

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

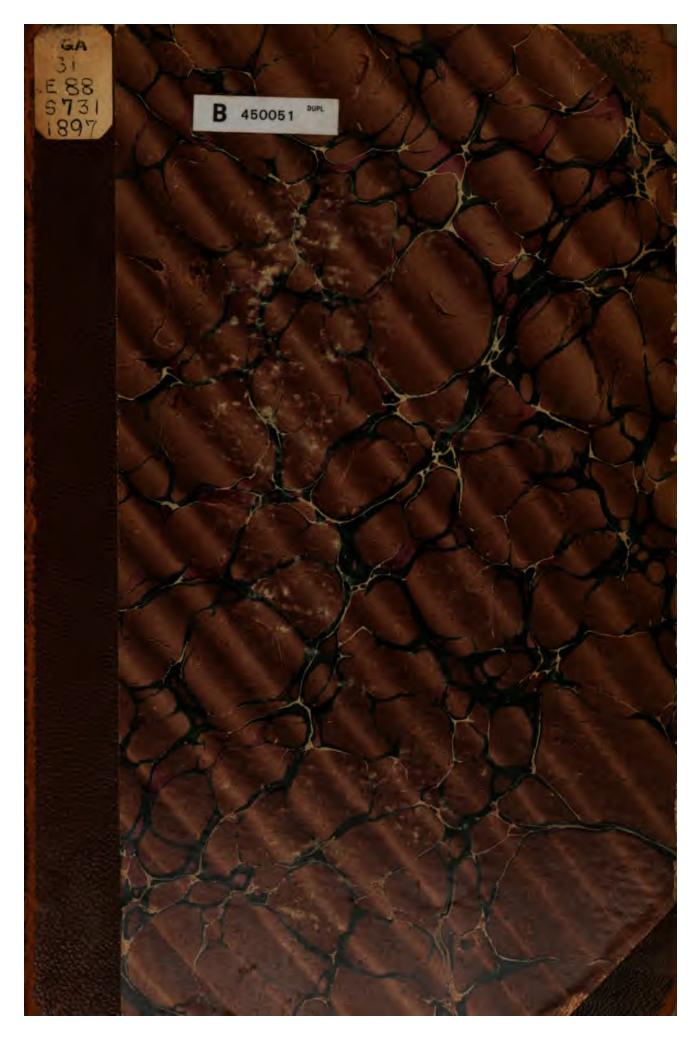
Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

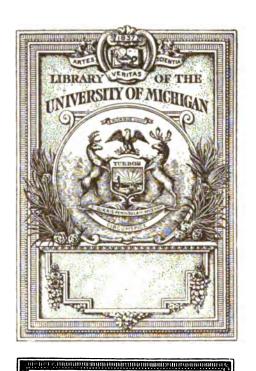
We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

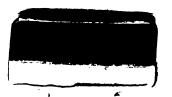
About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/





THE GIFT OF PROF. ALEXANDER ZIWET



AP 18 883. 1872 7981 . . · • •

. .

.

Alexander Fivek

CODEX LEIDENSIS

399,1.

EUCLIDIS ELEMENTA

EX INTERPRETATIONE AL-HADSCHDSCHADSCHII

CUM COMMENTARIIS AL-NARIZII.

ARABICE ET LATINE EDIDERUNT

NOTISQUE INSTRUXERUNT

R. O. BESTHORN ET J. L. HEIBERG.

PARTIS II FASCICULUS I.

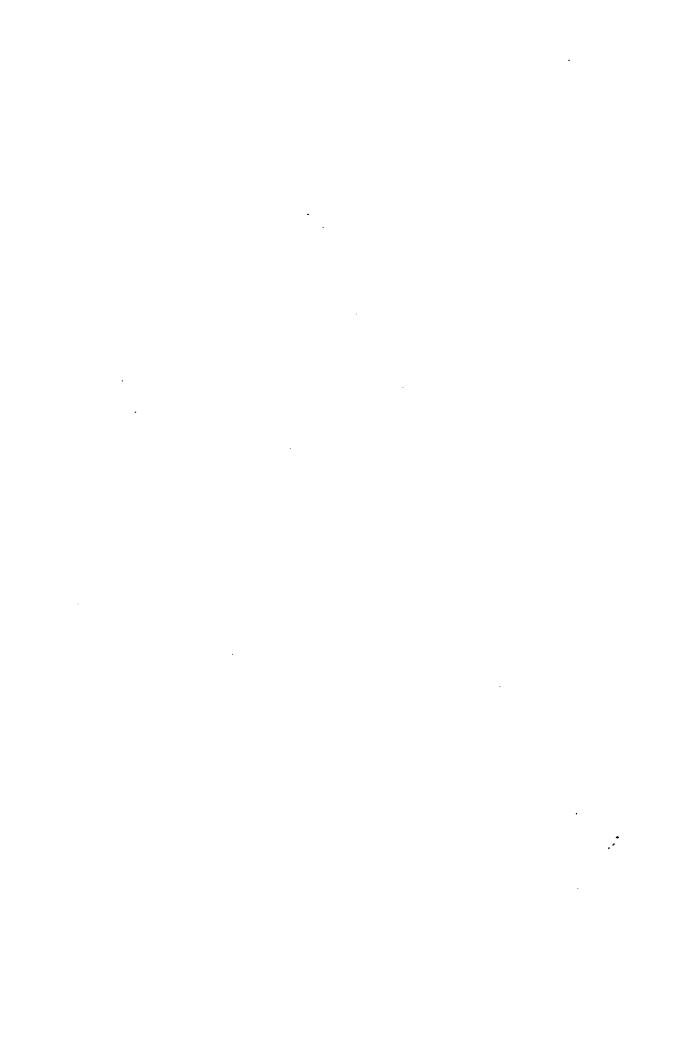


HAUNIAE MDCCCC.

IN LIBRARIA GYLDENDALIANA (F. HEGEL ET FIL.).

TYPIS EXCUDERUNT NIELSEN ET LYDICHE.

. .



المقالة الثانية مِن كتاب اوقليدس في الاصول

بسم اللة الرحبن الرحيم

قال اوقليدس كل سطح متوازى الاضلاع قائم الزوايا فانة يحيط به الخطان الحيطان بالزاوية (ألقائمة قال المفسّر قال البرن انما خصّ اوقليدس السطمَ المتوازى الاضلاع القائم الزوايا بانة يحيط به الضلعان الحيطان بالزاوية القائمة دون المتوازى الاضلاع الذى ليس بقائم الزوايا لان مساحة المتوازى القائم الزوايا هو ما يجتمع مِن ضرب احَدِ الضلعين الحيطين بالزاوية القائمة في الضلع الآخر فهو السطم الذى يحيط به الضلعان الحيطان في الضلع الآخر فهو السطم الذى يحيط به الضلعان الحيطان بالزاوية القائمة قال أو اوقليدس وكل سطم متوازى الاضلاع فان السعلين الذين يكونان على قطرة المتوازيي الاضلاع والقطر فان أضيف احدُهما الى السعليين المتمبّين اللذين عن جنبتي القُطر فان جميع ذلك يستّى العَلَمَ ...

¹⁾ Atramento rubro supra scriptum; in textu: باحدى

عُاجي Atr. rub. supra sc.: جُاجي

Liber secundus Euclidis de elementis.

In nomine Dei misericordis miseratoris.

Euclides dixit: Quoduis parallelogrammum rectangulum duabus lineis angulum rectum comprehendentibus comprehenditur.

Enarrator dixit: Heron dixit: Euclides rectangulum solum parallelogrammum definiuit, cum duas lineas angulum rectum comprehendentes id comprehendere diceret, parallelogrammo non rectangulo excluso. Rectangulum enim parallelogrammum alteram linearum rectum angulum comprehendentium cum altera multiplicantes dimetimur; itaque id spatium est, quod duae lineae rectum angulum comprehendentes comprehendunt.*)

Euclides dixit: Si in quouis spatio parallelogrammo utrumuis parallelogrammorum, quae diametrus secat, ad duo spatia supplementa, alterum ad alteram partem diametri situm, adiungitur, hoc totum gnomon uocatur

^{*)} Cfr. Schol. Elem. II nr. 7 p. 224, 19-21.

الشكل الاول مِن المقالة الثانية

كل خطين مستقيمين يقسم احدها باتسام كم كانت فان (1 السطم الذي يحيط به الخطان مساو لجماعة السطوح التي يحيط بها(ا الخط الذي لم يُقسم وكلُ واحد مِن اتسام الخط الاخر المقسوم مثالة أن خطى آ بج مفروضان وقد تُسم خط بج على نقطتي ٥ 8 فاقول ان السطم الذي يحيط به خطأ آ بج مساو لجماعة السطوح التي يحيط بها خط آ واقسام بد 8 هج برهانه انا نُقيمُ على نقطة ب عبود بز وليكن مساويًا لخط آ كما بيّنًا عمله ببرهان الشكل المضاف الى يا مِن ا ونُجيزُ على نقطة زَ خط رَح موازيًا لخط بج ومساويًا له كما بيّن ببرهان لا مِن ا وبمثل هذا البرهان نخرج خطوط دط هك جح موازية لخط بز فين البيّن ان سطم جز يُحيط به خطا بج بز لكن بز مثل آ فسطم جز يحيط [به] جطا آ بج وهو مساو لجماعة السطوح الثلثة جك قط در المتوازية الاضلاع لكن سطم جك يحيط به خطا جة هك وسطم قط يحيط به خطا قد دط وسطم در يحيط به خطا دب بز وکل واحد مِن خطوط جع کے دط بز مساو لخط آ نجماعة سطوح جك قط در يحيط بها خط آ واقسام بن u 25 u دة قج وجماعتُها مساوية لسطم جز وسطم جز يحيط به كما بيّنا خطا آ بج فقد نبيّن ان السطم الذي يحيط به خطا آ بج مساو لجماعة السطوح التي يحيط بها خط آ وكل واحد مِن اقسام بَد مَة عَجَ وذلك ما اردنا ان نبيّن زيادة ومثال هذا

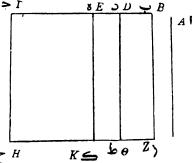
Propositio I libri secundi

Si duarum rectarum quarumlibet altera in quotlibet partes diuiditur, spatium¹) duabus rectis comprehensum aequale est summae spatiorum linea non diuisa et singulis partibus alterius lineae diuisae comprehensorum.

Exemplificatio. Datae sunt duae lineae A et BG. Linea BG in duobus punctis D, E diuitur. Dico, spatium duabus lineis A, BG comprehensum summae spatiorum linea A et singulis partibus BD, DE, EG comprehensorum aequale esse.

Demonstratio. A puncto B perpendicularem BZ lineae A aequalem ducimus, sicut in demonstratione propositionis ad I, 11 adiectae explicauimus. Per punctum Z lineam ZH lineae BG parallelam eique aequalem ducimus, sicut in I, 31. Ex eadem demonstratione lineae BZ lineas $D\Theta$, EK, GH parallelas ducimus. Manifestum igitur est, spatium GZ duabus rectis BG, BZ comprehendi. Sed BZ - A; itaque spatium GZ duabus lineis A, BG comprehenditur. Et summae trium parallelogrammorum GK, $E\Theta$, DZ aequale est. Spatium autem GK duabus lineis GE, EK, spatium $E\Theta \Rightarrow F$

duabus lineis ED, $D\Theta$, spatium DZ duabus lineis ED, $D\Theta$, spatium DZ duabus lineis DB, BZ comprehenditur. Sed singulae lineae GH, EK, $D\Theta$, BZ lineae A aequales sunt; itaque summa spatiorum GK, $E\Theta$, DZ recta A et partibus BD, DE, EG comprehenditur. Et C



i) In margine: فأن تلبين احدها في الآخر مثل تلبين الذي لم الحدها في الآخر مثل تلبين الذي لم Laterculus (u. I p. 172 not.) alterius in alteram multiplicatae aequalis est laterculo lineae non sectae in singulas partes lineae sectae multiplicatae.

²⁾ In cod.: به

الشكل مِن الاعداد ولبكن خط آستَّة مِن العدد وخط بح عشرة وليكن بد أثنا[ين] ودة ثلثة وجة خمسة فمن البين أنا متى ضربنا الستة في العشرة ستين وهو مساو للّذي يجتمع مِن ضرب الستّة في الاثنين وفي الثلثة وفي الخمسة لأن الستة في اثنين اثنا عشر وستة في ثلثة ثمنية عشر وستة في خبسة ثلثون ومجموع هده الاعداد ستون قال ايرُن ان هذا الشكل ليس يُبكن ان يبرهن عليه الّا بان يُرسم الخطان جميعًا فامّا الاشكال الباقية فقد يمكن ان يتبيّن بوس[م خ]ط واحد فقط وايضا فقد يمُكن أن ناتي مِن وضعنا خطًا واحدًا بطريقي البرهان اللذين احدُهما طريق التحليل والاحر طريق التركيب امّا التحليل فأنَّه متى فُرضَت لنا مسألة ما قُلنا نُنزلها منرلة الشي البطلوب انه موجود ثم نفضّه الى شى قد تقدم برهانه فاذا تبين لنا قلنا انه قد وجد المطلوبُ بالتحليل وامّا التركيب فانّه ان يُبتدا باشياء معروفة ثم تركب الى ان يوجد الشي المطلوب فعند ذلك يكون المطلوب قد تبيّن بالتركيب واذ قد اخبرنا بهذا فلنصِر الى مطلوبنا على ما وَصَفنا وَوَعدُنا . . يريد بذلك أن يبيّن ما وعدها هُنا في سائر الاشكال التي ياتي بها ارتليدس في هذه المقالة الثانية ... summa eorum spatio GZ aequalis est, quod spatium ex eo, quod iam demonstrauimus, rectis A, BG comprehenditur.

Ergo iam effecimus, spatium rectis A, BG comprehensum summae spatiorum, quae recta A et singulis partibus BD, DE, EG comprehenduntur, aequale esse. Q. n. e. d.

Additamentum. Exemplificatio huius propositionis per numeros.

Sit linea A 6, linea BG 10, sitque BD 2, DE 3, GE 5. Manifestum est, esse $6 \times 10 - 60$, quae aequalia sunt summae, quae ex 2 et 3 et 5 sexies multiplicatis fit, quoniam $6 \times 2 - 12$, $6 \times 3 - 18$, $6 \times 5 - 30$, quorum numerorum summa est 60.

Heron dixit: Fieri non potest, ut haec propositio demonstretur nisi duabus rectis simul delineatis; ceterae autem propositiones una tantum recta delineata demonstrari possunt. Fieri etiam potest, ut una linea data duas rationes ingrediamur, quarum altera est analytica, altera synthetica.

Analysis autem ratio haec est. Quaestione aliqua nobis proposita dicimus: quod quaeritur iam inuentum supponimus et deinde in rem iam antea demonstratam dissoluimus. Re nobis demonstrata, quod quaeritur, per analysim inuentum esse dicimus.*)

In synthesi a rebus notis incipientes ratione componendi utimur, donec inuentum sit, quod quaeritur. Hoc modo demonstratio eius quod quaeritur uia synthetica perficitur.**)

His rebus explicatis, quae quaerimus, secundum dicta promissaque nostra adgrediamur.

Hoc dicit, se, quae hic promiserit, in reliquis Euclidis propositionibus huius libri secundi demonstraturum.

^{*)} Cfr. Euclid. uol. IV p. 364, 18 sqq.

^{**)} Cfr. Euclid. uol. IV p. 366, 1 sqq.

الشكل الثاني مِن المقالة الثانية

كل خط مستقيم يُقسم باقسام كم كانت فان (1 مربع الخط كلة مساو لجماعة السطوم التي يحيط بها الخط كلة مع كل واحد مِن اتسامه مثالة أن خط أب قد تُسم على ج بقسمين فاقول ان مربع خط آب مساو لجموع السعلين اللذين يحيط بهما خط اب وكل اوحد مِن خطى آج جب برهانة انا نعمل على خط آب سعُكًا مربعًا قائم الزوايا كما بيّن عمله ببرهان مه مِن ا وليكن مربع به ونخرج مِن نقطة ج خطا موازيا لخطى أن به كما بين اخراجة ببرهان لا مِن ا وليكن خط جز فسع از جة متوازيا الاضلاع امّا سطم دج فيحيط [به] خطأ دا آج وسطم زب يحيط به رج جب وخط جز مثل خط آن وخط آن مثل خط آب مجموع سعلعي مج رب يحيط بهما خط آب وكل واحد مِن خطى آج جب ومجموع سعلمي دج زب مساو لمربع دب الكائن مِن خط آب فقد تبيّن ان المربع الكائن مِن خط آب مساو لجموع السطحين اللذين يحيط بهما خط أب وكل واحد مِن خطى آج جب وذلك ما اردنا ان نبيّن . مثاله مِن الأعداد نفرض خط آب عشرة مِن العدد وقد قُسِمَ على نقطة ج بقسمين فصار آج ثلثة مِن العدد وخط جب سبعة نبن البين ان مضروب آب الذي هو عشرة في مثلة مساو للذي يجتبع مِن ضرب آب الذي هو عشرة في كل واحد مِن ثلثة وسبعة لأن عشرة في مثلها مائة وعشرة في ثلثة ثلثون وفي سبعة سبعون ومجموعُهما مائة وذلك ما اردنا ان نبيّن : قال آيرن 26 r. مثال ذلك ان نفرض الخط المستقيم خط آب ونقسمه قِسمَةً كيف

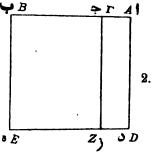
Propositio II libri secundi.

Si recta linea in quotlibet 1) partes diuiditur, quadratum 2) lineae totius aequale est summae spatiorum, quae tota linea et singulis partibus comprehenduntur.

Exemplificatio. Linea AB in puncto G in duas partes diuisa sit. Dico, quadratum lineae AB aequale esse summae spatiorum, quae linea AB et utraque linea AG, GB comprehenduntur.

Demonstratio. In linea AB ex I, 45 quadratum construimus, quod sit quadratum BD, et a puncto G lineam lineis AD, BE parallelam ducimus, quae quo modo ducenda sit, in I, 31 demonstrauimus, sitque linea GZ; itaque duo spatia AZ, GE parallelogramma sunt. Et spatium $DG _{\bullet B} _{\bullet C} _{\bullet C} _{\bullet C}$ lineis DA, AG, spatium ZB [lineis] ZG,

GB comprehenditur. Est autem GZ - AD, AD - AB. Summa igitur duorum spatiorum DG, ZB linea AB et utraque linea AG, GB comprehenditur, et summa duorum spatiorum DG, ZB aequalis est quadrato DB in linea AB descripto.



Ergo iam demonstratum est, quadra-

tum rectae AB aequale esse summae duorum spatiorum, quae linea AB et utraque linea AG, GB comprehenduntur. Q. n. e. d.

Exemplificatio per numeros. Supponimus, lineam AB esse 10, et in puncto G ita in duas partes diuisam esse, ut AG 3,

¹⁾ Apud Euclidem recta in duas quaslibet partes diuiditur. Cfr. Al-Tusi (p. 50-51): »Quadratum lineae rectae in uno puncto aut in pluribus punctis diuisae aequale est summae spatiorum eius et utriusque partis aut partium eius. Demonstratione de linea in duas partes diuisa perfecta Al-Tusi addit: »Eodem modo res demonstratur, si partes plures quam duo sunt.

الله على الخط في جميع اقسامه مثل تلبين الخط في جميع اقسامه مثل تلبين الخط في ذنسه Laterculus lineae in omnes partes suas multiplicatae aequalis est laterculo lineae in se multiplicatae.

كانت على نقطة ج فنريد ان نبين ان مربع آب مساو للسطم الذي يحيط به خطا آب بج مع السطيم الذي يحيط به خطا آب أج ان يتوهم خط آب خطين متساويين احدها منقسم والآخر غير منقسم فين البين ان الخطين يكونان متساويين فيكون السطيم الذي يحيط به هذان الخطان المتساويان مساويًا لمربع احدها فليكن مساويًا لمربع آب فيم [ا براينا ببرهان ا مِن ب يكون مجموع السعلين الكائنين مِن الخط الذي لم يقسم مع اقسام آج جب مساويًا للسطيم الذي يحيط به الخط الذي لم يقسم وخط آب ومربع آب مساو لذلك السطيم كما بينّا والخط الذي لم يقسم مع الم يقسم مساو لخط آب ومربع آب مساو لذلك السطيم كما بينّا والخط الذي خط آب ومربع آب مساو لذلك السطيم كما بينّا والخط الذي خط آب وكل [واحد] مِن قسمي آج جب مساويان لمربع خاط آب وذلك ما اردنا ان نبيّن ...

الشكل الثالث مِن المقالة الثانية

كل خط يُقسم بقسبين اى قسبين كانا فان (السطم الذى يحيط به الخط كله واحدُ القسبين مساو للسطم الذى يحيط به قسما الخط مع مربع ذلك القسم مثالة ان خط آب قد تُسم بقسبين على نقطة ج فاقول ان السطم الذى يُحيط به خط آب وقسمُ بج مساو للسطم الذى يحيط به قسما آج جب مع مربع جب برهانة انا نعملُ على خط جب سطحًا مربعًا كما بُيّن عملة ببرهان مه مِن ا وليكن مربع جة ونُخرج مِن نقطة آ خطًا موازيًا لخط جر كما بُيّن ببرهان لا مِن ا وليكن خط آن ونُخرج مِن نقطة آ

GB 7 fiat. Manifestum est, AB, quae 10 sit, in se multiplicatam aequalem esse summae, quae efficiatur AB, hoc est 10, ter et septies multiplicata; nam $10 \times 10 - 100$ et $3 \times 10 - 30$, 7×10 - 70, quorum summa est 100. Q. n. e. d.

Heron dixit: Ratio huius exemplificationis haec est. Rectam AB propositam in quasibet partes in puncto G dividimus. Demonstrare uolumus, quadratum [rectae] AB aequale esse spatio, quod comprehendunt duae lineae AB, BG, addito spatio duabus rectis AB, AG comprehenso. Iam si lineam AB duabus lineis inter se aequalibus aequalem animo finxerimus, alteri diuisae, alteri non diuisae, [dico] manifestum esse, quoniam duae lineae inter se aequales sint, spatium, quod hae duae lineae inter se aequales comprehendant, quadrato alterius aequale esse; sit igitur quadrato [lineae] AB aequale. Iam ex II, 1 summa duorum spatiorum lineae non diuisae et partium AG, GB aequalis est spatio, quod comprehendunt linea non diuisa et linea AB. Et quadratum [lineae] AB huic spatio aequale est, ut demonstrauimus. Linea autem non diuisa ex eo, quod descripsimus, lineae AB aequalis est. Ergo duo spatia, quae comprehendunt linea AB et utraque pars AG, GB, quadrato lineae AB aequalia sunt. O. n. e. d.

$$B \cup$$
 $\Rightarrow G$

Propositio III libri secundi.

Si linea utcumque in duas partes diuiditur, spatium¹), quod tota linea et alterutra pars eius comprehendunt, aequale est spatio, quod duae partes lineae comprehendunt, et quadrato illius partis.

culo huius partis in se multiplicatae et alterius partis in alteram.

فان تلبين الخط في احد القسين مثل تلبين ذلك القسم (أ فى نفسة واحد القسمين فى الأخر ع Laterculus lineae in alteram partem multiplicatae aequalis est later-

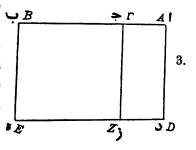
خط قرعلى الاستقامة وننزل انه لقى خط آد على ثقطة د فين الظاهر ان سطم ألا متوازى الاضلاع وهومساو لسعلى آز زب المتوازيي الاضلاع لكن سطح آز يحيط به خطا آج جز وخط جز مثل خط جب لان سطم زب عُمِل مربعًا فسطم از يحيط به خطا اد جب وسطم زب هو مربع خط جب فالسطم الذي يحيط به خطا آج جب مع المربع الكائن مِن خط جب مساو لسطم الله المتوازى الاضلاع باسرة لكن سطح أة يحيط به خطأ أب به وخط به مساو لخط جب لان سطم بز عبل مربعا فسطم آة باسره يحيط به خطا اب بج فقل تبيّن انّ السطم الذي يحيط به خطا اب بج مساو للسطم الذي يحيط به قسما آج جب مع مربع جب وذلك ما اردنا ان نبيّن .: مثاله إلى مِن الأعداد انا نفرض خط آب عشرة مِن الاعداد ونقسِمه على نقطة ج بقسمين يكون آج ثلثة مِن العدد وجب سبعة فضربُ أب الذي هو عشرة في بج الذي هو سبعة يكون سبعين مِن العدد وهو مساو للجتمع مِن ضرب آج الذي هو ثلثة في جب الذي هو سبعة ومِن ضرب جب السبعة في نفسه وذلك ان آج في جب احد و عشرون وخط جب في مثلة تسعة واربعون ومجهوعهما سبعون وذلك ما اردنا ان نبيّن .. قال ايرُن وبرهان هذا الشكل يتبيّن بلا صورة ببرهان الشكل الاول مِن هذه المقالة فنفرض انّ لنا خطين موضوعين وهما خطا اب بج احدها غير مقسوم وهو بج والآخر مقسوم على نقطة ج وهو آب فين البين انه يكون السطم الذي يحيط به الخط غير المنقسم وخط آب مساويًا لحجموع السطوح التي يحيط بها الخط .u

Exemplificatio. Linea AB in puncto G in duas partes dividitur. Dico, spatium, quod linea AB et pars [eius] BG comprehendunt, aequale esse spatio, quod duae partes AG, GB comprehendunt, et quadrato [lineae] GB.

Demonstratio. In linea GB ex I, 45 quadratum construimus, quod sit quadratum GE. A puncto A ex I, 31 lineam lineae GZ parallelam ducimus, scilicet lineam AD, et lineam EZ in direc-

tum producimus, quam in puncto D in lineam AD incidere supponimus.

Manifestum est, spatium AE parallelogrammum esse, et duobus parallelogrammis AZ, ZB aequale est. Sed spatium AZ lineis AG, GZ comprehenditur, et GZ = GB, grant quoniam spatium ZB quadratum



constructum est; spatium AZ igitur lineis AG, GB comprehenditur. Et spatium ZB quadratum lineae GB est; quare spatium lineis AG, GB comprehensum et quadratum rectae GB toti parallelogrammo AE aequalia sunt. Sed spatium AE lineis AB, BE comprehenditur, et BE - GB, quoniam spatium BZ quadratum constructum est; itaque totum spatium AE lineis AB, BG comprehenditur. Ergo iam demonstrauimus, spatium rectis AB, BG comprehensum aequale esse spatio, quod duae partes AG, GB comprehendunt, et quadrato GB. Q. n. e. d.

Exemplificatio per numeros. Supponimus, lineam AB esse 10 et in puncto G ita in duas partes diuisam, ut sit AG 3, GB 7. Itaque [linea] AB, quae 10 est, cum BG, quae 7 est, multiplicata fit 70, qui numerus aequalis est summae, quae efficitur [linea] AG, quae 3 est, cum GB, quae 7 est, multiplicata et GB, quae 7 est, in se multiplicata, quoniam $AG \times GB = 21$, et linea GB in se multiplicata 49, et summa horum numerorum 70 est. Q. n. e. d.

¹⁾ Supra scriptum: زيادة

غير المنقسم واقسام الخط المنقسم اعنى بالاقسام قسمَى آج جَب ولكن الخط غير المنقسم مساو لخط جب (أفالسطيم الذي يحيط به الخط غير المنقسم وخط جب مساو لمربع خط جب (أفاذًا السطيم الذي يحيط به خط الذي يحيط به خط الذي يحيط به خط جب وذلك ما اردنا ان نبيّن ... (خطا ...)

الشكل الرابع مِن المقالة الثانية

كل خط يُقسم بقسبين قسبةً كيف وقعت فان (* مربع الخط كلِة مساو لمربعَى قسبية مع ضعف السطح الذي يحيط به قسما الخط مثالة ان خط آب تُسم بقسبين على نقطة ج فاقول ان مربع خط آب مساو لمربعى قسبي آج جب مع ضعف السطح الذي يحيط به قسما آج جب برهانة انا نعمل على خط آب سعطاً مربعًا كما بين عملة ببرهان مة مِن ا وليكن مربع الدقب ونخرج قطر[ب]د بين عملة ببرهان مة مِن ا وليكن مربع الدقب ونخرج قطر[ب]د وخط جم موازيا [ل]خطى آد به كما بين اخراجة ببرهان لا مِن ا وليقطع قطر بد على نقطة ز ونجيز على نقطة ز خطا موازيا لحلى آب دة بحسب ما استشهدنا وهو خط طك فلان خط بد قد اجيز على خطى آد جم المتوازيين فبحسب برهان يط مِن ا تكون زاوية جزب الخارجة مساوية لزاوية آدر الداخلة ولان مثلث أدب مساوي الساقين فبحسب برهان ة مِن ا تكون زاوية آب فهي متساوية فواوية جزب مساوية لزاوية آدر وحسب برهان و من ا يكون ضلع جب مثل ضلع جر ولان سطح جك متوازى الاضلاع فبحسب

Heron dixit:*) Demonstratio huius propositionis per demonstrationem primae huius libri propositionis nulla figura eget. Supponimus enim, nobis esse duas lineas datas AB, BG, alteram BG non diuisam, alteram AB in puncto G diuisam. Manifestum est, spatium linea non diuisa et linea AB comprehensum aequale esse summae spatiorum, quae comprehendunt linea non diuisa et partes lineae diuisae, h. e. duae partes AG, GB. Sed linea non diuisa lineae GB aequalis est; quare spatium, quod linea non diuisa et linea GB comprehenditur, quadrato lineae GB aequale est. Ergo spatium lineis AB, BG comprehensum spatio, quod comprehendunt lineae AG, GB, et quadrato lineae GB aequale est. G, G, et quadrato lineae G

$$B$$
ې G

Propositio IV libri secundi.

Si linea utcunque in duas partes diuiditur, quadratum ²) lineae totius aequale est duobus quadratis duarum partium eius et duplo spatio duabus partibus lineae comprehenso.

Exemplificatio. Linea AB in puncto G in duas partes dividitur. Dico, quadratum lineae AB aequale esse duobus quadratis duarum partium AG et GB et duplo spatio duabus partibus AG, GB comprehenso.

Demonstratio. In linea AB ex I, 45 quadratum construimus, quod sit quadratum ADEB. Diametrum BD ducimus et ex I. 31 lineam GH duabus lineis AD, BE parallelam, quae

^{*)} Schol. Elem. II nr. 24 p. 230, 13 sqq.

¹⁻¹⁾ Haec uerba in codice repetita.

فان تلبين الخط في مثله مثل تلبين كل :In margine est فان تلبين الخط في مثله مثل تلبين الخط في الاخر مرّتين لفسد واحدها في الاخر مرّتين Laterculus lineae in se multiplicatae aequalis est laterculo

singularum partium in se multiplicatarum et alterius in alteram bis multiplicatae.

برهان لد مِن ا يكون خط جَر مثل خط بك وخط جب مثل خط كر وقد كُنّا بيّنًا أن خط جب مثل خط جز والأشياء المساوية لشى واحد فهى متساوية نحط رك مثل خط جز فهو مثل خط كب فالاضلاع الاربعة جب جز رك كب متساوية فسطم جك متسارى الاضلاع قائم الزوايا لان زاوية ج القائمة مثل زاوية ك القائمة فزاويتا بر كل واحدة منهما قائمة وذلك بيّن ببرهان لد مِن ا فسطم جك هو مربع خط جب ولان ضلع $\overline{ + }$ مثل ضلع $\overline{ + }$ وخط جب مثل خط كب فاذا اسقطنا مِن المتساوية متساويةً فان الذي يبقى مساو نخط آج مثل هك لكن بحسب برهان لد مِن ا يكون آج مثل طر وخط كه مثل خط زج وخط طر مثل خط حز وخط طز یُوازی خط دح وخط زح یُوازی خط دط فسطم طح متساوى الاضلاع قائم الزوايا وهو مساو لمربع خط آج فسطحا طح جك هما مربعا خطى آج جب ولان سطح ألا متوازى الاضلاع وعلى قطرة سعكان متوازيا الاضلاع فحسب برهان مج مِن ا يكون السعان اللذان عن جنبتي قطر بد المتمان متساويين فسطم از مثل سطم زة لكن سطم طَج يخيط به خطا اج جز وخط جز مثل خط جب فسطم أز يحيط به خطأ أج جب فضعف السطم الذي يحيط به خطا آج جب مساو لحجموع سعلحي آز زة فمربع آة باسرة مساو لمربعي قسمي آج جب ولضعف السطيم الذي يحيط به 27 r قسما $\overline{ 1 + } \overline{ + }$ لكن مربع $\overline{ 18}$ هو مربع خط $\overline{ 1 + }$ فقد تبيّن ان مربع خط آب مساو لمربعى قسمى آج جب ولضعف السطيم الذي يحيط بع خطا آج جب وذلك ما اردنا ان نبيّن ومثالة (أ مِن الاعداد ان

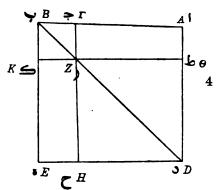
diametrum BD in puncto Z secet. Per punctum Z eo modo, quo demonstrauimus [I, 31], lineam ΘK duabus lineis AB, DEparallelam ducimus. Iam quoniam linea BD in duas lineas inter se parallelas AD, GH ducta est, ex I, 29 angulus exterior GZB angulo interiori ADZ aequalis est. Et quoniam triangulus ADB aequicrurius est, ex I, 5 erit $\angle ABD - ADB$. Quae autem eidem aequalia sunt, inter se sunt aequalia; itaque GZB = GBZ. Quare ex I, 6 GB - GZ. Quoniam autem spatium GK parallelogrammum est, erit ex I, 34 GZ = BK, GB - KZ. Sed iam demonstrauimus, esse GB = GZ; et quae eidem aequalia sunt, inter se sunt aequalia; quare ZK = GZ, quae lineae KB aequalis Itaque quattuor latera GB, GZ, ZK, KB inter se aequalia sunt, et spatium GK aequilaterum. Idem autem rectangulum est, quia ex I, 34 angulus G rectus angulo K recto aequalis et uterque angulus B, Z rectus est*). Ergo spatium GK quadratum est lineae GB. Iam quoniam latus AB lateri BE aequale est et linea GB lineae KB aequalis, aequali ab aequali subtracto, quae relinquuntur, aequalia sunt; quare AG - EK. Sed ex I, 34 AG - EK. ΘZ , KE = ZH; quare $\Theta Z = HZ$. Usrum etiam linea ΘZ lineae DH, linea ZH lineae $D\Theta$ parallela est; itaque spatium ΘH aequilaterum et rectangulum est. Est autem quadrato lineae AG aequale; quare duo spatia ΘH , GK quadrata sunt duarum linearum AG, GB. Et quoniam spatium AE parallelogrammum est, et circum diametrum eius constructa sunt duo parallelogramma, ex I, 43 duo supplementa parallelogramma in utraque parte diametri BD posita inter se aequalia sunt; spatium igitur AZspatio ZE aequale est. Spatium autem ΘG duae lineae AG, GZcomprehendunt, et GZ - GB; spatium AZ igitur duabus lineis AG, GB comprehenditur. Duplum igitur spatium duabus lineis AG. GB comprehensum aequale est summae duorum spatiorum

¹⁾ Supra scriptum: زيادة Additamentum.

^{*)} Clarius Euclides p. 126, 13 sqq.: $\angle B + G = 2R$ (I, 29), $\angle B = R$, ergo etiam $\angle G = R$, et ex I, 34 etiam $\angle K$ et Z recti.

نفرض خط آب عشرة مِن العدد ونقسِمه على نقطة ج بقسمين وليكن آج سبعة وجب ثلثة نضرب آب في مثله مائة وهو مساو لضرب آج الذي هو سبعة في مثله وهو تسعة واربعون ولضرب جب الذى هو ثلثة في مثله وهو تسعة و[لضعف] المجتبع مِن ضرب آج السبعة في جب الثلثة وهو اثنان واربعون فهو ماثه وذلك ما اردنا ان نبيّن 🗀 وامّا البرهان على هذا الشكل مِن غير صورة على مذهب ايرُن على طريق الحلّ فنطلبُ هل يخلّ المربع الكائن مِن خط آب الى مجموع المربعين الكائنين مِن آج جب مع ضعف السطم الذي يحيط به خطأ آج جب فلان خط آب قد انقسم الى خطى آج جب فببرهان ب مِن ب يخل المربع الكائن مِن خط آب الى مجموع السطحين اللذين يحيط باحدهما خطا با آج وبالاخر خطا أب بج لانه مثلهما وهذان السعان ينعلان الى برهان شكل ج مِن ب وذلك لان السطم الذي يحيط به خطا آب آج مساو للسطم الذي يحيط به خطا بح جآ مع مربع آج والسطم (الذي يحيط) به خطأ آب بج مساو للسطم الذي يحيط به خطا آج جب مع مربع جب فجموع المربعين الكائنين مِن خطى آج جب مع ضعف السطم الذي يحيط بد خطا آج جب مساو لجموع السطحين الذين يحيط باحدهما خطا با آج وبالاخر خطا اب بح وقد كنّا بيّنًا ان مربع خط آب مساو لهذيبي السطحين نقد انحلّ المربع الكائن مِن خط آب الى مجموع : : المربعين الكائنين مِن خطى آج جب مع ضعف السطيم الذي يحيط به خطا آج جب واستويا وذلك ما اردنا ان نبيّن ∵

AZ, ZE, et totum quadratum AE aequale est duobus quadratis partium AG, GB et duplo spatio duabus partibus AG, GB comprehenso. Quadratum autem AE quadratum est lineae AB. Ergo iam demonstratum est, quadratum lineae AB aequale esse duobus quadratis duarum partium AG, GB et duplo spatio duabus



lineis AG, GB comprehenso Q. n. e. d.

Exemplificatio per numeros. Supponimus, lineam AB esse 10, eamque in puncto G ita diuidimus, ut sit AG 7, GB 3. AB in se multiplicata — 100, quod aequale est lineae AG siue 7 in se multiplicatae, hoc est 49, cum linea GB siue 3 in se multiplicata, hoc est 9, et duplo lineae AG siue 7 in GB siue 3 multiplicatae, hoc est 42. Q. n. e. d.

Si hanc propositionem nulla figura adhibita ex ratione Heronis uia analytica demonstrare uoluerimus, quaerendum, quo modo quadratum lineae AB resoluatur in summam duorum quadratorum [linearum] AG, GB et in spatium duabus lineis AG, GB comprehensum bis sumptum.

Quoniam linea AB in duas lineas AG, GB diuisa est, ex II, 2 quadratum lineae AB dissoluitur in summam spatiorum, quorum alterum lineis BA, AG comprehenditur, alterum lineis AB, BG, quoniam illa his duabus aequalis est. Iam ex II, 3 haec duo spatia hoc modo resoluuntur. Quoniam spatium lineis AB, AG comprehensum aequale est spatio lineis BG, GA comprehenso cum quadrato AG, et spatium lineis AB, BG comprehensum spatio lineis AG, GB comprehenso cum quadrato GB, summa quadratorum linearum AG, GB addito duplo spatio

¹⁻¹⁾ Uerba male repetita.

وامّا على طريق التركيب فنبدا الآن فنركب مِن حيث انتهى بنا الحل فنقول ان بحسب برهان ج مِن ب فان السطم الذي يحيط به خطا به خطا به خطا به وكذلك السطم الذي يحيط به خطا اله وكذلك السطم الذي يحيط به خطا اله به خطا اله به مربع به مساو للسطم الذي يحيط به خطا اله به ألم المربع به مساو للسطم الذي يحيط به خطا اله به والمربع الكائن مِن خطى الكائن مِن خطى الكائن مِن خطى الموجعة السطم الذي يحيط به خطا اله جب وساويا الكائن مِن خطا اله به وهذان الله الله يتركّبان ويساويان المربع الكائن مِن خطى به وهذان السعكان يتركّبان ويساويان المربع الكائن مِن خطى به وهذان السعكان يتركّبان ويساويان المربع الكائن مِن خطى الله بعسب برهان ب مِن ب فحجموع المربعين الكائنين مِن خطى اله جب مع ضعف السطم الذي يحيط به خطا آم جب قد تركّب وساوي باجمعة المربع الكائن مِن خط آب وذلك ما اردنا ان بينيّن بينية المربع الكائن مِن خط آب وذلك ما اردنا ان

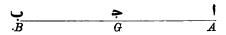
الشكل الخامس من المقالة الثانية

كل خط مستقيم يُقسم بقسبين متساويين ويُقسم ايضًا بقسبين مع عندلفين فان (1 السطح الذي يحيط بع القسبان المختلفان مع

أن تلبين احد المختلفين في الأخر وفضل نصف الخط في مثله ع الخط على الاقصر في مثله هو مثل تلبين نصف الخط في مثله ع الخط على الاقصر في مثله الخط على المتابعة ا

Al-Tusi (pag. 52): »Si linea recta in duas partes aequales et in duas partes inaequales diuiditur, spatium alterius partis in alteram multiplicatae una cum quadrato sectionis inter dimidiam partem lineae et complementum alterius partis dimidiae aequale est quadrato dimidiae partis eius«.

lineis AG, GB comprehenso aequalis est summae spatiorum, quorum alterum lineis BA, AG, alterum lineis AB. BG comprehenditur. Sed iam demonstrauimus, quadratum lineae AB his duobus spatiis aequale esse. Ergo quadratum lineae AB resolutum est in summam quadratorum linearum AG, GB et in spatium lineis AG, GB comprehensum bis sumptum, et haec duo inter se aequalia sunt. Q. n. e. d.



Iam finita analysi ratione synthetica componere incipimus. Dicimus igitur, ex II, 3 spatium duabus lineis BG, GA comprehensum cum quadrato [lineae] AG aequale esse spatio duabus lineis BA, AG comprehenso. Eodem modo spatium duabus lineis AG, GB comprehensum cum quadrato [lineae] BG aequale est spatio duabus lineis AB, BG comprehenso. (et quadrato lineae BG.)*) Itaque duo quadrata duarum linearum AG, GB cum duplo spatio duabus lineis AG, GB comprehenso aequalia sunt duabus lineis AB, BG comprehenditur. Uerum haec duo spatia coniuncta ex II, 2 quadrato lineae AB aequalia sunt. Ergo summa duorum quadratorum duarum linearum AG, GB cum duplo spatio duabus lineis AG, GB comprehenso aequalis est quadrato lineae AB. Q. n. e. d.**)

Propositio V libri secundi.

Si recta linea in duas partes inter se aequales et rursus in duas inaequales diuiditur, spatium 1) duabus lineis inaequalibus comprehensum una cum quadrato lineae inter duo puncta duarum sectionum positae aequale est quadrato dimidiae lineae.

Exemplificatio. Linea recta AB in puncto G in duas

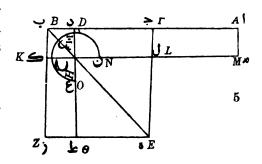
^{*)} Uerba et — BG errore nescio quo addita sunt.

^{••)} Porisma deest ut in P. m. 1 et in fragmento The Oxyrhynchus papyri I p. 58.

مربع الخط الذى بين نقطتى القسمين مساو لمربع نصف الخط مثالة أن خط أب المستقيم قسم بقسمين متساويين على نقطة ج وبقسمين مختلفين على نقطة د فاقول أن السطح الذي يحيط به قسما ال دب مع مربع جد مساو لمربع جب برهانة انا نعمل على خط جب سطحًا مربعًا قائم الزوايا كما بين ببرهان مه مِن ا وليكن مربع جزّ ونخرج قطر به ونخرج مِن نقطة د خطا موازيا $\overline{27}$ u. لضلعى $\overline{-8}$ $\overline{-9}$ بينّا اخراجة ببرهان لا مِن ا $\overline{-9}$ ونجيز على نقطة ح خط كهلم موازيا لخط با كما بيّنًا اخراجَهُ ببرهان لا مِن ١(١ ونخرج مِن نقطة آخطًا موازيًا لخطوط جل دح بك يلقى خط كلم ونُنزل انه لقِيَهُ على نقطة م كما بيّنًا اخراجه ببرهان لا مِن ا ونُبيّن كما بيّنًا في شكل د مِن ب وبمثل ما استشهدنا فيه مِن الاشكال ان سعلى دك لط مربعان قائما الزوايا وهما على قُطر به فبحسب برهان عج مِن ١ فان سطم جح المتمّم مثل سطم حز المُتمّم وناخذ سطم حك مشتركًا فسطم جك باسرة مساو لسطم در باسرة وسطم جك مثل سطم جم لانهما على قاعدتين متساويتين وهما بل لم وبين خطين متوازيين وهما كم آب وذلك بين ببرهان لو مِن ا فسطح جم اذًا مساو لسطم در لان الاشياء المساوية لشى واحد تكون متساوية وناخذ سطح دل مشتركاً فسطح مج باسرة مساو لعلَم نسع لکن سطم مد یحیظ به خطا آد دے وخط دے مثل خط دب لان سطم دك مربع قائم الزوايا فسطم مد يحيط به

¹⁻¹⁾ Supra in margine addita sunt haec uerba.

partes inter se aequales et in puncto D in duas partes inaequales dividatur. Dico, spatium duabus partibus AD, DB comprehensum una cum quadrato GD aequale esse quadrato GB.



Demonstratio. In linea GB ex I, 45 spatium quadratum rectangulum construimus, quod sit quadratum GZ. BE ducta a puncto D ex I, 31 lineam duobus lateribus GE, BZparallelam ducimus et ex I, 31 per punctum H lineam KHLMlineae BA parallelam ducimus et a puncto A ex I, 31 lineam ducimus lineis GL, DH, BK parallelam, quae in lineam KLMincidit; supponimus, illam in eam in puncto M incidisse. Iam eodem modo, quo in II, 4, et ex iisdem propositionibus, quibus in illa propositione usi sumus, demonstrabimus, duo spatia DK, $L\Theta$ duo quadrata esse. Et circum diametrum BE posita sunt; quare ex I, 43 supplementum GH supplemento HZ aequale est. Itaque spatio DK communi sumpto totum spatium GK toti spatio DZ aequale erit. Et GK = GM, quia in duabus basibus inter se aequalibus KL, LM et inter duas lineas inter se parallelas KM, AB posita sunt, quod in I, 36 demonstratum est. Spatium GM igitur spatio DZ aequale est, quia, quae eidem aequalia sunt, inter se aequalia sunt. Quare spatio DL communi sumpto totum spatium MD gnomoni $N\Xi O^*$) aequale erit. Sed spatium MD duae lineae AD, DH comprehendunt, et DH=DB, quoniam spatium DK quadratum est; itaque duae lineae AD, DB spatium MD comprehendunt. Gnomon NEO igitur spatio duabus lineis AD, DB cómprehenso aequalis est.

^{*)} Itaque in gnomone eaedem litterae sunt, quas coniectura restituit Gregorius, cum in codd. Graecis sit MNZ (Eucl. I p. 131 not.). Sed Al-Tusi MNZ habet.

خطا اد دب فعلم نسع مساو للذي يحيط به خطا آد دب ومربع للقر مساو لمربع خط جد فمربع جز باسره مساو لعَلَم نسع ولمربع لاحم لكن مربع جز هو مربع خط جب فالسطح الذي يحيط به قسما أد دب مع مربع خط جد الذي بين العَلامتين مساو لمربع خط جب وذلك ما اردنا ان نبين ن

مثاله 1) مِن الأعداد نفرض أب عشرةً مِن العدد وقسمي أج جب كل واحد منهها خبسة وقسم أد سبعة فيبقى دب ثلثة فيحصل جه اثنين فهن البيّن ان المُجتبِعَ مِن ضرب قسم جب في مثله خبسة وعشرون وهو مساو للذى يجتبع مِن ضرب آد في دب وذلك احد وعشرون ومِن ضرب جد في مثله وذلك اربعة ومجموعهما خمسة وعشرون وذلك ما اردنا ان نبيّن : وامّا على مذهب ايرُن في برهان هذا الشكل بالتعليل فبن اجل انا نطلب ان نعلم هل السطم الذي يحيط به قسما آد دب مع مربع خط حد مساو لمربع خط جب فلناخذ خطين قد قُسم احدُهما باقسام وهو خط آد على نقطة ج واللخر لم يُقسم وهو خط دب فبحسب برهان ا مِن ب يكون السطم الذي يحيط به خطا آد دب مساويًا لمجموع السطحين اللذين يحيط بهما خط بد وقسما آج جد فلان اج مثل جب فان مجموع السطحين اللذين يحيط بهما خطا جب به وخطا جه دب مساو للسطيم الذي يحيط به خطا آه دب فقد بقى لنا مربع جه فنجعله مشتركًا فيكون مجموع السعكين اللذين يحيط بهما جب بد و خطا جد دب مع مربع جد مساويًا للسطم الذي يعيط به خطأ آد دب مع مربع جد لكن السطم quadratum EH quadrato lineae GD aequale, totum autem quadratum GZ gnomoni $N\Xi O$ cum quadrato EH aequale est. Sed quadratum GZ quadratum est lineae GB. Ergo spatium duabus partibus AD, DB comprehensum una cum quadrato lineae GD inter duas sectiones positae quadrato lineae GB aequale est. O. n. e. d.

Exemplificatio per numeros.*) Supponimus AB esse 10, utramque partem AG, GB 5, partem AD 7, ita ut relinquatur DB — 3, et GD 2 fiat. Manifestum est, partem GB in se multiplicatam esse 25. Quod aequale est summae, quae efficitur parte AD in DB multiplicata, hoc est 21, et lineae GD in se multiplicatae, hoc est 4, quorum summa 25. Q. n. e. d.

Iam si ratione Heronis uia analytica hanc propositionem demonstrare uoluerimus, quoniam quaerimus, sitne spatium duabus partibus AD, DB comprehensum una cum quadrato lineae GD quadrato lineae GB aequale, duas lineas sumamus, quarum altera AD in puncto G diuisa est, altera DB non diuisa. Ex II, 1 spatium duabus lineis AD, DB comprehensum aequale est summae duorum spatiorum linea BD et duabus partibus AG, GD comprehensorum. Quoniam AG = GB, summa duorum spatiorum, quae duabus lineis GB, BD et duabus lineis GD, DB comprehenduntur, spatio duabus lineis AD, DB comprehenso aequalis erit. Restat quadratum GD, quo communi sumpto summa duorum spatiorum lineis GB, BD et lineis GD, DB comprehensorum una cum quadrato GD spatio duabus lineis AD, DB comprehenso una cum quadrato GD aequalis est. Uerum spatium duabus lineis GD, DB comprehensum una cum quadrato GD ex II, 3 aequale est spatio duabus lineis BG, GD comprehenso; quare summa duorum spatiorum, quorum alterum duabus lineis BG, GD, alterum duabus lineis GB, BD comprehenditur, aequalis est spatio duabus lineis AD,

^{*)} Cfr. Schol, II nr. 35.

ا) Supra scriptum: خیادة

الذي يحيط به خطا جد حب مع مربع جد مسار للسطيح الذي يحيط به خطا بج جه وذلك ببرهان جون ب فجموع السعكين اللذين يحيط باحدهما خطا بح جه ربالاخر خطا جب به مساو للسطم الذي يحيط به خطا آد دب مع مربع جد لكن بحسب برهان ب مِن ب يكون مجموع السطحين اللذين يحيط بهما خطا جب به وخطا بج جه مساویًا لمربع خط جب فمربع خط جب اذن مساو للسطم الذي يحيط به قسما أد دب مع مربع جه وذلك ما اردنا ان نبيّن فقـد اخـلّ الى بـرهـان ب مِن ب ونبدا الآن فنُركب مِن حَيْثُ انتهى بنا الحلّ فبعسب برهان ب ²⁸ r. مِن ب فان السطم الذي يحيط به خطا جب بد مع السطم الذى يحيط به خطا به جد جد مثل مربع خط جب لكن بحسب برهان ج من ب يكون السطم الذي يحيط به خطا بج جد مساويًا للسطم الذي يحيط به خطا جد دب مع مربع جد فمربع خط جب اذًا مساو للسطحين اللذين يحيط باحدهما خط [ا] جب ب[دو]بالاخر خطا جد دب مع مربع جد فلان خط آج مسار لخط جب يكون السطم الذي يحيط به خطأ آج دب مع [الس]طم الذي يحيط به خطا آد دب فالسطم الذي يحيط به خطا آد دب مع مربع جه مساو للمربع الكائن مِن خط [ج]ب وذلك ما اردنا ان نبين∵ الشكل السادس مِن المقالة الثانية

اذا تُسم خطَّ مستقيمٌ بنصفين وزيدَ في طُولة خطُّ اخر مستقيمٌ فان(أ السطيم الذي يحيط به الخط كلة مع الزيادة والزيادة ومربع

¹⁾ Sic in codice.

DB comprehenso una cum quadrato GD. Sed ex II, 2 summa duorum spatiorum, quae duabus lineis GB, BD et duabus lineis BG, GD comprehenduntur, aequalis est quadrato lineae GB. Ergo quadratum lineae GB aequale est spatio duabus partibus AD, DB comprehenso una cum quadrato GD. Q. n. e. d. Itaque ad II, 2 resolutum est.

$$B \hookrightarrow \frac{S}{D} \hookrightarrow A$$

Iam inde, in quod resolutio nobis desiit, componere incipimus.

Ex. II, 2 spatium duabus lineis GB, GD comprehensum, una cum spatio duabus lineis BG, GD comprehenso aequale est quadrato lineae GB.*) Sed ex II, 3 spatium duabus lineis BG, GD comprehensum aequale est spatio duabus lineis GD, DB comprehenso una cum quadrato GD; itaque quadratum lineae GB aequale est duobus spatiis, quorum alterum duabus lineis GB, GD, alterum duabus lineis GD, GD comprehenditur, una cum quadrato GD. Iam quoniam GD comprehenditur, duabus lineis GD, GD comprehensum una cum spatio (duabus lineis GD), GD comprehenso aequale erit spatio?) duabus lineis GD, GD comprehenso. Ergo spatium duabus lineis GD, GD comprehenso. Ergo spatium duabus lineis GD, GD comprehensum una cum quadrato GD aequale est quadrato lineae GD. Q. n. e. d.

Propositio VI libri secundi.

Si linea recta in duas partes aequales diuiditur, et in ea producta alia linea recta adiicitur, spatium tota linea una cum

^{*)} Debuit dici: Ex II, 2 quadratum lineae GB aequale est spatio duabus lineis GB, BD comprehenso una cum spatio duabus lineis BG, GD comprehenso.

²⁾ In margine: فان تلبين الخط مع الزيادة في الزيادة ونصف الخط على الزيادة في مثله على في مثله على الخط الأول مع الزيادة في مثله على Laterculus lineae cum adiecta in adiectam multiplicatae et dimidiae in se multiplicatae aequalis est laterculo dimidiae lineae ab initio datae cum adiecta in se multiplicatae.

نصف الخط الاولِ مساو لمربع نصف الخط مع الريادة مثالة ان نفرض الخط المستقيم خط آب ونقسمة بنصفين ع[لى نق]طة جونزيد فية خط به ونريد ان نبيّن انّ السطيم الذي يحيط به خطا آد دب مع مربع اج [بج. Scr] مساو لمربع خط دج برهانة انا نعمل على خط جد سلحتًا مربعا قائمَ الزوايا كما بيّن عملُه ببرهان مه مِن ا ونخرج قطر 80 ونُتهّم خطوطَ الشكل على التاليف كما بيّنًا في الاشكال المتقدّمة فبعسب برهان حج مِن ا يكون سطم حز مساويًا لسطم جم لاتهما متبهان وبحسب برهان لو مِن ا يكون سطم جح مساويًا لسطم آك لانهما على قاعدتين متساويتين وهما حك كم وبين خطين متوازيين وهما حم آب فسطم حز اذن مسار لسطيم آك وناخذ سطيم كن مشتركًا لجبيع سطيم مد مساو لعلم نسع لكن سطم مد يحيط به خطا اد دب لان حب مساو لخط دل فالعلمُ اذن مساو للسطح الذي يحيط به خطا الا دب ومع مربع حة وهو مربع خط بج فالسطم الذي يحيط به خطا أن دب مع مربع جب مساو لعلم نسع ولمربع على الكن علم نسع ومربع حة مساو لمربع دة ومربع دة هو كائن مِن خط جد فالسطم الذى يحيط به خطأ آد دب مع مربع جب مساو للمربع الكائن مِن خط جَد وذلك ما اردنا ان نبين .. وقد بيّن ايضا ايرُن برهانَ هذا الشكل على سبيل الخطوط امّا على طريق التعليل فليكن الخط المفروض خط آب ولنقسمه بنصفين على نقطة ج ونزيد في طُوله خط بَه ونريد ان نبيّن ان السطفي ::: الذى يحيط به خطأ آد دب مع مربع جب مساو لمربع جد فنخرج

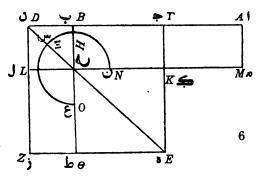
adiecta et adiecta comprehensum et quadratum dimidiae lineae ab initio datae aequalia sunt quadrato in dimidia una cum adiecta descripto.

Exemplificatio. Lineam rectam lineam AB supponimus eamque in puncto G in duas partes aequales dividimus et ei lineam BD adiicimus. Demonstrare uolumus, spatium lineis AD, DB comprehensum cum quadrato AG (Scr. BG) aequale esse quadrato lineae DG.

Demonstratio. In linea GD ex 1, 45 spatio quadrato rectangulo constructo diametrum DE ducimus et lineas figurae explemus, ut in propositionibus praecedentibus demonstrauimus.

Ex I, 43 igitur spatium HZ spatio GH aequale erit, quoniam complementa sunt. Ex I, 36 autem spatium GH spatio AK aequale est, quia in duabus basibus inter se aequalibus HK, KM et inter duas

lineas inter se parallelas HM, AB posita sunt. Itaque HZ = AK. Spatio igitur KD communi JLsumpto totum spatium MD gnomoni $N\Xi O$ aequale. Sed spatium MD lineis AD, DBcomprehenditur, quoniam DB = DL. Gno-



mon igitur aequalis est spatio, quod lineae AD, DB comprehendunt. Quadrato HE i. e. quadrato lineae BG adiecto spatium igitur, quod comprehendunt lineae AD, DB, cum quadrato [lineae] GB gnomoni NEO et quadrato HE aequale. Sed gnomon NEO et quadratum HE aequalia sunt quadrato DE, quod quadratum est lineae GD. Ergo spatium, quod comprehendunt lineae AD, DB, cum quadrato [lineae] GB aequale est quadrato lineae GD. Q. n. e. d.

Heron hanc quoque propositionem per lineas demonstrauit.

الا على استقامة جا وليكن أه مثل دب فين البين انا اذا جعلنا خط اب مشتركًا يكون جبيع خط قب مثل جبيع خط أد فالسطم الذي يحيط به أد دب مساو للسطم الذي يحيط به هب دب فيتى تبين لنا أن السطم الذي يحيط به خطأ قب بد مع مربع خط جب مساو لبربع خط جد فقد تم البرهان على بغيتنا وذلك بين لان خط قد قد قسم بنصفين على نقطة جوبقسيين مختلفين على نقطة ب فببرهان ه من ب يكون السطم الذي مختلفين على نقطة ب فببرهان ه من ب يكون السطم الذي يحيط به خطأ قب بد مع مربع جب مساويًا لبربع جد و امّا بالتركيب فاذا ركبنا كان السطم الذي يحيط به خطأ قب خد مثل مربع جد والسطم الذي يحيط به خطأ آد دب مع مربع خط به خطأ آد دب مع مربع جب مساو للسطم الذي يحيط به خطأ آد دب مع مربع جب مساو للسطم الذي يحيط به خطأ آد دب مع مربع جب مساو للسطم الذي يحيط به خطأ آد دب مع مربع جب مساو للسطم الذي يحيط به خطأ آد دب مع مربع جب مساو للسطم الذي يحيط به خطأ آد دب مع مربع جب مساو للبربع جد وذلك ما اردنا أن نبين ...

الشكل السابع مِن المقالة الثانية

28 u.

كل خط مستقيم يُقسم بقسبين اى قسبة كانت فان مربع الخط كلّة مع مربع احد القسبَين اذا جُبِعا مسار لضعف السطم الذى يحيط به الخط كلّة وذلك القسم مع مربع القسم الاخر اذا جُبِعا مثالة ان خط آب قسم بقسبين كيف ما وتعت على نقطة[ج] فأقول ان مجموع مربعى خطى آب بج مساو لضعف السطم الذى

¹⁻¹⁾ Haec uerba in margine pro uerbis falso repetitis et a scriba recte erasis: مع مربع خط بج مثل مربع

Analysis ratio haec est. Sit linea data linea AB, quam in duas partes aequales in puncto G dividimus. In ea producta lineam BD adiicimus. Demonstrare uolumus, spatium lineis AD, DB comprehensum cum quadrato [lineae] GB aequale esse quadrato [lineae] GD. [Lineam] AE in directum [lineae] GA ducatur, sitque AE - DB. Manifestum igitur est, linea ABcommuni sumpta, totam lineam EB toti lineae AD aequalem Spatium igitur, quod lineis AD, DB comprehenditur, spatio lineis EB, DB comprehenso aequale est. Iam si demonstrauerimus, spatium lineis EB, BD comprehensum cum quadrato lineae GB aequale esse quadrato lineae GD, demonstratio, sicut uolumus, ad finem perducta erit. Et hoc inde manifestum est, quod linea ED in puncto G in duas partes aequales diuisa est, in puncto B autem in duas partes inaequales; quare ex II, 5 spatium, quod comprehendunt lineae EB, BD, cum quadrato GB aequale est quadrato GD.

Synthesis ratio haec est. Ratione synthetica adhibita spatium lineis EB, BD comprehensum cum quadrato lineae BG aequale erit quadrato GD. Sed iam demonstrauimus, spatium lineis EB, BD comprehensum aequale esse spatio lineis AD, DB comprehenso. Ergo spatium, quod lineae AD, DB comprehendunt, cum quadrato GB aequale est quadrato GD. Q. n. e. d.

Propositio VII libri secundi.

Si linea recta in duas quaslibet partes diuiditur, quadratum²)

Laterculus lineae in se multiplicatae et laterculus alterius partis in se multiplicatae simul sumpti aequales sunt laterculo lineae in hanc partem bis multiplicatae et laterculo partis alterius in se multiplicatae simul sumptis.

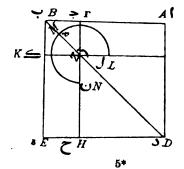
فان تلبين الخط في مثلة وتلبين احد القسمين الخط في مثلة وتلبين الخط في تلك القسم مرتين وتلبين في مثلة جميعًا مثلة جميعًا ع القسم الاخر في مثلة جميعًا ع Laterculus lineae in se multiplicațae et laterculus alterius partis in

يحيط به خطا أب بج [مع] مربع قسم آج برهانه انا نعمل على خط آب مربعا قائم الزوايا كما بيّنا عمله ببرهان مه مِن ١ وليك[ن مر]بع اب 🕟 ونُخرج قطر به ونُخرج مِن نقطة 🗕 خطا موازيا لضلعي المربع اعنى ضلعى آل به كما [بيّنا ا]خراجَهُ ببرهان لا مِن ا وليكن خط جزح ونجيز على نقطة رَ خطا موازيا لضلعى المربع الاخرين ا[عن]ى ضلعى آب دة كما بيّنا اجازتُه ببرهان لا مِن ا ولِيكن خط كَرط فبن البيّن بحسب رسبنا الاشكال المتقدّمة ان سطح بز هو مربع قسم بج وان سطح زد هو مربع قسم آج وبحسب برهان [مج] مِن ا فان متبِّم آزَ مثل متبِّم رَة وناخذ مربع بَز مشتركا فيصير آك مساويًا لسطيح جة فعجموع سعلهي آك جة ضعف سطم آک وسطم آک قد تبین انه یحیط به خطا آب بج فجموع سطحي آك جة هو ضعف السطيم الذي يحيط به خطا آب بج لكن مجموع سطحى اك جة مساو لعكم لمن مع مربع جك فاذا عزلنا مربع جك بقى لمن فعلم لمن مع مربع جك مسايان لضعف السطم الذي يحيط به خطأ آب بج ومربع زد قد تبيّن انه الكائن مِن قسم آج فعلم لمن مع مربعي جك زد مساو لضعف السطم الذي يحيط به خطأ آب بج مع مربع قسم آج لكن علم لمن مع مجموع مربعی جك زد مساو لمربع آه مع مربع جك نمربع أة مع مربع جك مسار لضعف السطيم الذي يحيط به خطا آب بج مع مربع خط آج لکن مربع آة هو ڪائن مِن خط آب ومربع جڪ هو كائن مِن خط جب فمربع ألا مع مربع جك اذًا مساو لضعف السطيم الذي يحيط به خطا آب بج ولمربع خط آج وذلك ما اردنا lineae totius et quadratum alterius partis simul sumpta aequalia sunt duplo spatio tota linea et parte nominata comprehenso et quadrato reliquae partis simul sumptis.

Exemplificatio. Linea AB puncto G utcumque in duas partes diuidatur. Dico, summam duorum quadratorum duarum linearum AB, BG duplo spatio lineis AB, BG comprehenso cum quadrato partis AG aequalem esse.

Demonstratio. In linea AB ex I, 45 quadratum rectangulum'construimus, quod sit quadratum ABDE. Diametrum BD ducimus et ex I, 31 a puncto G lineam duobus lateribus quadrati, i. e. AD, BE, parallelam, quae sit linea GZH. Per punctum Z ex I, 31 lineam duobus reliquis lateribus quadrati, i. e AB, DE, parallelam ducimus, quae sit linea $KZ\Theta$. Iam ex delineatione figurarum praecedentium manifestum est, spatium BZ quadratum partis BG, spatium ZD quadratum lineae AG esse. Et ex I, 43 complementum AZ complemento ZE aequale est; itaque quadrato BZcommuni sumpto [spatium] AK spatio GE aequale fit; summa igitur duorum spatiorum AK, GE spatio AK duplo maior est. Sed iam demonstratum est, spatium AK duabus lineis AB, BG comprehendi; itaque summa duorum spatiorum AK, GE duplo maior est spatio duabus lineis AB, BG comprehenso. Summa autem duorum spatiorum AK, GE gnomoni LMN cum quadrato GK aequalis est; itaque quadrato GK subtracto restat LMN. Et gnomon LMN cum quadrato GK aequalia sunt duplo spatio duabus lineis AB, BG comprehenso. Sed iam demonstratum est, quadratum ZD esse quadratum partis AG; itaque gnomon LMN cum duo-

bus quadratis GK, ZD aequalis est duplo spatio duabus lineis AB, BG comprehenso cum quadrato partis AG. Gnomon autem LMN cum summa duorum quadratorum GK, ZD aequalis est quadrato AE cum quadrato GK; quadratum igitur AE cum qua-



ان نبيّن .. واما البرهان على هذا الشكل مِن غير صورة على طريق الحلّ فانا نطلبُ هل ينعل مجموعُ المربعين الكائنين مِن خطى آب بج الى ضعف السطم الذى يحيط به خطا آب بج مع المربع الكائن مِن خط آج ويستويان فنقول انَّ مربع آبَ يخعلُ الى برهان د مِن ب وذلك أن المربع الكائن مِن خط أب مساو لجموع المربعين الكائنين مِن خطى آج جب ولضعف السطيم الذي يحيط به خطا اج جب فعجموع المربعين الكائنين مِن خطى اب بج اذًا قد انحل وساوى ضعف السطم الذي يحيط به خطا آج جب مع ضعف المربع الكاثن مِن خط جب ومع المربع الكائن مِن خط اج لكن بحسب برهان ج مِن ب فان ضعف السطيم الذي يحيظ به خطا آج جب مع ضعف المربع الكائن مِن خط جب مساو لضعف السطم الذي يحيط به خطأ آب بج وقد بقى المربع الكائن مِن خط آج وضعف السطم الذي يحيط به خطا آب بج مع المربع الكائن مِن خط آج مساو لضعف السطم الذي يحيط به خط (خطأ .Scr) اَج جب مع ضعف المربع الكائن مِن خط جب ومع المربع الكائن مِن خط $\overline{|+|}$ فقد انحل الى برهان ج مِن ب وساوى مجموع المربعين الكائنين مِن خطى أب بج ضعف السطيم الذي 29 r. يحيط به خطا أب جب مع المربع الكائن مِن خط آج وذلك ما اردنا ان نبيّن .. وامّا على طريق التركيب فنبداء الآن فنُركّب فنقول لمّا انحلّ مجموع مربعي آب بج الى برهان الشكل الثالث وساوى ضعف السطم الذي يحيط به خطا آب بج مع المربع الكائن مِن خط آج [فا]ن بحسب برهان ج مِن ب يكون ضعف السطم الذى drato GK aequale est duplo spatio duabus lineis AB, BG comprehenso cum quadrato lineae AG. Uerum quadratum AE est quadratum lineae AB, quadratum GK quadratum lineae GB. Ergo quadratum AE cum quadrato GK aequale est duplo spatio duabus lineis AB, BG comprehenso et quadrato lineae AG. Q. n. e. d.

Si hanc propositionem nulla figura adhibita uia analytica demonstrare uolumus, quaerimus, quo modo summa duorum quadratorum duarum linearum AB, BG resoluatur in duplum spatium duabus lineis AB, BG comprehensum cum quadrato lineae AG, ita ut aequalia sint.

Dicimus, quadratum [lineae] AB ad II, 4 resolui; quadratum enim lineae AB aequale est summae duarum quadratorum duarum linearum AG, GB et duplo spatio duabus lineis AG, GBcomprehenso. Summa igitur duorum quadratorum duarum linearum AB, BG resoluta aequalis est duplo spatio duabus lineis AG, GB comprehenso cum duplo quadrato lineae GB et quadrato lineae AG. Sed ex II, 3 duplum spatium duabus lineis AG, GBcomprehensum cum duplo quadrato lineae GB aequale est duplo spatio duabus lineis AB, BG comprehenso. Restat quadratum lineae AG. Et duplum spatium duabus lineis AB, BG comprehensum cum quadrato lineae AG aequale est duplo spatio duabus lineis AG, GB comprehenso cum duplo quadrato lineae GBet cum quadrato lineae AG. Ergo resolutione ad II, 3 facta summa duorum quadratorum duarum linearum AB, BG aequalis est duplo spatio duabus lineis AB, BG comprehenso cum quadrato lineae AG. O. n. e. $d.^{1-*}$)

Ratione synthetica ita componere incipimus, ut dicamus: Quoniam summa duorum quadratorum AB, BG ad demonstrationem propositionis tertiae resoluta est et aequalis est duplo spatio, quod duabus lineis AB, BG comprehenditur, cum quadrato lineae AG, ex II, 3 duplum spatium duabus lineis AB, BG

^{1-*)} Miras has ambages dedimus, quales in codice sunt.

يعيط به خطا آب بج مع ضعف المربع الكائن مِن خط جب الضعاف السطع الذي يحيط به خطا آب بج مع مربع خط آج مساو لضعف السطع الذي يحيط به خطا آج [ج]ب مع ضعف المربع الكائن مِن خط جب ومع مربع خط آج لكن بحسب برهان د من ب فان مجموع المربعين الكائنين مِن خطى آج جب مع ضعف السطع الذي يحيط به خطا آج جب مساو للمربع الكائن مِن خط آب السطع الذي يحيط به خطا آج جب مساو للمربع الكائن مِن خط آب السطع الذي يحيط به خطا آج جب مساو للمربع الكائن مِن خط آب فيصير مجموع المربعين الكائنين مِن خطى [آب] بج مع المربع فيصير مجموع المربعين الكائنين مِن خطى [آب] بج مع المربع الكائن مِن خط آج فقد تركب مِن برهان ج مِن ب وانتهى الى برهان د مِن ب وانتهى الى برهان د مِن ب كما انحل مِن برهان د مِن ب وانتهى الى برهان د مِن ب كما انحل مِن برهان د الى برهان ج وذلك ما اردنا ان نبين ...

الشكل الثامن مِن المقالة الثانية

كلّ خط مستقيم مفروض يقسم بقسين اى قسبة كانت ويُزادُ في طولة مثلُ احد القسبين فان (أسربع الخط المفروض مع الخط المزيد مساو لاربعة اضعاف السطيع الذى يحيط به الخط المفروض والخط المزيد مع مربع القسم الاخر مثالة ان خط آب مستقيم وقد قسم على نقطة ج قسبة كيف وقعت وزيد في طولة خط بد مساويًا لقسم جب فاقول ان مربع خط آد مساو لاربعة اضعاف السطيع الذى يحيط به خطا آب بد مع مربع خط آج برهانة انا نعمل سطيع آة مربعًا قائم الزوايا كما بينا عملة ببرهان مه مِن الغوان ونُخرج قطر دو وخرج مِن نقطتى بح خطى جم بط يُوازيان

comprehensum [aequale est duplo spatio lineis BG, GA comprehenso] cum duplo quadrato lineae GB. Itaque duplum spatium duabus lineis AB, BG comprehensum cum quadrato lineae AG aequale est duplo spatio duabus lineis AG, [G]B comprehenso cum duplo quadrato lineae GB et cum quadrato lineae AG. Sed ex II, 4 summa duorum quadratorum duarum linearum AG, GB cum duplo spatio duabus lineis AG, GB comprehenso aequalis est quadrato lineae [AB]. Restat igitur quadratum lineae GB, quo ad quadratum lineae AB addito efficitur summa duorum quadratorum duarum linearum [AB], BG [aequalis duplo spatio lineis AB, BG comprehenso] cum quadrato lineae AG^{1-*})

Ita compositio a II, 3 ad II, 4 progreditur, sicut resolutio a prop. 4 ad 3. Q. n. e. d.

Propositio VIII libri secundi.

Si recta linea data in duas quaslibet partes diuiditur et in ea producta linea alteri parti aequalis adiicitur, quadratum¹) in linea data simul cum linea adiecta constructum aequale est quadruplo spatio linea data et linea adiecta comprehenso cum quadrato partis alterius.

Exemplificatio. Linea recta AB in G quolibet modo dividitur, et in ea producta linea BD parti GB aequalis adiicitur. Dico, quadratum lineae AD aequale esse quadruplo spatio lineis AB, BD comprehenso cum quadrato lineae AG.

Laterculus totius lineae in se multiplicatae aequalis est laterculo quadruplo lineae ab initio datae in partem adiectam multiplicatae et partis alterius in se multiplicatae.

^{1-*)} Synthesim, quantum per apertos errores lacunasque codicis licuit, restituere conati sumus.

فان تلبين جبيع ذلك في مثلة مثل تلبين !In margine est (د الخط الاول في القسم الهزيد اربع مرات و تلبين القسم الاخر في مثلة

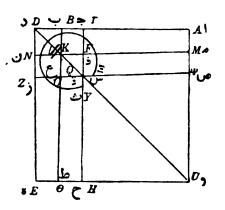
ضلعي المربع اعني ضلعي دة أو كما بينا اخراجَه ببرهان لا مِن ا ونجيز على نقطتي كل خطى من كن صل عز موازيين لضلعي آد وة كما بيّنا اجازته ببرهان لا مِن ا فحسب رسمنا شكل د مِن ب ونظمِنا(² البرهان هُناك يَبيّنُ انّ كل واحد مِن سطحي بن فع مربع قائم الزوايا متساوى الاضلاع وان سطح بن مربع خط بد وان سطم فع مربع خط جب وكذلك سطم مط مربع وسطع صح مربع متساوى الاضلاع ولان خط جب مثل خط ب فان مربع بز مثل مربع فع وايضا فلان ضلع فك مثل ضلع كب فان مربع جك مساو لكل واحد مِن مربعي بن فع وكذلك يبيّن أن سطح كرّ مربع قائم الزوايا مساو لكل وأحد مِن مربعات جك بن فع فسطوح جك بن فع كز الاربعة مربعات قائبات الزوايا متساويات ولان مربع آة متساوى الاضلاع قائم الزوايا فبحسب برهان مج مِن ا يكون متهم أَكَ مساويًا لمتمم كة وقد تبيّن ان مربع جك مثل مربع كز فيبقى سطم أف مساويا لسطم عة ولان مط مربع قائم الزوايا متساوى الاضلاع وعن جنبتی قطره سعا مق قط فبحسب برهان مج مِن ا فان متهم من مثل متهم قط ولان سعلهي ال من على قاعدتين متساویتین وبین خطین متوازیین فان بحسب لو مِن ا یکون السعان متساويين فسطوح (فسع السعاد الله عن الله عن الله عنه عنه الله عنه الله عنه الله عنه الله عنه الله عنه ال الاربعة متساوية وقد كُنّا بيّنًا أن مربعات جك بن فع كرّ

ع) In codice: وبطهنيا

Demonstratio. Spatio AE quadrato rectangulo ex I, 45 constructo et diametro DU ducta a duobus punctis B, G ex I, 31 duas lineas GH, $B\Theta$ duobus lateribus quadrati, i. e. lateribus DE, AU, parallelas ducimus et per puncta K, Q ex I, 31 duas lineas MFKN, ΨQOZ duobus lateribus AD, UE parallelas. Iam ex delineatione nostra propositionis II, 4 hic quoque demonstratur, utrumque spatium BN, FO quadratum rectangulum aequilaterum esse. Spatium autem BN quadratum est lineae BD et

spatium FO quadratum lineae BG. Eodem modo spatia $M.\Theta$, ΨH quadrata aequilatera sunt.

Iam quoniam linea GB lineae BD aequalis est, quadratum BN quadrato FO aequale erit. Rursus quoniam latus FK lateri KB aequale est, quadratum GK utrique quadrato BN, FO aequale erit. Eodem modo



demonstratur, spatium KZ quadratum rectangulum esse singulis quadratis GK, BN, FO aequale, ita ut quattuor spatia GK, BN, FO, KZ quadrata rectangula inter se aequalia sint.

Quoniam igitur AE quadratum aequilaterum rectangulum est, ex I, 43 complementum AK complemento KE aequale erit. Et iam demonstratum est, quadratum GK quadrato KZ aequale esse; itaque relinquitur spatium AF spatio OE aequale. Et quoniam $M\Theta$ quadratum rectangulum aequilaterum est, et ad utramque partem diametri eius duo spatia $M\Theta$, $Q\Theta$ posita sunt, ex I, 43 complementum MQ complemento $Q\Theta$ aequale est. Quoniam autem duo spatia AF, MQ in basibus inter se aequalibus et inter duas lineas inter se parallelas posita sunt, ex I, 36 inter se aequalia sunt. Itaque quattuor spatia AF, MQ, $Q\Theta$, OE inter se aequalia sunt. Sed iam demonstrauimus, quattuor quadrata GK,

الاربعة ايضا متساوية فاذا القُّنا سطح ان مع مربع حك حتى يصير سطم آك نمن البين انّ علم سنن (أيصير اربعة امثال سطم آك لكن سطم آك يحيط به خطا آب به لان بك مثل به فعلم .29 u. ست اذًا مساو لاربعة اضعاف السطم الذي يحيط به خطا أب بد وسطم صرح قد بُيّن انه مربع خط آج فاذا اخذنا (مربع ص ح مشتركا يكون علم ستن ومربع صح مساويًا لاربعة امثال السطيم الذي يحيط به خطأ آب بد مع مربع صح لكن علم ستن ومربع صح جبيعا مساو لسطم ألا وسطم الا هو مربع خط الله فمربع خط الله اذًا مساو لا[ربعة] امثال السطح الذي يحيط بع خطا آب بد مع مربع خط آج وذلك ما اردنا ان نبين واما النعو الذى نحا اليه ايرُن برسمه خطًا واحدًا فانا متى حللنا مربع خط آد انحلّ الى برهان د مِن ب [وذ]لك لأن المربع الكائن مِن خط اد مساو لضعف السطم الذي يحيط به خطا آب به مع المربعين الكائنين [مِن خط]ى آب به ولان به فُرض مساويًا لقسم بج فان ضعف السطم الذي يحيط به خطا اب بج مع [الم]ربعين الكائنين مِن خطى اب بج مساو للمربع الكائن مِن خط آلا لكن بحسب برهان ز مِن ب يكون المربعان الكاثنان مِن خطى آبَ بج مساويا لضعف السطم الذي يحيط به خطا آب بج مع مربع خط آج فاذا جمعنا ذلك يكون اربعة اضعاف السطم الذي (الذى) يحيط به خطأ آب بج مع مربع خط آج مساويًا لضعف السطم الذي يحيط به خطا آب بج مع المربعين الكائنين مِن خطى اب به وقد كنّا بيّنًا ان هذه مساوية للمربع الكائن مِن

BN, FO, KZ et ipsa inter se aequalia esse. Quare spatio AF cum quadrato GK ita coniuncto, ut fiat spatium AK, manifestum est, fieri gnomonem ΞTY^1) — 4AK. Spatium AK autem duabus lineis AB, BD comprehenditur, quoniam BK — BD; gnomon ΞTY igitur aequalis est quadruplo spatio duabus lineis AB, BD comprehenso. Et iam demonstratum est, spatium ΨH esse quadratum lineae AG. Quadrato igitur ΨH communi adiecto gnomon ΞTY cum quadrato ΨH aequalis erit quadruplo spatio duabus lineis AB, BD comprehenso cum quadrato ΨH . Sed gnomon ΞTY cum quadrato ΨH aequalis est spatio AE, quadratum AE autem est quadratum lineae AD. Ergo quadratum lineae AD aequale erit quadruplo spatio duabus lineis AB, BD comprehenso cum quadrato lineae AG. Q. n. e. d.

Demonstratio Heronis una linea delineata haec est: Quadratum lineae AD ex II, 4 resoluatur. Quoniam igitur quadratum lineae AD aequale est duplo spatio duabus lineis AB, BDcomprehenso cum duobus quadratis duarum linearum AB, BD, et BD data est aequalis parti BG, erit duplum spatium duabus lineis AB, BG comprehensum cum duobus quadratis duarum linearum AB, BG quadrato lineae AD aequale. II 7 duo quadrata duarum linearum AB, BG aequalia sunt duplo spatio duabus lineis AB, BG comprehenso cum quadrato lineae AG. Quibus conjunctis efficitur quadruplum spatium duabus lineis AB, BG comprehensum cum quadrato lineae AGaequale esse duplo spatio duabus lineis AB, BD comprehenso cum duobus quadratis duarum linearum AB, BG; quod iam demonstrauimus aequale esse quadrato lineae AD. Sed BG = BD. Ergo quadruplum spatium duabus lineis AB, BD comprehensum cum quadrato AG aequale est quadrato lineae AD. Et re-

¹⁾ Litera \hookrightarrow (T) in figura deest.

Scriba uerbum primum اخرجنا scriptum recte emendauit et in margine clarius scripsit: اخذنا

خط آد لكن بج مساو لخط بد فاربعة اضعاف السطم الذي يحيط به خطا آب به مع مربع آج مساو للمربع الكائن مِن خطاري) آد فقد انحلّ الى شكل د ثم الى شكل ز وذلك ما اردنا ان نبيّن : واما على سبيل التركيب فنبداء مِن حيث انتهى بنا الحل فلان اربعة امثال السطم الذى يحيط به خطا آب بج مع مربع خط آج † فاذا أُخِذَ منه ضعف السطم الذي يحيط به خطا آب بج مع مربع خط آج بقى ضعف السطم الذى يحيط به خطا آب بج فاذا اخذنا بدُلَ ضعفِ السطمِ الذي يحيط به خطا آب بج مع مربع خط آج مجمرع المربعين الكائنين مِن خطى آب بج وزدناهما على ضعف السطم الذي يحيط به خطا آب بج يكون حينيذ ضعف السطم الذي يحيط به خطا أب بج مع المربعين الكائنين مِن خطى آب بج مساريًا لاربعة امثال السطم الذي يحيط به خطا آب بج مع المربع الكائن مِن خط آج وذلك ببرهان ز مِن ب لكن خط بج(ا مثل خط به نضعف السطم الذي يحيط به خطا آب بج مع مجموع المربعين الكائنين مِن خطى اب بح مساو لضعف السطم الذي يحيط به خطا اب به مع مجموع المربعين الكائنين مِنَ خطى آبَ بَدَ لكن بحسب برهان د مِن ب فان ضعف السطم الذي يحيط به خطا اب به مع مجموع المربعين الكائنين مِن خطى آب به مساو للمربع الكائن مِن خط أد فاربعةُ اضعاف السطم الذي يحيط به خطا أب بد مع المربع الكائن مِن خط آد [Scr. جآ] مساو للمربع الكائن مِن خط اد وذلك ما اردنا ان نبيّن 🖰

solutio facta est ad propositionem quartam, deinde ad septimam. Q. n. e. d.

In ratione synthetica inde, in quod resolutio nobis desiit, incipimus.

Quoniam quadruplum spatium duabus lineis AB, BG comprehensum cum quadrato lineae $AG \uparrow *$) duplo spatio duabus lineis AB, BG cum quadrato lineae AG subtracto relinquitur duplum spatium duabus lineis AB, BG comprehensum. Iam si pro duplo spatio duabus lineis AB, BG comprehenso cum quadrato lineae AG summam duorum quadratorum duarum linearum AB, BG sumpserimus et haec ad duplum spatium duabus lineis AB, BG comprehensum addiderimus, ex II, 7 duplum spatium duabus lineis AB, BG comprehensum cum duobus quadratis duarum linearum AB, BG aequale erit quadruplo spatio duabus lineis AB, BG comprehenso cum quadrato lineae AG. BG = BD. Itaque duplum spatium duabus lineis AB, BG comprehensum cum summa duorum quadratorum duarum linearum AB, BG aequale est duplo spatio duabus lineis AB, BD comprehenso cum summa duorum quadratorum duarum linearum Sed ex II, 4 duplum spatium duabus lineis AB, BD comprehensum cum summa duorum quadratorum duarum linearum AB, BD aequale est quadrato lineae AD. quadruplum spatium duabus lineis AB, BD comprehensum cum quadrato lineae AD [Scr. AG] aequale est quadrato lineae AD. O. n. e. d.

$$D$$
 ه ج ب A B G (In duas partes aequales).

^{*)} In textu aperte lacuna est.

¹⁾ In codice: مع المربع الكائن مِن خط أَج (cum quadrato lineae AG), sed rursus deleta.

الشكل التاسع مِن المقالة الثانية

كل خط مستقيم يُقسم بقسمين متساويين وبقسمين مختلفين اى تسمة كانت فان (1 مجموع المربعين الكائنين مِن تسمية المختلفين مساو لضعف مجموع المربعين الكائنين مِن نصف الخط ومِن الخط الذي هو فضلُ نصف الخط على قسمه الاصغر مثالة أنا نفرض الخط المستقيم خط آب ونقسمه بقسمين متساويين على ·30 r نقطة ج وبقسمين مختلفين على نقطة ت فنريد ان نبيّن ان مجموع المربعين الكاثنين مِن قسمي أد دب مساو لضعف المربع مِن خط جب مع ضعف المربع الكائن مِن خط جد برهانة انا نقيم على نقطة ج عبود جة مساويًا لخط آج كما بينًا اقامتَهُ ببرهان یب(یا .Scr) مِن ا ومساواتَه ببرهان ب مِن ا [ف]نصر ج خطی الله $\overline{8}$ ب ونخرج خط در موازيا لخط جه كما بيّنا اخراجَهُ ببرهان لا مِن ا ونخرج خط رح یُواری خط [آب و]خرج خط آز فلان عمود جه اقمناهُ مثل خط آجَ فببرهان [x](° مِن [ا](° يكون زاوية جَاهَ مساويةً لزاوية جهاً وزاو[ية] آجه قائمة فببرهان لب مِن ا تكون كل واحدة مِن زاويتي جاه جه نصف قائمةٍ وايضًا فلان عمود جه أخرج مثل [خط] جب فبذلك البرهان والاستشهاد تكون كل واحدة مِن رَاوِيتِي جَبِهُ جَهَبِ نصف قائمة فراوية آهبِ اذًا قارَّمة] ولانّا اخرجنا خط رح موازيًا لخط آب وقد وقع عليهمًا خط هجج فبحسب برهان [كط](مِن [ا] (تكون زاوية قعز الخار[جة] مساويةً لزاوية هجب الداخلة فلان زاوية هجب قائمة تكون زاوية هجز قائمة وكنا

²⁾ Numeri in codice omissi sunt.

Propositio nona libri secundi.

Si linea recta in duas partes aequales et in duas quaslibet partes inaequales diuiditur, summa¹) duorum quadratorum duarum partium eius inaequalium aequalis est duplae summae duorum quadratorum dimidiae lineae et lineae, qua dimidia partem minorem superat.

Exemplificatio. Lineam rectam supponimus lineam AB, quam in puncto G in duas partes inter se aequales, in puncto D autem in duas partes inaequales dividimus. Nobis demonstrandum est, summam duorum quadratorum duarum partium AD, DB aequalem esse duplo quadrato lineae GB cum duplo quadrato lineae GD.

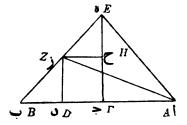
Demonstratio. In puncto G erigimus perpendicularem GE lineae AG aequalem, sicut in I, 12 (Scr. 11) demonstrauimus, quo modo erigatur, in I, 2, quo modo aequalis fiat. Duabus lineis AE, EB ductis lineam DZ ex I, 31 lineae GEparallelam et lineam ZH lineae [AB] parallelam ducimus, et linea AZ ducitur. Quoniam igitur GE perpendicularis erecta est lineae AG aequalis, ex $[I, 5]^2$) erit $\angle GAE = \angle GEA$. $\angle AGE$ rectus est; erit igitur ex I, 32 uterque angulus GAE, GEA dimidius recti. Rursus quoniam perpendicularis GE ducta est lineae GB aequalis, ex eadem demonstratione uterque angulus GBE, GEB dimidius recti erit. Ergo $\angle AEB$ rectus est. Et quoniam linea ZH lineae AB parallela ducta est, et linea EHG in eas incidit, ex $[I, 29]^2$) angulus exterior

فان تلبين كل واحد مِن [قسم]ين In margine est: الختلفين في مثلة جميعًا مثل تلبين نصف الخط في مثلة ونضل نصف الخط على القسم الاقصر في مثلة جميعا ع

Laterculus summae utriusque partium inaequalium in se multiplicatarum aequalis est laterculo [duplae] summae dimidiae lineae in se multiplicatae et partis, qua dimidia partem minorem superat, in se multiplicatae.

بيّنًا أَن زَاوِيةً عِدْزَ نصف قائمة فبحسب برهان كط مِن أُ تبقى زارية النصف قائمة فزاوية عادر مثل زاوية النصب برهان لب مِن ا یکون ساق $\frac{1}{8}$ مثل ساق $\frac{1}{8}$ وایضا فلان خط $\frac{1}{8}$ وقع على خطى قح زه المتوازيين فبعسب الاستشهاد المتقدم تكون زارية بدر الخارجة مساويةً لزاوية ب جه الداخلة لكن زاوية بجه قائمة فزاوية بدر اذن قائمة وكنّا بيّنًا ان زاوية جبه نصف قائمة فحسب برهان لب مِن ا تبقى زارية درب نصف قائمة فحسب برهان و مِن ا یکون ساق دب مساویًا لساق در فلان عمود جة اخرجناهُ مساويًا لخط آج فان مجموع المربعين الكائنين مِن خطى جة آج مساو لضعف المربع الكائن مِن خط آج لكن مجموع مربعي جَة آج مساو للمربع الكائن مِن خط آة لأن زاوية آجة قائمة وذلك ببرهان(1 [مو] مِن [١](1 فالمربع الكائن مِن خط الله اذن ضعف المربع الكائن مِن خط أج وأيضاً فأنّا قد بيّنًا أن ضلع جه مثل ضلع جر فعجموع المربعين الكائنين مِن ضلعي جه جر مساو لضعف المربع الكائن مِن ضلع حز فلان زاوية المربع الكائن مِن ضلع حز فلان زاوية المربع الكائن برهان مو مِن ا يكون مجموع المربعين الكائنين مِن ضلعى حة حز مثل المربع الكائن مِن خط «ز فالمربع الكائن مِن خط «ز اذن ضعف المربع الكائن مِن خط رح ولان ضلع حز مثل ضلع جد وذلك بحسب برهان(ا [له] من(ا [۱] لان سطم حد متوازى الاضلاع فالمربع الكائن مِن خط قر اذن ضعف المربع الكائن من خط جد وقد بيّنا ان المربع الكائن مِن خط قرّ (اذن) ضعف المربع الكائن مِن خط جه وقد بينا ان المربع الكائن مِن خط الا مساو لضعف EHZ angulo interiori EGB aequalis erit, et cum angulus EGB rectus sit, rectus erit angulus EHZ. Demonstrauimus autem, angulum HEZ dimidium recti esse; quare ex I, 29 [scr. 32] relinquitur \angle EZH dimidius recti; itaque \angle HEZ — \angle EZH, et ex I, 32 [scr. 6] latus EH aequale est lateri HZ. Rursus quoniam linea AB in duas lineas EG, ZD inter se parallelas incidit, ex demonstratione praecedenti angulus exterior BDZ angulo interiori BGE

aequalis erit. Sed $\angle BGE$ rectus est; itaque etiam $\angle BDZ$ rectus. Iam autem demonstrauimus, angulum GBE dimidium recti esse; itaque ex I, 32 relinquitur $\angle DZB$ dimidius recti, et ex I, 6 latus DB aequale est lateri DZ. Iam quoniam perpendicularis GE



lineae AG aequalis ducta est, summa duorum quadratorum duarum linearum GE, AG aequalis erit duplo quadrato lineae AG. Sed $[ex I, 46]^1$) summa duorum quadratorum GE, AG aequalis est quadrato lineae AE, quoniam $\angle AGE$ rectus est. Quadratum igitur lineae AE duplo quadrato lineae AG aequale erit. Rursus autem demonstrauimus, latus HE aequale esse lateri HZ. Itaque summa duorum quadratorum duorum laterum HE, HZaequalis erit duplo quadrato lateris HZ. Et quoniam $\angle EHZ$ rectus erit, ex I, 46 summa duorum quadratorum duorum laterum HE, HZ aequalis erit quadrato lineae EZ. Itaque quadratum lineae EZ duplo quadrato lineae ZH aequale erit. Quoniam autem latus HZ ex I, 34 aequale est lateri GD, quia spatium HD parallelogrammum est, quadratum lineae EZ duplo quadrato lineae GD aequale erit. Demonstrauimus igitur, quadratum lineae EZ duplo quadrato lineae GD aequale esse, itemque quadratum lineae AE aequale esse duplo quadrato lineae AG; summa igitur duorum quadratorum duarum linearum AE, EZ aequalis est sum-

¹⁾ Numeri in codice omissi sunt.

المربع الكائن مِن خط آج فجموع المربعين الكائنين مِن خطى اة قرّ مساو لهجموع ضعف المربعين الكائنين مِن خطى آج جد لكن بحسب مو مِن ا يكون مجموع المربعين الكائنين مِن خطى اه هز مثل المربع الكائن مِن خط آر فلان زارية اهر قائمة فالمربع الكائن مِن خط أز اذن مساو لجموع ضعف المربعين الكائنين مِن خطى آج جه لكن ببرهان مو من ا يكون مجموع المربعين الكائنين مِن خطى آه ور مساويًا للمربع الكائن مِن خط آرَ فجموع المربعين الكائنين مِن خطى آد در يساوى ضعف المربعين الكائنين مِن خطى آج جه لكن مز قد بيّنا انّه مساو لخط حب فجموع المربعين الكائنين مِن خطى أد دب مساو لضعف المربعين الكائنين مِن خط[ي] آج به وذلك ما اردنا ان نبيّن ... وامّا البرهان على هذا الشكل على مذهب ايرن بطريق الحلّ فانا ·30 u قد علمنا من برهان ($^{1}(c)$ من $[ب]ان المربع الكائن من خط <math>\overline{lc}$ مساو لضعف السطم الذي يحيط به خطا آج جد مع المربعين الكائنين مِن خطى آج جد فقد انحل مجموع المربعين الكائنين مِن خطى الله حب الى ان صارا مساويين لضعف السطيم الذي يحيط به خطا اج جه مع المربعين الكائنين مِن خطى اج جه ومربع به فينبغى اذن ان نُبيّن ان ضعف المربعين الكائنين [مِن] خطى آج جد مساو لضعف السطم الذى يحيط به خطا اج جد ولهجموع المربعين الكائنين مِن [خطى] اج جد ولمربع بد فانا متى اسقطنا مربعي آج جه المشتركين يبقى ضعف السطم الذي يحيط [به] خطأ آج جد مع مربع خط بد مساويًا لمجموع مربعي

mae duplae duorum quadratorum duarum linearum AG, GD. Sed ex I, 46 summa duorum quadratorum duarum linearum AE, EZ aequalis est quadrato lineae AZ, quia $\angle AEZ$ rectus est; quare quadratum lineae AZ aequale erit summae duplae duorum quadratorum duarum linearum AG, GD. Sed ex I, 46 summa duorum quadratorum duarum linearum AD, DZ aequalis est quadrato lineae AZ; itaque summa duorum quadratorum duarum linearum AD, DZ aequalis est duplo duorum quadratorum duarum linearum AG, GD. Iam autem demonstrauimus, [lineam] DZ aequalem esse lineae DB. Ergo summa duorum quadratorum duarum linearum AD, DB aequalis est duplo duorum quadratorum duarum linearum AD, DB aequalis est duplo duorum quadratorum duarum linearum AG, BD [ser. GD]. Q. n. e. d.

Si hanc propositionem ex ratione Heronis uia analytica demonstrare uoluerimus, iam [ex II, 4]1) scimus, quadratum lineae AD aequale esse duplo spatio duabus lineis AG, GD comprehenso cum duobus quadratis duarum linearum AG, GD. Summa igitur duorum quadratorum duarum linearum AD, DBita resoluta est, ut fiant aequalia duplo spatio duabus lineis AG, GD comprehenso cum duobus quadratis duarum linearum AG, GD et quadrato BD. Iam nobis demonstrandum est, duplum duorum quadratorum duarum linearum AG, GD aequale esse duplo spatio duabus lineis AG, GD comprehenso et summae duorum quadratorum duarum linearum AG, GD et quadrato BD. Subtractis duobus quadratis AG, GD communibus relinquitur duplum spatium duabus lineis AG, GD comprehensum cum quadrato lineae BD summae duorum quadratorum duarum linearum AG. GD aequale. Sed AG = GB. Summa igitur duorum quadratorum duarum linearum BG, GD duplo spatio duabus lineis BG, GD comprehenso cum quadrato lineae BD aequalis est. Sed ex II, 7 summa duorum quadratorum duarum linearum BG, GD aequalis est duplo spatio duabus lineis BG, GD comprehenso cum quadrato lineae BD. Demonstratio igitur resoluta est ad

¹⁾ Numeri in codice omissi sunt.

خطی آج جد لکن خط آج مساو لخط جب نه[بچم]وع مربعی خطی $\frac{1}{1}$ به خطا $\frac{1}{1}$ مساو لضعف السطم الذي يحيط به خطا $\frac{1}{1}$ المربع الكائن من [خط ب]د لكن بحسب برهان ز مِن ب يكون مجموع المربعين الكائنين مِن خطى بج جد مساويا لضعف السطم الذي يحيط به خطا بج جد مع مربع خط بد فقد الحلّ البرهانُ الى شكل زمِن ب وتبيّن ان مجموع المربعين الكائنين مِن خطى اد دَب مساو لضعف المربعين الكائنين مِن خطى آج جد وذلك ما اردنا ان نبيّن .. واما على سبيل التركيب فنبدا الآن فنُركب فلان البرهان انتهى بنا الى انّ مجموع المربعين الكائنين مِن خطى بججد مساو لضعف السطم الذي يحيط به خطا بج جد مع المربع الكائن مِن خط دب وخط آج مساو لخط جب فان مجموع المربعين الكائنين مِن خطى أج جب مساو لضعف السطم الذى يعيط (الذي يحيط) به خطأ آج جد مع المربع الكائن مِن خط دب ونزيد مربعي آج جه وناخذهما مشتركين فيصير ضعف المربع الكائن مِن خطى آج جد مساويًا لضعف السطم الذي يحيط به خطا آج جد مع المربعين الكائنين مِن خطى أج جد ومع المربع الكائن مِن خط دب لكن بحسب برهان د مِن ب فانّ المربع الكائن مِن خط آد مساو لضعف السطم الذي يحيط به خطأ آج جد مع المربعين الكائنين مِن خطى آج جد فعجموع المربعين الكائنين مِن خطى آد دب مساو لضعف المربعين الكائنين مِن خطى آجَ جد وذلك ما اردنا ان نبيّن ∴

الشكل العاشر مِن المقالة الثانية

 $^{^{1}}$ کل خط مستقیم یقسم بنصفَین ویُزادُ فی طوله خط اخر فانّ 1

II, 7, et demonstratum est, summam duorum quadratorum duarum linearum AD, DB aequalem esse duplo duorum quadratorum duarum linearum AG, GD. Q. n. e. d.

Iam ratione synthetica componere incipimus. Quoniam demonstratio in hoc nobis desiit, ut summa duorum quadratorum duarum linearum BG, GD aequalis sit duplo spatio duabus lineis BG, GD comprehenso cum quadrato lineae DB, linea autem AG lineae GB aequalis est, summa duorum quadratorum duarum linearum AG, GB [scr. GD] aequalis erit duplo spatio duabus lineis AG, GD comprehenso cum quadrato lineae DB. Duobus igitur quadratis AG, GD communibus additis duplum quadratum [scr. quadratorum] duarum linearum AG, GD aequale est duplo spatio duabus lineis AG, GD comprehenso cum duobus quadratis duarum linearum AG, GD et quadrato lineae DB. Ex II, 4 autem quadratum lineae AD aequale est duplo spatio duabus lineis AG, GD comprehenso cum duobus quadratis duarum linearum AG, GD. Ergo summa duorum quadratorum duarum linearum AD, DB aequalis est duplo duorum quadratorum duarum linearum AG, GD. Q. n. e. d.

$$\frac{3}{B}$$
 $\frac{\Rightarrow}{D}$ $\frac{1}{G}$

Propositio X libri secundi.

Si recta linea in duas partes aequales dividitur, et in ea producta alia linea adiicitur, quadratum¹) totius lineae simul cum

فأن تلبين جبيع ذلك في مثلة والزيادة في In margine est: وأ مثلها جبيعا هو مثل تلبين نصف الخط الأول مع الزيادة في مثلة وتلبين نصف الخط الأول في مثلة جبيعًا ع

Laterculus totius lineae in se multiplicatae et [laterculus lineae] adiectae in se multiplicatae simul sumpti aequales sunt [duplo] laterculo dimidiae lineae ab initio datae cum adiecta in se multiplicatae et [duplo] laterculo dimidiae lineae ab initio datae in se multiplicatae simul sumptis.

مربع الخط كلَّة مع الزيادة ومربع الزيادة اذا جُبِعا مساو لضعف المربعين الكائنين مِن نصف الخط ومِن نصف الخط مع الزيادة اذا جُبِعا مَثَالَة أَنَّ خط آب قُسم بنصفين على علامة ج وزيد في طولة خط به فاقول أن مجموع المربعين الكائنين مِن خطّى أدّ دَبَ مساو لضعف مجموع المربعين الكائنين مِن خطى آج جَدَ برهانه انا نُقِيم على نقطة ج عمودَ جه مساويًا لخط آج كما بيّنا قیامَهُ ببرهانی یب وب مِن ا ونُخرج خطّی آه هب ونخرج خط هز موازيًا لخط جه كما بين ببرهان لا مِن ا ونخرج مِن نقطة ه خط در موازیًا لخط جه فلان خطّی هج در متوازیان وقد اجیز عليهما خط قر فان مجموع زاويتي جقر قرد مثل مجموع زاويتين قائمتين وذلك بحسب برهان كط مِن ا فزاويتا درة رَّهَب اصغر مِن زاويتين قائمتين فجسب برهان اغانيس في مقدمة كط مِن ا واضافتنا اليه فان خطى قب ره اذا أخرجا على استقامة التقيا فنخرجهما وليلتقيا على نقطة ح ونحرج خط آح فلان عبود جة مثل خط آج فبحسب برهان « مِن ا تكون زاوية جاة مثل زاوية جاة عام 31 r. آة وزاوية اجة قائمة فبحسب برهان لب مِن ا فان كل واحدة مِن زاريتي جاء جه نصف قائمةٍ وبمثل هذا البرهان والاتشهاد يتبيّن ان كل واحدة مِن راويتي جبة جهب نصف قائمةٍ فزاوية آلاب اذن قائمة وبحسب برهان يه مِن ا تكون زاوية دبح مساويةً لزاوية هبا فراوية دبح اذًا نصف [قادً]مة وزاوية بدح قائمة لانها مثلُ زاوية »رَد وذلك بحسب برهان كط مِن ا فبحسب برهان لب مِن ا تبقى ز[اوية] دجب نصف قائمة فضلع بد مثل ضلع دح وضلع زة ايضا adiecta et quadratum adiectae simul sumpta duplo maiora sunt quadrato dimidiae lineae et quadrato dimidiae lineae simul cum adiecta simul sumptis.

Exemplificatio. Linea AB in puncto G in duas partes aequales dividitur, et in ea producta linea BD adiicitur. Dico, summam duorum quadratorum duarum linearum AD, DB duplo maiora esse summa duorum quadratorum duarum linearum AG, GD.

Demonstratio. In puncto G perpendicularem GE lineae GG aequalem erigimus, sicut in I, 12 [scr. I, 11] et I, 2 demonstrauimus, quo modo erigatur. Duabus lineis GG ductis ex I, 31 lineam GG lineae GG parallelam et a puncto GG lineae GG parallelam ducimus. Quoniam igitur duae lineae GG parallelam ducimus. Quoniam igitur duae est, ex I, 29 summa duorum angulorum GG GG summae duorum rectorum aequalis erit; itaque duo anguli GG GG summae duorum rectorum aequalis erit; itaque duo anguli GG GG duabus rectis minores sunt. Quare ex demonstratione GG duae lineae GG GG in directum productae concurrent. Productae igitur in puncto GG concurrant.

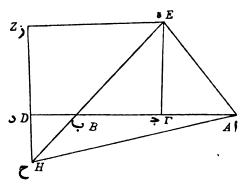
Lineam AH ducimus. Quoniam perpendicularis GE lineae AG aequalis est, ex I, 5 erit $\angle GAE - GEA$. Sed $\angle AGE$ rectus est; itaque ex I, 32 uterque angulus GAE, GEA dimidius est recti. Et ex eadem demonstratione et ratione etiam utrumque angulum GBE, GEB dimidium recti esse demonstramus; itaque angulus AEB rectus est. Sed ex I, 15 erit $\angle DBH - EBA$; itaque angulus DBH dimidius est recti. Et ex I, 29 angulus BDH rectus est, quoniam angulo EZD aequalis est; ex I, 32 igitur relinquitur angulus DHB dimidius recti. Quare BD - DH, et ZE - ZH, quoniam etiam angulus ZEH dimidius recti est.

His demonstratis ad superiora reuertimur. Quoniam GE - AG,

^{*)} I p. 127 sqq.

مثل رح لان راوية رقح ايضا نصف قائمة فا تبيّنت هذه الاشياء فنعود فلان ضلع جة مثل ضلع آج فان المربعين الكائنين مِن ضلعى جة جا اذا جُبِعا [مثل] ضعف البربع الكائن مِن ضلع أج لكن مجموع المربعين الكائنين من ضلعًى من جَم جا مثل المربع الكائن مِن ضلع ألا بح السب الرهان مو مِن ا فالمربع الكائن مِن ضلع آة اذن مثل ضعف المربع الكائن مِن ضلع آج وقد بيّنا ان ضلع رة مثل ضلع رح فجموع المربعين الكائنين مِن ضلعي رة زح مثل ضعف المربع الكائن مِن خط قر فلان زاوية قرح قائمة فبحسب برهان كو مِن ا يكون مجموع المربعين الكائنين مِن ضلعى قرز ح مثل المربع الكائن مِن ضلع على فالمربع الكائن مِن ضلع الله الله مثل ضعف المربع الكائن مِن ضلع الله ور وضلع الله ومثل ضلع جد وذلك ببرهان لد مِن ا فمربع خط قع اذن مسار لضعف مربع خط جه وقد كان يتبيّن ان مربع خط الله مثل ضعف مربع خط آج فجموع المربعين الكائنين مِن ضلعي ألا قاح اذًا مثل ضعف مجموع المربعين الكاثنين مِن خطى آج جه لكن بحسب برهان مو مِن ا يكون مجموع المربعين الكائنين مِن خطى الله الله الله الله على الله الله الله الله الله مثل المربع الكائن مِن خط آح وكذلك مجموع المربعين الكائنين مِن ضلعي أد دم مثل المربع الكائن مِن خط آج لأنّ زاوية أدم قائمة فحبموع المربعين الكائنين مِن خطى أه لهم مثل مجموع المربعين الكائنين مِن خطى آد دح وقد بيّنا ان مجموع المربعين الكائنين مِن خطى أَهُ لَاحَ مثل ضعف المربعين مِن خطى آجَ جَدَ وقد بيّنا ان دم مثل دب فعموع المربعين الكائنين مِن خطى duo quadrata duorum laterum GE, GA coniuncta duplo maiora sunt quadrato lateris AG. Sed summa duorum quadratorum duorum laterum EG, GA ex 1, 46 aegualis est quadrato lateris AE; itaque quadratum lateris AE duplo maius est quadrato lateris AG. Sed iam demonstrauimus, latus ZE lateri ZH aequale esse; summa igitur duorum quadratorum duorum laterum ZE, ZH duplo maior est quadrato lineae EZ. Et quoniam angulus EZHrectus est, ex I, 26 (scr. 46) summa duorum quadratorum duorum laterum EZ, ZH aequalis erit quadrato lateris EH; itaque quadratum lateris EH duplo maius erit quadrato lateris EZ. Uerum EZ - GD, ut ex I, 34 demonstratur; itaque quadratum lineae EH duplo maius est quadrato lineae GD. Sed iam demonstratum est, quadratum lineae AE duplo maius esse quadrato lineae AG; itaque summa duorum quadratorum duorum laterum AE, EH duplo maior est summa duorum quadratorum duarum linearum AG, GD. Sed ex I, 46 summa duorum quadratorum duarum linearum AE, EH aequalis est quadrato lineae AH. Eodem modo summa duorum quadratorum duorum laterum AD, DHaequalis est quadrato lineae AH, quoniam angulus ADH rectus est; summa igitur duorum quadratorum duarum linearum AE, EH aequalis est summae duorum quadratorum duarum linearum

AD, DH. Sed iam demonstrauimus, summam duorum quadratorum duarum linearum AE, EH duplo maiorem esse duobus quadratis duarum linearum AG, GD. Et demonstrauimus, esse DH - DB. Ergo iam demonstratum est, sum-



mam duorum quadratorum duarum linearum AD, DB duplo maiorem esse duobus quadratis duarum linearum AG, GD. Q. n. e. d.

أه حب قد تبيّن انه ضعف المربعين الكائنين مِن خطى آج جه وذلك ما اردنا ان نبيّن . . واما البرهان على مذهب ايرن من طريق الحلّ فانا نوجب انّا قد وجدنا ان مجموع المربعين الكائنين مِن خطى أن دب مثل ضعف المربعين الكائنين مِن خطى آج جد فنقول ان مِن برهان د مِن ب ان المربع الكائن مِن خط آد مثل مجموع المربعين الكائنين مِن خطى اج جَدَ وضعف السطم الذي يحيط به خطا آج جه فعجموع المربعين الكائنين مِن خطى آج جه مع ضعف السطم الذي يحيط به خطأ أج جد ومع المربع الكائن مِن خط به مثل ضعف المربعين الكائنين مِن خطى آج جه فاذا اسقطنا مربعي آج جد المشتركين مِن جميعهما بقي ضعف السطم الذي يحيط به خطأ آج جد مع المربع الكائن مِن خط به مثل مجموع المربعين (المربعين) الكائنين مِن خطى آج جه لكن أج مثل جب فضعف السطم الذي يحيط به خطأ أج جد مثل ضعف السطم الذي يحيط [به] خطأ دج جب ومجموع المربعين الكائنين مِن خطى آج جَد مثل مجموع المربعين الكائنين مِن 31 u. خطى جد جب فضعف السطم الذى يحيط به خطا دج جب مع المربع الكائن مِن خط دب مثل مجموع المربعين الكائنين مِن خطی دج جب نقد انحل الی برهان ز مِن ب وتبیّن ان مجموع المربعين الكائنين مِن خطى أه حب مثل ضعف المربعين لكائنين مِن خطى اج جد وذلك ما اردنا ان نبيّن واما طريق التركيب فانا نبتدى مِن حيث انتهى بنا الحلُ فنقول فلان مجموع المربعين الكائنين مِن خطى دَج جَب مثل ضعف السطم الذى يحيط به

Analysis ex ratione Heronis haec est: Supposuimus, nos inuenisse, summam duorum quadratorum duarum linearum AD, DB duplo maiorem esse duobus quadratis duarum linearum AG, Dicimus igitur, quadratum lineae AD ex II, 4 aequale esse summae duorum quadratorum duarum linearum AG, GD cum duplo spatio duabus lineis AG, GD comprehenso. Itaque summa duorum quadratorum duarum linearum AG, GD cum duplo spatio duabus lineis AG, GD comprehenso et cum quadrato lineae BD duplo major est duobus quadratis duarum linearum AG, GD. Iam si duo quadrata [linearum] AG, GD duabus summis communia subtrahimus, relinquitur duplum spatium duabus lineis AG, GD comprehensum cum quadrato lineae BD summae duorum quadratorum duarum linearum AG, GD aequale. Sed AG - BG; itaque duplum spatium duabus lineis AG, GDcomprehensum aequale erit duplo spatio duabus lineis DG, GB comprehenso, et summa duorum quadratorum duarum linearum AG, GD summae duorum quadratorum duarum linearum GD, GB aequalis; quare duplum spatium duabus lineis DG, GBcomprehensum cum quadrato lineae DB aequale est summae duorum quadratorum duarum linearum DG, GB. Ergo iam ad II, 7 resolutum est, et demonstratum est, summam duorum quadratorum duarum linearum AD, DB duplo maiorem esse duobus quadratis duarum linearum AG, GD. Q. n. e. d.

In ratione synthetica inde incipimus, in quod resolutio nobis desiit, et dicimus: Quoniam summa duorum quadratorum duarum linearum DG, GB aequalis est duplo spatio duabus lineis DG, GB comprehenso cum quadrato lineae DB, et AG - GB, summa duorum quadratorum duarum linearum AG, GD aequalis erit duplo spatio duabus lineis AG, GD comprehenso cum quadrato lineae DB. Iam ad summam duorum quadratorum duarum linearum AG, GD duobus aliis quadratis, quae sunt quadrata duarum linearum AG, GD, additis, et hoc eodem addito ad duplum spatium duabus lineis AG, GD comprehensum cum quadrato lineae BD, [duplum] duorum quadratorum duarum

خطا دَج جَب مع المربع الكائن مِن خط دَب لكن خط آج مثل خط جب [فهجهو]ع المربعين الكائنين مِن خطى آج جد مثل ضعف السطم الذى يحيط به خطا آج جد مع مربع دَب ف[اذا?] زدنا على مجموع المربعين الكائنين مِن خطى آج جد مربعين آخرين كائنين مِن خطى اب وجد وزد[نا] ذلك بعينه على ضعف السطم كائنين مِن خطى اب وجد موزد[نا] ذلك بعينه على ضعف السطم الذى يحيط به خطا آج جد مع المربع الكائن مِن خطى آج جد ومع المربع الكائن مِن خطى آج جد ومع المربع الكائن مِن خطى آج جد مع المربعين الكائنين مِن خطى آج جد ومع المربع الكائن مِن خطى آج جد مع المربعين الكائنين مِن الكائنين مِن خطى آج جد مع المربعين الكائنين مِن خطى آج جد مساويان (!) لمربع آد فقد تبيّن ان مجموع المربعين الكائنين مِن خطى آج جد وذلك ما اردنا ان نبيّن ...

الشكل الحادى عشر مِن المقالة الثانية

نريد ان نبين كيف نقسم خطاً معلوما مستقيما مفروضا قسمة (أيكون (ألسطم الذي يحيط به الخط كلة واحد القسمين مساويا للمربع الكائن مِن القسم الآخر مثالة ان خط آب مستقيم مفروض فنريد ان نبين كيف [نقسم] خط آب قسمة يكون السطم الذي يحيط به خط آب واحد القسمين مساويا لمربع القسم الآخر فنعمل على خط آب سعا مربعا قائم الزوايا كما بينا عملة ببرهان مو مِن ا ونقسم خط آج بنصفين على نقطة ة كما بيناه ببرهان ي مِن ا وخرج خط قب وخرج خط قا حتى يصير مساويا ببرهان ي مِن ا وخرج خط قب وخرج خط قا حتى يصير مساويا

linearum AG, GD aequale erit duplo spatio duabus lineis AG, GD comprehenso cum duobus quadratis duarum linearum AG, GD et cum quadrato lineae BD. Sed ex II, 4 duplum spatium duabus lineis AG, GD comprehensum cum duobus quadratis duarum linearum AG, GD aequale est quadrato [lineae] AD. Ergo iam demonstratum est, summam duorum quadratorum duarum linearum AD, DB duplo maiorem esse summa duorum quadratorum duarum linearum AG, GD. Q. n. e. d.

$$D \circ B \circ G \longrightarrow A$$

Propositio undecima libri secundi.

Demonstrare uolumus, quo modo lineam (notam) rectam datam ita diuidamus¹), ut²) spatium linea tota et alterutra parte comprehensum quadrato reliquae partis aequale sit.

Exemplificatio. Linea recta AB data est. Demonstrare uolumus, quo modo lineam AB ita diuidamus, ut spatium linea AB et alterutra parte comprehensum quadrato partis alterius aequale sit.

Construimus igitur ex I, 46*) in linea AB spatium quadratum rectangulum, et ex I, 10 lineam AG in duas partes aequales di-

¹) Atramento rubro supra scriptum est: بقسيين (in duas partes).

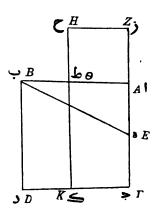
تلبين الخط في احدهما مثّل تلبين القسم :In margine est الاخر في مثله

>Laterculus lineae in alteram earum (sic!) multiplicatae aequalis est laterculo partis alterius in se multiplicatae.

Nisi fallor, librarius notam cum textu coniunxit et pro قسية legere uoluit: بقسيين, ut sententia fieret: Demonstrare uolumus, quo modo lineam datam ita in duas partes diuidamus, ut laterculus lineae in alteram earum multiplicatae eqs.

^{*)} Apud Euclidem est I, 46, apud nostrum uero I, 45. Cfr. p. 63, 4.

لخط هب وليكن خط هر ونعمل على خط از مربعا كما بيّناه ببرهان مو مِن ا وليكن مربع رط ونخرج خط حطك موازيا لضلعي آج به كما بينا اخراجَهُ ببرهان لا مِن ا فَاقُولَ انا قد تسمنا خط آب بقسمين على نقطة ط قسمةً يكون السطم الذي يحيط به خط اب واحد القسمين وهو بط مساويا لمربع القسم الآخر وهو أط برهانة أن خط آج قد تُسم بنصفين على نقطة ه وزيد في طولة خط أز فبحسب برهان و مِن ب يكون السطم الذي يحيط به خطأ جرزاً مع المربع الكائن مِن خط آه مساويًا للمربع الكائن مِن خط قر لكن خط قر مساو لخط قب فالسطم أالذى يحيط به خطا جرز را مع المربع الكائن من خط الا مساو للمربع الكائن مِن خط مب لكن بحسب برهان مومِن ا فان مجموع المربعين الكائنين مِن خطى الله الله الكائن مِن خط الهاب الكائن مِن خطى الله الهاوية لشيء واحد فهي متساوية فالسطم الذي يحيط به خطا جز زا مع المربع الكائن أمِن خط الله مساو لحجموع المربعين الكائنين مِن خطى ألا أب فاذا القينا المربع لكائن مِن خط آه المشترك بقى السطم الذي يحيط به خطا جرزاً مساويًا للمربع الكائن مِن خط أب لكن السطيم الذی یحیط به خطا جز را هو سطح رک لان خط از مساو لخط زح فسطم رك اذًا مساو لمربع أد فاذا القينا سطم آك المشترك . 32 r بقى مربع رط مساويًا لسطح طد لكن سطم طد يحيط به خطا أب بط لان خط آب مساو لخط بد ومربع رط هو الكائن مِن خط آط فقد تبيّن انّ السطم الذي يحيط [به] خطا آب بط مساو للمربع الكائن مِن خط أطأ وذلك ما اردنا ان نبيّن . . قال uidimus in puncto E et lineam EB ducimus lineamque EA producimus, donec lineae EB aequalis fiat; sit linea EZ. In linea AZ ex I, 46 construimus quadratum $Z\Theta$, et lineam $H\Theta K$ ex I, 31 duobus lateribus AG, BD parallelam ducimus. Dico, nos lineam AB ita in puncto Θ in duas partes diuisisse, ut spatium linea AB et altera parte, scilicet $B\Theta$, comprehensum aequale sit quadrato partis alterius, i. e. $A\Theta$.



Demonstratio. Linea AG in puncto E in duas partes aequales diuisa est, et in ea producta adiecta est linea AZ; itaque ex II, 6 spatium duabus lineis GZ, ZA comprehensum cum quadrato lineae AE quadrato lineae EZ aequale est. EZ = EB; spatium igitur duabus lineis GZ, ZA comprehensum cum quadrato lineae AE quadrato lineae EB aequale erit. ex I, 46 summa duorum quadratorum duarum linearum EA, AB quadrato lineae EB aequalis est; et quae eidem aequalia sunt, etiam inter se aequalia sunt; itaque spatium duabus lineis GZ, ZA comprehensum cum quadrato lineae AE aequale erit summae duorum quadratorum duarum linearum AE, AB. Iam quadrato lineae AE, quod commune est, subtracto relinquitur spatium duabus lineis GZ, ZA comprehensum quadrato lineae AB aequale. Usrum spatium duabus lineis GZ, ZA comprehensum spatium ZK est, quoniam AZ = ZH; itaque spatium ZK quadrato AD aequale est. Subtracto igitur spatio AK, quod commune est, relinquitur quadratum $Z\Theta$ spatio ΘD Sed spatium ΘD duabus lineis AB, $B\Theta$ comprehenditur, quoniam AB = BD; et quadratum $Z\Theta$ est quadratum lineae $A\Theta$.

Ergo demonstratum est, spatium duabus lineis AB, $B\Theta$ comprehensum aequale esse quadrato lineae $A\Theta$. Q. n. e. d.

ايرُن ان هذا الشكل ليس يمكن ان يبرهن عليه بلا صورة وذلك ان في المراساوية?] قد يجبُ باضطرارِ ان نعلم الاعمال التي نتمّ بها فامّا في مطالب البرهان فان [ذ]لك مِن الفضل وقد بيُّنا في الاشكال التي تقدّمت انه ليس يحتاج فيها الى اعمال وانما يحتاج فيها الى برهان [وقد بينا] براهينها بلا رسوم فيما تقدّم ومِن اجل ان هذا المطلب يحتاج فيه الى عملٍ لذلك صار غير مبكن ان تبيّن بلا رسم واذا كان هذا هكذا فانا لا نتثاقل عن النطر (الخط scr.) بان نضع برهانًا آخر متقنًا مستقصىً فنقول انا نفرض الخط المعلوم خط آب ونريد ان نبين كيف نقسم خط آب قسمةً يكون السطم الذي يحيط به الخط كله واحد القسمين مساويا لمربع القسم الآخر فنعرج مِن نقطة آ عمود آج مساويًا لنصف خط آب كما بيّنا ذلك ببرهان الشكل المضاف الى يا مِن ا ونخرج خط جب ونفصل جد مساويا لخط جآ كما بيّنا ذلك ببرهان ج مِن ا فلان المربع الكائن مِن خط جب مساو لجموع المربعين الكائنين مِن ضلعي آج أب وخط جه مساو لخط جآ فان ضلع آب اعظم مِن خط به وذلك لأن مربع جب مساو لمجموع مربعی جد دب مع ضعف السطم الذی یحیط به خطا جد دب وذلك تبيّن ببرهان د مِن ب فاذا اسقطنا مربعى خطى آج جد بقى مربع خط آب مساويًا لمربع خط بد ولضعف السطم الذى يحيط به خطا جد دب فاذًا خط آب اعظم من خط بد فنفصل مِن خط آبَ خط به مساويًا لخط به كما بيّنا ذلك ببرهان ج من ا فأقول انا قد قسبنا خط اب على نقطة ه قسبة يكون

Hero dixit: Fieri non potest, ut hanc propositionem sine figura demonstremus.*) Et hoc eo fit, quod in [problematis] plane necessarium est scire, quibus operationibus perficiantur; quod in theorematis superfluum est.¹) Iam in propositionibus, quae praecedunt, demonstrauimus, in iis non operatione, sed sola demonstratione opus esse, easque hucusque figuris non descriptis demonstrauimus. In hac autem propositione quoniam operatione opus est, fieri non potest, ut figura non descripta demonstretur. Quae cum ita sint, haud difficulter linea descripta²) demonstrationem certam et adcuratam ponimus.

Dicimus igitur, nos supposuisse datam lineam esse lineam AB, et nobis demonstrandum esse, quo modo lineam AB ita diuidamus, ut spatium tota linea et alterutra parte comprehensum aequale sit quadrato partis reliquae. A puncto A ex demonstratione propositioni I, 11 addita**) lineam AG dimidiae lineae AB aequalem perpendicularem erigimus, et ducta linea GB ex I, GB0 abscindimus lineae GA0 aequalem. Et quoniam quadratum lineae GB0 aequale est summae duorum quadratorum duorum laterum GB1, GB2 aequale est summae duorum quadratorum GB3 aequale est summae duorum quadratorum GB4, GB5 comprehenso; duobus igitur quadratis duarum linearum GB6, GB5 subtractis relinquitur quadratum lineae GB6 aequale quadrato lineae GB6 et duplo spatio duabus lineis GB7, GB8 comprehenso; quare GB8 et duplo spatio duabus lineis GB9, GB9 comprehenso; quare GB9 et duplo spatio duabus lineis GB9, GB9 comprehenso; quare GB9 et duplo spatio duabus lineis GB9, GB9 comprehenso; quare GB9 et duplo spatio duabus lineis GB9, GB9 comprehenso; quare GB9 et duplo spatio duabus lineis GB9, GB9 comprehenso; quare GB9 et duplo spatio duabus lineis GB9, GB9 comprehenso; quare GB9 et duplo spatio duabus lineis GB9, GB9 comprehenso; quare GB9 et duplo spatio duabus lineis GB9, GB9 comprehenso; quare GB9 et duplo spatio duabus lineis GB9, GB9 comprehenso; quare GB9 et duplo spatio duabus lineis GB9, GB9 comprehenso; quare GB9 et duplo spatio duabus lineis GB9, GB9 comprehenso; quare GB9 et duplo spatio duabus lineis GB9 et duplo

^{*)} Schol. Eucl. Il nr. 70 p. 248, 10; 71 p. 248, 12.

¹⁾ Gherardus Cremonensis (ed. Curtze p. 106 l. 14—15) aperte legit: مرا و pro فضل eaque de causa uertit: >differentia.

النطر e uerbis والنطر e uerbis Gherardi Cremonensis emendans uerbum, quod est الخطاء, in textum recepi.

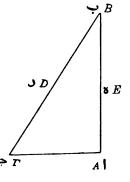
^{**)} I p. 78 sq.

السطيم الذي يحيط به خطا با آه مساويًا للمربع الكائن من خط بة برهانة ان المربع الكائن مِن خط جب مساو لجموع المربعين الكائنين مِن قسمى جد دب مع ضعف السطم الذي يحيط به خطاً جد دب وذلك بحسب برهان د مِن ب لكن بحسب برهان م مِن ا يكون البربع الكائن مِن خط جب مساويا لجبوع البربعين الكائنين مِن خطى جا آب لان زارية جاب قائمة فجموع المربعين الكائنين مِن قسمي جد دب مع ضعف السطم الذي يحيط به خطا جه مساو لحجموع المربعين الكاثنين مِن خطى آج آب وكنّا فصلنا جد مثل آج وفصلنا به مثل بد فاذًا مجموع المربعين الكائنين مِن [خطى] آج بة مع ضعف السطم الذي يحيط به خطا آج به مساو لعجموع المربعين الكائنين مِن خطى جا آب فاذا القينا جا المشترك بقى ضعف السطم الذى يحيط به خطا جآ قب مع المربع الكائن مِن خط قب مساويًا للمربع الكائن مِن خط آب فلان خط آب ضعف خط جآ يكون ضعف السطم الذي يحيط به خطا آج آب مساويًا للسطيم الذي يحيط به خطا آب به وذلك بحسب برهان ا مِن ب فالسطم الذي يحيط به خطأ آب به مع المربع الكائن من خط به مساو للمربع الكائن مِن خط أب لكن بحسب برهان ب مِن ب فانّ مجموع السطحين اللذين يحيط باحدهما خطا با ألا وبالاخر خطا أب بلا مساو للمربع الكائن مِن خط آب فأذًا السطم الذي يحيط به خطأ آب به مع المربع الكائن مِن خط به مساو للسطحين اللّذين يحيط باحدهما خطا آب بة وبالاخر خطا با أه فاذا القينا السطم الذي يحيط به خطا أب

ita abscindimus, ut fiat lineae BD aequalis. Dico, nos lineam AB in puncto E ita diuisisse, ut spatium duabus lineis BA, AE comprehensum quadrato lineae BE aequale sit.

Demonstratio. Quadratum lineae GB ex II, 4 aequale est summae duorum quadratorum duarum partium GD, DB cum duplo spatio duabus lineis GD, DB comprehenso. Ex I, 46 autem quadratum lineae GB aequale est summae duorum quadratorum duarum linearum GA, AB, quia $\angle GAB$ rectus est; summa igitur duorum quadratorum duarum partium $GD,\ DB$ cum duplo spatio duabus lineis GD, DB comprehenso aequalis est summae duorum quadratorum duarum linearum AG, AB. Uerum GD [lineae] AG aequalem et BE [lineae] BD aequalem abscidimus; itaque summa duorum quadratorum [duarum linearum] AG, BE cum duplo spatio duabus lineis AG, BE comprehenso aequalis est summae duorum quadratorum duarum linearum GA, AB. Quadrato igitur lineae GA, quod commune est, subtracto relinquitur duplum spatium duabus lineis GA, EB comprehensum cum quadrato lineae EB quadrato lineae AB aequale. Et quoniam AB duplo maior est linea GA, ex II, 1 duplum spatium duabus lineis AG, EB comprehensum aequale est spatio duabus lineis AB, BE comprehenso; spatium igitur duabus lineis AB, BE comprehensum cum quadrato lineae BE aequale est quadrato lineae AB. Sed ex II, 2 summa duorum spatiorum, quo-

rum alterum duabus lineis BA, AE, alterum duabus lineis AB, BE comprehenditur, aequalis est quadrato lineae AB; itaque spatium duabus lineis AB, BE comprehensum cum quadrato lineae BE aequale est duobus spatiis, quorum alterum duabus lineis AB, BE, alterum duabus lineis BA, AE comprehenditur. Quare communi spatio duabus lineis AB, BE comprehenso ab utraque summa subtracto relinquitur spa-



بَه المشترك مِن جميعهما بقى حينيذ السطيح الذى يحيط به خطا ^{32 u.}
با أه مساويًا للمربع الكائن مِن خط به وذلك ما اردنا ان نبيّن∴(¹
الشكل الثاني عشر مِن المقالة الثانية

كل مثلث منفرج الزاوية فان (مربع الضلع الذي يُوتّر الزاوية المنفرجة اعظم مِن مربعي الضلعين الحيطين بالزاوية المنفرجة بمثل ضعف السطح الذي يحيط به احد الضلعين الحيطين بالزاوية المنفرجة والخط الذي يحرج على استقامة هذا الضلع] ما بين الزاوية المنفرجة ومسقِط العبودِ مثالة أن زاوية البخرج مِن مثلث آبج منفرجة [وقد] أخرج ضلع جن على استقامة وقد ارسل مِن نقطة آ عبود أد كما بينا ذلك ببرهان يب [من] الفاترل أن المربع الكائن مِن ضلع أج أعظم مِن مجموع المربعين لكائنين مِن ضلعي أب بج [بمثل?] ضعف السطح الذي يحيط به خطا جب بد برهانة أن خط جد قد انقسم بقسمين على نق الظة با فببرهان د مِن ب فان المربع الكائن مِن خط جد مساو لحجوع فببرهان د مِن ب فان المربع الكائن مِن خط جد مساو لحجوع فببرهان د مِن ب فان المربع الكائن مِن خط جد مساو لحجوع فببرهان د مِن ب فان المربع الكائن مِن خط جد مساو لحجوع

[[]ق]ال الشييخ لأن آج احد قسمى آب وآج آ In margine est: النصا هو القسم الأخر لأنه نصف آب وبة هو خط غير منقسم فضرب آب في آج مرتين وهما قسما خط آب

Uir doctissimus dixit: •Quia AG pars est [lineae] AB et AG etiam altera pars est, quoniam dimidia est [lineae] AB, et BE linea non diuisa est, erit $AB \times BE = BE \times AG + BE \times AG$; et utraque pars est lineae $AB \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot$

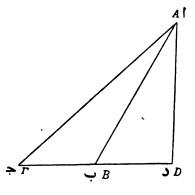
^{*)} Hac nota explicatur, quo modo ex II, 1 concludi possit, esse $2 AG \times BE = AB \times BE$.

tium duabus lineis BA, AE comprehensum quadrato lineae BE aequale 1). Q. n. e. d.

Propositio XII libri secundi.

In triangulo obtusiangulo quadratum²) lateris sub obtuso angulo subtendentis duobus quadratis duorum laterum angulum obtusum comprehendentium maius est spatio aequali duplo eius spatii, quod comprehenditur altero laterum angulum obtusum comprehendentium et lineae, quae in directum huic lateri ducitur, ea parte, quae inter angulum obtusum et perpendicularem posita est.

Exemplificatio. In triangulo ABG angulus ABG obtusus est. Latere GB in directum producto ex I, 12 a puncto A perpendicularis AD ducitur. Dico, quadratum lateris AG summa duorum quadratorum duorum laterum AB, BG maius esse duplo spatio duabus lineis GB, BD comprehenso.



فاذا اخرج مِن زاويته المنفرجة احد الضلعين :In margine est التحيطين بها ايهما كان الى مسقط العمود الذى يقع عليه مِن خارج المثلث فان تلبين وتر الزاوية المنقرجة فى مثله اكثر مِن تلبين الضلعين الحيطين بها كل واحد فى مثله مجموعين بمثل تلبين الضلع المخرج منه فيما اخرج الى مسقط العمود مرتين ع

Si alterutrum laterum obtusum eius [sc. trianguli] angulum comprehendentium ad punctum producitur, in quo perpendicularis extra triangulum ducta cum eo concurrit, laterculus lateris angulo obtuso oppositi in se multiplicati summam laterculorum duorum laterum, quae eum comprehendunt, in se multiplicatorum excedit magnitudine, quae aequalis est duplo laterculo lateris producti et lineae inter eam et perpendicularem positae.

المربعين الكائنين مِن قسمي دب بج مع ضعف السطم الذي يحيط به خطا دب بج فاذا اخدنا المربع الكائن مِن عمود آد مشتركًا فانه يكون المجموع المربعين الكائنين مِن ضلعي جد دا مساويًا لجبوع مربعات خطوط جب به دا مع ضعف السطم الذي يحيط به خطا جب بد لكن بحسب برهان مو مِن ا يكون مجموع المربعين الكائنين مِن ضلعي جد دا مساويًا للمربع الكائن مِن ضلع آج لأن زاوية ٥ قائمة وكذلك مجموع المربعين الكائنين مِن ضلعَى به دا مساو للمربع الكائن مِن ضلع آب فالمربع الكائن مِن ضلع آج اذن مساو لجموع المربعين الكائنين مِن ضلعى آب بج مع ضعف السطم الذى يحيط به ضلع بج وخط به فالمربع الكائن من ضلع آج اذن فل تبيّن انه اعظم مِن مجموع المربعين الكائنين مِن ضلعى آب به بضعف السطم الذى يحيط به ضلع جب وخط به وذلك ما اردنا ان نبيّن .. رَيادة قال ايرُن كل مثلث يكون المربع الكائن مِن احد اضلاعِهِ اعظم مِن مجموع المربعين الكائنين مِن الضلعين الباقيين فان الزاوية التي يحيط بها ذانك الضلعان مُنفرجَة فليكن مثلث أبج مربع ضلع بج منه اعظم مِن مجموع مربعي ضلعي با آج فاقول ان زارية باج مُنفرجَة برهانة انا نُخرج مِن نقطة آ مِن خط آج عبود آد مساويا لضلع آب كما بيّنا ذلك ببرهان الشكل المضاف الى يب مِن ا ونخرج خط جد فلان مربع آب مساو لهربع آد فانا اذا اخذنا مربع آج مشتركا فانه يكون مجموع المربعين مِن خطى آب آج يساوى مجموع مربعى دآ آج لكنّا فرضنا المربع

Demonstratio. Quoniam linea GD in puncto B in duas partes diuisa est, ex II, 4 quadratum lineae GD aequale est summae duorum quadratorum duarum partium DB, BG cum duplo spatio duabus lineis DB, BG comprehenso. Quadrato igitur perpendicularis AD communi sumpto summa duorum quadratorum duorum laterum GD, DA summae quadratorum linearum GB, BD, DA cum duplo spatio duabus lineis GB, BD comprehenso aequalis erit. Sed ex I, 46 summa duorum quadratorum duorum laterum GD, DA aequalis est quadrato lateris AG, quoniam $\angle D$ rectus est; et eadem ratione summa duorum quadratorum duorum laterum BD, DA quadrato lateris AB aequalis est; itaque quadratum lateris AG aequale est summae duorum quadratorum duorum laterum AB, BG cum duplo spatio latere BG et linea BD comprehenso. Ergo iam demonstratum est, quadratum lateris AG summa duorum quadratorum duorum laterum AB, BG maius esse duplo spatio latere GB et linea BD comprehenso. Q. n. e. d.

Additamentum. Hero dixit: Si in triangulo quadratum cuiuslibet lateris maius est summa duorum quadratorum duorum laterum reliquorum, angulus his duobus lateribus comprehensus obtusus erit.

In triangulo ABG quadratum lateris BG maius sit summa duorum quadratorum duorum laterum BA, AG. Dico, angulum BAG obtusum esse.

Demonstratio. A puncto A lineae AG ex demonstratione propositionis ad I, 12 [scr. I, 11] adiectae perpendicularem AD ducimus lateri AB aequalem. Lineam GD ducimus. Quoniam quadratum AB quadrato AD aequale est, quadrato AG communi sumpto summa duorum quadratorum duarum linearum AB, AG summae duorum quadratorum DA, AG aequalis est. Supposuimus autem, quadratum lateris BG maius esse summa duorum quadratorum duorum laterum AB, AG; ex I, 46 autem summa duorum quadratorum DA, AG aequalis est quadrato lateris DG; itaque quadratum lateris BG maius est quadrato lateris GD;

الكائن مِن ضلع بَج اعظم مِن مجموع المربعين الكائنين مِن ضلعى أب آج لكن بحسب برهان مو من ا يكون مجموع مربعى ما آج مثل المربع الكائن مِن ضلع دَج فاذًا المربع الكائن مِن ضلع بَج اعظم مِن المربع الكائن مِن ضلع جَد فضلع بَج اذًا اعظم مِن ضلع جَد فضلع بَج اذًا اعظم مِن ضلع جَد ولانا فرضنا ضلع دا مثل ضلع آب فاذا اخذنا ضلع آج مشتركا يكون ضلعا با آج مساويين لضلعى دا آج وقاعدة بج قد تبين انها اعظم مِن قاعدة جد فبحسب برهان كد مِن ا تكون زاوية باج اعظم مِن زاوية داج لكن زاوية داج قائمة فزاوية باج اعظم مِن زاوية داج لكن زاوية داج قائمة فزاوية باج منفرجة وذلك ما اردنا ان نبين (ا

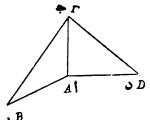
الشكل الثالث عشر مِن المقالة الثانية 33 r.

كل مثلث فان (1 المربع الكائن مِن الضلع الذي يوتر الزاوية زواياة الحادة اصغر مِن مجموع المربعين الكائنين مِن الضلعين اللذين يحيطان بزاويته الحادة بمثل ضعف السطم الذي يحيط به الملذين يحيطان بزاويته الحادة الحادة والخط الذي بين تلك الزاوية وبين مسقط العمود مِن ذلك الضلع مثالة ان زاوية ابج مِن مثلث ابج حادة وقد اخرج مِن نقطة العمود اد الى ضلع بج فاقول ان المربع الكائن مِن ضلع آج اصغر مِن مجموع المربعين الكائنين مِن خطى آب ب آج بم ثل ضعف السطم الذي ليحيط به خطا جب بد برهان و مِن ب فان المربع الكائن مِن خط على على نقطة د [فج]سب برهان و مِن ب فان المربع الكائن مِن خط بح مع المربع الكائن مِن خط بح مما المربع الكائن مِن خط بح مع المربع الكائن مِن خط بد مساو لضعف السطم [الذي]

ا) In textu: قائمة Uerbum فزاوية فزاوية باج قائمة منفرجة. Uerbum قائمة

quare etiam latus BG maius est latere GD. Iam quoniam supposuimus, latus DA lateri AB aequale esse, latere AG communi

sumpto duo latera BA, AG duobus lateribus DA, AG aequalia erunt. Et iam demonstratum est, basim BG maiorem esse basi GD; itaque ex I, 25 angulus BAG angulo DAG maior erit. Uerum angulus DAG rectus est; ergo angulus BAG obtusus est. Q. n. e. d.



Propositio XIII libri secundi.

In quouis triangulo quadratum¹) lateris sub eo angulorum eius, qui acutus est, subtendentis summa duorum quadratorum duorum laterum angulum acutum comprehendentium minus est duplo spatio comprehenso ab altero laterum acutum angulum comprehendentium et linea, quae sita est inter hunc angulum et punctum, in quod recta ad hoc latus perpendicularis cadit.

Exemplificatio. Angulus ABG trianguli ABG acutus est, et a puncto A ad latus BG perpendicularis ducta est AD. Dico, quadratum lateris AG summa duorum quadratorum duarum line-

فان تلبين وتر الزاوية الحادة في م[ثلة] اقل مِن تلبين الضلعين الباقيين كل واح[د] في مثلة مجموعين ببثل تلبين الضلع الز[اوية?] الذي يقع علية العمود منهما فيما بين تلك الزاوية الى مسقط العمود مرتين

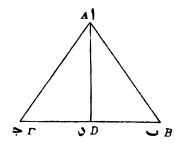
Laterculus [lateris] angulo acuto oppositi in se multiplicati laterculis utriusque laterum reliquorum in se multiplicati simul sumptis minor est duplo laterculo lateris [anguli?], in quod perpendicularis cadit, in eam partem multiplicati, quae posita est inter hunc angulum et punctum, in quod cadit perpendicularis.

¹⁾ In margine superiore nota sic recisa:

يحيط به خطا جب به مع المربع الكائن مِن قسم جد فاذا اخذنا المربع الكائن مِن عمود آد مشتركا [كان] مجموع المربعات الثلث الكائنات مِن خطوط جب به آد مساويًا لضعف السطم الذى يحيط به خطأ جب بد مع مجموع المربعين الكائنين مِن خطى جه الكن بحسب برهان مو مِن ا فان مجموع المربعين الكائنين مِن صُلعى به الله مساو للمربع الكائن مِن خط أب لأن زاريتي (زاريتي) ت قائمتان ربهذا الاستشهاد يتبيّن ان مجموع المربعين الكائنين مِن ضلعى أن دج مساو للمربع الكائن من ضلع آج فيصير مجموع المربعين الكاثنين مِن ضلعى آب بج مساويًا للمربع الكائن مِن ضلع آج مع ضعف السطم الذي يحيط به خطا بح بد فقد تبيّن ان المربع الكائن مِن ضلع أَجَ اصغر مِن مجموع المربعين الكاثنين مِن ضلعي أَب بح بضعف السطم الذي يحيط به خطا جب بد وذلك ما اردنا ان نبيّن قال ايرُن في عكس هذا الشكل كل مثلث يكون مربع احد اضلاعه اصغر مِن مربعي الضلعين الباقيين فأن الزاوية التي يحيط إبه [بها.ع] ذانك الضلعان حادة مثالة أن ضلع بج مِن مثلث ابج مربعهُ اصغر مِن مجموع مربعي ضلعي اب اج فاقول ان زاوية باج حادة برهانة انا نُقيم على نقطة آ مِن خط آج عمودَ آد مساويًا لضلع آب كما بيّنا ذلك ببرهان يب مِن ١ ونصل ٥٠ فانا متى استشهدنا شكل مو مِن ١ وشكل مد مِن ١ كما استشهدنا في الشكل المضاف الذي قبل هذا الشكل اعنى في الزارية المنفرجة نبيّن ان زاوية باج حادة وذلك ما اردنا ان نبيّن ..

arum AB, B[G] minus esse duplo spatio duabus lineis GB, BD comprehenso.

Demonstratio. Quoniam linea BG in puncto D in duas partes diuisa est, ex II, 7 quadratum lineae BG cum quadrato lineae BD aequale est duplo spatio duabus lineis GB, BD com-

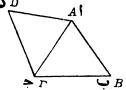


prehenso cum quadrato partis GD. Iam quadrato perpendicularis AD communi sumpto summa trium quadratorum linearum GB, BD, AD aequalis erit duplo spatio duabus lineis GB, BD comprehenso cum summa duorum quadratorum duarum linearum GD, DA. Sed ex I, 46 summa duorum quadratorum duorum laterum BD, DA aequalis est quadrato lineae AB, quoniam uterque angulus ad D positus rectus est; et eadem ratione demonstratur, summam duorum quadratorum duorum laterum AD, DG aequalem esse quadrato lateris AG; itaque summa duorum quadratorum duorum laterum AB, BG quadrato lateris AG cum duplo spatio duabus lineis BG, BD comprehenso aequalis est. Ergo demonstratum est, quadratum lateris AG summa duorum quadratorum duorum laterum AB, BG minus esse duplo spatio duabus lineis GB, BD comprehenso. Q. n. e. d.

Dixit Hero: Conuersio huius propositionis haec est: in quouis triangulo, in quo quadratum unius laterum eius minus est duobus quadratis duorum laterum reliquorum, angulus duobus illis lateribus D

Exemplificatio. In triangulo ABG quadratum lateris BG minus est summa duorum quadratorum duorum laterum AB, AG. Dico, angulum BAG acutum esse.

comprehensus acutus erit.*)



^{*)} Cfr. Scholl. in Elem. II nr. 84 (V p. 253, 21 sq.).

الشكل الرابع عشر مِن المقالة الثانية

نريد ان نبين كيف نعمل سطحا مربعا مساويا لبثلث معلوم فليكن المثلث المفروض مثلث ابح ونريد ان نبين كيف نعمل سطحا مربعا مساويا لمثلث أبج فنعمل سطحا متوازى الاضلاع قائم الزوايا مساويا لمثلث أبج كما بينا عملَه ببرهان مب مِن ا ولیکن سطم دح فان کان سطم دح مربعا فقد عملنا ما اردنا عبلُه وان كان مختلف الاضلاع فننزل ان ضلع 80 اعظم مِن ضلع $\frac{1}{89}$ ونخرج على الاستقامة حتى يصير ما اخرجناه مساويا لخط <u>هم وليكن هط ثم نقسم دط بنصفين على نقطة ككما بيّنا </u> قسمتَهُ ببرهان ی مِن ا ونغط علی مرکز کے وببعد کے نصف دائرة دلط ونخرج مِن نقطة 8 عمود الله كما بيّنا اخراجَهُ ببرهان يب مِن ا ونخرج كل فلان خط دط قد قسم بنصفين على نقطة $\overline{23}$ u. وبقسبین مختلفین علی نقطة \overline{s} فبحسب برهان s وبن ب فان \overline{s} السطم الذي يحيط به خطأ 80 قط مع المربع الكائن مِن خط كه مساو للمربع الكائن مِن خط كط لكن كط مثل كلّ لانهما خرجا مِن المركز الى الحيط فالسطم الذى يحيط به خطأ 80 لل مع المربع الكائن مِن خط كة مساو للمربع الكائن مِن خط كل لكن بحسب برهان مو مِن ا يكون المربع الكائن مِن خط $\overline{-2}$ مساويا لهجموع المربعين الكائنين من خطى $\overline{-8}$ لان راوية كالله فالسطم الذي يحيط به خطأ مع المربع الكائن مِن خط [كه] مساو لجموع المربعين الكائنين مِن خطى كة قل فنُسقط مربع كة المشترك فيبقى ال[سط]م الذي يحيط

Demonstratio. Ex I, 12 [S. 11] in puncto A lineae AG perpendicularem AD lateri AB aequalem erigimus et DG ducimus. Adhibitis igitur propositionibus I, 46 et I, 45 [scr. 25], sicut factum est in propositione ante hanc propositionem adiecta, scilicet in angulo obtuso, demonstrabimus, angulum BAG acutum esse. Q.n. e. d.

Propositio XIV libri secundi.

Nobis demonstrandum est, quo modo spatium quadratum triangulo dato aequale construamus.

Datus triangulus sit triangulus ABG. Demonstrandum igitur, quo modo spatium quadratum triangulo ABG aequale construamus.

Ex I, 42 spatium parallelogrammum rectangulum triangulo ABG aequale construinus; sit DH. Si igitur spatium DH quadratum est, iam construximus, quod nobis erat construendum. Sin latera inaequalia habet, latus DE latere EH maius esse supponimus et DE in directum producimus, donec linea a nobis ducta aequalis fiat lineae EH; sit $E\Theta$. Iam [linea] $D\Theta$ in puncto $K \in \mathbb{Z}$ I, 10 in duas partes aequales diuisa centro K et radio KK[S. KD] semicirculum $DL\Theta$ describimus et ex I, 12 a puncto Eperpendicularem EL erigimus lineamque KL ducimus. Quoniam igitur linea $D\Theta$ in puncto K in duas partes aequales diuisa est et in puncto E in duas partes inaequales, ex II, 5 spatium duabus lineis DE, $E\Theta$ comprehensum cum quadrato lineae KE aequale erit quadrato lineae $K\Theta$. Sed $K\Theta = KL$, quoniam utraque a centro ad ambitum circuli ducta est; itaque spatium duabus lineis DE, $E\Theta$ comprehensum cum quadrato lineae KE aequale est quadrato lineae KL. Sed ex I, 46 quadratum lineae KL aequale est summae duorum quadratorum duarum linearum KE, EL, quoniam angulus KEL rectus est; itaque spatium duabus lineis DE, EO comprehensum cum quadrato lineae KE summae duorum quadratorum duarum linearum*) KE, EL aequale est. Sub-

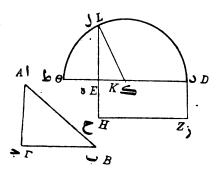
^{*)} Supra p. 71 sq.

به خطأ دة قط مساويًا للمربع الكائن مِن خط قل وكنّا اخرجنا الحط مساويًا للضاع قبح فالسطم الذي يحيط به خطأ دة قبح اذًا مساو للمربع الكائن مِن خط قلّ لكن السطم [الذ]ى يحيط به خطأ دة قبح هو سطم دح فسطم دج اذًا مساو للمربع الكائن مِن خط قلّ لكن سطم دح مساو لمثلث أبج فالمربع الكائن مِن خط قلّ اذًا مساو لمثلث أبج فقد اصبنا ضلع المربع المساوى خط قلّ اذًا مساو لمثلث أبج فقد اصبنا ضلع المربع المساوى لسطم دح وهو خط قلّ أمساو لمثلث أبج وذلك ما اردنا ان نبيّن تهت المقالة الثانية مِن كتاب اوقليدس



tracto igitur quadrato KE, quod commune est, relinquitur spatium duabus lineis DE, $E\Theta$ comprehensum quadrato lineae EL aequale. Sed [latus] $E\Theta$ lateri EH aequale ductum est; itaque spatium duabus lineis DE, EH comprehensum aequale erit

quadrato lineae EL. Uerum spatium duabus lineis DE, EH comprehensum spatium DH est; spatium igitur DH quadrato lineae EL aequale est. Sed spatium DH triangulo ABG aequale est; quare quadratum lineae EL triangulo ABG aequale est. Ergo lineam



EL invenimus latus quadrati spatio DH aequalis, quod [?] aequale est triangulo ABG. Q. n. e. d.

Finis libri secundi libri Euclidis.



