριπλάσια.

<sup>1</sup> I, 36, 19. 11 I, 36, 22/23. 15 I, 36, 25.

## AD PROBLEMA XVI.

sã  $S \bar{\alpha} \wedge \mu^{\circ} \bar{\lambda}$ ,  $S \bar{\alpha} \wedge \mu^{\circ} \bar{\mu}$ ,  $S \bar{\alpha} \wedge \mu^{\circ} \bar{\kappa}$ ĔxÐ. ss  $\bar{\gamma}$   $\Lambda$   $\mu^{o}$   $\overline{\zeta}$ σύνθ.  $l^{\sigma}$ . ss  $\bar{\gamma}$ Zo. s ā μ° 5 προ. uo 5 ἀφ. ss B Zσ. μο πε ľσ. μεο. sã μο ie, u° ε. µ° <del>x</del>s ύπ.

Δεί, φησί, τῶν ἐπιταττομένων τριῶν τὸ ἢμισυ μεῖζον εἶναι ἑκάστου αὐτῶν ὁς ἐνταῦθα 10 οἱ μὲν τρεῖς ὁμοῦ γίνονται  $\frac{1}{1}$ , τὸ δὲ ἢμισυ τούτων,  $\frac{1}{1}$ ε, ἔκαστος δὲ τῶν τριῶν ἐλάττων ἐστὶ τοῦ  $\frac{1}{1}$ ε. εἰ γὰρ ὑποθώμεθά τινα τῶν τριῶν ἴσον εἶναι τῷ ἡμίσει τῶν τριῶν, οὐ συσταθήσεται καὶ ὑποκείσθω τὸν  $\gamma^{\circ \circ}$  καὶ αον ποιεῖν  $\mu^{\circ}$   $\bar{\nu}$  οὐκοῦν οἱ  $\mu$ ὲν τρεῖς ἔσονται  $\bar{\rho}$  15  $\bar{\kappa}$  γὰρ καὶ  $\bar{\lambda}$  καὶ  $\bar{\nu}$ ,  $\bar{\rho}$  τὸ δὲ ἢμισυ τῶν  $\bar{\rho}$ ,  $\bar{\nu}$  καὶ τῆς δείξεως ὁμοίως γινομένης, ἔσται  $\bar{\delta}$  5ο  $\mu^{\circ}$   $\bar{\nu}$  καὶ δεήσει τὸν  $\beta^{\circ \circ}$  εἶναι  $\beta^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$   $\bar{\Lambda}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\nu}$ , ὅπερ ἄτοπον πολλῷ δὲ πλέον οὐδ' ἄν  $\mu$ είζων ὑποτεθῆ, συσταθήσεται τηνιαῦτα γὰρ τοῦ  $\beta^{\circ \circ}$ , τυχόν, γενομένου  $\bar{\nu}$ ε  $\mu^{\circ}$ ,  $\bar{\delta}$   $\bar{\delta}$ ος  $\bar{\delta}$ ος

Διὰ τὰ αὐτά, τουτέστιν ἐπεὶ πάλιν ὁ βος καὶ ὁ γος ποιοῦσι μο  $\bar{\lambda}$ , ἔσται ὁ αος  $S^{ο\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$   $\Lambda$  μο  $\bar{\lambda}$ . καὶ ἔτι ἐπεὶ ὁ γος καὶ ὁ αος ποιοῦσι μο  $\bar{\mu}$ , ἔσται  $\langle \delta \rangle$  βος  $S^{ο\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$   $\Lambda$  μο  $\bar{\mu}$ . καὶ ο αος ποιοῦσι μο  $\bar{\mu}$ , ἔσται  $\langle \delta \rangle$  βος  $S^{ο\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$   $\Lambda$  μο  $\bar{\mu}$ . καὶ γίνονται οἱ τρεῖς,  $S^{ol}$   $\bar{\gamma}$   $\Lambda$  μο  $\bar{\mu}$ , καί εἰσιν ἴσοι  $S^{\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$ . κοινῆς προστεθείσης τῆς λείψεως,  $S^{ol}$   $\bar{\gamma}$  ἴσοι  $S^{\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$  μο  $\bar{\mu}$ . καὶ ἀπὸ ὁμοίων ὅμοια.  $S^{ol}$   $\bar{\beta}$  ἴσοι μο  $\bar{\mu}$ . καὶ δ  $S^{ol}$  μο  $\bar{\mu}$ ε.

<sup>9</sup> l, 38, 4. 22 I, 38, 11.

#### AD PROBLEMA XVII.

Sā

	<i>દૅ</i> પ્ર <b>રે</b> .	s ā Λ μ° π	ī, s	<del>α</del> Λ μ	ν <sup>ο</sup> πδ, s	<b>≅ Λ</b> μ	o x	ξ,	sãΛμ	ο <del>-</del> π.
	σύνθ.		೨೨	δΛ	$\mu^{o}$ $\overline{\gamma}$	$\ell^{\sigma}$ .	s	$\bar{\alpha}$		
5	πο.		SS	$ar{\delta}$		$l^{\sigma}$ .	s	$\bar{\alpha}$	μο <del>Γίγ</del>	
	ἀφ.		ಽಽ	$\bar{\gamma}$		$\ell^{\sigma}$ .			µ° Ty	
	μεο.		s	$\bar{\alpha}$		$l^{\sigma}$ .			$\mu^o \overline{\lambda \alpha}$	
	ύπ.	μ <sup>ο</sup> [ <del>ð</del> ,	$\mu^{o}$	ξ,	$\mu^o$	$ar{\delta}$ ,			$\mu^{o} \overline{\iota \alpha},$	
		25	n	_	$\chi_{\beta}$		жó			
		_	_				_			

Δε δη τῶν τεσσάρων τὸ γον μετζον εἰναι 10 ἐκάστου αὐτῶν ἔνθα μὲν τρεῖς ἦσαν οἱ ἀριθμοί, τῶν τριῶν ἔλεγε τὸ ἥμισυ μετζον εἰναι δεῖν ἑκάστου αὐτῶν · νῦν δέ, ἐπειδὴ τέσσαρές εἰσιν οἱ ἀριθμοί, τὸ γον φησί · καὶ γὰρ ἔνθα μὲν γ, τὸ ῆμισυ τῶν γ γίνεται ὁ Sο · ἔνθα δὲ δ̄, τὸ γον · ὁμοίως ἔνθα ε̄, τὸ δον · ταὶ ὁ ἐρεξῆς · ἡ γὰρ τοιαύτη μέθοδος μέχρι ἀπείρου πρόεισιν. εἰ οὖν ἔνθα δ̄, ὁστισοῦν τῶν δ̄ ἴσος γένοιτο τῷ γφ αὐτῶν, ἔσται δὲ καὶ ὁ Sο τὸ γον, δεῖ δὲ ἕκαστος αὐτῶν λείψει τινῶν μονάδων γίγνεσθαι, αὐτὸς ἑαυτοῦ ὅλου λείψει γενόμενος, οὐδὲν ἔσται · ἐζητοῦμεν 20 δὲ μονάδας εὐρεῖν, οὐ μὴν οὐδέν.

Διὰ τὰ αὐτά, τουτέστι ἐπεὶ πάλιν οἱ ἀπὸ.τοῦ  $β^{ου}$  τρεῖς  $μ^{ο}$  ποιοῦσιν  $\overline{μ}β$ , ἔσται ὁ  $α^{ος}$   $5^{ου}$   $\overline{α}$   $\Lambda$   $μ^{ο}$   $\overline{μ}β$  καὶ ἐπεὶ οἱ ἀπὸ τοῦ  $γ^{ου}$  τρεῖς ποιοῦσι  $μ^{ο}$   $\overline{μ}δ$  (εἰσὶ δὲ δ  $γ^{ος}$ , δ  $δ^{ος}$ , δ  $α^{ος}$ ), ἔσται δ  $β^{ος}$   $5^{ου}$   $\overline{α}$   $\Lambda$   $μ^{ο}$   $\overline{μ}δ$  καὶ 25 ἤγουν ἐπεὶ οἱ ἀπὸ τοῦ  $δ^{ου}$  τρεῖς, (τουτέστιν δ  $δ^{ος}$ , δ

<sup>9</sup> I, 38, 21. 21 I, 40, 1.

 $\alpha^{os}$  καὶ  $\delta$   $\beta^{os}$ ), ποιοῦσι  $\mu^o$  π̄ς, ἔσται  $\delta$   $\gamma^{os}$   $S^{o\bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$   $\Lambda$   $\mu^o$  π̄ς. καὶ γίνεται  $\delta$   $S^o$   $\mu^o$  λα, διά τε τῆς προσθήκης τῆς λείψεως καὶ τῆς τῶν δμοίων ἀφαιρέσεως.

# AD PROBLEMA XVIII.

ss  $\bar{\beta}$  $\vec{\epsilon} \times \vec{\sigma}$ . SS  $\vec{\beta} \wedge \mu^{\circ} \vec{\lambda}$ , SS  $\vec{\beta} \wedge \mu^{\circ} \vec{\mu}$ , SS  $\vec{\beta} \wedge \mu^{\circ} \vec{\lambda}$  $S \bar{\alpha} \wedge \mu^{o} \bar{\iota} \bar{\epsilon}$ ,  $S \bar{\alpha} \wedge \mu^{o} \bar{\kappa}$ ,  $S \bar{\alpha} \wedge \mu^{o} \bar{\iota}$ ueo. σύνθ. 33 γ Λ μο με ss B ľσ. SS  $\bar{\beta}$   $\mu^o$   $\bar{\mu}\bar{\epsilon}$ SS Z πο. ľσ. sā ďΦ. ľσ. u° ue 10 μº λ. 'nπ. μο πε. uo le

Κοινοῦ προστεθέντος τοῦ γου εἰν γὰρ ὧσιν ἀριθμοὶ ὁποσοιοῦν, καὶ ὑπερέχωσιν ενὸς αὐτῶν οἱ λοιποί, καὶ ὁ ὑπερεχόμενος κοινὸς προστεθῆ τοῖς τε ὑπερέχουσιν αὐτοῦ καὶ ἑαυτῷ, τοσαύτας ὑπερέξουσι 15 μονάδας οἱ ὑπερέχοντες μετὰ τῆς προσθήμης δὶς τοῦ ὑπερεχομένου, τουτέστιν ᾶπαξ τοῦ ὑπερεχομένου μετὰ τῆς προσθήμης, ὅσας καὶ δίχα τῆς προσθήμης οἱ ὑπερεχοντες ὑπερεῖχον ᾶπαξ αὐτοῦ εστωσαν γὰρ ἀριθμοὶ τρεῖς, ὁ  $\bar{\gamma}$ ,  $\bar{\delta}$ ,  $\bar{\epsilon}$  · καὶ ὑπερέχουσιν ὁ  $\bar{\gamma}$  καὶ  $\bar{\delta}$  τοῦ  $\bar{\epsilon}$ , 20  $\mu^{o}$   $\bar{\beta}$  · ἀλλ' ἐὰν τὸν  $\bar{\epsilon}$  κοινὸν προσθώμεν τῷ τε  $\bar{\gamma}$  καὶ δ, ἤτοι τῷ  $\bar{\zeta}$ , καὶ έαυτῷ,  $\bar{\delta}$  μὲν ἔσται  $\bar{\iota}\bar{\beta}$ ,  $\bar{\delta}$  δὲ  $\bar{\iota}$  · καὶ πάλιν  $\bar{\delta}$   $\bar{\iota}\bar{\beta}$  ὑπερέχει τοῦ  $\bar{\iota}$ ,  $\mu^{o}$   $\bar{\beta}$ . ὁμοίως δέ, καὶ ἐὰν αὐθις προστεθῆ κοινός, τὸν μὲν ποιήσει  $\bar{\iota}\bar{\zeta}$ , έαυτὸν δὲ  $\bar{\iota}\bar{\epsilon}$  · καὶ ὑπεροχὴ  $\bar{\beta}$   $\mu^{o}$  · καὶ τοῦτο μέχρι παντός.

<sup>12</sup> Ι, 40, 16. 13 ὁποσοιοῦν] ὁσοιοῦν.

Το δ' αὐτὸ γίνεται καὶ ἐὰν τοῦ αου ὑπερέχωσιν οι λοιποί, ἢ τοῦ μέσου οι ἄκροι· τοῦτ' οὖν ἐστιν δ λέγει ὅτι οι τρεῖς, δίς ἐστιν ὁ γος, ὡσεὶ ἔλεγεν ὅτι ὁ γ καὶ δ μετὰ τῆς προσθήκης τοῦ ε̄, οι εἰσι ⟨οι⟩ τρεῖς τὰριθμοί, δίς ἐστιν ὁ γος, ἤτοι αὐτὸς ὁ ε̄, μετὰ τῆς ἑαυτοῦ προσθήκης, καὶ ἡ ὑπεροχὴ πάλιν μος ឝ̄, τουτέστι τὰ  $\overline{\iota}$  δίς ἐστιν ὁ ε̄ καὶ μο  $\overline{\mu}$ .

Δειχθήτω δὲ καὶ ἐπὶ τοῦ προβλήματος, σαφηνείας πλείονος ἕνεκεν ἐπεὶ εὐρίσκεται ὁ  $S^o$  ἐν τούτῳ μο με, 10 οἱ ἄρα β  $SS^{ol}$  μο εἰσὶν  $\overline{h}$ . ἀλλὰ καὶ αἱ ὑπεροχαὶ ἃς ὑπερέχουσιν ἀλλήλων οἱ ἀριθμοὶ μο συνάγονται  $\overline{h}$ . ἐπεὶ ὁ αος καὶ ὁ βος ὑπερέχουσι τοῦ  $\underline{\gamma}^{ov}$  μο  $\overline{\kappa}$ , (τουτέστιν ὁ  $\overline{\lambda}$  καὶ ὁ  $\overline{\kappa}$ ε, οἱ γίνονται  $\overline{\nu}$ ε, τοῦ  $\overline{\lambda}$ ε), κοινοῦ προστεθέντος τοῦ  $\overline{\lambda}$ ε ταῖς τε  $\overline{\nu}$ ε μο καὶ ἑαυτῷ, αἱ μὲν γίνον-15 ται  $\overline{h}$ , ὁ δὲ  $\overline{o}$  αἱ  $\overline{h}$  ἄρα, αἴτινές εἰσιν οἱ τρεῖς ἀριθμοί, ὁ  $\overline{\lambda}$  καὶ  $\overline{\kappa}$ ε καὶ  $\overline{\lambda}$ ε, δίς ἐστιν ὁ  $\overline{\lambda}$ ε, (ὁ δὲ  $\overline{\lambda}$ ε δὶς γίνεται  $\overline{o}$ ), καὶ ἡ ὑπεροχὴ τῶν τριῶν ἀριθμῶν πρὸς τὸν  $\gamma^{ov}$  δὶς λαμβανόμενον, ἤτοι τῶν  $\overline{h}$  πρὸς τὸν  $\overline{o}$ , μο  $\overline{\kappa}$ , ἃς καὶ οἱ δύο, τουτέστιν ὁ  $\overline{\lambda}$  καὶ  $\overline{\kappa}$ ε, ὑπερεῖχον 20 ἄπαξ τοῦ  $\gamma^{ov}$ , ἤτοι τοῦ  $\overline{\lambda}$ ε.

'E ὰν δὲ ἀπὸ τῶν τριῶν, τουτέστιν  $55^{\tilde{\omega}\nu}$   $\bar{\beta}$ , (τουτέστιν τῶν  $\bar{4}$   $\mu^{\circ}$ ), ἀφέλω  $\mu^{\circ}$   $\bar{\varkappa}$ , ἕξω δὶς τὸν  $\gamma^{\circ\nu}$ ,  $55\,\bar{\beta}$  Λ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\varkappa}$ . τουτέστι ἕξω τὸν  $\bar{\lambda}\epsilon$  δίς, (εἴτουν  $\bar{\sigma}$   $\mu^{\circ}$ ), γενόμενον· αἱ δὲ  $\bar{\sigma}$   $\mu^{\circ}$ ,  $\bar{4}$   $\mu^{\circ}$  εἰσὶ παρὰ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\varkappa}$ , ὅπερ ἐστὶν  $55\,\bar{\beta}$  Λ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\varkappa}$ · ἐπεὶ δὲ ἀπλοῦν ὅντα τὸν  $\gamma^{\circ\nu}$ , οὐκ ἠδύνατο εὐρεῖν αὐτὸν ἄνευ τοῦ διπλασιάσαι,  $\mu$ ετὰ τὸ εὑρεθῆναι ἐπὶ τοῦ διπλασιασμοῦ, ποιεῖ πάλιν αὐτὸν ἀπλοῦν· καὶ γὰρ ἀπλοῦν αὐτὸν θέλει ἔχειν.

 $\Delta$ ιὰ τὰ αὐτά, καὶ ὁ α $^{os}$  εὑρεθεὶς διπλοῦς  $SS^{\tilde{\omega}r}\bar{\beta}$ 

<sup>1</sup> I, 40, 17. 21 I, 40, 17/19. 29 I, 40, 20.

Όπως δε ύπερεχουσιν άλλήλων οι άριθμοί, έκ τοῦ διαγράμματος δῆλον.

	AD PROBLEM	IA XVIII.	( "Αλλως.)	
	$\mathbf{S} \ \overline{lpha} \ \boldsymbol{\mu}^o \ \overline{m{ec{arkappa}}}$		s $\bar{\alpha}$	
<i>દ્વ</i> ંત્ર <b>ે</b> .	s $\bar{\alpha}$ $\Lambda$ $\mu^o$ $\bar{\epsilon}$ ,	$\mu^o \ \overline{\varkappa \varepsilon}$ ,	s $\bar{\alpha}$	
σύνθ.	33 $ar{eta}$ $\Lambda$ $\mu^o$ $ar{\epsilon}$	$\ell^{\sigma}$ .	μο ξε	
πο.	ຣຣ $ar{oldsymbol{eta}}$	$\ell^{\sigma}$ .	$\mu^o$ $\overline{\mathrm{o}}$	10
μεφ.	s ā	$l^{\sigma}$ .	$\mu^o \ \overline{\lambda \varepsilon}$	
ύπ.	$\mu^{o}[\overline{\lambda},$	u° πε,	$\mu^o \overline{\lambda \varepsilon}$	
	$\overline{\nu}\overline{\epsilon}$	ĒE	<u>§</u>	
		Sc		

Τάσσει τὸν  $β^{ov}$  ἐνταῦθα τοσούτων  $μ^o$  ὅσων ἐστὶν δ μεταξὺ τῶν δύο ὑπεροχῶν, ἐντεῦθεν ἐὰν γὰρ ὧσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐφεξῆς κείμενοι, ὥστε μέντοι ἑνὸς 15 ὁποιουοῦν αὐτῶν τοὺς λοιποὺς ὁμοῦ μείζονας εἶναι, καὶ ληφθῶσι δύο ὑπεροχαί, καθ ἃς ὑπερέχουσιν οί λοιποὶ τοῦ ἑνός, ἰδία καὶ ἰδία, τὸ μεταξὺ τῶν δύο ὑπεροχῶν οἱ ἀριθμοὶ ἔσονται πρὸς οῦς οὐκ ἐλήφθη τῶν ἄλλων ὑπεροχή. οἶον ἔστωσαν τρεῖς ἀριθμοὶ ὁ 20  $\overline{k}$ ,  $\overline{\lambda}$ ,  $\overline{\mu}$  καί εἰσιν ἑνὸς ὁποιουοῦν αὐτῶν οἱ λοιποὶ μείζονες καὶ ἔστιν ἡ μὲν ὑπεροχή τῶν  $\overline{k}$  καὶ  $\overline{\lambda}$  πρὸς τὸν  $\overline{\mu}$ ,  $\mu^o$   $\overline{\iota}$  ἡ δὲ τῶν  $\overline{\lambda}$  καὶ  $\overline{\mu}$  πρὸς τὸν  $\overline{k}$ ,  $\mu^o$   $\overline{\nu}$  τὸ δὲ μεταξὺ τῶν δύο ὑπεροχῶν τῶν  $\overline{\iota}$  καὶ  $\overline{\nu}$ , αὐτός ἐστιν δ  $\overline{\lambda}$ , πρὸς δν οὐκ ἐλήφθη τῶν ἄλλων ὑπεροχή πρὸς 25

<sup>13</sup> cf. I, 42, 5. 23 τὸν (pr.)] τὸ.

γὰο τὸν  $\bar{\mu}$  καὶ τὸν  $\bar{\mu}$  ἐλήφθησαν τῶν ἄλλων ὑπεροχαί, πρὸς τοῦτον δὲ οὐδαμῶς. καὶ πάλιν ἡ μὲν ὑπεροχὴ τῶν  $\bar{\lambda}$  καὶ  $\bar{\mu}$  πρὸς τὸν  $\bar{\kappa}$ ,  $\mu^{\circ}$  ἐστὶ  $\bar{\nu}$  · ἡ δὲ τῶν  $\bar{\mu}$  καὶ  $\bar{\mu}$  πρὸς τὸν  $\bar{\lambda}$ , τὸ δὲ μεταξὸ τῶν δύο ὑπεροχῶν, τῶν τε  $\bar{\nu}$  καὶ τῶν  $\bar{\lambda}$ , αὐτὸς ὁ  $\bar{\mu}$ , πρὸς ὃν οὐκ ἐλήφθη τῶν ἄλλων ὑπεροχή. καὶ ἔτι ἡ μὲν ὑπεροχὴ τῶν  $\bar{\mu}$  καὶ  $\bar{\kappa}$  πρὸς τὸν  $\bar{\lambda}$ ,  $\mu^{\circ}$  ἐστὶ  $\bar{\lambda}$  · ἡ δὲ τῶν  $\bar{\kappa}$  καὶ τῶν  $\bar{\lambda}$  πρὸς τὸν  $\bar{\mu}$ ,  $\mu^{\circ}$  ἔ τὸ δὲ μεταξὸ τῶν δύο ὑπεροχῶν, τῶν  $\bar{\lambda}$  καὶ  $\bar{\iota}$ , αὐτός ἐστι  $\bar{\delta}$   $\bar{\kappa}$ , πρὸς ὃν οὐκ ἐλήφθη 10 ὑπεροχή.

Δειχθήτω δὲ καὶ ἐπὶ τεσσάρων ἀριθμῶν τὸ τοιοῦτον ἔστωσαν ἀριθμοὶ  $\bar{\mathbf{x}}$ ,  $\bar{\mathbf{\lambda}}$ ,  $\bar{\mathbf{\mu}}$ ,  $\bar{\mathbf{v}}$  · ἐπεὶ ἡ μὲν ὑπεροχὴ τῶν  $\bar{\mathbf{x}}$ ,  $\bar{\mathbf{\lambda}}$ ,  $\bar{\mathbf{\mu}}$ , ποὸς τὸν  $\bar{\mathbf{v}}$ , μο εἰσὶ  $\bar{\mathbf{\mu}}$  · ἡ δὲ ὑπεροχὴ τῶν  $\bar{\mathbf{\lambda}}$ ,  $\bar{\mathbf{\mu}}$ ,  $\bar{\mathbf{v}}$ , πρὸς τὸν  $\bar{\mathbf{x}}$ , μο  $\bar{\mathbf{e}}$  · τὸ μεταξὺ ἄρα τῶν τῶν  $\bar{\mathbf{\lambda}}$ ,  $\bar{\mathbf{\mu}}$ ,  $\bar{\mathbf{v}}$ , πρὸς τὸν  $\bar{\mathbf{x}}$ , μο  $\bar{\mathbf{e}}$  · τὸ τὸ  $\bar{\mathbf{e}}$  καὶ  $\bar{\mathbf{\mu}}$ , πρὸς οὺς οὐκ ἐλήφθη ὑπεροχή. τὸ δὲ ὅμοιον γενήσεται, καὶ ἐὰν  $\langle \lambda \dot{\alpha} \dot{\beta} \dot{\eta} \dot{\beta} \rangle$  τὸ μεταξὺ τῆς ὑπεροχῆς τῶν  $\bar{\mathbf{\lambda}}$ ,  $\bar{\mathbf{\mu}}$ ,  $\bar{\mathbf{v}}$  πρὸς τὸν  $\bar{\mathbf{x}}$ , καὶ τῆς τῶν  $\bar{\mathbf{\mu}}$ ,  $\bar{\mathbf{v}}$ ,  $\bar{\mathbf{x}}$  πρὸς τὸν  $\bar{\mathbf{\lambda}}$ , καὶ τῆς τῶν  $\bar{\mathbf{\mu}}$ ,  $\bar{\mathbf{v}}$ ,  $\bar{\mathbf{x}}$  πρὸς τὸν  $\bar{\mathbf{\lambda}}$  · καὶ ἐφεξῆς, τετράκις τοῦ τοιούτου γινομένου 20 ἐν τοῖς τέσσαρσιν ἀριθμοῖς, ώσπερ καὶ ἐν τοῖς τρισὶ τρίς · καὶ γὰρ καὶ ἐν τοῖς πέντε πεντάκις ἔσται · καὶ ἐφεξῆς.

"Η καὶ οὕτως εὰν ὧσι δύο ἀριθμοὶ ὁποιοιοῦν, τὸ αὐτὸ συντεθέντων αὐτῶν ἔσται ἥμισυ, ὁ δὴ ἡν καὶ 25 μεταξύ · οἶον ἔστω  $\overline{\delta}$  καὶ  $\overline{\iota}$  · συντεθέντες γίνονται  $\overline{\iota}\overline{\delta}$  · τούτων τὸ ἥμισύ ἐστιν ὁ  $\overline{\xi}$  · ἀλλὰ καὶ τὸ μεταξὺ τῶν  $\overline{\delta}$  καὶ  $\overline{\iota}$  ὁ αὐτὸς ἡν  $\overline{\xi}$  · ὅσαις γὰρ μονάσιν ὑπερέχει τοῦ  $\overline{\delta}$  ὁ  $\overline{\xi}$ , τοσαύταις καὶ ὁ  $\overline{\iota}$  τοῦ  $\overline{\xi}$ . καὶ μὴν καὶ ἐὰν ὧσιν ἀριθμοὶ ὁποσοιοῦν ἐκτεθειμένοι κατ' ἀριθμητικὴν 30 μέντοι ἀναλογίαν, ὥστε ὅσαις μο ὁ  $\beta^{os}$  ὑπερέχει τοῦ αου, τοσαύταις ὑπερέχειν καὶ τὸν γον τοῦ  $\beta^{ou}$ , καὶ ἐφεξῆς,

δ έκ τῆς συνθέσεως πάντων ἕξει δμώνυμον μέρος τοῖς ἀριθμοῖς, (τουτέστιν εἰ μὲν  $\bar{\gamma}$  ήσαν οἱ ἀριθμοί,  $\gamma^{ov}$ . εἰ δὲ  $\bar{\delta}$ , δον καὶ ἐφεξῆς), καὶ τὸ μέρος ἐκεῖνο δ μέσος ἔσται τῶν ἀριθμῶν οἶον ἐκκείσθωσαν πέντε ἀριθμοὶ δ  $\bar{\beta}$ ,  $\bar{\delta}$ ,  $\bar{\varsigma}$ ,  $\bar{\eta}$ ,  $\bar{\iota}$  οὖτοι συντιθέμενοι πάντες γίνονται 5  $\bar{\lambda}$  · ἐπεὶ δὲ  $\bar{\epsilon}$  ήσαν ἀριθμοί, ἕξει ἄρα δ  $\bar{\lambda}$  εον, καὶ ἔχει τὸν  $\bar{\varsigma}$  · δ δὲ  $\bar{\varsigma}$  δ μέσος ἐστὶ τῶν  $\bar{\epsilon}$  ἀριθμῶν. οὕτω γὰρ καὶ οἱ δύο ἀριθμοὶ συντιθέμενοι, ὡς ἀνωτέρω δέδεικται, δ  $\bar{\delta}$  καὶ δ  $\bar{\iota}$ , καὶ ποιοῦντες τὸν  $\bar{\iota}\bar{\delta}$ , δμώνυμον μέρος εἶχον τῷ πλήθει τῶν ἀριθμῶν, τουτέστι 10 δυοστόν, τὰ  $\bar{\zeta}$  · δ δὲ  $\bar{\zeta}$  ἡν δ μεταξὺ τῶν δύο, εὶ καὶ μήπω ἐν αἰσθήσει · οὐδὲ γὰρ ἔχει τὰ  $\bar{\beta}$  μέσον.

Τούτων οὖν οὕτως έχόντων, ἐκκείσθωσαν πάλιν τρεῖς ἀριθμοί, καὶ δειχθήτω ἐν αὐτοῖς ὅτι, ληφθεισῶν τῶν δύο ὑπεροχῶν καὶ συντεθεισῶν, τὸ ἡμισυ αὐτῶν 15 ἔσται ὁ καὶ μεταξὺ αὐτῶν ἀριθμός, καὶ δηλονότι ἐκεῖνος πρὸς δν οὐκ ἐλήφθη ὑπεροχή, ὡς ἐδείκνυτο. ἔστωσαν ἀριθμοὶ ὁ π̄, λ̄, μ̄ ἡ μὲν ὑπεροχὴ τῶν π̄ καὶ λ̄ πρὸς τὸν μ̄ ἐστι  $\bar{\imath}$  ἡ δὲ ὑπεροχὴ τῶν λ̄ καὶ μπρὸς τὸν  $\bar{\kappa}$  ἐστι  $\bar{\imath}$  ἡ δὲ ὑπεροχὴ τῶν  $\bar{\lambda}$  καὶ μπρὸς τὸν  $\bar{\kappa}$  ἐστι  $\bar{\nu}$  τὰ δὲ  $\bar{\imath}$  καὶ  $\bar{\nu}$  γίνονται  $\bar{\xi}$ , καί, 20 ἔπεὶ δύο ἀριθμοὶ συνετέθησαν,  $\bar{\imath}$  ταὶ  $\bar{\nu}$ , καὶ ἐποίησαν τὸν  $\bar{\xi}$ , ἔξει ἄρα  $\bar{\imath}$  δυοστόν καὶ ἔχει τὸν  $\bar{\lambda}$ , καὶ ἔστιν  $\bar{\imath}$  αὐτὸς τῷ μεταξὸ τῶν  $\bar{\imath}$  καὶ τῶν  $\bar{\imath}$ . οὐ μὴν δὲ ἀλλὰ καὶ οἱ τρεῖς ἀριθμοὶ  $\bar{\imath}$   $\bar{\kappa}$ ,  $\bar{\iota}$ ,  $\bar{\iota}$ , κατ' ἀριθμητικὴν ἀναλογίαν ἐκκείμενοι, ἐπεὶ συντιθέμενοι γίνον- 25 ται  $\bar{\iota}$ , ἔξουσιν ἄρα γον καὶ ἔχουσι τὸν  $\bar{\lambda}$ , μέσον τῶν τριῶν κείμενον.

Διὰ δὴ ταῦτα πάντα καὶ ὁ ἀριθμητικώτατος Διόφαντός φησιν ὡς, ἐπεὶ ὁ αος καὶ ὁ βος ὑπερέχουσι

<sup>29</sup> cf. I, 42, 2.

τοῦ  $\gamma^{\circ v}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{x}$ ,  $\delta$  δὲ  $\beta^{\circ s}$  καὶ  $\gamma^{\circ s}$  τοῦ  $\alpha^{\circ v}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\lambda}$ , καί είσιν ὑπεροχαὶ δύο,  $\delta$  τε  $\bar{x}$  καὶ  $\delta$   $\bar{\lambda}$ , δῆλον δὴ  $\delta$ τι  $\delta$   $\beta^{\circ s}$ , πρὸς  $\delta$ ν οὐκ ἐλήφθη ὑπεροχή, ἢ  $\delta$  μεταξὺ τοῦ  $\bar{x}$  καὶ τοῦ  $\bar{\lambda}$  ἔσται  $\delta$   $\bar{x}\bar{\epsilon}$ , ἢ τὸ τῆς συνθέσεως ῆμισυ· συντιτεθέντα, δὲ ποιοῦσι  $\bar{v}$ · τὰ δὲ  $\bar{v}$ , ἐκ δύο ἀριθμῶν συντεθέντα, ἔχει δυοστόν, καὶ πάλιν ἔσται τὰ  $\bar{x}\bar{\epsilon}$  τῶν  $\bar{v}$  δυοστόν.

Όταν οὖν λέγη· τάσσω τὸν β°\* τοσούτων μ° δσων ἐστὶν ὁ ἥμισυς τοῦ π καὶ τοῦ λ̄, οὐχ ἀπλῶς 10 καὶ ὡς ἔτυχε τάσσει τοῦτον, ὥσπερ καὶ τοὺς βΣούς· ἐκείνους μὲν γάρ, ἐπεὶ μήπω δῆλόν ἐστιν ὅσων ἔκαστος μονάδων ἐκβήσεται, εἰκότως ὡς βούλεται τάσσει, τὰς δὲ μονάδας, ὡρισμένας οὕσας, οὐχ ὡς ἔτυχε τάσσει, ἀλλ' ὅσας ἡ ἀριθμητική τάξις δίδωσιν· ἡμεῖς δέ, ἐν-16 τεῦθεν ὁρμωνενοι, διὰ μόνων μ° τὸ παρὸν ἀποδείξομεν πρόβλημα, μηδὲν προσδεηθέντες βξών, καί φαμεν οῦτως.

Ἐπεὶ ὁ α°ς καὶ ὁ β°ς ὑπερέχουσι τοῦ γ°υ μ°  $\bar{\mathbf{x}}$ , ὁ δὲ β°ς καὶ γ°ς τοῦ α°υ μ°  $\bar{\lambda}$ , ἔσται ἄρα ὁ β°ς τοῦ ἡμίσεος τῶν δύο ὑπεροχῶν, ἤτοι  $\bar{\mathbf{x}}$ ε μ°. πάλιν ἐπεὶ ὁ β°ς καὶ 20 ὁ γ°ς ὑπερέχουσι τοῦ α°υ μ°  $\bar{\lambda}$ , ὁ δὲ γ°ς καὶ α°ς τοῦ β°υ μ°  $\bar{\mu}$ , ὁ ἄρα γ°ς ἔσται τοῦ ἡμίσεος τῶν δύο ὑπεροχῶν, ἤτοι μ°  $\bar{\lambda}$ ε. πάλιν ἐπεὶ ὁ γ°ς καὶ ὁ α°ς ὑπερέχουσι τοῦ β°υ μ°  $\bar{\mu}$ , ὁ δὲ α°ς καὶ β°ς τοῦ γ°υ μ°  $\bar{\kappa}$ , ὁ δὲ α°ς καὶ β°ς τοῦ γ°υ μ°  $\bar{\kappa}$ , ὁ ἄρα α°ς ἔσται τοῦ ἡμίσεος τῶν δύο ὑπεροχῶν, ἤτοι  $\bar{\lambda}$ .

<sup>8</sup> sq. I, 42, 5. 29 I, 42, 7/8.

ἀπὸ γὰρ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$   $\overline{\alpha}$  καὶ  $\mathbf{\mu}^o$   $\overline{\mathbf{x}}$ , ἀφαιρεθεισῶν  $\mathbf{\mu}^o$   $\overline{\mathbf{x}}\overline{\mathbf{e}}$ , τουτέστι τῶν  $\overline{\mathbf{x}}$  καὶ ἄλλων  $\overline{\mathbf{e}}$ , ἀπὸ τοῦ  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$  λειφθήσεται  $\mathbf{S}^o$   $\overline{\alpha}$  παρὰ  $\mathbf{\mu}^o$   $\overline{\mathbf{e}}$ . ἐπεὶ δὲ δεἴ καὶ τὸν  $\mathbf{y}^{or}$  καὶ  $\mathbf{\alpha}^{or}$  ὑπερέχειν τοῦ  $\mathbf{\beta}^{ou}$   $\mathbf{\mu}^o$   $\overline{\mathbf{\mu}}$ , εἰσὶ δὲ οἱ δύο  $\mathbf{S}\mathbf{S}^{oἱ}$   $\overline{\mathbf{\beta}}$   $\mathbf{\Lambda}$   $\mathbf{\mu}^o$   $\overline{\mathbf{e}}$ , ἰσοι ἄρα εἰσὶ  $\mathbf{\mu}^o$   $\overline{\mathbf{e}}$   $\overline{\mathbf{e}}$  έπεὶ γὰρ ὁ μὲν  $\mathbf{\beta}^{os}$  έδείχθη  $\mathbf{\mu}^o$   $\overline{\mathbf{e}}$ , ὁ δὲ  $\mathbf{y}^{os}$  5 καὶ ὁ  $\mathbf{\alpha}^{os}$  ὑπερέχουσιν αὐτοῦ  $\mathbf{\mu}^o$   $\overline{\mathbf{\mu}}$ , δῆλον ὅτι οἱ δύο δος ὁ  $\mathbf{\beta}^{os}$  εἰσι καὶ αἱ  $\mathbf{\mu}^o$   $\overline{\mathbf{\mu}}$ .  $\overline{\mathbf{\mu}}$  δὲ καὶ  $\overline{\mathbf{x}}$   $\overline{\mathbf{e}}$ ,  $\overline{\mathbf{e}}$   $\overline{\mathbf{e}}$  εἶτα προσθέσει καὶ μερισμῷ εὐρίσκει τὰς ὑποστάσεις.

# AD PROBLEMA XIX.

		<b>ອ</b> ອ <b>Ā</b>			10
દૅપ્રે.	$ss\bar{\beta} \wedge \mu^o \bar{\lambda}$	, ss β Λ μ° μ,	ss $\bar{eta}$ $\hbar$ $\mu^o$ $\bar{ u}$ ,	<b>ຣຣ</b> βັ	Λ μ° π
μεφ.	s ᾱ Λ μ° ιε	, sā∧μ°π,	s ā Λ μ° <del>χε</del>	, sā	Λμ° ῖ
σύνθ.	ss $\bar{\delta}$ $\Lambda$ $\mu$	r <sub>o</sub> <u>o</u>	$\ell^{\sigma}$ .	2 <b>5</b> Å	Ī
πο.	ss $ar{oldsymbol{\delta}}$		<i>l</i> σ.	<b>33</b> $\bar{eta}$	μοō
άφ.	<b>ss</b> $\bar{\pmb{\beta}}$		$l^{\sigma}$ .		μο τ 15
μεφ.	sā		$\ell^{\sigma}$ .		$\mu^o \ \overline{\lambda \varepsilon}$
ύπ.	$\mu^o \bar{x}$ ,		$\mu^{g}$ $\bar{\iota}$ , $\mu^{o}$	πε	
	E	$\sim \mu \epsilon$	$\overline{v}\overline{arepsilon}$		

Εἰκότως ὁ προσδιορισμὸς πρόσκειται εἰ γάρ τις τῶν τεσσάρων ὑπεροχῶν ἴση τυγχάνει οὖσα τῷ ἡμίσει αὐτῶν, οὐ συσταθήσεται ὁ γὰρ ἀριθμὸς ἐκεῖνος,  $\langle$ οὖ $\rangle$  20 ὑπερέξουσιν οἱ λοιποὶ τὰς ἴσας τῷ ἡμίσει τῶν τεσσάρων ὑπεροχῶν μονάδας,  $3^{οῦ}$   $\bar{\alpha}$  γενήσεται λείψει μο τοσούτων, ὅσων καὶ ὁ  $3^{ο}$  ἀναφανήσεται οἷον ὁ  $3^{ο}$   $\bar{\nu}$  μο ἀναφανήσεσθαι μέλλει, κάκεῖνος ἔσται  $3^{οῦ}$   $\bar{\alpha}$   $\hbar$  μο  $\bar{\nu}$ , ὁ δὲ τοιοῦτος οὐδὲν ἔσται, εἴ γε αὐτὸς ὅλος ἀφ' ἑαυ- 25

<sup>18</sup> cf. I, 42, 18.

τοῦ ἀφαιροῖτο. πολλῷ δὲ δὴ πλέον, καὶ εἰ μείζων εἰη τις τῶν ὑπεροχῶν τοῦ ἡμίσεος αὐτῶν τηνικαῦτα γὰρ δ  $\mathbf{S}^{o}$  Λ  $\mathbf{\mu}^{o}$  πλειόνων ἔσται, ἢ ὅσων ἀναφανήσεται δ  $\mathbf{S}^{o}$ . ἡ δὲ ἀγωγὴ τοῦ προβλήματος ὁμοία τῆ ιη $^{n}$ .

<sup>5</sup> 'Ιστέον ὡς κατὰ τὸν προσδιορισμὸν τοῦ ιθου, εἰ μὲν τρεἰς εἰσιν οἱ ἀριθμοί, οὐ δεἴται προσδιορισμοῦ · εἰ δὲ τέσσαρες, δεῖ τοῦ ἐκ τῆς ὑπεροχῆς, τῶν τεσσάρων τὸ ῆμισυ μετζον εἶναι ἑκάστου αὐτῶν · εἰ δὲ πέντε, τὸ τῆς ὑπεροχῆς τρίτον μετζον εἶναι ἑκάστου · αὐτῶν · εἰ δὲ ἔξ, τὸ τέταρτον · καὶ αἰεὶ ὁμοίως παρὰ δύο μονάδας τοῦ μέρους λαμβανομένου · καὶ ὁ δ τοῦ δυοστοῦ ὑπερέχει μο β̄, καὶ ὁ τοῦ γου, καὶ ὁ ξ̄ τοῦ δου.

# AD PROBLEMA XIX. ("Allog.)

$$\tilde{\epsilon}$$
 κθ.  $\tilde{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\tilde{\kappa}$   $\tilde{\epsilon}$   $\tilde{\epsilon}$   $\tilde{\kappa}$   $\tilde{\epsilon}$   $\tilde{\epsilon}$ 

Και τὸ παρὸν πρόβλημα ὁμοίαν ἔχει τὴν ἀγωγὴν τῷ ιηου βΨ ἡμεῖς δέ, ὥσπερ ἐκεῖνο και διὰ μο μόνων ἀπεδείξαμεν, και τὸ παρὸν πειρασόμεθα δεῖξαι. ἐπεὶ οι ἀπὸ τοῦ αου τρεῖς ὑπερέχουσι τοῦ δου μο π, <οι δὲ ²ς ἀπὸ τοῦ βου τρεῖς τοῦ αου μο λ, ἔσται ἄρα συναμφότερος ὁ βος και ὁ γος, μο πε. πάλιν ἐπεὶ οι ἀπὸ τοῦ αου τρεῖς ὑπερέχουσι τοῦ δου μο π), οι δὲ ἀπὸ τοῦ γου τρεῖς τοῦ βου μο μ, ἔσται ἄρα συναμφότερος ὁ αος καὶ

ό  $\gamma^{o_5}$   $\mu^o$   $\bar{\lambda}$ . πάλιν έπεὶ οι ἀπὸ τοῦ  $\alpha^{o_0}$  τρεῖς ὑπερέχουσι τοῦ  $\delta^{o_0}$   $\mu^o$   $\bar{\kappa}$ , οι δὲ ἀπὸ τοῦ  $\delta^{o_0}$  τρεῖς τοῦ  $\gamma^{o_0}$   $\mu^o$   $\bar{\nu}$ , ἔσται ἄρα συναμφότερος ὁ  $\alpha^{o_5}$  καὶ ὁ  $\beta^{o_5}$   $\mu^o$   $\bar{\lambda}$ ε. πάλιν έπεὶ οι ἀπὸ τοῦ  $\beta^{o_0}$  τρεῖς ὑπερέχουσι τοῦ  $\alpha^{o_0}$   $\mu^o$   $\bar{\lambda}$ , οι δὲ ἀπὸ τοῦ  $\gamma^{o_0}$  τρεῖς τοῦ  $\beta^{o_0}$   $\mu^o$   $\bar{\mu}$ , ἔσται ἄρα συναμ- 5 φότερος ὁ  $\gamma^{o_5}$  καὶ ὁ  $\delta^{o_5}$   $\mu^o$   $\bar{\lambda}$ ε.



Τούτων οὕτως ἐχόντων, ἐπεὶ ὁ αος καὶ ὁ βος καὶ ἔτι ὁ βος καὶ ὁ γος, τουτέστιν ὁ μὲν αος καὶ γος ἄπαξ, ὁ δὲ βος δίς, μο εἰσὶν ξ, ὧν ὁ αος καὶ ὁ γος μο εἰσὶ λ̄, 10 λοιπὸς ἄρα δὶς ὁ βος μο ἐστὶ λ̄ αὐτὸς ἄρα ἄπαξ μο ἐστὶ τ̄ε. πάλιν ἐπεὶ ὁ αος καὶ ὁ βος μο ἐστὶ λ̄ε, ὧν ὁ βος μο ἐστὶ τ̄ε, ὁ λοιπὸς ἄρα ὁ αος μο ἐστὶν π̄. πάλιν ἐπεὶ ὁ βος καὶ ὁ γος μο εἰσὶν π̄ε, ὧν ὁ βος μο ἐστὶ τ̄ε, λοιπὸς ἄρα ὁ γος μο ἐστὶ τ̄ε, λοιπὸς ἄρα ὁ γος μο ἐστὶ τ̄ε, λοιπὸς ἄρα ὁ γος καὶ ὁ 15 δος μο ἐστὶ λ̄ε, ὧν ὁ γος μο ἐστὶ τ̄, λοιπὸς ἄρα ὁ δος μο ἐστὶν π̄ε.

Ή προσθήκη τῆς λείψεως τοῦ ιθου  $\langle β$ ου $\rangle$  διπλῶς γίνεται τόνδε τὸν τρόπον. ἐπεὶ οἱ μὲν ἀπὸ τοῦ δου γίνεται τόνδε τὸν τρόπον. ἐπεὶ οἱ μὲν ἀπὸ τοῦ δου τρείς ὁμοῦ  $55^{\circ i}$   $\overline{\gamma}$  Λμο τε εἰσιν, ὁ δὲ  $\gamma$ ος σὰν τῶν  $\overline{\nu}$  μο, 20 μονον αἱ τε μο, ἀλλὰ καὶ ἡ κατὰ τὰς  $\overline{\pi}$ ε μο λείψις τοῦ  $\overline{\alpha}$   $50^{\circ i}$  · καὶ γίνονται  $55^{\circ i}$   $\overline{\delta}$  ἀνελλιπείς · λείψις γὰρ ἐπὶ λείψιν ὕπαρξιν ποιεί · ἐν δὲ ταὶς  $\overline{\pi}$ ε μο Λ  $5^{\circ i}$   $\overline{\alpha}$ , προστίθεται οὐ μόνον ἡ λείψις τοῦ  $\overline{\alpha}$   $5^{\circ i}$ , ἀλλὰ καὶ 25 αἱ  $\overline{\iota}$ ε μο, χαὶ γίνεται  $\overline{\delta}$   $5^{\circ}$  μο  $\overline{\kappa}$ ε.

<sup>18</sup> τοῦ ιθ<sup>ου</sup>] τῷ ιθ Β, τῶν ιθ alii. 21 Λ (alt.)] καὶ ταὶς.

#### AD PROBLEMA XX.

## AD PROBLEMA XXI.

15 Ο προσδιορισμός τοῦ καου ἐστὶν οὖτος ἐπὶ παραδείγματος · δ δμάνυμος τοῦ τοῦ αου ἀριθμοῦ μέρους,
τουτέστιν τοῦ γου, ἔστιν δ  $\bar{\gamma}$  · οὖτος ἐπὶ τὴν ὑπεροχὴν
τοῦ μέσου πρὸς τὸν ἐλάττονα πολλαπλασιαζόμενος,
τουτέστιν ἐπὶ  $22^{\text{οὐς}}\bar{\beta} \wedge \mu^{\text{o}}\bar{\iota}$ , ποιεῖ πλείονας  $22^{\text{οὐς}}\bar{\gamma}$  · τοῦτο
δὲ οἶμαι μὴ ἄν ἄλλως δύνασθαι γίγνεσθαι.

<sup>15</sup> sq. cf. I, 48, 3. 19  $55^{obs}$   $\overline{\beta}$ ] άριθμοῖς δυσί B, corr. X<sub>2</sub>. 21 K in mag: ἔσφαίται.

# AD PROBLEMA XXI. ("Allog.)

Καὶ ὅπερ ὁ ἐνταῦθα προσδιορισμός φησιν, οἶμαι μὴ ἄν ἄλλως ἔχειν δυνατὸν εἶναι· γέγονε δὲ οὕτως· τό τε τοῦ μεγίστου γον καὶ ὁ ἐλάχιστος,  $35^{01}$   $\bar{\beta}$  καὶ 10  $5^{0\bar{\nu}}$  δον καὶ μο  $\bar{\alpha}$  καὶ μο θον, ἄπερ ἐλάττονά ἐστι τοῦ μέσου, ἤτοι τῶν  $\bar{\gamma}$   $35^{\bar{\alpha}\nu}$ · οἱ γὰρ  $\bar{\beta}$  καὶ  $\eth''$   $35^{01}$  τῶν  $\bar{\gamma}$   $35^{\bar{\alpha}\bar{\nu}}$  ἔλαττον.

'Αλλὰ τοὺς  $\bar{\beta}$  καὶ  $\bar{\theta}''$  55° καὶ μο  $\bar{\iota}\bar{\alpha}$   $\bar{\theta}''$ , φησί, δεὶ ἰσα εἶναι τοῖς  $\bar{\gamma}$  55°  $\bar{\epsilon}$ . ἀφαιρείσθω ἀπὸ ὁμοίων ὅμοια. 15 ἀφαιροῦνται ἀπὸ τῶν  $\bar{\beta}$  55°  $\bar{\alpha}$   $\bar{\theta}''$  μο  $\bar{\iota}\bar{\alpha}$   $\bar{\theta}''$  οἱ  $\bar{\beta}$   $\bar{\theta}''$  55°  $\bar{\epsilon}$ , λοιπαὶ μο  $\bar{\iota}\bar{\alpha}$   $\bar{\theta}''$  ταῦτα δὲ καὶ ἀπὸ τῶν  $\bar{\gamma}$  55°  $\bar{\alpha}$  φαιφεθέντα, λοιπὸς 5°  $\bar{\alpha}$  Λ 5°  $\bar{\theta}$ ου μέρους ταῦτα ἰσα μο  $\bar{\iota}\bar{\alpha}$   $\bar{\theta}''$ . ἐπεὶ δὲ μὴ διὰ τελείων 55° καὶ μο προέβη  $\bar{\theta}$  δεῖξις, ἀλλὰ μέρους 5° καὶ μέρους μο, ὅπερ ἐν 20 έκατέρφ ἐστὶν  $\bar{\theta}$ ον,  $\bar{\theta}$ πλασιάζει καὶ τὸν  $\bar{\alpha}$  5° Λ 5°  $\bar{\theta}$ ου καὶ τὰς  $\bar{\iota}\bar{\alpha}$   $\bar{\theta}''$  μο,  $\bar{\theta}$ ς ἀν τέλειοι 55° καὶ μο γένωνται  $\bar{\theta}$   $\bar{\theta}$  τὰς  $\bar{\iota}\bar{\alpha}$   $\bar{\theta}''$  μο,  $\bar{\theta}$ ς ἀν τέλειοι 55° καὶ μο γένωνται  $\bar{\theta}$   $\bar{\theta}$  τὰς  $\bar{\theta}$   $\bar{$ 

<sup>8</sup> cf. I, 50, 3. 9 ovrws Xylander,  $\delta\mu\omega_S$  libri. 14 sq. cf. I, 50, 15/16.  $\delta\epsilon\tilde{\epsilon}$ ]  $\delta\epsilon\tilde{\epsilon}_S$ .

τουτέστιν  $\mathfrak{SS}^{\circ l}$   $\overline{r}$ . καὶ ἔστιν  $\mathfrak{SS}^{\overline{\omega r}}$   $\overline{\eta}$ . αἱ δὲ  $\mathfrak{p}^{\circ}$   $\overline{\iota}\overline{\alpha}$   $\mathfrak{d}^{\circ}$   $\overline{\mathfrak{d}}$  πλασιασθεῖσαι καὶ αὐταὶ γεγόνασι  $\mathfrak{p}^{\circ}$   $\overline{\iota}\overline{\mathfrak{d}}$  καὶ  $\overline{\mathfrak{d}}$   $\mathfrak{d}^{\alpha}$   $\overline{\mathfrak{d}}$  έπεὶ δὲ τὰ  $\overline{\mathfrak{d}}$   $\mathfrak{d}^{\alpha}$   $\overline{\mathfrak{d}}$  έστι, ταὐτόν ἐστιν εἰπεῖν  $\mathfrak{p}^{\circ}$   $\overline{\varrho}$ , καὶ γεγόνασιν  $\overline{\varrho}$   $\mathfrak{p}^{\circ}$  ἰσαι  $\mathfrak{SS}^{\circ i\varsigma}$   $\overline{\eta}$ , καὶ δ  $\mathfrak{S}^{\circ}$   $\mathfrak{p}^{\circ}$   $\overline{\iota}\overline{\mathfrak{p}}$   $\mathfrak{L}'$ .

5 Έπεὶ δὲ θος εὐρίσκεται καὶ ἐν τοῖς  $35^{οῖ}$ ς καὶ ταῖς μο, εἰ τὸν ἐλάχιστον ἐννεαπλάσιον ἑαυτοῦ ὑποθώμεθα, τουτέστιν  $35^{αν}$   $\overline{θ}$  μο  $\overline{1}$ , ἔσται ὁ μὲν μέσος  $35^{αν}$   $\overline{χ}$ ς, ὁ δὲ μέγιστος  $35^{αν}$   $\overline{λ}$  μο  $\overline{λ}$ . ἔτι τε ὁ ἐλάχιστος καὶ τὸ τοῦ μεγίστου γον,  $35^{οἱ}$   $\overline{ι}$ θ μο  $\overline{ρ}$ ο ταῦτα δὲ ἴσα  $35^{οῖ}$ ς μς καὶ 10  $35^{οἱ}$   $\overline{η}$  ἴσοι μο  $\overline{ρ}$ ο καὶ ὁ 5ο μο  $\overline{ρ}$   $\cancel{L}$ ο καὶ μόριον οὐδὲν ἔσται κατὰ τὴν ἀπόδειξιν, ἀλλὰ δι'  $35^{αν}$  καὶ μο τελείων ἀποδειχθήσεται.

## AD PROBLEMA XXII.

$$\tilde{\epsilon}$$
κθ. 95  $\overline{\gamma}$ ,  $\mu^{\circ}$   $\overline{\delta}$ ,  $\mu^{\circ}$   $\overline{\iota}\epsilon$   $\Lambda$  9  $\overline{\epsilon}$ ,  $15$ 

$$\begin{bmatrix}
\delta & \mu\epsilon\tau\dot{\alpha} & \tau\dot{\gamma}\nu & \dot{\alpha}\nu\tau\dot{\alpha}\dot{\delta}\sigma\sigma\iota\nu & \lambda \iota\iota\pi\dot{\delta}\sigma & \tau\iota\bar{\sigma}\nu & \beta^{\circ\nu}
\end{bmatrix}$$
9  $\overline{\alpha} & \mu^{\circ}$   $\overline{\gamma}$  9  $\overline{\alpha} & \mu^{\circ}$   $\overline{\gamma}$ 

9  $\overline{\alpha} & \mu^{\circ}$   $\overline{\gamma}$   $\dot{\ell}^{\sigma}$ .  $\mu^{\circ}$   $\dot{\iota}^{\gamma}$   $\dot{\ell}^{\sigma}$ .  $\mu^{\circ}$   $\dot{\iota}^{\gamma}$   $\dot{\ell}^{\sigma}$ .  $\dot{\ell}^{\sigma}$   $\dot{$ 

 $^{\circ}O$  α°  $^{\circ}$ , δοὺς τὸ ἑαυτοῦ γ°  $^{\circ}$ ,  $5^{\circ}$   $\bar{\alpha}$ , καὶ λαβὼν  $\mu^{\circ}\bar{\gamma}$  Λ  $5^{\circ\bar{\nu}}\bar{\alpha}$ , γίνεται  $5^{\circ\bar{\nu}}\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}\bar{\gamma}$ · οὕτως · ἐπεὶ δοὺς τὸν  $\bar{\alpha}$   $5^{\circ\bar{\nu}}$ , λοιπός ἐστιν  $55^{\bar{\omega}\bar{\nu}}\bar{\beta}$ , ἐὰν ἄρα προσλάβη 25  $\mu^{\circ}\bar{\gamma}$  Λ  $5^{\circ\bar{\nu}}\bar{\alpha}$ , ἔσται  $5^{\circ}\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}\bar{\gamma}$ · ἡ γὰρ τοῦ  $5^{\circ\bar{\nu}}$  λεϊψις, ἡν αί  $\bar{\gamma}$  εἶχον  $\mu^{\circ}$ , ἀφανίζει τὸν ἕτερον τῶν  $\bar{\beta}$   $55^{\bar{\omega}\bar{\nu}}$  τοῦ  $\alpha^{\circ\bar{\nu}}$ · λεῖψις γὰρ ἐπὶ ὕπαρξιν, λεῖψιν ποιεῖ.

<sup>15</sup> seclusa habet X, om. alii. 22 sq. cf. I, 52, 9.

#### AD PROBLEMA XXIII.

Γίνεται  $\delta S^{o'}$  νην σούτως επεί  $SS^{o'}$  κη έλείφθη- 10 σαν ίσοι  $\mu^{o}$  ν̄,  $\mu$ ερίζω τὸν ν̄ ἀριθμὸν παρὰ τὸν κ̄γ . καὶ γίνεται τὸ κην τῶν ν̄,  $\mu^{o}$  β καὶ δ κηα δὶς γὰρ κ̄γ,  $\mu$ ς, καὶ λοιπὰ δ̄, ὰ  $\mu$ εριζόμενα παρὰ τὸν κ̄γ, ὡς δέδεικται ἐν τῆ  $\mu$ εθόδφ τοῦ  $\mu$ ερισμοῦ, ποιεί τῶν είκοστοτρίτων, δ̄ κηα ἐπεὶ δὲ  $\mu$ η ἐξ ἐτεροειδῶν βού- 15 λεται ἔχειν τὸν  $S^{i}$ , τουτέστιν ἐκ  $\mu$ ονάδων καὶ  $\mu$ ορίων, ἀναλύει καὶ τὰς  $\bar{\beta}$   $\mu^{o}$ , ὰς εὖρεν ἐκ τοῦ  $\mu$ ερισμοῦ, ἐκάστην εἰς κηα, καὶ γίνονται  $\bar{\mu}$ ς κηα, οἶς προστιθεὶς τὰ δ̄ν  $\bar{\beta}$ , ποιεί ταῦτα  $\bar{\nu}$  · ταὐτὸν οὖν ἐστιν εἰπεῖν τὸν  $\bar{\beta}$ ν εἶναι  $\bar{\nu}$  κηα, καὶ  $\mu^{o}$   $\bar{\beta}$  καὶ  $\bar{\delta}$  κην 20

Ο δὲ 5°  $\bar{\nu}$  τῶν αὐτῶν γίνονται δὲ καὶ αἱ ὑποστάσεις οὕτῶς ἐπεὶ ὁ α°ς 5<sup>ών</sup> ἐστι  $\bar{\gamma}$ , ἔσται  $\bar{\varrho}\bar{\nu}$  κγ<sup>ων</sup> τρὶς γὰρ  $\bar{\nu}$ ,  $\bar{\varrho}\bar{\nu}$ ,  $\bar{\varrho}\bar{\nu}$ , έπεὶ μ° ἐστὶ  $\bar{\delta}$ , ἔσται  $\bar{\varrho}\bar{\nu}$  κγ<sup>ων</sup> δ<sup>κις</sup> γὰρ τὰ  $\bar{\kappa}\bar{\nu}$ ,  $\bar{\iota}\bar{\iota}\bar{\rho}$ , ὁ δὲ γ°ς, ἐπεὶ ἐστιν 55<sup>ών</sup>  $\bar{\lambda}$  Λ μ°  $\bar{\xi}$ , διὰ μὲν τοὺς  $\bar{\lambda}$  55°<sup>ις</sup>, γίνεται  $\bar{\kappa}\bar{\varphi}$  κγ<sup>ων</sup>, διὰ δὲ τὴν λεῖ- 25 ψιν τῶν  $\bar{\xi}$  μ°, αῖτινές εἰσι  $\bar{\alpha}\bar{\tau}\bar{\pi}$  κγ<sup>α</sup> ( $\bar{\xi}^{\kappa \iota\varsigma}$  γὰρ τὰ  $\bar{\kappa}\bar{\nu}$ ,  $\bar{\alpha}\bar{\tau}\bar{\pi}$ ), λοιπὰ  $\bar{\varrho}\bar{\kappa}$ . ὁ δὲ δ°ς, ἐπεὶ μ° ἐστὶ  $\bar{\iota}\bar{\eta}$  Λ 55<sup>ών</sup>  $\bar{\varsigma}$ , διὰ μὲν

<sup>10</sup> Ι, 56, 6. 14-15 τον είκοστότοιτον.

τὰς  $\overline{\iota\eta}$   $\mu^{o}$ , γίνεται  $\overline{\upsilon\iota\delta}$  κγ<sup>ων</sup> (κγ<sup>κις</sup> γὰο τὰ  $\overline{\iota\eta}$ ,  $\overline{\upsilon\iota\delta}$ ), διὰ δὲ τὴν λεΐψιν τῶν  $\overline{\varsigma}$  SS<sup>ῶν</sup>, οῖ εἰσιν κγ<sup>α</sup>  $\overline{\tau}$  (ν<sup>κις</sup> γὰο τὰ  $\overline{\varsigma}$ ,  $\overline{\tau}$ ), γίνεται  $\overline{\varrho\iota\delta}$ . ἐὰν γὰο ἀφέλης ἀπὸ τῶν  $\overline{\upsilon\iota\delta}$ ,  $\overline{\tau}$ , λοιπὰ  $\overline{\varrho\iota\delta}$ .

Τοπως δὲ ὁ 5° ν γίνεται κγων, καὶ τοῦτο χρεὼν εἰδέναι ὡς, ἐάν τε ἐλάττων ἀριθμὸς μερίζηται παρὰ μείζονα, ἐάν τε μείζων παρὰ ἐλάττονα, ἡ μὲν ποσότης τῶν ἀπὸ τοῦ μερισμοῦ μορίων ἡ αὐτὴ ἀεὶ τῷ μεριζομένῳ ἔσται, τὸ δ' ὅνομα αὐτῶν ὁμώνυμον τῷ παρ' τὸν ὑρ, τὸν ἐλάττω παρὰ τὸν μείζονα· λέγω οὖν ὡς ἐπιβάλλει ἐκάστῃ μονάδι τῶν ιβ, δ ιβα, ᾶπερ ἐστὶ τὰ μὲν δ τὰ αὐτὰ τῷ μεριζομένῳ δ, τὰ δὲ ιβ ⟨τῷ⟩ παρ' ὃν ὁ μερισμὸς γίνεται, τῷ ιβ̄.

15 Πάλιν έστω μερίσαι τον  $\overline{\iota\beta}$  παρά τον  $\overline{\delta}$ , τον μείζω παρά τον έλάττονα οὐκοῦν ἐπιβάλλει ἑκάστη μονάδι τοῦ  $\overline{\delta}$ ,  $\overline{\iota\beta}$   $\delta^{\alpha}$ , ἄπερ εἰσὶ  $\overline{\gamma}$   $\mu^{\circ}$  καὶ ἔστι κάνταῦθα μὲν  $\overline{\iota\beta}$ ,  $\overline{\eta}$  τῶν μορίων ποσότης, ταὐτὸν τῷ μεριζομένῳ τῷ  $\overline{\iota\beta}$ , τὸ  $\overline{\delta}$  ὄνομα αὐτῶν, τουτέστι τὰ  $\overline{\delta}^{\alpha}$ , δμώνυμα τῷ 20 παρ' δν  $\overline{\delta}$  μερισμὸς γίνεται, τῷ  $\overline{\delta}$ .

Οὐκοῦν καὶ ἐν τῷδε τῷ κρ<sup>φ</sup> προβλήματι, ἐπεὶ  $\overline{\nu}$  μο μερίζει παρὰ  $\overline{\kappa}\gamma$   $\mathfrak{SS}^{oύ}$ , μείζονα ποσότητα παρὰ ἐλάττονα, (μείζονα δὲ λέγω οὐχ ὅτι αὶ  $\overline{\nu}$  μο ἐνταῦθα μείζους εἰδὶ τῶν  $\overline{\kappa}\gamma$   $\mathfrak{SS}^{ov}$ , ἰσαι γάρ, ἀλλ' ὅτι ἀπλῶς τὰ  $\overline{\nu}$  μείτον ζονά εἰδι τῶν  $\overline{\kappa}\gamma$ ), μεριζομένων τοίνυν τῶν  $\overline{\nu}$  παρὰ τὸν  $\overline{\kappa}\gamma$ , ἐπιβάλλει ἑκάστη μονάδι τῶν  $\overline{\kappa}\gamma$ , ὡς μονάδων πάντων λαμβανομένων,  $\overline{\nu}$  κρ<sup>α</sup> τὰ μὲν  $\overline{\nu}$ , ἡ ποσότης τῶν μορίων, τὰ αὐτὰ τῷ μεριζομένῳ τῷ  $\overline{\nu}$  τὰ δὲ κρ<sup>α</sup> δμώνυμα τῷ παρ' δν δ μερισμός, τῷ  $\overline{\kappa}\gamma$ .

<sup>5</sup> οπως Κ, δμως alii.

Οὐκ ἐμέρισε δὲ τοὺς  $\overline{xy}$   $55^{oὑ}$ : παρὰ τὰς  $\overline{v}$   $\mu^o$ , ἀλλὰ τὰς  $\mu^o$  παρὰ τοὺς  $55^{oὑ}$ : καὶ μήν, καὶ εἰ οὕτως ἐποίει, ἐπέβαλλεν ἂν ἐκάστη μονάδι τῶν  $\overline{v}$ ,  $\overline{xy}$   $\nu^a$   $5^{oῦ}$ : καὶ πάλιν τὸ αὐτὸ ἐγένετο: τὸ γὰρ τοῦ  $5^{oῦ}$   $\nu^{oγ}$ , κγ<sup>ώγ</sup> ἐστι τῆς  $\mu^o$ . ἐπεὶ δὲ ἡ μονὰς εἰς  $\overline{xy}$  ἐτμήθη ἐνταῦθα, εἰ 5 τὸν  $\beta^{oγ}$  ἀριθμόν, δν ὑπέθετο  $\mu^o$   $\overline{\delta}$ , ἐπολλαπλασίασεν ἐπὶ τὸν  $\overline{xy}$ , καὶ τῶν γενομένων ἐξ αὐτῶν  $\overline{12}\beta$   $\mu^o$  ἐτίθει τὸν  $\beta^{oγ}$ , εὑρίσκετο ἂν  $\delta$   $5^o$   $\mu^o$  $\overline{v}$  καὶ οὐχὶ μορίων μονάδος  $xy^{ων}$ · καὶ νῦν καὶ πάλιν ἐπὶ τῶν ὑποστάσεων, οἱ λοιποὶ ἐγίγνοντ' ἂν ἀριθμοί.

Οὖτος μέντοι φιλῶν μὴ πολὺ πλῆθος  $95^{6ν}$  ἐν τοῖς προβλήμασιν ἑαυτοῦ τιθέναι, οὕτως ἐποίησε, καὶ μετὰ τὸ τὰ τῆς μονάδος εὑρεῖν μόρια, φησὶ περιηρήσθω τουτέστιν ἐπεὶ ὁ  $5^{\circ}$   $\bar{\nu}$  κγ<sup>ων</sup> μονάδος εὑρέθη, μηκέτι ταῦτα ὡς μόρια λάμβανε, ἀλλ' ὡς μονάδας ὡς εἰ 15 ἔλεγεν μηκέτι λέγε ὡς ὁ  $5^{\circ}$   $\bar{\nu}$  κγ<sup>ων</sup> ἐστίν, ἀλλὰ  $\bar{\nu}$  μ°, μηδὲ ὡς ἡ μονὰς  $\bar{\kappa}$  μνο, < ἀλλὰ  $\bar{\kappa}$  μονὸς  $\bar{\kappa}$  μονὸς  $\bar{\kappa}$  κροὶς  $\bar{\kappa}$  κροὶς

Γίνονται δὲ οἱ ἀριθμοὶ ἴσοι οὕτως ὁ αος, ὁ  $\overline{\rho\nu}$ , δοὺς τὸ ἑαυτοῦ  $\gamma^{ov}$ , τὰ  $\overline{\nu}$ , τῷ  $\beta^{\varphi}$ , λοιπὸν ἔχει  $\overline{\rho}$ , καὶ λαβὼν παρὰ τοῦ δου τὸ εον, τὰ  $\overline{\iota}\overline{\partial}$ , γίνεται  $\overline{\rho}$   $\overline{\iota}\overline{\partial}$   $\overline{\rho}$   $\overline{\nu}$ , τὰ  $\overline{\iota}\overline{\partial}$ , γίνεται  $\overline{\rho}$   $\overline{\iota}\overline{\partial}$   $\overline{\rho}$   $\overline{\nu}$   $\overline{\nu$ 

 $<sup>[8 \ \</sup>overline{\nu}] \ \overline{\iota}$ . 13 I, 56, 8.

#### AD PROBLEMA XXIV.

$$\tilde{\epsilon}$$
 κϑ.  $S$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\gamma}$   $S$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\alpha}$ ,  $S$   $\bar{\delta}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\delta}$ ,  $S$   $\bar{\epsilon}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\epsilon}$   $S$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\alpha}$   $S$   $\bar{\delta}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$   $S$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$   $S$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$   $S$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$   $S$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$   $\bar{\alpha}$   $\bar{\alpha}$ 

Έκκειμένων δσωνοῦν ἀριθμῶν, ἐὰν δσακισοῦν εἶς αὐτῶν ληφθῆ, οἱ δὲ λοιποὶ ἄπαξ, καὶ πάλιν ὁ αὐτὸς μονάδι ἐλαττονάκις ἢ ἐλήφθη, ληφθῆ, οἱ δὲ πάντες ἄπαξ, τουτέστιν οἱ λοιποὶ καὶ αὐτός, τὰ ἀφ' ἑκατέρας τὸ λήψεως συντιθέμενα ἴσα γίνονται. ἔστωσαν ἀριθμοὶ τρεῖς, ὁ  $\bar{\beta}$ ,  $\bar{\gamma}$ ,  $\bar{\delta}$ · ἐὰν ὁ  $\bar{\gamma}$  δ<sup>κις</sup> ληφθῆ, ὁ δὲ  $\bar{\beta}$  καὶ  $\bar{\delta}$  ἄπαξ,  $\bar{\imath}\eta$  ποιεῖ· (καὶ πάλιν ἐὰν ὁ  $\bar{\gamma}$  τρὶς ληφθῆ, οἱ δὲ τρεῖς  $\bar{\alpha}$  παξ,  $\bar{\imath}\eta$  ποιεῖ)· καὶ γίνεται ἑκατέρως ἴσος ὁ ἀριθμός.

Τούτων οὕτως ἐχόντων, πάντα, φησί, δ<sup>χις</sup>· ἔνθα 20 μὲν δ<sup>ον</sup> λαμβάνει, πάντα δ<sup>χις</sup> λέγει· ἔνθα δὲ ε<sup>ον</sup>, ε<sup>χις</sup>· καὶ ἐφεξῆς. πάντα δέ (τουτέστιν αὐτὸς δ β<sup>ος</sup> καὶ τὸ δ<sup>ον</sup> τῶν λοιπῶν δύο, ὁ προσλαμβάνει) γενέσθω δ<sup>χις</sup>. ἐπεὶ δὲ τὸ δ<sup>ον</sup> τῶν λοιπῶν δύο, δ<sup>χις</sup> ληφθέν, αὐτοί εἰσιν ὅλοι οἱ δύο ἄπαξ, ὅμοιον λέγει ὡς εἰ ἔλεγε· 25 ληφθήτω ὁ μὲν β<sup>ος</sup> δ<sup>χις</sup>, οἱ δὲ λοιποὶ δύο ᾶπαξ· ἐπεὶ

<sup>15</sup> λήψεως] λείψεως. 17—18 και πάλιν ... ποιεί suppl. X<sub>s</sub>. 19 vide I, 56, 26.

δέ, ὡς ἀνωτέρω δέδεικται, δ<sup>κις</sup> ὁ εἶς καὶ οἱ λοιποὶ ἄπαξ ἴσα γίνονται τῷ τρὶς ὁ αὐτὸς καὶ πάντες ἄπαξ, τρὶς ἄρα ὁ βος, φησί, προσλαβὼν τοὺς τρεῖς, ἔσται 32 ὅν δ μο δ̄.

Τῶν λοιπῶν δύο τὸ γον, γέγονεν  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^o$   $\bar{\alpha}$ , δεἴ ἄρα τῶν λοιπῶν δύο τὸ γον, γέγονεν  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^o$   $\bar{\alpha}$ , δεἴ ἄρα τῶν λοιπῶν δύο τὸ  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$ , γέγονεν  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^o$   $\bar{\alpha}$ , δεἴ ἄρα καὶ τὸν  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$ , προσλαβόντα τῶν λοιπῶν δύο τὸ  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$ , γίνεσθαι καὶ αὐτὸν  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^o$   $\bar{\alpha}$ . ἐπεὶ δὲ οὐκ ἴσμεν πόσον ἐστὶ τὸ  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$  τῶν λοιπῶν δύο, ὅμως ἐὰν λάβη αὐτὸ ὁ  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$ , γενήσεται  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^o$   $\bar{\alpha}$ , τετραπλασιασθήτω καὶ αὐτὸς 10  $\langle \delta \mathbf{S}^{o\bar{o}} \rangle$  καὶ τὸ  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^o$   $\bar{\alpha}$  τουτέστι, αὐτὸς  $\mu$ ὲν γενέσθω  $\mathbf{S}^{x_{i\bar{o}}}$  οἱ δὲ λοιποὶ ἄπαξ, καὶ πάντως γενήσονται  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$   $\bar{\delta}$   $\mu^o$   $\bar{\delta}$ , εἴ γε αὐτὸς  $\mathbf{\delta}$   $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$  ἄπαξ καὶ τὸ τῶν λοιπῶν δύο  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$  καταξ  $\mathbf{S}^{o\bar{o}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^o$   $\bar{\alpha}$   $\bar{\alpha$ 

Τὸ δ' ὅμοιον θεωρείσθω καὶ ἐπὶ πάντα ε<sup>κις</sup> καὶ 20 γὰρ κἀκεῖ ὁμοίως ἐροῦμεν ε<sup>κις</sup> ὁ γος προσλαβὼν τοὺς δύο, δ<sup>κις</sup> ἔσται ὁ γος προσλαβὼν τοὺς τρεῖς καὶ γενήσονται  $SS^{0l} \ \bar{\epsilon} \ \mu^o \ \bar{\epsilon}$ , ὧν ἐὰν ἀφέλης τοὺς τρεῖς, ἤτοι  $S^{br} \ \bar{\alpha} \ \mu^o \ \bar{\gamma}$ , λοιπὸς ὁ γος δ<sup>κις</sup> ἔσται  $SS^{\bar{o}r} \ \bar{\delta} \ \mu^o \ \bar{\beta}$ . αὐτὸς ἄρα ἄπαξ ἔσται  $S^{o\bar{v}} \ \bar{\alpha} \ \mu^o \ L'$ . συντεθέντες δὴ οἱ τρεῖς, 25 ὅ τε αος, δς ἦν  $S^{o\bar{v}} \ \bar{\alpha}$ , καὶ ὁ βος,  $S^{o\bar{v}} \ \bar{\alpha} \ \mu^o \ L'$ , γίνονται  $S^{ol} \ \bar{\gamma} \ \mu^o \ L'$  γ" ταῦτα ἴσα  $S^{\bar{\phi}} \ \bar{\alpha} \ \mu^o \ \bar{\gamma}$ . ἀφαιρῶ ἐκατέρωθεν  $S^{lr} \ \bar{\alpha} \ \mu^o \ L'$  γ", καὶ γίνονται  $SS^{ol} \ \bar{\beta}$  ἴσοι  $L^o \ \bar{\beta} \ \bar{S}^o$ , καὶ ὁ  $S^o \ \mu^o \ \bar{\alpha} \ i$ 

<sup>3-4</sup> I, 58, 2. 5 sqq. cf. I, 56, 23/26. 20 I, 58, 6/7.

'Επεὶ δὲ ιβο' εὐρίσκεται ἐνταῦθα, δῆλον ὡς εἰς  $\overline{\iota \beta}$  ιβα ἡ μονὰς τέτμηται, καὶ ἡ μο α ιβ" ἔσται  $\overline{\iota \gamma}$  ιβων, εἴ γε τῆς μονάδος εἰς ιβα τμηθείσης καὶ ἕτερον αὐτῆ προσετέθη ιβο'. ἔσται οὖν ἡ μὲν μονὰς  $\overline{\iota \beta}$  ιβων, δ δὲ  $5^{\delta}$   $\overline{\iota \gamma}$  ιβων, καὶ ὑπερέξει ὁ  $5^{\delta}$  τῆς μο ένὶ ιβα. ἐπεὶ δὲ  $\iota \beta^{\circ \circ}$  ἀνεφάνη, εἰ τὰς ἐξ ἀρχῆς μο  $\overline{\gamma}$  ἐδωδεκαπλασίαζε, καὶ  $\overline{\lambda \varsigma}$  αὐτὰς ὑπετίθη, προύβαινεν ἀν ὁ  $5^{\delta}$  διὰ μονάσων καὶ οὐχὶ μορίων μονάδος, πλὴν ἀλλὰ καὶ οὕτω περιαιρεθέντος τοῦ μορίου, τουτέστι, ἀντὶ τῶν  $\overline{\iota \gamma}$  ιβων, 10  $\overline{\iota \gamma}$  μο ληφθεισῶν, ἔσται πάλιν ὁ  $5^{\delta}$  διὰ μονάδων.

"Ετι περί τοῦ πάντα δ<sup>κις</sup>, δειχθήτω έπι τῶν ὑποστάσεων έπεὶ ὁ μὲν  $S^{b}$  εύρηται  $\overline{\iota \gamma}$   $\iota \beta^{\omega r}$ , ή δὲ μονὰς  $\overline{\iota \beta}$ , καὶ ἔστιν  $\delta$   $\alpha^{os}$   $5^{o\tilde{v}}$   $\bar{\alpha}$ , τουτέστι  $\bar{i}\bar{\gamma}$  οὐκέτι  $i\beta^{wr}$ , άλλὰ  $\mu^{o}$ . δ δὲ τη προσλαβών τὸ γον τῶν λοιπῶν δύο, ἄπερ εἰσὶ 15  $\overline{i\beta}$ , vineral  $\overline{x\epsilon}$  det de nal ton  $\beta^{or}$ , touté  $\overline{\epsilon}$   $\overline{\epsilon}$ , λαβόντα παρά τῶν λοιπῶν δύο τὸ δον αὐτῶν, γίγνεσθαι πε. ποιεί τούτο ούτως. λαμβάνει δχις τον ίζ, καί γίνεται ξη δμοίως καὶ τὸ δον τῶν λοιπῶν δύο, ἄπερ έστιν  $\bar{\eta}$ ,  $\delta^{xic}$ , και γίνονται  $\bar{\lambda}\bar{\beta}$ , τουτέστιν αὐτοι οί 20 λοιποί δύο απαξ. και όμοῦ γίνεται ο. έπει δε και έὰν λάβη τὸν τζ τρίς, γίνεται να, τοὺς δὲ τρεῖς ἄπαξ, γίνεται μθ, και δμοῦ πάλιν ο, ἀφαιρεῖ ἀπό τοῦ τρίς δ δεύτερος και οι τρείς απαξ, τους τρείς, τουτέστιν  $\dot{\alpha}$ πὸ τῶν  $\bar{\rho}$  τὰ  $\bar{\mu}$ θ, καὶ λοιπὰ  $\bar{\nu}$ α, απερ εἰσὶν δ  $\beta$ 0ς 25 τρίς· αὐτὸς ἄρα ἄπαξ ἔσται τζ, καὶ ἔστι τζ 3ο α μο γ", τουτέστι  $\overline{iy}$  καὶ  $\overline{\delta}$ . τὰ δὲ  $\overline{\delta}$   $y^{ov}$  μονάδος εἰς  $\overline{i\beta}$  τμη**θείσης.** 

## AD PROBLEMA XXV.

Ο  $\mathbf{S}^{o}$  συνάγεται  $\overline{\mu \zeta}$   $\mathbf{I}^{a}$   $\mathbf{I}^{o}$  μονάδος, οὕτως οί 10 τέσσαρες συντιθέμενοι γίνονται  $\mathbf{SS}^{ol}$   $\bar{\delta}$   $\mu^{o}$   $\gamma''$   $\mathcal{L}'$  καὶ  $\bar{\gamma}$   $\varepsilon^{a}$  ταῦτα ἴσα  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{o}$   $\bar{\gamma}$ , απερ ὑπέκειτο έξ ἀρχῆς οἱ τέσσαρες αφαιρῶ ἀφ' έκατέρου  $\mathbf{S}^{b}$   $\bar{\alpha}$  καὶ  $\mu^{o}$   $\gamma''$   $\mathcal{L}'$  καὶ  $\bar{\gamma}$   $\varepsilon^{a}$ , καὶ γίνεται τὰ  $\mu$ èν  $\mathbf{SS}^{ol}$   $\bar{\gamma}$ , τὰ δὲ  $\mu^{o}$   $\bar{\alpha}$ ,  $\bar{\beta}$   $\varepsilon^{a}$  καὶ  $\bar{\gamma}^{o}$   $\bar{\gamma}^{o}$  γὰρ  $\mu^{o}$  οὐσῶν, ἀπὸ  $\mu$ èν τῆς  $\mu$ ιαῖς τούτων ἀφαι- 15 ρεθέντων τοῦ  $\gamma^{o}$  καὶ τοῦ  $\mathcal{L}'$  τῆς  $\mu$ ονάδος, λοιπὸν  $\bar{\varsigma}^{o}$  απὸ δὲ τῆς ἄλλης ἀφαιρεθέντων  $\bar{\gamma}$   $\varepsilon^{a}$ , λοιπὰ  $\bar{\beta}$   $\varepsilon^{a}$ .  $\mathbf{SS}^{ol}$  ἄρα  $\bar{\gamma}$  ἴσοι  $\mu^{o}$   $\bar{\alpha}$ ,  $\bar{\beta}$   $\varepsilon^{o}$   $\varepsilon^{o}$   $\varepsilon^{o}$   $\bar{\gamma}^{o}$  , λοιπὰ  $\bar{\beta}$   $\varepsilon^{a}$ .  $\bar{\gamma}^{o}$  ,  $\bar{\gamma}^{o}$   $\bar{\gamma}^{o}$  , δίμοιρον  $\mu^{o}$   $\bar{\varepsilon}^{o}$   $\bar{\gamma}^{o}$  , καὶ  $i\eta^{o}$   $\bar{\varepsilon}^{o}$   $\bar{\zeta}^{o}$   $\bar{\gamma}^{o}$  γὰρ εκαστον τῶν  $\mu^{o}$   $\bar{\alpha}$ ,  $\bar{\beta}$   $\bar{\varepsilon}^{a}$ ,  $\bar{\varsigma}^{o}$   $\bar{\nu}^{o}$  μερισθέντα, γέγονεν  $\bar{\gamma}^{o}$   $\bar{\zeta}^{o}$   $\bar{\zeta}$ 

 $^{2}$ Αλλ' ἐπεὶ οὐ διὰ μονάδων τελείων ἐφάνη δ  $5^{\circ}$ , ἀλλὰ διὰ μορίων μονάδος,  $\gamma^{\circ \circ}$ , ε $^{\circ \circ}$ , καὶ ιη $^{\circ \circ}$ , ζητῶ τὸν  $^{25}$  πυθμένα τῶν ἀριθμῶν τῶν ἐχόντων τὰ τοιαῦτα μέρη καὶ εὐρίσκω τὸν  $^{\overline{1}}$  ἀριθμόν. ἔστι τὸ μὲν  $\gamma^{\circ \circ}$  αὐτοῦ  $\overline{\lambda}$ ,

<sup>10</sup> cf. I, 60, 7.

τὸ δὲ δίμοιρον τοῦ  $\varepsilon^{ov}$  αὐτοῦ  $\overline{\iota\beta}$  ( $\overline{\iota\eta}$  γάρ ἐστι τὸ  $\varepsilon^{ov}$ ), τὸ δὲ  $\iota\eta^{ov}$   $\overline{\varepsilon}$ :  $\overline{\lambda}$  γοῦν καὶ  $\overline{\iota\beta}$  καὶ  $\overline{\varepsilon}$ ,  $\mu\zeta$ , καὶ τέμνεται ἡ μονὰς  $\varepsilon$  ές  $\overline{\phantom{\iota}}$ ,  $\delta$  δὲ  $\mathbf{S}^{o}$  ἐστι  $\overline{\phantom{\iota}}$   $\overline{\mu}$ ς  $\overline{\phantom{\iota}}$   $\overline{\phantom{\iota}}$   $\overline{\phantom{\iota}}$  μονάδος, ἐλάττων αὐτῆς ὄν,  $\varepsilon$  εἰ δ' ἐν ἄλλοις μείζων.

5 Όπως δ' εύρίσκεται δ πυθμήν των έχόντων τὰ δεδομένα μόρια δῆλον ένθένδε έκκείσθωσαν οι δμώνυμοι τοῖς δεδομένοις ἀριθμοί, και σκόπει τὸν αον και βον, κὰν μὲν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὧσι και ἀσύνθετοι, πολλαπλασίαζε αὐτοὺς ἐπαλλήλους, και τὸν τὰ δμώνυμα τοῦ αον και βον μόρια. εἰ δὲ κοινὸν μέτρον ἐστὶν αὐτων, πολλαπλασίαζε πάλιν αὐτοὺς ἐπαλλήλους, και τὸ τοῦ γενομένου μόριον τὸ δμώνυμον τῷ κοινῷ μέτρῳ, λέγε εἶναι πυθμένα. εἶτα τοῦτον δὴ 15 τὸν πυθμένα σκόπει μετὰ τοῦ γον ἀριθμοῦ, κἄν τε πρῶτος ἢ και ἀσύνθετος πρὸς αὐτόν, κἄν τε κοινῷ μέτρῳ μετρῆται, ποίει ὡς ἐδιδάχθης.

Οἶον προκείσθω εύρεῖν τὸν πυθμένα τῶν ἐχόντων L',  $\gamma^{ov}$ ,  $\delta^{ov}$ ,  $\epsilon^{ov}$ · ἐκτίθημι τοὺς ὁμωνύμους τοῖς μορίοις ἀριθμούς,  $\bar{\beta}$ ,  $\bar{\gamma}$ ,  $\bar{\delta}$ ,  $\bar{\epsilon}$ · καὶ ἐπεὶ ὁ  $\bar{\beta}$  καὶ  $\bar{\gamma}$  πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶ καὶ ἀσύνθετοι, πολλαπλασιάζω τὸν  $\bar{\beta}$  ἐπὶ τὸν  $\bar{\gamma}$ , καὶ γίνεται  $\bar{\varsigma}$ , καὶ τοῦτον λέγω εἶναι πυθμένα τῶν ἐχόντων L' καὶ  $\gamma^{ov}$ , καὶ ἔτερος ἐλάττων αὐτοῦ οὐχ ἔξει ταῦτα. πάλιν ἐπεὶ ὁ  $\bar{\varsigma}$  πρὸς τὸν  $\bar{\delta}$  κοινῷ μέτρῷ μετρεῖται τῷ  $\bar{\beta}$ , πολλαπλασιάζω αὐτοὺς ἐπαλλήλους, καὶ γίνονται κδ· ἀλλ' ἐπεὶ κοινῷ μέτρῷ μετροῦνται τῷ  $\bar{\beta}$ , λαμβάνω τὸ τῶν κδ μόριον τὸ ὁμώνυμον τῷ  $\bar{\beta}$ , τουτέστι τὸ L', ἄπερ ἐστὶ  $\bar{\iota}\bar{\beta}$ , καὶ ταῦτα λέγω εἶναι πυθμένα τῶν ἐχόντων L',  $\gamma^{ov}$ , δον. πάλιν πολλα-

<sup>4</sup> ἄλλοις] ἄλλας libri. Xylander coniecit: εἰ δ' ἐναλλὰξ μείζων, ἀφαιρουμένου τοῦ μορίου. 6 ἐνθένδεν. 16  $\mathring{\eta}$ ] ἐστὶ.

Ī

πλασιάζω τὸν  $\overline{i\beta}$  ἐπὶ τὸν  $\overline{\epsilon}$ , καὶ γίνονται  $\overline{\xi}$ , καὶ ἐπεὶ δ  $\overline{i\beta}$  καὶ δ  $\overline{\epsilon}$  πρῶτοί εἰσι πρὸς ἀλλήλους, τὸν  $\overline{\xi}$  λέγω πυθμένα τῶν ἐχόντων  $\angle$ ', γ°ν, δ°ν, ε°ν.

"Η και ούτως εί μεν πρώτοι και ασύνθετοι είσι προς άλλήλους οι αριθμοί, πάλιν όμοίως ποιητέον εί ε δε κοινῷ τινι μέτρῷ μετροῦνται, εξει ἄρα εκάτερος αὐτῶν όμώνυμον μόριον τῷ μετροῦντι αὐτούς. όποτερουοῦν τούτων τὸ όμώνυμον μόριον τῷ μετροῦντι αὐτούς, πολλαπλασιαστέον ἐπὶ τὸν λοιπόν, καὶ τὸν γενόμενον λέγε εἶναι πυθμένα. καὶ πάλιν τὸν πυθμένα 10 ἐπὶ τὸν γον, καὶ ἐφεξῆς.

Οἶον προκείσθω εὐρεῖν τὸν πυθμένα τῶν ἐχόντων  $γ^{or}$ ,  $δ^{or}$ ,  $ε^{or}$ ,  $5^{or}$ · ἐκτίθημι τοὺς ὁμωνύμους αὐτοῖς ἀριθμοὺς,  $\overline{\gamma}$ ,  $\overline{\delta}$ ,  $\overline{\varepsilon}$ ,  $\overline{\varepsilon}$ · καὶ ἐπεὶ ὁ  $\overline{\gamma}$  πρὸς τὸν  $\overline{\delta}$  πρῶτός ἐστι καὶ ἀσύνθετος, τὸν ὑπ' αὐτῶν γενόμενον  $\overline{\iota}\overline{\beta}$  λέγω 15 πυθμένα τῶν ἐχόντων  $γ^{or}$  καὶ ἀσύνθετος, τὸν ὑπ' αὐτῶν γενόμενον  $\overline{\xi}$  λέγω πυθμένα τῶν ἐχόντων  $γ^{or}$ ,  $δ^{or}$ .  $\overline{\iota}$  πάλιν ἐπεὶ ὁ  $\overline{\xi}$  πρὸς τὸν  $\overline{\varepsilon}$  κοινῷ μέτρῷ μετρεῖται αὐτῷ τῷ  $\overline{\varepsilon}$ , ἔχει ἄρα έκάτερος αὐτῶν  $\overline{\varepsilon}^{or}$ , ὧν τοῦ μὲν 20  $\overline{\xi}$  τὸ  $\overline{\varepsilon}^{or}$  ἐστὶν  $\overline{\iota}$ , τοῦ δὲ  $\overline{\varepsilon}$  μονάς· ὁποτέρου οὖν  $\overline{\varepsilon}^{or}$  ἐπὶ θάτερον ὅλον πολλαπλασιάσω, ἄν τε τοῦ  $\overline{\xi}$  τὸν  $\overline{\iota}$  ἐπὶ τὸν  $\overline{\varepsilon}$ , ἄν τε τοῦ  $\overline{\varepsilon}$  τὴν μονάδα ἐπὶ τὸν  $\overline{\xi}$ , ἑκάτερον πάλιν  $\overline{\xi}$  γίνεται, καὶ λέγω τοῦτον εἶναι πυθμένα τῶν ξχόντων  $\gamma^{or}$ , δο°,  $\varepsilon^{or}$ ,  $\varepsilon^{or}$ . καὶ ἐφεξῆς.

'Ιστέον δὲ ὅτι τὰ διδόμενα μόρια οί εὐρισκόμενοι κατὰ τόνδε τὸν τρόπον μόνοι ἔξουσιν όμοῦ πρῶτοι, καὶ μετ' αὐτοὺς οί αὐτῶν πολλαπλάσιοι, παρὰ δὲ τούτους οὐδεὶς ἔτερος τῶν ἀπάντων. καὶ ἐνταῦθα

<sup>22</sup> πολλαπλασιάσθω.

τοίνυν έπεὶ  $\gamma^{or}$  καὶ  $\varepsilon^{or}$  καὶ ιη $\gamma^{or}$  εὐρέθη μονάδος, έκτίθημι τοὺς ὁμωνύμους αὐτοῖς ἀριθμούς,  $\overline{\gamma}$ ,  $\overline{\varepsilon}$ ,  $i\overline{\eta}$  καὶ έπεὶ  $\delta$   $\overline{\gamma}$  πρὸς τὸν  $\overline{\varepsilon}$  πρῶτός ἐστι καὶ ἀσύνθετος, τὸν ὑπ' αὐτῶν  $i\overline{\varepsilon}$  λέγω πυθμένα τῶν ἐχόντων  $\gamma^{or}$  καὶ  $\varepsilon^{or}$ . 5 πάλιν ἐπεὶ  $\delta$   $i\overline{\varepsilon}$  καὶ  $\delta$   $i\overline{\eta}$  κοινῷ μέτρῷ μετροῦνται τῷ  $\overline{\gamma}$ , ἔχει ἄρα έκάτερος αὐτῶν  $\gamma^{or}$ . ὧν  $\delta$  μὲν  $i\overline{\varepsilon}$   $\gamma^{or}$  ἔχει τὰ  $\overline{\varepsilon}$ ,  $\delta$   $\delta$ è  $i\overline{\eta}$  τὰ  $\overline{\varepsilon}$  . ἄν τε οὖν  $\varepsilon^{κις}$  εἴπω τὰ  $i\overline{\eta}$ , ἄν τε  $\varepsilon^{κις}$  τὰ  $i\overline{\varepsilon}$ , έκατέρῶς  $\delta$   $i\overline{\eta}$  γίνεται, καὶ διὰ ταῦτα καὶ ἡ μονὰς τέμνεται εἰς τὰ  $i\overline{\zeta}$ .

10 'O μὲν οὖν αος, Sο' α ἄν, ἔστι μξ τῶν ὁ δὲ βος, S α μο γ'', τουτέστι μξ καὶ λ (ἔπερ ἐστὶ γον τῶν τλ), γίνεται οξ ὁ δὸ γος, Sο' α μο Δ', τουτέστι μξ καὶ με (ἄπερ ἐστὶν Δ' τῶν τ), γίνεται τβ ὁ δὸ δος, Sο' α καὶ  $\overline{\gamma}$  εα, τουτέστι μξ καὶ νδ (ἄπερ ἐστὶ  $\overline{\gamma}$  εα τῶν τ), 15 γίνεται  $\overline{\rho}$ α. καὶ δ μὲν αος, μξ ἄν, προσλαβὼν καὶ τὸ γον τῶν λοιπῶν τριῶν τὰ  $\overline{\gamma}$ , γίνεται  $\overline{\rho}$ λξ  $\overline{\gamma}$  δ δὲ  $\overline{\gamma}$ ος,  $\overline{\gamma}$  δ δὲ γος,  $\overline{\gamma}$  δ δὸς γος,  $\overline{\gamma}$  δ δὸς  $\overline{\gamma}$  τῶν λοιπῶν τριῶν τὰ  $\overline{\gamma}$  γίνεται δμοίως  $\overline{\gamma}$   $\overline{\gamma}$  νεται δμοίως  $\overline{\gamma}$   $\overline{$ 

# AD PROBLEMA XXVI.

<i>દૅપ્ર</i> ઈ.	μ° ō,	sā,	$\mu^o \ \overline{\epsilon}$
	೩೩ ಹ		S <del>ε</del>
	รร ซิ	$l^{\sigma}$ .	$\Delta^{Y} \overline{\kappa \varepsilon}$
	ຣຣ $ar{oldsymbol{\eta}}$	$\ell^{\sigma}$ .	$\Delta^{Y} \bar{\alpha}$
μεο.	$\mu^o  \bar{\eta}$	$\ell^{\sigma}$ .	sā
ύπ.	μο αχ		$\mu^{o}\overline{\mu}$

25

<sup>10</sup> cf. I, 60, 8/9.

 $\Delta^{Y}$  πε είσιν ίσαι  $55^{\circ t_{S}}$  δ΄ οὕτως έὰν γὰς ὧσιν ἀριθμοὶ τρεῖς, ὧν ὁ  $\beta^{\circ s}$  καὶ ὁ  $\gamma^{\circ s}$  πολλαπλασιαζόμενοι ἐπ' ἀλλήλους ποιοῦσιν ἀριθμὸν ὁμώνυμον τῷ λόγῷ δν ἔχει ὁ  $\alpha^{\circ s}$  πρὸς τὸν  $\gamma^{\circ v}$ , τὸ ὑπὸ  $\alpha^{\circ v}$  καὶ  $\beta^{\circ v}$  ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ ὑπὸ  $\beta^{\circ v}$  καὶ  $\gamma^{\circ v}$  καὶ ἔτι τὸ ὑπὸ  $\gamma^{\circ v}$  5 καὶ τοῦ ὑπὸ  $\beta^{\circ v}$  καὶ  $\gamma^{\circ v}$  ἴσον τῷ  $\gamma^{\circ v}$  5

"Εστωσαν ἀριθμοὶ τρεῖς ὁ  $\overline{\lambda s}$ ,  $\overline{\delta}$ ,  $\overline{\gamma}$  · ὁ  $\overline{\delta}$  έπὶ τὸν  $\overline{\gamma}$  ποιεῖ  $\overline{\iota \beta}$  · ὁ δὲ  $\overline{\lambda s}$  τοῦ  $\overline{\gamma}$  δωδεκαπλάσιος · καὶ ἔστιν ὁ  $\overline{\iota \beta}$  ὁμώνυμος τῷ λόγῳ τοῦ  $\overline{\lambda s}$  πρὸς τὸν  $\overline{\gamma}$ . τὸ οὖν  $\underline{\psi \pi \dot{\delta}}$  αου καὶ  $\beta^{ov}$ , τουτέστι τοῦ  $\overline{\lambda s}$  καὶ τοῦ  $\overline{\delta}$ , γίνεται 10  $\overline{\rho \mu \dot{\delta}}$  . . . † καί εἰσιν ἴσα καὶ ἔστι τὸ ὑπὸ τοῦ τρίτου καὶ τοῦ ὑπὸ δευτέρου καὶ τρίτου, τουτέστι τὸ ὑπὸ τοῦ  $\overline{\gamma}$  καὶ  $\overline{\iota \beta}$ ,  $\overline{\delta s}$  ὑπὸ τοῦ  $\overline{\rho}$  ψίνεται καὶ  $\gamma^{ov}$ , ἴσον τῷ  $\alpha^{op}$  τῷ  $\overline{\lambda s}$  · τρὶς γὰρ  $\overline{\iota \beta}$ ,  $\overline{\lambda s}$ .

Καὶ ἐὰν ἄρα ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν λόγον ἔχη, 15 ἔσται τις ἀριθμός, δς ἐπὶ τὸν ἐλάττω πολλαπλασιαζόμενος ποιήσει ἀριθμὸν ὁμώνυμον τῷ λόγῷ δν ἔχει ὁ μείζων πρὸς τὸν ἐλάττονα. καὶ δειχθήτω ἐπὶ ἀριθμῶν καὶ μόρια μονάδος ἐχόντων, πλείονος τριβείας ἕνεκεν. ἔστωσαν ἀριθμοὶ δύο, ὁ  $\overline{\imath\gamma}$  καὶ ὁ  $\overline{\beta}$ , καὶ ἔχει λόγον 20 ὁ  $\overline{\imath\gamma}$  πρὸς τὸν  $\overline{\beta}$  έξαπλασιεφήμισυν· οὐκοῦν ἔσται τις ἀριθμός, δς ἐπὶ τὸν  $\overline{\beta}$  πολλαπλασιασθεὶς ποιήσει ἀριθμὸν ὁμώνυμον τῷ λόγῷ, τουτέστι μ°  $\overline{\varsigma}$   $\underline{\zeta}$ . μερισθήτω  $\overline{\varsigma}$   $\overline{\varsigma}$   $\underline{\zeta}$  παρὰ τὸν ἐλάττονα, τουτέστι τὸν  $\overline{\beta}$ , καὶ γίνεται  $\overline{\gamma}$   $\overline{\delta}$   $\overline{\zeta}$   $\overline{\zeta}$ 

<sup>1</sup> cf. I, 60, 19. 11 † Lacunam hoc fere modo compleas:  $\frac{\tau \delta}{\iota \beta}$  ård  $\frac{\tau \delta v}{\iota \beta}$  ård  $\frac{\tau \delta v}{\iota \beta}$  ård  $\frac{\tau \delta v}{\iota \beta}$   $\frac{\tau \delta v}{\iota \delta}$   $\frac{\tau \delta v}{\iota \delta$ 

γίνεται ἐπὶ τούτων ὡς ἐπὶ τοῦ προτέρου τὸ μὲν ὑπὸ τοῦ αου καὶ βου,  $\overline{\mu}\overline{\beta}$  δ" (τρὶς γὰρ  $\overline{\iota}\gamma$ ,  $\overline{\lambda}\overline{\partial}$  καὶ τεταρτάκις τὰ  $\overline{\iota}\gamma$ ,  $\overline{\gamma}$  δ" ὁμοῦ  $\overline{\mu}\overline{\beta}$  δ"). καὶ πάλιν τὸ ἀπὸ τοῦ ὑπὸ βου καὶ  $\underline{\gamma}$ ου, τουτέστι τὸ ἀπὸ τῶν  $\overline{\overline{\varsigma}}$   $\underline{L}'$ ,  $\overline{\mu}\overline{\beta}$  δ"  $\underline{\zeta}$  τὰκις τὰ  $\overline{\overline{\varsigma}}$ ,  $\overline{\lambda}\overline{\overline{\varsigma}}$   $\underline{\zeta}$  τὸ  $\underline{L}'$ ,  $\overline{\gamma}$  ἡμισάκις τὰ  $\overline{\overline{\varsigma}}$ ,  $\overline{\gamma}$  ἡμισάκις τὸ  $\underline{L}'$ , δ" ὁμοῦ  $\overline{\mu}\overline{\beta}$  δ"). καὶ ἔτι τὸ ὑπὸ τοῦ  $\overline{\overline{\beta}}$  καὶ  $\overline{\overline{\varsigma}}$   $\underline{L}'$ ,  $\overline{\iota}\gamma$  (δὶς γὰρ  $\overline{\overline{\varsigma}}$   $\underline{L}'$ ,  $\overline{\iota}\gamma$ ).

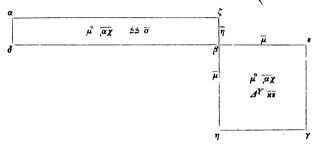
Καὶ ἐνταῦθα τοίνυν ἐπεὶ καὶ σ μ° πρὸς τὰς ε μ° λόγον ἔχουσι τεσσαρακονταπλάσιον, ἔσται τις ἀριθμός, 10 ὂς ἐπὶ τὸν ε πολλαπλασιασθεὶς ποιήσει ἀριθμὸν ὁμώνυμον τῷ λόγῳ, τουτέστι μ° μ̄ μερισθήτω ὁ μ̄ παρὰ τὸν ε̄, καὶ γίνεται μ° η̄ ὁ ἄρα η̄ ἀριθμὸς ἐπὶ μὲν τὰς σ̄ μ° πολλαπλασιασθεὶς ποιήσει μ° ᾱχ, ὰς λέγει σ̄ 35° (τὰ γὰρ ᾱχ σκις ἔχει τὸν η̄ 35° καί εἰσιν ἄρα 15 σ̄ 35°), ἐπὶ δὲ τὸν ε̄ πολλαπλασιασθεὶς ποιήσει μ° μ̄, ὰς λέγει ἄρα ε̄ 35°). πάλιν οἱ ε̄ 35°, τουτέστιν αἱ μ° μ̄, πρὸς αὐτοὺς πολλαπλασιαζόμενοι, ποιοῦσι Δε πε̄, τουτέστι μ° ᾱχ. ἐπεὶ γὰρ ἡ ἀπὸ τοῦ η̄ δύναμίς ἐστιν ὁ ξ̄δ, ἔχει τὸν ᾱ ᾱχ κεκις τὸν ἡ̄ 5, ἔχει τὸν κ̄ ᾱχ, τουτέστι μ° ᾱχ.

Οὕτω τοίνυν δεικνὺς τὰς  $\overline{\kappa}$ ε  $\Delta^{Y}$  ἴσας τοῖς  $\overline{\sigma}$   $55^{\circ i}$ ς, εἶτα ἐπάγει· πάντα παρὰ  $5^{\circ i}$  ὅσπερ ἔμπροσθεν ἔλεγεν 25 ἀπὸ ὁμοίων ὅμοια, οὕτω κἀνταῦθα, ἐτέρα μεθόδω χρώμενος, φησί· πάντα παρὰ  $5^{\circ i}$ · τουτέστι ὑποβιβασθήτωσαν καὶ αί  $\Delta^{X}$  εἰς  $5^{\circ i}$ ς, οἱ δὲ  $\overline{\sigma}$   $55^{\circ i}$ ς καὶ γεγονέτωσαν αί μὲν  $\overline{\kappa}$ ε  $\Delta^{Y}$   $\overline{\kappa}$ ε  $55^{\circ i}$ , οἱ δὲ  $\overline{\sigma}$   $55^{\circ i}$ ς,  $\overline{\sigma}$  μο· καὶ μερισθήτω δ  $\overline{\sigma}$  παρὰ τὸν  $\overline{\kappa}$ ες, γίνονται μο  $\overline{\eta}$ · καὶ

<sup>2</sup> τεταρτάκις] τετράκις. 6 ὑπὸ] ἀπὸ. 24 Ι, 60, 20.

έσται  $\delta S^{\circ}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\eta}$ . καὶ  $\delta S^{\circ}$  έπὶ μὲν τὸν  $\bar{\sigma}$  πολλαπλασιασθεὶς  $\langle \pi \circ i \epsilon i \rangle$  τὸν  $\bar{\alpha} \chi$  τετράγωνον, έπὶ δὲ τὸν  $\bar{\epsilon}$  τὸν  $\bar{\mu}$ , τὴν πλευρὰν αὐτοῦ.

Τοῦτο δὲ δείκνυται καὶ διὰ τοῦ ιδου τοῦ 5ου τῶν Στοιχείων, ὅτι τῶν ἴσων τε καὶ μίαν μιᾳ ἴσην ἐχόν- 5των γωνίαν παραλληλογράμμων ἀντιπεπόνθασιν αί πλευραὶ αί περὶ τὰς ἴσας γωνίας. ἐκκείσθω γὰρ παραλληλόγραμμα ἴσα τὸ AB,  $B\Gamma$ , ἴσας ἔχοντα τὰς πρὸς τῷ B γωνίας· ἔστω οὖν ἑκάτερον μο  $\overline{\alpha}$ χ, τουτέστι



τὸ μὲν AB τῶν  $\bar{\sigma}$   $\Im \Im \mathring{\sigma}^{o}$ , τὸ δὲ  $B\Gamma$  τῶν  $\bar{\kappa}\epsilon$   $\Delta^{r}$ . τοῦ 10 μὲν AB  $\hat{\eta}$   $\Delta B$  πλευρὰ μ° έστὶ  $\bar{\sigma}$ , τοῦ δὲ  $B\Gamma$  έκατέρα τῶν HB, BE μ°  $\bar{\mu}$ , καὶ ἔστιν  $\hat{\eta}$   $\Delta B$  τῆς BE πενταπλασίων, καὶ  $\hat{\eta}$  HB ἄρα τῆς BZ πενταπλασίων ἔσται ἔστι δὲ  $\hat{\eta}$  HB μ°  $\bar{\mu}$ , καὶ  $\hat{\eta}$  BZ ἔσται μ°  $\bar{\eta}$ , καὶ εὕρηται δ  $\Im \Im \mathring{\sigma}$   $\bar{\eta}$ .

"Αλλως είς τὸ πάντα παρὰ Sόν.

Έπεὶ εὕρηνται  $\Delta^{Y}$  πε ἴσαι  $\mathfrak{S}^{\circ i\varsigma}$   $\bar{\sigma}$ , ἐπιβάλλουσιν ἄρα τῆ μι $\bar{\alpha}$   $\Delta^{Y}$ ,  $\mathfrak{S}^{\circ i}$   $\bar{\eta}$ · δύναμις δὲ  $\mathfrak{S}^{\bar{\omega}^{y}}$   $\bar{\eta}$  οὐκ ἔστιν έτέρα παρὰ τὴν ἀπὸ τῶν  $\bar{\eta}$  μ° γινομένην, ἤτοι  $\mathfrak{S}^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$ ,

<sup>1</sup> ἔσται  $X_2$  (evanidum in B), ἔστω alii. 1—2 πολλαπλασιασθελς  $X_2$ , πολλαπλασιάσαι alii (ex sec. m. in B). 9 ἐπάτερος  $X_2$ , ἐπάτερος alii.

 $\mu^{\circ}$  ὄντος  $\bar{\eta}$ · καὶ έπεὶ  $\bar{\eta}$   $\Delta^{r}$   $\bar{\eta}$  35 $\bar{\omega}^{o}$  έστι, καὶ  $\delta$  5 $\bar{\omega}$   $\bar{\eta}$   $\mu^{\circ}$  έσται. καθόλου γὰρ ἐπὶ πάντων, ὅσων 55 $\bar{\omega}^{o}$  ἐστι  $\bar{\eta}$   $\Delta^{r}$ , τοσούτων  $\mu^{\circ}$  ἐστὶ καὶ  $\delta$  5 $\bar{\omega}$ ·  $\delta$  γὰρ 5 $\bar{\omega}$  εἰς τὰς ἐν αὐτ $\bar{\omega}$   $\mu^{\circ}$ , ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας, ποιεῖ  $\Delta^{r}$ · κὰν  $\mu$ ὲν 5 $\bar{\beta}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\eta}$   $\delta$  5 $\bar{\omega}$ , καὶ  $\bar{\eta}$   $\Delta^{r}$   $\bar{\beta}$  55 $\bar{\omega}^{o}$  ἔσται· κὰν  $\bar{\delta}$  ἐκεῖνος  $\bar{\gamma}$ , καὶ αὕτ $\bar{\eta}$   $\bar{\gamma}$ · καὶ ἐφεξ $\bar{\eta}$ ς· αὕτ $\bar{\eta}$  δὲ  $\bar{\eta}$  ἐξ $\bar{\eta}$ γησις τ $\bar{\eta}$ ς προτέρας ἀμείνων.

# AD PROBLEMA XXVII.

Τὸ κζον καί τινα τῶν μετ' αὐτὸ πλασματικόν φησιν ὁ Διόφαντος οἶμαι δὲ τοῦτο λέγειν διὰ τοὺς ἐν αὐτοῖς προσδιορισμούς οὐ γάρ τισι μὲν ἔσται ⟨τὰ⟩ τῶν ἐν αὐτοῖς προσδιορισμῶν, τισὶ δ' οὐκ ἔσται, ἀλλὰ πᾶσιν ἀπλῶς ἀριθμοῖς ἀρμόσει, καὶ ἀνάγκη πάντας ἀριθμοὺς οὕτως ἔχειν ὅθεν καὶ οὐδὲ δικαίως ἂν καλοῖντο προσδιορισμὸς τοῦ κζου ὁ αὐτὸς τῆ προτάσει τοῦ εου τοῦ βου τῶν Στοιχείων, τῆ λεγούση ἐὰν εὐθεῖα τηθῆ εἰς ἴσα καὶ ἄνισα, τὸ ὑπὸ τῶν ἀνίσων τῆς ὅλης μεταξὸ τῶν τομῶν τετραγώνου ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς

<sup>16</sup> cf. I, 62, 2.

ήμισείας τετραγώνω. δείται μὴν τὸ πρόβλημα προσδιορισμοῦ τινος, ὂν δὴ καὶ ἡμεῖς ἐκτιθέντες λέγομεν ἀδε. δεὶ δὴ τὸ ἀπὸ τοῦ ἡμίσεος τοῦ συνθέματος πλειόνων μο γίνεσθαι ἢ τὸ ὑπὸ τοῦ πολλαπλασιασμοῦ τῶν δύο γινόμενον. ὡς καὶ ἐνταῦθα, τὸ ἀπὸ τοῦ  $\bar{\iota}$ , 5 ὅπερ ἐστὶν ἡμισυ τοῦ συνθέματος τῶν  $\bar{\kappa}$  μο,  $\bar{\varrho}$  γίνεται (μὴ σκοπουμένης ἐνταῦθα τῆς λείψεως τῆς  $\Delta^{Y}$ ), τὸ δὲ ὑπὸ τῶν δύο ἐστὶ μο  $\bar{\iota}$ 5. εὶ γὰρ ἴσαι αὶ μο γένοιντο, ἢ ὑπερέχοι τοῦτο ἐκείνου, οὐ συσταθήσεται καταλειφθήσεται γὰρ  $\Delta^{Y}$   $\bar{\alpha}$ , ἢ πρὸς ταύτη καὶ μο τινές, 10 ἴσαι οὐδενί.

Καὶ τὸ ὑπὸ τοῦ  $\bar{\alpha}$   $\mathbf{S}^{\circ \bar{\nu}}$  καὶ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\imath}$  καὶ τῶν  $\mu^{\circ}$   $\bar{\imath}$   $\mathbf{\Lambda}$   $\mathbf{S}^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$ , φησί, γίνεται  $\mu^{\circ}$   $\bar{\varrho}$   $\mathbf{\Lambda}$   $\Delta^{Y}$   $\bar{\alpha}$ . ἐπεὶ γὰο λεῖψις  $\mu$ ὲν ἐπὶ ὕπαρξιν πολλαπλασιασθεῖσα λεῖψιν ποιεῖ,  $\mathbf{S}^{\circ}$  δὲ ἐπὶ  $\mathbf{S}^{\delta \nu}$ ,  $\Delta^{Y}$ , εἰκότως καὶ ἐνταῦθα τῆς λείψεως τοῦ  $\mathbf{S}^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$  15 ἐπὶ τὴν ὕπαρξιν τοῦ  $\mathbf{S}^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$  πολλαπλασιασθείσης, ποιεῖ  $\mathbf{\Lambda}$   $\Delta^{Y}$   $\bar{\alpha}$ .

[O  $S^o < \overline{\alpha} > \mu^o \overline{\iota}$   $\dot{\epsilon}\pi \dot{\iota}$   $\mu^o \overline{\iota}$   $\Lambda S^{o\bar{\iota}} \overline{\alpha}$   $\gamma \dot{\iota} \nu \epsilon \tau \alpha \iota$   $\mu^o \overline{\varrho}$   $\Lambda \Delta^Y \overline{\alpha}$ .  $\gamma \dot{\iota} \nu \epsilon \tau \alpha \iota$  out  $\alpha \dot{\iota} \gamma \dot{\iota}$   $\Delta^Y \dot{\iota} \alpha \dot{\iota}$   $\Delta^Y \dot{\iota}$   $\Delta^Y$ 

['Epel  $\delta$  5°',  $\delta$ 6 êsti plevoà the  $\Delta^r$ ,  $\bar{\beta}$   $\mu^o$  evolute 25 tai,  $\underline{\dot{\eta}}$  äva  $\Delta^r$  êsti  $\bar{\delta}$   $\mu^o$ .] Kal  $\mu^o$  oùv  $\bar{\varrho}$   $\Lambda$   $\Delta^r$   $\bar{a}$  leai  $\mu^o$   $\overline{\phantom{a}}$ 5° xoivhe postedelene the leight  $\Delta^r$   $\bar{a}$   $\mu^o$   $\overline{\phantom{a}}$ 6 foi  $\mu^o$   $\bar{\varrho}$ 7° xal ànò duoiwn  $\bar{\varrho}$ 401a, toutestiv

<sup>12</sup> cf. I, 62, 15. 18—24 Quae seclusi inserta sunt in libris post  $\mu^o$   $\frac{1}{45}$  (l. 8). 19  $\bar{\alpha}$ ]  $\pi o (5\pi c v)$ . 25—26  $E\pi s l ... \bar{\delta} \mu^o$  ex margine videntur irrepsisse.

10

άφ' έκατέφου  $μ^o \overline{4}\overline{5}$ , λοιπαὶ  $μ^o \overline{\delta}$  ἴσαι  $Δ^Y$ , καὶ  $\delta$   $5^o μ^o \overline{\beta}$ .

"Αλλως είς τὸ· ἔστι δὲ τοῦτο πλασματικόν.

Διὰ τὸν προσδιορισμὸν τοῦτο λέγει ὁ δὲ προσ5 διορισμός ἐστι τὸ μὴ ἴσους εἶναι τοὺς εὑρισκομένους 
ἀριθμούς (οὕτε γὰρ ἡ δεῖξις, οὕτε μὴν ὁ προσδιορισμὸς 
ἀληθεύσει ἐν τούτοις), ἀλλ' ἀνίσους πλὴν οὐκ αὐτὸ 
μόνον ἀνίσους εἶναι δεῖ, ἀλλ' ἔτι καὶ τοὺς τοῦ ἐτέρου 
προσδιορισμοῦ φυλάσσειν, ὃν ἡμεῖς ἐξεθέμεθα.

#### AD PROBLEMA XXVIII.

		$\bar{\varkappa}$	$\overline{\sigma}\overline{\eta}$
	<i>દૅપ્ર</i> ે.	—s α μ° τ	μο τ Λ 5 α
	τετο.	$\Delta^{Y}$ $\bar{\alpha}$ 35 $\bar{x}$ $\mu^{o}$ $\bar{Q}$	$\Delta^{\mathbf{r}} \ \bar{\alpha} \ \mu^{o} \ \bar{\mathbf{o}} \ \mathbf{\Lambda} \ \mathbf{SS} \ \bar{\mathbf{x}}$
	σύνθ.	$\Delta^{r} \bar{\beta} \mu^{o} \bar{\sigma}$	$\ell^{\sigma}$ . $\mu^{o} \overline{\sigma \eta}$
15	ἀ <b>φ.</b>	$\Delta^r \bar{\beta}$	$\ell^{\sigma}$ . $\mu^{o} \ \overline{\eta}$
	μεο.	$\Delta^{r} \bar{\alpha}$	$\ell^{\sigma}$ . $\mu^{\sigma}$ $\bar{\delta}$
		sā	$\ell^{\sigma}$ . $\mu^{\sigma}$ $ar{eta}$
	$v\pi$ .	$lacksquare$ $\mu^o$ $\overline{\iotaoldsymbol{eta}}$	μο η

Καὶ τὸ κη<sup>ον</sup> πλασματικόν ἐστι· καὶ δοκεῖ καὶ ἐν20 ταῦθα περιττὸς εἶναι ὁ προσδιορισμός, εἰ μή που
τοῦτό φησιν, ὡς εἴρηται, μὴ εἶναι τοὺς ἀριθμοὺς ἴσους,
ἀλλ' ἀνίσους· ἡμεῖς καὶ ἐνταῦθα προσδιορισμὸν ἐκτίθεμεν τόνδε.

Δεῖ δὴ τὸ δὶς ἀπὸ τοῦ ἡμίσεος τοῦ συνθέματος μο τῶν ἀριθμῶν ἔλαττον εἶναι (τουτέστιν ἐλάττονας ἔχειν μο) τοῦ συνθέματος τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων· καὶ

<sup>3</sup> I, 62, 2. 8 τοὺς] forsan legendum τὰ. 19 I, 62, 25.

γὰρ δ' ἐνταῦθα τὸ δὶς ἀπὸ τῶν  $\bar{\iota}$ , ὅς ἐστιν  $\underline{\iota}'$  τῶν  $\bar{\kappa}$ , τουτέστιν τὰ  $\bar{\sigma}$ , ἐλάττονά ἐστι τῶν  $\bar{\sigma}\eta$ · εἰ δ' ἴσα ἢ μείζονα γένοιντο, οὐ συσταθήσεται.

Γίνεται δὲ ἡ σύνθεσις τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων,  $\Delta^{r} \bar{\beta} \mu^{o} \bar{\sigma}$ , οὕτω· δ  $S^{o} \bar{\alpha}$  καὶ  $\mu^{o} \bar{\iota}$  γίνονται τετραγω- 5 νιζόμενοι,  $\Delta^{r} \bar{\alpha} SS^{ol} \bar{\kappa} \mu^{o} \bar{\varrho}$ . αἱ δὲ  $\mu^{o} \bar{\iota}$  Λ  $S^{o\bar{\nu}} \bar{\alpha}$  γίνονται  $\Delta^{r} \bar{\alpha}$  (διὰ τὸ λεῖψιν ἐπὶ λεῖψιν ὕπαρξιν ποιεῖν), γίνονται οὖν  $\Delta^{r} \bar{\alpha} \mu^{o} \bar{\varrho}$  Λ  $SS^{\bar{\omega}\nu} \bar{\kappa}$ . συντιθεμένων δὲ αὐτῶν, καὶ τῶν  $\bar{\kappa} SS^{\bar{\omega}\nu} \bar{\alpha} \bar{\varrho}$  συντιθεμένων δὲ τῶν  $\bar{\kappa} SS^{\bar{\omega}\nu}$ , γίνονται  $\Delta^{r} \bar{\varrho} \mu^{o} \bar{\varrho}$ . καὶ τὰ ἑξῆς δῆλα. 10

#### AD PROBLEMA XXIX.

	<b>≅</b> .		$\overline{\pi}$	
ĕхд.	s $\bar{\alpha}$ $\mu^o$ $\bar{\iota}$		μ° τ Λ s α	
τετο.	${\it \Delta}^{Y}ar{lpha}$ as $ar{lpha}\mu^{o}ar{arrho}$		$\Delta^Y \bar{\alpha} \mu^o \bar{\varrho} \Lambda SS \bar{\varkappa}$	
ύπεροχ.	ss $\overline{\mu}$	$\ell^{\sigma}$ .	$\mu^o \; ar{\pi}$	15
μεο.	s $\bar{\alpha}$	$\ell^{\sigma}$ .	$\mu^o \ ar{m{eta}}$	
$\delta\pi$ .	$\mu^o$ $\overline{\iotaoldsymbol{eta}}$		$\mu^o \ ar{\eta}$ .	

Το κθον οὐδενὸς δεῖται προσδιορισμοῦ ἐπὶ πάντων γὰρ ἀριθμῶν προβαίνει, καὶ ἐὰν τό τε σύνθεμα καὶ ἡ ὑπεροχὴ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ἴσαι ὑποτεθῶσι 20

Γίνεται δὲ ἡ ὑπεροχὴ τῶν τετραγώνων  $55^{ol}$   $\bar{\mu}$ , οὕτως ἐπεὶ δ μέν ἐστι  $\Delta^{Y}\bar{\alpha}$   $55^{ol}$   $\bar{\kappa}$  μ°  $\bar{\varrho}$ , δ δὲ  $\Delta^{Y}\bar{\alpha}$  μ°  $\bar{\varrho}$  Λ  $55^{\bar{\omega}\nu}$   $\bar{\kappa}$ , εἰ μὲν συνετίθεντο, ἔμελλεν ἀφανίζειν ἡ λεῖψις τὴν ὕπαρξιν ἐπεὶ δὲ μόνον ἡ ὑπεροχὴ θεωρεῖται, ἡ ὕπαρξις τῶν  $\bar{\kappa}$   $55^{\bar{\omega}\nu}$  ὑπερέχει τῆς λείψει τῶν  $\bar{\kappa}$   $55^{\bar{\omega}\nu}$  καὶ ἑαυτῆ, 25 τουτέστι τῆ ὑπάρξει καὶ τῆ λείψει καὶ γίνονται δμοῦ  $\bar{\mu}$ .

<sup>4</sup> cf. I, 64, 7. 21 cf. I, 64, 23/24.

## AD PROBLEMA XXX.

Οὐδὲ τοῦτο δεῖται προσδιορισμοῦ.

 $\mathbf{S}^{o'}$   $\delta \mathbf{\hat{e}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{o}$   $\bar{\beta}$   $\hat{\epsilon}\pi \mathbf{\hat{h}}$   $\mathbf{S}^{o r}$   $\bar{\alpha}$   $\wedge$   $\mu^{o}$   $\bar{\beta}$   $\gamma$  i  $\nu$   $\nu$   $\nu$   $\bar{\alpha}$   $\bar{\alpha}$   $\wedge$   $\mu^{o}$   $\bar{\delta}$   $\nu$   $\bar{\alpha}$   $\bar{\alpha$ 

15 Κοινής προστεθείσης της λείψεως καλ τὰ έξης.

# AD PROBLEMA XXXI.

દેંત્રઈ.	<sub>!</sub> −ss $ar{oldsymbol{\gamma}}$		s ā——
πολλ.	$\Delta^{r} \bar{\vartheta}$		$\Delta^{Y} \bar{\alpha}$
συνθ.	$\Delta^{r} \bar{\iota}$	$\epsilon^{x\iota\varsigma}$	နှ $ar{oldsymbol{\delta}}$
	$\Delta^{r} \bar{\iota}$	<b>ℓ</b> σ.	ss $\bar{\varkappa}$
μεο.	$\Delta^{r} \bar{\alpha}$	$\ell^{\sigma}$ .	ss $ar{oldsymbol{eta}}$
	sā	$\ell^{\sigma}$ .	$\mu^o \; ar{oldsymbol{eta}}$
ύπ.	_μ° ξ		$\mu^o  ar{eta}$ —

O 5° εύρίσκεται μ°  $\bar{\beta}$ , οὕτως έπεὶ  $\varDelta^Y$   $\bar{\iota}$  εύρίτο σκονται ἴσαι  $\Im$   $\Im$   $\bar{\kappa}$ , έπιβάλλουσιν ἄρα έκάστη  $\varDelta^Y$   $\Im$   $\Im$   $\bar{\beta}$   $\bar{\kappa}$ 

20

<sup>9</sup> cf. I, 66, 14. 23 cf. I, 68, 1.

20

δύναμις δὲ ἐτέρα  $\ddot{\beta}$   $55^{oùs}$  ἔχουσα παρὰ τὴν ἀπὸ τῶν  $\ddot{\beta}$   $\mu^o$  οὐκ ἔστιν, ὥσπερ καὶ  $\ddot{\gamma}$   $55^{\tilde{\omega}r}$  δύναμις παρὰ τὴν ἀπὸ τῶν  $\ddot{\gamma}$   $\mu^o$ . ὅσων γάρ ἐστιν ἡ  $\Delta^Y$   $55^{\tilde{\omega}r}$ , τοσούτων ἀεὶ καὶ δ  $5^o$   $\mu^o$ , καὶ τὸ ἀναπάλιν, καὶ τοῦτό ἐστι τὸ πάντα παρὰ  $5^{\acute{o}r}$ .

Γίνονται οὖν συναμφότεροι μ°  $\bar{\eta}$ , οἱ δὲ ἀπ' αὐτῶν τετράγωνοι μ°  $\bar{\mu}$ , τὴ δὲ  $\bar{\mu}$  τῶν  $\bar{\eta}$  πενταπλάσια.

# AD PROBLEMA XXXII.

# AD PROBLEMA XXXIII.

 O μὲν  $\overline{\vartheta}$  τοῦ  $\overline{\gamma}$  τριπλάσιος,  $\delta$  δὲ τοῦ  $\overline{\vartheta}$  τετράγωνος,  $\delta$   $\overline{\pi}\alpha$  καὶ  $\delta$  τοῦ  $\overline{\gamma}$ ,  $\delta$   $\overline{\vartheta}$  υπερέχει δὲ  $\delta$   $\overline{\pi}\alpha$  τοῦ  $\overline{\vartheta}$  μο  $\overline{\delta}$ , συναμφότερος δὲ  $\delta$   $\overline{\vartheta}$  καὶ  $\overline{\gamma}$ , γίνονται  $\overline{\iota}\beta$ , καὶ  $\langle \delta \rangle$   $\overline{\delta}$  τοῦ  $\overline{\iota}\beta$  έξαπλάσιος.

#### AD PROBLEMA XXXIV.

Ο μὲν  $\overline{\theta}$  τοῦ  $\overline{\gamma}$  τοιπλάσιος, καὶ ὑπερέχει αὐτοῦ  $\mu^{o}$   $\overline{s}$ ·  $\eta$  δὲ τῶν τετραγώνων αὐτῶν ὑπεροχὴ πρὸς ἀλλή-15 λους, τοῦ  $\overline{\pi}$ α πρὸς τὸν  $\overline{\theta}$ ,  $\mu^{o}$   $\overline{o}$  $\overline{\theta}$ · καὶ τὰ  $\overline{o}$  $\overline{\theta}$  τῶν  $\overline{s}$  δωδεκαπλάσια.

Τὰ τοῦ πορίσματος ούτως ἔχει ἔστω τὸν μείζονα τοῦ ἐλάττονος εἶναι τριπλάσιον, τὸν δὲ ὑπ' αὐτῶν τοῦ συναμφοτέρου διπλασιεπιτέταρτον. τετάχθω δ ελάσσων  $\mathbf{S}^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$  ὁ ἄρα μείζων ἔσται  $\mathbf{S}\mathbf{S}^{\bar{m}r}$   $\bar{\gamma}$ . λοιπὸν θέλω καὶ τὸν ὑπ' αὐτῶν διπλασιεπιτέταρτον εἶναι τοῦ συναμφοτέρου ἀλλὰ ὁ ὑπ' αὐτῶν ἐστι  $\Delta^{r}$   $\bar{\gamma}$ , ὁ δὲ συναμφότερός ἐστιν  $\mathbf{S}\mathbf{S}^{\bar{m}r}$   $\bar{\delta}$ · δὶς ἄρα οἱ  $\bar{\delta}$   $\mathbf{S}\mathbf{S}^{ol}$  καὶ τὸ δον αὐτῶν ἴσα ἔσονται  $\Delta^{r}$   $\bar{\gamma}$ ·  $\mathbf{S}\mathbf{S}^{ol}$  ἄρα  $\bar{\delta}$  ἴσοι  $\Delta^{r}$   $\bar{\gamma}$ ·  $\hat{\eta}$   $\mathbf{Z}\mathbf{S}^{\bar{m}r}$   $\bar{\delta}$ 0  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 1  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 2  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 3  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 3  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 4  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 5  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 5  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 7  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 6  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 7  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 8  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 8  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 8  $\mathbf{S}^{\bar{o}}$ 9  $\mathbf{S$ 

10

5

<sup>17</sup> cf. I, 70, 15.

δ δὲ ἐλάσσων  $\overline{\gamma}$ , καὶ συναμφότερος μὲν  $\overline{\iota \beta}$ , δ δὲ ὑπ' αὐτῶν δ  $\overline{\iota \xi}$ , καὶ τὰ  $\overline{\iota \xi}$  τῶν  $\overline{\iota \beta}$  διπλασιεπιτέταρτον.

Καὶ πάλιν ἔστω τὸν μείζονα τοῦ ἐλάττονος εἶναι τριπλάσιον, τὸν δὲ ὑπ' αὐτῶν τῆς ὑπεροχῆς αὐτῶν τετραπλασιεφήμισυν, καὶ γίνεται τὸ αὐτὸ ἐπὶ τοῦ  $\overline{\vartheta}$  5 καὶ τοῦ  $\overline{\gamma}$ .

Οίμαι δε διά τούτο και ταύτα μη έκθειναι τον Διόφαντον διά το μη δύνασθαι έπι πολλαπλασίων λόγων ταύτα και δεικνύναι, ώς και τὰ εμπροσθεν, ἀλλ' έπι μόνων πολλαπλασιεπιμορίων.

## AD PROBLEMA XXXV.

$$\ddot{\epsilon}$$
 $\kappa \vartheta$ . SS  $\ddot{\gamma}$  S  $\ddot{\alpha}$ 
 $\pi \circ \lambda \lambda$ .  $\Delta^{r}$   $\ddot{\alpha}$  SS  $\ddot{\gamma}$ 

$$\Delta^{r}$$
  $\ddot{\alpha}$   $\dot{\epsilon}^{\sigma}$ . SS  $\bar{\iota}\eta$ 
 $\mu \epsilon \varrho$ . S  $\ddot{\alpha}$   $\dot{\epsilon}^{\sigma}$ .  $\mu^{o}$   $\bar{\iota}\eta$ 
 $\dot{\vartheta}\pi$ .  $\mu^{o}$   $\bar{\nu}\delta$   $\mu^{o}$   $\bar{\iota}\eta$ .

53°  $^{i}$  ἄρα  $\overline{\iota\eta}$  ἴσοι  $\Delta^{Y}$   $\overline{\alpha}$  τουτέστιν  $\mathbf{S}^{x_{i}}$  τὰ ἐλάττονα ἴσα ἐστὶ τοῖς μείζοσι· οἶον  $\mathbf{S}^{x_{i}}$  οἱ  $\overline{\gamma}$  53°  $^{i}$  γίνονται 53°  $\overline{\iota\eta}$ . δ δὲ ἀπὸ τοῦ ἐλάττονος τετράγωνος γίνεται  $\Delta^{Y}$   $\overline{\alpha}$ . αὕτη ἄρα ἴση 55°  $\overline{\iota\eta}$ . πάντα παρὰ 36°  $\mathbf{S}^{\circ}$  ἄρα  $\overline{\alpha}$ ,  $\mu^{\circ}$   $\overline{\iota\eta}$ . 20 δ δὲ μείζων δ 55 $\overline{\omega}^{\circ}$   $\overline{\gamma}$ ,  $\mu^{\circ}$   $\overline{\nu\delta}$ , ἀριθμῶν τε δ ἀπὸ τοῦ ἐλάσσονος τετράγωνος ἀριθμός, δ  $\overline{\iota x \delta}$ , ἑξαπλάσιός ἐστι τοῦ εὐρεθέντος  $\mu^{\circ}$   $\overline{\nu\delta}$ .

<sup>17</sup> I, 72, 17.

#### AD PROBLEMA XXXVI.

	$M^{\zeta}$ .	⟨'E <sup>\'</sup> .⟩			
દૅપ્રે.	–ss γ		s $\bar{\alpha}$ —		
πολλ.			$\Delta^{r} \bar{\alpha}$		
	$\Delta^{r} \bar{\alpha}$		sã		
	$\Delta^{r} \bar{\alpha}$	$\mathcal{C}^{\sigma}$ .	\$\$ <del>5</del>		
μερ.	sā	$\ell^{\sigma}$ .	μ° ξ		
ύπ.	$\mu^{\circ} \overline{\iota \eta}$		μ° ξ		

Έπει εύρηται δ μεν μείζων τη, δ δε ελάττων Ξ, 10 είσιν εν λόγω ἄρα τριπλασίονι· δ δε ἀπὸ τοῦ Ξ τετράγωνος εξαπλάσιός έστιν αὐτοῦ τοῦ Ξ.

# AD PROBLEMA XXXVII.

'Επεὶ εὕρηται ὁ μὲν μείζων  $\overline{k}$ , ὁ δὲ ἐλάττων  $\overline{\eta}$ , εἰσὶν ἄρα ἐν λόγω τριπλασίονι· ὁ δὲ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\eta}$  τετράγωνος, ὁ ξδ, τοῦ συναμφοτέρου, τουτέστι τοῦ  $\overline{\lambda}\overline{\beta}$ , ἔστι διπλασίων.

15

#### AD PROBLEMA XXXVIII.

Έπεὶ εὕρηται ὁ μὲν μείζων  $\overline{\lambda 5}$ , ὁ δὲ ἐλάττων  $\overline{\iota \beta}$ , εἰσὶν ἄρα ἐν λόγφ τριπλασίονι· ὁ δὲ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\iota \beta}$  τετράγωνος, ὁ  $\overline{\varrho \mu \delta}$ , τῆς ὑπεροχῆς αὐτῶν, τουτέστι τῶν 10  $\overline{\iota \delta}$ , ἔστιν έξαπλάσιος.

## AD COROLLARIUM.

Τὰ τοῦ πορίσματος ξξουσιν οὕτως κατὰ μὲν τὴν  $\alpha^{\eta \nu}$  πρότασιν, γενήσεται ὁ μὲν μείζων μ°  $\overline{s}$ , ὁ δὲ ἐλάττων μ°  $\overline{\rho}$ , καὶ ἔσονται ἐν λόγω τριπλασίονι ὁ δὲ ἀπὸ τοῦ  $\overline{s}$  15 τετράγωνος, ὁ  $\overline{\lambda s}$ , ὀπωκαιδεκαπλασίων τοῦ  $\overline{\overline{\rho}}$ .

Κατὰ δὲ τὴν  $β^{\alpha\nu}$ , ὁ μὲν μείζων πάλιν  $\bar{\varsigma}$ , ὁ δὲ ἐλάττων  $\bar{β}$ , ἐν λόγφ τριπλασίονι, καὶ ὁ ἀπὸ τοῦ  $\bar{\varsigma}$ , ὁ  $\bar{λ}\bar{\varsigma}$ , ἑξαπλάσιος αὐτοῦ τοῦ  $\bar{\varsigma}$ .

Κατὰ δὲ τὴν  $\gamma^{n}$ , δ μὲν μείζων δ  $\overline{\iota\beta}$ , δ δὲ ἐλάττων  $^{20}$  δ  $\overline{\delta}$ , ἐν λόγφ τριπλασίονι, δ δὲ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\iota\beta}$  τετράγωνος, δ  $\overline{\rho\mu\delta}$ , συναμφοτέρου, τουτέστι τοῦ  $\overline{\iota\varsigma}$ , ἔστιν ἐννεαπλάσιος.

Κατὰ δὲ τὴν  $\delta^{\eta \eta}$ , δ μὲν μείζων δ  $\bar{s}$ , δ δὲ ἐλάττων δ  $\bar{\beta}$ , ἐν λόγφ τριπλασίονι· δ δὲ ἀπὸ τοῦ  $\bar{s}$  τετράγωνος, 25 δ λ $\bar{s}$ , τῆς ὑπεροχῆς αὐτῶν, τουτέστι τοῦ  $\bar{\delta}$ , ἐννεαπλάσιος.

5

10

# AD PROBLEMA XXXIX.

$$\vec{\epsilon}$$
χθ. S  $\vec{\alpha}$  μ°  $\vec{\epsilon}$  SS  $\vec{\gamma}$  μ°  $\vec{\iota}$ ε

S  $\vec{\alpha}$  μ°  $\vec{\gamma}$  SS  $\vec{\epsilon}$  μ°  $\vec{\iota}$ ε

μ°  $\vec{\eta}$  SS  $\vec{\eta}$  μ°  $\vec{\iota}$ ε

SS  $\vec{\eta}$  μ°  $\vec{\lambda}$   $\vec{\iota}$ σ. SS  $\vec{\eta}$ 

μερ.  $\langle \mu^{\circ} \vec{\gamma} \vec{\gamma} \delta^{\alpha} \iota^{\sigma}$ . SS  $\vec{\eta}$ 

μερ.  $\langle \mu^{\circ} \vec{\gamma} \vec{\gamma} \delta^{\alpha} \iota^{\sigma}$ . S  $\vec{\alpha} \rangle$ 

μερ.  $\langle \mu^{\circ} \vec{\gamma} \vec{\gamma} \delta^{\alpha} \iota^{\sigma}$ . S  $\vec{\alpha} \rangle$ 
 $\langle \mu^{\circ} \vec{\lambda} \gamma \vec{\gamma} \delta^{\alpha}, \mu^{\circ} \vec{\lambda}, \mu^{\circ} \vec{\kappa} \vec{s} \delta^{\prime\prime}$ 

υπ.  $\mu^{\circ} \vec{\varrho} \vec{\lambda} \vec{\epsilon}$ ,  $\mu^{\circ} \vec{\varrho} \vec{\kappa}$ ,  $\mu^{\circ} \vec{\varrho} \vec{\epsilon}$ 

Τὴν τοῦ λθου ἀπόδειξιν τριχῆ ποιείται, διὰ τὸ τὸν ὅντα  $\bar{\eta}$  55 $\bar{\omega}^{\nu}$  (καὶ ἔτι ἄδηλον εἶναι τὴν τοῦ 5οῦ ὑπόστασιν) ἐνδέχεσθαι καὶ μέγιστον καὶ μέσον καὶ ἐλάχι-20 στον ὑπάρχειν, καὶ διὰ ταῦτα καθ' ἐκάστην ἀπόδειξιν ἐν ἄλλη καὶ ἄλλη χώρα τάττει αὐτόν.

Έν μὲν οὖν τῆ  $α^{n}$  ἀποδείξει φησί· καὶ γίνεται δ  $ε^{o}$   $ε^{o}$ 

<sup>22</sup> I, 78, 26.

 $\bar{\eta}$  35° $^{\omega_s}$ , yiveral  $\delta$  3°  $\mu$ °  $\bar{\gamma}$  nal  $\bar{\gamma}$   $\delta^{\omega r}$   $\mu$ °. dvaluo $\mu$ évav  $\delta$ è nal ra $\nu$   $\bar{\gamma}$   $\mu$ ° elg  $\delta^{\alpha}$ ,  $\delta$ là tò  $\bar{v}$ r e $\bar{l}$ dog návta yevé $\sigma$  $\bar{\sigma}$ al, yivovtal  $\bar{l}$ e  $\delta^{\alpha}$ .

Εἶτα ἀφαιρουμένου καὶ τοῦ μορίου, γίνονται μο  $\overline{\iota}\varepsilon$  έπεὶ οὖν ὁ μὲν μέγιστός ἐστιν  $SS^{\tilde{\omega}r}$   $\overline{\varepsilon}$  μο  $\overline{\iota}\varepsilon$ , τουτέστι  $\overline{\iota}\varepsilon$  μονάδων ἀμερών  $\overline{\lambda}\gamma$  καὶ  $\overline{\gamma}$   $\delta^{\omega r}$ , ἀναλυθεισών τούτων εἰς  $\delta^{\alpha}$ , γίνεται  $\overline{\rho}\lambda\varepsilon$ . ὁ δὲ μέσος  $SS^{\tilde{\omega}r}$   $\overline{\eta}$ , τουτέστι μο  $\overline{\lambda}$ , ἀναλυθεισών καὶ τούτων εἰς  $\delta^{\alpha}$ , γίνεται  $\overline{\rho}\kappa$ . διὰ τὰ αὐτὰ καὶ ὁ ἐλάχιστος γίνεται  $\overline{\rho}\varepsilon$ , καί εἰσιν ἐν Ἱση ὑπεροχῆ, ἥτις ἐστὶ  $\overline{\iota}\varepsilon$ .

Έν δὲ τῆ  $β^{q}$  φησί· καὶ γίνεται  $δ ε^{o}$   $\overline{\iota} \overline{\epsilon}$   $ξ^{av}$ · γίνεται δὲ οὕτως· ἐπεὶ  $μ^{o}$   $\overline{\iota} \overline{\epsilon}$  Λεινένως, γίνονται  $μ^{o}$   $\overline{\iota} \overline{\epsilon}$  ἴσαι εἰσὶν  $ε ε^{oi}$  κοινῆς προστεθείσης τῆς λείψεως, γίνονται  $μ^{o}$   $\overline{\iota} \overline{\epsilon}$  ἴσαι  $ε ε^{oi}$   $\overline{\epsilon}$  γίνεται  $ε ε^{oi}$   $\overline{\epsilon}$   $\overline{\epsilon}$  μεριζομένων δὲ τῶν  $\overline{\iota} \overline{\epsilon}$   $μ^{o}$  παρὰ τὸν  $\overline{\epsilon}$ , γίνεται  $ε ε^{oi}$   $\overline{\epsilon}$   $\overline{\epsilon}$ 

<sup>11</sup> I, 80, 7. 14 τὸν  $\overline{\xi}$ ] τῶν  $\overline{\xi}$ . 18 μέσος  $X_2$ , μέγιστος B. 21 cf. I, 80, 17.

# SCHOLIA IN DIOPHANTUM (LIBR. II) MAXIMI QUAE FERUNTUR PLANUDIS.

# AD PROBLEMATA I-V.

	I.		ш.			Ша.			
5	(เร็มชิ	. ss β	sā	ะันชิ.	ss $\bar{\beta}$	sα	ะันช.	sā	ss $\bar{oldsymbol{eta}}$
	σύνθ	. SS $ar{\gamma}$	$\Delta^{Y}\bar{\epsilon}$		sā	$\Delta^{Y}\bar{\gamma}$	πολλ	$\Delta^{Y}\bar{\beta}$	ss $ar{\gamma}$
		ss $\bar{\lambda}$ i	$\sigma . \Delta^{Y} \overline{\epsilon}$		೩೩ ₹	$\ell^{\sigma}$ . $\Delta^{Y}\bar{\gamma}$		$\Delta^r \bar{\beta} \dot{a}$	$c^{\sigma}$ . SS $\overline{\iota\eta}$
	μεφ.	รร รี	$\Delta^Y \bar{\alpha}$	μεο.	ss $ar{oldsymbol{eta}}$	$\Delta^{r}\bar{\alpha}$	μεφ.	$\Delta^Y \bar{\alpha}$	ຊຊ ਓ
						sā			$oldsymbol{\mu^o}$ $\overline{oldsymbol{artheta}}$
10		$\mu^o i \overline{\beta}$	$\mu^o \bar{\varsigma}  angle$	ύπ.	$\mu^o ar{\delta}$	$\mu^o$ $ar{oldsymbol{eta}}$	ὑπ.	$\mu^o \overline{\vartheta}$	$\mu^o \overline{\iota \eta}$
		IIIb.			IV.			<b>v</b> .	
	ะันปี.	Sα	ss $ar{ar{eta}}$	દેંત્રઈ.	sā	ss $\bar{oldsymbol{eta}}$	દેંત્રઈ.	sā	ss $\bar{oldsymbol{eta}}$
	πολλ	$.$ $⊿^{Y}\bar{β}$	sā	σύνδ	.⊿ <sup>Υ</sup> ̄ε	sā		$\Delta^{r}\bar{\gamma}$	ss $ar{\gamma}$
		$\Delta^{r}\bar{\beta}$	". ≲ร รี		$\varDelta^{Y}\overline{\epsilon}$	ľσ. SS ī		$\Delta^{Y}\bar{\gamma}$	$\mathcal{C}$ o. SS $\overline{\iota\eta}$
15	μερ.	$\Delta^{r}\bar{\alpha}l^{\alpha}$				- ;			
						$\mu^{o}ar{oldsymbol{eta}}$			
	ύπ.	$\mu^o \ \overline{\gamma}$	$\mu^o$ $\overline{\varsigma}$	ύπ.	$\mu^o ar{eta}$	$oldsymbol{\mu^o}ar{oldsymbol{\delta}}$	ύπ.	$\mu^o$ ਵ	$\mu^{o} \iota \overline{\beta}$ .

Τὰ ἀπὸ τοῦ  $α^{ov}$  προβλήματα, μέχρις καὶ αὐτοῦ τοῦ  $ε^{ov}$ , δοκοῦσι τὰ αὐτὰ εἶναι τοῖς προλαβοῦσι, τουτέστι

τὸ μἐν αον τῷ λαφ <τοῦ αον>  $\beta$ ιβλίου, τὸ δὲ  $\beta$ ον τῷ λδφ, τὸ δὲ  $\gamma$ ον, ἐπεὶ διπλοῦν ἐστι, τῷ κζφ καὶ τῷ λφ, τὸ δὲ  $\delta$ ον τῷ λβφ, καὶ ἔτι τὸ  $\epsilon$ ον τῷ λγφ.

Είσι δὲ ἐκείνων ἀτελέστερα. ἐν ἐκείνοις μὲν γὰρ ἐξητεῖτο καὶ ἄπερ ἐν τούτοις, πρὸς δὲ τούτω, καὶ λόγος τῶν ζητουμένων ἀριθμῶν πρὸς ἀλλήλους. ἐν δὲ τούτοις, τοῦτο οὐδ' ὅλως ἐζήτηται· ἑξ ἐκείνων δὲ δῆλα καὶ ταῦτα· τάσσει δὲ ἐν τούτοις, ὡς δ' ἐν ἄλλοις, τὸν  $_{10}$  μὲν  $_{20}$  τάξη ἑκάτερον, μόνον ἵνα θάτερος θαπέρου μείζων ἦ, οὐδὲν διοίσει· πάλιν γὰρ τὸ πρόβλημα γίνεται.

# AD PROBLEMATA VI-VII.

**37T** 

	V1.			V11.	15
દેંમે.	s $\bar{\alpha}$ μ° $\bar{\beta}$	sā	ะั่นชิ.	s $\bar{\alpha}$ μ° $\bar{\beta}$	sπ
πολλ.	${\it \Delta}^{Y}ar{lpha}$ ss $ar{oldsymbol{\delta}}$ $\mu^{lpha}$	$-\bar{\delta}$ $\Delta^{Y}\bar{\alpha}$	πολλ	. ${\it \Delta}^{Y}ar{lpha}$ នន $ar{ar{\delta}}\mu^{o}ar{ar{\delta}}$	$\Delta^Y \bar{\alpha}$
	ຣຣ $ar{\delta}$ $\mu^o$ $ar{\delta}$	$\dot{\boldsymbol{v}}\pi^{\chi}$ . $\boldsymbol{\varDelta}^{Y}ar{\alpha}$			
	နှန $ar{\delta}$ $\mu^oar{\delta}$	$l^{\sigma}$ . $\mu^{\sigma} \times \overline{\beta}$		ຣຣ $ar{\delta}\mu^oar{\delta}$	$\ell^{\sigma}$ . $\mu^{o}$ $\overline{\iota s}$
åφ.	క్రిక్ $ar{oldsymbol{\delta}}$	$\ell^{\sigma}$ . $\mu^{\sigma}$ $\overline{\iota\eta}$	ἀφ.	ss $ar{\delta}$	$\ell^{\sigma}$ . $\mu^{\sigma}  \overline{\iota \beta}_{20}$
μεφ.	Sα	$\mu^oar{\delta}$ $L'$	μεφ.	Sã	$\mu^o \; ar{\gamma}$
ύπ.	$oldsymbol{\mu^o}$ ਓ $oldsymbol{\mathcal{L}'}$	$oldsymbol{\mu}^oar{oldsymbol{\delta}}oldsymbol{\mathcal{L}}'$	ύπ.	$\mu^o  \overline{\epsilon}$	$\mu^o \ ar{\gamma}$ .

Kalõg ëzei tà tõv poodlioqishõv, toũ te 500 kal toũ  $\zeta^{ov}$ .

 $To \tilde{v}$  μέν  ${\bf 5}^{ov}$ , ὅτι δεῖ τὸν ἀπὸ τῆς ὑπεροχῆς  ${}_{25}$ 

<sup>1</sup>  $\alpha^{ov}$  add.  $X_2$ ,  $\beta \iota \beta \iota \iota ov$   $X_1$ ,  $\beta \iota \beta \iota \iota \omega$  B. 25 I, 88, 5.

τετράγωνον, ὡς ἐνταῦθα ἀπὸ τῶν  $\bar{\beta}$  ἐστὶν δ δ, ἐλάσσονα εἶναι συναμφοτέρου, τουτέστιν αὐτοῦ τοῦ  $\bar{\beta}$  καὶ τῆς ὑπεροχῆς αὐτῶν τῶν τετραγώνων,  $\langle \text{τοῦ } \bar{x} \rangle$ , ἄπερ ὁμοῦ γίνονται  $\bar{x}\bar{\beta}$ . τὰ δὲ  $\bar{\delta}$  τῶν  $\bar{x}\bar{\beta}$  εἰάττονα.

Τοῦ δὲ ζου ὅτι δεῖ τὸν ἀπὸ τῆς ὑπεροχῆς τετράγωνον, ὡς ἐν αὐτῷ ἀπὸ τῶν  $\bar{\beta}$  ἐστὶν ὁ  $\bar{\delta}$ , ἐλάσσονα εἶναι συναμφοτέρου, τουτέστι τοῦ τριπλασίονος τῶν  $\bar{\beta}$ , ὅς ἐστι  $\bar{\varsigma}$  μ°, καὶ τῶν  $\bar{\iota}$  μ°, ἄπερ ὁμοῦ 10 γίνονται μ°  $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$  καὶ ἔστι τὰ  $\bar{\delta}$  τῶν  $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$  ἐλάττονα.

Εί δ' ίσα ἐν ὁποτέρφ αὐτῶν τεθείεν, οὐ συσταθήσεται τὸ θεώρημα, ὡς πολλάκις εἰρήκαμεν πολλῷ δὲ δὴ πλέον, εἰ μείζονα.

## AD PROBLEMA VIII.

15		VIII.			
		$\Delta^{Y}\bar{\alpha}$		$\mu^o \ \overline{\iota s} \ lack \Delta^Y ar{lpha}$	
				ss $ar{eta}$ $oldsymbol{\Lambda}$ $oldsymbol{\mu}^o$ $oldsymbol{\delta}$	
		$\varDelta^{oldsymbol{\gamma}}ar{\delta}\mu^{\scriptscriptstyle 0}\overline{\iota}\overline{\mathfrak{s}}igwedge\overline{\iota}\overline{\mathfrak{s}}$	<b>ι</b> σ.	$\mu^o$ $\overline{\iota s}$ $\Lambda$ $\Delta^Y$ $\overline{\alpha}$	
	$\pi \varrho$ .	$\Delta^{Y} \overline{\varepsilon} \mu^{o} \overline{\iota \overline{\varsigma}}$	$\ell^{\sigma}$ .	SS IS µ° IS	
20	ἀ <b>φ</b> .	$\Delta^Y \bar{\epsilon}$	$\ell^{\sigma}$ .	55 <del>15</del>	
	με <b>φ.</b>	$\Delta^{r}\bar{\alpha}$	$\ell^{\sigma}$ .	ss $ar{\gamma}$ $arepsilon''$	
		s ā		$\mu^{\circ}  \overline{\gamma}   \varepsilon^{\prime\prime}   \overline{\eta}   \overline{\iota \varsigma}   \varepsilon^{\alpha}$	
	ύπ.	$\iota \overline{\epsilon} \varepsilon^{\alpha}$		$\mu^{o} \ \overline{\beta}, \ \overline{\beta} \ \varepsilon^{\alpha} \ \overline{\eta} \ \overline{\iota \beta} \ \varepsilon^{\alpha} \ \mu^{o}$	
		συς		$\overline{\varrho\mu\delta}$ .	

<sup>4</sup> B habet π ante τετραγώνων. 6 I, 88, 26.

# "Αλλως.

'Επιτάσσει έν ηφ τον τς τετράγωνον διαιρείν είς δύο τετραγώνους, καίτοι μή φύσιν έχοντα διαιρεθήναι. τινές μέν γάρ των τετραγώνων διαιρούνται, τινές δ' οὐδαμῶς καὶ τῶν διαιρουμένων οί μὲν είς δύο, ὡς  $\delta$   $\overline{n}\varepsilon$   $\varepsilon lg$   $\tau \delta \nu$   $\overline{\vartheta}$   $n\alpha l$   $\langle \tau \delta \nu \rangle$   $\overline{\iota \varsigma}$   $\cdot$  of  $\delta \dot{\varepsilon}$   $\varepsilon lg$   $\tau \varrho \varepsilon lg$ ,  $\dot{\omega} g$   $\delta$  15  $\overline{u\vartheta}$  eig te ton  $\overline{\delta}$  kal ton  $\overline{\vartheta}$  kal ton  $\overline{\lambda s}$ . of  $\delta'$  eig τέσσαρας, ώς δ  $\overline{\sigma \varkappa \varepsilon}$  είς τε τὸν  $\overline{\delta}$  και τὸν  $\overline{\theta}$  και τὸν τς και του φτς και έξης μέχρις απείρου. οὐ τοῦτο τοίνυν λέγει, δτι ατμήτου της μονάδος μενούσης, τον ις διελείν είς δύο τετραγώνους τοῦτο γὰρ ἀδύνατον, 20 ηδύνατο μεν γάρ, είπερ έβούλετο τοῦτο ποιῆσαι, έπὶ τοῦ πε τετραγώνου δείξαι τὸ πρόβλημα είς δύο διαιφουμένου νῦν δὲ τῆ οἰκεία φιλοτιμία χρησάμενος πάντα τετράγωνον βούλεται διαιρείν είς δύο τετραγώνους, τοῦτο δ' οὐκ ἂν ἄλλως γένοιτο, τῆς μονάδος μὴ 25 τεμνομένης, ώσπερ καλ ένταῦθα ἐποίησε, τὸν τς διελών είς δύο τετραγώνους, είς τε τὸν μο τ, εν εον μονάδος, καὶ  $\tilde{\epsilon}$ ν κ $\epsilon^{o*}$  (ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ  $\mu^o$   $\bar{\gamma}$  καὶ  $\mu^o$   $\epsilon''$ ), καὶ εἰς

τὸν  $\mu^{\circ}$   $\bar{\epsilon}$  καὶ  $\bar{\gamma}$   $\epsilon^{\alpha}$  μονάδος καὶ  $\bar{\delta}$  κε $^{\alpha}$  (ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$  καὶ  $\bar{\beta}$   $\epsilon^{\alpha}$  μονάδος). οἵτινες τετράγωνοι συντιθέμενοι πάλιν ποιοῦσι τὸν  $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$ . ὧν  $\delta$  μὲν α $^{\circ\varsigma}$  τετράγωνος, διὰ τὸ ἐν αὐτῷ ἀναστραφὲν κε $^{\circ\varsigma}$ , εἰς κε $^{\alpha}$  δλος τὰναλυθεὶς γίνεται  $\bar{\sigma}\nu\bar{\varsigma}$ . ἡ δὲ πλευρὰ αὐτοῦ εἰς  $\epsilon^{\alpha}$  γίνεται  $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$ . ὁ δὲ  $\beta^{\circ\varsigma}$  ὁμοίως εἰς κε $^{\alpha}$  γίνεται  $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$ , ἡ δὲ πλευρὰ αὐτοῦ εἰς ε $^{\alpha}$  γίνεται  $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$ .

Καθόλου γὰς τοῦτο χρη εἰδέναι, ὅτι οἱ ἀπὸ μορίων γενόμενοι τετράγωνοι ὁμώνυμα ἔχουσι τὰ μόρια
10 τῷ ἀπὸ τοῦ ὁμωνύμου τῶν μορίων τῆς πλευρᾶς αὐτῶν
τετραγώνω ὡς καὶ ἐν τῷ παρόντι, ἐπεὶ ἡ πλευρὰ τ̄ς
εων ἡν, ἀπὸ δὲ τοῦ ὁμωνύμου τῷ εω, τουτέστι τοῦ ε̄,
γίνεται ὁ π̄ς, εἰκότως καὶ ὁ ἀπὸ τοῦ τ̄ς τετράγωνος,
ὁ σν̄ς, κεων ἐστίν ωσπερ καὶ ἐὰν γων ἡ ἡ πλευρά, ὁ
15 τετράγωνος γίνεται θων κὰν ἐκείνη δων, οὖτος ιςων,
καὶ ἐφεξῆς τοῦτο γάρ ἐστι τὸ ἀριθμοστὸν ἐπ' ἀριθμοστὸν δυναμοστὸν ποιεῖ ἔστι γὰρ ἀριθμοστὸν μὲν
τὸ εον, δυναμοστὸν δὲ τὸ κεον.

Οὐ χρὴ δὲ θαυμάζειν εἰ καὶ τῶν τετραγώνων μο20 νάδων μετὰ τῶν μορίων αὐτῶν συντιθεμένων, πάλιν 
ὁ ιξ γίνεται, αἱ ⟨δὲ⟩ πλευραὶ αὐτῶν συντιθέμεναι 
μείζονα ποιοῦσιν ἀριθμὸν τῆς τοῦ ιξ πλευρᾶς γίνεται γὰρ μο ἐ καὶ γ εων. πάντων γὰρ τῶν εἰς δύο 
τετραγώνους διαιρουμένων τετραγώνων αἱ πλευραὶ 
25 τῶν ἀπὸ τῆς διαιρέσεως πετραγώνων μείζονές εἰσι 
συντιθέμεναι τῆς πλευρᾶς τοῦ ἀφ' οὖ διηρέθεσαν, εἰ 
καὶ οἱ τετράγωνοι ἰσοι τῷ τετραγώνῷ. ὅσπερ καὶ τοῦ 
κε μὲν ἡ πλευρὰ ἐ μο ἐστί, τοῦ δὲ δ̄, γ, καὶ τοῦ ιξ, 
δ, τουτέστι ζ τὰ δὲ ζ τῶν ε μείζονα.

<sup>12</sup> τοῦ ε Χ, τῷ ε Β.

Ο μέντοι Διόφαντος πάντα εἰς εν εἶδος ἄγειν βουλόμενος, οὐκ ἀπὸ μονάδων καὶ μορίων ποιεῖ τοὺς τετραγώνους, ἀλλὶ ἐπεὶ τὸ μὲν μόριον αὐτὸ καθὶ αὐτὸ μονάδα γενέσθαι ἀμήχανον, τὴν μέντοι μονάδα τέμνειν εἰς μόρια δυνατόν, τέμνει τὰς ἐν αὐτοῖς μονάδας εἰς  $\mathfrak b$  μόρια δμώνυμα τοῖς ἐν αὐτοῖς εὑρεθεῖσι μορίοις, καὶ ἐπεὶ κεον καὶ  $\mathfrak e^{ov}$  ἐν αὐτοῖς ἀνεφάνη, τέμνει αὐτὰς κατὰ τὸν πρῶτον ἀπὸ μονάδος ἔχοντα τὰ τοιαῦτα μέρη ἀριθμόν, ὅς ἐστιν  $\mathfrak a$   $\mathfrak a$   $\mathfrak a$  γίνονται τῶν τετραγώνων τὰ μόρια, τοῦ μὲν  $\mathfrak a$   $\mathfrak$ 

Όταν οὖν λέγη ὅτι τὸν τς τετράγωνον διελεῖν εἰς δύο τετραγώνους, ὅμοιόν φησιν ὡς εἰ ἔλεγεν ὅτι τὸν  $\overline{v}$  τετράγωνον (τετράγωνον δ' ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ  $\overline{x}$ ) διε- 15 λεῖν εἰς δύο τετραγώνους, καὶ δὴ διελεῖν αὐτὸν εἰς τε τὸν  $\overline{\sigma v \overline{s}}$  καὶ τὸν  $\overline{\rho \mu \delta}$  ἢ καὶ οὕτως εὐρεῖν ἀριθμὸν ἐφ' ὃν πολλαπλασιασθεὶς ὁ  $\overline{\iota \overline{s}}$  ποιήσει τετράγωνον ἀριθμὸν ὅστις διαιρεθῆναι δυνατὸς ἔσται εἰς δύο τετραγώνους, μὴ τεμνομένης ἐνταυθοῖ τῆς μονάδος το καὶ εὕρηται ὁ  $\overline{\kappa e}$ , ἐφ' ὃν πολλαπλασιασθεὶς ὁ  $\overline{\iota \overline{s}}$  ποιεῖ τὸν  $\overline{v}$  τετράγωνον ὄντα ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ  $\overline{u}$ , ὃς διαιρεῖται εἰς δύο τετραγώνους, τὸν  $\overline{\sigma v \overline{s}}$  ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ  $\overline{\iota \overline{s}}$ , καὶ τὸν  $\overline{\rho \mu \delta}$  ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ  $\overline{\iota \overline{s}}$ .

Τὸ δέ φησιν ὅτι πλάσσω τὸν  $\Box^{\circ v}$  ἀπὸ  $SS^{\tilde{\omega}^{v}}$  25 ὅσων δήποτε, καλῶς λέγων. κἂν γὰο τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων, ὑποθώμεθα ἀπὸ  $SS^{\tilde{\omega}^{v}}$  δ πλάσσεσθαι τὸν  $\Box^{\circ v}$ , γενήσονται  $\Delta^{v}$   $\overline{\iota}$  ἴσαι  $SS^{\circ \overline{\iota}}$   $\overline{\lambda}$ β, καὶ δ  $S^{\circ}$  μο  $\overline{\alpha}$  καὶ  $\overline{\iota}$ ε  $\iota$ ξ $^{\alpha}$ , ἤτοι  $\overline{\lambda}$ β  $\iota$ ξ $^{\alpha}$  καὶ γενήσεται δ μὲν  $\alpha^{\circ s}$  τετράγω-

<sup>25</sup> I, 90, 14.

νος,  $\dot{ω}$ ς  $\dot{α}$ πο  $\dot{μ}$ εν της πλευρας της  $\dot{μ}$ ο  $\bar{α}$  καὶ  $\bar{ι}$ ε  $\iota$ ζ $\dot{ω}$ ν,  $\mu^{\circ} \overline{\beta}$ ,  $\overline{\imath \gamma}$   $\imath \zeta^{\alpha}$ ,  $\kappa \alpha i \overline{\sigma \kappa \epsilon}$   $\sigma \pi \vartheta^{\alpha}$  ( $\delta$   $\gamma \alpha \rho$   $\overline{\imath \zeta}$   $\epsilon \varphi$  '  $\epsilon \alpha \nu \tau \delta \nu$   $\overline{\sigma \pi \vartheta}$ ποιεί), ως δ' ἀπὸ τῶν  $\overline{\lambda\beta}$  ιζ $^{\omega\nu}$ , από σπθ $^{\alpha}$ · δ δὲ  $\beta^{os}$  τετράγωνος, ἐπεὶ  $\langle$ άπὸ $\rangle$  55 $^{\bar{\alpha}\nu}$   $\bar{\delta}$  Λ μ $^{o}$   $\bar{\delta}$  ὑπετέθη, παὶ 5 ἔστιν  $\delta$  3 $^{\circ}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\alpha}$  καὶ  $\bar{\iota}\bar{\epsilon}$   $\iota$ ζ $^{\alpha}$ , έὰν ἀφέλης ἀπὸ 53 $^{\tilde{\omega}\nu}$  $\bar{\delta}$ ,  $\mu^{\circ}$  $\bar{\delta}$ , λοιπὰ  $\bar{\xi}$  ι $\xi^{\alpha}$ , απερ είσὶ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\gamma}$  καὶ  $\bar{\vartheta}$  ι $\xi^{\alpha}$ , ώς ἀπὸ τῶν  $\bar{\xi}$  ι $\xi^{\alpha r}$ , γίνεται  $\overline{\gamma \gamma}$  σπθα, ώς δ' ἀπὸ τῶν  $\mu^{\circ} \overline{\gamma}$ ,  $\overline{\vartheta}$  ιζων,  $\mu^{\circ} \overline{\iota \beta}$ ,  $\overline{y}$   $\iota \zeta^{\alpha}$ ,  $\overline{\pi \alpha}$   $\sigma \pi \vartheta^{\alpha}$ .  $\sigma v v \tau \iota \vartheta \varepsilon \mu \varepsilon v o \iota$   $\delta \varepsilon$  of  $\tau \circ \iota \circ \widetilde{v} \tau \circ \iota$ , of  $\mu \varepsilon v$  $\dot{\alpha}\pi\dot{\alpha}$   $\mu$ ov $\dot{\alpha}\dot{\delta}\omega\nu$   $\kappa\alpha\dot{\delta}$   $\mu$ o $\rho\dot{\delta}\omega\nu$ ,  $\tau$ ov $\tau\dot{\epsilon}\sigma\tau$ i $\nu$   $\delta$   $\tau\epsilon$   $\mu$ °  $\bar{\beta}$ ,  $\bar{\iota}\bar{\gamma}$   $\bar{\iota}\bar{\gamma}^{\alpha}$ , 10  $\overline{\sigma \kappa \varepsilon}$   $\sigma \pi \vartheta^{\alpha}$ ,  $\kappa \alpha l$   $\delta$   $\mu^{\circ}$   $\iota \overline{\beta}$ ,  $\overline{\gamma}$   $\iota \zeta^{\alpha}$ ,  $\overline{\kappa \alpha}$   $\sigma \pi \vartheta^{\alpha}$ ,  $\pi \circ \iota \circ \overline{\upsilon} \circ \iota$   $\iota \circ \iota \overline{\varsigma}$ , τὸν προκείμενον τετράγωνον οί δ' ἀπὸ τῶν μορίων, τουτέστι δ ακό και δ γχ, ποιούσι τον δικό σπθων, δς δ' αὐτός έστι τετράγωνος ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ ξη. καλ γίνεται τοῦ τς έπὶ τὰ σπθ πολλαπλασιασθέντος, ἢ τῶν 15 έν τῷ ιξ μονάδων έκάστης εἰς σπθ τμηθείσης (έκατέοως γάο δ δχαδ γίνεται). και διηρέθη νῦν δ τς είς έτέρους δύο τετραγώνους τόν τε αχδ καὶ τὸν γχ.

Τοῦτό γε μὴν εἰδέναι χοεών, ὡς οὐδέποτε δεῖ ἐνταῦθα ποιεῖν τὸν τετράγωνον ἀπὸ Sοῦ ᾱ, ἀλλ' ἀπὸ ᾱ 20 καὶ μορίου οἰουδηποτοῦν, καὶ β̄, καὶ ἐφεξῆς · εἰ γὰρ ἀπὸ μόνου ᾱ, οὐ προβήσεται τὸ ζητούμενον · γενήσεται γὰρ πάλιν ὁ Sο μο ὅσων ἡν καὶ ἡ τοῦ ὑποτεθέντος τετραγώνου πλευρά, καὶ γενήσεται ὁ μὲν αος τετράγωνος ὁ αὐτὸς τῷ εἰς διαίρεσιν προκειμένῳ, ὁ δὲ βος οὐδαμοῦ ἔσται, καὶ μενεῖ πάλιν ὁ τετράγωνος ἀδιαίρετος, ὅπερ οὐχ ὑπέκειτο. :

"Ετι φησίν δτι ἀπό 35<sup>ω</sup>, δσων δήποτε Λ μ° τοσούτων δσων έστιν ή των ιξ μ° πλευρά. προκείσθω τὸν κε διελείν είς δύο τετραγώνους έπει έκ

<sup>8</sup> οί μέν] ὁ μέν. 27 Ι, 90, 14/15.

τῶν  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$  καὶ  $\overline{\vartheta}$  σύγκειται, ἐὰν ἀφέλω ἀπὸ τοῦ  $\overline{\kappa}\overline{\varepsilon}$ ,  $\Delta^{\Upsilon}\overline{\alpha}$  ἤτοι τὸν  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$ , λοιπὰ μένουσιν  $\overline{\vartheta}$ , τουτέστι μ°  $\overline{\kappa}\overline{\varepsilon}$  Λ  $\Delta^{\Upsilon}\overline{\alpha}$  καὶ ἔστιν  $\mathring{\eta}$  πλευρὰ τοῦ  $\overline{\vartheta}$ ,  $\mathring{\eta}$ ν φησι πλάσσειν, μ°  $\mathring{\gamma}$ ,  $\mathring{\delta}$  λέγει  $\Im \Im^{\widetilde{\alpha}}\overline{\delta}$  Λ μ° δσων ἐστιν  $\mathring{\eta}$  τοῦ  $\overline{\kappa}\overline{\varepsilon}$  πλευρά, τουτέστι  $\overline{\varepsilon}$  . ὅπερ γίνεται οὕτως · ἐπεὶ  $\mathring{\delta}$   $\Im^{\circ}$ ,  $\mathring{\delta}$  ποιῶν τὸν  $\mathring{\delta}$   $\overline{\varepsilon}$   $\Delta^{\Upsilon}$ ,  $\mathring{\delta}$   $\overline{\delta}$  ἐστιν, οί  $\overline{\beta}$  ἄρα  $\Im \Im^{\circ}$  μ° εἰσὶν  $\overline{\eta}$  · ἀν  $\mathring{\delta}$  ὰφέλης ἀπὸ τῶν  $\overline{\eta}$   $\langle \mathring{\tau}\mathring{\eta}\mathring{\nu}\rangle$  πλευρὰν τοῦ  $\overline{\kappa}\overline{\varepsilon}$ , τουτέστι τὰ  $\overline{\varepsilon}$ , λοιπὰ  $\overline{\gamma}$ , απερ ἐστὶν  $\mathring{\eta}$  τοῦ  $\overline{\vartheta}$  πλευρά · καί εἰσι τὰ  $\overline{\gamma}$ , μ°  $\overline{\eta}$  Λ μ°  $\overline{\varepsilon}$ .

Πάλιν ἐὰν ἀφέλω ἀπὸ τῶν  $\overline{x}\overline{\varepsilon}$  τὸν  $\overline{\vartheta}$   $\Delta^Y$ , λοιπὰ 10 μένουσι  $\overline{\iota}\overline{\varepsilon}$ . τὴν δὲ τούτου πλευρὰν οὐκέτι φήσομεν  $35^{\overline{\omega}r}\overline{\beta}$  πλάσσειν  $\Lambda$  μ° δσων ή τοῦ  $\overline{u}\overline{\varepsilon}$  πλευρά, ἀλλ'  $55^{\overline{\omega}r}\overline{\gamma}$ . ἐπεὶ γὰρ ἀρτίως  $\delta$  ποιῶν τὸν  $\overline{\vartheta}$   $\Delta^Y$   $5^{\circ}$  δ  $\overline{\gamma}$  ἐστίν, οἱ  $\overline{\gamma}$  ἄρα  $55^{\circ i}$  μ° εἰσὶν  $\overline{\vartheta}$ . ὧν ἐὰν ἀφέλης τὴν τοῦ  $\overline{u}\overline{\varepsilon}$  πλευράν, λοιπὰ  $\overline{\delta}$ , ἄπερ ἐστὶν ή τοῦ  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$  πλευρά. καὶ 15 ἔστιν ή τοῦ  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$  πλευρά, τὰ  $\overline{\delta}$ ,  $55^{\overline{\omega}r}\overline{\gamma}$   $\Lambda$  μ°  $\overline{\varepsilon}$ , τουτέστι μ°  $\overline{\vartheta}$   $\Lambda$  μ°  $\overline{\varepsilon}$ .

Καθόλου γὰρ ἐπὶ πάντων τετραγώνων τῶν εἰς δύο τετραγώνους διαιρουμένων, ἡ τοῦ διαιρουμένου πλευρὰ μετὰ τῆς πλευρᾶς ὁποτέρου τῶν ἀπὸ τῆς διαιρέσεως νο ἔχει τινὰ λόγον πρὸς τὴν πλευρὰν τοῦ λοιποῦ, καὶ ἀφαιρεθέντος ὁποτερουοῦν τῶν ἀπὸ τῆς διαιρέσεως, ἡ πλευρὰ τοῦ λοιποῦ τοσούτων μο ἔσται ὅσων ἡν, λείψει τῆς τοῦ διαιρουμένου πλευρᾶς, ἡ τοῦ ἀφαιρεθέντος πλευρὰ τοσαυτάκις ὁσαπλασίων ἡν καὶ ἡ πλευρὰ τοῦ λοιποῦ μετὰ τῆς πλευρᾶς τοῦ διαιρουμένου τῆς τοῦ ἀφαιρεθέντος πλευρᾶς.

Otov ê $\pi$ el  $\delta$   $\overline{\pi}$ e éx τοῦ  $\overline{\theta}$  καὶ τοῦ  $\overline{\iota}$ 5 σύγκειται καὶ εἰς αὐτοὺς διαιρεῖται, καὶ  $\dot{\eta}$  πλ. τοῦ  $\overline{\pi}$ e, τὰ  $\overline{\epsilon}$ , μετὰ

<sup>25</sup> δσαπλασίων] cod. addunt δσόλογος.

τῆς πλ. τοῦ  $\overline{\vartheta}$ , τῶν  $\overline{\gamma}$ , διπλασίων ἐστὶ τῆς πλ. τοῦ  $\overline{\iota \varsigma}$ , τῶν  $\overline{\delta}$ , ἀν ἀφέλω τὸν  $\overline{\iota \varsigma}$ , ἔσται ἡ τοῦ  $\overline{\vartheta}$  πλ., διὰ τὸν διπλάσιον λόγον, δὶς ἡ τοῦ  $\overline{\iota \varsigma}$  πλ. Λ τῆς τοῦ  $\overline{\kappa \varepsilon}$  πλ., τουτέστι  $\mu^{\circ}$   $\overline{\eta}$  παρὰ  $\overline{\varepsilon}$ , τουτέστι  $\overline{\gamma}$ . πάλιν ἐπεὶ ἡ πλ. 5 τοῦ  $\overline{\kappa \varepsilon}$ , τὰ  $\overline{\varepsilon}$ , μετὰ τῆς πλ. τοῦ  $\overline{\iota \varsigma}$ , τῶν  $\overline{\delta}$ , τριπλασίων ἐστὶ τῆς πλ. τοῦ  $\overline{\vartheta}$ , τῶν  $\overline{\gamma}$ , ἐὰν ἀφέλω τὸν  $\overline{\vartheta}$ , ἔσται ἡ τοῦ  $\overline{\iota \varsigma}$  πλ., διὰ τὸν τριπλάσιον λόγον, τρὶς ἡ τοῦ  $\overline{\vartheta}$  πλ. Λ τῆς τοῦ  $\langle \kappa \overline{\varepsilon} \rangle$  πλ., τουτέστι  $\mu^{\circ}$   $\overline{\vartheta}$  παρὰ  $\mu^{\circ}$   $\overline{\varepsilon}$ ,  $\overline{\varepsilon}$  έστι  $\mu^{\circ}$   $\overline{\delta}$ .

10 Καὶ ὁμοίως, ἐπεὶ ὁ  $\overline{\varrho \xi \vartheta}$   $\Box^{o\varsigma}$  εἰς τὸν  $\overline{\varkappa \varepsilon}$  καὶ τὸν  $\overline{\varrho \mu \vartheta}$  διαιρεῖται, καὶ ἔστιν ἡ πλ. τοῦ  $\overline{\varrho \xi \vartheta}$ , τὰ  $\overline{\iota \gamma}$ , μετὰ τῆς τοῦ  $\overline{\varkappa \varepsilon}$  πλ., τῶν  $\overline{\varepsilon}$ , ἡμιόλια τῆς τοῦ  $\overline{\varrho \mu \vartheta}$  πλ., τῶν  $\overline{\iota \beta}$ , ἐὰν ἄρα ἀφέλω ἀπὸ τῶν  $\overline{\varrho \xi \vartheta}$  τὰ  $\overline{\varrho \mu \vartheta}$ , ἔσται ἡ τοῦ  $\overline{\varkappa \varepsilon}$  πλ., διὰ τὸν ἡμιόλιον λόγον, ᾶπαξ καὶ ἡμισάκις ἡ 15 τοῦ  $\overline{\varrho \mu \vartheta}$  πλ.  $\Lambda$  τῆς τοῦ  $\overline{\varrho \xi \vartheta}$  πλ., τουτέστι  $\mu^o$   $\overline{\iota \eta}$   $\Lambda$   $\mu^o$   $\overline{\iota \gamma}$ ,  $\overline{\varepsilon}$  έστι  $\mu^o$   $\overline{\varepsilon}$ . καὶ πάλιν, ἐπεὶ ἡ τοῦ  $\overline{\varrho \xi \vartheta}$  πλ., τὰ  $\overline{\iota \gamma}$ , μετὰ τῆς  $\overline{\varrho \mu \vartheta}$  πλ., τῶν  $\overline{\iota \beta}$ , πενταπλασίων ἐστὶ τῆς τοῦ  $\overline{\varkappa \varepsilon}$  πλ., τῶν  $\overline{\varepsilon}$ , ἑὰν ἄρα ἀφέλω ἀπὸ τοῦ  $\overline{\varrho \xi \vartheta}$  τὰ  $\overline{\varkappa \varepsilon}$ , ἔσται ἡ τοῦ  $\overline{\varrho \mu \vartheta}$  πλ., διὰ τὸν πενταπλάσιον λόγον, 20  $\varepsilon^{\varkappa \iota \varsigma}$  ἡ τοῦ  $\overline{\varkappa \varepsilon}$  πλ.,  $\Lambda$  τῆς τοῦ  $\overline{\varrho \xi \vartheta}$  πλ., τουτέστι  $\mu^o$   $\overline{\varkappa \varepsilon}$   $\Lambda$   $\mu^o$   $\overline{\iota \gamma}$ ,  $\overline{\varepsilon}$  ἐστι  $\mu^o$   $\overline{\iota \beta}$ .

'Επεί τοίνυν κατά πάντα μεν γίνονται λόγον αί πλευραί προς άλλήλας, ἀεὶ δὲ λείψει τῆς τοῦ διαιρουμένου πλευρᾶς, διὰ τοῦτό φησιν ἀπὸ Σςῶν ὅσων δή
Σ΄ ποτε Λ τῆς τοῦ διαιρουμένου πλευρᾶς καὶ ἐπὶ τοῦ οξθ τοίνυν, καθὰς ἡμεῖς λέγομεν, ἀφαιρεθέντων τῶν πε, λείπεται ἡ τοῦ ομδ πλ., εκις ἡ τοῦ πε πλ., Λ τῆς τοῦ οξθ πλ. ὁ Διόφαντος εἶπεν ἀν ὅτι εστω ἡ τοῦ ομδ πλ., ςςοὶ εκιν ἡ πλ.

 $<sup>20 \</sup>text{ toñ } \overline{\varrho \xi \vartheta}$ ] toñtov  $\overline{\varrho \xi \vartheta}$ .

τοῦ ἀφαιρεθέντος  $\Box^{ov}$ , ἤτοι  $\Delta^{Y}$ . εί δὲ εἶπεν ὅτι  $\overline{\varrho\xi\vartheta}$  διαι $\varrho\varpi\nu$  καὶ ἀφελὼν έξ αὐτοῦ  $\Delta^{Y}\overline{\alpha}$ , εἶτα εἶπεν εστω  $\underline{\eta}$  τοῦ λοιποῦ πλ.,  $\mathfrak{SS}^{ol}\ \overline{\xi}\ \mathring{\eta}\ \mathring{\overline{\xi}}\ \mathring{\eta}\ \mathring{\overline{g}}$  ὅσοι δήποτε  $\Lambda$  τῆς τοῦ  $\overline{\varrho\xi\eth}$  πλ., οὐκέτι τὸν  $\overline{\kappa\varepsilon}$  καὶ  $\overline{\varrho\mu\eth}$  ποιεῖν εμελλεν, ὡς ἀνωτέρω δέδεικται, ἀλλ' ετέρους.

Πῶς δέ φησιν δ Διόφαντος ὅτι δ δὲ β° έ ἔσται  $\overline{\varrho}\mu\bar{\delta}$ ; ὅτι τὴν πλ. αὐτοῦ ὑπέθετο  $\mathfrak{SS}^{\omega\nu}\,\overline{\beta}\,\,\Lambda\,\,\mu^{\circ}\,\,\overline{\delta}$ , of δὲ  $\overline{\beta}\,\,\mathfrak{SS}^{\circ l}\,\,$  εἰσι  $\mu^{\circ}\,\,\overline{\varsigma}\,\,$  καὶ  $\overline{\beta}\,\,\varepsilon^{\alpha}\,\cdot\,\,$  ἀν άν ἀφέλης τὰς  $\overline{\delta}\,\,\mu^{\circ}$ , λοιπαὶ  $\mu^{\circ}\,\,\overline{\beta}\,\,$  καὶ  $\overline{\beta}\,\,\varepsilon^{\alpha}\,\cdot\,\,$  ἀναλυθεισῶν δὲ καὶ τῶν μονάδων εἰς  $\varepsilon^{\alpha}$ , γίνεται  $\overline{\imath}\,\overline{\beta}\,\,\varepsilon^{\alpha}$ , πλευρὰ ὄντα τῶν  $\overline{\varrho}\mu\bar{\delta}$ .

#### AD PROBLEMA IX.

ἔκθ. S 
$$\bar{\alpha}$$
 μ°  $\bar{\beta}$  SS  $\bar{\beta}$  Λ μ°  $\gamma$ 
πολλ.  $Δ^{Y}\bar{\alpha}$  SS  $\bar{\delta}$  μ°  $\bar{\delta}$   $Δ^{Y}\bar{\delta}$  μ°  $\bar{\theta}$  Λ SS  $\bar{\iota}\bar{\beta}$ 
σύνθ.  $Δ^{Y}\bar{\epsilon}$  μ°  $\bar{\iota}\bar{\gamma}$  Λ SS  $\bar{\eta}$   $\bar{\iota}^{\sigma}$ . μ°  $\bar{\iota}\bar{\gamma}$ 
πο.  $Δ^{Y}\bar{\epsilon}$  μ°  $\bar{\iota}\bar{\gamma}$   $\bar{\iota}^{\sigma}$ . SS  $\bar{\eta}$  μ°  $\bar{\iota}\bar{\gamma}$ 
15 ἀφ.  $Δ^{Y}\bar{\epsilon}$   $\bar{\iota}^{\sigma}$  SS  $\bar{\eta}$   $\bar{\iota}^{\sigma}$ . SS  $\bar{\eta}$  μεο.  $Δ^{X}\bar{\alpha}$   $\bar{\iota}^{\sigma}$  SS  $\bar{\alpha}$  ,  $\bar{\gamma}$  ε $^{\alpha}$   $\bar{\eta}$   $\bar{\eta}$  ε $^{\alpha}$ . S  $\bar{\alpha}$  μ°  $\bar{\alpha}$   $\bar{\gamma}$   $\bar{\gamma}$   $\bar{\tau}^{\sigma}$   $\bar{\tau}^{\sigma}$ 

"Ωσπερ έν τῷ ης εἴπομεν, οὕτω δὴ κἀνταῦθα λέγομεν ὅτι οὐ πάντες οἱ ἀπὸ δύο τετραγώνων συγκείμενοι καὶ τετράγωνοί εἰσιν ὅσοι μέντοι τούτων εἰσὶ τετράγωνοι, οὐχὶ καὶ εἰς δύο ἐτέρους τετραγώνους ἐπιδιαιροῦνται, ἀτμήτου τῆς μονάδος μενούσης, ἀλλὰ 25 πάνυ βραχεῖς, οἶος ὁ χπε, ἀπὸ πλ. τοῦ πε, διαιρεῖται

<sup>6</sup> cf. I, 90, 20.

είς τε τὸν σκε ἀπὸ πλ. τοῦ τε, καὶ τὸν ῦ ἀπὸ πλ. τοῦ κ, καὶ ἔτι είς τε τὸν μθ ἀπὸ πλ. τοῦ ξ, καὶ τὸν φος ἀπὸ πλ. τοῦ κ, καὶ τὸν φος ἀπὸ πλ. τοῦ κοῦ καὶ μετὰ τὸν χκε, οἱ ἀπὸ πλευρᾶς πολλαπλασίονος τῆς τούτου πλευρᾶς, ὡς ὁ ἀπὸ πλ. τοῦ ν καὶ οε καὶ ο καὶ ἐφεξῆς. ὅ γε μὴν ἀριθμητικὸς Διόφαντος καὶ ἐπὶ πάντας ἀριθμοὺς τοὺς ἀπὸ τετραγώνων συγκειμένους, καὶ ὅντας τετραγώνους καὶ μὴ ὅντας, καὶ φύσιν ἔχοντας, ἀτμήτου τῆς μονάδος οὔσης, διαιρεῖσθαι καὶ μή, τὴν μεταχείρισιν ἐκτεῖναι 10 βουλόμενος, τὸ παρὸν ἔξέθετο πρόβλημα.

Φησίν οὖν καὶ ἐνταῦθα ὅτι· τετάχθωσαν αἱ τῶν ἐπιζητουμένων □ων πλευραὶ ἡ μὲν 5οῦ ᾱ μο β̄, ἡ δὲ 55ῶν ὅσων δήποτε Λ μο ὅσων ἐστὶν ἡ τοῦ λοιποῦ πλευρά. ὅθεν δ΄ οὕτω ταῦτα λαμβάνειν 15 ῶρμηται, πειρασόμεθα ἡμεῖς, ὡς ἂν οἶοί τε ὡμεν, σαφῶς παραστῆσαι· δείξομεν δὲ τοῦτο ἐπὶ ἀριθμοῦ καθ΄ δν οὐ τέμνεται ἡ μονάς. προκείσθω τὸν χκε, συγκείμενον ἔκ τε τοῦ σκε καὶ τοῦ ῦ, μεταδιελεῖν εἰς τε τὸν μθ καὶ τὸν φος, καὶ ἐκκείσθωσαν αἱ πλευραὶ αὐτῶν πάντων κατὰ τὸ ὑποτεταγμένον διάγραμμα, καὶ προτετάχθωσαν αἱ τῶν ἐλαττόνων □ων πλαὶ κατὰ συστοιγίαν οἷον τὰ ξ καὶ ῑε.

 $\begin{array}{ccc}
\overline{\zeta} & & \overline{\chi} \delta \\
\overline{\iota} \varepsilon & & \overline{\chi} \\
& & \overline{\chi} \varepsilon
\end{array}$ 

25

'Eàν οὖν η μοι έγνωσμένον ὅτι ὁ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\kappa\epsilon}$   $\square^{o}$  σύγκειται ἔκ τε τοῦ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\iota\epsilon}$  καὶ τοῦ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\kappa}$  καὶ βούλωμαι ἔτι τὸν ἀπὸ τοῦ  $\overline{\kappa\epsilon}$  εἰς δύο ἐτέρους μεταδιελεῖν  $\square^{ous}$ , λέγω οὕτως ' ἔστω ἡ πλ. τῶν ἐπιζη-

<sup>4</sup> πολλαπλασίων. 11 sqq. I, 92, 21/23.

τουμένων  $\Box^{\omega v}$ , ή μὲν  $\mathfrak{S}^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^o$   $\bar{\iota}\varepsilon$ , διὰ τὸ έγνῶσθαι τὸν  $\bar{\iota}\varepsilon$ , ή δὲ  $\mathfrak{S}\mathfrak{S}^{\bar{\omega}v}$  ένταῦθα  $\bar{\gamma}$   $\Lambda$   $\mu^o$   $\bar{x}$ , διὰ τὸ έγνῶσθαι καὶ τὸν  $\bar{x}$ , καὶ συναχθήσεται  $\mathfrak{S}$   $\mathfrak{S}^{o'}$   $\mu^o$   $\bar{\mathfrak{S}}$ , καὶ ἔσται ή μὲν  $\mathfrak{S}^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^o$   $\bar{\iota}\varepsilon$ ,  $\mu^o$   $\bar{\chi}$ ,  $\dot{\eta}$  δὲ  $\mathfrak{S}\mathfrak{S}^{\bar{\omega}v}$   $\bar{\gamma}$   $\Lambda$   $\mu^o$   $\bar{x}$ ,  $\mu^o$   $\bar{\zeta}$ .

Ο δὲ  $\mathbf{S}^{\circ}$  ἔσται  $\mathbf{\mu}^{\circ}$   $\mathbf{\overline{D}}$ , οὕτως  $\mathbf{\lambda}$  λάβε  $\mathbf{\mu}$ οι τὰς  $\mathbf{\pi}\lambda^{\lambda\varsigma}$ ς τῶν  $\mathbf{S}^{\circ}$   $\mathbf{\Xi}^{\circ}$   $\mathbf{\mu}^{\circ}$   $\mathbf{\overline{D}}$   $\mathbf{\overline{D}}$ 

Πάλιν έὰν ἢ μοι ἐγνωσμένον ὅτι ὁ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\kappa\epsilon}$ σύγκειται ἔκ τε τοῦ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\xi}$  καὶ τοῦ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\kappa}$ σύγκειται ἔκ τε τοῦ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\xi}$  καὶ τοῦ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\kappa}$   $\Box^{ovs}$ , λέγω οὕτως. ἔστω ἡ πλ. τῶν ἐπιξητουμένων  $\Box^{or}$ , ἡ μὲν  $\Xi^{o\bar{\nu}}$   $\overline{\alpha}$  μο  $\overline{\xi}$ , διὰ τὸ ἐγνῶσθαι τὸν  $\overline{\xi}$ , ἡ δὲ  $\Xi^{\bar{\mu}\nu}$   $\overline{\gamma}$ Λ μο  $\overline{\kappa}$  ἔγνωσται γὰρ καὶ ὁ  $\overline{\kappa}$  λαμβάνω πάλιν τὰς πλὶς χιαστῶς. καὶ αὶ  $\overline{\kappa}$  μο  $\overline{\mu}$  δυ λείψει ἡ  $\overline{\mu}$  ἐλαμβάνετο  $\overline{\mu}$ πλ., καὶ αὶ  $\overline{\iota}$   $\overline{\epsilon}$  μο συντιθέμεναι γίνονται  $\overline{\lambda}$   $\overline{\tau}$ , ὁ δὲ  $\overline{\lambda}$   $\overline{\tau}$ πλ., καὶ αὶ  $\overline{\iota}$   $\overline{\epsilon}$  μο συντιθέμεναι γίνονται  $\overline{\lambda}$   $\overline{\tau}$ , ὁ δὲ  $\overline{\lambda}$   $\overline{\tau}$ πλ., καὶ  $\overline{\tau}$   $\overline{\mu}$   $\overline{\tau}$   $\overline{$ 

Διὰ δὴ ταῦτα εἰκότως καὶ οὖτος τὴν μὲν τοῦ α $^{ov}$  τῶν ζητουμένων πλ $^{dv}$ ,  $\mathbf{S}^{o\tilde{v}}$  ᾱ τίθησι καὶ μ $^{o}$  ὅσων ἦν ἡ τοῦ ἐλάττονος τῶν ἐγνωσμένων πλ $^{d}$ , τὴν δὲ τοῦ β $^{ov}$ , so

<sup>20</sup> αί] δ.

 $55^{\omega r}$  δσων δήποτε, ώσπες καὶ ἐν τῷ πρὸ τούτου,  $\Lambda$   $\mu^o$  δσων ἐστὶν ἡ τοῦ μείζονος τῶν ἐγνωσμένων πλά, καὶ γίνεται ὁ μὲν προσλαμβάνων τὴν τοῦ ἐλάττονος πλά $^{4r}$ , μείζων, ὁ δὲ τὴν τοῦ μείζονος ἐλλείπων, ἐλάττων.

Όπως δὲ τὰ τκε (κεα) συνάγει τὰς τη μο, γίνεται ούτως επεί δ  $5^{\circ}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\alpha}$  καί  $\bar{\gamma}$   $\epsilon^{\omega r}$  εύρίσκεται, ήτοι  $\bar{\eta}$   $\epsilon^{\omega r}$ άναλυομένης και τῆς μονάδος εἰς  $ε^{\alpha}$ , ἡ δὲ τοῦ  $α^{ov}$   $\Box^{ov}$  $\pi\lambda$ . ὑ $\pi$ ετέ $\vartheta$  $\eta$  S<sup>οῦ</sup>  $\bar{\alpha}$   $\mu$  $^{ο}$   $\bar{\beta}$ , ἔσται ἄ $\varrho$  $\alpha$   $\mu$  $^{ο}$   $\bar{\gamma}$ ,  $\bar{\gamma}$   $\epsilon$  $^{ων}$ , ἤτοι  $\overline{\iota\eta} \ \epsilon^{\omega r} \cdot \delta \ \delta \dot{\epsilon} \ \dot{\alpha}\pi \dot{\delta} \ \tau \alpha \dot{\sigma} \tau \eta \varsigma \ \Box^{\circ\varsigma}, \ \dot{\omega}\varsigma \ \mu \dot{\epsilon}\nu \ \dot{\alpha}\pi \dot{\delta} \ \mu^{\circ} \ \overline{\gamma}, \ \overline{\gamma} \ \epsilon^{\omega r},$ 10 Estal  $\mu^0$   $\overline{\iota\beta}$ ,  $\overline{\nu}$   $\varepsilon^{\omega r}$ ,  $\overline{\vartheta}$   $\kappa \varepsilon^{\omega r}$ ,  $\omega_S$   $\delta'$   $\alpha \pi \delta$   $\tau \omega \overline{\nu}$   $\overline{\iota\eta}$   $\varepsilon^{\omega r}$ ,  $\overline{\iota \kappa \delta}$  $xε^{\omega r}$ . πάλιν έπεὶ ή τοῦ  $β^{ου}$  πλ. ὑπετέθη  $SS^{\tilde{\omega} r}$   $\bar{\beta}$   $\Lambda$   $\mu^{o}$   $\bar{\gamma}$ , τουτέστι ένδς  $ε^{ov}$ , καὶ δ ἀπ' αὐτοῦ  $\Box^{os}$  ένδς κε $^{ov}$ , τὸ δὲ Εν κε $^{or}$  συντιθέμενον ταζ $^{c}$  μ $^{o}$   $\overline{\iota \beta}$   $\overline{\rho}^{e''}$   $\overline{\vartheta}^{xe''}$ , γίνεται  $\mu^{\circ} \overline{\iota \gamma}$ , at if doing, rote of  $\overline{\iota n \delta^{\times \circ''}}$ , piveral  $\overline{\iota n \epsilon^{\times \circ''}}$ , nat 15 τὰ τκε κεα είς μονάδας συναγόμενα γίνονται μο τγ· δ μεν  $\overline{\imath \gamma}$  συνετέθη έκ τοῦ  $\overline{\delta}$  καὶ  $\overline{\vartheta}$ , μεταδιηρέθη εἰς  $\tau \delta \nu \ \overline{\iota \beta} \ \overline{\nu}^{\epsilon''} \ \overline{\vartheta}^{\kappa \epsilon''} \ \kappa \alpha l \ \tau \delta \ \overline{\alpha}^{\kappa \epsilon''} \cdot \ \delta \ \delta \dot{\epsilon} \ \overline{\iota \kappa \epsilon} \ \sigma \nu \epsilon \tau \dot{\epsilon} \partial \eta \ \mu \dot{\epsilon} \nu$ άπὸ τοῦ  $\bar{\varrho}$  (τουτέστι τοῦ  $\delta^{xig}$   $\bar{n}\bar{e}$ ) καὶ τοῦ  $\bar{\sigma}\bar{n}\bar{e}$  (τουτέστι τοῦ  $θ^{xig}$   $\overline{xe}$ ), μεταδιηρέθη δὲ εἴς τε τὸν  $\overline{xe}$  καλ 20 tò  $\bar{\alpha}^{xe''}$  (τουτέστι τῶν  $\mu^o$   $\bar{\iota}\bar{\beta}$   $\bar{\nu}^{e''}$   $\vartheta^{xe''}$  εἰς κεα ἀναλυθέντων),

## AD PROBLEMA X.

S a µ° v ёхЯ. Sã πολλ.  $\Delta^{Y} \bar{\alpha}$ AY a ss \$ uº 8 SS \$ μ° 8 ισ. μ° ξ 55 E ισ. μο να άφ. 25 sā μ° η L' μεο. μ° τα L μº η L'  $\mu^{\circ}$   $\overline{\circ\beta}$   $\delta''$  $\mu^{\circ}$   $\rho\lambda\beta$   $\delta''$ . vπ.

<sup>5</sup> cf. I, 94, 8.  $\kappa \epsilon^{\alpha}$  om. B, habet X. 12  $\epsilon^{ov}$  ]  $\pi \epsilon \mu \pi \tau \omega \nu$ .  $\kappa \epsilon^{ov}$ ]  $\epsilon i \kappa \sigma \sigma \sigma \epsilon \mu \pi \tau \omega \nu$ . 20  $\tau \delta$ ]  $\tau \delta \nu$ .

#### AD PROBLEMA XI.

Διπλοισότης τὸ παρὸν εἶδος καλεῖται, ἐπειδὴ ἐν μὲν τοῖς λοιποῖς προβλήμασιν ἀπλῆ ἐγένετο ἡ ἰσότης 10 δι' ἦς ἡ τοῦ Σοῦ ποσότης εὐρίσκεται, ἐνταῦθα δὲ διπλῆ· πρότερον μὲν γὰρ τὸ τῆς ὑπεροχῆς ήμισυ, ἦς ἔχει ὁ ἔτερος τῶν ποιούντων τὴν ὑπεροχὴν ἀριθμῶν πρὸς τὸν ἔτερον, ἐφ' ἑαυτὸ πολλαπλασιασθέν, ἐξισοῦται τῷ ἐλάττονι· εἶτα καὶ τῆς συνθέσεως τούτων τὸ ήμισυ 15 ἐφ' ἑαυτό, ἐξισοῦται τῷ μείζονι· ὅπως δὲ γίνεται τοῦτο, δῆλον ἐντεῦθεν.

'Εὰν ὧσι δύο ἀριθμοὶ ἐν ὑπεροχῆ τινι, ὁ ἀπὸ τοῦ ἡμίσεως τῆς συνθέσεως αὐτῶν τοσαύταις μ° ὑπερέξει τοῦ ἀπὸ τοῦ ἡμίσεως τῆς ὑπεροχῆς αὐτῶν ὅσας καὶ 20 αὐτοὶ ποιοῦσιν ἐπ' ἀλλήλους πολλαπλασιαζόμενοι. οἶον ἔστωσαν μ° ῆ, μ° δ, τούτων ἡ μὲν σύνθεσις μ°  $\overline{\iota}$ β, τὸ δὲ ἡμισυ τῆς συνθέσεως  $\overline{\varsigma}$ , τὸ δὲ ἀπὸ τούτου  $\overline{\lambda}$  $\overline{\varsigma}$ · ἡ δὲ ὑπεροχὴ μ° δ̄, τὸ δὲ ἡμισυ ταύτης  $\overline{β}$ , τὸ δὲ ἀπὸ τούτου  $\overline{δ}$ · τὰ δὲ  $\overline{λ}$  $\overline{\varsigma}$  τῶν  $\overline{δ}$  ὑπερέχει μ°  $\overline{λ}$  $\overline{β}$ , ἀλλὰ καὶ 25

<sup>9</sup> cf. I, 96, 9.

 $\langle \tau \dot{\alpha} \rangle$   $\bar{\eta}$  καλ  $\tau \dot{\alpha}$   $\bar{\delta}$  έπ' άλληλα πολλαπλασιαζόμενα  $\bar{\lambda}\bar{\beta}$  ποιεί. τοῦτο δὲ ταὐτόν έστι τῆ προτάσει τοῦ εου τοῦ  $\beta$ ου τῶν Στοιχείων.

Τούτφ τοίνυν αντιστρόφως δ Διόφαντος ένταῦθα 5 χρησάμενός φησιν· έπεὶ ή ὑπεροχή τοῦ Sοῦ α μο γ πρὸς τὸν  $\mathbf{S}^{i\nu}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{o}$   $\bar{\beta}$ ,  $\mu^{o}$   $\bar{\alpha}$  τυγχάνει, την δὲ ὑπεροχήν ταύτην, τουτέστι την μο α, ποιούσι δύο τινές αριθμοί έπ' άλλήλους πολλαπλασιαζόμενοι, οί  $\mu^o$   $\bar{\delta}$  καὶ  $\mu^o$   $\delta^{ov}$  ( $\delta^{\text{xis}}$ γὰο τὸ δον, μο α γίνεται), τὸ ἄρα ἀπὸ τοῦ ζ΄ τῆς ὑπερ-10 0 $\chi \tilde{\eta} \tilde{g}$   $\tau \tilde{\omega} \nu$   $\bar{\delta}$   $\pi \varrho \delta \tilde{g}$   $\tau \delta$   $\delta^{or}$ ,  $\ell \sigma o \nu$   $\ell \sigma \tau \tilde{l}$   $\tau \tilde{\omega}$   $\ell \lambda \dot{\alpha} \tau \tau \sigma \nu \iota$ ,  $\tau \delta$   $\delta \dot{\epsilon}$ άπὸ τοῦ Δ΄ τῆς συνθέσεως αὐτῶν ἴσον τῶ μείζονι. ώσπες εί και ήμεζε άντιστρέψαντες έπι τοῦ άνωτέρω τεθέντος παραδείγματος έλέγομεν έπει τὰ λξ ύπερέχουσι τῶν  $\bar{\delta}$   $\mu^o$   $\bar{\lambda}\bar{\beta}$ , τὸν  $\langle \delta \hat{\epsilon} \rangle$   $\bar{\lambda}\bar{\beta}$  ποιοῦσι δύο ἀριθμοί 15  $\dot{\epsilon}\pi'$   $\dot{\alpha}\lambda\lambda\dot{\eta}\lambda ovs$ ,  $\delta$   $\bar{\eta}$  xal  $\delta$   $\bar{\delta}$ ,  $\tau\delta$   $\ddot{\alpha}o\alpha$   $\dot{\alpha}\pi\delta$   $\tauo\bar{v}$  L'  $\tau\bar{\eta}s$ ύπεροχής τούτων, τουτέστι τὰ δ, ίσον έστὶ τῷ έλάττονι, πάλιν τῷ  $\bar{\delta}$  τὸ δὲ ἀπὸ τοῦ  $\angle$  τῆς συνθέσεως αὐτῶν ήτοι τὰ λ5, ἴσον ἐστὶ τῷ μείζονι, τουτέστι  $\pi \alpha \lambda i \nu \tau \tilde{\omega} \lambda \tilde{\zeta}$ .

20 "Εστι δὲ ἡ ὑπεροχὴ τῶν  $\bar{\delta}$  μ° πρὸς τὸ  $\delta^{ov}$ ,  $\bar{\iota}\bar{\epsilon}$   $\delta^{\alpha}$ , τῶν μ° εἰς  $\delta^{\alpha}$  ἀναλυομένων· τούτων τὸ L',  $\bar{\xi}$   $\delta^{wv}$  καὶ  $\eta^{ov}$ · ταῦτα ἀναλυθέντα εἰς  $\eta^{\alpha}$ , ποιοῦσι  $\bar{\iota}\bar{\epsilon}$   $\eta^{\alpha}$ · ταῦτα έφ' έαυτὰ ποιοῦσι  $\bar{\sigma}\kappa\bar{\epsilon}$  ξδα. ταῦτα ἰσα τῷ ἐλάττονι, τῷ  $S^{\bar{\phi}}$   $\bar{\alpha}$  μ°  $\bar{\beta}$ . τῆς δὲ συνθέσεως τὸ L', ἤτοι τῶν  $\bar{\delta}$  μ° καὶ τοῦ  $\bar{\delta}^{ov}$ , μ°  $\bar{\beta}$  καὶ  $\eta^{ov}$ , τουτέστιν  $\bar{\eta}$   $\delta^{\alpha}$  καὶ  $\eta^{ov}$ , τουτέστι  $\bar{\iota}\bar{\xi}$   $\eta^{\alpha}$ · ταῦτα έφ' ἑαυτά, καὶ γίνονται  $\bar{\sigma}\kappa\bar{\theta}$  ξδα. ταῦτα ἴσα τῷ μείζονι, τῷ  $S^{\bar{\phi}}$   $\bar{\alpha}$  μ°  $\bar{\gamma}$ .

Καὶ γίνεται ὁ 5ο τις ξδα, ούτως έπεὶ ή μονὰς

<sup>4</sup> cf. I, 96, 10. 9 tov  $\angle$  7 the halosof B, corr.  $X_2$ . 28 I, 96, 16.

είς  $\overline{\xi}\overline{\delta}$ , έὰν ἀφέλης ἀπὸ τῶν  $\overline{\sigma}$ Χε  $\xi\delta^{\omega \nu}$ , τῶν ἴσων  $\underline{S}^{\omega}$   $\overline{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\overline{\beta}$ , δὶς τὰ  $\overline{\xi}\overline{\delta}$ , ἤτοι  $\overline{\varrho}$ χη, τουτέστι  $\mu^{\circ}$   $\overline{\beta}$ , λοιπὰ  $\overline{\iota_{1}\zeta}$ . δμοίως καὶ ἐὰν ἀπὸ τῶν  $\overline{\sigma}$ πθ  $\xi\delta^{\omega \nu}$ , τῶν ἴσων  $\underline{S}^{\overline{\omega}}$   $\overline{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\overline{\gamma}$ , ἀφέλης τρὶς τὰ  $\overline{\xi}\overline{\delta}$ , τουτέστιν  $\overline{\varrho^{\iota_{1}}\overline{\beta}}$ , ἄπερ ἐστὶ  $\mu^{\circ}$   $\overline{\gamma}$ , λοιπὰ πάλιν  $\overline{\iota_{1}\zeta}$ . ταῦτα τὰ  $\overline{\iota_{1}\zeta}$ , προστιθέμενα τοῖς  $\mu$ ὲν  $\overline{\varrho}$ χη ποιοῦσι  $\square^{\circ \nu}$ , τὸν  $\overline{\sigma}$ Χε ἀπὸ πλ. τοῦ  $\overline{\iota}$ Ε, τοῖς δὲ  $\overline{\varrho^{\iota_{1}}\beta}$ , τὸν  $\overline{\sigma}$ πθ ἀπὸ πλ. τοῦ  $\overline{\iota}$ Ε ἡσαν δὲ τὰ  $\mu$ ὲν  $\overline{\varrho}$ χη,  $\mu^{\circ}$   $\overline{\beta}$  τὰ δὲ  $\overline{\varrho^{\iota_{1}}\beta}$ ,  $\mu^{\circ}$   $\overline{\gamma}$ .

Ζητεῖται δὲ διὰ τί, τῆς ὑπεροχῆς τῶν  $\overline{\gamma}$  μ° πρὸς τὰς  $\overline{\beta}$ ,  $\overline{\alpha}$  μ° οὕσης, τοὺς ποιοῦντας τὴν ὑπεροχὴν 10 ἀριθμοὺς μ°  $\overline{\delta}$  καὶ δ° ἔλαβε, καίτοι γε ἐνῆν καὶ μ°  $\overline{\gamma}$  καὶ γ°, ἢ μ°  $\overline{\beta}$  καὶ μ°ς  $\overline{\zeta}'$  λαβόντα, τὸ αὐτὸ ποιεῖν καὶ γὰρ καὶ τὸ γ° τῶν  $\overline{\gamma}$ ,  $\overline{\alpha}$  μ° ἐστιν, καὶ τὸ  $\underline{\zeta}'$  τῶν  $\overline{\beta}$  μ°, ὡσαύτως. καὶ λέγομεν ὅτι, εἰ ἄλλους ἀριθμοὺς ἐλάμβανεν ἐλάττονας τῶν μ°  $\overline{\delta}$  καὶ δ° καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ  $\underline{\zeta}'$  15 τῆς ὑπεροχῆς αὐτῶν δύναμις ἐλάττων ἔμελλεν εἶναι, οὐ μόνον τοῦ  $\mathbf{S}^{\circ t}$   $\overline{\alpha}$  μ°  $\overline{\beta}$ , ἀλλὰ καὶ μόνων τῶν  $\overline{\beta}$  μ° ώσαύτως καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ  $\underline{\zeta}'$  τῆς συνθέσεως αὐτῶν δύναμις οὐ μόνον τῶν  $\mathbf{S}$   $\overline{\alpha}$  μ°  $\overline{\gamma}$ , ἀλλὰ καὶ μόνων αὐτῶν τῶν  $\overline{\gamma}$  μ° ἐλάττων καὶ τούτου γενομένου, οὐχ ἀν ἡν δυ- 20 νατὸν ἐκ τοῦ ἐλάττονος ἀφαιρεθῆναι τὸ μεῖζον, καὶ οὐχ ἀφαιρεθῆναι μόνον, ἀλλὰ καὶ καταλειφθῆναι τὸ ὅπερ ἦν ἀν τοῦ  $\mathbf{S}^{\circ t}$  ἡ ὑπόστασις.

Καὶ δεικτέον τοῦτο ἐπὶ τῶν  $μ^{\circ}$   $\bar{\gamma}$  καὶ  $\gamma^{\circ v}$ , ὅπερ ἄτοπον γίνεται ἐπεὶ ἡ ὑπεροχὴ τῶν  $\bar{\gamma}$   $μ^{\circ}$  πρὸς τὸ  $\gamma^{\circ v}$ , 25  $\bar{\eta}$   $\gamma^{\alpha}$  ἐστί, τὸ ἄρα ἀπὸ τοῦ L' τῆς ὑπεροχῆς, τουτέστι τῶν  $\bar{\delta}$   $\gamma^{\omega v}$ , ὅπερ ἐστὶ  $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$   $\bar{\vartheta}^{\alpha}$ , ἴσον ἐστὶ τῷ  $\bar{\varsigma}^{\bar{\varphi}}$   $\bar{\alpha}$   $μ^{\circ}$   $\bar{\beta}$ . καὶ πάλιν, ἐπεὶ ἡ σύνθεσις τῶν  $μ^{\circ}$   $\bar{\gamma}$  καὶ  $\gamma^{\circ v}$  γίνεται  $\bar{\iota}$   $\gamma^{\alpha}$ , τὸ ἄρα ἀπὸ τοῦ L' τῆς συνθέσεως, τουτέστι τῶν  $\bar{\epsilon}$   $\gamma^{\omega v}$ , ὅπερ ἐστὶν  $\bar{\kappa}\bar{\epsilon}$   $\bar{\vartheta}^{\alpha}$ , ἴσον ἐστὶ τῷ  $\bar{\varsigma}^{\bar{\varphi}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\gamma}$ . ἐπεὶ εο τοίνυν διὰ τὸ  $\bar{\vartheta}''$ , ἡ μονὰς ἐνταῦθα εἰς  $\bar{\vartheta}$  τέτμηται,

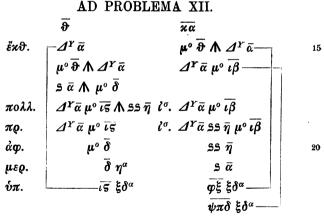
δεῖ ἀφελεῖν, ἀπὸ μὲν τοῦ ἀπὸ τοῦ  $\angle$  τῆς ὑπεροχῆς,  $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$  ἤτοι  $\bar{\imath}\bar{\eta}$   $\partial^{\alpha}$ , ἀπὸ δὲ τοῦ  $\angle$  τῆς συνθέσεως,  $\mu^{\circ}$   $\bar{\gamma}$  ἤτοι  $\bar{\imath}\bar{\eta}$   $\partial^{\alpha}$ , ἀπὸ δὲ τοῦ  $\angle$  τῆς συνθέσεως,  $\mu^{\circ}$   $\bar{\gamma}$  ἤτοι  $\bar{\imath}\bar{\chi}$   $\partial^{\alpha}$ , καὶ καταλειφθῆναι καὶ ἐξ ἑκατέρου αὐτῶν τι, ὅπερ ἡ ὑπόστασις ἔσται τοῦ  $S^{\circ i}$ . ἀλλὰ τὸ μὲν ἀπὸ τοῦ  $\angle$  τῆς ὑπεροχῆς  $\bar{\imath}\bar{\varsigma}$  ἦν  $\partial^{\alpha}$ , τὸ δὲ ἀπὸ τοῦ  $\angle$  τῆς συνθέσεως,  $\bar{\kappa}\bar{\epsilon}$   $\partial^{\alpha}$  · οὐ δυνατὸν δὲ οὕτε τὰ  $\bar{\imath}\bar{\eta}$  ἀπὸ τῶν  $\bar{\imath}\bar{\varsigma}$  ἀφελεῖν, οὕτε τὰ  $\bar{\imath}\bar{\chi}$  ἀπὸ τοῦ  $\bar{\kappa}\bar{\epsilon}$ , τὰ μείζονα ἀπὸ τῶν ἐλαττόνων, ὥστε οὐκ ἔσται οὕτως ἡ τοῦ  $S^{\circ i}$  ὑπόστασις δήλη · πολλῷ δὲ δὴ πλέον, οὐδ' εἰ  $\bar{\beta}$   $\mu^{\circ}$  καὶ 10  $\mu^{\circ\varsigma}$   $\angle$  ἔλαβεν, ἀπὸ μέντοι τῶν  $\bar{\delta}$   $\mu^{\circ}$  καὶ δου καὶ ἐπέκεινα, προβαίνειν τὴν δεῖξιν δυνατόν.

Τοῦτο δ' οὐκ αὐτόθεν έστι γνώριμον, τουτέστι τίνας προληπτέον αριθμούς οδ ποιήσωσιν αν την ύπεροχήν (ή γὰρ ἂν καὶ ὁ Διόφαντος ἐτίθη προσδιο-15 οισμόν), άλλ' έκ μόνης τῆς πείρας καταλαμβάνεται, ὡς ένταῦθα, τῶν  $μ^{ο} \bar{γ}$  καὶ  $γ^{ου}$  ἀποδοκιμαζομένων, τὰς  $\mu^o \bar{\delta}$  και τὸ  $\delta^{ov}$  ἔλαβεν· οὕτω γοῦν και ἐπὶ τῆς  $\beta^{\alpha ;}$ ἀποδείξεως ποιεί, λέγων· πλάσσω τὸν □ον ἀπὸ Sοῦ α Λ μ° τοσούτων ώστε την της ΔΥ ύπόστασιν 20 ύπερβάλλειν αὐτὰς τὰς προεχτεθειμένας τῆς λείψεως  $\mu^{\alpha\varsigma}$  καὶ πλάσσει αὐτὸν ἀπὸ  $5^{ου}$   $\bar{\alpha}$   $\langle \Lambda \rangle$   $\mu^{ο}$   $\bar{\delta}$ . έν μεν τη  $\alpha^n$  αποδείξει, έπειδη υπαρξει ήσαν αί  $\overline{\beta}$   $\mu^o$ , καλ τὸν 🗆 ον έξ ὑπάρξεως τοῦ ζ΄ τῆς ὑπεροχῆς τῶν  $\mu^o$   $\bar{\delta}$  προς το  $\delta^{or}$  έποίει· ένταῦθα δέ, έπειδη λείψει 25 είσλυ αί  $\bar{\beta}$   $\mu^{\circ}$ , καλ τὸν  $\Box^{\circ r}$  ἀπὸ λείψεως ποιεῖ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\delta}$ , ούκ ἀπὸ λείψεως δὲ  $\mu^{o}$   $\overline{\gamma}$ .  $\dot{\eta}$  γὰο ἀπὸ τούτου  $\Delta^{Y}$ πάλιν έλάττων έμελλεν είναι τῆς λείψεως τῶν  $\bar{\beta}$   $\mu^{o}$ . καὶ γὰ $\mathbf{o}$  ἡ ἀπὸ  $\mathbf{S}^{\circ \tilde{v}}$   $\bar{\alpha}$   $\mathbf{\Lambda}$   $\mathbf{\mu}^{\circ}$   $\bar{\mathbf{v}}$  δύναμις γίνεται  $\mathbf{\Delta}^{\mathbf{Y}}\bar{\alpha}$   $\mathbf{\mu}^{\circ}$ θ Λ 55 τ, και κοινής προστεθείσης της λείψεως, μετά

<sup>1</sup> ἀπὸ τοῦ] ἀπὸ τῆς. 14 ἐτίθη Χ, ἐτίθει Β. 18 Ι, 98, 12/15.

την των όμοίων ἀπὸ των όμοίων ἀφαίρεσιν, εύρίσκεται πάλιν  $\delta$  3° έπὶ τὰς ὑποστάσεις,  $\overline{\delta}$   $\gamma^{\alpha}$  καὶ  $\dot{\eta}$  ἀπ' αὐτοῦ ὑφισταμένη  $\Delta^Y \overline{\iota s} \vartheta^{\alpha}$ , ἅτινα οὐχ ὑπερβάλλει τὰς  $\bar{\beta}$   $\mu^{o}$  al yè $\bar{\rho}$   $\bar{\mu}^{o}$ ,  $\bar{i}\bar{\eta}$   $\vartheta^{d}$  elvin, wore où  $\pi_{0}o\beta\dot{\eta}$  detail ή ἀπόδειξις: ἐὰν δὲ ἀπὸ  $\mathbf{S}^{o\tilde{v}}$   $\bar{\mathbf{\alpha}}$   $\mathbf{\Lambda}$   $\mu^o$   $\bar{\mathbf{\delta}}$  πλασθή, τότε ή ἀπὸ  $\mathbf{5}$ τοῦ εύρεθέντος 50 κατά την υπόστασιν τῶν τε ηων ύφισταμένη  $extstyle \Delta^Y$  ύπερβάλλει τὰς  $ar{oldsymbol{eta}}$   $\mu^o$ · ή μὲν γὰρ  $extstyle \Delta^Y$ έστι  $\overline{\sigma}$ χε  $\xi$ δων,  $\alpha$ ί δὲ  $\overline{\beta}$   $\mu$ ο περιέχουσιν  $\overline{\rho}$ χη  $\xi$ δα· έχετνα δε τούτων μείζονα. εί γαο μή ύπερβαλεῖται ή τοιαύτη καταλείπεσθαί τι, τί έσται τὸ προστεθησόμενον ταῖς  $\vec{\beta}$   $\mu^{o}$   $\kappa \alpha l$   $\pi o i \tilde{\eta} \sigma o \nu$   $\tau \delta \delta \lambda o \nu \Box^{o \nu}$ ;

## AD PROBLEMA XII.



Τὸ οἶον δ' ἀν ἀφέλω τετράγωνον τοιοῦτόν έστιν· έπει δ  $\overline{\vartheta}$  και  $\overline{\kappa}$ α ἀπὸ  $\square^{\omega r}$  και ἀριθμοῦ τινος 25 συνετέθησαν, δυ έαν αφέλω, καταλειφθήσονται μόνοι

<sup>24</sup> olov Dioph. (I, 100, 4), 8v cod.

οί  $\Box^{\circ \iota}$ , δῆλον ὅτι καὶ ἐὰν ἀφέλω ἀπὸ ἑτέρου αὐτῶν τὸν  $\Box^{\circ \iota}$ , ὁ ἀριθμὸς ἐκεῖνος καταλειφθήσεται πάντως. ἐπεὶ τοίνυν ὁ μὲν  $S^{\circ}$  εὐρέθη  $\bar{\delta}$  ηων, ἡ δὲ ἀπ' αὐτῶν  $\Delta^{Y}$ ,  $\bar{\iota}\bar{s}$  ξδα, δῆλον ὡς αἱ μο εἰς ξδα ἀναλυθήσονται, καὶ αἱ εμὲν  $\bar{\partial}$  μο ἔσονται  $\bar{\phi}\bar{o}\bar{s}$  ξδα, αἱ δὲ  $\bar{\kappa}\bar{a}$ ,  $\bar{\alpha}$ τμδ ξδα καὶ ἐὰν μὲν ἀπὸ τῶν  $\bar{\partial}$  μο ἀφέλω  $\Delta^{Y}\bar{a}$ , τουτέστιν ἀπὸ τῶν  $\bar{\phi}\bar{o}\bar{s}$  ξδα, λοιπὰ  $\bar{\phi}\bar{g}$  ξδα, απερ ἐστὶν ὁ ζητούμενος ἀφαιρεῖσθαι ἀριθμός έὰν δὲ πάλιν τὰ  $\bar{\phi}\bar{g}$  ξδα ἀφέλω ἀπὸ τῶν  $\bar{\alpha}\bar{u}\bar{g}\bar{g}$ , λοιπὰ  $\bar{\psi}\bar{u}\bar{g}$ , απερ ἐστὶ  $\Box^{\circ i}\bar{g}$  το ἀπὸ πλ. τοῦ  $\bar{\kappa}\bar{\eta}^{\eta'}$  ταῦτα γάρ ἐστιν ἡ  $\Delta^{Y}\bar{a}$  μο  $\bar{\iota}\bar{g}$ .

#### AD PROBLEMA XIII.

Καὶ τὸ ιγον τῆς αὐτῆς ἐστιν ἐφόδου τῷ ιαφ συνάγεται δὲ ὁ 5ο , ἀφ' οὖ ἀφαιροῦνται οἱ δοθέντες δύο
ἀριθμοὶ ὡς γίνεσθαι ἐκάτερον τῶν λοιπῶν □ον, σκαις ΄΄,
25 οὕτως · ἐπεὶ ὁ 5ο ਕ Λ μο ς ὑπερέχει τοῦ 5οῦ α Λ μο ζ,
μο α, ποιοῦσι δὲ τὴν μο δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους,

<sup>2</sup> post πάντως B addit τετράγωνος.

ός δέδεικται έν τῷ ια $^{φ}$ ,  $μ^{ο}$   $\bar{β}$  καὶ  $μ^{ος}$   $\angle'$ , τὸ ἄ $\mathbf{q}$ α ἀπὸ τοῦ τῆς ὑπερογῆς αὐτῶν ἡμίσεος, τουτέστι τὸ ἀπὸ  $\bar{\gamma}$   $\delta^{wr}$ ,  $\delta\pi\epsilon \varrho$   $\epsilon\delta\sigma \epsilon lv$   $\langle \bar{\vartheta} \rangle$   $\iota \varsigma^{\alpha}$ ,  $\ell\sigma \varrho v$   $\epsilon \delta \tau l$   $\tau \bar{\varphi}$   $\epsilon l \dot{\alpha} \tau \tau \varrho v \iota$ ,  $\tau \bar{\omega}$  $\mathbf{S}^{\tilde{\varphi}} \bar{\alpha} \wedge \mathbf{\mu}^{o} \bar{\xi}$  tò dè ảnò toữ  $\mathbf{L}'$  the survéseme autou, τουτέστι τὸ ἀπὸ  $\bar{\epsilon}$  δων, ὅπερ έστlv  $\bar{κ}\bar{\epsilon}$   $\iota \varsigma^{\alpha}$ , ἴσον έστl 5 τῷ μείζονι, τῷ ૩٠ Φ Α μο 5 Επεί τοίνυν εἰς ιξ τέμνεται ή μο, έὰν τοῖς θ ισοις προστιθώ την λείψιν κών  $\overline{\xi}$   $\mu^o$ , τουτέστιν  $\xi^{xis}$  τὰ  $\overline{is}$ ,  $\overline{\varrho i\beta}$   $is^{\alpha}$ , ἔσται  $\overline{\varrho x\alpha}$   $is^{\omega r}$ ,  $x\alpha l$ έὰν ἀπὸ τούτου ἀφαιρεθῶσι τὰ ριβ, λοιπὰ θ, ἄπερ έστὶ 🗆 ος. ἐὰν δὲ τοῖς πε ις οις προσθώ τὴν λεῖψιν τῶν 10 νης, τουτέστι σχις τὰ τς, όπες έστιν το τςα, έσται πάλιν σπα ιςων, καὶ ἐὰν ἀπὸ τούτων ἀφαιρεθῶσι τὰ 15, λοιπά πε, απερ έστὶ □°ς. καὶ εύρηται δ σκα άριθ- $\mu \delta g$ ,  $o \tilde{b}$   $\dot{\epsilon} \dot{\alpha} \nu \mu \dot{\epsilon} \nu \dot{\alpha} \phi \dot{\epsilon} \lambda \eta g \overline{\rho} i \beta$ ,  $\lambda o i \pi \dot{\alpha} \vartheta \Box^{o g}$ ,  $\dot{\epsilon} \dot{\alpha} \nu \dot{\delta} \dot{\epsilon} \overline{\Delta g}$ . λοιπά πε 🗆 os. 15

"Ελαβε δὲ ἐνταῦθα τοὺς ποιοῦντας τὴν ὑπεροχήν,  $μ^{\circ}$   $\bar{β}$  καὶ  $μ^{\circ\varsigma}$  L', οὐχὶ δὲ  $μ^{\circ}$   $\bar{δ}$  καὶ  $δ^{\circ\varsigma}$ , ὅσπερ ἐπὶ τοῦ  $ια^{\circ\upsilon}$ , ὅτι καὶ ἐπὶ τούτων προβαίνει ἡ δεῖξις καὶ ἐπὶ τῶν ἐφεξῆς μειζόνων ἀριθμῶν λαμβανομένων, ἐπὶ δὲ ἐλάττονος δειχθῆναι οὐ δύναται: οἷον ἐπὶ τοῦ ᾶπαξ 20 τὸ  $\bar{α}$ , καὶ γὰρ καὶ ταῦτα  $μ^{\circ}$  συνάγεται, ἀλλ' ὑπεροχὴν τῆς  $μ^{\circ}$  πρὸς τὴν  $μ^{\circ}$  οὐκ ἔστιν εὐρεῖν.

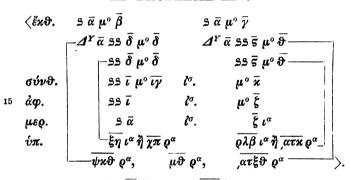
'Εὰν τετραγώνφ τινί, φησί, προσθῶ μ°  $\bar{\varsigma}$ , δῆλον ὅτι καὶ ἐὰν ἀφέλω τὰς  $\bar{\varsigma}$  μ°, πάλιν τετράγωνος καταλείπεται. δεὶ δὲ ἀπὸ τοῦ τοιούτου  $\Box^{ov}$  καὶ τῶν προσ- 25 κειμένων αὐτῷ μ°  $\bar{\varsigma}$ , ἀφελεῖν μ°  $\bar{\varsigma}$ , καὶ πάλιν καταλιμπάνεσθαι  $\Box^{ov}$ . ἀλλ' ἐὰν ἀφέλω τὰς  $\bar{\zeta}$  μ°, καὶ καταλείπεται δ  $\Box^{oc}$   $\wedge$  μ°  $\bar{\alpha}$ , τουτέστι  $\Delta^{v}$   $\bar{\alpha}$   $\wedge$  μ°  $\bar{\alpha}$  · ταῦτα ἴσα  $\Box^{ov}$  ·  $\Box^{ov}$  γὰρ αὐτὸν εἶναι δεῖ.

<sup>20</sup> ελάττονος Χ<sub>2</sub>, ελάττονα Β. 23 cf. I, 102, 10/11.

10

Καὶ πλάττει τὸν  $\Box^{\circ v}$  ἀπὸ  $S^{\circ \bar{v}}$   $\bar{\alpha} \langle \Lambda \rangle \mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$ , καὶ γὰο προβαίνει ἀπὸ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\alpha}$  · καὶ γίνεται ὁ  $\Box^{\circ \varsigma}$ ,  $\Delta^{r}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\delta}$  Λ  $SS^{\tilde{\omega}r}$   $\bar{\delta}$  · ταῦτα ἴσα  $\Delta^{r}$   $\bar{\alpha}$  Λ  $\mu^{\circ}$   $\bar{\alpha}$  · κοινῆς προστεθείσης τῆς λείψεως,  $\Delta^{r}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\epsilon}$  ἴσα  $SS^{\circ \bar{\iota}\varsigma}$   $\bar{\delta}$   $\Delta^{r}$   $\bar{\alpha}$  . ἀπὸ ὁμοίων  $\bar{\delta}$  ὅμοια ·  $\mu^{\circ}$   $\bar{\epsilon}$  ἴσαι  $SS^{\circ \bar{\iota}\varsigma}$   $\bar{\delta}$ ,  $\bar{\delta}$   $S^{\circ}$   $\bar{\epsilon}^{\delta'}$ , καὶ γίνεται  $\bar{\eta}$   $\Delta^{r}$ ,  $\bar{\kappa}\epsilon$   $is^{\omega v}$  · καὶ  $\langle \bar{\varsigma}$   $\mu^{\circ}$  ἤτοι  $\bar{\iota}_{\bar{\iota}\bar{\varsigma}}$   $is^{\omega}\rangle$ , ὁμοῦ  $\bar{\varrho}$ κα, ἀφ' ὧν ἀφαιρεθέντων τῶν  $\bar{\iota}_{\bar{\iota}\bar{\varsigma}}$ , λοιπὸς ὁ  $\bar{\kappa}\epsilon$   $\Box^{\circ \varsigma}$  · ἐὰν δὲ ἀπὸ τῶν  $\bar{\varrho}$ κα, ἄπερ ἐστὶ  $\Delta^{r}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\varsigma}$ , ἀφέλω  $\mu^{\circ}$   $\bar{\varsigma}$ , τουτέστιν  $\bar{\varsigma}^{ri\varsigma}$  τὰ  $\bar{\iota}_{\bar{\varsigma}}$  ἤτοι  $\bar{\varrho}$  $\bar{\iota}_{\bar{\varsigma}}$ , λοιπὰ  $\bar{\vartheta}$ , ἄπερ ἐστὶ  $\Box^{\circ \varsigma}$ .

## AD PROBLEMA XIV.

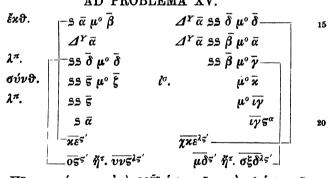


"Εσται δ μὲν  $\overline{\xi}\eta^{\iota}$ ", δ δὲ  $\overline{Q}\lambda\overline{G}^{\iota}$ ", τουτέστιν δ μὲν  $\overline{\chi}\pi^{\varrho}$ ", δ δὲ  $\overline{\chi}\pi^{\varrho}$ ", δ δὲ  $\overline{\chi}\pi^{\varrho}$ ", ὰ καὶ γίνονται οὕτως· ἐπεὶ δ  $\overline{\varsigma}^{\circ}$   $\overline{\xi}$   $\iota^{\omega r}$  εὐρέθη, ἡ ἀπ' αὐτοῦ ἄρα  $\Delta^{r}$  ἔσται  $\overline{\mu}\overline{\partial}$   $\varrho^{\omega r}$ · ἡ ἄρα  $\mu^{\circ}$  εἰς  $\overline{\varrho}$  τέμνεται. ἐπεὶ δὲ μετὰ τὴν ἀφαίρεσιν τῆς  $\Delta^{r}$ , δ μὲν  $\alpha^{\circ\varsigma}$  ἦν  $\overline{\varsigma}\underline{\varsigma}^{\omega r}$   $\overline{\delta}$   $\mu^{\circ}$   $\overline{\delta}$ , τουτέστι  $\overline{\kappa}\eta$   $\iota^{\omega r}$  καὶ  $\overline{\mu}$   $\iota^{\omega r}$ , ἤτοι δμοῦ  $\overline{\xi}\eta^{\iota}$ ",  $\overline{\delta}$  δὲ  $\overline{\beta}^{\circ\varsigma}$   $\overline{\varsigma}\underline{\varsigma}^{\omega r}$   $\overline{\overline{\varsigma}}$   $\overline{\psi}$   $\overline{\overline{\delta}}$ , τουτέστι  $\overline{\mu}\overline{\beta}^{\iota}$ " καὶ  $\overline{\zeta}^{\iota}$ ",  $\overline{\zeta}^{\iota}$   $\overline{\zeta}^{\iota}$ 

<sup>1</sup> cf. I, 102, 16. 11 sqq. Diagramma restitui.

γενέσθαι. ἀλλ' ἐὰν δεκαπλασιασθῶσι τὰ ια, γενήσονται ρα· δεκαπλασιαζόμενα γίνονται  $\overline{\chi} \pi^{\varrho}$ " καὶ  $\overline{\alpha} \tau \kappa^{\varrho}$ ", ὧν έκατέρω προστιθέμενος δ  $\overline{\mu} \theta^{\varrho}$ ",  $\overline{\alpha} \tau \xi \theta^{\varrho}$ ", ἀπὸ πλ. τοῦ  $\overline{\chi} \xi^{\iota}$ ", τὸν δὲ  $\overline{\alpha} \tau \xi \theta^{\varrho}$ ", ἀπὸ πλ. τοῦ  $\overline{\chi} \xi^{\iota}$ " τὰ  $\overline{\mu} t \theta^{\varrho}$ " αὶ  $\overline{\chi} \mu^{\varrho}$  εἰσίν, εἰς  $\overline{\varrho}$  5 έκάστης τμηθείσης εἰσλ γὰρ δμοῦ  $\overline{\beta}$  καὶ δέδοται ἀριθμὸς δ  $\overline{\beta}$  εἰς δύο ἀριθμοὺς διαιρεθείς, τόν τε  $\overline{\chi} \overline{\pi}$  καὶ τὸν  $\overline{\alpha} \tau x$ , ὧν έκάτερος προσλαβὼν  $\Box^{or}$  τὸν  $\overline{\mu} \theta$ , ποιεῖ έαυτὸν  $\Box^{or}$ , δ  $\overline{\mu} t \nu \theta^{\varrho}$ , δ δὲ  $\overline{\alpha} \tau \xi \theta^{\varrho}$ .  $\overline{\eta} t \nu \theta^{\varrho}$  γ τουτέστι  $\overline{\lambda} \xi^{\iota}$ " ταῦτα δὲ έφ' έαυτὰ ποιοῦσι τοὺς εἰρημένους τετραγώνους.

## AD PROBLEMA XV.



Πᾶς τετράγωνος ἀπὸ  $55^{\omega r}$  δσωνοῦν καὶ  $μ^{\circ}$  δσωνοῦν γινόμενος, ἐάν τε πάντας τοὺς γινομένους  $55^{\circ \flat \varsigma}$  καὶ  $μ^{\circ}$  λίπη, τετράγωνος καταλιμπάνεται, ἐάν τε δμώνυμον 25 ταζς ἐξ ἀρχῆς μονάσι μέρος τῶν  $55^{\omega r}$  καὶ μονάδας ἴσας τῷ δμωνύμῷ ἀριθμῷ τῶν τε καταλειφθέντων τῶν  $55^{\omega r}$  μορίων καὶ τῶν ἐξ ἀρχῆς μονάδων, τετράγωνος κατα-

<sup>28</sup> μονάδων] μορίων.

λιμπάνεται. τοῦτο δὲ ἔσται δῆλον ἐντεῦθεν. ἐκκείσθω πλευρά τις  $SS^{\tilde{\omega}r}\,\bar{\beta}\,\mu^o\,\bar{\beta}$ , καὶ ὑποκείσθω ὁ  $S^o$  μ°  $\bar{\beta}$ · οὐκοῦν ὁ ἀπ' αὐτῶν ἔσται  $\Delta^{\, Y}\,\bar{\delta}\,$  (τουτέστι  $\mu^o\,\,\overline{\iota S}\,$ ),  $SS^{ol}\,\bar{\eta}\,$  (τουτέστι πάλιν  $\mu^o\,\,\overline{\iota S}\,$ ) καὶ  $\mu^o\,\,\bar{\delta}\,$ , ἥτοι  $\mu^o\,\,\bar{\lambda S}\,$ , ὥσπερ εἰ ἀπὸ  $\bar{\delta}\,$  συνθέσεως τῶν  $\bar{\delta}\,$  μονάδων τῶν  $SS^{\tilde{\omega}r}\,$  καὶ τῶν  $\bar{\beta}\,$  μ° ἐγένετο, ἄπερ εἰσὶν  $\bar{S}^{\, \cdot c}\,$  ἐάν τε οὖν τοὺς  $\bar{\eta}\,$   $SS^{oùc}\,$  (ἤτοι τὰς  $\bar{\iota S}\,$   $\mu^o\,$ ) καὶ τὰς  $\bar{\delta}\,$  μ° λίπη, καταλιμπάνεται ὁ  $\bar{\iota S}\,$   $\Box^{oc}\,$  ἐάν τε πάλιν  $SS^{obc}\,\bar{\delta}\,$  (ἤτοι  $\mu^o\,\bar{\eta}\,$ ) καὶ  $\mu^o\,\bar{\gamma}\,$  λίπη, ἤτοι ὁμοῦ  $\bar{\iota \alpha}\,$ , καταλιμπάνεται ὁ  $\bar{\kappa e}\,$   $\Box^{oc}\,$ .

Είσιν οι μέν  $\bar{\delta}$  35° μέρος τῶν  $\bar{\eta}$  35 $\bar{\omega}$ ν, δμώνυμον ταῖς ἐξ ἀρχῆς  $\bar{\beta}$  μ°, τουτέστι δυοστόν· αί δὲ  $\bar{\gamma}$  μ° ἴσαι τῷ δμωνύμῷ ἀριθμῷ τοῦ τε καταλειφθέντος μέρους τῶν 35 $\bar{\omega}$ ν, ὅπερ ἐστὶν ἐκ τῶν δύο ἕν, καὶ τῶν ἐξ ἀρχῆς  $\bar{\beta}$  μ°·  $\bar{\alpha}$  δὲ καὶ  $\bar{\beta}$ ,  $\bar{\gamma}$ .

15 Πάλιν ἔστωσαν  $SS^{ol}$   $\overline{\gamma}$   $\mu^o$   $\overline{\epsilon}$ , καὶ ὑποκείσθω πάλιν  $\delta$   $S^o$   $\mu^o$   $\overline{\beta}$ . γίνεται  $\delta$  ἀπ' αὐτῶν  $\Box^{os}$ ,  $\Delta^r$   $\overline{\partial}$  (ἤτοι  $\mu^o$   $\overline{\lambda}\overline{s}$ )  $SS^{ol}$   $\overline{\lambda}$  (ἤτοι  $\mu^o$   $\overline{\xi}$ ) καὶ  $\mu^o$   $\overline{\kappa}\overline{\epsilon}$ ,  $\delta$  μοῦ  $\overline{\partial}$   $\overline{\alpha}$  εάν τε οὖν πάντας τοὺς  $\overline{\lambda}$   $SS^{où}s$  (ἤτοι τὰς  $\overline{\xi}$   $\mu^o$ ) καὶ πάσας τὰς  $\overline{\kappa}\overline{\epsilon}$   $\mu^o$  ἀφέλω, καταλιμπάνεται  $\delta$   $\overline{\lambda}\overline{s}$   $\Box^{os}$ . ἐάν τε τὸ  $\delta$  μώρονυμφ ἀριθμῷ τῶν καταλειφθέντων τῶν  $SS^{oir}$  μορίων καὶ ταῖς ἐξ ἀρχῆς  $\mu^o$ . καταλειφθήσαν  $\delta$ ὲ τῶν  $\mu$ ὲν  $\overline{\lambda}$   $SS^{oir}$ ,  $\overline{\delta}$  ε $\overline{\epsilon}$ ,  $\alpha$ ί  $\delta$ ὲ  $\mu^o$  εἰσὶ  $\overline{\epsilon}$ :  $\overline{\delta}$   $\delta$ ὲ καὶ  $\overline{\epsilon}$ ,  $\overline{\delta}$ . ἐὰν οὖν  $\overline{\lambda}$   $SS^{oir}$ ,  $\overline{\delta}$  ε $\overline{\epsilon}$ ,  $\overline{\delta}$ 0 ἐὰν οὖν  $\overline{\lambda}$ 0  $\overline{\delta}$ 0 τὰς  $\overline{\delta}$ 1  $\overline{\delta}$ 2  $\overline{\delta}$ 3  $\overline{\delta}$ 4  $\overline{\delta}$ 5  $\overline{\delta}$ 5 τῶν  $\overline{\delta}$ 5  $\overline{\delta}$ 6 τὰν  $\overline{\delta}$ 7  $\overline{\delta}$ 8 τὰν  $\overline{\delta}$ 9  $\overline{$ 

Οῦτως οὖν καὶ οὖτος ἐνταῦθα ἐποίησεν· ἐπεὶ γὰρ ὑπέθετο τὸν ζητούμενον  $\Box^{ov}$ ,  $\Delta^{Y}$  ā  $\mathrm{SS}^{\tilde{\omega}v}$   $\bar{\delta}$   $\mu^{o}$   $\bar{\delta}$ , ἀπὸ  $\mathrm{S}^{o\tilde{v}}$  ā  $\mu^{o}$   $\bar{\beta}$ , εὕρηται δὲ ὕστερον δ  $\mathrm{S}^{o}$   $\bar{\iota}$   $\bar{\iota}$   $\bar{\iota}$  ή ἄρα πλευρά, so δ  $\mathrm{S}^{o}$  ā  $\mu^{o}$   $\bar{\beta}$ , ἔσται  $\bar{\iota}$ ε $\bar{\iota}$ . καὶ δ ἀπ' αὐτῶν  $\Box^{os}$ ,  $\bar{\chi}$ κε $\bar{\iota}$ ε $\bar{\iota}$ ,  $\bar{\delta}$ ς ἐστι  $\Delta^{Y}$  ā (τουτέστι  $\bar{\iota}$ ξ $\bar{\iota}$ ε $\bar{\iota}$ )  $\mathrm{SS}^{ol}$   $\bar{\delta}$  (τουτέστι  $\bar{\iota}$   $\bar{\iota}$ β $\bar{\iota}$ ε $\bar{\iota}$ )

# AD PROBLEMA XVI.

 $^{\prime}$ Εξαναπλάσσεται δ  $\square^{\circ}$ ς ἀπὸ λείψεως επεί γὰρ  $\varDelta^{\Upsilon}$   $\bar{\gamma}$  SS°  $\bar{\iota}$   $\bar{\eta}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\vartheta}$  ἴσα  $\square^{\varphi}$ , οὐκ ἀφ΄  $\bar{\alpha}$  S° πλάσσεται (γενήσεται γὰρ  $\bar{\alpha}$   $\varDelta^{\Upsilon}$ , εἰσὶ δὲ  $\bar{\gamma}$ , λοιπὸν ἀπό,  $\bar{\beta}$ ), ἵνα πλεονάσωσι μὲν αί  $\varDelta^{\Upsilon}$ , ἐλλείψωσι δὲ οί SS° καὶ γενήσεται καὶ ἡ αὐτὴ τῶν  $\mu^{\circ}$  ποσότης οὕτω γὰρ αί  $^{25}$  μὲν  $\mu^{\circ}$  ὅλαι ἀφ΄ δλων ἀφαιρεθήσονται, καὶ ἀπὸ δυνά-

<sup>21</sup> cf. I, 106, 19.

15

20

μεων δυνάμεις, καὶ καταλειφθήσεται  $\Delta^{Y}$  ἴση τοσοῖσδε  $25^{οῖs}$ · μετὰ τοίνυν τὴν πρόσθεσιν τῆς λείψεως καὶ τὴν τῶν ὁμοίων ἀφαίρεσιν, πάντα παρὰ  $5^{όr}$ , καὶ γίνεται ὁ  $5^{\circ}$  μο  $\overline{\lambda}$ , ἡ δὲ  $\Delta^{Y}$   $\overline{\overline{\mathcal{D}}}$ · ἔσται οὖν ὁ μὲν ἐλάττων 5 ( $\Delta^{Y}$   $\overline{\alpha}$  ἄν καὶ  $55^{\circ i}$   $\overline{s}$ ),  $\overline{\alpha}\overline{n}$ , ὁ δὲ μείζων ( $\Delta^{Y}$   $\overline{\gamma}$   $55^{\circ i}$   $\overline{i}$ η)  $\overline{\gamma}\overline{\sigma}\mu$ · ὧν προστιθέμενα έκατέρω τὰ  $\overline{\theta}$  ποιεῖ, ⟨τὸν μὲν⟩ καὶ εἰσι τὰ μὲν  $\overline{\lambda}\gamma$ , τὸν δὲ  $\overline{\gamma}\overline{\sigma}\mu$ ⟨ $\overline{\sigma}$ ⟩ ἀπὸ πλ. τοῦ  $\overline{\nu}\xi$ · καί εἰσι τὰ μὲν  $\overline{\lambda}\gamma$ ,  $\overline{5}$ °  $\overline{\alpha}$  μ°  $\overline{\gamma}$ , ἄπερ ἐστὶν πλ. τοῦ  $\Delta^{Y}$   $\overline{\alpha}$   $\overline{25}$   $\overline{\overline{s}}$  μ°  $\overline{\theta}$ · τὰ δὲ  $\overline{\nu}\xi$ ,  $\overline{55}$ °  $\overline{\overline{b}}$   $\overline{h}$   $\overline{h}$ °  $\overline{\gamma}$ , ἄπερ ἐστὶ πλ. 10 τοῦ  $\Delta^{Y}$   $\overline{\overline{\delta}}$  μ°  $\overline{\theta}$   $\overline{h}$   $\overline{55}$ ° εἰσὶ δὲ αί  $\Delta^{Y}$   $\overline{\overline{\delta}}$   $\overline{\mu}$ °  $\overline{\overline{\delta}}$ ,  $\overline{\gamma}\overline{\gamma}\overline{\overline{\sigma}}$ ,  $\overline{\delta}$ ν ἐὰν ἀφέλης  $\overline{55}$ °  $\overline{\iota}\overline{\overline{\rho}}$ , ἤτοι  $\overline{\mu}$ °  $\overline{\tau}\overline{\xi}$ , λοιπὰ  $\overline{\gamma}$   $\overline{\gamma}\overline{\sigma}\overline{\mu}\overline{\overline{\theta}}$ .

#### AD PROBLEMA XVII.

Περί τοῦ γου φησίν ἀλλὰ δοὺς μὲν τὸ ζον καὶ  $_{25}$  μο  $\bar{\eta}$ , λοιπός ἐστιν  $_{25}$   $\bar{\mu}$ ο Λ μο  $\bar{\chi}$ ς. γίνεται δὲ

<sup>24</sup> I, 108, 20.

οὕτως ἐπεὶ τὸ ζον αὐτοῦ  $55^{\overline{\omega}\nu}$  ἡν  $\overline{\beta}$  Λ  $\mu^{\circ}$   $\overline{\gamma}$ , δοὺς αὐτὸ τῷ αφ, καταλείπεται ἔχων  $55^{\circ \flat\varsigma}$   $\overline{\iota}$  Λ  $\mu^{\circ}$   $\overline{\iota}$   $\overline{\eta}$ . ἀλλὰ καὶ  $\overline{\eta}$   $\mu^{\circ}$  δέδωκε τῷ αφ, λοιπὸς γίνεται  $55^{\overline{\omega}\nu}$   $\overline{\iota}$   $\overline{\beta}$  Λ  $\mu^{\circ}$   $\overline{\kappa}$ 5. ἡ γὰς τῶν  $\overline{\eta}$  λεΐψις τῆ τῶν  $\overline{\iota}$  $\overline{\eta}$  λείψει συντιθεμένη ποιεῖ λεΐψιν  $\overline{\kappa}$ 5.

Ο δὲ  $\gamma^{\circ \varsigma}$  γίνεται  $\overline{\varphi}$ ε  $\xi^{\omega r}$  οὕτως έπει  $25^{\overline{\omega}r}$   $\overline{\iota \delta}$  έστιν  $\overline{\varphi}$ ε΄  $\overline{\iota \delta}$   $\overline$ 

O τοίνυν  $\alpha^{os}$ , δοὺς τῷ β<sup>ω</sup> τὸ ἑαυτοῦ ε<sup>or</sup>,  $\overline{\iota\eta}$ , καὶ <sup>10</sup> ἔτι  $\mu^{o}$   $\overline{s}$ , ἤτοι  $\overline{\mu\beta}$   $\xi^{a}$ , λοιπός ἐστι  $\overline{\lambda}$   $\xi^{\omega r}$ · λαβὼν δὲ παρὰ τοῦ γ<sup>ov</sup> τὸ αὐτοῦ  $\xi^{or}$ ,  $\overline{\iota s}$   $\xi^{a}$ , καὶ  $\mu^{o}$   $\overline{\eta}$ , ἤτοι  $\overline{vs}$   $\xi^{a}$ ,  $\overline{\gamma l}$ -νεται  $\overline{\varrho a}$   $\xi^{a}$ .

 $\overline{\mu}$   $\partial$  δὲ  $\beta^{o\varsigma}$ , δοὺς τὸ ἑαυτοῦ  $\varepsilon^{ov}$ ,  $\overline{i\eta}$   $\xi^{\alpha}$ , καὶ  $\mu^{o}$   $\overline{\xi}$ , ήτοι  $\overline{\mu}$   $\overline{\theta}$   $\xi^{\alpha}$ , λοιπός ἐστι  $\overline{\mu}$   $\overline{\alpha}$   $\xi^{uv}$ · λαβὼν δὲ παρὰ τοῦ  $\alpha^{ov}$  τὸ  $1^{5}$   $\varepsilon^{ov}$  αὐτοῦ,  $\overline{i\eta}$   $\xi^{\alpha}$ , καὶ  $\mu^{o}$   $\overline{\varsigma}$ , ήτοι  $\overline{\mu}$   $\overline{\beta}$   $\xi^{\alpha}$ , γίνεται  $\overline{\varrho}$   $\overline{\alpha}$ .

 $^{\circ}$ Ομοίως καὶ ὁ  $\gamma^{\circ\varsigma}$ , δοὺς τὸ ξαυτοῦ  $\xi^{\circ r}$ ,  $\overline{\iota\epsilon}$   $\xi^{\alpha}$ , καὶ  $\mu^{\circ}$   $\overline{\eta}$ , ἤτοι  $\overline{\nu\varsigma}$   $\xi^{\alpha}$ , λοιπός ἐστι  $\overline{\lambda\delta}$   $\xi^{\omega r}$ · λαβὼν δὲ παρὰ τοῦ  $\beta^{\circ v}$  τὸ  $\varsigma^{\circ r}$  αὐτοῦ,  $\overline{\iota\eta}$   $\xi^{\alpha}$ , καὶ  $\mu^{\circ}$   $\overline{\xi}$ , ἤτοι  $\overline{\mu\vartheta}$   $\xi^{\alpha}$ , γίνεται  $\overline{\varrho\alpha}$   $\xi^{\omega r}$ .

#### AD PROBLEMA XVIII.

$$\stackrel{\tilde{\epsilon}}{\tilde{\kappa}} \stackrel{\tilde{\epsilon}}{\tilde{\nu}} \stackrel{\tilde{\epsilon}}{\tilde{\epsilon}} \stackrel{\tilde{\epsilon}}{\tilde{\epsilon}}$$

 $^{\circ}O$   $\gamma^{\circ i}$ ,  $\overset{\circ}{\omega}\nu$   $\langle \mu^{\circ}\rangle$   $\overline{\mu}\overline{\vartheta}$   $\Lambda$  SS $\overset{\omega}{\omega}\nu$   $\overline{\kappa}\alpha$ ,  $\lambda\alpha\beta\dot{\omega}\nu$   $\pi\alpha\varrho\dot{\alpha}$  τοῦ  $\beta^{\circ\nu}$  τὸ  $\varsigma^{\circ r}$  αὐτοῦ,  $\mu^{\circ}$   $\overset{\circ}{\beta}$ , καὶ  $\mu^{\circ}$   $\overset{\circ}{\zeta}$ , ἤτοι  $\mu^{\circ}$   $\overset{\circ}{\vartheta}$ , γίνεται  $\mu^{\circ}$   $\overline{\nu}$ η  $\kappa$  SS $\overset{\omega}{\omega}\nu$   $\overline{\kappa}\alpha$ . δοὺς δὲ τῷ  $\alpha^{\circ \varphi}$  τὸ  $\varsigma^{\circ r}$  αὐτοῦ,  $\mu^{\circ}$   $\overset{\circ}{\zeta}$   $\Lambda$  SS $\overset{\omega}{\omega}\nu$   $\overset{\circ}{\gamma}$ , καὶ ἔτι  $\mu^{\circ}$   $\overset{\circ}{\eta}$ , ἤτοι  $\mu^{\circ}$   $\overset{\iota}{\iota}\varepsilon$   $\Lambda$  SS $\overset{\omega}{\omega}\nu$   $\overset{\circ}{\gamma}$ , λοιπός ἐστι  $\mu^{\circ}$   $\overset{\iota}{\mu}\gamma$   $\Lambda$  SS $\overset{\omega}{\omega}\nu$   $\overset{\iota}{\iota}\eta$ .  $\overset{\circ}{\eta}$  δὲ  $\pi$ ρόσθεσις καὶ ἀφαίρεσις δήλη.

 $^{\circ}O$  δη  $\alpha^{\circ\varsigma}$ ,  $\delta$   $\overline{\varrho o}^{\circ\vartheta'}$ , δούς τῷ  $\beta^{\circ}$  τὸ  $\varepsilon^{\circ r}$  αὐτοῦ,  $\overline{\lambda \delta}^{\circ\vartheta'}$  καὶ  $\mu^{\circ}$   $\overline{\varsigma}$ , ῆτοι  $\overline{\varrho i \delta^{\circ\vartheta'}}$ , λοιπός ἐστιν  $\overline{\kappa \beta}$   $i \vartheta^{\alpha}$  λαβὼν δὲ  $_{20}$  παρὰ τοῦ  $\gamma^{\circ v}$  τὸ ζο $^{\circ r}$  αὐτοῦ,  $\overline{\lambda \alpha^{\circ\vartheta'}}$ , καὶ  $\mu^{\circ}$   $\overline{\eta}$ , ῆτοι  $\overline{\varrho \nu \beta^{\circ\vartheta'}}$ ,  $\gamma$ ίνεται  $\overline{\sigma \varepsilon}^{\circ\vartheta'}$ .

 $\frac{\dot{O}}{\lambda \eta^{iS'}}$ , καὶ  $\mu^o$   $\bar{\xi}$ ,  $\tilde{\eta}$ τοι  $\frac{\dot{\phi}}{\dot{\phi}} \lambda \dot{\gamma}^{iS'}$ , λοιπός έστιν  $\frac{\dot{\phi}}{\dot{\nu}} \dot{\xi}^{iS'}$ . λαβὼν  $\frac{\dot{\phi}\dot{\delta}}{\dot{\phi}} \pi \alpha \dot{\phi} \dot{\alpha}$  τοῦ  $\alpha^{ov}$  τὸ  $\epsilon^{ov}$  αὐτοῦ,  $\frac{\dot{\lambda}\dot{\phi}^{iS'}}{\dot{\phi}^{iS'}}$ , καὶ  $\mu^o$   $\bar{\xi}$ ,  $\tilde{\eta}$ τοι  $\frac{\dot{\phi}\dot{\phi}}{\dot{\phi}^{iS'}}$ , γίνεται  $\overline{\sigma} \epsilon^{iS'}$ .

Όμοίως καὶ δ  $\gamma^{os}$   $\langle \delta \overline{\sigma\iota \xi^{\iota\vartheta'}} \rangle$ , δοὺς μὲν τῷ  $\alpha^{\wp}$  τὸ έαυτοῦ  $\xi^{ov}$ ,  $\overline{\lambda}\alpha^{\iota\vartheta'}$ , καὶ  $\mu^{o}$   $\overline{\eta}$ , ήτοι  $\overline{\varrho\nu}\beta^{\iota\vartheta'}$ , λοιπός έστιν

 $\overline{\lambda \delta^{\iota \vartheta'}} \cdot \lambda \alpha \beta \grave{\omega} \nu \quad \delta \grave{\varepsilon} \quad \pi \alpha \varrho \grave{\alpha} \quad \tau o \tilde{\upsilon} \quad \beta^{o \nu} \quad \tau \delta \quad \varsigma^{o \nu} \quad \alpha \mathring{\upsilon} \tau o \tilde{\upsilon}, \quad \overline{\lambda \eta^{\iota \vartheta'}}, \quad \kappa \alpha \grave{\iota} \quad \mu^{o} \quad \bar{\xi}, \quad \mathring{\eta} \tau o \iota \quad \overline{\varrho \lambda \gamma^{\iota \vartheta'}}, \quad \gamma \acute{\iota} \nu \varepsilon \tau \alpha \iota \quad \overline{\sigma \varepsilon} \quad \iota \vartheta^{\omega \nu}.$ 

## AD PROBLEMA XIX.

Οὐ μόνος ὁ ἐλάχιστος, ἀλλὰ καὶ ὁ μέσος  $\Box^{\circ\varsigma}$  ὀφείλει 10 τάττεσθαι ἀπὸ  $\mathtt{SS}^{\bar{\omega}\nu}$  καὶ μ° ὅσων δήποτε, ὁ δὲ μείζων οὐ  $\Box^{\circ\varsigma}$ , ἀλλὰ μόνον λόγον ἔχειν τὴν ὑπεροχὴν αὐτοῦ πρὸς τὸν μέσον  $\langle \mathtt{τριπλασίονα} \rangle$  τῆς ὑπεροχῆς τοῦ μέσου πρὸς τὸν ἐλάχιστον καλῶς δὲ ἐνταῦθα τοῦ μέσου ταχθέντος  $\Delta^{\Upsilon}$   $\bar{\alpha}$   $\mathtt{SS}^{\bar{\omega}\nu}$   $\bar{\beta}$  μ°  $\bar{\alpha}$ , ὁ μέγιστος ἐτάχθη  $\Delta^{\Upsilon}$   $\bar{\alpha}$  15  $\mathtt{SS}^{\circ l}$   $\bar{\eta}$  μ°  $\bar{\delta}$  · ἐπεὶ γὰρ ἡ ὑπεροχὴ τοῦ μέσου πρὸς τὸν ἐλάχιστον  $\mathtt{SS}^{\bar{\omega}\nu}$   $\bar{\beta}$  μ°  $\bar{\alpha}$  έστιν, δεὶ δὲ τὴν ὑπεροχὴν τοῦ μεγίστου πρὸς τὸν μέσον τριπλασίονα εἶναι τῆς ὑπεροχῆς τοῦ μέσου πρὸς τὸν ἐλάχιστον, οἱ ἄρα  $\mathtt{SS}^{\circ l}$   $\bar{\eta}$   $\mathtt{SS}^{\circ l\varsigma}$   $\bar{\varsigma}$  ὑπερέχοντες τῶν  $\mathtt{SS}^{\bar{\omega}\nu}$   $\bar{\beta}$ , καὶ αἱ  $\bar{\delta}$  μ° τῆς μ°  $\bar{\alpha}$ , μ°  $\bar{\gamma}$  (εἰσὶ 20 δὲ τὰ μὲν  $\bar{\varsigma}$  τῶν  $\bar{\beta}$ , τὰ δὲ  $\bar{\gamma}$  τοῦ  $\bar{\alpha}$  τριπλάσια), τὴν ὑπεροχὴν τῆς ὑπεροχῆς τριπλάσιον ποιοῦσίν.

"Aν τε οὖν οἱ ἐν τῷ μεγίστῷ  $55^{οὶ}$  πλείους ὧσι τῷν  $μ^{ο}$ , ὡς ἐνταῦθα, ἄν τε ἰσοι, ἄν τε ἐλάττους, ἀεὶ τὸν πλαττόμενον  $\square^{ον}$ , κατὰ τὰς  $μ^{ο}$  τὰς ἐν αὐτῷ καὶ τοὺς 25  $55^{ούς}$ , δεῖ τοῦ μὲν ὑπερέχειν τῷν ἐν τῷ μεγίστῷ ὁμοίων

<sup>10</sup> cf. I, 112, 18. 23 cf. I, 112, 22 sq.

5

10

είδῶν αὐτοῖς, τοῦ δὲ έλλείπειν, καὶ τοῦτο ὁπότερον δήποτε, οὐ γὰρ ἀεὶ τὸ αὐτὸ γίνεται.

#### AD PROBLEMA XX.

ເດັນ. 
$$S \overline{\alpha}$$
 .  $\mu^{\circ} \overline{\alpha} SS \overline{\beta}$ 

$$\Delta^{Y} \overline{\delta} SS \overline{\epsilon} \mu^{\circ} \overline{\alpha}$$

$$SS \overline{\beta} \wedge \mu^{\circ} \overline{\beta}$$

$$\Delta^{Y} \overline{\delta} \mu^{\circ} \overline{\delta} \wedge SS \overline{\eta} \quad \ell^{\sigma}. \quad \Delta^{Y} \overline{\delta} SS \overline{\epsilon} \mu^{\circ} \overline{\alpha}$$

$$\pi \varrho. \quad \Delta^{Y} \overline{\delta} \mu^{\circ} \overline{\delta} \qquad \ell^{\sigma}. \quad \Delta^{Y} \overline{\delta} SS \overline{\iota \gamma} \mu^{\circ} \overline{\alpha}$$

$$\mathring{\alpha} \varphi. \qquad \mu^{\circ} \overline{\gamma} \qquad \qquad SS \overline{\iota \gamma}$$

$$\mathring{\nu} \pi. \qquad \overline{\gamma} \nu \gamma^{\alpha} \qquad \overline{\iota \vartheta} \nu \gamma^{\alpha}.$$

Πλάττει τὸν  $\Box^{or}$  ἀπὸ  $\mathrm{SS}^{\tilde{ar}}$   $\bar{\beta}$   $\Lambda$   $\mu^{o}$   $\bar{\beta}$ , ἵνα, διὰ μὲν τῶν  $\bar{\beta}$   $\mathrm{SS}^{\tilde{ar}}$ , ἔχη πάλιν τὰς  $\bar{\delta}$   $\Delta^{r}$ , διὰ δὲ τῆς λείψεως τῶν  $\beta^{o}$   $\mu^{o}$ , ποιήση τὰ ἐν αὐτῷ εἰδη τῶν  $\mathrm{SS}^{\tilde{ar}}$  καὶ τῶν  $\mu^{o}$ , τὸ μὲν ὑπερβάλλειν, τὸ δὲ ἐλλείπειν καὶ ὑπερ-15 βάλλουσιν αὶ μὲν γενόμεναι  $\bar{\delta}$   $\mu^{o}$  τῆς  $\bar{\alpha}$   $\mu^{o}$ , ἐλλείπει δὲ ἡ λεῖψις τῶν  $\bar{\tau}$   $\mathrm{SS}^{\tilde{ar}}$ ν τῆς ὑπάρξεως τῶν  $\bar{\epsilon}$   $\mathrm{SS}^{\tilde{ar}}$ .

Αί δὲ ὑποστάσεις τῶν  $\Box^{\omega r}$  γίνονται οὕτως δ αος,  $\bar{\gamma}^{i\gamma'}$   $\underline{\mathring{\omega}}\nu$ , ποιεῖ τὸν ἀπ' αὐτοῦ,  $\bar{\vartheta}$  οξθ<sup>ων</sup> οὐκοῦν ἡ μονὰς εἰς οξθ τέμνεται, ἀναλυθέντα δὴ καὶ  $i\bar{\vartheta}^{i\gamma'}$  εἰς οξθα, 20 τουτέστι πολλαπλασιασθέντων τῶν  $i\bar{\vartheta}$  ἐπὶ τὰ  $\bar{\imath}\nu$ , γίνονται  $\bar{\sigma}\mu\dot{\xi}$  ταῦτα προσλαμβάνων δ  $\bar{\vartheta}$ , γίνεται  $\bar{\sigma}\nu\bar{\varsigma}^{\varrho\xi\vartheta'}$  ἀπὸ πλ. τοῦ  $\bar{\imath}\bar{\varsigma}$ .

Πάλιν  $\delta$   $\beta^{os}$ ,  $\overline{\iota \partial^{c} \iota'}$  ἄν, ποιεῖ τὸν ἀπ' αὐτοῦ  $\overline{\iota \xi \alpha}$   $Q\xi \partial^{\alpha}$ · ἀναλυθέντα δὴ καὶ τὰ  $\overline{\gamma}$   $\iota \gamma^{\alpha}$  εἰς  $Q\xi \partial^{\alpha}$ , τουτέστι τοῦ  $\overline{\gamma}$  25 ἐπὶ τὰ  $\overline{\iota \gamma}$   $\underline{\gamma}$  ενομένου, γίνεται  $\overline{\lambda \partial^{Q}}^{\xi \partial}$ · ταῦτα προσλαμβάνων  $\delta$   $\overline{\iota \xi \alpha}$ , γίνεται  $\overline{\upsilon}$  ἀπὸ πλ. τοῦ  $\overline{\varkappa}$ .

<sup>11</sup> cf. I, 114, 14. 23  $\overline{\iota \vartheta}^{\iota \gamma'}$ ]  $\overline{\iota \vartheta}^{\varrho \xi \vartheta'}$ .

### AD PROBLEMA XXI.

Πλάττει τὸν  $\Box^{or}$  ἀπὸ  $\bar{\gamma}$   $SS^{\bar{\omega r}}$ , Γνα αί ἀπ' αὐτοῦ  $\Delta^{Y}$   $\bar{\theta}$  γινόμεναι ὑπερβῶσιν τὰς  $\bar{\delta}$   $\Delta^{Y}$ · εἰ γὰρ ἀπὸ  $\bar{\beta}$  10 ἔπλασσεν, ἐγένοντο ἄν  $\Delta^{Y}$   $\bar{\delta}$ , καὶ ἀφαιρουμένων τῶν ὁμοίων, ἐλείποντο  $\bar{\gamma}$   $SS^{ol}$  ἴσοι οὐδενί, ὅπερ ἄτοπον· ἀπὸ  $SS^{\bar{\omega r}}$  δὲ μόνων, οὐ μὴν καὶ μ°, ὅτι, μετὰ τὴν ἀφαίρεσιν τοῦ ἐλάττονος ἀπὸ τοῦ ἀπὸ τοῦ μείζονος  $\Box^{ov}$ , δύο εἴδη κατελείφθη,  $\Delta^{Y}$  καὶ  $SS^{ol}$ · εἰ γὰρ καὶ μ° 15 κατελιμπάνοντο, ἀπὸ  $SS^{\bar{\omega r}}$  ἄν καὶ μ° ἔπλασε τὸν  $\Box^{or}$ · νῦν δ' οὐ χρεία γέγονε τῶν μ°.

<sup>\*</sup>Επεὶ δὲ δ ἐλάττων  $\bar{\tau}^{\bullet}$ ' ἐστίν, δ ἀπ' αὐτοῦ γίνεται  $\bar{\xi}\bar{\delta}$  κε<sup>ων</sup>.  $\bar{\eta}$  μονὰς ἄρα εἰς κε<sup>α</sup> τέμνεται ἀναλυθέντα δὲ καὶ  $\langle \bar{\iota}\bar{\alpha} \ \epsilon^{\alpha} \ \epsilon \hat{\epsilon}$  κε<sup>α</sup>>, γίνονται  $\bar{\nu}\epsilon \ \kappa \epsilon^{\alpha}$ · ταῦτα ἐὰν ἀφέλω 20 ἀπὸ τῶν  $\bar{\xi}\bar{\delta}$ , λοιπὰ  $\bar{\theta} \Box^{o\varsigma}$ . πάλιν ἐπεὶ δ μείζων ἐστὶν  $\bar{\iota}\bar{\alpha} \ \epsilon^{\alpha}$ , δ ἀπ' αὐτοῦ γίνεται  $\bar{\rho}\kappa\bar{\alpha} \ \kappa \epsilon^{\alpha}$ · ἀναλυθέντων τῶν  $\bar{\eta} \ \epsilon^{\omega \nu} \ \epsilon \hat{\epsilon}$ ς κε<sup>α</sup>, γίνεται  $\bar{\mu} \ \kappa \epsilon^{\alpha}$ · τούτων ἀφαιρεθέντων ἀπὸ τῶν  $\bar{\rho}\kappa\bar{\alpha}$ , λοιπὰ  $\bar{\pi}\bar{\alpha} \Box^{o\varsigma}$ .

<sup>9</sup> cf. I, 116, 12.

#### AD PROBLEMA XXII.

10 Καλῶς τάσσει τὸν μείζονα  $S^{\delta v}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\alpha}$ , ἵνα  $\delta$  ἀπὸ τοῦ ἐλάσσονος, τουτέστι  $\bar{\alpha}$   $\Delta^{\Upsilon}$ , προσλαβοῦσα συναμφότερον, ποιῆ  $\Box^{\circ v}$ , τουτέστι  $\Delta^{\Upsilon}$   $\bar{\alpha}$  SS  $\bar{\beta}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\alpha}$ , ἀπὸ πλ. τοῦ  $S^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\alpha}$ . καὶ τὸν  $\Box^{\circ v}$  δὲ πλάττει ἀπὸ  $S^{\circ \bar{\nu}}$   $\bar{\alpha}$   $\Lambda$   $\mu^{\circ}$   $\bar{\beta}$ , ἵνα πάλιν ἔχη τὴν  $\bar{\alpha}$   $\Delta^{\Upsilon}$ , καὶ τὰ εἰδη τῶν  $SS^{\bar{\omega}v}$  καὶ  $\mu^{\circ}$ , 15 τὸ μὲν ὑπερβάλλη, τὸ δὲ ἐλλείπη.

Έπει δὲ δ ἐλάσσων ἐστὶ  $\bar{\beta}$  ηων, δ ἀπ' αὐτοῦ ἐστι  $\bar{\delta}$  ξδων. εἰς  $\bar{\xi}\bar{\delta}$  ἄρα τέμνεται  $\bar{\eta}$  μονάς. ἀναλυθέντες δὲ δ μείζων καὶ δ ἐλάττων εἰς  $\bar{\xi}\bar{\delta}^{\alpha}$ , τουτέστιν ἐπὶ τὰ  $\bar{\eta}$  πολλαπλασιασθέντες, γίνονται  $\bar{\lambda}_{5}$  ξδα. ταῦτα προσ-20 λαμβάνων δ  $\bar{\delta}$ , γίνεται  $\bar{\varrho}$  ξδα. πάλιν ἐπεὶ δ μείζων ἐστὶ  $\bar{\iota}$  ηων, δ ἄρα ἀπ' αὐτοῦ ἐστι  $\bar{\varrho}$  ξδων, οὖτος προσλαμβάνων τὰ  $\bar{\lambda}_{5}$ , ποιεῖ  $\bar{\varrho}^{\alpha}_{5}$ ,  $\Box^{ov}$  ἀπὸ πλ. τοῦ  $\bar{\iota}\bar{\delta}$ .

## AD PROBLEMA XXIII.

	<i>દે</i> મ <b>ે</b> .	$\mathfrak{S} \; \overline{\alpha} \; \mu^o \; \overline{\alpha}$	S α
25	πολλ.	${oldsymbol \varDelta}^{ Y}  ar{lpha} $ as $ar{oldsymbol eta}   oldsymbol \mu^o   ar{lpha}$	${\it \Delta}^{ {\scriptscriptstyle Y}}  ar{lpha}   {\it \Lambda} $ ss $ar{eta}   \mu^{o}   ar{lpha}$
	πλ.		s α Λ μ° γ

<sup>10</sup> cf. I, 116, 19. 13 cf. I, 118, 1.

$$πολλ.$$
  $Δ^Y \bar{\alpha} μ^o \bar{\partial} Λ SS \bar{S}$   $i^o$ .  $Δ^Y \bar{\alpha} Λ SS \bar{\beta} μ^o \bar{\alpha}$ 
 $πο$ .  $Δ^Y \bar{\alpha} μ^o \bar{\iota} SS \bar{\beta}$   $i^o$ .  $Δ^Y \bar{\alpha} SS \bar{S}$ 
 $i^o$ .  $i^o$ .  $i^o$   $i^o$ 

Λείψει συναμφοτέρου ποι $\tilde{\eta}$   $\Box$   $\circ$  r ποιεί γὰρ τὴν  $\tilde{\alpha}$   $\Lambda^{Y}$ .

Πλάσσει δὲ τὸν  $\Box^{ov}$  ἀπὸ  $S^{o\tilde{v}}$   $\bar{\alpha}$   $\Lambda$   $\mu^{o}$   $\bar{\gamma}$  εἰ δὲ καὶ ἀπὸ λείψεως  $\bar{\beta}$   $\mu^{o}$  ἐποίει, τὸ αὐτὸ πάλιν ἐγένετο.

 $^{\circ}O$  μὲν ἀπὸ τοῦ ἐλάσσονός ἐστιν  $\bar{\varsigma}$  δ", οὖ ἐὰν ἀφέλης συναμφότερον, ἤτοι μ°  $\bar{\varsigma}$ , λοιπὸν  $\delta^{\circ r}$ ,  $\Box^{\circ \varsigma}$  ἀπὸ 10 πλ. τοῦ  $\underline{L}'$ : ὁ δὲ ἀπὸ τοῦ μείζονός ἐστι  $\bar{\iota}\bar{\beta}$  δ", οὖ ἐὰν ἀφέλης πάλιν μ°  $\bar{\varsigma}$ , λοιπὰ  $\bar{\varsigma}$  δ",  $\Box^{\circ \varsigma}$  ἀπὸ πλ. τοῦ  $\bar{\beta}$   $\underline{L}'$ .

#### AD PROBLEMA XXIV.

$$\delta x \vartheta$$
.
  $\Delta^{Y} \overline{\gamma}$ ,  $\Delta^{Y} \overline{\alpha}$ ,  $\Delta^{Y} \overline{\eta}$ 
 15

  $\pi \circ \lambda \lambda$ .
  $\Delta^{Y} \overline{\iota \alpha}$ 
 $\delta^{\sigma}$ .
  $\Delta^{Y} \overline{\alpha}$ 
 $\pi \lambda$ .
  $\Delta^{Y} \overline{\iota \alpha}$ 
 $\delta^{\sigma}$ .
  $S \overline{\alpha}$ 
 $S \overline{\iota} \overline{\alpha}$ 
 $\delta^{\sigma}$ .
  $\delta^{\sigma}$ 
 $\delta \overline{\alpha}$ 
 $\delta^{\sigma}$ 
 $\delta^{\sigma}$ 
 $\delta^{\sigma}$ 
 $\delta^{\sigma}$ 
 $\delta^{\sigma}$ 
 $\delta^{\sigma}$ 
 $\delta^{\sigma}$ 
 $\delta^{\sigma}$ 
 $\delta^{\sigma}$ 
 $\delta^{\sigma}$ 

Ἐπεὶ ὁ 5ο' εὐρίσκεται ένὸς ιαου, ἡ μὲν ἄρα  $\bar{\alpha}$  ΔΥ ἔσται ένὸς ρκαου, ἡ δὲ  $\bar{\alpha}$  ΔΔΥ ένὸς α δχμαου, αἱ δὲ  $\bar{\gamma}$  ΔΥ,  $\bar{\gamma}$  ὁμοίων, καὶ αἱ  $\bar{\eta}$ ,  $\bar{\eta}$ , καὶ αἱ  $\bar{\iota}\alpha$ ,  $\bar{\iota}\alpha$ . ὁ δὲ ἀπὸ τῶν  $\bar{\iota}\alpha$  ΔΥ  $\Box$ ος ἔσται  $\bar{\rho}$ κα ΔΔΥ, τουτέστιν  $\bar{\rho}$ κα α δχμαων. διὰ δὲ τὸ τοιοῦτον μόριον ἀναλυθήτωσαν τὰ  $\bar{\gamma}$  ρκα 25 εἰς  $\bar{\tau}$ ξ $\gamma$  α δχμα $\alpha$ , καὶ τὰ  $\bar{\eta}$  εἰς δμοια  $\bar{\Sigma}$ ξ $\bar{\eta}$ . ἐπεὶ δὲ καὶ

<sup>5</sup> I, 118, 9/10. 7 cf. I, 118, 14. DIOPHANTUS, ed. Tannery. II.

10

δ ἀπὸ συναμφοτέρου τῶν δμοίων ἐστὶν  $\overline{\rho}$ κα, ταῦτα ἐάν τε τὸν τξη προσλάβη, γίνεται  $\overline{\nu}$ πδ,  $\Box^{o_5}$  ἀπὸ πλ. τοῦ  $\overline{\kappa}$ β, ἐάν τε τὸν  $\overline{\Sigma}$ ξη, γίνεται  $\overline{\rho}$ κη,  $\overline{\nu}$  ἀπὸ πλ. τοῦ  $\overline{\lambda}$ γ.

#### AD PROBLEMA XXV.

"Εσται ὁ μὲν αος, ἐπεὶ  $\overline{\beta} \, \Delta^{\gamma}$ ,  $\overline{\varrho}^{1}\overline{\beta}$  τξαων ἡ γὰρ μία  $\Delta^{\gamma}$  τῶν ὁμοίων ἐστὶ μορίων  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$ , ἐπεὶ ὁ 3ο  $\overline{\delta}^{\iota,j'}$  · ὁ δὲ βος, ἐπεὶ  $\overline{\varsigma} \, \Delta^{\gamma}$ , τῶν ὁμοίων μορίων  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$ , ἐπεὶ ὁ 3ο  $\overline{\delta}^{\iota,j'}$  · ὁ δὲ βος, ἐπεὶ  $\overline{\varsigma} \, \Delta^{\gamma}$ , τῶν ὁμοίων μορίων  $\overline{\varrho}\overline{\varsigma}$  · ἐπεὶ γοῦν αὐτῶν, τουτέστιν ὁ ἀπὸ τῶν τὸ τξαων,  $\overline{\vartheta}$  βυις  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$  τκαων διὰ δὴ τὸ τοιοῦτον μόριον, ἀναλυθήτωσαν καὶ τὰ  $\overline{\varrho}^{1}\overline{\varsigma}$  καὶ τὰ  $\overline{\varrho}\overline{\iota}\overline{\varsigma}$  τξαω εἰς  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$  τκαα, καὶ γίνεται ὁ μὲν  $\overline{\varrho}^{1}\overline{\varsigma}$ ,  $\overline{\varsigma}$   $\overline{\vartheta}$ τι $\overline{\varsigma}$  τοιούτων μορίων,  $\overline{\varsigma}$  δὲ  $\overline{\varrho}\overline{\varsigma}$ , τῶν ὁμοίων  $\overline{\varsigma}$   $\overline{\upsilon}\overline{\varsigma}$ ,  $\overline{\varsigma}$  έάν τε οὖν ἀπὸ τῶν  $\overline{\vartheta}$   $\overline{\beta}\overline{\upsilon}\overline{\varsigma}$  ἀφέλω τὰ  $\overline{\varsigma}$   $\overline{\vartheta}$ τι $\overline{\varsigma}$ , λοιπός ἐστιν  $\overline{\varsigma}$   $\overline{\varsigma}$ 

<sup>13</sup> cf. I, 120, 21.

#### AD PROBLEMA XXVI.

Το λῆμμα δ τίθησιν ἐν τῷ κςς ἐστὶ τοιοῦτον. ἐὰν 10 ἀριθμὸς ἀριθμοῦ τοσαπλάσιος ἦ, ὅσαι μο εἰσὶν ενὸς οὐτινοσοῦν τῶν  $\Box^{ων}$ , δ ὑπ' αὐτῶν  $\Box^{ος}$  γίνεται τουτέστιν ἐάν τε ἰσος, διὰ τὴν μονάδα  $\Box^{ον}$  οὐσαν, ὡς δὶς τὰ  $\overline{\rho}$ , δ, καὶ τρὶς τὰ  $\overline{\gamma}$ ,  $\overline{\vartheta}$ · ἐάν τε τετραπλάσιος, διὰ τὸν  $\overline{\delta}$ , ὡς δ  $\overline{\rho}$  καὶ δ  $\overline{\eta}$ , δὶς τὰ  $\overline{\eta}$ ,  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$ , καὶ τρὶς τὰ  $\overline{\iota}\overline{\rho}$ ,  $\overline{\lambda}\overline{\varsigma}$ · 15 ἐάν τε ἐννεαπλάσιος, διὰ τὸν  $\overline{\vartheta}$ , καὶ ἐφεξῆς. οὐκοῦν καὶ ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ τετραπλάσιος ἢ ἐννεαπλάσιος ἢ έκκαιδεκαπλάσιος καὶ ἑξῆς ἢ παρὰ μὲν μο  $\overline{\alpha}$ , τὸ ὑπ' αὐτῶν προσλαβὼν ἄπαξ τὸν ἐλάσσονα,  $\Box^{ον}$  ποιεῖ, ὡς δὶς  $\overline{\zeta}$ ,  $\overline{\iota}\overline{\delta}$ , καὶ δὶς τὰ  $\overline{\rho}$ ,  $\overline{\delta}$ , δμοῦ  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$ · παρὰ δὲ  $\overline{\gamma}$  μο, τρὶς καὶ ἐφεξῆς.

'Εὰν δὲ ἀριθμὸς ἀριθμοῦ τετραπλάσιος ἢ ἐννεαπλάσιος καὶ ἐφεξῆς ἢ, εἰ μὲν καὶ μο ᾱ, τὸ ὑπ' αὐτῶν λείψει ἄπαξ τοῦ ἐλάσσονος,  $\Box^{\circ \circ}$  ποιεῖ, ὡς  $\bar{\beta}$  καὶ  $\bar{\theta}$ , δὶς ει τὰ  $\bar{\theta}$ ,  $\bar{\eta}$ , λείψει δὲ τοῦ ἐλάσσονος, γίνεται  $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$  εἰ δὲ καὶ μο  $\bar{\beta}$ , λείψει δὶς τοῦ ἐλάσσονος, ὡς  $\bar{\beta}$  καὶ  $\bar{\iota}$ , δὶς  $\bar{\iota}$ ,  $\bar{\kappa}$ , λείψει δὲ τοῦ  $\bar{\beta}$  δίς, ἤτοι τῶν  $\bar{\delta}$ , γίνεται  $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$  εἰ δὲ  $\bar{\gamma}$  μο, τρὶς λείψει καὶ ἐφεξῆς.

<sup>10</sup> cf. I, 122, 9 sq.

Ο μὲν οὖν ὑπ' αὐτῶν ἐστι  $\Delta^{Y}$  δ Λ  $S^{ov}$   $\bar{\alpha}$  · οὖτος δὴ προσλαβὼν μὲν τὸν ἐλάττονα, γίνεται  $\Delta^{Y}$   $\bar{\delta}$  τελείων · προσλαβὼν δὲ τὸν μείζονα, γίνεται  $\Delta^{Y}$   $\bar{\delta}$   $SS^{\bar{ov}}$   $\bar{\gamma}$  Λ  $\mu^{o}$   $\bar{\alpha}$  · ἐπεὶ τοίνυν ἡ τοῦ ἐλάττονος  $\Box^{ov}$  πλευρά, τουτέστι τῶν  $\bar{\delta}$   $\Delta^{Y}$ ,  $SS^{\bar{ov}}$  ἐστι  $\bar{\beta}$ , εἰκότως τὴν τοῦ μείζονος  $\Box^{ov}$  πλευραὶ συντεθεῖσαι,  $\mu^{o}$  ποιήσωσιν  $\bar{s}$ . καὶ τὰ ἀπὸ τῆς τοῦ μείζονος πλευρᾶς ἰσα λέγει εἶναι τῷ μείζονι τετραγώνῳ, εἰκότως.

10 Ἐπεὶ τοίνυν ὁ Sο λζ κζων εὐρέθη, καὶ ἔστιν ὁ ἐλάττων λζ κζων, ὁ δὲ μείζων ραα κζων, (οί γὰρ δ SSοὶ ραη κζων εἰσίν, ὧν ἐὰν ἀφέλης μο α, ἤτοι κζ κζα, λοιπὰ ραα κζα), ὁ ὑπὸ τῶν λζ καὶ ραα γίνονται δυος ψκθα ἐὰν τοίνυν ἀναλυθῶσι καὶ τὰ λζ κζα εἰς ψκθα, τουτιδετιν ἐκάστου αὐτοῦ μορίου εἰς κζ μερισθέντος, τὰ μὲν λζ κζα γενήσεται Μηθ ψκθα, τὰ δὲ ραα κζα, γσξζ ψκθα τοῖς οὖν δυος, ἐάν τε τὰ Μηθ συντεθῶσι, ποιοῦσι τὸν ξψμδ, □ον ἀπὸ πλ. τοῦ οδο ἐάν τε τὰ γσξζ, ποιοῦσι τὸν ξψμδ, □ον ἀπὸ πλ. τοῦ πηο αί δὲ τούτων πλευραί, τουτέστι τὰ οδ καὶ πη κζα, ὰ γίνονται ὁμοῦ ρξβ, συναχθέντα εἰς μονάδας, γίνονται μο ε.

# AD PROBLEMA XXVII.

	နှေ $ar{\delta}_{ar{\mu}^o}ar{lpha}$		s α
πολλ.	$\Delta^{\gamma} \bar{\delta} s \bar{\alpha}$		
	$\mathcal{\Delta}^{Y}ar{\delta}$ $\Lambda$ 33 $ar{\gamma}$ $\mu^{o}$ $ar{lpha}$	<b>ℓ</b> σ.	$\Delta^{\gamma} \bar{\delta} \mu^{\circ} \bar{\varkappa} \bar{\varepsilon} \wedge SS \bar{\varkappa}$
πQ.	${oldsymbol arDelta}^{Y}ar{oldsymbol \delta}$ as $ar{oldsymbol arkappa}$	$\ell^{\sigma}$ .	${oldsymbol \Delta}^{Y}ar{oldsymbol \delta}\mu^{o}ar{oldsymbol \kappa}$
ἀ <b>φ</b> .	ss <del>ιζ</del>	$\ell^{\sigma}$ .	$\mu^o \overline{\varkappa 5}$
μεο.	$\operatorname{\mathfrak{s}} \overline{lpha}$	$\ell^{\sigma}$ .	$\overline{\varkappa}\overline{5}$ $\iota\xi^{\alpha}$
<b>ύπ.</b>	οπα ιζα		$\overline{\varkappa}\overline{\varsigma}$ $\iota \zeta^{\alpha}$ .

<sup>1</sup> cf. I, 122, 13 sq.

25

Καὶ τὸ κζον δμοίως δείκνυσι τῷ κςφ.

'Επεὶ τοίνυν ὁ  $5^\circ$  ἐστιν  $\overline{\kappa}5^{\iota\zeta}$ , ὁ μὲν ἐλάσσων, ὁ  $5^{\circ \iota}$  ᾱ, ἔσται  $\overline{\kappa}5$  ιζων, ὁ δὲ μείζων, ὁ  $55^{\omega \nu}$   $\overline{\delta}$  μ° ᾱ,  $\overline{\varrho}\kappa\alpha$  ιζων.  $\delta^{\kappa \iota}$  γὰρ τὰ  $\overline{\kappa}5$ ,  $\overline{\varrho}\delta$ , οἶς προστιθέμενα  $\overline{\iota}\zeta$  ιζα, ἤτοι μ° ᾱ, γίνεται  $\overline{\varrho}\kappa\alpha$  ιζα. ὁ τοίνυν ὑπ' αὐτῶν ἐστι  $\overline{\gamma}\varrho\mu\delta$  σπθων.  $\delta^{\kappa \iota}$  ἀναλυθέντα δὲ καὶ τὰ  $\overline{\kappa}5$  ιζα εἰς ὅμοια μόρια σπθα, γίνεται υμβ· τὰ δὲ  $\overline{\varrho}\kappa\alpha$  ιζα,  $\overline{\rho}\nu\zeta$  σπθα· ἐάν τε οὖν ἀπὸ τῶν  $\overline{\gamma}\varrho\mu\delta$  ἀφέλω υμβ, λοιπὰ  $\overline{\rho}\mu\delta$ , ἄπερ ἐστὶ  $\Box^{\circ\varsigma}$  ἀπὸ πλ. τοῦ  $\overline{\iota}\gamma\rho$  αἱ δὲ τούτων πλευραί, τουτέστι τὰ  $\overline{\iota}\gamma\rho$  10 καὶ τὰ  $\overline{\iota}\gamma\rho$ , όμοῦ συντιθέμενα γίνονται  $\overline{\kappa}5$  ιζα, ὰ συναγόμενα εἰς μονάδας, γίνονται  $\overline{\iota}^{\circ}\delta$ .

#### AD PROBLEMA XXVIII.

Al πλευφαὶ λαμβάνονται, ἐν τῷ κηῷ, τῷν πλαττομένων  $\Box^{\omega v}$ , ἡ μὲν  $\mathfrak{S}^{o\bar{v}}$   $\bar{\alpha}$   $\Lambda$  μ°  $\bar{\beta}$ , ἡ δὲ  $\mathfrak{S}^{\bar{\omega} v}$   $\bar{\gamma}$   $\Lambda$  μ°  $\bar{\delta}$ , ῖνα ἔχη πάλιν τὰς  $\Delta^{Y}$ , καὶ τῶν γινομένων εἰδῶν τὸ μὲν ἐλλείπη, τὸ δὲ ὑπερβαίνη.

5 'Επεί δὲ δ 3ο' εύρίσκεται  $\overline{\gamma}$  δων,  $\hat{\eta}$  μὲν  $\Delta^{\Upsilon}$  ἔσται  $\overline{\vartheta}$  ι5ων,  $\hat{\eta}$  δὲ μο τῶν δμοίων μορίων  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$ , τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν  $\overline{\varrho}$ μδ·σνςα· ταῦτα προσλαβόντα τὴν μο εἰς σνςα ἀναλυθείσαν, σνςα γίνεται  $\overline{\upsilon}$ ,  $\Box^{o\varsigma}$  ἀπὸ πλ. τοῦ  $\overline{\kappa}$  ι5ων· τούτων οὕτως ἐχόντων 'πάντων, φησίν, ι $\overline{\varsigma}^{πλ}$ , τουτέστιν  $\overline{\upsilon}$  τε  $\overline{\upsilon}$  αὐτῶν, ἤτοι  $\overline{\varrho}$ μδ σνςα, ταὐτὸν δ' εἰπεῖν  $\overline{\vartheta}$  ι $\overline{\varsigma}^{\alpha}$ , καὶ  $\overline{\eta}$   $\Delta^{\Upsilon}$ , ἤτοι τὰ  $\overline{\vartheta}$  ι $\overline{\varsigma}^{\alpha}$ · ι $\overline{\varsigma}^{κις}$  γὰρ ταῦτα ποιοῦσι  $\Delta^{\Upsilon}$   $\overline{\vartheta}$  μο  $\overline{\vartheta}$ , οὔσης καὶ ἐκάστης τῶν  $\Delta^{\Upsilon}$  μονάδος μιᾶς.

Πάλιν, ἐπεὶ γίνεται ὁ 5ο'  $\bar{\xi}$  κόων, ἡ  $\Delta^{Y}$  ἄρα  $\bar{\mu}\bar{\partial}$  φοςων, καὶ πάλιν ἐπεὶ ὁ ἔτερος  $\bar{\mu}^{o}$  ἡν  $\bar{\partial}$ , διὰ τὸ πάντα  $\bar{\iota} \xi^{x_{i}\bar{\iota}}$ , ἱτὰ πὰλιν ἐπεὶ ὁ ἔτερος  $\bar{\mu}^{o}$  ἡν  $\bar{\partial}$ , διὰ τὸ πάντα  $\bar{\iota} \xi^{x_{i}\bar{\iota}}$ , ἱτὰ ἀπὸ πλ.  $\bar{\gamma}$  όων, ἔσται πάλιν τούτου  $\bar{\tau}$  τὰ  $\bar{\gamma}$  όα τῶν  $\bar{\kappa}\bar{\partial}$  κόων ἤτοι τὰ  $\bar{\iota}\bar{\eta}$  κόα, ὰ καὶ εἰς ἐαυτὰ πολλαπλασιαζόμενα ποιοῦσι τκο φοςα· ὁ δὲ ὑπ' αὐτῶν, ὰ εῶος λὴ αψοςα· ταῦτα προσλήψει μὲν τῶν  $\bar{\mu}\bar{\partial}$  φοςων, ἀναλυθέντων εἰς  $\bar{\beta}$  ησκο λὴ αψοςα, γίνεται  $\bar{\partial}$   $\bar{\partial}\bar{\partial}$  τοιούτων μορίων, ᾶπερ ἐστὶ  $\Box^{oc}$  ἀπὸ πλ. τῶν  $\bar{\sigma}\bar{\iota}$  φοςων· προσλήψει δὲ τῶν  $\bar{\tau}\bar{\kappa}\bar{\partial}$  φοςων ἀναλυθέντων εἰς  $\bar{\imath}\bar{\eta}$   $\bar{\zeta}\bar{\chi}\bar{\kappa}\bar{\partial}$  λὴ αψοςα, γίνεται  $\bar{\delta}$ λος  $\bar{\kappa}$   $\bar{\beta}\bar{\rho}$  μορίων τοιούτων, ᾶπερ ἐστὶ  $\Box^{oc}$  ἀπὸ πλ. τῶν  $\bar{\tau}\bar{\nu}\bar{\nu}$   $\bar{\nu}\bar{\nu}$  φοςων.

## AD PROBLEMA XXIX.

 $_{25}$  End.  $arDelta^{\, y}\, ar{lpha}$   $\mu^{
m o}\, ar{lpha}$   $\mathcal{A}^{\, y}\, ar{lpha}$   $\overline{\kappa}\epsilon$ 

<sup>1</sup> cf. I, 126, 5 et 12. 4 ὁπερβαίνει. 5 ὁ  $5^{\circ}$ ] ως. cf. I, 126, 5. 9 I, 126, 10/11.  $\iota 5^{\pi \lambda}$ ] ἐξακιδεκάκις. 13 cf. I, 126, 13. 14  $\mu^{\circ}$ ] δυνάμεων. 15 τούτου B, τούτων cett. 18 ἀναλυθέντα.

$$πολλ.$$
  $Δ^{Υ}$   $\overline{κε}$   $Λ$   $μ^{ο}$   $\overline{κε}$   $ℓ^{σ}.$   $Δ^{Υ}$   $\overline{α}$   $μ^{ο}$   $\overline{\iota σ}$   $Λ  $𝔞$   $\overline{η}$ 
 $πορ.$   $Δ^{Υ}$   $\overline{κε}$   $𝔞𝔞$   $\overline{η}$   $ℓ^{σ}.$   $Δ^{Υ}$   $\overline{α}$   $μ^{ο}$   $\overline{μα}$ 
 $δφ.$   $𝔞𝔞$   $$\overline{α}$   $\overline{α}$   $\overline{$$$ 

 $^{\prime}$ Επεὶ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\text{κε}}$  ἀφαιρουμένων τῶν τῆς  $\mu^{\circ}$   $\overline{\iota}\overline{\varsigma}^{\iota\varsigma'}$ , καταλείπεται  $\square^{\circ\varsigma}$  ὁ  $\overline{\vartheta}$ , εὐλόγως τέτακται ὁ μὲν  $\overline{\text{κε}}$ , ὁ δὲ  $\varDelta^{\Upsilon}$   $\overline{\alpha}$ · ὀφείλει δὲ ἡ  $\varDelta^{\Upsilon}$  εἶναι  $\iota\varsigma^{\omega r}$ , ἵνα ἀφαιρεθείσης μονάδος τῶν  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$ , δηλονότι  $\iota\varsigma^{\omega r}$ , καταλειφθῆ  $\square^{\circ\varsigma}$ .

To δè πάντα  $i5^{xis}$  οὕτως ἀναλυθείσης μιᾶς ἑκάστης τῶν  $\overline{\kappa \epsilon}$  μ° εἰς  $\overline{\iota \epsilon}$ ,  $i5^{\alpha}$   $\overline{\kappa \epsilon}$ , καὶ πολλαπλασιασθεισῶν πασῶν μετὰ τῆς  $\Delta^{\gamma}$ , ῆτις ἡν  $\overline{\alpha}$   $i5^{ov}$ , γίνεται  $\Delta^{\gamma}$   $\overline{\kappa \epsilon}$ , ὧν ἐκάστη ἐστὶν  $\overline{\iota \epsilon}$   $i5^{ov}$ .

Μετὰ ταῦτα κοιναὶ προσκείσθωσαν αί λείψεις  $\Delta^{Y}$  15 ἄρα  $\overline{\chi}_{\overline{k}}$  55οὶ  $\overline{\eta}$  ἴσα  $\Delta^{Y}$   $\overline{\alpha}$  μο  $\overline{\mu}\alpha$ , καὶ ἀφαιρεθείσης τῆς  $\overline{\alpha}$   $\Delta^{Y}$  ἐξ έκατέρου μέρους, καταλείπονται  $\Delta^{Y}$  κο 55οὶ  $\overline{\eta}$  ἴσα εἰσὶ μο κάστη τῶν  $\Delta^{Y}$   $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$  15ων  $\overline{\eta}$ ν, αί κό  $\Delta^{Y}$  ἴσαι εἰσὶ μο κό, καὶ ἀφαιρεθέντων ἐξ έκατέρου μέρους αὐθις μο κό, καταλείπονται μο  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$  ἴσαι 55οὶς  $\overline{\eta}$  νο καὶ γίνεται  $\delta$  5οὶ  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$   $\eta^{\omega v}$ .  $\delta$  ἄρα  $\Box^{\omega v}$  εἶς,  $\overline{\sigma}$   $\overline{\sigma}$   $\overline{\delta}$  ξόα,  $\delta$  δὲ λοιπός, καθως ἐν τῷ πρὸ τούτου θεωρήματι ἐλέχθη, έσται  $\overline{\varrho}$  ξόα, ἀπὸ πλ.  $\overline{\iota}$   $\eta^{\omega v}$ · έπεὶ γὰρ τῶν  $\overline{\kappa}$   $\Delta^{Y}$ , ὧν μία έκάστη  $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$   $\overline{\eta}$ ν  $\overline{\iota}$ υ, πλ.  $\overline{\eta}$ σαν  $\overline{\varepsilon}$   $\delta^{\alpha}$ , εὐρέθη  $\delta$ ὲ  $\delta$  5οὶ  $\overline{\iota}$  $\overline{\varsigma}$   $\eta^{\omega v}$ , ἔσται  $\delta$  λοιπὸς  $\overline{\varepsilon}$   $\delta^{\alpha}$  τῶν  $\overline{\eta}$   $\eta^{\omega v}$ · τὰ  $\delta$ ὲ  $\overline{\varepsilon}$   $\delta^{\alpha}$ ,  $\overline{\iota}$   $\eta^{\alpha}$ . 25

'Ο ύπ' αὐτῶν ἄρα  $\ddot{\beta}$   $\overline{n}$   $\overline{n}$   $\delta^{4}$   $5^{\alpha}$ , λείψει γοῦν  $\overline{\varrho}$  ξ $\delta^{\omega r}$ , ἄτινα ἀναλύονται εἰς  $\overline{5}^{\omega}$  ὅμοια μόρια, γίνεται  $\ddot{\beta}$   $\overline{\beta}$  $\varphi$  τοιούτων μορίων ἔσται  $\Box^{0}$ ς ἀπὸ πλ.  $\overline{\varrho}$ ν ξ $\delta^{\omega r}$ · λείψει δὲ

<sup>7</sup> cf. I, 128, 3. 11 I, 128, 6.

5

10

τῶν  $\overline{\sigma n \vartheta}$  ξδων ἀναλυθέντων εἰς ä  $\overline{\eta v^1 15}$   $\overline{\delta}^{1} 15^{\alpha}$ , καταλείπονται ä  $\overline{v \vartheta}$  δμοια μόρια, ἄπερ έστὶ  $\Box^{\circ s}$  ἀπὸ πλ.  $\overline{\varrho \beta}$  ξδων.

## AD PROBLEMA XXX.

 $\bar{\beta} \qquad \bar{\gamma}$   $\bar{\epsilon} \kappa \vartheta. \quad \Im \bar{\alpha} \qquad \Im \Im \bar{\iota} \bar{\gamma}$   $\Delta^{\Upsilon} \bar{\epsilon} \qquad \Delta^{\Upsilon} \bar{\iota} \bar{\beta} \quad \ell^{\sigma}. \quad \Im \Im \bar{\iota} \bar{\delta}$   $\Im \bar{\iota} \bar{\beta} \qquad \ell^{\sigma}. \quad \mu^{\circ} \bar{\iota} \bar{\delta}$   $\mu \epsilon \varrho. \quad \Im \bar{\alpha} \qquad \bar{\iota} \bar{\delta} \; \iota \beta^{\alpha} \; \tilde{\eta} \tau o \iota \; \bar{\zeta} \; \bar{\varsigma}^{\alpha}$   $\Im \pi. \quad \bar{\xi} \; \bar{\varsigma}^{\alpha} \qquad \overline{\Box} \alpha \; \bar{\varsigma}^{\alpha}.$ 

'Επειδή ἀριθμοὺς δύο τίθησι τὸν  $\overline{\rho}$  καὶ τὸν  $\overline{\gamma}$ , ἔστωσαν καὶ  $\delta$   $\overline{\rho}$ , 95°  $\overline{\rho}$ , καὶ  $\delta$   $\overline{\gamma}$ , 95°  $\overline{\gamma}$  · ἀπὸ μὲν οὖν τῶν  $\overline{\rho}$  95°  $\overline{\gamma}$ , γίνεται  $\Box^{oc} \Delta^{\gamma} \overline{\delta}$ , ἀπὸ  $\langle \delta \hat{\epsilon} \rangle$  τῶν  $\overline{\gamma}$ ,  $\Delta^{\gamma} \overline{\vartheta}$ . 15  $\overline{\delta}$  δὲ καὶ  $\overline{\vartheta}$  συντιθέμενα γίνονται  $\Delta^{\gamma} \overline{\iota \gamma}$  · ἐπεὶ δὲ 95°  $\overline{\rho}$  καὶ 95°  $\overline{\gamma}$  πολλαπλασιασθέντες ἐπ' ἀλλήλους ποιοῦσι  $\Delta^{\gamma} \overline{\epsilon}$ , ἐὰν ἄρα δὶς τὰ  $\overline{\epsilon}$ , ἤτοι  $\Delta^{\gamma} \overline{\iota \rho}$ , προσθῶ ταῖς  $\overline{\iota \gamma} \Delta^{\gamma}$ , γίνεται  $\Delta^{\gamma} \overline{\kappa \epsilon}$  · ἐὰν δὲ ἀφέλω, γίνεται  $\Delta^{\gamma} \overline{\kappa}$  καί εἰσι  $\Box^{oi}$ . διὰ δὴ ταῦτα τάσσει τὸν ὑπ' αὐτῶν  $\Delta^{\gamma} \overline{\iota \gamma}$ , 20 ἵνα, ἐάν τε προσθῆ, ἐάν τε ἀφέλη, γίνηται  $\Box^{oi}$ .

Ἐπεὶ τοίνυν ὁ μέν ἐστιν ζ  $5^{\omega r}$ , ὁ δὲ Τα  $5^{\omega r}$ , ὁ ὑπ' αὐτῶν γίνεται  $\overline{\chi}\lambda\zeta$   $\lambda 5^{\omega r}$ · ὁ δὲ συναμφότερος, τη ὢν  $5^{\omega r}$ , γίνεται  $\overline{\varphi}\pi\eta$   $\lambda 5^{\omega r}$ · ἐάν τε οὖν τοῖς  $\overline{\chi}\lambda\zeta$  προσθῶ τὰ  $\overline{\varphi}\pi\eta$ , γίνεται ὁ  $\overline{\alpha}\overline{\sigma}\kappa$ ,  $\Box^{os}$  ἀπὸ  $\pi\lambda$ .  $\overline{\lambda}\varepsilon$   $5^{\omega r}$ · ἐάν τε ἀφέλω, 25 γίνεται ὁ  $\overline{\mu}\overline{\partial}$   $\lambda 5^{\omega r}$ ,  $\Box^{os}$  ἀπὸ  $\pi\lambda$ .  $\overline{\zeta}$   $5^{\omega r}$ .

<sup>12</sup> cf. I, 128, 18. 20 γίνεται.

#### AD PROBLEMA XXXI.

$$\bar{\delta} \qquad \bar{\beta}$$

$$\bar{\epsilon} \kappa \delta. \quad \Delta^{Y} \bar{\iota} \bar{\varsigma} \qquad \Delta^{Y} \bar{\kappa}$$

$$55 \bar{\beta} \qquad 55 \bar{\iota}$$

$$\Delta^{Y} \bar{\kappa}$$

$$55 \bar{\iota} \bar{\beta} \qquad \bar{\iota}^{\alpha}. \qquad \Delta^{Y} \bar{\iota} \bar{\varsigma}$$

$$\mu^{\alpha} \bar{\iota} \bar{\beta} \qquad 55 \bar{\iota} \bar{\varsigma}$$

$$\mu \bar{\epsilon} \rho. \qquad \bar{\iota} \bar{\beta} \bar{\iota} \bar{\varsigma}^{\alpha} \bar{\eta} \bar{\gamma} \delta^{\alpha} \qquad 5 \bar{\alpha}$$

$$\bar{\iota} \kappa . \quad \bar{\varsigma} \delta^{\alpha} \qquad \bar{\lambda} \delta^{\alpha}.$$

Τὸ λα<sup>ον</sup> ὅμοιόν ἐστι τῷ λ<sup>ο</sup>, γίνεται δὲ οὕτως. ἐπεὶ 10 ὁ μὲν ἀπὸ  $\bar{\beta}$  55<sup>ω̄ν</sup>,  $\Delta^{Y}$  ἐστὶ  $\bar{\delta}$ , ὁ δὲ ἀπὸ  $\bar{\delta}$  55<sup>ω̄ν</sup>,  $\Delta^{Y}$   $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$ , αι δὲ  $\bar{\delta}$  καὶ  $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$  συντιθέμεναι γίνονται  $\bar{\kappa}$ , ἐὰν ἄρα ἀπὸ τῶν  $\bar{\kappa}$   $\Delta^{Y}$  ἀφέλωμεν δὶς τὸν ὑπὸ τῶν  $\bar{\beta}$  καὶ  $\bar{\delta}$  55<sup>ω̄ν</sup>, τουτέστι  $\Delta^{Y}$   $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$ , καταλειφθήσεται  $\Delta^{Y}$   $\bar{\delta}$   $\Box^{o_{\bar{\iota}}}$  καὶ ἐὰν προσθῶ τὰς  $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$   $\Delta^{Y}$ , γίνεται  $\bar{\lambda}\bar{\varsigma}$ , πάλιν  $\Box^{o_{\bar{\iota}}}$ . διὰ δὴ 15 ταῦτα τάσσει τὸν ὑπ' αὐτῶν  $\Delta^{Y}$  $\bar{\kappa}$ , ἵνα, ἐάν τε προσθῆ τὸν αὐτὸν ἀριθμόν, ἐάν τε ἀφέλη, γίνηται  $\Box^{o_{\bar{\iota}}}$ .

Έπεὶ τὸν  $\overline{\mathbf{x}}$  ποιοῦσι καὶ ἔτεροι δύο ἀριθμοὶ ἐπ' ἀλλήλους πολλαπλασιαζόμενοι,  $\mathbf{\ddot{o}}$  τε  $\overline{\mathbf{\dot{\beta}}}$  καὶ  $\overline{\mathbf{\iota}}$ , τάσσει τὸν μὲν  $\mathbf{S}\mathbf{S}^{\tilde{a}r}$  $\overline{\mathbf{\dot{\beta}}}$ , τὸν δὲ  $\mathbf{S}\mathbf{S}^{\tilde{a}r}$  $\overline{\mathbf{\dot{\iota}}}$ , ΐνα πάλιν γίνηται  $\overline{\mathbf{\dot{x}}}$ . οἱ 20 δὲ  $\overline{\mathbf{\dot{\beta}}}$  καὶ  $\overline{\mathbf{\dot{\iota}}}$ , δ συναμφότερος ἐστι γιγνόμενος  $\overline{\mathbf{\dot{\iota}}}\overline{\mathbf{\dot{\beta}}}$   $\mathbf{S}\mathbf{S}^{oi}$ , άλλ' ἔδει τὸν συναμφότερον εἶναι  $\mathbf{\dot{\Delta}}^{Y}$   $\overline{\mathbf{\iota}}\overline{\mathbf{\dot{s}}}$ . οὐκοῦν  $\mathbf{\dot{S}}\mathbf{\dot{s}}^{i}$   $\overline{\mathbf{\dot{\iota}}}\overline{\mathbf{\dot{\beta}}}$  ἴσοι  $\mathbf{\dot{\Delta}}^{Y}$   $\overline{\mathbf{\dot{\iota}}}\overline{\mathbf{\dot{s}}}$ . πάντα παρὰ  $\mathbf{\dot{S}}^{or}$ .  $\mathbf{\dot{S}}\mathbf{\dot{s}}^{oi}$  ἄρα  $\overline{\mathbf{\dot{\iota}}}\overline{\mathbf{\dot{s}}}$  ἴσοι  $\mathbf{\dot{\mu}}^{o}$   $\overline{\mathbf{\dot{i}}}\overline{\mathbf{\dot{\beta}}}$  ἴσοι  $\mathbf{\dot{\delta}}$   $\mathbf{\dot{s}}$   $\mathbf{\dot{c}}$   $\mathbf{\dot{s}}$   $\mathbf{\dot{o}}$   $\mathbf{\dot{o$ 

<sup>14</sup>  $\Delta^{Y} \bar{\delta}$ ]  $\delta \bar{\delta}$ . 16 cf. I, 130, 17. 17 et 20 yéveral. 19 cf. I, 130, 18/19.

Καί εἰσιν ἴσοι  $\Box^{\varphi}$  τῷ  $\overline{\lambda}_{5}$  καὶ ὁ μὲν ὑπ' αὐτῶν ἐστιν  $\overline{\varrho}$ π ις $^{\omega \nu}$ , ὁ δὲ συναμφότερος εἰς ις $^{\alpha}$  ἀναλυόμενος,  $\overline{\varrho}$ μδ ις $^{\omega \nu}$ , ἴσος καὶ οὖτος  $\Box^{\varphi}$  · ἐάν τε οὖν τοῖς  $\overline{\varrho}$ π προσθῶ τὰ  $\overline{\varrho}$ μδ, γίνεται ὁ τκδ,  $\Box^{\circ\varsigma}$  ἀπὸ πλ. τοῦ  $\overline{\imath}$ η · ἐάν τε 5 ἀφέλω ταῦτα, γίνεται ὁ  $\overline{\lambda}_{5}$ ,  $\Box^{\circ\varsigma}$  ἀπὸ πλ. τοῦ  $\overline{\varsigma}$ .

'Ηδύνατο δέ, εἴπερ ἐβούλετο, καὶ τὸν μὲν τάξαι  $35^{\bar{\omega}r} \bar{\delta}$ , τὸν δὲ  $35^{\bar{\omega}r} \bar{\epsilon}$  καὶ οὕτω γὰρ ἀν  $\bar{\kappa} \, \Delta^r$  ἐγίνοντο, καὶ δ μὲν  $5^{\bar{\omega}} \bar{\delta}$   $\bar{\delta}$   $\bar{\delta}$ 

#### AD PROBLEMA XXXII.

 $SS\bar{\beta} \mu^{o} \bar{\alpha}$ ,  $SS\bar{\delta} \mu^{o} \bar{\gamma}$  $\ddot{\epsilon}$ κ $\vartheta$ . S  $\bar{\alpha}$ , 15  $\sigma \dot{\nu} \nu \partial$ .  $\Delta^{\Upsilon} \bar{\alpha}$  99  $\bar{\beta} \mu^{o} \bar{\alpha}$ ,  $\Delta^{\Upsilon} \bar{\delta}$  99  $\bar{\eta} \mu^{o} \delta$ ,  $\Delta^{\Upsilon} \bar{\iota} \bar{\varsigma}$  99  $\bar{\kappa} \bar{\epsilon} \mu^{o} \bar{\delta}$  $\pi\lambda$ . SS  $\bar{\delta} \wedge \mu^{\circ} \bar{\delta}$  $\pi o \lambda \lambda$ .  $\Delta^{Y} \overline{\iota 5} \mu^{o} \overline{\iota 5} \Lambda 55 \overline{\lambda \beta}$ AY IS SS XE HO & ľσ. 1 IF HO IS ľ°. 1 15 33 V 40 8 πο. άφ. μº ξ ľ<sup>o</sup>. SS V ξυξα 20 μερ. sā  $\bar{\xi} \nu \xi^{\alpha}$  $\overline{\alpha} \nu \xi^{\alpha}$ , ο 50 νζα. ังπ.

Καὶ ἀπλῶς καθ' ὅσους ἀν ἀριθμοὺς ἐγχωρεῖ ἔστωσαν δύο ἀριθμοὶ δ  $\bar{\beta}$  καὶ δ  $\bar{\epsilon}$  [καὶ πολλαπλασιαζομένους ἐπ' ἀλλήλους γίνεσθαι τὸν  $\bar{\kappa}$ ]. ἔστιν δ  $\bar{\epsilon}$  διπλάσιος τοῦ  $\bar{\beta}$  καὶ μονάδι μείζων. δ δὲ ἀπὸ τοῦ  $\bar{\beta} \Box^{o\varsigma}$  δ  $\bar{\delta}$ . οὖτος προσλαβών τὸν  $\bar{\epsilon}$ , γίνεται  $\bar{\theta}$  πάλιν  $\Box^{o\varsigma}$ .

<sup>22</sup> cf. I, 130, 17.  $\ell\gamma\chi\omega\rho\eta$ . 23—24  $\kappa\alpha l$  . . .  $\tau\delta\nu$   $\overline{\kappa}$  videntur defluxisse a praecedenti scholio.

"Επλασε δὲ τὸν  $\Box^{\circ \circ}$  ἀπὸ πλ.  $\mathfrak{SS}^{\tilde{\omega} \circ}$  δ Λ  $\mu^{\circ}$  δ, Γνα διὰ μὲν τῶν  $\mathfrak{SS}^{\tilde{\omega} \circ}$  πάλιν ἔχη τὰς  $\overline{\iota \varsigma}$   $\Delta^{Y}$ , διὰ δὲ τῆς λείψεως τῶν  $\overline{\delta}$   $\mu^{\circ}$  τὰ γιγνόμενα εἴδη τῶν  $\mathfrak{SS}^{\tilde{\omega} \circ}$  καὶ  $\mu^{\circ}$  τὸ μὲν ὑπερβάλλη, ὡς αὶ  $\overline{\iota \varsigma}$   $\mu^{\circ}$  τῶν  $\overline{\delta}$ , τὸ δὲ ἐλλείπη, ὡς ἡ τῶν  $\overline{\lambda β}$   $\mathfrak{SS}^{\tilde{\omega} \circ}$  λεῖψις τῆς ὑπάρξεως τῶν  $\overline{\kappa \varepsilon}$   $\mathfrak{SS}^{\tilde{\omega} \circ}$ .  $\mathfrak{SS}^{\tilde{\omega} \circ}$  εἰάττοσι μὲν γὰρ  $\mu^{\circ}$  οὐ δυνατὸν γενέσθαι, πλείοσι δ' ἐφ' ὅσον βούλει.

Προσθέσει τοίνυν καὶ ἀφαιρέσει γίνεται ὁ  $5^{\circ}$  ξ νζων, καὶ ὁ μὲν ἀπὸ τοῦ  $\alpha^{\circ \circ}$   $\Box^{\circ \circ}$  γίνεται  $\langle \mu \overline{\partial} \rangle$  γσμ $\partial^{\omega \circ}$ , ὁ δὲ ἀπὸ τοῦ  $\beta^{\circ \circ}$   $\Box^{\circ \circ}$  , εμα τῶν αὐτῶν μορίων, ὁ δὲ ἀπὸ  $10^{\circ}$  τοῦ  $\gamma^{\circ \circ}$  τῶν αὐτῶν  $\gamma$  , λαβὼν τὸν  $\beta^{\circ \circ}$  ἀναλυθέντα εἰς , λμξ γσμ $\partial^{\alpha}$ , γίνεται ,  $\overline{\partial^{\circ}}$ 15,  $\Box^{\circ \circ}$  ἀπὸ πλ. τοῦ ξο νζων ὁ δὲ ἀπὸ τοῦ  $\beta^{\circ \circ}$ , ὁ  $\overline{\epsilon}$ μα, προσλαβὼν τὸν  $\gamma^{\circ \circ}$  ἀναλυθέντα ὁμοίως εἰς  $\overline{\alpha}$   $\overline{\alpha}$ μη γσμ $\partial^{\alpha}$ , γίνεται  $\overline{\alpha}$   $\overline{\beta}$ τπὸ,  $\Box^{\circ \circ}$  ἀπὸ τοῦ  $\overline{\gamma}$ ου ὁ  $\overline{\gamma}$   $\overline{\beta}$ χα, προσλαβὼν τὸν  $\overline{\gamma}$ ον ἀναλυθέντα ὁμοίως εἰς  $\overline{\alpha}$   $\overline{\alpha}$ μη νζων  $\overline{\delta}$   $\overline{\delta}$ ὲ ἀπὸ τοῦ  $\overline{\gamma}$ ου  $\overline{\delta}$   $\overline{\gamma}$   $\overline{\gamma}$ χα, προσλαβὼν τὸν  $\overline{\alpha}$ ον ἀναλυθέντα ὁμοίως εἰς  $\overline{\tau}$ 17 γσμ $\overline{\sigma}$ 2, γίνεται  $\overline{\delta}$   $\overline{\delta}$ 0,  $\Box^{\circ \circ}$  ἀπὸ πλ. τῶν  $\overline{\sigma}$  νζων.

## AD PROBLEMA XXXIII.

<i>દે</i> મ્રે છે.	s $\bar{\alpha}$ $\mu^o$ $\bar{\alpha}$ ,	ss $ar{eta}$ $\mu^o$ $ar{lpha}$ ,	ss δ μ° α	20
πολλ.	$\Delta^Y \bar{\alpha}$	$\Delta^r \ \bar{\delta}$	${\it \Delta}^{Y}  \overline{\imath \overline{s}} $ as $\overline{\overline{\zeta}}$	
πλ.	SS E			
•	$\Delta^{Y}$ ne	$l^{\sigma}$ .	Δ <sup>r</sup> īs as ξ	
άφ.	$\Delta^{r} \overline{\vartheta}$	$\mathcal{C}^{\sigma}.$	ss $\overline{\xi}$	
˙π <sup>ϱ</sup> . S	รร 🕏	$\mathcal{C}^{\sigma}$ .	$\mu^o$ $\overline{\xi}$	25
μεο.	s $\bar{\alpha}$		$\overline{\xi}   \vartheta^{\alpha}$	
ύπ.	ī5 δ <sup>α</sup>	$\overline{\varkappa_{\gamma}}  \vartheta^{\alpha}$	λξ θα.	

<sup>1</sup> cf. I, 132, 15.

Πλάσσει τὸν  $\Box^{or}$  ἀπὸ  $25^{\overline{or}}$   $\overline{\epsilon}$  μόνων, ἵνα γενομένων  $\overline{\kappa \epsilon}$   $\Delta^{Y}$ , ἀφέλη τὰς  $\overline{\iota \varsigma}$   $\Delta^{Y}$ , καὶ λειφθῶσι  $\Delta^{Y}$  ἴσαι  $25^{o\overline{\iota}\varsigma}$   $\epsilon$  ἐγὰ $\overline{\iota \varsigma}$   $\Delta^{Y}$   $25^{o\overline{\iota}\varsigma}$   $\overline{\varsigma}$  εἶχον καὶ  $\underline{\mu}^{o}$  τινάς, ἔμελλε καὶ τὴν πλάσιν τοῦ  $\Box^{ov}$  ἀπὸ  $25^{\overline{or}}$   $\overline{\delta}$   $\Lambda$   $\underline{\mu}^{o}$  τινῶν ποιεῖν.

Καί εἰσιν ἴσαι αῖ τε  $\overline{\mathbf{n}}$ ε  $\Delta^{\mathbf{r}}$  καὶ αἱ  $\overline{\mathbf{t}}$ ς  $\Delta^{\mathbf{r}}$   $\mathfrak{S}$  $\mathfrak{S}^{o}$ ἱ  $\overline{\mathfrak{g}}$  εἰ δὲ καὶ ἀπὸ  $\overline{\mathfrak{s}}$   $\mathfrak{S}$  $\mathfrak{S}^{or}$  ἔπλαττε τὸν  $\square^{or}$  καὶ ἐπέκεινα, προεχώρει τὸ πρόβλημα.

## AD PROBLEMA XXXIV.

Το λημμα τοιοῦτόν ἐστιν ἐὰν ἀριθμὸς μετρηται ὑπό τινος, λάβωμεν δὲ καὶ τὸν καθ' ὃν μετρεῖται, καὶ 25 ἀπὸ τοῦ μείζονος τούτων ἀφέλωμεν τὸν ἐλάττονα, δ

<sup>1</sup> cf. I, 134, 8. 2 ληφθώσι. 23 cf. I, 134, 16 sq.

ἀπὸ τοῦ ἡμίσεος τοῦ λοιποῦ, προσλαβῶν τὸν έξ ἀρχῆς, ἥτοι τὸν μετρούμενον ὑπό τε τοῦ μετροῦντος καὶ τοῦ καθ' ὂν μετρεἵται, ποιεἵ τετράγωνον.

Οἶον  $\delta \bar{s}$  ἀριθμὸς μετρεῖται ὑπὸ τοῦ  $\bar{\gamma}$  κατὰ τὸν  $\bar{\beta}$ , (τοῦτο γάρ ἐστι τὸ καθ' δν μετρεῖται), ἢ ἀνάπαλιν  $\delta \bar{s}$   $\bar{s}$  ἀριθμὸς μετρεῖται ὑπὸ τοῦ  $\bar{\beta}$  κατὰ τὸν  $\bar{\gamma}$  · ἐὰν οὖν ἀφέλωμεν τὸν ἐλάττονα ἀπὸ τοῦ μείζονος, τουτέστι τὸν  $\bar{\beta}$  ἀπὸ τοῦ  $\bar{\gamma}$ , καταλείπεται μ°  $\bar{\alpha}$  · καὶ  $\delta$  ἀπὸ τοῦ L' τῆς μ°, ὅπερ ἐστὶ τὸ  $\delta^{or}$ , (ἡμισάκις γὰρ τὰ τὸ ἡμισυ, τέταρτον), προσλαβών τὸν ἐξ ἀρχῆς, ῆτοι τὸν  $\bar{s}$ , ποιεῖ 10  $\Box^{or}$  ·  $\delta$  γὰρ  $\bar{s}$  δ"  $\Box^{os}$  ἀπὸ πλ. τοῦ  $\bar{\beta}$  L'.

Τάσσει δὲ τὸν  $i\overline{\beta}$ , ὅτι τοῦτον πρῶτον ἀπὸ μονάδος εὐρίσκει τρισὶ μετρούμενον ἀριθμοῖς, ἀεὶ ἐπὶ τῶν ἐλαχίστων γυμνάζων ἡμᾶς ἀριθμῶν.

Δεϊ δή, φησίν, τὸν συγκείμενον ἐκ τῷν τριῷν 15 ἔσον εἶναι  $\Delta^{Y}$ ι $\ddot{\beta}$ . προσλήψει τε γὰρ τοῦ  $ι\ddot{\beta}$  γίνονται οί  $\Box^{\alpha_i}$ , καὶ προσλήψει τῆς ἐκ τῷν τριῷν συνθέσεως · ὅστε τὸ ἐκ τῷν τριῷν σύνθεμα ἔσον εἶναι ὀφείλει ταῖς  $ι\beta$   $\Delta^{Y}$ , καὶ γίνεται ὁ  $\mathfrak{S}^{\circ}$  ἢτοι  $\ddot{\delta}^{\varsigma''}$  · ἢδύνατο δὲ εἰπεῖν ὅτι  $\ddot{\beta}^{\gamma''}$ , ἀλλ' οὐκ ἢθέλησεν ὅμως, καὶ ἐκεῖ 20 ὁμοίως γίνεται.

<sup>2</sup>Επεὶ τοίνυν ὁ μὲν αος ἐστιν πβς", ἀναλυόμενος εἰς λςα, γίνεται  $\overline{\rho \lambda \beta}$  · ὁ δὲ βος,  $\overline{\eta}$ ς", γίνεται  $\overline{\mu \eta}$  λςων · ὁ δὲ γος  $\overline{\eta}$ ς", γίνεται  $\overline{\mu \eta}$  λςων · ὁ δὲ γος  $\overline{\eta}$ ς δουτεθέντες γίν.  $\overline{\rho}$  ·  $\overline{\eta}$  δςων · καὶ ὁ μὲν ἀπὸ τοῦ αου  $\overline{\rho}$  ·  $\overline{\eta}$  ουπό, προσ-25 λαβων τὸν  $\overline{\rho}$  ·  $\overline{\eta}$  βους  $\overline{\eta}$  βος  $\overline{\eta}$  βους  $\overline{\eta}$  βου

<sup>12</sup> cf. I, 134, 22. 15 I, 136, 4. 16 γίνεται.

#### AD PROBLEMA XXXV.

Τὸ λε $^{ov}$ , ὡς καὶ τὸ λό $^{ov}$ , δεῖται λήμματος τοιούτου έὰν ἀριθμὸς ὑπό τινος ἀριθμοῦ μετρῆται, καὶ συνθῶ-10 μεν τὸν μετροῦντα αὐτὸν καὶ τὸν καθ' δν μετρεῖ, ὁ ἀπὸ τοῦ  $\angle$ ' τοῦ συνθέματος  $\square^{oc}$ , λείψει τοῦ έξ ἀρχῆς,  $\square^{ov}$  ποιεῖ.

Οἶον ὁ  $\bar{\varsigma}$  μετρεῖται ὑπὸ τοῦ  $\bar{\beta}$  κατὰ τὸν  $\bar{\gamma}$  ἢ ἀνάπαλιν ἐὰν οὖν συνθῶμεν τὸν  $\bar{\beta}$  καὶ τὸν  $\bar{\gamma}$ , γίνεται  $\bar{\epsilon}$ . 
15 τούτων τὸ  $\angle'$ ,  $\bar{\beta}$   $\angle'$  · ὁ ἀπὸ τούτου  $\Box^{\circ}$  γίνεται  $\bar{\varsigma}$  δ'' · ἐὰν δὲ ἀπὸ τούτων ἀφέλωμεν τὸν έξ ἀρχῆς, ῆτοι τὸν  $\bar{\varsigma}$ , μένει δ'', ὅπερ ἐστὶ  $\Box^{\circ}$  · ἀπὸ πλ. τοῦ  $\angle'$  τῆς  $\mu^{\circ}$ .

Καὶ κατὰ τὴν τούτου τοῦ λήμματος μέθοδον τάσσει τοὺς ἀριθμούς, ὡς καὶ ἐν τῷ  $\lambda$ δ $^{\phi}$ .

20  $^{\prime}$ Eπεὶ τοίνυν  $\delta$  μὲν  $\alpha^{os}$  με  $^{\prime}$ Επεὶ  $^{\prime}$  εσται  $\overline{\sigma o \gamma}$   $^{\prime}$   $^{\prime}$ 

<sup>26 /</sup> om.

δμοίως λιπὼν τὸν  $\overline{\varphi\pi\eta}$ , γίνεται  $\overline{\imath\beta}$  δ",  $\square^{o\varsigma}$  ἀπὸ πλ. τοῦ  $\overline{\gamma}$   $\angle'$ .

Εἰ δέ τις ἀπαλλαγῆναι τοῦ  $\angle$ ΄ βούλεται, διπλασιασάτω τοὺς τρεῖς, καὶ τὸν μὲν αον ποιείτω  $\frac{1}{2}$ α, τὸν δὲ βον  $\overline{\nu}$ 5, τὸν δὲ γον  $\overline{\mu}$ θ, πάντα μορίων μονάδος iβων, 5 τουτέστιν ἐχέτω τὸν  $5^{ov}$   $\overline{i}$ θ iβων, καὶ ἕξει τὸ πρόβλημα ἐλεύθερον τοῦ  $\angle$ ΄.

# IN DIOPHANTUM SCHOLIA VETERA.

- 1. P. 3, 9: Γνώμη.
- 2. P. 3, 12: Γνώμη.
- 3. Ad. def. II: Εἴτε τὴν δύναμιν ἐφ' ἐαυτὴν πολλα
  5 πλασιάσεις, δυναμοδύναμιν ποιήσεις, εἴτε τὴν πλευρὰν

  τῆς δυνάμεως πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς αὐτῆς αὐτῆ πλευρᾶς

  κύβον, δυναμοδύναμιν πάλιν ποιήσεις. ἐννάκις γὰρ

  τὰ θ καὶ τρὶς τὰ κζ, πα. ὁμοίως καὶ εἴτε τὴν πλευ
  ρὰν πολυπλασιάσεις μετὰ τῆς δυναμοδυνάμεως, εἴτε

  10 τὴν δύναμιν μετὰ τοῦ κύβου, δυναμόκυβον τρὶς γὰρ

  πα, σμγ, καὶ ἐννάκις τὰ κζ, σμγ. ὡσαύτως καὶ εἴτε

  τὸν κύβον ἐφ' ἑαυτὸν πολυπλασιάσεις, εἴτε τὴν πλευ
  ρὰν ἐπὶ τὸν δυναμόκυβον, κυβόκυβον ποιήσεις τὰ γὰρ

  κζ ἐφ' ἑαυτὰ πολυπλασιασθέντα καὶ τὰ γ ἐπὶ σμγ, ψκθ

  15 γίνονται.
  - 4. Ad. def. IV: Νῦν πολυπλασιάζει τὰ είδη τῶν ἀριθμῶν.
    - 5. Ad. def. VII: Νῦν τὰ μόρια πολυπλασιάζει.
- 6. Ad. def. VIII: [Ἐνταῦθα τὸν μερισμὸν τῶν εἰδῶν 20 παραδίδωσι].
  - 7. Ad. probl. I, IV: Ἐπιτετάχθω είναι τὸν μείζονα έν λόγφ ἡμιολίφ πρὸς τὸν έλάττονα, τὴν δὲ ὑπεροχὴν

<sup>19-20</sup> Sch. 6 non habet A.

είναι  $\mu^{\circ}$   $\overline{\vartheta}$ . τοῦ ἄρα έλάττονος ἀριθμοῦ ένὸς ὅντος, ὁ μείζων ἔσται ένὸς ἡμίσεος. λοιπὸν θέλω τὸν ἕνα ἡμισυν ὑπερέχειν τοῦ έτέρου  $\mu^{\circ}$   $\overline{\vartheta}$ , ἀλλ' ὑπεροχὴ αὐτοῦ ἡμίσεος ἀριθμοῦ· ὁ ἄρα έλάττων ἀριθμὸς  $\mu^{\circ}$   $\overline{\iota\eta}$ , ὁ μείζων  $\overline{\chi}$ ς. εὕρηνται ἄρα δύο ἀριθμοὶ ἐν λόγω καὶ ὑπερ-  $\overline{\varsigma}$ οχῆ τῆ δοθείση.

8. Ad probl. I,  $\mathbf{v}$  (p. 20, 23): Πῶς οι δύο συντεδέντες ποιοῦσιν ἀριθμοὺς δύο μ°  $\overline{\mathbf{h}}$ ; ἐντεῦθεν δῆλον·
ἐπεὶ ὁ β° ἀριθμῶν  $\overline{\mathbf{e}}$ , ὁ δὲ α° μ°  $\overline{\mathbf{h}}$  λείψει ἀριθμῶν  $\overline{\mathbf{v}}$ , ἄφελε ἀπὸ τῶν  $\overline{\mathbf{e}}$  ἀριθμῶν ἀριθμοὺς  $\overline{\mathbf{v}}$ , οι ἐναπο- 10 λειφθέντες ἄρα ἀριθμοὶ δύο μ°  $\overline{\mathbf{h}}$ .

9. Ad probl. I, v (p. 20, 13): Δεῖ δὴ τὸν ἐκ τῆς συνθέσεως των δύο δοθέντων μορίων ἀριθμον μεταξύ πίπτειν των τοιούτων δύο μορίων τοῦ έξ άργης διαιοουμένου, ήτοι τον λ μεταξύ τοῦ τρίτου τῶν ο, ὅπερ 15 Est  $\overline{\lambda \gamma}$   $\gamma'$ , aal to  $\overline{v}$  πέμπτου των  $\overline{v}$ ,  $\overline{v}$ ,  $\overline{v}$ ,  $\overline{v}$ ,  $\mathbf{x}$ αλ μήτε ἄνωθεν τῶν  $\overline{\lambda y}$  y' μήτε  $\mathbf{x}$ άτωθεν τῶν  $\overline{\mathbf{x}}$  εἰ γὰο τὸν ἐκ τῆς συνθέσεως τῶν δύο μορίων θῶμεν είναι τοῦ λό, οὐ προβαίνει ή δείξις οί γὰρ δύο συντεθέντες ποιήσουσιν ἀριθμούς  $\overline{\beta}$   $\mu^{\circ}$   $\overline{\rho}$ , καὶ τὸ ἀπὸ  $\mathfrak{so}$ δμοίων δμοια χώραν ένταῦθα οὐκ ἔχει · μείζους γάρ  $\alpha l \overline{\rho \beta}$  των  $\overline{\rho}$   $\mu^{o}$ . πάλιν εί τον  $\overline{i\eta}$  υποθήσομεν είναι και τάξομεν το του βου πέμπτον άριθμου ένός, αὐτὸς ἔσται ἀριθμῶν  $\overline{\epsilon}$ · τὸ ἄρα τοῦ α $^{ov}$  τρίτον ἔσται μ $^{o}$  τη λείψει ἀριθμοῦ ένός. αὐτὸς ἄρα ἔσται μο νδ λείψει 25 ἀριθμῶν  $\bar{\gamma}$  · οἵτινες συντεθέντες ποιοῦσιν ἀριθμοὺς Β μο νδ. και από δμοίων δμοια. λοιπόν άρα μο μπ ίσαι άριθμοζς δυσίν· άλλὰ τὸ εον τοῦ βου άριθμοῦ ένός, ήτοι μο πν αὐτὸς ἄρα μο <u>Θιε</u>, ὅπερ ἄτοπον. [τὸ

<sup>29</sup> sqq. Quae seclusi praebent V etc.; pro quibus haec inepta A: ὑπόκειται γὰς τὸ τοῦ αου ἀριθμοῦ γον καὶ τὸ τοῦ βου εον ἐπὶ Diophantus, ed. Tannery. II.

γάο μέρος τοῦ ὅλου μεζίον οἶτος γάο ὁ σιε ἀνεφάνη είς των έκ των ο διαιρεθέντων οὐκοῦν άρα οὕτε άνωθεν ούτε κατώθεν των τοιούτων δύο μερων τοῦ διαιρεθέντος άριθμοῦ δεί πίπτειν τὸν έχ τῆς συνθέ-5 σεως, άλλὰ τούτων μεταξύ.]

- 10. Ad probl. I, VI (p. 22, 7): Δεῖ δὴ τὴν δοθεῖσαν ύπερογην των μορίων, τουτέστι του δου πρός τὸ 50°. ήτις έδόθη μο π, είναι έλάσσονα τοῦ δοθέντος μέρους τοῦ έξ άρχης δοθέντος άριθμοῦ τοῦ ο, τουτέστιν 10 έλάττονα τοῦ δου αὐτοῦ μέρους ή γὰρ ὑπεροχή τῶν μορίων τοῦ δου πρὸς τὸ 5ον ἐχείνας ἔχει τὰς μονάδας τὰς π, αϊτινες ὀφείλουσιν είναι ἐλάσσονες τοῦ δου μέρους (τῶν πε μο) τοῦ έξ ἀρχῆς ληφθέντος ἀριθμοῦ ήτοι των ο. καὶ ή αίτία δήλη τῷ καὶ μόνον ἐπιστή-15 σαντι τοῦ προτεθέντος τὸν προσδιορισμόν οὐ νὰρ προβαίνει ή δείξις, είτε πρός την ύπεροχην του μείζονος μέρους τοῦ διαιρεθέντος άριθμοῦ ἢ ἴση ἢ μείζων έστι τοῦ τοιούτου μέρους τοῦ έξ άρχης άριθμοῦ.
- 11. Ad probl. I, VII (p. 24, 12): 'Αφηρήσθω κοινή 20 λείψις γίνεται άριθμοί άρα γ λείψει μο σπ ίσοι άριθ-ແຜີ ຮົນເ໌.
- 12. Ad probl. I, VIII (p. 26, 6): Διχώς γίνεται ή άφαίρεσις κατά τε μονάδα καὶ άριθμόν καὶ γάρ πρότερον άφαιρουμεν έκ των άριθμων των γ καλ μο ξ. 25  $\mu^o$   $\bar{\xi}$ ,  $\kappa$   $\alpha$   $\hat{\epsilon}$   $\kappa$   $\tau$   $o\tilde{v}$   $\hat{\alpha}$   $\rho$   $\hat{\nu}$   $\hat{\rho}$   $\hat{\nu}$   $\hat{\nu}$ μο ξ, τουτέστιν από δμοίων δμοια και λοιποί αριθμοί γ ίσοι ἀριθμῷ  $\bar{\alpha}$  καὶ μονάσι  $\bar{\mu}$ . είτα διὰ τὸ μὴ εύρειν ήμας την υπόστασιν του αριθμού, αφαιρούμεν πάλιν έχ τοῦ ἀριθμοῦ τοῦ  $\bar{\alpha}$  καὶ  $\mu^{o}$   $\bar{\mu}$ , τὸν ἕνα ἀριθτὸ αὐτὸ συντεθέντα ποιεῖν μονάδας  $\overline{\lambda}$  καὶ μόνον καλῶς ἄρα

ἔσται τὸ τοῦ  $α^{ov}$   $γ^{or}$   $μ^{o}$   $\overline{λ}$  λεῖψις ἀριθμοῦ ἐνός.

μόν, καὶ ἐκ τοῦ  $\overline{γ}$  ἀριθμῶν ἕνα ἀριθμόν, καὶ λοιποὶ ἀριθμοὶ  $\overline{β}$  ἴσοι μ°  $\overline{μ}$ .

- 12. Ad probl. I, VIII (p. 24, 24): Εί γὰρ μὴ ἔστιν δ διδόμενος λόγος έλάττων τοῦ λόγου δυ ἔχει δ μείζων πρὸς τὸν ἐλάττονα, οὐ προβαίνει ἡ δείξις εἰ γὰρ ε τοῦ ρ̄ πρὸς τὸν π λόγον πενταπλάσιον ἔχοντος, έξαπλάσιον ἔχειν τοὺς γενομένους προστιθεμένου τοῦ ἀριθμοῦ ἀπαιτήσομεν, τῆς δείξεως προβαινούσης, δεήσει τὰ μείζονα εἶναι τῶν ἐλασσόνων έξαπλάσια. έξάπις ἄρα τὰ ἐλάστονα ἴσα ἔσται τοῖς μείζοσι εξάκις 10 δὲ τὰ ἐλάσσονα γίνονται ἀριθμοὶ ε̄ μο ρ̄κ ταῦτα δὲ οὐκ ἴσα ἀριθμῷ ᾱ μο ρ̄, ἀλλὰ μείζονα, ώστε ἡ δείξις οὐ προβαίνει. ὁμοίως καὶ εἰ πενταπλάσιον λόγον ἔχειν τοὺς γενομένους ἀπαιτήσωμεν ε̄ ἀριθμοὶ μο ρ̄ ἰσοι ἔσονται ἀριθμῷ ᾱ μο ρ̄.
- [13. Ad probl. I, IX (p. 26, 11): Καὶ ἡ αἰτία δι' ἢν δ προσδιορισμός τῷ μετ' ἐπιστασίας ἀναγινώσκοντι δήλη.
- 14. Ad probl. I, IX (p. 26, 27): Έπελ ή λείψις ἀριθμολ  $\overline{\epsilon}$ , ταξς μεν  $\overline{\rho}\overline{\kappa}$  μονάσιν οί  $\overline{\epsilon}$  προστεθέντες ἀριθμολ ἀφανίσουσι τὴν λείψιν, ταζς δε  $\overline{\rho}$  μονάσι λείψις ἀριθμοῦ  $\overline{\alpha}$  ποιήσουσιν ἀριθμοὺς  $\overline{\epsilon}$  μ°  $\overline{\rho}$ . καλ ἀπὸ δμοίων ἤτοι μονάδων ὅμοια, ἐναπολειφθήσονται ἀριθμολ  $\overline{\epsilon}$  ἴσοι μ°  $\overline{\kappa}$ .]
- 15. Ad probl.  $I, x: \triangle$ ύο δοθέντων ἀριθμών ἀνίσων, δ μὲν μείζων, δ δὲ ἐλάττων ἀριθμὸς ἔχουσι 25 λόγον πρὸς ἀλλήλους πολλαπλάσιον, καθ' δ ἐδόθη δ  $\bar{\rho}$  καλ δ  $\bar{\kappa}$  λόγον ἔχοντες  $\bar{\epsilon}$ . καλ αὐτὸς ἀριθμὸς ἐδόθη προστιθέμενος μὲν είς τὸν  $\bar{\kappa}$ , καλ πάλιν δ αὐτὸς ἀφαιρούμενος είς τὸν  $\bar{\rho}$ . εί δὲ ὑποτιθέμεθα τὸν  $\bar{\rho}$  λείσ

<sup>16-24</sup> Scholia 13, 14 non habet A.

ποντα ἀριθμὸν  $\bar{\alpha}$  ἐλάσσονα εἶναι  $\mu^o$   $\bar{\kappa}$  καὶ ἀριθμοῦ  $\bar{\alpha}$ , δ διδόμενος λόγος οὐδὲν διαφέρει διδόσθαι εἴτε  $\mu$ είς ζων  $\bar{\eta}$  εἴτε ἐλάσσων τοῦ λόγου τοῦ ἐξ ἀρχῆς δοθέντος, τῶν  $\bar{\rho}$  καὶ  $\bar{\kappa}$  τὸν λόγον ἐχόντων πρὸς ἀλλήλους  $\bar{\epsilon}$ , 5 εἴτε  $\bar{\delta}$  δοθῆ εἴτε  $\bar{\zeta}$ . δ δὲ τὴν προσθήκην δεχόμενος, δ  $\mu^o$   $\bar{\kappa}$  S  $\bar{\alpha}$  . . . . . . .

- [16. Ad probl. I, xVI (p. 38, 14):  $T \alpha$  των τριών ἀριθμών λείποντα των  $\overline{\phantom{a}}_{1}$  ἴσα ἀριθμώ ένί, δς ημισύ έστιν δ  $\overline{\mu}$ ε.
- 17. Ad probl. I, xxIV (p.  $58, \frac{4}{9}$ ):  $\overline{\nu\alpha}$  ativa fati  $\tau \varrho l_S$   $\delta$   $\beta^{os}$  hyour  $\delta$   $\overline{\iota \xi}$   $\tau \varrho l_S$   $\gamma \dot{\alpha} \varrho$   $\overline{\iota \xi}$ ,  $\overline{\nu\alpha}$   $\delta$  deútegos aga fativ agiduoŭ évòs htoi  $\overline{\iota \gamma}$  kal movados  $\tau \varrho \iota \tau \upsilon \upsilon$  htoi  $\overline{\delta}$   $\tau \upsilon$   $\tau \dot{\alpha} \varrho$   $\overline{\iota \dot{\beta}}$   $\tau \dot{\delta}$   $\tau \varrho \iota \tau \upsilon$   $\delta$ .
- 18. Ad probl. I, xxv (p. 60, 4): Ὁ δὲ τέταρτος 15 ἀριθμοῦ ένὸς μονάδος ἡμιτρισκαιδεκάτου ἔγγιστα.]
  - 19. Ad probl. I, xxvII (p. 62, 2) πλασματικόν: ἤτοι οὐκ ἐπιτηδεύσει τινὶ γενόμενον, ἀλλ' αὐτῆ τῆ πλάσει συναναφαινόμενον.

# Ex codice A (secunda manu).

Ad probl. II, 8: Ἡ ψυχή σου, Διόφαντε, εἴη μετὰ 25 τοῦ Σατανᾶ ἕνεκα τῆς δυσκολίας τῶν τε ἄλλων σου θεωρημάτων καὶ δὴ καὶ τοῦ παρόντος θεωρήματος.

<sup>7—15</sup> Scholia 16, 17, 18 primus habet Vaticanus 304. — Pro  $\bar{\gamma} \, \varepsilon^{\omega \nu}$  (I, p. 60, 4) librarius quidam scripsit  $\angle' \, \iota' \left(\frac{3}{5} = \frac{1}{2} + \frac{1}{10}\right)$ , quae in  $\angle' \, \iota \nu'$  corrupta, in textum Parisinorum codicum irrepserunt, ineptumque scholium adduxerunt.

## INDEX GRAECITATIS

#### APUD DIOPHANTUM. 1)

άγοράζειν, emere: ἡγόρασεν, 384, 16. άγωγή, processus (ad solutionem problematum), 16, 6; 338, 10; τη της παρισότητος άγωγη, 344, 3; έὰν τη αὐτη άγωγη χρησώμεθα, 440, 5. άδηλος, incognitus: άδηλον δπόστασιν, 78, 19. άδύνατος, impossibilis: καὶ ἔστιν άδύνατον, 250, 15; cf. 424, 14; όπερ έστιν άδύνατον (spurium), 332, 10; ίσότης άδύνατος, 424, 12. åsí, semper, 8, 14; 202, 13; 474, 12. αίρειν: τὸ μόριον αίρειν, denominatorem tollere: αίρω, 206, 14; ήρθη, 248, 6; ἀρθέντος, 324, 8. — αίζειν τι ἀπό τίνος, aliquid ab aliquo subtrahere: αίοω, 232, 20; 260, 13; 278, 6; 316, 12; 354, 6; 388, 21; αἴρωμεν, 422, 1; ἄρω, 232, 13; 236, 21; 278, 3. 24; 296, 8; αρωμεν, 224, 9; 274, 13; 336, 6; 364, 10; 398, 4; ἄραι, 442, 12; ἤρθω, 268, 6; ἀρθή, 400, 1; ἀρθείς, 358, 16; 374, 19; 378, 1; 422, 13; ἀρθέν, 356, 14; ἀρθέντα, 376, 22. άπολουθείν, sequi: άπολουθήσας τῆ προτάσει, 400, 11; ἐὰν άπολουθήσωμεν τη προδεδειγμένη αποδείξει, 430, 16. άπούειν, intellegere, 474, 11. άπρος, extremus: τῶν ἄπρων, 46, 11; 236, 6. 9; 244, 20; 310, 9; 312, 12. 13. άλλά, 18, 3 et passim; άλλὰ δή, 80, 1; άλλὰ μήν, 184, 12; 188, 12; 230, 13; 262, 4; &llà nal, 48, 26 et saepius. Vide oin. άλλήλων: πρὸς άλλήλους λόγος, 4, 8; 24, 3. 22; 26, 14; 30, 4; 66, 19. 70, 27; 72, 3; 174, 7; 176, 22; 270, 5; ἴσα ἀλλήλοις, 122, 21. ἴσοι ἀλλήλοις, 454, 17; ἀλλήλων ὑπερέχ(οντας) 202, 16; 246, 8. 452, 2; 470, 6. ăllos: ălloi, 414, 7; ăllov, 426, 8; ăllnv, 470, 4; ăllov nal άλλον δοθέντα άριθμόν, 336, 13; 346, 15. Vox ετερος multo frequentior est.

Prioris voluminis huius editionis paginae et lineae indicantur.

ällwg, aliter, 446, 16. Alteram solutionem indicat 146, 1; 148, 9; 200, 1; 258, 3; dubium 42, 1; 44, 12.

άλογος άφιθμός (prava lectio), 6, 4.

αμα, simul: κύβος αμα και τετράγωνος, 446, 6.

άμετάθετος, invariabilis: τὸ άμετάθετον ἡ μονάς, 6, 6; τῆς μονάδος άμεταθέτον ούσης, 8, 13.

άμφότερος: άμφοτέροις, 14, 15; άμφότεροι (prava lectio), 350, 6.

Multo usitatius est συναμφότερος.

αν post οίος, όποῖος, ες et cum subi. aor. 98, 6; 100, 4; 102, 10; 106, 13; 166, 16; 198, 9; 296, 23. — ξως αν c. subi. 14, 14. — post εί... et c. indic. imperf. 218, 16; 238, 8; λελυμένη αν μοι ήν ή ἴσωσις, 226, 17; ήν αν .. λελυμένα, 230, 6; cf. 284, 20; λελυμένον αν ήν τὸ ζητούμενον, 246, 4; 352, 22; 360, 1; 368, 7; 382, 5; λ. αν ήν μοι τ. ξ. 292, 2; αν omissum in ead. locut. 252, 18; λέλυτο (sic) αν ή ἰσότης, 202, 8.

ἀνά: τοῖς δοθεῖσιν ἀνά, unicuique datorum, 348, 1.

άναγοάφειν, construere (quadratum): ἀναγεγράφθω, 468, 2; ἀναγραφέντι, 454, 2.

άναλογία: ή γεωμετοική (geometrica proportio), 311, 4. 8 (definitur); 312, 6. — κατὰ τὴν ἀναλογίαν, in ratione (functione lineari), 450, 13, 15.

άνάλογον: τρείς άριθμοι άνάλογον, tres numeri in proportione geometrica, 234, 14; 236, 5; μέσον άνάλογον, medium geometricum, 468, 7.

άναλύειν είς μόριον, reducere ad denominatorem: άναλύω, 268, 10;

άναλυθείς, 246, 18.

άνατρέχειν έπὶ το έξ άρχης, ad primitivum problema redire: άνατρέχω, 314, 11; άνατρέχομεν, 362, 20; 382, 23; εἰς τ. έ. ά. 358, 7; 374, 1.

ἄνισος, inaequalis: ἀριθμοί τρεῖς ἄνισοι, 244, 19; καὶ χωρίον τωρίω ἄνισον. 304, 1.

άντί c. gen. 158, 24.

άντίδοσις: μετὰ τὴν ἀντίδοσιν, post mutuam donationem, 52, 3; 54, 8; 110, 14.

άντικείμενος (κατά), oppositus (factor factori), 378, 16.

άδριστος, indeterminatus, 6, 4; 276, 11; 280, 15; 284, 13; 438, 1; (solutiones) indeterminatae: ἐν τῷ ἀορίστφ, 222, 9; 224, 17; 228, 7; 232, 4(?); 234, 20(?); ἐν τἢ ἀορίστφ, 278, 9. 10; 282, 11; ἐν ἀορίστος ἀριθμοῖς, 362, 17.

ἀορίστως, 232, 6.

άπάγειν, reducere: ἀπάγεται εἰς τὸ (c. inf. aor.) 346, 18; 348, 4; 356, 12; 368, 7; 370, 20; 376, 24; 382, 6; 388, 1; 394, 24; 396, 17; 398, 20; 400, 20; 404, 16; 406, 11; 410, 1; 412, 2; 416, 5; 418, 2; 420, 12; 438, 19; εἰς τὰ ἔπτούμενα, 374, 14; εἰς τὸ (c. inf. praes.) 418, 11; 440, 6. — ἀπῆνται εἰς τὸ (c. inf. praes.) 418, 11; 440, 6. — ἀπῆνται εἰς τὸ (c. inf. aor.) 124, 24; 126, 21; 146, 6; 176, 16; 220, 16; 340, 5;

424, 21; ἀπήκταί μοι είς τὸ ζητεῖν, 292, 7; ἀπήκταί μοι είς τὸ (c. inf. aor.) 158, 22; 162, 8; 200, 7; 202, 15; 204, 28; 208, 10; 210, 2; 212, 9; 246, 7; 254, 2; 264, 17; ἀπήκται εύρεῖν 174, 5; άπημταί μοι (c. inf. aor.), 224, 1; 238, 12; 244, 2; 252, 12; 262, 11; 270, 8; 300, 15; 302, 13; 312, 22; 326, 17.

απαξ, semel: απαξ ὁ τρίτος, 40, 19; ὁ απαξ (oppositum τῶ τε-

τράκις), 466, 9.

απας, 258, 6: απαντα, 348, 4: 410, 11: 418, 7. Multo saenius πάντα.

άπειραχῶς, infinitis modis, 166, 14; 184, 4; 200, 21; 414, 19.

Cf. dogioras.

απειρος: είς απειρον, in infinitum, 2, 16; απειροι (ἀριθμοί), infinite (inveniendi numeri), 414, 8. 12. 23; 430, 17.

άπλούστερος, simplicior: άπὸ άπλουστέρων έπὶ σκολιώτερα, 16, 4, ἀπό: initium indicat, ut 2, 6, etc.; inclusive, ut τοὺς ἀπὸ τοῦ πρώτου τρείς, 38, 23; 42, 20; 44, 13; 350, 14, etc.; exclusive. ut πρώτον ἀπὸ τῆς μονόδος, 450, 4; dubie, ἀπὸ μονάδος, 460, 5; 468. 15. etc. — signum subtractionis, 14, 8 et passim; ἀπὸ δμοίων δμοια, 16, 17, etc. — formationem quadrati notat; δ άπό (τινος πλευράς) τετράγωνος, 60, 25, etc.; vel sine voce τετράγωνος, ut 66, 4; 72, 8; 76, 17. 20; 82, 5; 118, 20; vel simpliciter τον ἀπό, 234, 3. — formationem cubi, ὁ ἀπό (τινος πλευράς) κύβος, 4, 22; 190, 18; 202, 12, etc. — formationem numericam trianguli rectanguli (cf. 185, not. 1); πλάσσω τὸ τοίγωνον δοθογώνιον από αριθμών δύο, 184, 18; 324, 21 (τάσσω); 392, 6; 394, 14; 398, 10; 402, 1; 410, 5; 412, 15; 440, 14; τετάχθω το δοθογώνιον από αριθμού τινος αρρίστου περισσοῦ, 438, 1 (cf. 439, not. 1). — formationes quasdam ἀπὸ τοινώνου δοθογωνίου, 236, 1; 366, 12; 370, 10; 374, 13. originem aliam, 848, 8; 372, 18. — positionem seu valorem, 184, 21; 244, 5; 314, 3; 326, 5 (an legendum &vá?).

ἀποδεικνύναι, demonstrare: ἀπεδείχθη, 470, 27.

ἀπόδειξις, demonstratio, 2, 12; 256, 12; 480, 17. — probatio: και ή ἀπόδειξις φανερά, 16, 22; 92, 14; 182, 17; 194, 4; 212, 18; 214, 19; 272, 15; 276, 9; 290, 4; 298, 5; 306, 8; nal waveoù ή ἀπόδειξις, 32, 18; 38, 17; 70, 24; 86, 27; 188, 15; 198, 25; καὶ ἡ αὐτὴ ἀπόδειξις τῆ ἐπάνω, 50, 19.

ἀποδιδόναι, solvere: ἀπέδωκεν, 384, 18.

άπολύειν, resolvere: έαν άπολύσωμεν την μείζονα Ισότητα, 418, 19. απορος, impervius: ελεύσομαι είς απορον. 176. 14.

άποτομή, segmentum in latere trianguli, 432, 6.

ἄρα, igitur, passim conclusionem significat; sine praemissis adhibetur 212, 28.

άριθμητικός, numericus: προβλήματα άριθμητικά, 4, 10; άριθμητική θεωρία, 4, 14; άριθμητικόν μόριον, denominator qui continet numerum incognitum(?), 290, 1.

άριθμός, numerus, 2, 3, etc.; peculiariter incognitus numerus per analysin quaesitus et cuius symbolus est 5, nobis x, 6, 4, etc.; τάσσειν ἐν ἀριθμοῖς, ponere in x, 136, 3; 158, 15; 160, 20; 208, 3; 326, 22; 398, 11; 408, 15; 410, 14; 420, 14. Interdum οἱ ἀριθμοἱ dicitur pro coefficiente x, ut 402, 15; saepius τὸ πλήθος τῶν ἀριθμῶν.

άριθμοστόν, fractio  $\frac{1}{x}$ : 6, 14; 8, 18; 10, 1; 12, 4, 11. 18; 378, 15; 380, 14; 398, 1; 400, 3; άριθμοστὰ πυβιπά,  $\frac{1}{x}$  cum coefficiente cubico, 192, 16.

ἄρτι, 344, 7.

άφτιος, par (numerus), 456, 11. 13; 480, 21.

ἄφχεσθαι, incipere: ἀφχομένων, 2, 10; ἀφχομένοις, 16, 5; ἀφξάμενος, 2, 5.

άφχή, initium: ἐν ἀφχή, 16, 3; ἐξ ἀφχής, ab initio problematis, 20, 15; 22, 9; 50, 5; 134, 20; 160, 4; 164, 7; 184, 24; 202, 22; 206, 16; 208, 15; 210, 17; 212, 14; 238, 19; 260, 3; 262, 7; 266, 1; 268, 13; 296, 18; 304, 15; 314, 11; 326, 21; 354, 14; 358, 7; 360, 12; 362, 20; 370, 1; 374, 2; 382, 23; 424, 14; 432, 3.

ἄτοπος, absurdus: ὅπες ἄτοπον, 312, 18.

αύξειν, augere: αύξομένων, 450, 8.

αὐτός, ipse, 2, 21, etc.; δ αὐτός, idem, 4, 4, etc.

άφαιρείν, subtrahere (τι ἀπό τινος), 14, 13; άφελείν, 14, 18; 24, 2; 26, 13; 28, 7; 30, 3; 98, 24; 100, 22; 266, 18; 300, 6; 364, 8; 446, 8; ἀφαιρῶ, 16, 17; 18, 17; 214, 13; 224, 10; άφαιρεί, 100, 19; άφελουμεν, 474, 13; άφείλον (spurium) 18, 21; άφέλω, 24, 17; 38, 10. 28; 40, 18; 58, 3; 62, 10; 98, 6; 100, 4; 102, 2; 104, 6; 106, 14; 108, 16; 134, 24; 152, 9; 158, 7; 196, 13; 212, 23; 222, 1; 228, 11; 232, 15; 238, 22; 280, 5; ἀφέλωμεν, 112, 6 (sp.); 134, 18; 162, 14 (sp.); 342, 9; 348, 7; 350, 8. 23; άφελών, 120, 14; 162, 18 (sp.); 234, 3; 260, 8; άφελόντες, 344, 5; 474, 3. 27. — Pass. ἀφαιρεῖσθαι, 356, 11; ἀφηρήσθω ἀπὸ όμοίων δμοια, 24, 14; 26, 27; 28, 19; 98, 20; άφηρήσθωσαν, 98, 8; 202, 4; ἀφαιρεθή, 26, 22; 28, 15; 30, 9; ἀφαιρεθῶσι, 28, 25; ἀφαιρούμενος, 26, 21; 28, 13; 100, 5; ἀφαιρούμενον, 28, 1. 23; ἀφαιρουμένου τοῦ μορίου (sublato denominatore). 58, 11; ἀφαιρουμένου, 128, 21; 178, 4; ἀφαιρουμένης, 178, 2; άφαιρουμένων, 226, 14; άφαιρεθείς, 376, 21; 400, 15; άφαιρεθεισῶν, 164, 1 (sp.); 302, 6. άφαίρεσις, subtractio, 14, 4.

βαδίζειν, gradiri: βαδίζοντος, 4, 11.

βάλλειν adhibetur 332, 2 pro reductione ad denominatorem communem: βάλλομεν (είς an έπί?).

βάσις, basis (trianguli), 368, 10; 392, 9; 432, 2; 438, 3.

βεβαιούν, stabilire: βεβαιουμένων, 14, 28. βιβλίον, liber, 16, 2; 256, 12. βλέπειν, considerare: βλέπω, 286, 1. βούλεσθαι, velle: βούλομαι, 92, 8; βουλομένοις, 474, 10. βραδέως, tarde, 14, 28.

γάρ, 2, 9 et passim. Notandus usus in ecthesi demonstrationum, 452, 7; 454, 10; 456, 6; 460, 13; 470, 1; 474, 12. γεωμετρικός, ν. ἀναλογία.

γίνεσθαι, fieri (ex calculo), 36, 17; 38, 18; 40, 4; 52, 3; 54, 7; 56, 18; 58, 20; 108, 13; 110, 20; 120, 22; 132, 13; 140, 14; 166, 10; γενέσθαι, 296, 20; 314, 6; γεγενήσθαι, 426, 4; γεγονέναι, 450, 10. γίνεται et γίνονται saepissime, ut 16, 14. 19 etc.; haud raro utraque vox yl. scribitur, ita ut non discerni queant. yevýsetal, 2, 11; 16, 5; 368, 15 (ἐπί); 384, 23; ἐγίνετο, 242, 21; ἐγένετο, 246, 5; 276, 18; 282, 1. γέγονε, 158, 26; 202, 11; 218, 21; 226, 20; 268, 8; 286, 1; 302, 8; 308, 11; 362, 7; 386, 5; 434, 5; γεγόνασι, 300, 12; 316, 8; 424, 15. γίνηται, 36, 21; γένηται, 14, 11; 300, 9; γένωνται, 50, 23; 54, 4; 56, 14; 58, 16; 108, 4; 110, 10. γινόμενος, 110, 17; γινομένον, 22, 9; γινόμεναι, 78, 12; γινομένων, 20, 14; γενόμενος, 170, 16; 226, 21; 238, 13; 244, 3; 264, 18; 274, 10; 296, 12; 302, 14; 308, 12; 412, 3; γενομένη, 412, 16; γενόμενον, 28, 8; 254, 4; 292, 5; 470, 2; γενομένου, 162, 14; 302, 10; 340, 3; 386, 24; 476, 2; γενομένω, 474, 15; γενόμενοι, 322, 7; 324, 12; 348, 21; γενόμεναι, 238, 24; 308, 9; γενόμενα, 282, 6. 24; 400, 2; γενομένους, 24, 22; 30, 4; γενομένων, 162, 13; γεγενημένη, 174, 4; γεγενημένης, 16, 7.

γινώσκειν, cognoscere: γνῶναι (sp.), 18, 23; γινώσκων, 2, 4; γινώσκοντι, 2, 14.

γνώριμος, familiaris, 2, 9.

γραμμή, linea, 6, 21.

γυμνάζειν, exercere: γεγυμνάσθαι, 14, 5.

γωνία, angulus: (trianguli rectanguli) 430, 24; (polygonorum numerorum) τὸ πληθος τῶν γωνιῶν, 450, 13; cf. 468, 16; 472, 24; 474, 15; 476, 9.

**Sé** passim, sive post  $\mu \acute{e}\nu$ , sive aliter. Perraro fit elisio, 2, 10; 14, 27; 106, 13; 184, 1; 436, 22.

δεικνύναι, demonstrare aut solutionem indicare, 472, 21; δείξαι, 466, 20; ὅπες ἔδει δείξαι, 454, 4; 458, 6; 460, 3; 474, 9. δείξομεν, 14, 23; ἐδείξαμεν, 470, 1; δειχθήσεται, 256, 13; 412, 5; 466, 5; ἐδείχθη, 268, 8; 386, 19; 462, 13. δεικτέον, 98, 1; 452, 8; 454, 11; 466, 7.

δεϊν, oportere: saepissime δεΐ, ut 16, 24; 20, 13 etc., aut δεήσει, ut 14, 13; 26, 3 etc. έδει, ν. δειπνύναι. δέον έστω, 78, 4;

364, 18; 414, 16; 428, 9; đéov, 424, 14.

δεκαπλασίων (compend. ι<sup>πλ</sup>.), 68, 10; 86, 8. δεκαπλάσιος, cf. var. 68, 10. 15. δέκατον (compend. ι<sup>ον</sup>), 82, 7; 400, 22. δέλτα, 4, 20. δεύτερος passim; abbr. βος: ὁ δεύτερος (ἀριδμός), secundus numerus quaeritur, ut 20, 18, etc.; τὸ ἐν τῷ δεντέρω (sp.) 172. 2. δέχεσθαι, accipere: δεξάμενον, 384, 9. δή, nempe, 2, 17; 450, 9, etc. — in positionibus sive praescriptis, ἐπιτετάχθω δή, 18, 10 et passim, sive ad libitum sumptis, τετάχθω δή, 48, 18, etc. διὰ τὰ αὐτὰ δή, 40, 20; 44, 5; 456, 22; 458, 16, etc. — in diorismis, δει δή, 20, 13; 22, 8; 24, 24; 26, 16; 34, 28; 38, 4, 21; 42, 18; 48, 4; 50, 3; 60, 25; 62, 23; 66, 4. δηλαδή, scilicet, 56, 9; 302, 4. δηλονότι, videlicet, 78, 21; 102, 10; 104, 8; 112, 19; 132, 10; 142, 20. δήλος, clarus: τὰ λοιπὰ δήλα, 346, 12; 362, 25; 384, 4; 390, 5; 398, 12; 432, 13; 446, 13; 448, 3. V. őri et ώς. δήποτε, vide olos et δσος. διά: cum gen. (auxilio) διὰ τῶν αὐτῶν, 60, 3; 70, 25; 76, 11; διὰ τῶν ὁμοίων, 58, 8; διὰ τῆς παρισότητος, 350, 22; διὰ τοῦ έπιγράμματος, 384, 14; διὰ μεθόδων, 474, 11. — cum acc. (propter) 2, 11; 6, 24; 152, 6, etc.; διὰ τὰ αὐτά, 38, 11; 40, 1; et vide δή; διὰ ταῦτα, 104, 23; διὰ τοῦτο, 264, 17; 330, 18. διαιρείν partiri, (τι είς τόδε και τόδε), 16, 3; 260, 8; διελείν saepissime, ut 16, 9. 24 etc.; διαιρούμεν, 344, 20; διέλω, 334, 9; διέλωμεν, 344, 2; 352, 4. — διαιρείσθαι, 424, 13; διαιρεθήναι, 296, 9; διαιφείται, 184, 11; 260, 11; 262, 14; 452, 12; 464, 11; διήρηται, 476, 13; διηρήσθω, 258, 9; 350, 6; 456, 16; διαιρούμενον, 138, 12; 334, 21; διαιρουμένου, 92, 6; διαιρουμένω, 106, 2; διαιρεθείς, 258, 7; διαιρεθέντων, 358, 1; διηρημένων, 20, 11; 102, 23; 186, 13; 188, 9. διαίρεσις, partitio, 30, 23; 32, 21; 62, 7; 110, 8; δλη ή διαίρεσις. totus numerus partiendus, 34, 9. διαλύειν, solvere: διαλύσομεν το ζητούμενον, 426, 13. διαστέλλειν, distinguere: διάστειλον, 384, 12. 20; διαστέλλουσαν. 6, 21. διαφέρειν, differre: μονάδι διαφέροντες, 246, 7. διαφορά, differentia, 322, 14; 378, 18; 380, 15. διδαχή, doctrina, 2, 13.

διδασκαλικότεφον, 474, 10. διδόναι, dare (τι τῷδε), h. e. minui aliqua parte quae alteri additur numero, 52, 1; 54, 5; 103, 5; δίδωσι, 36, 20; 52, 5; 54, 10; 274, 10; διδόασι, 56, 22; 58, 22; διδῷ, 50, 22; 110, 12; δῷ, 54, 8; 110, 9; δούς, 52, 7; 54, 12, etc.; δόντα, 52, 8, etc.; δόντες, 50, 22, etc.; δόντας, 110, 19, etc. — δίδοσθαι, dari ex positione problematis aut iam inventum esse ex solutione,

passim, ut 20, 13; 50, 4; έδόθησαν, 248, 13; δέδονται, 16, 14; δεδόσθωσαν, 428, 6; δοθή, 18, 27; δοθῶσι, 446, 4; διδόμενον, 20, 13; 24, 24, etc.; διδομένου, 36, 1; 88, 7; δοθείς, 16, 11, etc.; δοθέν, 22, 6, etc.; δοθέντα, 20, 11. 12, etc.; δοθείσαν, 94, 16; δοθέντος, 22, 7, etc.; δοθείσης, 450, 17, etc.; δοθέντι, 16, 25, etc.; δοθείση, 16, 10; δοθέντες, 60, 14; δοθείσαι, 190, 5; 346, 12; δοθέντα, 20, 11; δοθέντων, 24, 25, etc.; δοθεισών, 88, 28; δοθείσι, 24, 21, etc.; δοθέντας, 24, 2, etc.; δεδομένος, (var.) 402, 13; 404, 15; δεδομένον, 24, 23, etc. saepissime. διέρχεσθαι: διελθόντα είς την υπόστασιν, transeundo ad valorem, 394, 22. Διονύσιος: τιμιώτατέ μοι Διονύσιε, 2, 4. διορίζεσθαι, diorismum ponere, 424, 14; 428, 21. διπλασιάζειν, duplicare: διπλασιάσαντες, 474, 13. διπλασίων (abbr. β<sup>πλ</sup>.), 32, 2; 34, 4; 36, 17; 74, 14; 130, 14; 132, 7. 11. 25; 244, 20; 332, 18(?); 388, 3; 438, 20; 440, 7; 456, 9; 458, 16; 460, 11. — διπλάσιος, 78, 24; 206, 10. διπλοισότης, dupla aequatio, 96, 9; 102, 4. — διπλή ίσότης, 98, 1; 166, 11; 176, 6; 180, 21; 242, 1; 270, 8; 298, 26. διπλή ἴσωσις, 102, 8; 168, 10; 170, 23. δίς, bis, 30, 23; 40, 17, et passim. δίτα, bifariam, 62, 6; 346, 21; 430, 24; 452, 14; 458, 11; 462, 17; 478, 10. διχοτομία, 478, 7. dizõe, duobus modis, 184, 12. doneir, videri: donei, 2, 8. δοκιμάζειν, experiri: έδοκίμασα, 16, 2; έδοκιμάσθη, 4, 12; 450, 11. δραχμή, 384, 17, etc., v. χοεύς. δυάς, binarius, 238, 13; 298, 16; 320, 7; 322, 3; 334, 23; 336, 18; 342, 16; 346, 19; 356, 20; 484, 11; 440, 18; 460, 8; 468, 17; 474, 14; 476, 7. δύναμις, potentia, 2, 7. — quadratus incogniti numeri (abbr.  $\Delta^{Y}$ ), 4, 15; 6, 15; 8, 2; 10, 2. 3. 10. 15; 12, 3. 9. 15; 60, 19, etc. passim: αί δυνάμεις peculiariter idem quadratus coefficiente affectus vel coefficiens ipse. δυναμοδύναμις, quarta potentia incogniti (abbr. Δ<sup>Y</sup>Δ), 4, 1, 20; 6, 17; 8, 5; 10, 4. 10. 16; 12, 11. 17; 120, 2, etc. δυθαμοδυναμοστόν,  $\frac{1}{\pi^4}$ : 6, 17; 8, 21. 22; 12, 1. 8. 15. δυναμόκυβος (Δ $K^{Y}$ = $x^{5}$ ): 4, 3. 23; 6, 18; 8, 6. 8; 10, 5. 6. 11. 17;

δυναμοκυβοστόν,  $\frac{1}{x^5}$ : 6, 18; 8, 22. 23; 12, 14. δυναμοστόν,  $\frac{1}{x^5}$ : 6, 15; 8, 19. 20; 10, 7. 14; 12, 3. 10. 17; 294, 16 (δυναμοστών τριγωνικών). 18 (δυν. κυβικών); 334, 15; 344, 11; 380, 2. 19.

12, 5. 18.

δύνασθαι, posse: δύναμαι, 266, 18; 300, 6; 386, 8; δύναται, 78, 18; 476, 4; δύνανται, 84, 16; δυνησόμεθα, 344, 4; δύνηται (sensu pass.), 238, 4. δυνατός, possibilis, 238, 4; 328, 4; 414, 19; 444, 28. δύο, δυσί, passim ut 4, 20; 14, 24; 16, 9; 24, 21; δύο ὡς ένός 56, 13. V. σύν. δυσέλπιστος, 2, 9. δυσμνημονευτός, 16, 2. δυσχερέστερος, 2, 8.

έάν, cum subi. passim ut 14, 11; 22, 9, etc. ἐάνπερ, 474, 26. έάν τε . . . έάν τε (sive . . . sive) 118, 22; 120, 16; 128, 13; 166, 17; 180, 8; 182, 4. 20; 252, 4; 258, 4; 268, 19; 320, 3;  $322, 4; 326, 8; 330, 6. - n\tilde{\alpha}\nu, 24, 8; 26, 1 22; 60, 16, 17; 62, 8;$ 196, 17; frequentius xal έάν, ut 38, 27; 102, 1; 134, 24; 242, 23; 398, 3; 400, 19; 420, 18, etc. έαυτοῦ, 2, 19; 4, 6. 19. 26, et passim. (αὐτοῦ adhibitum fuisse non videtur, nisi forsan 110, 8.) ξβδομον, 80, 7. έγω: μοι 2, 4; et saepissime post 158, 22 (v. ἀπάγειν); ἡμῖν rarius, 364, 6; 428, 21. ξγγιστα, proxime, 334. 22. ɛl (cum indic.), 158, 20; 226, 16; 230, 17 (sine verbo); 266, 22; 292, 1; 344, 15; (sensu interrog.) 274, 18; 462, 1. 19; 464, 8. 19. 26; 466, 5. 12.  $\varepsilon l \mu \dot{\eta}$ , 386, 8; 444, 23.  $\varepsilon l \delta \dot{\varepsilon} \mu \dot{\eta}$ , 350, 24. eldos, species, 6, 21; 96, 9; terminus aequationis (cf. 8, 14), 14, 12. 26; 94, 17; 100, 13; 114, 2; 204, 19; 292, 1. — species trianguli, 396, 11; 398, 18; 402, 13; 404, 15; 406, 10; 408, 11. 24; 412, 1; 416, 1; 424, 1; 428, 20. είνοστόπεμπτον, 90, 20; 92, 12; 94, 7 (var.). είδεναι, scire: ὡς οἶδας, 242, 5; καθὼς ἴσμεν, 300, 4. εἶναι, passim ut 4, 14; ἔσει, 2, 9; εἰσί, 2, 10; ἦν, 292, 1; ἦσαν,

226, 16; ξοται, 16, 21; ξουνται, 44, 14; ξοτω, 56, 22; ξοτωσαν, 58, 22; η, 18, 11; ώσι, 78, 23; ών, 18, 13; οὐσαν, 296, 23; οὐσης, 8, 13; οὐσαν, 394, 3; ὄντα, 28, 26; ὄντων, 14, 27, etc. εἰρημένος, dictus, 162, 8; 346, 9; 362, 8; 424, 26; 452, 14.

εξή, passim ut 2, 9. 12. 16; 176, 14; 276, 8; 296, 18; 370, 1, etc. post διελεῖν (v. διαιρεῖν); v. etiam ἀναλύειν, ἀπάγειν, μερίζειν. Notat additionem: προσθείναι είς, 262, 24; reductionem ad communem denominatorem, 248, 5; 280, 12; 284, 11; 306, 7; 332, 6; 368, 3; 438, 16.

εξς, unus, passim ut 14, 14; 56, 16, etc. ἐκ (ἐξ), ut 384, 16. 17; v. ἀρχή. — generationem numeri indicat ex additione, 2, 15; 154, 3, etc.; subtractione, 202, 11; 238; 9; ex multiplicatione, 2, 18; 84, 18, etc.; ex partitione 62, 7; aut divisione, 276, 18; 282, 1, etc.; positionem: τάσσω ἐκ

πυβικών ἀριθμών, 248, 20 (forsan legendum ἀπό); peculiariter δ έπ τριών άριθμών στερεός, 236, 15; 240, 15; 244, 12; 366, 8; 370, 7; 374, 10; 376, 6. 14; 378, 1; 418, 4; 424, 19; 462, 19 (rarius ὑπό in hoc casu). εκαστος, passim ut 4, 9.12, etc.; pro έκάτερος, 16, 19. έκάτερος, passim ut 14, 13; 20, 11, etc. exetvos, 102, 11, etc. έκκεῖσθαι, exponi: ἐκκείσθω, 336, 17; 354, 3; ἐκκείμενοι, 270, 18; έππειμένων, 76, 27; 184, 7; 454, 9; 460, 12; 470, 1. έπτιθέναι, exponere: έπτίθεμεν, 128, 17; 130, 16; έπτίθεμαι, 196, 12; 214, 9; 242, 2; 272, 11; 316, 9; 318, 8; 366, 12; Egeθέμεθα, 330, 15; έπτίθου, 138, 7; έπθου, 104, 2; έπθωμαι, 198, 9; ἐκθώμεθα, 184, 5; ἐκθέμενος, 6, 22; 198, 11; ἐκθέμενοι, 166, 1. - pass. ἐπτιθεμένων, 472, 7; ἐπτεθέντος, 466, 18; éntedéntes, 456, 13; 460, 16; éntedénton, 456, 5; 460, 3; 472, 4. έλάσσων, minor, passim ut 16, 21 etc. Forma έλάττων in codice B interdum occurrit, rarissime in A: 32, 7; 116, 9; 300, 7; 302, 5; 304, 8. 10; 386, 18. 19. έλάττωσις, deminutio, (sp.) 178, 3. έλάχιστος, minimus (quaesitorum numerorum), 46, 28; 50, 9 (50, 7 Elássow dicitur; item 78, 16, etc.); 78, 18; 112, 16; 184, 6 (numeri πυθμενικοί); 216, 5; 234, 19; 298, 12; 306, 13; 452, 4; 456, 3; 470, 8. έλλείπειν, deficere, 114, 3. έλλειψις (pro λείψις), 14, 16. έλλιπής: Ψ έλλιπες κάτω νεῦον, 12, 21. έμβαδόν, area (trianguli rectanguli), 324, 15; 326, 16; 330, 9; 398, 4. 15; 400, 15; 402, 10; 404, 12; 406, 7; 408, 7. 20; 410, 19; 412, 13; 414, 25; 420, 8; 422, 15; 428, 17; 432, 19; 436, 3. 21; 440, 3. 12. Saepe dicitur ὁ ἐν τῷ ἐμβαδῷ (ἀριθμός). έμβάλλειν: είς τέταρτα έμβαλε, 306, 7. έμός, 2, 12. έμπίπτειν, incidere: έμπίπτη, 276, 8; έμπέση, 98, 1. έν, passim ut 2, 3, etc.; ν. άδριστος, άριθμός, δλόκληρος. έν ἀναλογία, 310, 4; 312, 7. — ἐν  $\Delta^{Y}$  (in  $x^{2}$ ), 120, 18; 126, 10; 326, 24; 370, 12 (έν δυνάμει codices). — έν ίση ὑπεροτῆ, 78, 23; 152, 1; 454, 6; 456, 2; 460, 5; 468, 15.  $-\epsilon \nu \lambda \delta \gamma \omega$ , 16, 25; 18, 9. 26; 68, 5. 21; 70, 12; 72, 7. 21; 74, 9. 24; 76, 13. 16. 19. 22; 88, 22; 106, 8; 292, 14. — ἐν μορίφ, 60, 6; 286, 8.

2, passim ut 2, 3, etc.; v. ἀδριστος, ἀριθμός, δλόκληρος. — ἐν ἀναλογία, 310, 4; 312, 7. — ἐν ΔΥ (in  $x^*$ ), 120, 18; 126, 10; 326, 24; 370, 12 (ἐν δυνάμει codices). — ἐν ἴση ὁπεροχῆ, 78, 23; 152, 1; 454, 6; 456, 2; 460, 5; 468, 15. — ἐν λόγφ, 16, 25; 18, 9. 26; 68, 5. 21; 70, 12; 72, 7. 21; 74, 9. 24; 76, 13. 16. 19, 22; 88, 22; 106, 8; 292, 14. — ἐν μορίφ, 60, 6; 286, 8. 22; 370, 17; 418, 20; 420, 20; 424, 4; 438, 14; 442, 2. — ἐν ὑπεροχῆ, 16, 10; 18, 9; 166, 13. — ὀ ἐν τῆ ὑποτεινούση, ἐν τῆ περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν, ἐν μιᾶ τῶν ὀρθῶν, ἐν τῆ περιμέτρφ, ἐν τῷ ἐμβαδῷ, etc., 372, 17; 392, 10; 394, 11. 21; 404, 12; 406, 7; 408, 20; 410, 20; 412, 12; 414, 26; 420, 9; 422, 16; 428, 18; 432, 20; 436, 4. 22; 410, 4. 11; 444, 4; 448, 5, etc. (v. ἐμβαδὸν).

```
έναλλάξ, vicissim: ποιείν τὰ έναλλάξ, 194, 18; 198, 3; 204, 7;
    in proportione geometrica: 238, 6; arithmetica: 478, 18; ἐναλ-
    λάξ πολλαπλασιάζειν, 276, 1.
έναλλάσσειν, ordinem invertere: ένήλλαμται, 152, 6.
ένάρχεσθαι: έναρχόμενον τής πραγματείας, 14, 3.
ένδέχεσθαι, fieri posse: έαν ένδέχηται, 14, 22.
Ενεκεν: τοῦ προγείρου Ενεκεν, 56, 21.
ένη (ut plurale vocis εν?): δύο ένη οίνου, έκ μεν του ένός, 384, 16.
ένθάδε, hîc, 274, 18.
ένταῦθα: πάλιν καὶ ένταῦθα, 170, 23; 374, 14.
ένυπάρχειν, inesse: ένυπάρχη, 14, 15; ένυπάρχοντα, 14, 18.
έξαπλασίων (abbr. 5<sup>πλ</sup>.), 70, 2. 5; 72, 12. 26; 74, 4; 76, 3. 6. 7;
    84, 15. 26; 86, 21; 408, 13; έξαπλάσιος, 26, 20. 24.
έξάς, 336, 19.
έξεργεσθαι, devenire: έξεργηται, 102, 8.
\xi \xi \tilde{\eta} \varsigma, deinceps, 180, 14; 450, 8; 466, 4; 472, 21; \delta \xi \tilde{\xi} \tilde{\eta} \varsigma (cum
    gen.), numerus qui sequitur, 50, 21; 54, 2; 108, 2; 110, 3
    132, 5. 24; 220, 12; 222, 19; 450, 6; of de $$\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{1}{2}$}\text{$\frac{
    156, 9; είς τὸ έξης, 324, 13; κατὰ τὸ έξης (cum circulari per-
    mutatione), 38, 24; 42, 21. 24; 350, 15; (secundum ordinem
    naturalem), 170, 13; 230, 19; 234, 2; 316, 9, 10; 318, 9; 320, 6.
έξισοῦν, exaequare: έξισῶ, 272, 7; έξισούσθωσαν, 446, 13.
έπάνω, supra, 50, 19; 330, 20.
έπεί, cum indic., frequentissime, ut 32, 8; 34, 9, etc.
έπειδή, 2, 9; 274, 9; 298, 18; 352, 1.
ἐπειδήπεο, 102, 5; 178, 2 (sp.); 180, 11; 182, 6; 396, 20; 442, 13.
έπείπερ. 466, 9: 474, 2: 478, 9.
έπί, cum gen.: ἐπὶ τοῦ παρόντος, 98, 15; ἐπ' εὐθείας, 468, 1. —
    cum dat.: 14, 26. — cum accus, multiplicationem denotans;
    2, 18. 21, etc. frequentissime; ênl tò aviò ovvievêvia (ad-
    ditio, 20, 19; alias passim, ut 6, 20, 23; 14, 25; 150, 21; 160, 4;
    164, 7; 184, 24; 202, 22; 212, 14; 238, 19, etc. v. δπόστασις.
    - μερίζειν έπί (divisio), 474, 28.
ἐπίγραμμα: 384, 14.
έπιδέχεσθαι, admittere: έπιδεχόμενα, 16, 2.
έπιζητεῖν, quaerere insuper: ἐπιζητουμένων, 92, 21; 138, 10;
    έπιζητουμένους, 104, 7.
έπιθυμία, 2, 13.
έπίπεδος: όμοίους έπιπέδους (άριθμούς), 426, 12. V. notam.
έπίσημον, 4, 15. 21. 24; 6, 1.
έπισκέπτεσθαι, considerare: έπισκέψασθαι, 444, 7.
έπίταγμα, condicio problematis: καὶ ἔστι δύο τῶν ἐπιταγμάτων
    λελομένα, 138, 11 (cf. 170, 2; 178, 11; 222, 9; 224, 17; 230, 6;
    284, 5); καὶ ποιούσι τὸ ἐπίταγμα, 148, 8; 166, 22; 176, 9; καὶ
    μένει τὸ ἐπίταγμα, 152, 17; 160, 11 (cf. 174, 19); τὰ λοιπὰ
     έπιτάγματα κατασκευάζειν, 180, 14; (cf. 218, 8; 272, 1; 298, 23;
```

308, 15); σώζειν τὸ ἐπίταγμα, 232, 8; συμφωνεί μοι εν ἐπίταγμα, 250, 1. έπιτάττεσθαι, proponi: saepissime ut έπετάχθη, 364, 19; έπιτετάχθω, 16, 26; ἐπιταχθη, 84, 25; ἐπιταττόμενος (?), iussus, 884, 7; ἐπιταττομένων, 38, 4; ἐπιταχθείς, 472, 22; ἐπιταχθέν, 50, 22; ἐπιταχθέντος, 20, 15; ἐπιταχθέντι, 40, 11; ἐπιταχθέντα. 16, 9; ἐπιταχθέντας, 38, 3; ἐπιταχθείσας, 384, 9, etc. έπιτρέχειν, excurrere: έπιτρέχη, 306, 6. έπονομάζειν: ἐπονομασθέντων, 6, 12. έπταπλασίων (abbr. ζ<sup>πλ.</sup>), 402, 18; 404, 18. έπωνυμία, 4, 13; 6, 23. ξογεσθαι, ire: ξογομαι έπὶ τὸ (ἐξ ἀργής), 150, 21; 160, 4; 164, 7; 206, 16; 208, 14; 210, 17; 212, 14; 288, 19; 256, 1; 266, 1; 304, 15; 354, 14; 360, 12; ξοχομαι είς τό, 296, 18; 314, 13; ἔρχεται, 428, 20; 486, 7; ἐρχόμεθα είς, 870, 1; ἐλεύσομαι, 176, 14; έλθων έπί, 184, 24; 300, 5. Execoc. alter ex duobus, (opponitur els) 36, 5; 124, 22; (opponitur δς μέν) 80, 3; (opponitur ετερος) 220, 1; (opponitur πρῶτος) 22, 6; 92, 5; 126, 19; 206, 5; — secundus, 224, 12; alius (pro čllos), 6, 6; 14, 6; 76, 26; 92, 17; 138, 14; 154, 2; 156, 2. έτι, passim ut 32, 25; 52, 2, etc. εύθεῖα, recta, 468, 1. εύκατάληπτος, 2, 10. εύόδευτος, 16, 5. ευρεσις, solutio, 2, 3. εύρετός, 474, 7. evolutiv, invenire: frequentissime evosiv, ut 18, 26 etc.; formas notavi: εὐρίσκω, 262, 18; εὐρίσκομεν, 192, 17.18; εὐρήσω, 146, 5; εὐρήσεις, 162, 11 (sp.); εὐρήσομεν, 192, 22; εὖρον, 262, 14 (sp.); ευρομεν, 294, 4; ευρω, 158, 25; ευρών, 400, 10; ευρόντας, 418, 11. — ευρίσκεσθαι, 386, 18; ευρεθήναι, 800, 7; ευρίσκεται, 346, 10; εύρεθήσεται, 246, 13; εύρεθήσονται, 70, 25; ηδρέθη, 48, 27; ευρηται, 266, 21; εύρισκομένων, 60, 25; εύρεθέντος, 338, 6; εδοεθέντων, 160, 4; εδοημένω, 268, 14; ηδοημένοι, 248, 6; εύρημένων, 324, 23, etc. εύγεοής (ἴσωσις), tractabilis (aequatio), 158, 21; 160, 1; 300, 1. εύχερῶς, 474, 11. έχειν, passim ut infin. 2, 16; έχω, 112, 22; έχει, 14, 8; έχομεν, 66, 9; Exovoi, 174, 11; Elyon, 158, 20; Elyes, 288, 16; Elyen 290, 1; έξω, 38, 10; έξει, 6, 20; έξομεν, 104, 7; 112, 6; έξονσι, 206, 2; έχη, 30, 27; έχωμεν, 176, 15; έχωσι, 174, 8; έχων, 6, 4; έτον. 4, 16; έχοντες, 14, 26; έχοντα, 2, 4; 4, 21; έχόντων, 52, 4; έχουσων, 52, 6; έχοντας, 66, 19; etc. V. λόγος. ξως, v. αν.

ζητείν, quaerere, passim ut 232, 6; ζητήσαι, 126, 22; ζητῶ, 98, 4; ζητοῦμεν, 158, 5; ἐζήτουν, 268, 13; ἐζητοῦμεν, 438, 18; ζητήσα, 146, 4; ζητήσομεν, 418, 8; ζήτει, 96, 10; ζήτησον, 220, 18; ζητής, 274, 21; ζητῶμεν, 386, 22; ζητήσης, 162, 11; ζητοῦντα, 388, 20; -τες, 376, 22; ζητούμενος, 24, 8; -μένου, 314, 4; -μένω, 198, 13; -μένου, 24, 16; -μενοι, 84, 16; -μένα, 374, 14; -μένων, 106, 14; -μένους, 348, 18; -μένους, 350, 24; ζητητέον, 102, 8. — etc. ζήτημα, quaestio: ποιοῦσι τοῦτο τὸ ζήτημα, 376, 9.

 $\ddot{\eta}$ , vel, 14, 15; 84, 12; 98, 5; 272, 18. —  $\ddot{\eta}$  ...  $\ddot{\eta}$ , 168, 13; 172, 2. —  $\ddot{\eta}$ τοι ...  $\ddot{\eta}$ , 4, 7; 14, 6. 9; 78, 16. 17; 96, 12; 456, 11. —  $\ddot{\eta}$ τοι, id est, 90, 21. —  $\ddot{\eta}$ , quam, 48, 8;  $\ddot{\eta}$ περ, 302, 24; 340, 14. V. λόγος.

ημισυς (abbr.  $\angle$ '), passim ut 38, 4; 42, 6; gen. ημίσεος, 134, 19. ημίσευμα, dimidium, 304, 8.

Θέλειν, velle, passim ut Θέλω, 18, 14 etc., saepissime; Θέλει, 232, 7; Θέλομεν, 192, 19 etc., saepe; Θέλης, 284, 10; 306, 6; 324, 11; 422, 8; Θελήσωμεν, 192, 22. Θεμέλιον, fundamentum, 2, 6.

θεωρία, 4, 14.

idios, proprius, 4, 9; 260, 1.

lδίωμα, proprietas, 6, 3.

ενα, ut, passim: cum subi. 18, 11, etc.

loάζειν, aequare: loάζομεν, 440, 8; loάσωμεν, 436, 16. (Frequentius loov).)

ίσογώνιος, eundem numerum angulorum habens, 470, 22.

loos, aequalis, frequentissime ut 14, 14, etc.; abbreviatio los varie legenda, secundum casus, ut 102, 15; 112, 21; 126, 11; 128, 9, etc.

lσότης, aequatio: λέλυτο ἄν ἡ Ισότης, 202, 8; ἡ μείζων Ισότης, maior forma quadrato aequanda, 272, 7; 418, 19; ἡ Ισότης ἀδύνατός ἐστι, 424, 12. Vide διπλοισότης.

ίσοῦν, aequare: ἰσῶσαι, 148, 5; 150, 2; 242, 21; 252, 17; 266, 1; 322, 12; 332, 1; 356, 6; 358, 20; 362, 3; 368, 1; 370, 14; 432, 11; 444, 19; 446, 22; 448, 11; ἰσώσω, 220, 6; 248, 2; ἰσώσωμεν, 304, 5; 370, 4; 394, 5. — ἰσοῦται (ἡ διπλοισότης), 96, 9.

**Ιστάναι: έστώσης ἀεί, 8, 13.** 

ίσχύειν, aequivalere: ίσχύουσι, 422, 9.

ίσως, fortasse, 2, 8. ἴσωσις, aequatio: λελυμένη ἄν ἡν μοι ἡ ἴσωσις, 226, 17; ἔστιν αὐτῶν ὡς οἶδας ἡ ἴσωσις, 242, 5; ἐν ἐκατέρα τῆ ἰσώσει, 242, 20;

ούκ έστιν ή ίσωσις ζητή, 264, 13; ίσωσιν ίσουν, 804, 5.

xάθετος (ή), triangali rectanguli latus basi oppositum, 368, 9; 372, 4; 392, 8; 432, 2; 438, 3.

καθιστάναι: καθέστηκε (constitutum est), 2, 16; καθεστήκασι. 450, 10. καθώς, secundum quod, 300, 4; 364, 19. καί passim: peculiariter in continuenda analysi (etiam), ut 44, 25, etc.; additionem indicat, scilicet δ πρώτος καλ δ δεύτερος = primus plus secundo, 40, 15; in aequationibus interdum scribitur eodem sensu, ut 18, 16, plerumque subauditur; notandum τετραπλασίων καὶ μονάς μία, 124, 7; διπλασίων καὶ μονάδι μείζων, 132, 7. Signif. vel, 78, 18. V. άλλά, τέ. naleir, vocare: naleitai, 2, 19; 4, 14; 6, 5, 10; 96, 9; nlnonσεται, 6, 12. **παλῶς, 14, 3.** κάν, ⊽. έάν. **πάππα, 6, 1.** κατά. c. acc.: κατὰ τὸ πληθος, 114, 2; cf. 454, 8, etc.; κατὰ τὴν άναλογίαν, 450, 13; κατὰ τὴν ὑπόθεσιν, 244, 1; κατὰ τὸ λήμμα, 282, 25. c. gen.: 356, 22. V. έξης, μετρείν. ματαλείπειν, relinquere (ut residuum ex subtractione): ματαλείπω, 120, 15; καταλείπει, 100, 5; 104, 21; 382, 13; καταλείψει, 470, 14; καταλείπεται, 186, 16; καταλειφθήσεται, 98, 17; παταλειφθή, 14, 20; παταλειπόμενος, 178, 5; -μένου, 94, 17; καταλιμπανομένου, 274, 17; καταλειφθέντων, 14, 24. κατασκευάζειν, construere vel (conditioni) satisfacere (v. ἐπίταγμα), 334, 22; κατασκευάσαι, 180, 15; 320, 14; 346, 6; κατασπευάσωμεν, 230, 15; 314, 4; 338, 17; 356, 16; 402, 22; 416, 20; κατεσκευάσθη, 386, 9. nαταφανής, evidens, 6, 24. πατόρθωσις, 2, 10. κάτω, deorsum, 12, 21. κεζοθαι, positum esse: κείσθω, 458, 10; 468, 1; 476, 7; κείμενον, 328, 14; κειμένους, 330, 14 коиў, simul (sp.), 22, 2.24; utrimque, 264, 11. κοινός, communis utrimque: κοινή προσκείσθω ή λείψις, 24, 13; 26, 27; 28, 19; 30, 15; 42, 11; 90, 17; 98, 20; 444, 20; noirds προσκείσθω, 478, 15; κοιναί προσκείσθωσαν, 304, 3; 386, 12; κοινού προστεθέντος του τρίτου, 40, 16; κοινών προστιθεμένων 226, 13; κ. ἀφαιρεθεισών, 302, 6; ποινόν μόριον, 248, 6; 288, 13; 332, 9. ποτύλη, hemina, congii duodecima pars: 390, 4. πτᾶσθαι, acquirere: πτησάμενος, 4, 13; 6, 3; πτησάμενον, 384, 11. πυβικός: μονάδες πυβικαί, 226, 6; 442, 9; ἀριθμοί πυβικοί, 248, 20; 250, 12: ἀριθμοστὰ πυβικά, 192, 16; δυναμοστὰ πυβικά, 294, 18; κύβοι κυβικοί, 204, 8; κυβική πλευρά, 192, 19; 204, 15, κυβικόν

μόριον, 442, 7. κυβόκυβος (abbr.  $K^TK = x^6$ ): 4, 6; 6, 1. 19; 8, 6. 9. 10; 10, 6. 12. 18; 12, 6. 12; 226, 28; 360, 22; 370, 15; 442, 16 πυβοπυβοστόν  $\left(=\frac{1}{x^6}\right)$ : 6, 19; 8, 23; 12, 13.

πύβος (abbr.  $K^2 = x^3$ ): 2, 21; 4, 4, 6, 17, 23, 26; 6, 16; 8, 3, 4, 8, 10; 10, 3, 4, 9, 11, 18; 12, 4, 10, 16; 190, 4, 18; 192, 12; 196, 7; 198, 2; 200, 2, 23; 204, 6; 208, 2, 23; etc.

πυβοστόν  $\left(=\frac{1}{x^3}\right)$ : 6, 16; 8, 20. 21; 12, 2. 9. 16.

λαμβάνω (τι παρά τινος), augmentum recipere, vel simpliciter sumere, passim ut 56, 16; λαμβάνω, 120, 14; λαμβάνει, 274, 9; λαμβάνομεν, 330, 9; λαμβάνη, 58, 15; λάβω, 134, 25; λάβη, 56, 13; λάβωμεν, 134, 17; λαμβάνων, 58, 23; λαβών, 36, 14; λαβόντα, 36, 16; λαβόντες, 50, 22; λαβόντας, 110, 20. — λαμβάνεται, 450, 19; ελλήφθωσαν, 92, 20; ληφθή, 20, 15; λαμβανόμενοι, 38, 2; -μενα, 450, 19; ληφθέντος, 332, 9; etc.

λέγειν, dicere: λέγω, 44, 18; 460, 14; 466, 23; λέγομεν, 468, 14; λέγε, 384, 13; λέγεται, 472, 2; λεγόμενον, 470, 27.

λείπειν, relinquere, h. e. minui aliquo numero, passim ut λείψη, 120, 16; λείψωσι, 242, 23; λίπη, 128, 14; λίπωσι, 128, 17; λείψως, 142, 17; λιπών, 104, 15 (harum formarum usum dubium utpote ex compendio Λ resoluto ortarum, in casibus notare supersedeo); λειφθείς, 138, 5, etc. — είδη λείποντα, negati termini, 14, 5. 7. 8.

λεῖψις (abbr. Λ), negatio numerorum, 12, 19, etc.: vide κοινός. minus aliquo dicitur λείψει τινός, passim.

λημμα, lemma, 280, 14; 282, 26; 284, 12; 286, 17; 322, 19; 324, 13;

412, 10; 418, 16.

λόγος, ratio (divisionis), 4, 8; δεδομένον λόγον έχειν πρός, 24, 3. 23; 28, 9; 30, 4. 24; 32, 22; 34, 26; 36, 14, etc.; λόγος έλάσσον νει μείζων, 24, 24; 26, 16; 342, 4; μείζων ἢ έν λόγω, 88, 22; λόγον δν τετράγωνος πρός τετράγωνον, 174, 3; 206, 2; 210, 2; 212, 11; 270, 6; 382, 9; 396, 16. — numerus denominator rationis: πολλαπλασιάζειν έπλ λόγον, 286, 3; ἡ ὁπεροχὴ ἡ ὁπερέχεται ὁ λόγος, 286, 4. — V. ἐν λόγω.

loιπόν, adhuc, passim ut 18, 8. 14, etc.

λοιπός, residuus subtractionis, ut 16, 19 etc. frequentissime. —

reliquus, 40, 11 etc. passim.

λύειν, solvere (v. ἄν, ἐπίταγμα, ἰσότης, ἴσωσις): λύω, 334, 10; λύσομεν, 166, 3; λύεται, 4, 10; 14, 24; λελύσθαι (dub.), 352, 9; λέλυται, 172, 14; 178, 10; 220, 21; 224, 6; 232, 4; 278, 9; 282, 11; 284, 4; 362, 17; λέλυτο, 202, 8; λελυμένη, 226, 16; -μένον, 234, 20; 246, 4; 252, 18; -μένα, 138, 11; 170, 2; 230, 6.

μάθησις, 2, 13. μάλιστα, 16, 3.

μανθάνειν, discere: μαθείν, 2, 5; ἐμάθομεν, 184, 8; 850, 3; 852, 4.

μέγιστος, maximus, 14, 27; 46, 27; 50, 3; 78, 14; 112, 15; 216, 4; 234, 19; 300, 24; 306, 11; 452, 3; 456, 3; 470, 8.

μέθοδος: ὀργανῶσαι τὴν μέθοδον (sp.), 2, 5. — ἐν μεθόδο, 328, 14; διὰ μεθόδον, 474, 11.

μεθυφίσταμαι, transformo, 434, 16.

μείζων, maior, passim ut 16, 13; 18, 1, etc.; interdum pro μέγιστος, ut 298, 8.11, etc. — Saepe abbr.; forma μείζονες non certo exstat: μείζονς, 246, 26.

μέν passim: μὲν . . . ἄρα, 54, 22; 108, 11; 112, 1; μὲν . . . καί, 132, 6; 134, 20; μὲν . . . ἀλλὰ, 440, 17; alias sine δέ, 230, 20; 256, 5; 288, 18.

μένειν, constare: de verificatione solutionum vel conditionum persaepe dicitur μένει, ut 20, 7; 22, 1; 62, 10; 64, 3, etc.; item μένει τὰ τῆς προτάσεως, ut 122, 24; 184, 11; 136, 9; 164, 16; 168, 17; μένει τὸ ἐπίταγμα (ν. ἐπίταγμα); simpliciter μένει, 354, 20; 374, 23; 394, 9; 396, 5; 400, 12; 404, 9; 420, 6; 426, 21; 434, 22; 488, 22; 448, 14. μενούσης, 470, 28.

μερίζειν, dividere: μερίζω (τι εἴς τι), 278, 7; 282, 9; 284, 2; 366, 14?; μερίσω (εἰς), 246, 12; (παρά), 278, 4. 24; 282, 25; μερίσομεν (έπι), 474, 28; μέρισον (παρά), 328, 23; μερίσωμεν (παρά), 282, 6; (εἰς) 442, 21; μερίζοντες (εἰς), 268, 3; μερίζοντα (παρά), 888, 13; μερίσωντες (εἰς), 474, 18. — μερίζεσθαι (εἰς), 302, 21; μερισθήναι (εἰς), 246, 5; 266, 21; 276, 19; 282, 2; 286, 2; μερίζεται (εἰς), 266, 24; μερισθή (εἰς), 286, 7; (παρά), 416, 6; μεριζόμενος (εἰς), 246, 9; 266, 22; 302, 15; -μένον (εἰς), 340, 4; μερισθέντος (εἰς), 302, 12; -θείσης (εἰς), 442, 1; -θέντες (εἰς), 208, 11.

μερισμός, quotiens divisionis, 14, 2; 240, 7.

μέρος, pars aliquota, 20, 12; 22, 6; 46, 27; 58, 15; 82, 7; 84, 2; 108, 3; 110, 9; 800, 14; 312, 22; 334, 2; 480, 10; μέρος η μέρη, (fractio qualiscunque) 272, 18; pars quaedam, 166, 2; 288, 3; membrum aequationis, 14, 12; 98, 16; 100, 13.

μέσος, medius (numerus inter maximum et minimum), 46, 10.27; 78, 16; 112, 15; 216, 4; 234, 16; 246, 13; 298, 8; 806, 12; 848, 19; 452, 8; 470, 10; (inter extremos), 108, 19; 112, 9;

220, 14; 222, 21; 310, 9; 312, 13.

μετά, cum genit. additionem signif., ut 38, 6; 42, 8, etc. frequentissime. — cum accus. 14, 11; 18, 23; 54, 7; 110, 14.

μεταβαίνειν, transire: μεταβαίνει (είς), 464, 22; μεταβήσομαι (έπί), 6, 24; μεταβησόμεθα (είς) transformabimus, 452, 23; 478, 8.

μεταδίαιρεϊν, alteram partitionem efficere: μεταδιελεϊν, 92, 17; 138, 13; 348, 5; μεταδιαιρούμεν, 348, 9.

μεταξύ: ἐν τῷ μεταξὺ τόπᾳ, 20, 14; 338, 5; μεταξὺ τοῦ γκ, 478, 7. μετρεῖν (τι κατά τι), dividere secundum quotientem aliquem: μετρεῖ. 134, 18; 136, 16; 312, 1.17; μετροῦσι, 220, 19; 224, 4; μετοείτω, 242, 3; μετοείται, 134, 17; 334, 1(?); μετοήται, 134, 16;

```
μετρούντος, 134, 18; μετρούντα, 134, 24; 136, 15; μετρούντας,
  134, 22; 136, 14.
μέτρησις, divisio: (ή) μέτρησις, 310, 17; 312, 16; 406, 18. Cf.
  380, 14.
\mu\eta, passim ut 14, 6, 11; 20, 11; etc.; vide \epsilon l.
μηδέ, ne .. quidem, 174, 3.
undels, nullus, 6. 3.
μήν, 52, 7?; vide ἀλλά.
μήπω, 2, 9.
μήτε . . . μήτε, 332, 17; 342, 16.
μιγνύναι, miscere: ἔμιξε, 384, 6; μιγείς, additus, 452, 19; 454, 1;
  464, 23.
μνημονεύειν. - μνημονευθήσεται, 16, 6.
μονάς (abbr. \mathring{M}), unitas, passim ut 2, 15; 8, 12.13 et ubique
  in problematis.
μόνον ενα μή, dummodo non, 94, 15.
μόριον, pars aliquota, 6, 9; vel fractio qualiscunque, 364, 15;
  fractio denominata a potentia incogniti, 8, 11. 16; denomi-
  nator fractionis, 56, 8; 58, 11; 186, 9; 246, 21; 248, 6; 254, 13;
  280, 12; 288, 14; 306, 2; 324, 8; 328, 18; 332, 2; 416, 16;
  424, 10; 438, 16; vide έν (μορίω); μορίου et μορίου τοῦ αὐτοῦ,
  186, 5. 7; 246, 19; 284, 10; 288, 7; 332, 4; μόρια τετραγωνικά,
  268, 10: μόριον τετραγωνικόν, 334, 13: 344, 8: μόριον κυβικόν,
  442, 7; μόρια pro μόριον, 288, 3.4.
μυριάς (abbr. M): 332, 8 legendum videtur δευτέρων μυριάδων
  μιᾶς καὶ πρώτων ηψηζ καὶ μονάδων δωξ.
νεύειν, vergere: νεῦον, 12, 21.
võv, nunc, 6, 11; 14, 25; 126, 10; 138, 15; 150, 21; 184, 5; etc.
ò, ἡ, τό, passim: δδε, 2, 14; vide δς.
δγκος, moles, 14, 28.
όδός, via, 4, 11; 14, 25.
οθεν, unde, 342, 8; 346, 10; 352, 22; 358, 12; 374, 22; 884, 3;
  388, 16, 19; 398, 7; 400, 7; 402, 5; 404, 8; 408, 16; 434, 13, 21;
  448, 2; 472, 5.
olvos, vinum, 384, 16.
olov, velut, exempli causa, 8, 18; 98, 15; 146, 3; 184, 6; 278, 6;
  288, 4; 328, 22. — olovel, 338, 3.
oloς δ' αν, qualiscunque, 98, 6; 100, 4; cf. 198, 9. οίοσδήποτε,
  quocunque modo, 278, 3; 282, 24; 286, 5; 374, 13; vide òooo-
  δήποτε. — οίοσοῦν, quivis, 468, 15.
όπτάδραχμος, 384, 6.
όπταπλασίων, 460, 6; 472, 16; 474, 19. 23. — όπταπλάσιος, 474, 6.
```

```
όκτάς, octonarius, 342, 17.
δλόκληρος, integer (numerus): έὰν ἐν δλοκλήροις θέλης, 306, 6.
ολος, totus: δλη ή διαίρεσις (summa partium), 34, 9; δλος δ
  \delta \varepsilon, 336, 21; cf. 480, 12. \delta 520g, summa, 344, 10. — integer
  (numerus), 164, 10.
ομοιος, similis: άπὸ όμοιων δμοια, 14, 13; 18, 16; 20, 25;
  22, 18; 50, 17; 90, 18; 106, 4; 246, 23; 256, 19; 396, 14; 444, 21;
  vide ἀφαιρεῖν. — de triangulis rectangulis, 368, 21; 420, 13.

    — λαβῶν τὰ ἐλάσσονα τῶν ὁμοίων, 410, 13. — V. διὰ et ἐπί-

  πεδος.
όμοίως, similiter, 14, 7; 42, 23; 46, 6; 58, 7. 19; 64, 18, etc.;
  δμοίως τοις πρό τούτου, 402, 6.
όμοπληθής, cum eodem coefficiente, 14, 6.12.
δμόπλοος, navigationis socius, 384, 7.
δμώνυμος, eadem denominatione: δμώνυμα μόρια τοῖς ἀριθμοῖς,
  6, 9; 8, 16; cf. 48, 5; (ἀριθμὸς) δμώνυμος λόγου τινός, 36, 1.
δμωνύμως, 8, 24.
δμως, 2, 10.
ονομασία, denominatio, 6, 25.
όξύς, acutus: τῶν όξειῶν γωνιῶν, 430, 23.
όποίος ἄν, quilibet, 166, 16. — όποιοσοῦν, 154, 3; 156, 3; 158, 2;
  160, 13; 164, 19; 166, 25; 168, 19; 170, 11; 172, 9; 176, 11;
  216, 22; 228, 8; 234, 14; 278, 14; 282, 14; 290, 6; 316, 3;
  318, 5; 320, 2; 322, 3; 328, 5; 330, 5; 376, 2.11.20.
οποσοιούν, quotlibet, 454, 6; 456, 2; 460, 5; 468, 15.
όπότερος, alteruter, 14, 15.
οπως, ita ut: cum subjunct. saepissime, ut 18, 27; 20, 11; 22, 6,
  etc.; interdum cum indic. in cod. mss., ut 60, 23; 62, 20; 66, 2;
  114, 11. 24; 116, 16; 118, 6. 20.
όραν, videre: όρῶ, 350, 24; ἰδών, 96, 10.
δογανούν (spurium): δογανώσαι την μέθοδον, 2, 5.
ὀρθή: αί περί την ὀρθήν (sub. γωνίαν), numeri laterum circa
  rectum angulum (in triangulo rectangulo), 182, 24; 368, 11;
  434, 1; 436, 17; 444, 14; cf. 378, 13. ἡ δοθή, ipsum latus
  circa rectum, 392, 5; 894, 12; 402, 10; 404, 12; 406, 8; 408, 7.
  21; 410, 21; 412, 12, 16; 414, 26; 420, 9; 422, 17; 428, 19;
  436, 21; 440, 3; 442, 13; 446, 17.
όρθογώνιον, rectangulum (triangulum): όρθογώνιον τρίγωνον.
  182, 22; 236, 1; 324, 14. 21; 326, 15; 370, 10; 378, 13; etc. in
  sexto libro. — abs. δοθογώνιον, 374, 13; 402, 22; 416, 20; 422, 6;
  430, 19; 434, 16; 438, 1; 440, 9. 14.
δρίζειν, determinare: ὡρισμένων, 6, 7.
õpos, definitio, 470, 27.
\delta_{S}, \tilde{\eta}, \delta_{:} frequentius \delta_{S} \mu \grave{\epsilon} \nu \ldots \delta_{S} \delta \acute{\epsilon} (pro \delta \mu \grave{\epsilon} \nu \ldots \delta \delta \acute{\epsilon}) ut
  2, 18. 21; 60, 12; 86, 22; 92, 7; 94, 14, etc.; semel δς μὲν ...
  ό δέ. 30. 2. — post verba εύρεῖν, ζητεῖν etc. adhibetur cum
```

```
indic.: 60, 12; 98, 5; 102, 22; 104, 15; 136, 14; 168, 12; 186, 12;
  204, 23; 208, 10; 212, 10; 216, 2; 226, 20; 244, 3, 12; 246, 25;
  252, 13; 258, 19; 260, 18; 264, 18; 268, 9; 302, 14; 308, 11;
  340, 5; 350, 12; 382, 8; 418, 14; 434, 6; cum subjunct. 238, 13;
  (dotis); 246, 9; 416, 6.
όσάκις, quoties, 324, 11.
δσος (plur.), tot quot, 92, 5. 23; 324, 1; τοσαθτα ... δσα, 42, 5;
  44, 17; 90, 15; 186, 1; 398, 1; 450, 5; 456, 13; 458, 9; 468, 17;
  470, 23; 472, 10; 476, 9. δσος δήποτε, quantilibet, 90, 14; 92, 5.
  22; 94, 15; 176, 14; 196, 10; 202, 2; 204, 8; 214, 1; 220, 14;
  242, 16; 244, 24; 282, 5; 432, 3.
δσπερ, 444, 18; δπερ, 254, 11; 312, 18; 332, 9; 366, 6; 466, 4;
```

ν. δείξαι. οστις, 22, 24; 164, 5; 238, 13; 478, 23.

δταν, quando (cum subjunct.), 274, 21; 288, 1; 304, 5; 310, 8; 328, 20; 412, 20.

δτι: προδήλων δτι, 450, 9; φανερόν . . . δτι, 78, 14; δεικτέον ότι, 452, 8; 454, 11; 456, 7; δειχθήσεται ότι, 412, 5; λέγω ότι, 460, 14; 466, 23; 468, 14; Εχομεν . . . δτι, 316, 6; 320, 5; 358, 5. ov, ovx, passim ut 204, 19; 276, 7, etc. ovx . . . &lla, 218, 20; 246, 6. — οὐκέτι, 392, 18.

οὐδέποτε, nunquam, 78, 14.

oov expletive, passim ut 2, 8, 17; 4, 12; 8, 13; 14, 3; 78, 14. peculiariter in positionibus quarum ratio reddita fuit, ut 62, 11; 100, 6; 104, 23, etc.

ούτος, passim ut 2, 19; 4, 12, etc.

οῦτως, sic, 48, 16; 102, 9; 288, 1; 850, 20; 474, 22. — οῦτως γάρ, 16, 5; 98, 16; οῦτω γάρ, 94, 17; 100, 13.

όφείλειν, debere: ὀφείλω, 198, 11; ὀφείλει, 314, 6; 356, 18; 388, 16; 396, 17; δφείλομεν, 358, 1; δφείλουσι, 340, 15; 388, 10; 418, 23.

παίς, puer, 384, 13.

πάλιν, passim ut 14, 18; 42, 4, etc. — πάλι, (in epigr.) 384, 13. παντότε, in omni casu, 386, 8; 444, 23.

παρά: cum gen. subtractionem indicat, 36, 13; 52, 13; 54, 12; 56, 12; 58, 14; 108, 9; 110, 17; 272, 17. — cum dat. παρά 'Pφιπλεί, 470, 27. — cum acc. divisionem notat; vide μερίζειν et παοαβάλλειν. — absol.: 60, 20; 120, 6; 202, 5; 204, 17; 208, 6; 212, 6; 222, 13; 224, 21; etc. — defectûs signum: 116, 3; 122, 10; 132, 25; 180, 12; 182, 7; 242, 10; 278, 17; 282, 16; 316, 14; 440, 19; 448, 6,

παραβάλλειν (τι παρά τι), dividere: παράβαλε, 342, 1; παραβάλω, 288, 2; παραβάλωμεν, 368, 12; 372, 3; 418, 7; 426, 5; παρα- $\pi \alpha \rho \alpha \beta o \lambda \eta$ , divisio, 238, 4.8. — quotiens, 208, 12; 302, 21.23; 340, 7; 388, 3.

```
παραλαμβάνειν: παραλαμβανόντων, 16, 1.
παραλληλόγοαμμον (comp. \neq), 468, 3.5, etc.
παρασκευάζειν, construere: παραρκευάσαι, 346, 2
παραυξάνειν: παραυξανομένων, progredientium, 842, 17.
πάρισος, prope aequalis, 344, 18; 346, 2.
παρισότης, appropinguatio, 344, 3; 350, 22.
παρίστασθαι, stabilire: παραστήσομεν. 450, 16.
παρομοίως, ad similitudinem, 6, 9.13.
παρόν, praesens: έπὶ τοῦ παρόντος, 98, 15.
\pi\tilde{\alpha}_{S}, omnis, passim ut 2, 14, etc.
πειοάσθαι, tentare; ἐπειοάθην, 2, 5.
πεντάδραγμος, 384, 6.
πεντάγωνος, pentagonus (numerus), 450, 8; 472, 2.
πενταπλασίων (comp. ε^{πλ}.), 20, 1; 66, 24; 288, 11; 290, 11; 416, 8.
περαίνειν, absolvere: περάνη, 278, 12.
περί, c. gen. 424, 14; c. acc. 14, 4; vide ὀρθή.
περιαιρείν, tollere: περιηρήσθω τὸ μόριον, 56, 8.
περιέχεσθαι (ὑπό τινος καί τινος), productum esse ex: περι-
  έχεται, 102, 5; 184, 14; 438, 8; περιέχονται, 484, 2; περιεχό-
  μενος στερεός έκ, numerus productus ex (tribus factoribus).
  416, 23; 424, 18; (\delta\pi\delta), 430, 10.
περιλείπειν, relinquere: περιλειφθέντα (an παραλ.?), 272, 19.
περίμετρος, perimetrus (trianguli rectanguli), 436, 22: 440, 4, 11:
  444, 4; vide év.
περισσός, impar (numerus), 332, 17; 456, 12; 458, 8.
πίπτειν, cadere: πεσείται μεταξύ, 478, 7.
πλασματικός, formativus: ἔστι τοῦτο πλασματικόν, 62, 2. 25; 66, 6.
πλάσσειν, formare (de constructioné numerorum peculiariter
   dicitur, ut ἀναγράφειν de constructione geometrica) quadra-
  tum a latere, triangulum rectangulum a numeris genera-
  toribus, latus componere in x, etc.: 230, 19; πλάσσω, 90, 14;
  98, 13; 100, 11; 102, 16; 106, 19; 112, 22; 114, 19; 116, 12;
  118, 1; 228, 12; πλάσσομεν, 340, 1; 394, 18; πλάσσωμεν, 394, 14;
  426, 3; πλάσσοντας, 426, 12. — πλάσσεται, 398, 9; πλασθήσε-
  ται, 394, 7; πεπλάσθα, 166, 4; 228, 19; πεπλασμένον, 392, 6;
  414, 8, etc.
mleioros, plurimus, 4, 10; 14, 25. 27.
πλείων, maior, 36, 6; 48, 8; 100, 12.
πλέμεσθαι, texi, 4, 10.
πλεονάζειν, superare quotitate, 114, 4; 174, 2.
\pi \lambda \epsilon \nu \rho \alpha, radix potentiae, 2, 20 22; 4, 4. 9. 23, etc.; (comp. \pi^{\lambda}).
  92, 12; 120, 5. 22, etc.; latus trianguli rectanguli, 378, 13;
  latus numeri polygoni, 450, 6, 17; 468, 18; 470, 24; 472, 3.
   6. 22; 474, 12. 22.
πλήθος, quantitas unitatum vel coefficientium, 2, 15; 6, 4: 34, 28:
```

48, 7; 106, 13; 114, 2; 158, 21; 174, 2; 176, 15; 202, 7; 238, 7;

```
342, 1; 356, 7.8; 362, 8; 386, 2; 400, 4.
ποιείν, facere, passim ut 20, 2, etc.; ποιήσαι (ἴσον τετοαγόνω).
  302, 8; ποιῶ (ἐπτάκις), 276, 5; ποιεῖ, 8, 1. 12; ποιοῦμεν (τῶν ἀριθμῶν τὸ ῆμισυ ἐφ' ἐαυτό), 304, 5; ποιοῦσι, 20, 23; ἐποίει,
  384, 19; ποιήσει, 8, 17; ποιήσομεν, 344, 9; ποιήσουσι, 262, 9;
  έποίησε, 288, 6; ποιείτω, 198, 7; ποιείτωσαν, 306, 18; ποιής,
  288, 18; ποιή, 20, 12; ποιώμεν, 340, 1; ποιώσι, 38, 3; ποιήσω,
  424, 3; ποιήσωμεν, 376, 23; ποιών, 78, 27; ποιούν, 160, 1;
  ποιούντα, 384, 10; ποιούντας, 430, 17; ποιήσας (ἐπὶ τὰς ὑποστάσεις), 232, 8; ποιήσαντα, 446, 7. — med. ποιήσωμαι (τὴν
  ζούτητα πρὸς όποιονοῦν τετράγωνον), 166, 16, etc.
πόθεν, unde? 276, 18; 282, 1; 352, 22; 356, 10; 392, 13.
πολλαπλασιάζειν (έπί), multiplicare, passim ut πολλαπλασιάσαι.
  192, 11; πολλαπλασίασον, 184, 7; πολλαπλασιάσω, 196, 14; πολλα-
  πλασιάσωμεν, 286, 5; πολλαπλασιάσας, 60, 12. — πολλαπλα-
  σιασθήσονται, 288, 3; πολλαπλασιασθή, 60, 16; -σθώσι, 78, 13;
  πολλαπλασιαζόμενον, 48, 7; πολλαπλασιασθέντες, 78, 1; etc. —
  Formae moluml. leguntur in procemio, 2, 19. 22; 4, 2. 4. 7. 19.
  23. 26; 8, 1. 12. 14. 16; mox relinguuntur, 12, 19; interdum
  apparent in libro de polygonis numeris, 450, 12; 460, 6; 462, 1.
πολλαπλασιασμός, multiplicatio, 4, 8 (πολυπ.); 6, 23 (id.); 14, 1;
  36, 3; 60, 24; 66, 3; 84, 14, etc.
πολλαπλασίων, multiplex, 454, 8. 12; 474, 6. — πολλαπλάσιος,
  454, 18. 21; 460, 19. 22; 462, 5; 466, 16; 470, 15.
πολύγωνος, polygonus numerus, 452, 4 et passim postea.
πολύς, multus; πολλῷ έλάσσων, 356, 17.
πόρισμα: ἔχομεν ἐν τοῖς πορίσμασιν, 316, 6; 320, 5; 358, 5.
ποσαχῶς, quot modis (sp.), 476, 4.
πόσος (plurale, quot), 18, 21 (sp.); 384, 12.
ποᾶγμα, res, 2, 6.8.
πραγματεία, tractatus, 14, 3; 16, 6.
πρό, cum gen.: τὸ πρὸ τούτου, 162, 7; 176, 13; 322, 6; 394, 15;
  402, 6; 420, 12; 436, 5; 440, 5; ή πρὸ ταύτης (πρότασις).
  374, 15.
προβάλλεσθαι, proponi, 84, 17; προβληθή, 328, 20; προβεβλη-
  μένον, 150, 21.
\pi_0 \circ \beta \lambda \eta \mu \alpha, 2, 3; 4, 10; 14, 11; 94, 18; 122, 18; 256, 13; 304, 18;
  470, 18; ποιούσι τὸ πρόβλημα, 34, 23; 36, 11. 28; 40, 8; 44, 11;
  64, 26; 66, 17; 70, 10; 72, 19; 74, 7; 80, 8; 82, 14; 84, 9;
  86, 2. 15; 90, 7; 102, 19; 114, 9. 21; 118, 4. 18; 120, 10; 122, 2;
  126, 15; cf. 128, 11; 130, 8; 132, 2. 21; 140, 19; 142, 9; 150, 4;
  154, 23; 170, 9; 180, 6; 182, 2.
προγράφειν, prius scribere: ὡς προγέγραπται, 330, 12: κατὰ τὸ
  λήμμα τὸ προγεγραμμένον, 282, 26.
```

προδεικνύναι, prius demonstrare: προδείξομεν, 450, 19: προεδεί-

ξαμεν, 376, 8; 378, 2; προεδείχθη, 208, 13; 212, 13; 364, 12; 418, 16; προδέδεικται, 138, 14; 146, 11; 152, 3; 238, 25; 256, 11; 324, 18; 326, 19; 376, 17; 408, 14; προδειγθέν, 232, 20; προδεδειγμένη, 430, 17. πρόδηλος, manifestus, 450, 9. προδηλούν, manifestare: προδεδηλώσθαι, 6, 24. προειοημένος, praedictus, 92, 20; 338, 17; 426, 7; 428, 5. ποσεκτιθέναι, prius exponere: ποσεκτεθειμένας, 98, 14. προθυμία, alacritas, 2, 11. mooneluevos, propositus, 14, 2; 322, 8; 324, 9; 460, 14. πρός, cum dat.: 2, 14; 384, 19 (additionem notans). — c. acc.: ύπεροχή τινος πρός τι, 48, 6; 234, 18; λόγος τινός πρός τι, 4, 8; 24, 3. 22, etc. passim; ποιείν την Ισότητα ποός τι. 166, 15. προσδιορισμός, conditio, limitatio datorum ita ut problema possibile sit, 36, 6; 340, 9. προσευρίσκειν, insuper invenire: προσευρείν, 60, 11; 76, 26, et frequenter alias in problematum propositione: προσευρίσκεται. 320, 6; προσευρισκόμενος, 186, 15. προσήμειν, convenire: προσήμε, 16, 4. πρόσθεσις, -εως, additio, 196, 2. προσκείσθαι, additum esse: πρόσκειται, 478, 10; προσκείσθω, -σθωσαν, ∀. ποινός. προσλαμβάνειν, adsumere, augmentum accipere: passim ut ποοσλαμβάνει, 266, 13; ποοσλάβη, 98, 9; ποοσλάβωσι, 108, 14; ποοσλαμβάνοντες, 104, 7; ποοσλαβών, 58, 1; ποοσλαβούσα, 2, 13; προσλαβόντος, 302, 11; προσλαβόντι, 210, 27; προσλαβόντα, 116, 23; προσλαβόντες, 154, 5; etc. προστιθέναι, addere, passim ut 264, 6; προσθείναι, 14, 16; 24, 21; 28, 7, etc.; προστίθημι, 18, 23; προσθήσομεν, 474, 15; προσέθηκα, 262, 12; πρόσθες, 304, 7; προσθώ, 50, 11; προσθής, 14, 6; προσθώμεν, 30, 8; προστιθέντες, 344, 8; προσθέντες, 474, 24. - med. προστίθεμαι, 360, 11. - pass. προστίθεται, 344, 15; προστεθήσεται, 344, 16; προστεθή, 26, 2; προστεθώσι, 28, 24; προστεθώσιος, 98, 23; -θεμένφ, 198, 14; -θέμενον, 26, 8 -θεμένων, 18, 20; προστεθείς, 98, 4; -θέντος, 40, 16; -θείσαι 194, 10; etc. πρότασις, propositio (problematis), 14, 22; 400, 11; καὶ ποιοῦσι

πρότασις, propositio (problematis), 14, 22; 400, 11; καὶ ποιοῦσι (vel ποιεῖ) τὰ τῆς προτάσεως, 40, 25; 46, 25; 48, 29; 56, 10; 58, 12; 60, 9. 21; 62, 18; 64, 10; 68, 3. 19; 74, 22; 76, 10; 78, 28; 80, 17; 88, 18; 100, 20; 104, 12; 106, 6. 22; 110, 5; 116, 14; 124, 17; 136, 24; 140, 4; 144, 2. 17; 146, 13; 156, 21; 172, 7; καὶ φανερὰ τὰ τῆς προτάσεως, 52, 19; 96, 3. 21; καὶ μένει τὰ τῆς προτάσεως, ν. μένειν.

πρότερον, prius, primo loco, 84, 14; 102, 9; 146, 2; 150, 8; 182, 25; 224, 3; 290, 13; 310, 10; 324, 16; 424, 21; 444, 7; 456, 13.

468, 3.

συμφωνείν, congruere: v. ἐπίταγμα.

```
πρότερος, prior: ματὰ τὴν προτέραν (πρότασιν), 312, 14.
πρόχειρος: του προχείρου ένεκεν, facilitatis gratia, 56, 21.
πρώτον, primum, adv. 78, 20; 120, 14.
πρώτος (comp. α<sup>o</sup>), primus, peculiariter inter plures numeros
  quaerendos, passim ut 20, 18. 21. 28, etc. — non compositus:
  πρώτοι πρός άλλήλους άριθμοί (sp.), 332, 10; όπό του πρώτου
  άριθμου, 334, 1. — πρώτην, prava lectio pro μίαν, 426, 10.
πῶς, quomodo: c. subiunct. 14, 5, 8; c. indic. 14, 23; 364, 12;
  450, 17. 18; 452, 21; 472, 21.
πώς, aliquo modo, fere, 14, 15.
φάδιος, facilis, 158, 27; 162, 10; 166, 14; 268, 11; 310, 11; 338, 13;
  366, 5; 368, 21; 372, 11; 422, 10; 440, 18.
δητός, rationalis: ἀριθμός οὐ δητός, 204, 19; 208, 7; 210, 1:
  212, 7; άο. δητός, 242, 21; 408, 8; 422, 13; 430, 25; εσωσις
  οὐ όητή, haud rationaliter solvenda, 264, 13; οὐ όητόν, 270, 5;
  δοθογώνιον δητόν, 402, 22.
σαφηνίζειν, explicare: σαφηνισθέντων, 14, 1.
σημαίνειν, significare: σημαινόμενον, 384, 14; -μένου, de cuius
  formatione agitur, 472, 9.
σημείον, signum, 4, 15. 17. 20. 24; 6, 1. 5. 7. 21; 12, 21.
σμέπτεσθαι. considerare: σκέπτομαι. 276, 18: 282, 1: σκεπτόμεθα.
  276, 4.
σπολιώτερος, perplexior, 16, 4.
σός, tuus, 2, 11.
σπουδαίως, diligenter, 2, 4.
στερεός, solidus (numerus scilicet ex tribus factoribus composi-
  tus), v. ėx, 236, 15; 240, 15; 244, 12; 866, 9; 370, 7; 374, 12:
  376, 7, 14; 378, 1; 416, 23; 424, 18; 430, 1.
oroizzior, elementum, 4, 13.
στοιχειωδώς, elementorum vice, 16, 3.
σύ, tu, 2, 4, 14; 4, 11; 6, 22; 14, 23.
συγκείσθαι, compositum esse per additionem (έκ), 344, 21;
  σύγκειται. 92, 16; 344, 19; 348, 25; 358, 3; συγκείμενος, -μένου,
  -μένω, -μενον, -μένους, 2, 15; 86, 4; 134, 12; 138, 5; 140, 6. 21;
  142, 11; 154, 3; 156, 3; 182, 19; 290, 7; 294, 12; 326, 8; 380, 6;
  336, 2; 348, 5; 350, 24; 352, 11; 356, 2; 358, 15; 360, 19;
  364, 3 16; 380, 23; 402, 2; 452, 5; 456, 5; 458, 21; 462, 18;
  470, 9.
συμβαίνειν, contingere: συμβαίνει, 4, 9; 122, 13; 126, 6; 132, 12;
  134, 3; 184, 13; 234, 6; 862, 1; συμβήσεται, 8, 24; 358, 8.
σύμπας (δ), summa tota, 460, 6; 470, 1. 17. 21. 29.
συμπληρούν, complere: συμπεπληρώσθω τὸ παραλληλόγραμμον.
```

σύν, cum, passim (c. dat.) additionem significat: 148, 2; 266, 22; cf. 460, 12: 470, 25. — σύνδυο, summae binorum, 38, 2: 40, 10: 76, 27; 144, 4; 146, 7. 15; 150, 6; 298, 10; 306, 13; 348, 16; 378, 5; 380, 7; σύντρεις, summae ternorum, 38, 19; 350, 12. συνάνειν, dare ex calculo: συνάγει, 94, 8; συνάγουσι, 100, 18; 124, 12; συνάγουσα, 128, 20. — συνάγεται, 58, 8; 60, 6; 64, 25; 102, 6; 166, 18; 168, 15; 176, 7; 180, 22; συναγόμενος, 148, 4; 150, 1; 178, 13. συναθοοίζειν, congerere: συνηθοοισμένην, 14, 26. συναμφότερος (δ), summa amborum, 42, 3; 44, 16; 62, 1. 24; 66, 21; 68, 23; 72, 1; 74, 10; 76, 20; 84, 12; 86, 18; 88, 6. 27; 116, 17; 172, 10. 17; 176, 12; 180, 9; 182, 5, etc.; συναμφότεροι, 16, 14; 172, 12, 15, 20; 174, 6, 13, 14, 20, 22; 176, 2, etc. συναποδεικνύναι, simul demonstrare: συναποδειχθέντος, 472, 20. σύνθεμα, summa, 62, 6; 64, 4. 20; 66, 9. 26; 68, 12; 334, 7; 352, 23; 360, 2; 384, 11; 414, 11 σύνθεσις, -εως, additio, summa, 4, 7; 14, 3; 34, 26; 60, 23; 62, 20; 64, 12; 66, 20; 68, 6; 82, 4; 96, 14; 104, 10; 128, 19; 142, 21; 200, 7; 204, 21; 208, 8; 288, 12; 296, 4; 324, 23. σύνθετος, compositus ex multiplicatione, 438, 8. συνιστάναι, consistere: συνέστηκε, 2, 6; συσταθήσεται τὸ πρόβλημα, 94, 18; ενα συσταθή τὸ τρίγωνον, 446, 6. συντιθέναι, addere: passim ut συνθείναι, 288, 1; συντεθή, 78, 10; συντεθώσι, 78, 12; συντιθέμενον, 440, 21; συντιθέμενοι, 38, 20; συντεθέντες, 18, 15, etc. freq.; -τα, 20, 12; -τας, 94, 1; συντεθείσα, 34, 16; -σαν, 34, 15; -σαι, 122, 6, etc. συντομώτερος, brevior, 4, 13. σύστημα, series, 466, 19. σχεδόν, fere, 6, 25. σχολάζειν, inutile esse: σχολάζει, 174, 3. σώζειν, salvum reddere: ΐνα σώση τὸ ἐπίταγμα, 232, 9.

τάσσειν, ponere; de incognitis numeris dicitur, ut 198, 12; τάσσω, 42, 5; τάσσωμεν, 354, 17; τάξομεν, 420, 15; έταξα, 20, 20; τέταχα, 304, 13; τάξον, 422, 8; τάξω, 124, 21; τάξωμεν, 166, 2; τάξας, 434, 16; τάξαντες, 350, 22. — τέταπται, 148, 2; τετάχθω, 16, 13 et τετάχθωσαν, 38, 9 etc. frequentissime. Valoris expressioni casus genitivus addictus est: τετάχθω δ ελάσσων άριθμοῦ ένος. Vide άριθμός. ταχύς, celer, 2, 12. τέ: τε . . . καλ frequentissime ut 2, 7. 11; 42, 3; 60, 14, etc. — τε . . . δέ, 4, 7. — καλ . . . τε, 450, 6; 468, 18.

τέμνειν, partiri, interdum ut τεμείν, 334, 5; τέμω, 62, 6; τέμωμεν, 462, 17; τέμνουσα, 432, 1; τεμόντες, 346, 21; τέμνεται, 338, 9; έτμήθη, 432, 6; τέτμηται, 480, 7; τετμήσθω, 336, 17; τμηθείσης, 430, 24; etc.

450, 7; 472, 5.

```
τέσσαρες, τέσσαρα, quatuor, 6, 11; etc.
τέταρτον, quarta pars, 6, 11, etc.
τέταοτος, quartus (comp. δ°5) 38, 26, etc.
τετραγωνίζειν, quadrare: τετραγωνίσω, 60, 19; -σωμεν, 162, 13;
  τετραγωνίσας, 162, 17; etc.
τετραγωνικός, cum coefficiente quadrato: δυνάμεις τετραγωνικαί,
  194, 20; 196, 10; 222, 6; 230, 3; 400, 20; μονάδες τετρ.,
  252, 18; 300, 1; 414, 20, 432, 23; μόριον τετραγωνικόν, 334, 13;
  344, 8; μόρια τετραγωνικά, 268, 10.
τετράγωνον, quadratum (figura), 468, 2.
τετράγωνος (ἀπό), quadratus numerus, passim ut 2, 18; 4, 15;
  60, 12; 62, 1, etc. Compend. □°.
τετραπλασίων, quadruplus (comp. \delta^{\pi\lambda}.), passim ut 34. 6: 46, 14:
  176, 21, etc. — τετραπλάσιος semel: 28, 12.
τετράς, quaternarius, 138, 13; 472, 13. 18; 474, 17. 25; 478, 5.
τηλικούτος, talis quoad valorem, 50, 3 (ωστε); 242, 3; 420, 19.
τιθέναι, ponere: Θωμεν, 352, 1; 452, 23; 460, 20; 470, 4; έτέθη,
  466, 10. Geometrice potius dicitur, sicut τάσσειν arithmetice.
τιμή, pretium, 384. 8.
τιμιώτατος, honoratissimus, 2, 4.
τίς, quis: cum indic. 98, 5; 102, 9; 124, 24; 126, 22; 146, 4;
  214, 7; 220, 16; 224, 1; 310, 10; 312, 11; 344, 8; 436, 7. — cum
  subjunct. 162, 11. — c. inf. 334, 11.
τlς, aliquis, passim ut 2, 15; 52, 4, etc. του (?), 334, 1.
τμήμα, segmentum, 332, 16; 342, 9; 432, 4.
τοίνυν, igitur, 60, 19; 170, 15; 248, 9; 250, 16; 260, 12; 264, 17;
  292, 12; 312, 12.
τοιούτος, talis: abs. 258, 6; 304, 5; 424, 5; 446, 4; n. τοιούτον.
  14, 24; 322, 8; 384, 15; η. τοιοῦτο, 274, 21. τοιοῦτος . . . ενα,
  232, 7; 278, 11; τοιοῦτος . . . ωστε, 440, 20.
τομή (pro τμήμα), 432, 2.
τόπος, intervallum: vide μεταξύ.
48, 4; 98, 13; 100, 11; 104, 19; 114, 1; abs. 78, 27. — plur.
  tot . . . quot vide őoog.
τοντέστι, hoc est, 38, 28; 40, 18; 42, 6; 44, 18; 62, 8; 78, 9, etc.
τρείς, τρία, tres, 6, 10; 38, 2, etc.
τριάς, ternarius, 302, 16; 334, 23; 338, 3; 344, 4; 346, 20; 356, 14;
  470, 15.
τοινωνικός, cum coefficiente triangulo, 294, 17.
τρίγωνον (δρθογώνιον), triangulum rectangulum in numeris,
  nempe tres numeri a, b, c, tales ut a^2 = b^2 = c^2; vide \partial \rho \partial \sigma
τρίγωνος, triangulus numerus, nempe forma \frac{n(n+1)}{2}: 294, 14;
```

```
τριπλάσιος raro: 24, 7. 11. 28; 26, 4; 30, 7. 11.
τρίς, ter (multipl.), 24, 11; 26, 4; 30, 11, etc.; tribus modis, 32, 21.
τρισκαίδεκα, tredecim, 16, 7.
τοίτον, tertia pars, 6, 10, etc.
\tau \rho/\tau o c, tertius (comp. \gamma^{o c}), 32, 24, etc.
τρόπος, modus, 96, 10.
τυγγάνειν, exsistere, 78, 18; τυγγανούσης, 168, 11; -νόντων, 2, 17;
  τυχών, quilibet, arbitrarius, 290, 16; τυχόντος, 202, 14; τυ-
χόντα, 290, 14; τυχόντες, 218, 20; 246, 6; τυχοῦσαι (αf),
  312, 21; etc.
ύλη, materia, 14, 27.
ὑπάρχον (εἶδος), terminus positivus, 14, 5.
υπαρξις, valor positivus, 2, 16; 12, 19. 20.
οπέο c. gen. (pro), 384, 8; c. acc.? (supra), 242, 22.
όπεραίρειν, superare: όπεράρη, 94, 16.
δπερβάλλειν, superare, 98, 14; 114, 2.
ύπερέχειν, superare (τινός τινι), passim ut 20, 4; ύπερέχει,
  18, 14; ὑπερέχουσι, 202, 9; ὑπερείχον, 218, 16; ὑπερεχέτωσαν,
  144, 7; ὁπερέχη, 18, 11; ὁπερέχωσι, 144, 5; ὁπερέχον, 22, 23;
  ύπερέχοντες, 470, 7; ύπερέχοντας, 202, 16; etc. — ύπερέχειν
  τί τινι, 80, 3; 218, 15; 434, 11.
ύπεροχή, differentia, excessus, 4, 8; 16, 10; 18, 9. 27, etc.
οπό, (c. gen.) post verbum pass., 14, 28; 334, 1. — δ οπό τινος
  nal rivos, productus multiplicationis duorum numerorum,
  frequentissime ut 62, 1; 122, 4; 124, 2, etc.; sed absol. potius
  τὸ ὁπό, 168, 12; 170, 25; 178, 19; 196, 12; 214, 9; 224. 3:
  272, 11; δ δπό semel, 242, 2. — εἶναι δπό, productum esse
  ex, 292, 8. — peculiariter ὑπὸ ἐλαχίστων ἀριθμῶν, sub minimis
  numeris. — Vide περιέχεσθαι.
ύπογοάφειν, subiungere: ὕπογοαφήσεται(?), 338, 10.
ύποδεικνύναι, infra demonstrare: ὑποδείξομεν, 474, 10; ὑπο-
  δείξαντες, 450, 16; ὁποδειχθησομένην, 4, 11.
υπόθεσις, hypothesis: οί μεν ἀριθμοί δύο της υποθέσεως είσιν,
  202, 13; διὰ τὴν ὁπόθεσιν, 398, 19; κατὰ τὴν ὁπόθεσιν, 244, 2.
ύποκεισθαι, supponi: ὑπόκειται, 142, 6; ὑπόκεινται, 454, 16;
  υποκείσθω, 126, 10; 862, 18; 406, 14; 412, 16.
ύπολείπειν: ὑπολειφθέντα (residuum), 36, 15.
οπόστασις, numeri quaesiti valor vel numericus vel expressus
  in x: 14, 21; 78, 19; 98, 14; 166, 17; 174, 4; 232, 7; 244, 21;
  394, 23; έπι τὰς ὑποστάσεις, 16, 21; 18, 19; 20, 27, etc. (in
  clausula 97 problematum).
ύποτείνουσα, hypotenusa triánguli rectanguli in numeris, 182,23;
  326, 13; 330, 10; 372, 2; 392, 5; 394, 12; 404, 6; 408, 21;
  410, 20; 422, 16; 428, 18; 432, 7, 20; 436, 3; 446, 16; 448, 7.
```

```
ύποτιθέναι, ex hypothesi ponere: ὑπεθέμεθα, 482, 25; ὑποτιθέμενον, 34, 28.
ὕστερον, ulterius, 14, 23; 18, 23 (sp.).
ὑφαιρεῖν (pro ἀφαιρεῖν): ὑφελε, 340, 17; ὑφέλης, 14, 9.
ὑφίστασθαι, supponere: ὑπέστημεν, 304, 19; ὑποστήσαι, 2, 7.
Ὑψικλής (-κλέους): de numeris polygonis citatur, 470, 27; 472, 20.
```

φαίνεσθαι, apparere, 450, 15.
φάναι, dicere: ὡς ἔφαμεν, 160, 1; ἐὰν φήσωμεν, 166, 17.
φανερός, manifestus, 2, 16; 14, 2; 78, 15; ν. insuper ἀπόδειξις
et πρότασις.
φέρειν, 884, 10.
φιλοτεχνείν: φιλοτεχνείσθω, 14, 21.
φυσικῶς, naturaliter, 184, 11.
φύσις, natura, 2, 7.

χοεύς (χοέα, χοέας), χοέας), congius (vini pro 5 vel 8 drachmis), 384, 6. 17. 20. 22; 386, 4; 890, 3. 4. Vide κοτύλη. χεειώδης, utilis, 414, 10. χεῆσθαι, uti: χεῆσασθαι, 422, 8; χεώμεθα, 374, 16. χεηστός, utilis, 384, 7. χωρέν: χωρήσωμεν όδόν, 14, 25. χωρίον, productum sive rectangulum, 304, 1.

ψυχή, 2, 10.

ός, sicut, 16, 4; 138, 14; 160, 1; 242, 4; 294, 4; 330, 13; 352, 4; 364, 6; 376, 7; ut, 98, 15; εύφεῖν τινα ἀφιθμόν ὡς, 238, 12; 244, 2; 270, 9; tanquam, 56, 13; 58, 15; 454, 2. — ὡς... οῦτως, 238, 5. 6; 468, 4. 5. — δηλον ὡς, 98, 9; 102, 12; 104, 21; 128, 19; 136, 1; 336, 8. ὡσαντως, similiter, 176, 14. ὡσεί, ita si, 218, 15; 238, 7. ὤσπερ, quemadmodum, 6, 9. Ϫστε, ita ut (cum infin.), 18, 21; 20, 13; 50, 4, etc. — ita sensu consecutivo (cum indic.), 46, 3; 66, 29; 88, 15, etc.; (cum imper.), 350, 6; (sine verbo), 346, 12; 358, 21; 368, 20; 382, 18; 476, 11, etc.

# CONSPECTUS PROBLEMATUM DIOPHANTI.1)

### Liber I.

1. 
$$x_1 + x_3 = a$$
,  $x_1 - x_2 = b$ .  
2.  $x_1 + x_3 = a$ ,  $x_1 = mx_2$ .  
3.  $x_1 + x_2 = a$ ,  $x_1 = mx_2 + b$ .  
4.  $x_1 - x_2 = a$ ,  $x_1 = mx_2$ .  
5.  $x_1 + x_2 = a$ ,  $\frac{1}{m}x_1 + \frac{1}{n}x_2 = b$ .  
6.  $x_1 + x_2 = a$ ,  $\frac{1}{m}x_1 - \frac{1}{n}x_2 = b$ .  
7.  $x - a = m(x - b)$ .  
8.  $x + a = m(x + b)$ .  
9.  $a - x = m(b - x)$ .  
10.  $x + b = m(a - x)$ .  
11.  $x + b = m(x - a)$ .  
12.  $x_1 + x_2 = x_1' + x_2' = a$ ,  $x_1 = mx_2'$ ,  $x_1' = mx_2$ .  
13.  $\begin{cases} x_1 + x_2 = x_1' + x_2' = x_1'' + x_3'' = a \\ x_1 = mx_2', & x_1' = nx_2'', & x_1'' = px_2 \end{cases}$ .  
14.  $x_1x_2 = m(x_1 + x_2)$ .  
15.  $x_1 + a = m(x_2 - a)$ ,  $x_2 + b = n(x_1 - b)$ .  
16.  $x_1 + x_2 = a$ ,  $x_2 + x_3 = b$ ,  $x_3 + x_4 = c$ .  
17.  $\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = a, & x_2 + x_3 + x_4 = b \\ x_3 + x_4 + x_1 = c, & x_4 + x_1 + x_2 = d \end{cases}$ .

<sup>1)</sup> Variantes numeri Bacheti intra parentheses numeris huius editionis adiuncti sunt; asterisci problemata notant quae interpolata videntur.

18. 
$$\left\{(18.)\right\} x_1 + x_2 = x_3 + a, \quad x_2 + x_3 = x_1 + b,$$

19.  $\left\{(20.)\right\} x_3 + x_1 = x_2 + c.$ 

19.  $\left\{(21.)\right\} x_3 + x_4 + x_1 = x_3 + c, \quad x_4 + x_1 + x_2 = x_3 + d.$ 

20.  $(22.) x_1 + x_2 + x_3 = a, \quad x_1 + x_2 = mx_3, \quad x_2 + x_3 = nx_1.$ 

21.  $\left\{(23.)\right\} x_1 = x_2 + \frac{1}{m}x_3, \quad x_2 = x_3 + \frac{1}{n}x_1, \quad x_3 = a + \frac{1}{p}x_2.$ 

22.  $(25.)$ 

$$\left\{x_1 - \frac{1}{m}x_1 + \frac{1}{p}x_3 = x_2 - \frac{1}{n}x_2 + \frac{1}{m}x_1 = x_3 - \frac{1}{p}x_3 + \frac{1}{n}x_2 = x_3 - \frac{1}{p}x_3 + \frac{1}{n}x_3.$$

23.  $(26.)$ 

$$\left\{x_1 - \frac{1}{m}x_1 + \frac{1}{q}x_4 = x_2 - \frac{1}{n}x_2 + \frac{1}{m}x_1 = x_3 - \frac{1}{p}x_3 + \frac{1}{n}x_2 = x_4 - \frac{1}{q}x_4 + \frac{1}{p}x_3.$$

24.  $(27.)$ 

$$\left\{x_1 + \frac{1}{m}(x_2 + x_3) = x_2 + \frac{1}{n}(x_3 + x_1) = x_3 + \frac{1}{p}(x_1 + x_2).$$

25.  $(28.)$ 

$$\left\{x_1 + \frac{1}{m}(x_2 + x_3 + x_4) = x_2 + \frac{1}{n}(x_3 + x_4 + x_1) = x_3 + \frac{1}{p}(x_1 + x_2) = x_4 + \frac{1}{q}(x_1 + x_2 + x_3).$$

26.  $(29.) \quad ax = a^3, \quad bx = a.$ 

27.  $(30.) \quad x_1 + x_2 = a, \quad x_1 x_2 = b.$ 

28.  $(31.) \quad x_1 + x_2 = a, \quad x_1 x_2 = b.$ 

29.  $(32.) \quad x_1 + x_2 = a, \quad x_1^2 + x_2^2 = b.$ 

30.  $(33.) \quad x_1 - x_2 = a, \quad x_1^2 - x_2^2 = b.$ 

31.  $(34.) \quad x_1 + x_2 = a, \quad x_1^2 + x_2^2 = n(x_1 + x_2).$ 

32.  $(35.) \quad x_1 = mx_2, \quad x_1^2 + x_2^2 = n(x_1 + x_2).$ 

33.  $(36.) \quad x_1 = mx_2, \quad x_1^2 - x_2^2 = n(x_1 + x_2).$ 

34.  $(37.) \quad x_1 = mx_2, \quad x_1^2 - x_2^2 = n(x_1 + x_2).$ 

Coroll.  $x_1 = mx_2, \quad x_1^2 - x_2^2 = n(x_1 + x_2).$ 
 $x_1 = mx_2, \quad x_1^2 - x_2^2 = n(x_1 + x_2).$ 

35. (38.)

36. (39.)

 $x_1 = mx_2$ 

 $x_1 = mx_2$ 

 $x_2^2 = nx$ .

 $x_1^2 = nx_2.$ 

37. (40.) 
$$x_1 = mx_2$$
,  $x_2^2 = n(x_1 + x_2)$ .

38. (41.)  $x_1 = mx_2$ ,  $x_2^2 = n(x_1 - x_2)$ .

Coroll. (42.)  $x_1 = mx_2$ ,  $x_1^2 = nx_2$ .

,,  $x_1 = mx_2$ ,  $x_1^2 = nx_1$ .

,,  $x_1 = mx_2$ ,  $x_1^2 = n(x_1 + x_2)$ .

39. (43.)  $(a + b)x = \frac{(a+x)b+(b+x)a}{2}$ , vel  $(a+x)b = \frac{(a+b)x+(b+x)a}{2}$ , vel  $(b+x)a = \frac{(a+b)x+(a+x)b}{2}$ 

Liber II.

1.\*\*

 $x_1 + x_2 = \frac{1}{m}(x_1^2 + x_2^2)$ .

2.\*  $x_1 - x_2 = \frac{1}{m}(x_1^2 - x_2^2)$ .

3.\* a.  $x_1 x_2 = m(x_1 + x_2)$ .

b.  $x_1 x_2 = m(x_1 - x_2)$ .

4.\*  $x_1^2 + x_2^2 = m(x_1 - x_2)$ .

3.\* a. 
$$x_1 x_2 = m(x_1 + x_2)$$
.  
,, b.  $x_1 x_2 = m(x_1 - x_2)$ .  
4.\*  $x_1^2 + x_2^2 = m(x_1 - x_2)$ .  
5.\*  $x_1^2 - x_2^2 = m(x_1 + x_2)$ .  
6.\*  $x_1 - x_2 = a$ ,  $x_1^3 - x_2^2 = x_1 - x_2 + b$ .  
7.\*  $\langle x_1 - x_2 = a_1 \rangle$   $x_1^2 - x_2^2 = m(x_1 - x_2) + b$ .  
8.  $\left\{ \begin{pmatrix} (8) \\ (9) \end{pmatrix} \right\}$   $x_1^2 + x_2^2 = a^2$ .  
9. (10.)  $x_1^2 + x_2^2 = a^2$ .  
10. (11.)  $x_1^2 - x_2^2 = a$ .  
11. (12.)  $x + a = \Box$ ,  $x + b = \Box$ .  
12. (13.)  $a - x = \Box$ ,  $b - x = \Box$ .  
13. (14.)  $x - a = \Box$ ,  $x - b = \Box$ .  
14. (15.)  $x_1 + x_2 = a$ ,  $x_1 + y^2 = \Box$ ,  $x_2 + y^2 = \Box$ .  
15. (16.)  $x_1 + x_2 = a$ ,  $y^2 - x_1 = \Box$ ,  $y^2 - x_2 = \Box$ .  
16. (17.)  $x_1 = mx_2$ ,  $a^2 + x_1 = \Box$ ,  $a^2 + x_2 = \Box$ .

DIOPHANTUS, ed. Tannery II.

$$17.* (18.) \begin{cases} x_1 - \left(\frac{1}{m_1}x_1 + a_1\right) + \frac{1}{m_2}x_3 + a_3 = \\ = x_2 - \left(\frac{1}{m_2}x_2 + a_2\right) + \frac{1}{m_1}x_1 + a_1 = \\ = x_3 - \left(\frac{1}{m_2}x_3 + a_3\right) = \frac{1}{m_2}x_2 + a_2. \end{cases}$$

$$18.* (19.) \text{ Eadem conditio, et insuper: } x_1 + x_2 + x_3 = b.$$

$$19. (20.) \quad x_1^2 - x_2^2 = m(x_2^2 - x_3^2).$$

$$20. (21.) \quad x_1^2 + x_2 = \Box, \quad x_2^2 + x_1 = \Box.$$

$$21. (22.) \quad x_1^2 - x_2 = \Box, \quad x_2^2 - x_1 = \Box.$$

$$22. (23.) \quad x_1^2 + x_1 + x_2 = \Box, \quad x_2^2 + x_1 + x_2 = \Box.$$

$$23. (24.) \quad x_1^2 - (x_1 + x_2) = \Box, \quad x_2^2 - (x_1 + x_2) = \Box.$$

$$24. (25.) \quad (x_1 + x_2)^2 + x_1 = \Box, \quad (x_1 + x_2)^2 + x_2 = \Box.$$

$$25. (26.) \quad (x_1 + x_2)^2 - x_1 = \Box, \quad (x_1 + x_2)^2 - x_2 = \Box.$$

$$26. (27.) \quad x_1x_2 + x_1 = a^2, \quad x_1x_2 + x_2 = \beta^2, \quad \alpha + \beta = a.$$

$$27. (28.) \quad x_1x_2 - x_1 = a^2, \quad x_1x_2 - x_2 = \beta^2, \quad \alpha + \beta = a.$$

$$28. (29.) \quad x_1^2x_2^2 + x_1^2 = \Box, \quad x_1^2x_2^2 + x_2^2 = \Box.$$

$$29. (30.) \quad x_1^2x_2^2 - x_1^2 = \Box, \quad x_1^2x_2^2 - x_2^2 = \Box.$$

$$30. (31.) \quad x_1x_2 \pm (x_1 + x_2) = \Box.$$

$$31. (32.) \quad x_1x_2 \pm (x_1 + x_2) = \Box.$$

$$32. (33.) \quad x_1^2 + x_2 = \Box, \quad x_2^2 - x_3 = \Box, \quad x_3^3 + x_1 = \Box.$$

$$33. (34.) \quad x_1^2 - x_2 = \Box, \quad x_2^2 - x_3 = \Box, \quad x_3^3 - x_1 = \Box.$$

$$34. (35.) \begin{cases} x_1^2 + x_1 + x_2 + x_3 = \Box, \quad x_3^2 + x_1 + x_2 + x_3 = \Box, \\ x_3^2 + x_1 + x_2 + x_3 = \Box. \end{cases}$$

# Liber III.

35. (36.)  $\begin{cases} x_1^2 - (x_1 + x_2 + x_3) = \square, & x_2^2 - (x_1 + x_2 + x_3) = \square, \\ x_3^2 - (x_1 + x_2 + x_3) = \square. \end{cases}$ 

$$1.* \left\{ \begin{array}{l} x_1 + x_2 + x_3 - x_1^2 = \square, & x_1 + x_2 + x_3 - x_2^2 = \square, \\ & x_1 + x_2 + x_3 - x_2^2 = \square. \\ \\ 2.* \left\{ \begin{array}{l} (x_1 + x_2 + x_3)^2 + x_1 = \square, & (x_1 + x_2 + x_3)^2 + x_2 = \square, \\ & (x_1 + x_2 + x_3)^2 + x_3 = \square. \end{array} \right.$$

$$3.* \begin{cases} (x_{1} + x_{2} + x_{3})^{2} - x_{1} = \square, (x_{1} + x_{2} + x_{3})^{2} - x_{2} = \square, \\ (x_{1} + x_{2} + x_{3})^{2} - x_{3} = \square, \\ x_{2} - (x_{1} + x_{2} + x_{3})^{2} = \square, \\ x_{3} - (x_{1} + x_{2} + x_{3})^{2} = \square, \end{cases}$$

$$4.* \begin{cases} x_{1} - (x_{1} + x_{2} + x_{3})^{2} = \square, x_{2} - (x_{1} + x_{2} + x_{3})^{2} = \square, \\ x_{3} - (x_{1} + x_{2} + x_{3})^{2} = \square, \end{cases}$$

$$5. \begin{cases} (5.) \end{cases} x_{1} + x_{2} + x_{3} = \square, x_{1} + x_{2} - x_{3} = \square, \end{cases}$$

$$(6.) \end{cases} \begin{cases} x_{1} + x_{2} + x_{3} = \square, x_{3} + x_{1} - x_{2} = \square. \end{cases}$$

$$6. \begin{cases} (7) \end{cases} x_{1} + x_{2} + x_{3} = \square, x_{3} + x_{1} - x_{2} = \square. \end{cases}$$

$$7. \begin{cases} (9.) \end{cases} \begin{cases} x_{1} + x_{2} + x_{3} = \square, x_{2} + x_{3} = \square, x_{3} + x_{1} = \square, \end{cases}$$

$$8. \begin{cases} (10.) \end{cases} \begin{cases} x_{1} + x_{2} + x_{3} + a = \square, x_{2} + x_{3} = \square, x_{3} + x_{1} + a = \square. \end{cases}$$

$$9. \begin{cases} (11.) \end{cases} \begin{cases} x_{1} + x_{2} + x_{3} + a = \square, x_{2} + x_{3} + a = \square, x_{3} + x_{1} + a = \square. \end{cases}$$

$$10. \begin{cases} (12.) \end{cases} x_{1} + x_{2} + x_{3} - a = \square, x_{2} + x_{3} + a = \square, x_{3} + x_{1} + a = \square. \end{cases}$$

$$11. \begin{cases} (18.) \end{cases} x_{1} x_{2} + a = \square, x_{2} x_{3} + a = \square, x_{3} x_{1} + x_{2} = \square. \end{cases}$$

$$12. \begin{cases} (14.) \end{cases} x_{1} x_{2} + x_{3} = \square, x_{2} x_{3} + x_{1} = \square, x_{3} x_{1} + x_{2} = \square. \end{cases}$$

$$13. \begin{cases} (15.) \end{cases} x_{1} x_{2} + x_{3} = \square, x_{2} x_{3} + x_{1} = \square, x_{3} x_{1} + x_{3} = \square. \end{cases}$$

$$14. \begin{cases} (16.) \end{cases} x_{1} x_{2} + x_{3} = \square, x_{2} x_{3} + x_{1} = \square, x_{3} x_{1} + x_{3} = \square. \end{cases}$$

$$15. \begin{cases} (17.) \end{cases} x_{1} x_{2} + x_{1} + x_{2} = \square, x_{2} x_{3} + x_{2} + x_{3} = \square. \end{cases}$$

$$16. \begin{cases} (19.) \end{cases} \begin{cases} x_{1} x_{2} - (x_{1} + x_{2}) = \square, x_{2} x_{3} - (x_{2} + x_{3}) = \square. \end{cases}$$

$$17. \begin{cases} (20.) \end{cases} \begin{cases} x_{1} x_{2} + x_{1} + x_{2} = \square, x_{1} x_{2} + x_{2} = \square. \end{cases}$$

$$18. \begin{cases} (21.) \end{cases} \begin{cases} x_{1} x_{2} - (x_{1} + x_{2}) = \square, x_{1} x_{2} + x_{2} = \square. \end{cases}$$

$$19. \end{cases} (22.) \end{cases} (x_{1} + x_{2} + x_{3} + x_{4} \end{cases} = \square. \end{cases}$$

$$19. \end{cases} (22.) \end{cases} \begin{cases} x_{1} \text{ del } \text{ if } \text{$$

292

#### Liber IV.

1. 
$$x_1^3 + x_2^3 = a$$
,  $x_1 + x_2 = b$ .  
2.  $x_1^3 - x_2^3 = a$ ,  $x_1 - x_2 = b$ .  
3.  $x^2y = \alpha$ ,  $xy = \alpha^3$ .  
4.  $x^2 + y = \alpha^2$ ,  $x + y = \alpha$ .  
5.  $x^2 + y = \alpha$ ,  $x + y = \alpha^2$ .  
6.  $x^3 + y^2 = \alpha^3$ ,  $z^2 + y^2 = \beta^3$ .  
7.  $\left\{ {7 \choose 8} \right\}$   $x^3 + y^2 = \alpha^2$ ,  $z^2 + y^2 = \beta^3$ .  
8. (9.)  $x + y^3 = \alpha$ ,  $x + y = \alpha$ .  
9. (10.)  $x + y^3 = \alpha$ ,  $x + y = \alpha^3$ .  
10. (11.)  $x_1^3 + x_2^3 = x_1 + x_2$ .  
11. (12.)  $x_1^3 - x_2^3 = x_1 - x_2$ . Idem problema.  
12. (13.)  $x_1^3 + x_2 = x_2^3 + x_1$ . Idem problema.  
13. (14.)  $\left\{ \begin{array}{c} x_1 + 1 = \Box, & x_2 + 1 = \Box, \\ x_1 \pm x_2 + 1 = \Box, & x_2 + 1 = \Box, \\ x_1 \pm x_2 + x_2 = x_2^3 + x_2$ 

23. (24.) 
$$x_1 x_2 x_3 - \begin{cases} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{cases} = \square$$
.

24. (25.) 
$$x_1 + x_2 = \alpha$$
,  $x_1 x_2 = \alpha^3 - \alpha$ .

25. (26.) 
$$x_1 + x_2 + x_3 = a$$
,  $x_1 x_2 x_3 = [2(x_1 - x_3)]^3$ .

26. (27.) 
$$x_1 x_2 + x_1 = \alpha^3$$
,  $x_1 x_2 + x_3 = \beta^3$ .

27. (28.) 
$$x_1 x_2 - x_1 = \alpha^3$$
,  $x_1 x_2 - x_2 = \beta^3$ .

$$28. \left\{ \begin{array}{c} (29.) \\ (30.) \end{array} \right\} \, x_1 \, x_2 \, + \, x_1 \, + \, x_2 \, = \, \alpha^3, \qquad x_1 \, x_2 \, - \, (x_1 \, + \, x_2) \, = \, \beta^3.$$

29. (31.) 
$$x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + x_4^2 + x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = a$$
.

30. (32.) 
$$x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + x_4^2 - (x_1 + x_2 + x_3 + x_4) = a$$
.

31. 
$$\begin{cases} (33.) & x_1 + x_2 = 1, \\ (34.) & (x_1 + a)(x_2 + b) = \square. \end{cases}$$

32. (35.) 
$$x_1 + x_2 + x_3 = a$$
,  $x_1 x_2 \pm x_3 = \Box$ .

33. (36.) 
$$\begin{cases} x_1 + \frac{1}{y}x_2 = m(x_2 - \frac{1}{y}x_2), \\ x_2 + \frac{1}{y}x_1 = n(x_1 - \frac{1}{y}x_1). \end{cases}$$

Lemma. (37.) 
$$x_1x_2 + x_1 + x_2 = a$$
.

34. (38.) 
$$\begin{cases} x_1 x_2 + x_1 + x_2 = a, & x_2 x_3 + x_2 + x_3 = b, \\ x_3 x_1 + x_3 + x_1 = c. \end{cases}$$

$$\frac{\text{Lemma.}}{(39.)} \left\{ x_1 x_2 - x_1 - x_2 = a. \right.$$

35. (40.) 
$$\begin{cases} x_1 x_2 - x_1 - x_2 = a, & x_2 x_3 - x_2 - x_3 = b, \\ x_3 x_1 - x_3 - x_1 = c. \end{cases}$$

Lemma. (41.) 
$$x_1 x_2 = m(x_1 + x_2)$$
.

36. (42.) 
$$\begin{cases} x_1 x_2 = m(x_1 + x_2), & x_2 x_3 = n(x_2 + x_3), \\ x_3 x_1 = p(x_3 + x_1). \end{cases}$$

37. (43.) 
$$\begin{cases} x_1 x_2 = m(x_1 + x_2 + x_3), \\ x_2 x_3 = n(x_1 + x_2 + x_3), \\ x_3 x_1 = p(x_1 + x_2 + x_3). \end{cases}$$

38. 
$$(44.)$$

$$\begin{cases}
(x_1 + x_2 + x_3)x_1 = \frac{\alpha(\alpha+1)}{2}, \\
(x_1 + x_2 + x_3)x_2 = \beta^2, \\
(x_1 + x_2 + x_3)x_8 = \gamma^3.
\end{cases}$$
39.  $(45.)$ 

$$\begin{cases}
x_1 - x_2 = m(x_2 - x_3), \\
x_1 + x_2 = \square, \quad x_2 + x_3 = \square, \quad x_3 + x_1 = \square.
\end{cases}$$
40.  $(46.)$ 

$$\begin{cases}
x_1^2 - x_2^2 = m(x_2 - x_3), \\
x_1 + x_2 = \square, \quad x_2 + x_3 = \square, \quad x_3 + x_1 = \square.
\end{cases}$$

## Liber V.

1. 
$$\begin{cases} x_{1}x_{3} = x_{2}^{2}, \\ x_{1} - a = \square, & x_{2} - a = \square, & x_{3} - a = \square. \end{cases}$$
2. 
$$\begin{cases} x_{1}x_{3} = x_{2}^{2}, \\ x_{1} + a = \square, & x_{2} + a = \square, & x_{3} + a = \square. \end{cases}$$
3. 
$$\begin{cases} x_{1} + a = \square, & x_{2} + a = \square, & x_{3} + a = \square. \end{cases}$$
4. 
$$\begin{cases} x_{1}x_{2} + a = \square, & x_{2}x_{3} + a = \square, & x_{3}x_{1} + a = \square. \end{cases}$$
4. 
$$\begin{cases} x_{1} - a = \square, & x_{2} - a = \square, & x_{3} - a = \square, \\ x_{1}x_{3} - a = \square, & x_{2}x_{3} - a = \square, & x_{3}x_{1} - a = \square. \end{cases}$$
5. 
$$\begin{cases} x_{1}^{2}x_{2}^{2} + x_{3}^{2} = \square, & x_{2}^{2}x_{3}^{2} + x_{1}^{2} = \square, \\ x_{1}^{2}x_{2}^{2} + x_{1}^{2} + x_{2}^{2} = \square, & x_{2}^{2}x_{3}^{2} + x_{3}^{2} = \square, \\ x_{1}^{2}x_{2}^{2} + x_{1}^{2} + x_{2}^{2} = \square, & x_{2}^{2}x_{3}^{2} + x_{3}^{2} = \square, \\ x_{1}^{2}x_{2}^{2} + x_{1}^{2} + x_{2}^{2} = \square, & x_{2}^{2}x_{3}^{2} + x_{3}^{2} = \square, \end{cases}$$
6. 
$$\begin{cases} x_{1} - 2 = \square, & x_{2} - 2 = \square, & x_{3} - 2 = \square, \\ x_{1}x_{2} - x_{1} - x_{2} = \square, & x_{2}x_{3} - x_{2} = \infty, \\ x_{3}x_{1} - x_{3} - x_{1} = \square, \end{cases}$$
6. 
$$\begin{cases} x_{1} - 2 = \square, & x_{2}x_{3} - x_{1} = \square, & x_{3}x_{1} - x_{2} = \square. \end{cases}$$
7. 
$$\begin{cases} x_{1} - x_{2} + x_{1}^{2} + x_{2}^{2} = \square. \end{cases}$$
8. 
$$\begin{cases} x_{1} - x_{2} + x_{1}^{2} + x_{2}^{2} = \square. \end{cases}$$
9. 
$$\begin{cases} x_{1}^{2} + x_{1}^{2} + x_{2}^{2} = x_{3}^{2} + t_{2}^{2}, & r_{3}^{2} = s_{3}^{2} + t_{3}^{2}, \\ x_{1}^{2} + x_{1}^{2} + x_{2}^{2} = \square. \end{cases}$$
9. 
$$\begin{cases} x_{1}^{2} + x_{1}^{2} + x_{2}^{2} + x_{3}^{2} = x_{1}^{2} + t_{2}^{2}, & r_{3}^{2} = s_{3}^{2} + t_{3}^{2}, \\ x_{1}^{2} + x_{1}^{2} + x_{2}^{2} = \square. \end{cases}$$
1. 
$$\begin{cases} x_{1} - x_{1} + x_{2} + x_{2} + x_{3} = \square, & x_{2} - x_{1} = \square, \\ x_{3} - x_{1} - x_{2} = \square, & x_{3} - x_{1} = \square, \\ x_{3} - x_{1} - x_{2} = \square. \end{cases}$$
1. 
$$\begin{cases} x_{1} - x_{2} + x_{1} + x_{2} + x_{2} = \square. \end{cases}$$
2. 
$$\begin{cases} x_{1} - x_{2} + x_{1} + x_{2} + x_{2} = \square. \end{cases}$$
2. 
$$\begin{cases} x_{1} - x_{2} + x_{1} + x_{2} + x_{2} = \square. \end{cases}$$
3. 
$$\begin{cases} x_{1} - x_{2} + x_{1} + x_{2} + x_{2} = \square. \end{cases}$$
3. 
$$\begin{cases} x_{1} - x_{2} + x_{1} + x_{2} + x_{2} = \square. \end{cases}$$
4. 
$$\begin{cases} x_{1} - x_{2} + x_{1} + x_{2} + x_{2} = \square. \end{cases}$$
4. 
$$\begin{cases} x_{1} - x_{1} + x_{2} + x_{2} + x_{2} + x_{2} = \square. \end{cases}$$
3. 
$$\begin{cases} x_{1} - x_{1} + x_{2} + x_{2} + x_{2} + x_{2} = \square. \end{cases}$$
3. 
$$\begin{cases} x_{1} - x_{1} + x_{2} + x_{2} + x_{2} + x_{2} + x$$

Lemma. (10.) 
$$x_1 x_2 = a^3$$
,  $x_2 x_3 = b^2$ ,  $x_3 x_1 = c^2$ .

8. (11.)  $\begin{cases} x_1 x_2 \pm (x_1 + x_2 + x_3) = \square, x_2 x_3 \pm (x_1 + x_2 + x_3) = \square, x_3 x_1 \pm (x_1 + x_2 + x_3) = \square, x_3 x_1 \pm (x_1 + x_2 + x_3) = \square, x_3 + a = \square, x_2 + a = \square, x_3 + a = \square, x_2 + b = \square, x_3 + a = \square, x_4 + a = \square, x_2 + b = \square, x_3 + a = \square, x_4 + a = \square, x_2 + b = \square, x_3 + a = \square, x_4 + a = \square, x_2 + b = \square, x_3 + a = \square, x_4 + a = \square, x_2 + b = \square, x_3 + a = \square, x_4 + a = \square, x_2 + b = \square, x_3 + a = \square, x_4 + a_2 = \square, x_2 + a_3 = \alpha, x_4 + a_4 + a_4 + a_4 = \alpha, x_4 + a_4 + a_4 + a_4 = \alpha, x_4 + a_4 + a_4 + a_4 = \alpha, x_4 + a_4 + a_4 + a_4 = \alpha, x_4 + a_4 + a_4 + a_4 = \alpha, x_4 + a_4 + a_4 + a_4 = \alpha, x_4 + a_4 + a_4 + a_4 = \alpha, x_4 + a_4 + a$ 

$$20. (23.) \begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = \frac{1}{m}, \\ x_1 - \frac{1}{m^3} = \Box, \quad x_2 - \frac{1}{m^3} = \Box, \quad x_3 - \frac{1}{m^3} = \Box. \\ 21. (24.) \end{cases} \begin{cases} x_1^2 x_2^2 x_3^2 + x_1^2 = \Box, \quad x_1^2 x_2^2 x_3^2 + x_2^2 = \Box, \\ x_1^2 x_2^2 x_3^2 + x_3^2 = \Box. \end{cases}$$

$$22. (25.) \begin{cases} x_1^2 x_2^2 x_3^2 - x_1^2 = \Box, \quad x_1^2 x_2^2 x_3^2 - x_3^2 = \Box, \\ x_1^2 x_2^2 x_3^2 - x_3^2 = \Box. \end{cases}$$

$$23. (26.) \begin{cases} x_1^2 - x_1^2 x_2^2 x_3^2 = \Box, \quad x_2^2 - x_1^2 x_2^2 x_3^2 = \Box, \\ x_3^2 - x_1^2 x_2^2 x_3^2 = \Box. \end{cases}$$

$$24. (27.) \quad x_1^2 x_2^2 + 1 = \Box, \quad x_2^2 x_3^2 + 1 = \Box, \quad x_3^2 x_1^2 + 1 = \Box.$$

$$25. (28.) \quad x_1^2 x_2^2 - 1 = \Box, \quad x_2^2 x_3^2 - 1 = \Box, \quad x_3^2 x_1^2 - 1 = \Box.$$

$$26. (29.) \quad 1 - x_1^2 x_2^2 = \Box, \quad 1 - x_2^2 x_3^2 = \Box, \quad 1 - x_3^2 x_1^2 = \Box.$$

$$27. (30.) \begin{cases} x_1^2 + x_2^2 + a = \Box, \quad x_2^2 + x_3^2 + a = \Box, \\ x_3^2 + x_1^2 + a = \Box. \end{cases}$$

$$28. (31.) \begin{cases} x_1^2 + x_2^2 - a = \Box, \quad x_2^2 + x_3^2 - a = \Box, \\ x_3^2 + x_1^2 - a = \Box. \end{cases}$$

$$29. (32.) \quad x_1^4 + x_2^4 + x_3^4 = \Box.$$

$$30. (33.) \quad mx_1 + nx_2 = \alpha^2 = (x_1 + x_2)^2 - a.$$

# Liber VI. 1)

1. 
$$r-s=\alpha^{3}, \quad r-t=\beta^{3}.$$

2. 
$$r+s=\alpha^{s}, \quad r+t=\beta^{s}$$

3. 
$$\frac{1}{2} st + a = \square.$$

$$4. \qquad \frac{1}{9} st - a = \square.$$

$$5. a-\frac{1}{2} st=\square.$$

$$6. \qquad \frac{1}{9}st + s = a.$$

$$7. \qquad \frac{1}{2} st - s = a.$$

<sup>1)</sup> In omnibus problematis sexti libri supponitur  $r^2 = s^2 + t^2$ .

8. 
$$\frac{1}{2}st + s + t = a.$$

$$9. \qquad \frac{1}{2}st-s-t=a.$$

$$10. \qquad \frac{1}{3}st + r + s = a.$$

$$11. \qquad \frac{1}{2}st-r-s=a.$$

Lemma. (12.) 
$$s-t=\square$$
,  $s=\square$ ,  $\frac{1}{2}st+t=\square$ .

Lemma. (12.) 
$$ax^2 + b = \Box$$
 (supp.:  $a + b = c^2$ ).

12. (13.) 
$$\frac{1}{2}st + s = \square$$
,  $\frac{1}{2}st + t = \square$ .

13. (14.) 
$$\frac{1}{2}st - s = \square$$
,  $\frac{1}{2}st - t = \square$ 

14. (15.) 
$$\frac{1}{9}st - r = \square$$
,  $\frac{1}{2}st - s = \square$ .

Lemma. (16.) 
$$ax^2 - b = \Box$$
 (supp.:  $ad^2 - b = c^3$ ).

15. (17.) 
$$\frac{1}{2}st + r = \square$$
,  $\frac{1}{3}st + s = \square$ .

16. (18.) 
$$x_1 + x_2 = t$$
,  $\frac{x_1}{x_2} = \frac{s}{r}$ ,  $s^2 + x_1^2 = x_3^2$ .

17. (19.) 
$$\frac{1}{2}st + r = \square$$
,  $r + s + t = \alpha^{3}$ .

18. (20.) 
$$\frac{1}{2}st + r = \alpha^3$$
,  $r + s + t = \square$ .

19. (21.) 
$$\frac{1}{2}st + s = \square$$
,  $r + s + t = \alpha^{s}$ .

20. (22.) 
$$\frac{1}{2}st + s = \alpha^{3}$$
,  $r + s + t = \square$ 

21. (23.) 
$$r+s+t=\alpha^2=\beta^3-\frac{1}{2}st$$
.

22. (24.) 
$$r+s+t=\alpha^8=\beta^2-\frac{1}{2}st$$
.

23. (25.) 
$$r^2 = \alpha^2 + \alpha = s(\beta^3 + \beta)$$
.

24. (26.) 
$$r = \alpha^3 + \alpha$$
,  $s = \beta^3 - \beta$ ,  $t = \gamma^3$ .